

## CS5341 – Kernel-Architekturen in Programmiersprachen

Thema:

**The Spineless Tagless G-Machine**

Vorgelegt von: Niklas Deworetzki  
Matrikelnummer 5185551

Eingereicht bei  
Hochschulbetreuer/-in: Prof. Dr.-Ing. Dominikus Herzberg

Eingereicht am: 17. Januar 2022

# Inhaltsverzeichnis

<b>Inhaltsverzeichnis</b>	<b>II</b>
<b>1 Einleitung</b>	<b>1</b>
<b>2 Grundlagen</b>	<b>3</b>
2.1 Graphenreduktion als Ausführungsmodell . . . . .	3
2.2 Besonderheiten der STG . . . . .	4
<b>3 Die STG-Sprache</b>	<b>7</b>
3.1 Lambda Formen . . . . .	7
3.2 Let Bindungen . . . . .	8
3.3 Anwendungen . . . . .	8
3.4 Fallunterscheidungen . . . . .	9
3.5 Primitive Werte und Arithmetik . . . . .	9
<b>4 Implementierung</b>	<b>11</b>
4.1 Der Maschinenzustand . . . . .	11
4.2 Auswertung von Atomen . . . . .	13
4.3 Startzustand . . . . .	13
4.4 Funktionsanwendungen . . . . .	14
4.5 Namensbindungen . . . . .	16
4.6 Fallunterscheidungen . . . . .	18
4.7 Aktualisierbare Closures . . . . .	22
4.8 Ausführung . . . . .	25
<b>5 Ergebnisse</b>	<b>III</b>
<b>Abbildungsverzeichnis</b>	<b>IV</b>
<b>Literaturverzeichnis</b>	<b>VI</b>

# 1 Einleitung

Diese Ausarbeitung ist Teil der Dokumentation eines Projektes aus dem Modul *CS5341 – Kernel-Architekturen in Programmiersprachen*, welches im Wintersemester 2021/2022 stattfand.

Wie der Name es bereits verrät, liegt der Fokus der Veranstaltung auf Programmiersprachen mit einem kleinen Sprachkern, sogenannten *Kernel-Sprachen*. Diese Sprachen besitzen zumeist die Möglichkeit, sich mit eigenen Mitteln selbst zu erweitern, um so Schicht für Schicht höhere Abstraktionen aufzubauen, ohne diese explizit bei der Implementierung der Sprache zu unterstützen. Das macht diese Sprachen nicht nur bei der Implementierung interessant, da die Implementierung eines kleinen Sprachkerns nur mit vergleichsweise geringem Aufwand verbunden ist. Auch für Anwender sind solche Sprachen interessant, da sie zumeist flexibel sind, über Bibliotheken einfach erweitert werden können und die geringe Zahl der Kernfeatures ein schnelles Erlernen fördert. Bekannte Vertreter für Kernsprachen sind die verschiedenen Lisp-Dialekte, welche im Sprachkern lediglich Listen, Funktionen und Funktionsanwendungen bieten, während die restliche Funktionalität über Makromechanismen oder reflexive Programmierung entstehen. Funktionale Sprachen wie Haskell oder Scala wandeln Quellprogramme mit komplexeren Bestandteil in eine kalkülartige Kernsprache um, welche für Analysen im Compiler und die Ausführung herangezogen wird. Bei den objektorientierten Programmiersprachen ist Smalltalk als wichtiger Vertreter zu nennen. Hier werden alle Sprachkonstrukte als Objekte dargestellt, welche sich Nachrichten senden können.

Während in den seminaristischen Vorlesungsstunden der Veranstaltung der Fokus zumeist auf den Mechanismen liegt, die in solchen Programmiersprachen verwendet werden, liegt der Fokus dieses Projektes in der Auseinandersetzung mit einem Programmiersprachenkern und besonders auf dem Ausführungsmodell, das diesem zugrunde liegt. Die sogenannte *STG-Sprache* wird verwendet, um eine Ausführungsumgebung für Haskell bereitzustellen, weswegen die Sprache nicht auf hoher Flexibilität und Erweiterbarkeit sondern vielmehr auf Maschinennähe und Kontrolle der ausgeführten Operationen zur Laufzeit basiert. Die Besonderheiten dieser

Programmiersprache wurden im Rahmen des Projektes untersucht und eine Implementierung der dazugehörigen Maschine in der imperativen Programmiersprache Java erstellt.

Diese Ausarbeitung ist in vier weitere Teile gegliedert, welche die verschiedenen Abschnitte des Projektes widerspiegeln.

- Kapitel 2 befasst sich mit den Grundlagen hinter der STG-Sprache und der dazugehörigen Maschine.
- Kapitel 3 beschreibt die für die Sprache definierten Sprachkonstrukte und deren Bedeutung zur Ausführungszeit.
- Kapitel 4 assoziiert die einzelnen Sprachkonstrukte mit der zugehörigen Semantik sowie der Implementierung dieser für eine virtuelle Maschine in Java.
- Kapitel 5 fasst die Ergebnisse des Projektes zusammen und reflektiert diese.

## 2 Grundlagen

Die Spineless Tagless G-Machine (STG) beschreibt eine abstrakte Maschine, sowie eine kleine Programmiersprache zur Programmierung ebendieser Maschine, die als STG-Sprache bezeichnet wird. Der vorwiegende Verwendungszweck liegt dabei in der Übersetzung und Ausführung von nicht-strikten funktionalen Programmiersprachen. In solchen Programmiersprachen werden Ausdrücke verzögert und nur bei Bedarf ausgewertet. Man spricht auch von der sogenannten *Bedarfsauswertung* oder aus dem Englischen *lazy Evaluation*.

Dieser Ausführungsmodus kommt mit einer Reihe an großen Herausforderungen. Zur Laufzeit muss zwischen ausstehenden oder unterbrochenen Auswertungen (so genannten *Thunks*) und bereits berechneten Werten unterschieden werden. Gleichzeitig soll überflüssige Arbeit vermieden werden, indem Ausdrücke nur so oft wie nötig ausgewertet werden, um anschließend deren Wert für den Falle erneuter Auswertung zu speichern. Zudem ist es in funktionalen Sprachen häufig der Fall, dass Ausdrücke nicht nur einfache Werte sondern auch Funktionen berechnen, welche dann auf Argumente angewandt, an andere Funktionen übergeben oder an Namen gebunden werden können. Selbstverständlich soll eine Ausführungsumgebung, die all diese Anforderungen unterstützt, auch noch möglichst effizient sein und mit möglichst wenig Speicherbedarf und Rechenzeit auskommen.

Die STG-Maschine verspricht, als abstrakte Maschine diesen Anforderungen nachzukommen und wird seit ???<sup>[citation needed]</sup> als wesentlicher Bestandteil in der Implementierung und Übersetzung von Haskell verwendet. Im Ergebnis ist Performance von übersetzten Haskell Programmen häufig vergleichbar mit C.<sup>[citation needed]</sup>

### 2.1 Graphenreduktion als Ausführungsmodell

Die Verwendung einer abstrakten Maschine zur Ausführung einer Programmiersprache ist keine Besonderheit. Die ursprünglich für Java entwickelte Java Virtual Machine (JVM) beschreibt eine abstrakte Stackmaschine, die entweder im Rahmen einer virtuellen Maschinenimplementierung ausgeführt wird, oder deren Semantik

in Maschinencode für eine reale Maschine übersetzt wird. Um die .NET Plattform herum entstand die Common Language Infrastructure (CLI), welche standardisiert eine objektorientierte abstrakte Stackmaschine beschreibt. In beiden Fällen soll die Verwendung einer abstrakten Maschine über die Tatsächliche Ausführungsumgebung abstrahieren, um so Programme plattform- und hardwareunabhängig ausführen zu können. Eine ähnliche Architektur bietet LLVM mit einer abstrakten Registermaschine. Hier liegt der Fokus jedoch auf der Optimierung und Übersetzung von Programmen für diese abstrakte Maschine in realen Maschinencode.

