

# 人工智能技术与应用

# 第二章 python 机器学习基础



- 2.1 Numpy 简介
- 2.2 pandas 简介

#### AI编程语言



- 主流的人工智能编程语言: Python、R、Java、Julia、C/C++等。
- Python最受欢迎,已形成AI开发生态系统,有丰富的AI相关库:
  - 用于机器学习的SciKit-learn,
  - 用于表格数据处理的Pandas,
  - 用于可视化的Matplotlib,
  - 用于深度学习的Pytorch、Keras和TensorFlow等。

#### Python集成开发环境



- Python代码是以 .py 为扩展名的文本文件。可利用集成开发环境编写、调试、运行 Python代码。
- 常用的Python集成开发环境有:
  - IDLE Python内置的一个简洁开发环境。没有集成第三方库。
  - Anaconda 一个开源项目,内含Spyder和Jupyter Notebook开发环境,集成了大量常用第三方库。
  - PyCharm 由JetBrains开发的Python IDE, 支持Django和Google App Engine。
  - Vs code 由Microsoft开发的免费、开源、跨平台的轻量级代码编辑器,具有强大的功能和灵活性。

#### 安装Anaconda





Anaconda是Python的一个科学计算发行版,内置了数百个Python常用库,包括机器学习库、科学计算等库,如 Scikit-learn、NumPy、Pandas、Matplotlib、SciPy等。并提供集成开发环境 Spyder 和 Jupyter Notebook。

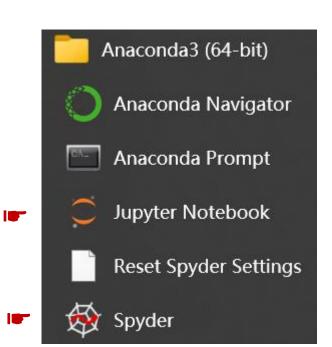
• 清华镜像: <a href="https://mirrors.tuna.tsinghua.edu.cn/anaconda/archive/">https://mirrors.tuna.tsinghua.edu.cn/anaconda/archive/</a>

根据操作系统,下载相应的安装包,安装即可。 如 64位windows可下载:

Anaconda3-5.0.1-Windows-x86.exe

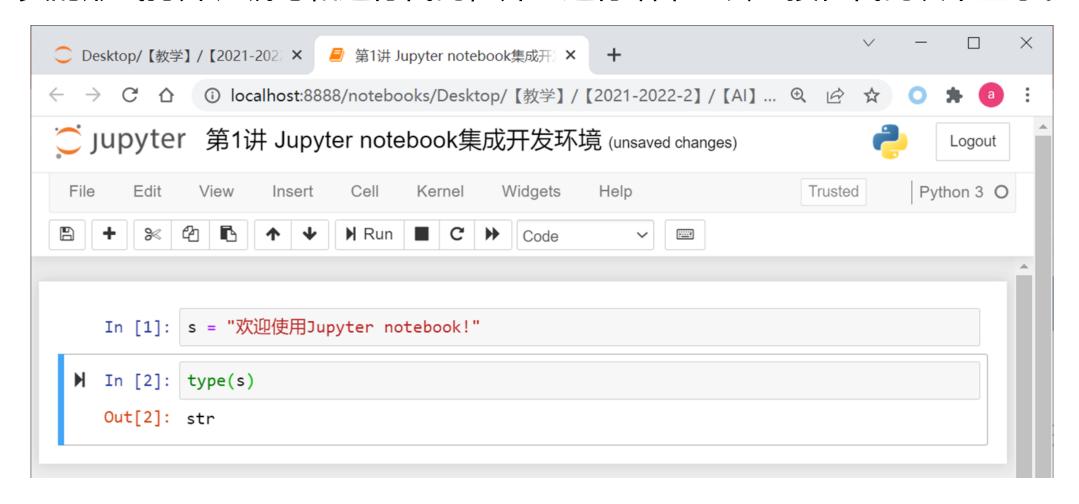
Anaconda3-5.0.1-Windows-x86\_64.exe

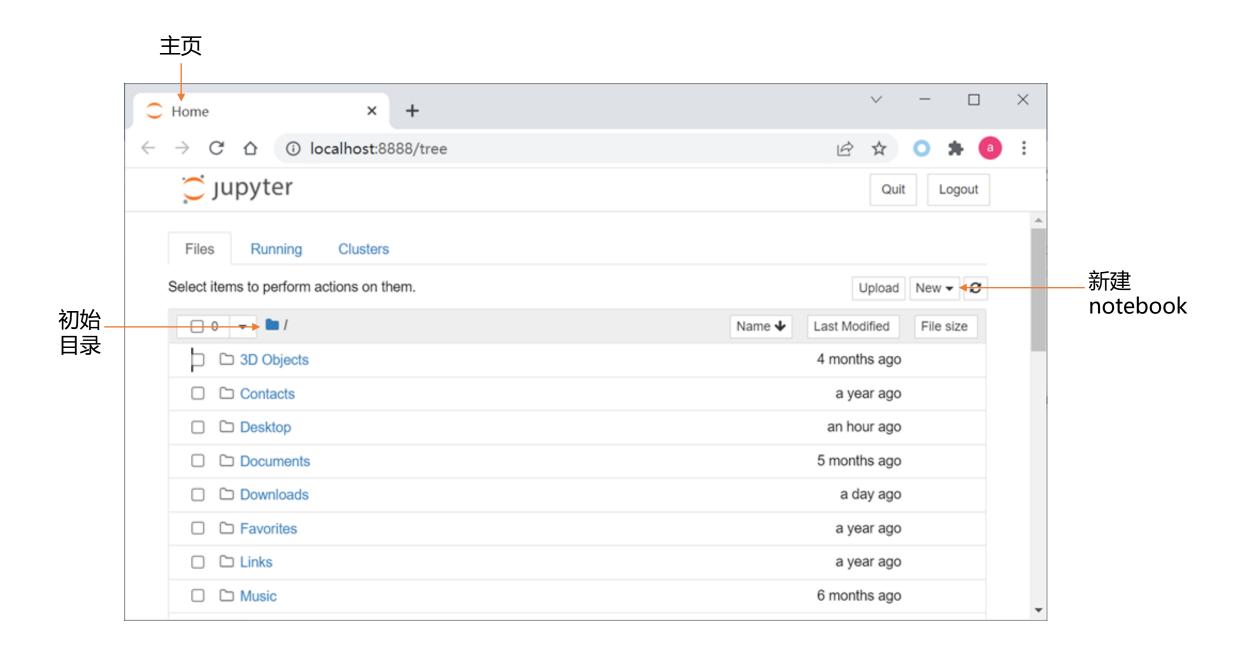
Anaconda3-5.1.0-Linux-ppc64le.sh





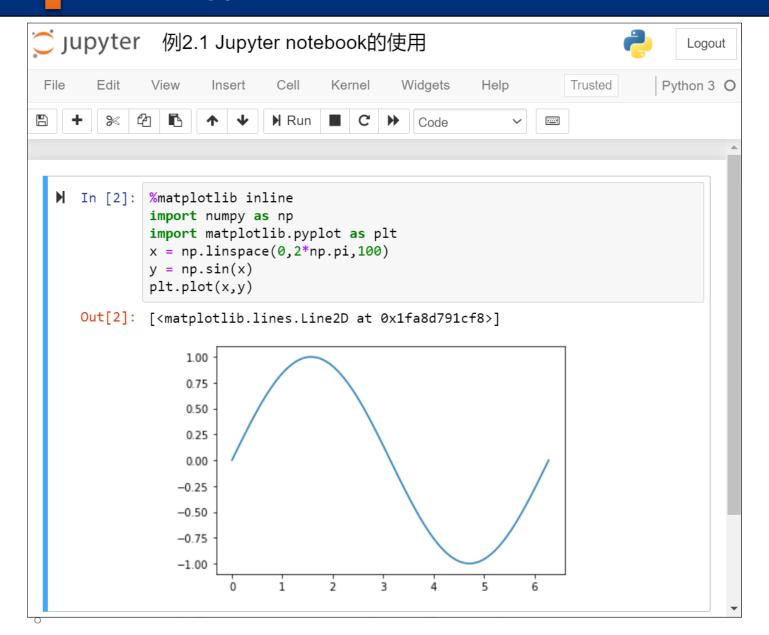
Jupyter Notebook 是基于网页的、用于交互式计算的应用程序,可以网页的形式打开、编写和运行代码,并且运行结果也会直接在代码块下显示。





#### 例 2.1 Jupyter notebook的使用





说明:

- (1) %matplotlib inline 设置 inline方式,直接把图片画在网页上。它是IPython(是交互式的python解释器)的一个魔术命令。凡以%为前缀的命令都是IPython的魔术命令,以实现特殊功能。
- (2) np. linspace()是numpy提供的创建指定元素个数的等距数组的函数。
- (3) np. sin()和np. pi分别是numpy 提供的正弦函数和  $\pi$  常量。

#### Jupyter notebook 的两种模式



#### 有两种不同的键盘输入模式:

- 编辑模式(将光标移入单元格开启) In [ ]: 由绿色单元格边框指示。编辑模式下,可在单元格中键入代码或文本。 右上角出现一只铅笔的图标。
- 命令模式 (将光标移出单元格开启) 由带蓝色左边线的灰色单元格边框指示。命令模式将键盘绑定到命令, 键入的按键作为命令(即快捷键),不作为文本处理。

In [ ]:

#### 命令模式下的常用命令



# Windows系统中,命令模式下的常用命令(快捷键)如下:

命令	涵义
Ctrl + Enter	运行当前单元
Shift + Enter	运行当前单元,并把焦点移到下一个单元
A	在当前单元上方插入一个新单元
В	在当前单元下方插入一个新单元
DD	连击两下D,删除选中的单元
Z	恢复最后删除的一个单元

△ 小技巧

忘记命令时,可在命令模式下,按h键或H键,调出帮助。

# 2.1 Numpy 简介



#### 2.1 NumPy



- NumPy 是高效科学计算的基础包,不但能完成科学计算的任务, 还能用作高效的多维数据容器,可用于存储和处理大型数据。
- ndarray (多维数组)是NumPy的核心数据类型。一个ndarray对象,是一个快速而灵活的大数据集容器。数组的所有元素是同种数据类型。
- · 本节介绍数组创建、访问和操作方法,更多内容见官网: https://numpy.org/
- NumPy是外部库,使用前需导入: import numpy as np

```
array([[10, 10, 12, 8],
[12, 6, 9, 6],
[11, 3, 2, 5]])
```

#### 2.1.1 数组的创建



# 数组的创建:

- (1) numpy.array(序列),将序列转换为数组
- (2) numpy.arange() 或 numpy.linspace(), 创建等距数组
- (3) numpy.ones()、numpy.zeros() 等函数, 创建特殊的数组
- (4) numpy.random模块中的随机函数,创建随机数组

#### 2.1.1 数组的创建



#### 序列转为数组

```
import numpy as np x = \text{np.array}([[1,3,5,7],[2,4,6,8]],dtype=np.int32) print(type(x)) # x的类型 print(x.dtype) # x中元素的类型
```

```
输出:
<class 'numpy.ndarray'>
int32
```

(1) numpy.array() 将Python列表、元组等序列对象转换为Numpy数组。

numpy.array(序列对象, dtype = 类型)



#### 创建等距数组

```
x1 = np.arange(1,10,2)
print(x1)
x2 = np.linspace(1,10,5)
print(x2)
```

```
程序执行结果:
[1 3 5 7 9]
[ 1. 3.25 5.5 7.75 10.]
```

# (2) numpy.arange()或 numpy.linspace(),创建等距数组

```
numpy.arange(start, stop, step)
```

从范围[start,stop),以步长step取值构成的整型或浮点数组

numpy.linspace(start, stop, num=50)

返回指定间隔[start,stop]内的num个等距浮点数构成的数组。

#### 2.1.1 数组的创建



#### 创建特殊数组

```
x3= np.ones((2,4))
print(x3)
x4 = np.zeros_like(x3)
print(x4)
```

```
输出:
[[1. 1. 1. 1.]
[1. 1. 1. 1.]]
[[0. 0. 0. 0.]
[0. 0. 0.]]
```

# (3) numpy.ones()函数等,创建特殊的数组

- numpy.zeros(形状, dtype=float),返回一个给定形状和类型的新数组,并用零填充。
- numpy.ones(形状, dtype=None),返回一个给定形状和类型的新数组,并用1填充。
- numpy.zeros\_like(a, dtype=None), 返回一个与给定数组a形状和类型相同的零数组。

#### 2.1.1 数组的创建



# 创建随机数组

a1 = np.random.rand(2,3)

a2 = np.random.randint(0,10,(3,3))

a3 = np.random.randn(10)

这里所有函数,若省略形状参数,则返回一个float数。

# (4) numpy.random中的随机函数,创建随机数组

函数	涵义
np.random.rand(d0, d1,, dn)	从[0,1)上均匀分布中随机抽取数,创建一个形状为(d0,d1,,dn)的 <mark>随机float数组</mark> 。
np.random.randint(low, high=None, size=None)	从[low, high)上离散均匀分布中随机抽取整数,创建一个形状由参数size指定的随机整数数组。如果high为None(默认值),则采样区间来自[0, low)。
np.random.randn(d0, d1,, dn)	从标准正态(均值0,方差1)分布中随机抽取实数,创建一个形状为(d0,d1,,dn)的随机float数组。
np.random.choice(n,k,replace=False)	从0~n-1不放回地随机抽取k个
np.random.uniform(low, high, (d0, d1,,dn))	创建一个[low,high)之间随机浮点数组成的形状为(d0, d1,, dn)的随机float数组
np.random.normal(均值=0.0, 标准 差=1.0, 形状=None)	创建一个指定形状的均值为0,标准差为1,符合正态分布的随机float数组

#### 2.1.2 数组的属性



#### <数组名>.<属性名> 查看数组的属性

```
x = [[1,2,3,4],[10,20,30,40]]
a = np.array(x)
print(a.shape) # 输出(2, 4)
print(a.size) # 输出8
print(a.ndim) # 输出2
print(type(x)) # 输出<class 'list'>
print(type(a)) # <class 'numpy.ndarray'>
print(a.dtype) # 输出 int32
```

属性	涵义
<数组名>.size	查看数组元素的总个数
<数组名>.shape	数组的形状,表示数组维度 大小的元组,每个元素对应 数组每个维度的大小。
	每维也称轴,从0开始编号
<数组名>.ndim	数组有几个维度
<数组名>.dtype	数组元素的类型

type(<数组名>) 查看数组类型

# 课堂练习

使用 numpy.random 模块生成一个形状为 (3, 4) 的数组,其中的元素服从标准正态分布(均值为0,方差为1),哪个选项正确:

- A. random\_array = np.random.randint(0,1,size =(3, 4))
- B. random\_array = np.random.randn(3,4)
- C. random\_array=np.random.uniform(0,1,size = (3,4))
- D. random\_array = np.random.rand(3, 4)



#### 2.1.3 数组的访问和赋值



# 引例 iris数据可视化

鸢尾花数据集有150个样本,每个样本有4个特征,若想取出前2个特征对应的

数据, 画出数据散点图, 怎么做呢?

**关键**: 获取数组中的某个元素或某些元素

数组索引操作可获取某个元素

数组切片操作可获取某些元素

```
array([[5.1, 3.5, 1.4, 0.2],
       [4.9, 3. , 1.4, 0.2],
       [4.7, 3.2, 1.3, 0.2],
       [4.6, 3.1, 1.5, 0.2],
       [5. , 3.6, 1.4, 0.2],
       [5.4, 3.9, 1.7, 0.4],
       [4.6, 3.4, 1.4, 0.3],
       [5. , 3.4, 1.5, 0.2],
       [4.4, 2.9, 1.4, 0.2],
       [4.9, 3.1, 1.5, 0.1],
       [5.4, 3.7, 1.5, 0.2],
       [4.8, 3.4, 1.6, 0.2],
       [4.8, 3. , 1.4, 0.1],
       [4.3, 3. , 1.1, 0.1],
       [5.8, 4. , 1.2, 0.2],
       [5.7, 4.4, 1.5, 0.4],
       [5.4, 3.9, 1.3, 0.4],
       [5.1, 3.5, 1.4, 0.3],
       [5.7, 3.8, 1.7, 0.3],
```