All diese Modelle sind nah an dem Modell der handelsüblichen Computer, welche auch als sogenannte Sequentielle Maschinen [2] Einzug in die theoretische Welt der Berechenbarkeit gehalten haben. Die Grundannahmen sind hier, dass Rechenschritte einzelne gleichwertige Instruktionen darstellen, die nacheinander ausgeführt werden und jeweils eine Menge an Registern oder Speicherzellen beeinflussen können.

Die STG-Maschine wählt hier einen anderen Ansatz, der näher am Berechnungsvorgehen des Lambda-Kalküls ist: Hier liegt das Programm als Datenstruktur vor, in der Ausdrücke als Knoten mit Kanten zu den verwendeten Teilausdrücken vorkommen. Reduktionsregeln geben vor, wie schrittweise diese Datenstruktur reduziert werden kann, bis der ausgewertete Ausdruck schließlich eine sogenannte Normalform erreicht – eine einheitliche Form des Ausdrucks, die dessen ausgewerteten Wert repräsentiert.

Der Teil *G-Maschine* der STG-Maschine steht dabei für *Graphenreduktionsmaschine*. Das auszuwertende Programm liegt also als Graph vor, der schrittweise reduziert wird. Die Darstellung als Graph ermöglicht dabei eine genauere Beschreibung der Laufzeitsemantik eines Programmes, als es durch einen Baum möglich ist. Darum wird diese Darstellung der klassischen Repräsentation als Syntaxbaum vorgezogen <sup>[citation needed]</sup>. Abbildung 2.1 zeigt beispielhaft einen solchen Graphen für den Ausdruck `let x =  $\frac{2}{y}$  in  $x + x$` . Die Darstellung als Graph verdeutlicht hier, dass die beiden Vorkommnisse von  $x$  auf denselben Wert verweisen. Wird nun für  $y$  der Wert 1 bekannt, können nacheinander Reduktionsregeln angewandt werden, um den Graphen wie in Abbildung 2.1 auf einen einzelnen atomaren Wert zu reduzieren.

## 2.2 Besonderheiten der STG

Die STG-Maschine definiert einige Erweiterungen für dieses Modell der Graphenreduktion. Mit Hilfe dieser wird lazy Evaluation möglich und die effiziente Ausführung auf gewöhnlicher Hardware unterstützt.

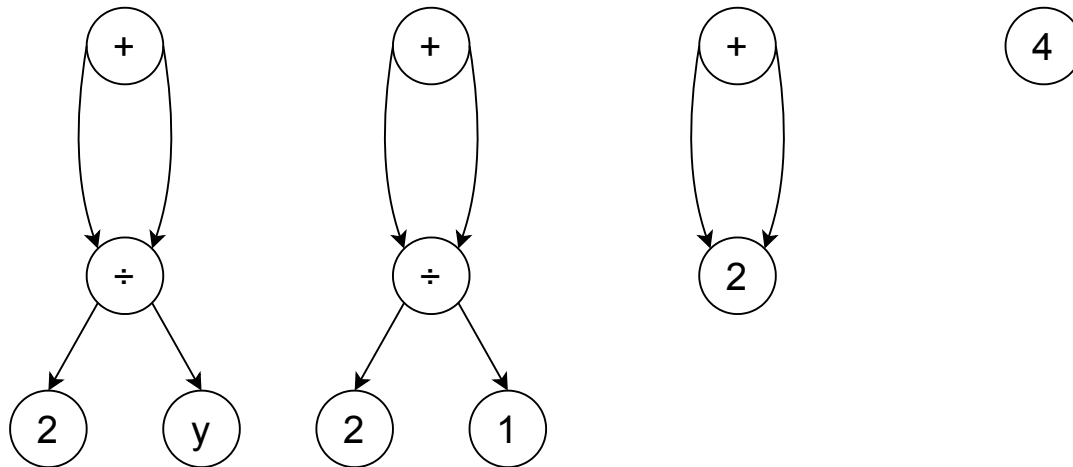


Abbildung 2.1: Schrittweise Reduktion des Ausdrucks  $\text{let } x = \frac{2}{y} \text{ in } x + x$

Während die Darstellung eines Programms und dessen Ausdrücke als Knoten in einem Graph über die verschiedenen Ausprägungen der Laufzeitwerte abstrahiert und so im grundlegenden Modell die Unterscheidung zwischen Thunks, Werten und Closures für anonyme Funktionen überflüssig macht, müssen die durchgeführten Reduktionsregeln weiter eingeschränkt werden, um lazy Evaluation zu ermöglichen. Dem Ansatz aus Abbildung 2.1 entsprechend würde der gesamte Graph reduziert, was der Idee der lazy Evaluation widerspricht.

Die Lösung ist hier das Definieren einer Normalform, welche die ausgewertete Form eines Ausdrucks darstellt. Die Anwendung von Reduktionsregeln auf einen Teilgraphen in Normalform verändert diesen nicht mehr; ein Ende der Auswertung wurde erreicht. Im Rahmen der STG wird die Weak Head Normal Form (WHNF) verwendet [1]. Die WHNF beschreibt, dass lediglich der Kopf eines Graphen in Normalform vorliegen muss, um ihn als ausgewertet zu betrachten. Dies ist der Fall, wenn der oberste Knoten des Graphen einen Konstruktor oder eine eingebaute Funktionsanwendung beschreibt. Der Rest des Graphen darf dabei unausgewertet vorliegen, wodurch die WHNF zu einer schwachen Normalform wird. Am konkreten Beispiel einer verketteten Liste bedeutet dies, dass lediglich bekannt sein muss, ob der Kopf der Liste den Listenkonstruktor oder die leere Liste darstellt. Ob die Liste abgesehen vom Kopf weitere Elemente enthält, wie lang diese Liste ist, oder wie das oberste Listenelement aussieht, ist dabei für die WHNF irrelevant.

Problematisch wird trotz der WHNF dennoch die Auswertung von unendlichen Graphen oder Graphen, die einen Zyklus enthalten. Gerade endlose Graphen erweisen sich als Herausforderung, wenn man den naiven Ansatz verfolgt und den gesamten Programmgraphen als Datenstruktur im Speicher hat. Diesen Problem-

fall behandelt das  $S$  in STG, welches für *Spineless* steht. Die sogenannte Spine bezeichnet dabei die Datenstruktur, welche im Hauptspeicher einer Maschine den Graphen enthält. Bei der STG existiert diese Datenstruktur nicht explizit. Stattdessen werden Zeiger auf berechnete Werte oder Codeblöcke verwendet, die den Graphen repräsentieren. Als Resultat wird während der Laufzeit nicht der gesamte Graph im Speicher gehalten, sondern nur der Teil, der für die aktuelle Auswertung relevant ist.

Die letzte Erweiterung der STG, wird durch das  $T$  beschrieben, welches für *Tagless* steht. Obwohl die Knoten im Modell der Graphenausführung Closures, Thunks und Werte vereinheitlichen, kann es nötig sein, während der Auswertung eines Ausdrucks, zwischen diesen Ausprägungen zu unterscheiden. Ist der zu reduzierende Teil des Graphen ein Thunk, so muss die von diesem dargestellte unterbrochene Berechnung fortgesetzt werden. Liegt ein bereits ausgewerteter Wert vor, so kann dieser direkt verwendet werden.