#### 2.1.3数组的访问和赋值 | 索引

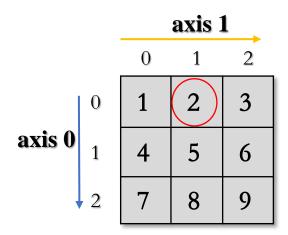


## 数组索引操作: 获取单个元素

- 一维数组a, a[i] 获取a中索引为i的元素 (i从0开始)。支持负数索引。
- 多维数组a, a[i,j,k,...], 获取对应位置元素。

注意: 数组a有几维, []中就有几个值。a[i,j,k] 等价于 a[i][j][k]

```
a = np.array([[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9]])
# 获取位置0行、1列的元素?
print (a[0,1],a[0][1])
# 将最后1行、最后1列的元素修改为0
a[-1,-1] = 0
```



说明: a[i,j,k] = x 对数组元素赋值

#### 2.1.3数组的访问和赋值 | 切片



数组切片操作: 获取子数组, 维数不变

切片用冒号(:)表示,语法与Python列表相同、不能省

一维数组切片: x[start:stop:step]

表示从x的半开区间[start,stop)中,以step为步长取元素,构成新数组。

若start省略,则取0;若stop省略,则取数组大小;若step省略,则取1。

对切片赋值: x[start:stop:step] = 值 或 同维度数组

```
x = np.arange(10)
x[:5] # ?
x[5:] # ?
array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
array([0, 1, 2, 3, 4])
array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
array([1, 1, 2, 3, 4])
array([1, 1, 2, 3,
```

**x[5::-2]=10** # 对切片赋值,哪些值被修改了? array([5, 3, 1])

#### 2.1.3数组的访问和赋值 | 切片



# 多维数组切片: x[start1:stop1:step1, start2:stop2:step2, ...]

先从x的0轴 [start1,stop1)中,以step1为步长取元素,构成新数组;再从新数组的1轴 [start2,stop2)中,以step2为步长取元素,…。所得到的子数组与原数组维数相同。赋值操作与一维数组切片赋值类似。

```
x1 = np.array([[12,5,2,4],[7,6,8,8],[1,6,7,7]])
print(x1[:2,:3]) # 输出?等价于x1[:2][:3]
print(x1[:3,::2]) # 输出?
print(x1[::-1,::-1]) # 输出?
x1[:1,:]=[10,20,30,40] #可缩写为x1[:1],改了哪些值?
```

```
[[12, 5, 2, 4],
[7, 6, 8, 8],
[1, 6, 7, 7]];
[[12, 5, 2, 4],
[7, 6, 8, 8],
```

#### △ 注意

数组有几维,切片列表中就有几项。若最后一项为空切片,则可省。 单独一个冒号(:)表示选择整个轴,称空切片,如 x1[0:2,:]同 x1[0:2]

```
[[10 20 30 40]
[ 7 6 8 8]]
```

#### 2.1.3数组的访问和赋值 | 索引与切片混用



## 索引与切片混用:将得到比原数组维度低的子数组

```
x2 = np.random.randint(1,13,(3,4))
x2[:,0] # 索引切片混用,降维
x2[0,:] # 可简写为 x2[0]
x2[0:1,:] # 各维都用切片,维数不变
x2[0:1,:]=0 # x2 ?
```

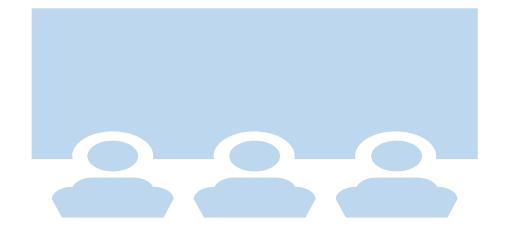
说明:二维数组索引与切片混用,获取原数组的单行/单列元素构成的一维数组。



#### 二维数组a

```
[[ 1 2 3 4]
[ 5 6 7 8]
[ 9 10 11 12]]
```

- 1. 获取数组a的中间行数据[5 7],写出操作表达式,查看其形状。
- 2. 从a中获取[[5 7]],写出操作表达式,查看其形状。



#### 2.1.3 数组的访问和赋值 | 花式索引



花式索引:通过索引列表([i1,i2,...])来访问元素

可以灵活取出索引列表中指定行或列的元素。

```
np.random.seed(25)
arr = np.random.randint(1,20,(4,2))
```

array([[ 5, 16],

若希望选取红圈指定元素构成数组,怎么实现?

```
arr[[1,3],1]
                array([19, 2])
```

```
arr[[-1,-3],:] # 输出? 可简写为arr[[-1,-3]] array([[ 6, 2],
```

arr[[1,3],1] = 10 #修改数组

思考:用花式索引实现课堂练习1

#### 2.1.3 数组的访问和赋值 | 布尔索引



#### 布尔索引: 从数组中选择满足条件的元素

- NumPy数组比较运算(==,!=,<,>,<=,>=),实现了数组的逐元素比较,其结果是一个布尔类型的数组。两个布尔数组的元素可进行**逐位布尔运算**(&与,|或,~取反, ^异或),其结果仍为布尔数组。
- 用布尔数组作为掩码,通过掩码选择一个数组的子集,称为布尔索引。

```
x = np.array([1,2,3,4,5])
print(x)
print(x < 3) # 返回的布尔数组形状与x同
print(x > 1)
print((x<3) & (x>1)) # 条件逐位"与"
print(x[(x<3) & (x>1)]) # 布尔索引
print(x % 2 == 0) # 先算术运算,再比较运算
print(x[x % 2 == 0]) # 布尔索引
```

```
[1 2 3 4 5]
[ True True False False False]
[False True True True True]
[False True False False False]
[2]
[False True False True False]
[2 4]
```



```
成绩二维数组score [[80 62 73 84] 若改为五级制,即 [95 36 67 78] 将在[0,60)内的元素,为1; [59 99 81 82]] 在[60,70)内的元素,为2; 在[70,80)内的元素,为3; 在[80,90)内的元素,为4; 在[90,100]内的元素,为5。怎样实现?
```

```
import numpy as np
score=np.array([[80,62,73,84],[95,36,67,78],[59,99,81,82]])
score[(score>=0)&(score<60)]=1 # 直接赋值即可
score[(score>=60)&(score<70)]=2
score[(score>=70)&(score<80)]=3
score[(score>=80)&(score<90)]=4
score[(score>=90)&(score<=100)]=5
print(score)
```



Iris数据集有4个特征,取前2个特征对应数据,画出散点图, 点按类别着色。

```
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
iris = pd.read_csv('iris.csv')
data = iris.values
M = np.array(data[:,:4], dtype='float')
y = np.array(data[:,-1])
y[y=='setosa']='red'
y[y=='versicolor']='blue'
y[y=='virginica']='yellow'
plt.scatter(M[:,0],M[:,1],c = y)
```

#### 2.1.4 数组变形



**数组变形**,是指只改变数组的形状、不改变元素值的操作。它要求变形后数组的大小与原数组的大小必须一致。

reshape()方法最灵活, flatten()或ravel()用来展平数组。

# 1. x.reshape(t)方法

将数组x变形为参数t所指定的形状。参数 t是正整数元组,如 (3,3)。

# 【例】 将数字1~9放入3×3的矩阵中

```
a1 = np.arange(1,10)
a2 = a1.reshape((3,3))
# 或 a2 = a1.reshape(3,3)
```

[[1 2 3] [4 5 6] [7 8 9]]

#### 2.1.4 数组变形



【例】 将一维数组x=np.array([1,2,3])分别转为二维的行矩阵,列矩阵。

```
x = np.array([1,2,3])
newx1 = x.reshape((1,3)) # 行矩阵
newx2 = x.reshape((3,1)) # 列矩阵
```

```
array([[1, 2, 3]])
array([[1],
[2],
[3]])
```

另一种方法: 在切片操作中利用numpy.newaxis关键字

```
      x[np.newaxis,:]
      # 加一个新轴作为0轴,获得行矩阵

      x[:,np.newaxis]
      # 加一个新轴作为1轴,获得列矩阵
```



# 2. flatten()或ravel()方法,将高维数组展平为一维向量

```
grid = np.arange(1,10).reshape(3,3)
print(grid)
v1 = grid.flatten()
print(v1)
                                  [1 2 3 4 5 6 7 8 9]
v2 = grid.ravel()
print(v2)
                              reshape()也可以
v3 = grid.reshape( ?
print(v3)
```



#### 数组的拼接(也称合并),指讲多个数组合并

concatenate([数组a,数组b,...], axis=0) 按指定轴方向合并多个数组。

沿0轴

```
arr1 = np.array([[1,2,3],[4,5,6]])
arr2 = np.array([[7,8,9],[10,11,12]])
a = np.concatenate([arr1,arr2])
a
```

```
array([[ 1, 2, 3],
[ 4, 5, 6],
[ 7, 8, 9],
[10, 11, 12]])
```

行堆叠

沿1轴

```
arr1 = np.array([[1,2,3],[4,5,6]])
arr2 = np.array([[7,8,9],[10,11,12]])
b = np.concatenate([arr1,arr2],axis=1)
```

列堆叠

array([[ 1, 2, 3, 7, 8, 9], [ 4, 5, 6, 10, 11, 12]])

#### 2.1.6 数组运算 | 算术运算



# 算术运算(+、-、\*、/、//、%、\*\*): 向量运算,对应元素的操作

# 对应元素的操作要求两数组元素个数相同

```
      x = np.array([[1,2],[3,4]], dtype=float)

      y = np.array([[5,6],[7,8]], dtype=float)

      # 对应元素相加
print(x + y)
      [[ 6. 8.]
[ 10. 12.]]

      # 对应元素相乘
print(x * y)
      [[ 5. 12.]
[ 21. 32.]]
```

若两数组元素个数不同,能否算术运算呢?有时可以!通过广播!



# 数组和标量之间可以进行算术运算

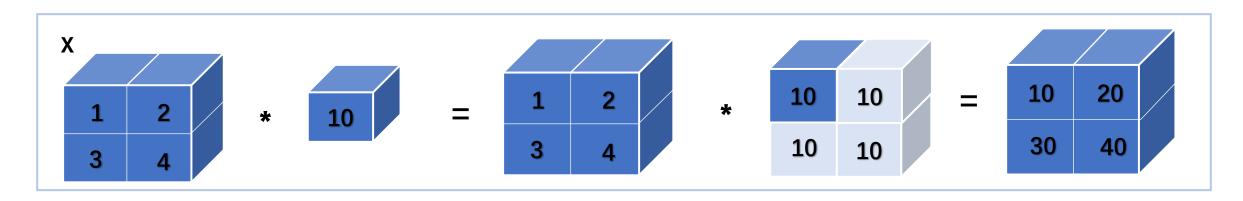
数组与标量的算术运算也是元素级的,将那个标量值广播到各个元素。

```
arr = np.array([[1., 2., 3.], [4., 5., 6.]]) array([[1., 2., 3.], [4., 5., 6.]]))
                                                       [4., 5., 6.]]
arr
                      array([[1. , 0.5 , 0.33333333],
1 / arr # 除法
                             [0.25], 0.2
                                                  , 0.16666667]])
                      array([[1.
                                       , 1.41421356, 1.73205081],
arr ** 0.5 # 幂运算
                                       , 2.23606798, 2.44948974]])
                             [2.
arr // 2 # 地板除法
                      array([[0., 1., 1.],
                             [2., 2., 3.]])
```