Die Unterscheidung der Ausprägungen geschieht in anderen Graphenmaschinen durch sogenannte Tags, welche einen Knoten markieren und dessen Ausprägung bestimmen [\[citation needed\]](#). Die STG verwendet eine einheitliche Darstellung, in der alle Ausprägungen als Closure dargestellt werden. Neben den freien Variablen, die sowohl bei herkömmlichen Closures als auch bei Thunks eingefangen und gespeichert werden müssen, enthält die einheitliche Darstellung einen Zeiger auf einen Codeblock anstelle eines Tags. So wird es überflüssig, die korrekte Aktion zur Auswertung der Closure anhand des Tags zu bestimmen. Der Zeiger verweist stattdessen auf den Code, der die gewünschte Aktion beschreibt und ein einfacher Sprung genügt, um diese auszuführen. Closures können so Argumente vom Stack konsumieren und die Auswertung des Rumpfs beginnen, für Thunks wird die unterbrochene Ausführung angestoßen und für bereits ausgewertete Werte der jeweilige Wert zurückgegeben.

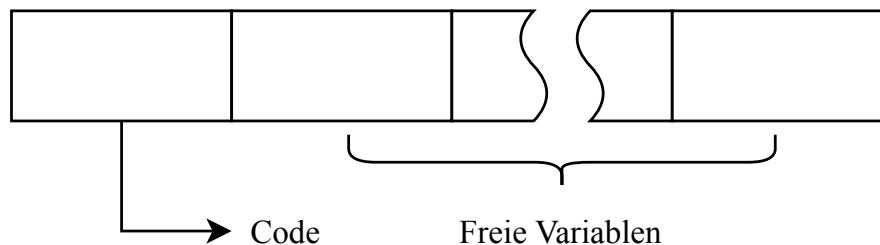


Abbildung 2.2: Aufbau einer Closure



## 3 Die STG-Sprache

Die STG-Sprache ist eine kleine funktionale Programmiersprache, die eng mit der Semantik der STG-Maschine verknüpft ist. Zudem dient sie als kleiner Sprachkern für Haskell und wird dort im Übersetzungs- und Ausführungsprozess verwendet.

Im Vergleich zu anderen Maschinensprachen fällt auf, dass die STG-Sprache eine funktionale Programmiersprache ist. Anstelle der Beschreibung einzelner Anweisungen oder Instruktionen, die den Zustand der Maschine ändern, werden deklarativ Funktionen beschrieben, wessen Zusammenspiel einen Graphen bilden. Da die Reduktion dieses Graphen der Ausführung der STG-Maschine entspricht, gibt es einige Unterschiede zu funktionalen Kern- oder Hochsprachen. Anstelle viele, einfache Abstraktionen zu schaffen, ist eine genaue Kontrolle über das Verhalten der zugrundeliegenden Maschine gewünscht.

Sowohl die Nähe zur Maschinensemantik als auch die Kontrolle der selben wird bei Betrachtung der verschiedenen Sprachkonstrukte deutlich, die im Folgenden vorgestellt werden.

### 3.1 Lambda Formen

Lambda Formen entsprechen den klassischen Lambda Ausdrücken, wie sie aus nahezu allen funktionalen Sprachen bekannt sind. Zusätzlich zu der Liste an Variablen, an welche die Argumente der anonymen Funktion gebunden werden und dem Rumpf der Funktion, existieren einige Besonderheiten.

Zunächst existiert eine weitere Liste an Variablen bei der Definition einer Lambda Form. Diese Liste beschreibt die freien Variablen, die beim Erstellen einer Closure gespeichert werden müssen. Freie Variablen sind Variablen, die in einem Ausdruck verwendet werden, jedoch nicht innerhalb dieses Ausdrucks definiert werden. Da die Variablen nicht in dem Ausdruck definiert werden, aber durch eine umschließende Definition sichtbar sind, muss ein Verweis auf den entsprechenden Wert gespeichert werden. Da dies Speicherplatz benötigt und somit die Ausführung der

STG-Maschine beeinflusst, werden die freien Variablen explizit angegeben.

Weiterhin fällt auf, dass eine *Update Flag* als Teil der Lambda Form angegeben wird. Ist diese Flagge auf u gesetzt, wird die Closure im Speicher nach der Auswertung durch den Ergebniswert ersetzt. Somit wird eine erneute Auswertung unterbunden, die Performance erhöht und keine zusätzliche Berechnungen durchgeführt. In anderen Fällen ist diese Ersetzung nicht erwünscht. Wird ein Wert beispielsweise nur einmal berechnet, muss keine Ersetzung stattfinden und der dafür benötigte Aufwand kann eingespart werden. Ähnlich ist es, wenn die Lambda Form eine Funktion beschreibt, oder der Ausdruck im Rumpf bereits in der WHNF ist [citation needed].

## 3.2 Let Bindungen

Bindungsausdrücke binden (potentiell mehrere) Bezeichner an Lambda Formen. Hierbei wird zwischen Ausdrücken mit dem Schlüsselwort `let` und rekursiven Ausdrücken mit dem Schlüsselwort `letrec` unterschieden. Bei letzteren dürfen die Definitionen des Ausdrucks gegenseitige Querbezüge besitzen. Bei der ersten Variante ist dies nicht erlaubt.

Als Besonderheit fällt auf, dass lediglich Lambda Formen gebunden werden können. Dies reflektiert die Eigenschaften der lazy Evaluation, da so nicht ein Ausdruck selbst oder dessen Wert gebunden wird.

Hinsichtlich der Maschinensemantik beschreiben Bindungsausdrücke immer Speicherallokation. Für jede gebundene Lambda Form wird eine Closure auf dem Heap angelegt und die Referenz auf diese für die gebundene Variable verwendet.

## 3.3 Anwendungen

Die STG-Maschine kennt Anwendungen von Funktionen, Konstruktoren und primitiven Operationen. Im Vergleich zu Haskell gilt hier die Einschränkung, dass die Anwendungen von Konstruktoren und primitiven Operationen immer alle Argumente angegeben sein müssen. Eine  $\eta$ -Reduktion, wie sie in Haskell üblich und idiomatisch ist, wird hier nicht durchgeführt. So ist sichergestellt, dass immer genügend Argumente auf dem Stack liegen, wenn diese Konstrukte ausgewertet werden, wodurch das Erreichen der WHNF bei der Auswertung von Konstruktoranwendungen und Aufrufe von primitiven Operationen sichergestellt wird.

Als Einschränkung gilt für diese Ausdrücke, dass die übergebenen Argumente bei einer Anwendung immer atomar sein müssen; lediglich primitive Konstanten

und Variablen sind erlaubt. Dies reduziert die Komplexität der Maschine und erzwingt, dass komplexe Argumente explizit als Closure auf dem Heap abgelegt werden, bevor diese als Argument übergeben werden.

Soll eine einzelne Variable als Ausdruck verwendet werden, so muss die Variable als Funktion auf eine leere Parameterliste angewandt werden. Bei der Auswertung dieses Ausdrucks wird dann zum Rumpf der Closure gesprungen, die an diese Variable gebunden wird. Diese etwas umständliche Einschränkung bildet syntaktisch direkt das Ausführungsmodell der STG-Maschine ab, in der jeder Ausdruck verzögert ausgewertet wird.

### 3.4 Fallunterscheidungen

Fallunterscheidungen bestehen aus einem untersuchten Ausdruck und einer Reihe an Fällen, die ein Muster definieren. Der erste Fall, dessen Muster zu dem untersuchten Ausdruck passt, wird dabei als Ergebnis der Fallunterscheidung ausgewählt. Ist kein passendes Muster gegeben, so tritt ein Laufzeitfehler auf.