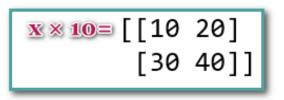
#### 2.1.6 数组运算 | 广播



# 广播功能,使得形状不同的数组之间也可以进行运算



2×2矩阵X和标量10之间进行乘法运算时,可以认为标量10被扩展成2×2的形状,然后再与矩阵X进行乘法运算。这种功能被称为广播 (broadcast)。

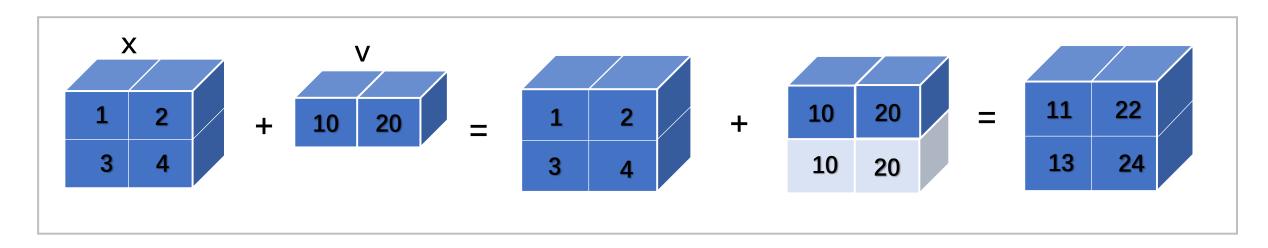


### 2.1.6 数组运算 | 广播



### 1个数组广播

```
x = np.array([[1,2], [3,4]])
v = np.array([10, 20])
y = x + v  # 矩阵x的每行都加上一维数组v
print(y)
```



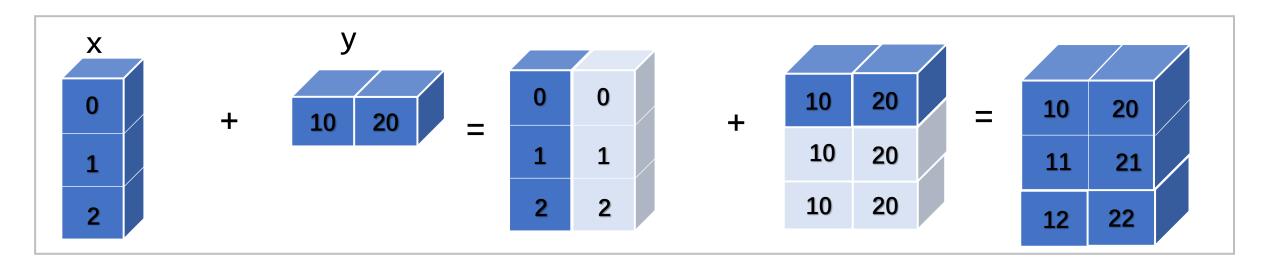
上图,数组V被变成和二维数组X相同形状,然后再以对应元素的方式进行运算。

### 2.1.6 数组运算 | 广播



### 两个数组同时广播

```
x = np.arange(3).reshape(3,1)
y = np.array([10,20])
v = x + y
print(v)
```



上图,数组x被广播成(3,2),数组y也被广播成与x相同形状,然后再做对应元素运算。

### 2.1.6 数组运算 | 广播



## 例 下列情况能使用广播机制来匹配吗?

```
a = np.arange(6).reshape(2,3)
b = np.arange(6)
v = a + b # 能正常运算吗???
```

- 可用广播匹配的条件:两个数组 必须有一个维度可以扩展。数组 在可扩展的维度上进行复制,得 到两个相同维度的数组,再进行 运算。
- 多维数组与标量运算,是广播的一个特例。标量根据多维数组的维度进行扩展,最后复制出与多维数组维度相同的数组后,再进行运算。



## 矩阵转置T:原先的行变为列,原先的列变为行。用NumPy数组表示矩阵。

矩阵v的转置: v.T

```
x = np.array([[1,2], [3,4]])
print(x)
print(x.T)
# 注意: 一维数组转置不会对数组产生任何影响
v = np.array([1,2,3])
print(v)
print(v.T)
```

```
X■ [[1 2] [3 4]]
```

$$\mathbf{v} \bullet \mathbf{T} = [1 \ 2 \ 3]$$

### 2.1.6 数组运算 | 线性代数



## 内积: 也称两个矩阵或向量的点积。

V和W符合进行点积运算的条件

## 内积语法有三种:

- v.dot(w)
- np.dot(v,w)
- v @ w

```
# 向量内积
v = np.array([9,10])
w = np.array([11, 12])

print(v.dot(w))
print(np.dot(v, w))
print(v@w)
```

```
# 矩阵/矩阵内积

x = np.array([[1,2],[3,4]])

y = np.array([[5,6],[7,8]])

print(x.dot(y))

print(np.dot(x, y))

print(x@y)
```