Fallunterscheidungen sind einstufig; sie können nur anhand des äußersten Konstruktors oder einer primitiven Konstante getroffen werden. Zudem darf ein Standardfall definiert werden, der immer akzeptiert und optional den gesamten Ausdruck an einen Namen bindet. In der Praxis stellt diese Einschränkung kein Problem dar, da mehrstufige Fallunterscheidungen in einstufige übersetzt werden können<sup>[citation needed]</sup>.

Die Besonderheit in der Semantik von Fallunterscheidungen ist, dass der untersuchte Ausdruck ausgewertet wird. Somit bieten Fallunterscheidungen die einzige Möglichkeit in der STG, die Auswertung eines Ausdrucks zu erzwingen. Durch die Auswertung des untersuchten Ausdrucks in WHNF wird sichergestellt, dass der korrekte Fall ausgewählt wird, da nach der Auswertung der passende Konstruktor in ausgewerteter Form vorliegt. Gleichzeitig wird dabei sichergestellt, dass nicht zu viel ausgewertet wird und die Laziness erhalten bleibt.

### 3.5 Primitive Werte und Arithmetik

In reinen nicht-strikten Programmiersprachen werden Zahlenwerte und arithmetische Operationen auf diesen – wie alle weiteren Operationen auch – als Closures dargestellt, welche die Berechnungen enthalten. Folglich sind arithmetische Operationen mit hohen Laufzeitkosten verbunden. Eine einfache Addition zweier Zahlen etwa, erzwingt das Auswerten der Operanden, das entpacken der Zahlenwerte aus

deren Closures, die eigentliche Auswertung der Addition, das Anlegen einer neuen Closure für den Ergebniswert und das anschließende Ablegen des Ergebnisses.

Die STG bietet über primitive Werte eine Möglichkeit, verfügbare Maschinendatentypen und Maschineninstruktionen einer echten Hardware direkt in die abstrakte Maschine abzubilden. So existiert beispielsweise der primitive Datentyp `Int#`, welcher ganzzahlige Maschinenworte darstellt. Arithmetische Operationen auf diesen primitiven Werten sind beispielsweise als `+#`, `-#` verfügbar.

Ganz dem Sinne einer Kernelsprache entsprechend, kann ein verzögert ausgewerteter Zahlentyp um diese primitiven Datentypen herum implementiert werden.

```
data Int = MkInt Int#
```

Beschreibt in der Haskell-Syntax die Definition eines algebraischen Datentypen `Int` mit einem einzelnen Konstruktor `MkInt`, der eine primitive Ganzzahl akzeptiert.

Arithmetische Operationen, welche die verzögerte Auswertung unterstützen, können auf ähnliche Weise definiert werden, indem Fallunterscheidungen zum Auswerten und Auspacken der Operanden verwendet und das Ergebnis in den Konstruktor des Zahlentyps gepackt wird. Ein Ausdruck `(e1 + e2)` in einer höheren Sprache wie Haskell, könnte wie folgt umgeschrieben werden, um verzögerte Auswertung zu unterstützen:

```
case e1 of
MkInt x# -> case e2 of
    MkInt y# -> case (+# x# y#) of
        r# -> MkInt r#
```

Die Argumente werden genau wie die primitive Addition durch eine Fallunterscheidung ausgewertet. Das Ergebnis der Addition wird an den Bezeichner `r#` gebunden und an den Konstruktor des Zahlentyps übergeben. In diesem Programmteil wird die Konvention angewandt, Bezeichner für primitive Variablen mit dem Suffix `#` zu versehen, wie es bei den primitiven Arithmetischen Operationen der Fall ist.

## 4 Implementierung

Das Kernziel des Projektes ist es, die formale Notation der operationellen Semantik in eine ausführbare Implementierung umzuwandeln. Die Wahl der Implementierungssprache fällt hier auf Java, eine imperative und objektorientierte Programmiersprache. Als Notation zur Beschreibung der Semantik werden in [citation needed] Zustandsübergänge gewählt, welche in Schreibweise einer Funktion auf bestimmte Muster des Maschinenzustands greifen und auf den nächsten Zustand der Ausführung abbilden. Diese Notation kann nicht ohne Weiteres in eine imperative Programmiersprache wie Java übersetzt werden. Doch genau hier liegt der Reiz des Projektes, da die STG genau für diesen Zweck gedacht ist, die semantische Lücke zwischen verzögert ausgewerteten funktionalen Hochsprachen und dem hardwarenahen imperativen Ausführungsmodell herkömmlicher Hardware zu schließen. Zwar wird Java kaum als hardwarenahe Programmiersprache verwendet, die imperativen Eigenschaften sind jedoch vorhanden und Features wie Objektorientierung und automatische Speicherverwaltung unterstützen die zielgerichtete Implementierung.

### 4.1 Der Maschinenzustand

Der Zustand der STG-Maschine besteht aus insgesamt fünf Komponenten, die in Java abgebildet werden:

1. Der *Maschinencode*, welcher eine feste Anzahl an Ausprägungen annehmen kann,
2. der *Argument-Stack*, welcher Werte enthält,
3. der *Return-Stack*, welcher *Continuations* speichert,
4. der *Update-Stack*, welcher Informationen zur Ersetzung von Closures speichert, und
5. der *Heap*, welcher die Closures speichert.

Zudem existiert eine statische, globale Umgebung, welche die Adressen für alle Closures liefert, die auf oberster Programmebene definiert sind. Diese Umgebung ist jedoch während der gesamten Laufzeit nicht verändert.

Die drei verschiedenen Stacks werden als Deque aus dem Paket `java.util` dargestellt. Für die Elemente, die diese Stacks speichern, werden verschiedene Klassen angelegt, um die einzelnen Ausprägungen darzustellen. Continuations und die Informationen zur Ersetzung von Closures (genannt Update-Rahmen) werden jeweils als Records in Java dargestellt.

Für Werte, die auf dem Argument-Stack liegen, existieren zwei Ausprägungen: Ganzzahlen und Adressen. Es wird für beide jeweils ein Record erstellt, welcher einer gemeinsame Schnittstelle implementiert.

Listing 4.1: Darstellung von Werten in Java

```
public sealed interface Value {
    record Address(int address) implements Value {}

    record Int(int value) implements Value {}
}
```

Ähnlich wird bei den Ausprägungen des Maschinencodes vorgegangen. Da diese den Zustand der Maschine maßgeblich bestimmen, wird eine Schnittstelle `State` definiert, die für die verschiedenen Ausprägungen zur Verfügung steht. Die Schnittstelle definiert dabei eine Methode `State transfer(Machine)`, die den nächsten Maschinenzustand zurückgibt. Auf diese Weise wird das *Tagless*-Verhalten der STG simuliert, indem keine expliziten Fallunterscheidungen für den aktuellen Ausführungszustand getroffen werden müssen. Stattdessen wird polymorph zur richtigen Aktion für den aktuellen Ausführungszustand gesprungen. Die vier Ausprägungen, die der Maschinencode annehmen kann sind: *Eval*, *Enter*, *Return Constructor* und *Return Integer*.

Listing 4.2: Schnittstelle für die Ausprägungen des Maschinencodes

```
public sealed interface State {
    State transfer(final Machine machine);
}
```

## 4.2 Auswertung von Atomen

Um Atome auszuwerten, wird eine Funktion `val` definiert, die auf die lokale Umgebung  $\rho$  und die globale Umgebung  $\sigma$  zugreift. Diese Funktion wertet eine Konstante zu ihrem Zahlenwert aus und sucht den Wert einer Variablen in der umliegenden Umgebung. Dabei wird die lokale Umgebung der globalen Vorgezogen.

$$val(\rho, \sigma, x) = \begin{cases} Int\ x & \text{falls } x \text{ eine Konstante} \\ \rho\ x & \text{falls } x \in dom(\rho) \\ \sigma\ x & \text{andernfalls} \end{cases}$$

## 4.3 Startzustand

Der Startzustand beginnt mit der Auswertung der `main` Funktion, die implizit durch die Maschine aufgerufen wird.

```
private State state = new Eval(
    new FunctionApplication(new Variable("main"), emptyList()),
    emptyMap());
```

Die etwas verbose Darstellung in Java beschreibt detailliert den Startzustand: Es wird mit der Auswertung einer Funktionsanwendung begonnen. Die angewandte Funktion ist dabei durch die Variable `main` definiert und besitzt eine leere Parameterliste. Zudem ist die Umgebung, in der die Auswertung stattfindet, leer.

Die verschiedenen benötigten Stacks werden ebenfalls leer initialisiert.

```
private Deque<Value> argumentStack = emptyStack();
private Deque<Continuation> returnStack = emptyStack();
private Deque<UpdateFrame> updateStack = emptyStack();
```

Letztlich werden Heap und die globale Umgebung auch mit den Standardwerten initialisiert. Die Implementierung der Funktion `allocateAll`, welche verwendet wird, um alle globalen Namensbindungen in die globale Umgebung einzutragen und gleichzeitig auf dem Heap anzulegen, wird in 4.5 näher gezeigt.

```
private final Heap heap = new Heap();
private final Map<Variable, Value> globalEnvironment =
    allocateAll(heap, program.bindings, emptyMap(), true);
```

<i>Code</i>	<i>Arg stack</i>	<i>Return stack</i>	<i>Update stack</i>	<i>Heap</i>	<i>Globals</i>
<i>Eval</i> ( <b>main</b> {})	{}	{}	{}	$h_{init}$	$\sigma$
where $\sigma$	$= \begin{bmatrix} g_1 \mapsto (Addr\ a_1) \\ \dots \\ g_n \mapsto (Addr\ a_n) \end{bmatrix}$				
$h_{init}$	$= \begin{bmatrix} a_1 \mapsto (vs_1 \setminus \pi_1\ xs_1 \rightarrow e_1)\ (\sigma\ vs_1) \\ \dots \\ a_n \mapsto (vs_n \setminus \pi_n\ xs_n \rightarrow e_n)\ (\sigma\ vs_n) \end{bmatrix}$				

Abbildung 4.1: Startzustand der Maschine

## 4.4 Funktionsanwendungen

Die Semantik zur Auswertung von Funktionsanwendungen werden in [\[citation needed\]](#) durch Regel 1 und Regel 2 gegeben. Vor dem Pfeil steht ein Muster, das die Komponenten des Maschinenzustands gegeben durch Reihenfolge listet: *Maschinencode*, *Argument-Stack*, *Return-Stack*, *Update-Stack* und *Heap*. In der letzten Zeile steht das Resultat der Auswertung als folgender Maschinenzustand.

	$Eval\ (f\ xs)\ \rho$	$as\ rs\ us\ h\ \sigma$
(1)	such that $val\ \rho\ \sigma\ f = Addr\ a$	
$\Rightarrow$	$Enter\ a$	$(val\ \rho\ \sigma\ xs) \uparrow\!\!\uparrow as\ rs\ us\ h\ \sigma$

Abbildung 4.2: Auswertung von Funktionsanwendungen

In der Implementierung in Java wird der Zustand *Eval* durch das Visitor-Muster abgebildet. Es wird also für jeden möglichen Ausdruck, der ausgewertet werden



kann eine State `visit(Ausdruck)` Methode implementiert, die den Ausdruck entsprechend Auswertet und den Zustand für den nächsten Auswertungsschritt zurückliefert.

Die Implementierung wertet die Funktion mittels `value` aus und prüft, ob eine Adresse als Ergebniswert vorliegt. Ist dies der Fall, werden die Argumente ausgewertet, mit dem Argumentstack konkateniert und ein neuer Zustand zurückgegeben, der die Closure betritt und somit den darin enthaltenen Code ausführt.

Listing 4.3: Auswertung von Funktionsanwendungen

```
public State visit(FunctionApplication app) {
    final Value function = value(rho, sigma, app.function);
    if (function instanceof Address a) {
        List<Value> args = values(rho, sigma, app.arguments);
        concat(args, argumentStack);
        return new Enter(a.address());
    }
    ...
}
```

Die zweite relevante Regel für die Auswertung von Funktionsanwendungen beschreibt das Betreten in eine Closure. Hierbei wird die Closure als Adresse dargestellt und der entsprechende Wert vom Heap geholt. Wie Regel (4.2) zeigt, wird für die Auswertung eine lokale Umgebung zusammengestellt, welche die gefangenen Werte der freien Variablen der Closure an die definierte Liste der freien Variablen bindet und die Argumente auf dem Argument-Stack an die Liste der Parameter. Dabei werden die Werte vom Argument-Stack konsumiert und anschließend mit der Auswertung des Closure-Rumpfes fortgeführt.

Listing 4.4: Implementierung des Betretens einer Closure

```
public record Enter(int address) implements State {
    public State transfer(final Machine machine) {
        final Closure closure = machine.heap.get(address);
        if (machine.argumentStack.size()
            >= closure.code().parameters.size()) {
            final var localEnvironment = mkLocalEnv(...);
            return new Eval(closure.body(), localEnvironment);
        }
        ...
    }
}
```

$$\begin{array}{l}
\text{such that } length(as) \geq length(xs) \\
(2) \Rightarrow \quad Enter \ a \quad as \ rs \ us \ h[a \mapsto (vs \setminus n \ xs \rightarrow e) \ ws_f] \ \sigma \\
\text{where} \quad \begin{array}{l}
ws_a \uplus as' = as \\
length(ws_a) = length(xs) \\
\rho = [vs \mapsto ws_f, \ xs \mapsto ws_a]
\end{array} \quad \sigma
\end{array}$$

Abbildung 4.3: Betreten einer Closure

## 4.5 Namensbindungen

In der STG-Sprache sind Namensbindungen für Speicherallokation zuständig. Folglich ist dies ein großer Aufgabenteil bei der Auswertung von Namensbindungen. Zusätzlich entsteht die Aufgabe, den inneren Ausdruck der Namensbindung auszuwerten und die Umgebung für diesen aufzubauen.

In Abbildung 4.4 wird Regel 3 aus [citation needed] dargestellt. Man beachte, dass in dieser Notation die globale Umgebung  $\sigma$  in jeder Regel angegeben wird, ohne sie jemals zu ändern. Im dargestellten Fall, der die Auswertung von nicht-rekursiven Namensbindungen mit `let` beschreibt, ist es möglich, die drei Aufgabenteile strikt zu trennen. Im Falle von rekursiven Namensbindungen mit `letrec`, ist dies nicht möglich, da dann  $\rho_{rhs} = \rho'$  gilt und das Aufbauen der Umgebung mit dem Anlegen der Closures auf dem Heap verzahnt ist. Um die durch den Ausdruck definierten Closures zu erstellen, müssen die Adressen aller im Ausdruck definierter Closures bekannt sein. Damit eine Closure auf den Heap gelegt werden kann, muss diese jedoch erstellt sein.