### 2.1.6 数组运算 | 聚合函数



## 聚合函数:对数组元素按轴聚合统计,如 np.sum(x,axis=0)

## 语法有两种:

- np.聚合函数(<数组名>, axis = None)
- · <数组名>.聚合函数 (axis = None)

```
x = np.array([[1,2],[3,4]])
print(np.sum(x))  # 计算数组所有元素之和
print(np.sum(x, axis=0))  # 计算每列元素之和
Print(np.sum(x, axis=1))  # 计算每行元素之和
```

#### 说明:

- · 省略 axis参数,则对数组全体元 素做聚合;
- axis = 0,表示0轴将被折叠,对 于二维数组意味着每列的值都将 被聚合。

### 输出:

10

[4 6]

[3 7]

### 2.1.6 数组运算 | 聚合函数



```
arr = np.array([[0,1,2],[3,4,5],[6,7,8]])
print(np.sum(arr%2==0)) # 统计arr中偶数元素个数
print((arr%2==0).sum()) # 另一种语法
print(arr.min(),arr.min(axis=0),arr.min(axis=1))
```

方法	说明		
sum	对数组中全部或某轴向的元素求和,不指定axis则求数组全部元素之和。零		
	长度的数组的sum为0。np.sum(<布尔数组>)中布尔值True视为1, False视为0。		
mean	求算术平均数。零长度的数组的mean为NaN		
std, var	求标准差和方差		
min, max	求最小值和最大值		
argmin, argmax	求最小和最大元素的索引		
cumsum, cumprod	求某轴向元素的累计和、累计积,产生一个由中间结果组成的数组		

### 2.1.7 数组排序



# 数组排序: np.sort() 和 np.argsort()

- np.sort(a,axis=-1) 返回排序后的新数组,原数组a不变。
- a.sort(axis=-1) 用排好序的数组替代原数组a。
- · np.argsort(a,axis=-1) 返回原始数组排好序的索引值数组。

数组元素沿参数axis指定轴升序排序,默认沿最后一个轴排序。

### 2.1.7 数组排序



```
arr1=np.random.randint(1,10,(3,4))
print(arr1)
```

```
arr2 = np.sort(arr1,axis=0)
print(arr2) # 新数组
print(arr1)

np.sort(Arr2)
```

```
arr3 = np.array([42,21,37,56,98])
idx = np.argsort(arr3)
print(idx)
```

```
[[3 7 3 3]
[1 2 3 1]
[7 1 3 3]]
```

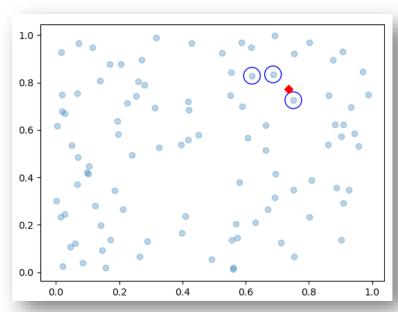
```
[[1 1 3 1]
[3 2 3 3]
[7 7 3 3]]
```

[1 2 0 3 4]



在二维空间中,创建100个[-5,5)上均匀分布随机点的集合。从中随机选1点,找到它的k个(如k=3)最近邻。用平方距离(即欧氏距离的平方)

来衡量两点远近。画图显示结果。



### 例2.3 k个最近邻 | 代码



```
import numpy as np
import numpy.random as rand
import matplotlib.pyplot as plt
rand.seed(1)
X = rand.rand(100,2)*10-5 # 1. 创建100个点,每维在[-5,5)随机抽取
i = rand.choice(X.shape[0],1,replace=False) #不放回随机抽1点,返其索引
selected = X[i]
              # 2. 随机选定点的坐标
dist =np.sum((X - selected)**2,axis=1) # 3.计算该点到各点的平方距离
idx = np.argsort(dist) # 4.距离数组排序, 返回索引值数组
k=3
neighbor = X[idx[1:k+1]] # 5.取k个最近邻的坐标(去掉自己)
plt.scatter(X[:,0],X[:,1],alpha=0.3)
plt.plot((selected[0,0]),(selected[0,1]),'rD')
plt.scatter(neighbor[:,0],neighbor[:,1],facecolor='none',
           edgecolor='b',s=300)
```

### 例2.4 鸢尾花数据特征规范化



**iris数据**有150个样本,分属三类(setosa,versicolor,virginica)。每个样本由4个特征 (sepal length, sepal width, petal length, petal width)来描述。

4个特征的取值范围有大有小,怎样将每个特征的取值都转换到[0,1]?

特征规范化 是将数据的各个特征进行缩放处理,使各特征取值均落入一个给定的区间内或服从指定分布。

#### iris.csv文件

特征□⇒

sepal_lengt	sepal_width	petal_lengt	petal_widtl	species
5.1	3.5	1.4	0.2	setosa
4.9	3	1.4	0.2	setosa
4.7	3.2	1.3	0.2	setosa
4.6	3.1	1.5	0.2	setosa
5	3.6	1.4	0.2	setosa
5.4	3.9	1.7	0.4	setosa
4.6	3.4	1.4	0.3	setosa
5	3.4	1.5	0.2	setosa
4.4	2.9	1.4	0.2	setosa
4.9	3.1	1.5	0.1	setosa
5.4	3.7	1.5	0.2	setosa
مشعب والمراجعة			<b>A A A</b>	الحاشب خيفيا