Als Lösung für diese gegenseitige Abhängigkeit wird die Funktion `allocateAll` aus Listing 4.5 verwendet. Diese Methode akzeptiert den Heap, eine Liste aus Namensbindungen und eine Umgebung, in der die Namensbindungen stattfinden als Parameter. Zusätzlich wird angegeben, ob die Namensbindung rekursiv erfolgen soll. Als Effekt legt diese Funktion auf dem Heap Closures für die zu bindenen Namen an und gibt anschließend die lokale Umgebung, in der die gebundenen Namen sichtbar sind, zurück. Als Strategie hierfür wird für jeden Namen eine Adresse auf dem Heap zu reserviert, die verwendet werden kann, um die benötigten Closures

$$\begin{array}{l}
(3) \quad \text{Eval} \left( \begin{array}{l} \text{let } x_1 = vs_1 \setminus \pi_1 xs_1 \rightarrow e_1 \\ \dots \\ x_n = vs_n \setminus \pi_n xs_n \rightarrow e_n \\ \text{in } e \end{array} \right) \rho \ as \ rs \ us \ h \ \sigma \\
\Rightarrow \text{Eval } e \ \rho' \hspace{15em} as \ rs \ us \ h' \ \sigma \\
\text{where } \rho' = \rho[x_1 \mapsto \text{Addr } a_1, \dots, x_n \mapsto \text{Addr } a_n] \\
h' = h \left[ \begin{array}{l} a_1 \mapsto (vs_1 \setminus \pi_1 xs_1 \rightarrow e_1) (\rho_{rhs} \ vs_1) \\ \dots \\ a_n \mapsto (vs_n \setminus \pi_n xs_n \rightarrow e_n) (\rho_{rhs} \ vs_n) \end{array} \right] \\
\rho_{rhs} = \rho
\end{array}$$

Abbildung 4.4: Regel zur Auswertung von Namensbindungen aus [citation needed]

zu erstellen. Die Adresse genügt, damit die gebundenen Namen aufeinander verweisen können. Anschließend wird die Eigenschaft der STG ausgenutzt, Closures auf dem Heap aktualisieren zu können (siehe Abschnitt 4.7), um so die erstellten Closures an die jeweiligen Adressen zu platzieren. In der Implementierung taucht ein Kombinator `combineWith` auf, welcher zwei iterierbare Strukturen akzeptiert sowie eine Funktion, die paarweise auf die Elemente der beiden Datenstrukturen angewandt wird. Durch ihn werden die reservierten Adressen mit den Namen und erstellten Closures verbunden.

Die Auswertung von Namensbindungen ist mit Hilfe der Methode `allocateAll` trivial:

```

public State visit(LetBinding let) {
    Map<Variable, Value> localEnvironment = allocateAll(heap,
        let.bindings, this.localEnvironment, let.isRecursive);
    return new Eval(let.expression, localEnvironment);
}

```

Listing 4.5: Funktion `allocateAll` zum Anlegen rekursiver Namensbindungen

```

private static Map<Variable, Value> allocateAll(
    final Heap heap, final List<Bind> bindings,
    final Map<Variable, Value> outerEnvironment,
    final boolean isRecursive) {
    // Lokale Umgebung wird erstellt mit allen sichtbaren

```

```

    Namen der umliegenden Umgebung.
final var localEnvironment =
    new HashMap<>(outerEnvironment);

// Reserviere die Adressen aller Definitionen und trage
// sie in der Umgebung ein.
final Iterable<Integer> addresses = heap.reserveMany(
    bindings.size());
combineWith(addresses, bindings, (addr, bind) -> {
    localEnvironment.put(bind.variable, new Address(addr))
});

final var rhsEnvironment = (isRecursive) ?
    localEnvironment : outerEnvironment;

// Aktualisiere Closures im Heap.
combineWith(addresses, bindings, (address, bind) -> {
    List<Value> capturedValues = new ArrayList<>();
    for (Variable free : bind.lambda.freeVariables())
        capturedValues.add(rhsEnvironment.get(free));

    heap.update(address,
        new Closure(bind.lambda, capturedValues));
});
return localEnvironment;
}

```

## 4.6 Fallunterscheidungen

Wird im Auswertungszustand der Maschine auf eine Fallunterscheidung als Ausdruck getroffen, wird nicht sofort zur passenden Alternative gesprungen. Die Alternativen werden lediglich als Continuation auf den *Return-Stack* geschoben und die Auswertung des untersuchten Ausdrucks fortgeführt.

$$(4) \quad \boxed{\begin{array}{ccc} \textit{Eval} (\textit{case } e \textit{ of alts}) \rho \textit{ as} & & rs \textit{ us } h \textit{ } \sigma \\ \Rightarrow \textit{Eval } e \rho & & \textit{as } (alts, \rho) : rs \textit{ us } h \textit{ } \sigma \end{array}}$$

Abbildung 4.5: Regel zur Auswertung von Fallunterscheidungen

Die Implementierung in Java schiebt ebenso nur eine Continuation auf den Stack

und gibt den neuen Maschinenzustand als Ergebnis zurück.

```
public State visit(CaseExpression expression) {
    returnStack.push(new Continuation(expression.alternatives,
        localEnvironment));
    return new Eval(expression.scrutinized, localEnvironment);
}
```

Die tatsächliche Auswahl einer Alternative geschieht erst nachdem die Auswertung des untersuchten Ausdrucks abgeschlossen ist. In diesem Fall wird in einen speziellen Zustand übergegangen, um zur Fallunterscheidung zurückzukehren. Dieser Zustand tritt dann ein, wenn die Anwendung eines Konstruktors ausgewertet wird, wie die Regel in Abbildung 4.6 zeigt.

$$(5) \quad \boxed{\begin{array}{l} \textit{Eval} (c \ xs) \ \rho \qquad \qquad \qquad as \ rs \ us \ h \ \sigma \\ \Longrightarrow \textit{ReturnCon} \ c \ (val \ \rho \ \sigma \ xs) \ as \ rs \ us \ h \ \sigma \end{array}}$$

Abbildung 4.6: Regel zur Auswertung von Konstruktoranwendungen

Abbildungen 4.7, 4.8 und 4.9 zeigen die involvierten Regeln zur Auswahl einer Alternative. Da diese drei Regeln zusammen wirken, um die korrekte Alternative auszuwählen, werden sie zu einer Methode in Java zusammengefasst. Die Continuation wird zunächst vom Stack entfernt und anschließend die darin gespeicherten Alternativen der Reihe nach untersucht, ob deren Konstruktor dem Konstruktor aus dem Maschinenzustand entspricht. Falls eine passende Alternative gefunden wird, werden die Variablen der Alternative entsprechend Regel 6 gebunden und die in die Auswertung des Ausdrucks der Alternative übergegangen. Auf diese Weise wird die Schleife über die Alternativen vorzeitig abgebrochen.

Besitzt jedoch keine der Alternativen einen passenden Konstruktor, so wird die Standardalternative untersucht. Zunächst wird auf den Fall aus Regel 8 geprüft. Tritt dieser auf, wird das gesamte Ergebnis der Auswertung an einen Namen gebunden statt lediglich einzelne Variablen zu extrahieren. Für diesen Fall muss eine Closure angelegt werden, die den Konstruktor und die angewandten Werte speichert<sup>[citation needed]</sup>. Regel 7 hingegen bindet keinen Namen und setzt die Ausführung wie in Regel 8 mit der Auswertung des Ausdrucks aus der Alternative fort.

Listing 4.6: Implementierung der Auswahl einer Alternative

```
public record ReturnConstructor(Constructor constructor,
    List<Value> arguments) implements State {
```

```

public State transfer(Machine machine) {
    final var continuation = machine.returnStack.pop();

    // Suche nach passender Alternative.
    for (Alternative alt : continuation.alternatives())
        if (areEqual(this.constructor, alt.constructor)) {
            // Passende Alternative gefunden.
            combineWith(alt.arguments, this.arguments,
                continuation.savedEnvironment().put);
            return new Eval(alt.expression,
                continuation.savedEnvironment());
        }

    // Verwende Standard-Alternative.
    if (continuation.defaultAlternative()
        instanceof DefaultBindingAlternative def) {
        Address address = machine.heap
            .allocate(standardConstructorClosure());
        continuation.savedEnvironment()
            .put(def.variable, address);
        return new Eval(def.expression,
            continuation.savedEnvironment());
    } else if (continuation.defaultAlternative()
        instanceof DefaultFallthroughAlternative def) {
        return new Eval(def.expression,
            continuation.savedEnvironment());
    }
}

```

Für primitive Zahlenwerte wird ein ähnlicher Zustand `ReturnInt` bereitgestellt, welcher sich analog zu `ReturnConstructor` verhält. Statt die verschiedenen Alternativen auf passende Konstruktoren zu überprüfen, wird nach einem passenden Zahlenwert gesucht (Regel 11). Die Regeln zur Auswahl von Standardalternativen (Regel 12 und Regel 13) sind äquivalent zu denen im Zustand `ReturnConstructor`. Die einzige Besonderheit bei der Auswertung von primitiven Zahlenwerten ist, dass die Auswertung einer Variable, die einen primitiven Zahlenwert speichert, in den Zustand `ReturnInt` übergeht, anstelle die Closure an der Adresse zu betreten, die in der Variablen gespeichert ist.

$$(6) \quad \boxed{\begin{array}{l} \text{ReturnCon } c \text{ } ws \text{ } as \text{ } (\dots; c \text{ } vs \text{ } \rightarrow e; \dots, \rho) : rs \text{ } us \text{ } h \text{ } \sigma \\ \Rightarrow \text{Eval } e \text{ } \rho[vs \mapsto ws] \text{ } as \hspace{10em} rs \text{ } us \text{ } h \text{ } \sigma \end{array}}$$

Abbildung 4.7: Regel zur Auswahl einer Alternative

$$(7) \quad \boxed{\begin{array}{l} \text{ReturnCon } c \text{ } ws \text{ } as \left( \begin{array}{l} c_1 \text{ } vs_1 \rightarrow e_1; \\ \dots; \\ c_n \text{ } vs_n \rightarrow e_n; \\ \text{default} \rightarrow e_d \end{array} , \rho \right) : rs \text{ } us \text{ } h \text{ } \sigma \\ \text{such that } c \neq c_i \quad (1 \leq i \leq n) \\ \Rightarrow \text{Eval } e_d \text{ } \rho \hspace{10em} as \hspace{10em} rs \text{ } us \text{ } h \text{ } \sigma \end{array}}$$

Abbildung 4.8: Regel zur Auswahl der Standardalternative

$$(8) \quad \boxed{\begin{array}{l} \text{ReturnCon } c \text{ } ws \text{ } as \left( \begin{array}{l} c_1 \text{ } vs_1 \rightarrow e_1; \\ \dots; \\ c_n \text{ } vs_n \rightarrow e_n; \\ v \rightarrow e_d \end{array} , \rho \right) : rs \text{ } us \text{ } h \text{ } \sigma \\ \text{such that } c \neq c_i \quad (1 \leq i \leq n) \\ \Rightarrow \text{Eval } e_d \text{ } \rho[v \mapsto a] \text{ } as \hspace{10em} rs \text{ } us \text{ } h' \text{ } \sigma \\ \text{where } \quad h' = h[a \mapsto (vs \setminus \mathbf{n} \text{ } \{\} \rightarrow c \text{ } vs) \text{ } ws] \\ \quad \quad vs \text{ is a sequence of arbitrary distinct variables} \\ \quad \quad length(vs) = length(ws) \end{array}}$$

Abbildung 4.9: Regel zur Auswahl der Standardalternative mit Namensbindung

## 4.7 Aktualisierbare Closures

Zum Aktualisieren von Closures auf dem Heap müssen mehrere Regeln zusammenspielen. Einerseits wird beim Betreten einer aktualisierbaren Closure ein entsprechender Rahmen auf den Update-Stack geschoben. Andererseits muss der Rahmen vom Stack wieder entfernt werden, wenn ein Update ausgelöst wird.

Regel 15 in Abbildung 4.10 stellt das Betreten einer aktualisierbaren Closure dar. Diese Regel ist ähnlich zur Regel zum Betreten einer nicht-aktualisierbaren Closure mit dem Unterschied, dass ein Update-Rahmen auf den entsprechenden Stack gelegt wird. Das Erstellen dieses Rahmens leert den Argument- und Return-Stack. Inhalt beider Stacks wird im Rahmen gespeichert zusammen mit der Adresse der aktualisierbaren Closure. Dieses Verhalten lässt sich durch Anpassen der existierenden Implementierung mit minimalen Aufwand erreichen, indem eine einzelne Verzweigung ergänzt wird:

```

if (closure.code().isUpdateable) {
    machine.updateStack.push(new UpdateFrame(
        machine.argumentStack, machine.returnStack, address));
    machine.argumentStack = emptyStack();
    machine.returnStack = emptyStack();
}
return new Eval(closure.code().body, localEnvironment);

```

$$(15) \quad \begin{array}{c}
 \text{Enter } a \text{ as } rs \qquad \qquad \qquad us \ h[a \mapsto (vs \setminus u \ \{\} \rightarrow e) \ ws_f] \ \sigma \\
 \Longrightarrow \quad Eval \ e \ \rho \ \{\} \ \{\} \ (as, rs, a) : us \ h \qquad \qquad \qquad \sigma \\
 \text{where } \rho = [vs \mapsto ws_f]
 \end{array}$$

Abbildung 4.10: Regel zum Betreten einer aktualisierbaren Closure

Der schwierigere Teil ist das Anwenden einer Aktualisierung, wenn die Auswertung einer aktualisierbaren Closure abgeschlossen ist. Es existieren zwei Fälle, in denen der Abschluss einer Auswertung erkannt und somit eine Aktualisierung ausgelöst wird.

- Wird der Wert einer Closure als Konstruktor bekannt, so folgt anschließend der Versuch, eine Continuation vom Return-Stack zu holen, um die Auswahl einer Alternative auszuführen. Wenn der Return-Stack leer ist, kann dieser



Versuch nur scheitern. Diese Situation wird dann als Aktualisierung erkannt.

- Ist der Wert einer Closure eine Funktion, versucht diese die Funktionsargumente vom Argument-Stack zu konsumieren. Sind keine Argumente auf dem Stack vorhanden, so scheitert dieser Versuch ebenso, was als Aktualisierung erkannt wird.