<□ 目标类别

### 例2.4 鸢尾花数据特征规范化 | 算法



对iris数据进行特征规范化,使得每个特征取值范围都转换为[0,1],

称为min-max归一化。

iris.csv文件

公式:  $M_{scaled} = \frac{M-min}{max-min}$ 

读文件



取每行前4列

公式:  $M_{scaled} = \frac{M-min}{max-min}$ 

```
[['5.1', '3.5', '1.4', '0.2'],
['4.9', '3', '1.4', '0.2'],
['4.7', '3.2', '1.3', '0.2'],
['4.6', '3.1', '1.5', '0.2'],
['5.4', '3.9', '1.7', '0.4'],
['4.6', '3.4', '1.4', '0.3'],
['5', '3.4', '1.5', '0.2'],
['4.4', '2.9', '1.4', '0.2'],
['4.9', '3.1', '1.5', '0.1'],
['5.4', '3.7', '1.5', '0.2'],
['4.8', '3.4', '1.6', '0.2'],
['4.8', '3', '1.4', '0.1'],
['5.8', '4', '1.2', '0.2'],
['5.7', '4.4', '1.5', '0.4'],
['5.7', '3.8', '1.4', '0.3'],
['5.7', '3.8', '1.7', '0.3'],
```

列表转换



为float数组

```
array([[5.1, 3.5, 1.4, 0.2],
        [4.9, 3. , 1.4, 0.2],
        [4.7, 3.2, 1.3, 0.2],
        [4.6, 3.1, 1.5, 0.2],
        [5. , 3.6, 1.4, 0.2],
        [5.4, 3.9, 1.7, 0.4],
        [4.6, 3.4, 1.4, 0.3],
        [5. , 3.4, 1.5, 0.2],
        [4.9, 3.1, 1.5, 0.1],
        [5.4, 3.7, 1.5, 0.2],
        [4.8, 3.4, 1.6, 0.2],
        [4.8, 3.4, 1.6, 0.2],
        [4.8, 3. , 1.4, 0.1],
        [4.3, 3. , 1.1, 0.1],
        [5.8, 4. , 1.2, 0.2],
```

### 例2.4 鸢尾花数据特征归一化 | 代码



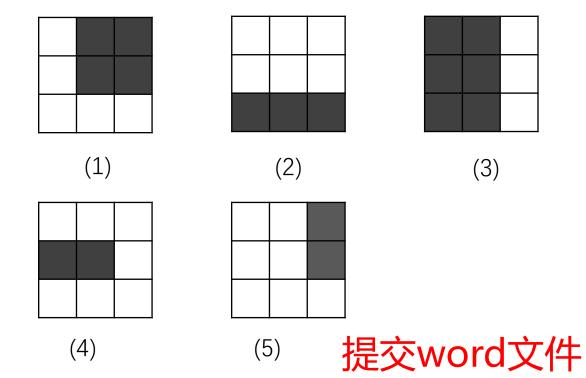
```
import numpy as np
import pandas as pd
data=pd.read_csv('iris.csv')
X=data.values[:,:-1] # 不要最后一列
M = np.array(X, dtype='float') # 将Pandas的DataFrame转换为数组
min_M = np.min(M, axis=0) # 沿0轴求每列最小
max_M = M.max(0) # 沿0轴求每列最大
scaledM = (M-min_M)/(max_M - min_M)
print('归一化后数组: \n', scaledM)
```



# 作业

# 1.1 二维数组的切片与索引

请对数组a进行切片和索引操作,以获取阴影部分结果,如下图(1)~(5) 所示。将所有可行的操作表达式及对应结果的shape填入表中。



题号	表达式	shape
(1)		
(2)		
(3)		
(4)	a[1,:2] a[1:2,:2]	(2,) (1, 2)
(5)		



# 1.2 数组的布尔索引

用arange()函数生成一个形状为(3, 4)的二维数组a,如下所示

[[1 2 3 4]

[5 6 7 8]

[ 9 10 11 12]]

将其中所有3以下和9以上的元素都修改为5,结果如下图所示。



# 提交代码



# 1.3 选择随机点

程序填空:以[0,0]为均值、[[1,2],[2,6]]为协方差,生成二维正态分布的点云,包含500个点。从中随机抽取20个,画出点云、用红圈标出选中的随机点。

```
import numpy.random as rand
import matplotlib.pyplot as plt
mean = [0,0] # 指定均值
cov=[[1,2],[2,6]] # 指定方差
X = rand.multivariate_normal(mean, cov,500) # 从二维正态分布中抽取500个
n= X.shape[0]
idx = rand.choice(n, 20, replace=False) #从0~n-1不放回地随机抽取20个
selected =
                           # 选定点
                     , (3) ,alpha=0.3) # 画出点云
plt.scatter( (2)
plt.scatter( (4)
                         (5)
           facecolor='none',edgecolor='r',s=200) # 标出选中点
```



# 1.4 求给定数据的最近邻

在二维空间中,创建100个随机点的集合A,坐标点由[0,1)上均匀分布中随机抽取一对实数构成。然后,再从相同分布中随机抽取10个点,构成数据集B,找出B中每个点在A中的最近邻(k=1)。

提交代码



# 1.5 Z-score标准化

生成一个形状为(10,4)、元素在[0,100)中的随机整数数组。对数组进行规范化预处理,使得每列元素的列均值为0,标准差为1(称为Z-score标准化)。

公式: 
$$x^* = (x - \mu)/\sigma$$

其中,x为随机数组的某列, $\mu$ 为该列均值; $\sigma$ 为该列的标准差。

## Z-score标准化

- Z-score标准化是一种常用的数据规范化方法。
- 适用于特征最大值和最小值未知的情况,或者有超出取值范围的离群数据的情况。

提交代码