Diese beiden Ereignisse werden als Regel 16 und Regel 17 dargestellt.

$$\begin{array}{l}
 (16) \quad \begin{array}{c}
 \text{ReturnCon } c \text{ } ws \quad \{\} \quad \{\} \quad (as_u, rs_u, a_u) : us \ h \ \sigma \\
 \Rightarrow \quad \text{ReturnCon } c \text{ } ws \ as_u \ rs_u \quad us \ h_u \ \sigma \\
 \text{where } \textit{vs} \text{ is a sequence of arbitrary distinct variables} \\
 \textit{length}(vs) = \textit{length}(ws) \\
 h_u = h[a_u \mapsto (vs \setminus \mathbf{n} \ \{\} \rightarrow c \textit{vs}) \textit{ws}]
 \end{array}
 \end{array}$$

Abbildung 4.11: Regel zur Erkennung von Aktualisierungen bei Konstruktoren

$$\begin{array}{l}
 (17) \quad \begin{array}{c}
 \text{Enter } a \quad as \quad \{\} \quad (as_u, rs_u, a_u) : us \ h \ \sigma \\
 \text{such that } h \ a = (vs \setminus \mathbf{n} \ xs \rightarrow e) \ ws_f \\
 \textit{length}(as) < \textit{length}(xs) \\
 \Rightarrow \quad \text{Enter } a \ as \ \# as_u \ rs_u \quad us \ h_u \ \sigma \\
 \text{where } \quad xs_1 \ \# xs_2 = xs \\
 \textit{length}(xs_1) = \textit{length}(as) \\
 h_u = h[a_u \mapsto ((vs \ \# xs_1) \setminus \mathbf{n} \ xs_2 \rightarrow e) (ws_f \ \# as)]
 \end{array}
 \end{array}$$

Abbildung 4.12: Regel zur Erkennung von Aktualisierungen bei Funktionen

Wie bereits zu erkennen ist, sind diese Regeln relativ komplex und benötigen einige Hilfsdefinitionen, die größtenteils dazu dienen, die Stacks korrekt wiederherzustellen und die korrekte Anzahl an Werten für den aktuellen Zustand zur Verfügung

stehen. Um beide Fälle in der Implementierung zu erkennen, wird jeweils eine Verzweigung ergänzt.

Listing 4.7 stellt dar, wie im Zustand `ReturnConstructor` überprüft wird, ob der Return-Stack ein Element zum Entfernen enthält. Ist dies nicht der Fall, wird der gesamte Wert des Zustands als Closure im Heap gespeichert, an der Adresse die im obersten Update-Rahmen gespeichert ist. Der Code zum Einrichten der Closure ist hierbei identisch zu dem, der ausgeführt wird, wenn die Standardalternative im Zustand `ReturnConstructor` einen Namen bindet. In diesem Fall wird ebenso der Konstruktor samt enthaltener Werte für die Closure verwendet.

Listing 4.7: Implementierung der Erkennung von Aktualisierungen bei Konstruktoren

```
if (machine.returnStack.isEmpty()) {
    final UpdateFrame frame = machine.updateStack.pop();

    machine.argumentStack = frame.argumentStack();
    machine.returnStack = frame.returnStack();
    machine.heap.update(frame.address(),
        standardConstructorClosure());

    return this;
}
```

Bei der Übersetzung von Regel 17, wie sie in Listing 4.8 zu sehen ist, wird ein Großteil der Codezeilen für die Manipulation der verschiedenen Listen verwendet. Was sich als Muster kurz und präzise ausdrücken lässt, lässt sich in Java lediglich über das Zusammenspiel von mehreren Listenprimitiven implementieren. Da diese Codezeilen nur schwer nachvollziehbar sind und Abbildung 4.12 bereits deren Bedeutung darstellt, werden sie hier weggelassen.

Als Besonderheit bei diesen beiden Regeln ist festzustellen, dass sich die Code-Komponente nicht ändert. Bei der Implementierung in Java wird dies besonders deutlich, da `return this` den nächsten Codezustand und somit den aktuellen Zustand unverändert bereitstellt. Grund dafür ist, dass der Wert, der durch die Aktualisierung einer Closure entsteht, das Ergebnis einer anderen aktualisierbaren Closure sein könnte. Daher wird erneut auf die verschiedenen Fälle geprüft, um eventuell eine weitere Closure zu aktualisieren, bis letztendlich die eigentliche Regel ausgeführt wird und in den nächsten Zustand übergeht.

Listing 4.8: Implementierung der Erkennung von Aktualisierungen bei Funktionen

```
if (machine.argumentStack.size() < closure.code().parameters
```

```

        .size()) {
    final List<Variable> updatedParameters = ...;
    final List<Variable> updatedFreeVars = ...;
    final List<Value> updatedBoundVals = ...;

    final UpdateFrame frame = machine.updateStack.pop();
    machine.returnStack = frame.returnStack();
    machine.argumentStack.addAll(frame.argumentStack());

    machine.heap.update(frame.address(), new Closure(
        new LambdaForm(updatedFreeVars, false, updatedParameters
            , machine.heap.get(frame.address()).code().body),
            updatedBoundVals
        ));

    return this;
}

```

## 4.8 Ausführung

Da die Code-Komponente der Maschine *tagless* mit Hilfe des Polymorphismus in Java implementiert wurde, ist die tatsächliche Ausführung der Maschine einfach umzusetzen. Ein Ausführungsschritt aktualisiert die Komponente des Zustands durch den Ergebniswert der `State transfer(Machine)` Methode, die auf dem aktuellen Zustand aufgerufen wird.

```

public void step() {
    // Auswahl der Aktion erfolgt automatisch durch Sprung zur
    // Implementierung.
    state = state.transfer(this);
}

```

Das Ende der Ausführung wird mit dem Abschluss der Auswertung des Startzustands erreicht. Entsprechend der Regeln wird hier eine Funktion ohne eine hinreichende Anzahl an Argumenten aufgerufen oder einer der beiden Zustände `ReturnInt` oder `ReturnConstructor` wird aktiv, obwohl der Continuation-Stack leer ist. Beides sind Indizien, dass eine Aktualisierung aussteht. Jedoch gibt es keine Closure mehr, die aktualisiert werden könnte. Dieser Fall kann abgefangen werden, um das Ende der Ausführung festzustellen.

## 5 Ergebnisse

# Abbildungsverzeichnis

2.1	Schrittweise Reduktion eines Ausdrucks . . . . .	5
2.2	Aufbau einer Closure . . . . .	6
4.1	Startzustand der Maschine . . . . .	14
4.2	Auswertung von Funktionsanwendungen . . . . .	14
4.3	Betreten einer Closure . . . . .	16
4.4	Regel zur Auswertung von Namensbindungen aus <span style="color: red;">[citation needed]</span> . . .	17
4.5	Regel zur Auswertung von Fallunterscheidungen . . . . .	18
4.6	Regel zur Auswertung von Konstruktoranwendungen . . . . .	19
4.7	Regel zur Auswahl einer Alternative . . . . .	21
4.8	Regel zur Auswahl der Standardalternative . . . . .	21
4.9	Regel zur Auswahl der Standardalternative mit Namensbindung . .	21
4.10	Regel zum Betreten einer aktualisierbaren Closure . . . . .	22
4.11	Regel zur Erkennung von Aktualisierungen bei Konstruktoren . . .	23
4.12	Regel zur Erkennung von Aktualisierungen bei Funktionen . . . . .	23

# Listings

4.1	Darstellung von Werten in Java . . . . .	12
4.2	Schnittstelle für die Ausprägungen des Maschinencodes in Java . . .	12
4.3	Auswertung von Funktionsanwendungen . . . . .	15
4.4	Implementierung des Betretens einer Closure . . . . .	15
4.5	Funktion <code>allocateAll</code> zum Anlegen rekursiver Namensbindungen .	17
4.6	Implementierung der Auswahl einer Alternative . . . . .	19
4.7	Implementierung der Erkennung von Aktualisierungen bei Konstruk- toren . . . . .	24
4.8	Implementierung der Erkennung von Aktualisierungen bei Funktionen	24

# Literaturverzeichnis

- [1] Wikibooks, The Free Textbook Project. *Haskell / Laziness*. 2020. URL: <https://en.wikibooks.org/w/index.php?title=Haskell/Laziness&oldid=3676028> (besucht am 05.01.2022).
- [2] Cees Slot und Peter van Emde Boas. „The Problem of Space Invariance for Sequential Machines“. In: *Information and Computation* 77.2 (1988), S. 93–122. DOI: [https://doi.org/10.1016/0890-5401\(88\)90052-1](https://doi.org/10.1016/0890-5401(88)90052-1).