Karlsruher Institut für Technologie Institut für Biomedizinische Messtechnik Prof. Dr. rer. nat. O. Dössel Kaiserstr. 12 / Geb. 30.33 Tel.: 0721 / 608-42650 Dipl. Ing. J. Schmid Kaiserstr. 12 / Geb. 30.33 Tel.: 0721 / 608-48035

Lineare Elektrische Netze

Matlab-Aufgabe

Vorname:	Niklas
Nachname:	Fauth
Matrikelnummer:	1932872
RZ-Account:	utede
Punkte:	

Angaben zur Bearbeitung der Aufgaben:

Die Aufgaben müssen selbstständig und ohne fremde Hilfe bearbeitet werden.

Der Lösungsweg muss vollständig angegeben und nachvollziehbar sein! Dokumentieren Sie Ihre Überlegungen, geben Sie erläuternde Kommentare!

Die maximale Punktzahl dieser Aufgabe entspricht 3% der Gesamtpunktzahl der Endnote im Fach Lineare Elektrische Netze.

Eidesstattliche Erklärung

Hiermit erkläre ich an Eides statt, dass ich die vorliegende Arbeit selbstständig und ohne unzulässige fremde Hilfsmittel angefertigt habe. Wörtlich oder inhaltlich übernommene Stellen sind als solche kenntlich gemacht und die verwendeten Literaturquellen im Literaturverzeichnis vollständig angegeben. Die "Regeln zur Sicherung guter wissenschaftlicher Praxis im Karlsruher Institut für Technologie (KIT)" in ihrer gültigen Form wurden beachtet.

Karlsruhe, den _	
,	Datum und Unterschrift

Inhaltsverzeichnis

1 Einführung			3
2	2.1 2.2 2.3	ot Erklärung	4
3	Uln		5
	3.1	Erklärung	5
	3.2	Quellcode	6
	3.3	help-Ausgabe	7
4 A r	Anv	vendung	8
	4.1	Ableiten	8
	4.2	Ableiten und Integrieren	9
	4.3	Erklärung des Amplitudenunterschiedes	
5	Sim	ulation	10
	5.1	Erklärung	10
	5.2	Quellcode	11
	5.3	Kondensator	12
	5.4	Spule	13

Diese Dokumentation sowie dazugehörige Grafiken und Quellcode kann unter

https://github.com/NiklasFauth/Private_Projects/tree/master/MATLAB abgerufen werden.

1 Einführung

Nachfolgend die erarbeiteten Lösungen. Zum Teil wurde von einer minimalistischen Lösung abgesehen, um für schöneren Code zu Sorgen oder die Benutzerfreundlichkeit zu erhöhen.

2 UDot

2.1 Erklärung

UDot ist eine eigene Implementierung einer Funktion, um (Spannungs)werte gegenüber der Zeit abzuleiten.

2.2 Quellcode

Nachfolgend der Quellcode der Funktion UDot.

```
1 function UDot = UDot(t, U)
3 WUDOT Zeitableitung
4 % Autor: Niklas Fauth / 2015-11-25
5 Beschreibung: Diese Funktion approximiert die Ableitung
6 %
                  mit dem Vorwaertsdifferenzenquotienten.
7 %
                  Sie akzeptiert einen Zeitvektor t und
8 %
                  einen Vektor mit den abzuleitenden Werten
9 %
                  Als Rueckgabewert liefert diese Funktion
10 %
                  einen Vektor mit den Ableitungswerten.
11
     (length(t) ~= length(U)) %Check if vectors are of the same length
      vectorLength = min([length(t) length(U)]); % if not, use the shorter
13
      one
      if (vectorLength == length(t))
14
           vectorName = 'time';
15
      else
16
           vectorName = 'input';
17
      end
18
      %display a warning including the name of the used vector
20
      warning \, ( 'The input vectors of UDot do not have the same length. The \% s
21
       vector will be used.', vectorName);
  else
      vectorLength = length(t);
23
24 end
25
 \% Initialization of the returned vector.
  UDot = zeros(1, vectorLength);
28
  for i = 1: vectorLength % Calculate the derivation.
30
      % Check for last value in vector.
31
      if (i == vectorLength)
^{32}
          UDot(i) = UDot(i - 1);
33
      else
34
          % Difference between two time values.
35
          dt = t(i+1) - t(i);
36
37
          % Difference between two input values.
38
          dU = U(i+1) - U(i);
39
40
          % calculate the actual derivation.
41
          UDot(i) = dU/dt;
42
      end
43
44 end
45 end
```

Die Funktion erfüllt alle geforderten Bedingungen. Haben die zwei Ausgangsvektoren nicht dieselbe Länge, wird eine entsprechende Warnung ausgegeben. Um diese Ausnahme abzufangen wird im Fehlerfall jedoch nicht einfach abgebrochen, sondern der kürzere der beiden Vektoren zur Berechnung genutzt. Die Angabe, welcher Vektor tatsächlich verwendet wurde, ist in der Warnung enthalten.

2.3 help-Ausgabe

Durch Eingabe des Befehls >help UDot< erscheint folgende Hilfe:

```
Command Window

>> help UDot
UDot Zeitableitung
Autor: Niklas Fauth / 2015-11-25
Beschreibung: Diese Funktion approximiert die Ableitung
mit dem Vorwaertsdifferenzenquotienten.
Sie akzeptiert einen Zeitvektor t und
einen Vektor mit den abzuleitenden Werten
Als Rueckgabewert liefert diese Funktion
einen Vektor mit den Ableitungswerten.

fx >> |
```

Abbildung 1: help-Ausgabe

3 UInt

3.1 Erklärung

UInt ist eine eigene Implementierung einer Funktion, um (Spannungs)werte gegenüber der Zeit zu integrieren.

3.2 Quellcode

Nachfolgend der Quellcode der Funktion UInt.

```
function UInt = UInt(t, U)
2 WUINT Zeitintegration
3 % Autor: Niklas Fauth / 2015-11-25
4 %Beschreibung: Diese Funktion approximiert die Integration
                  mit der Trapezregel.
6 %
                  Sie akzeptiert einen Zeitvektor t und
7 %
                  einen Vektor mit den abzuleitenden Werten
8 %
                  Als Rueckgabewert liefert diese Funktion
9 %
                  einen Vektor mit den Integralwerten.
10
     (length(t) ~= length(U)) %Check if vectors are of the same length
11
      vectorLength = min([length(t) length(U)]); % if not, use the shorter
12
      if (vectorLength == length(t))used
13
           vectorName = 'time';
14
      else
15
           vectorName = 'input';
16
      end
17
18
      %display a warning including the name of the used vector
19
      warning ('The input vectors of UInt do not have the same length. The %s
20
       vector will be used.', vectorName);
  else
21
      vectorLength = length(t);
^{22}
23 end
24
25 % Initialization of the returned vector.
  UInt = zeros(1, vectorLength);
27
  for i = 1: vectorLength % Calculate the integration.
28
29
      % Check for last value in vector.
30
      if (i == vectorLength)
31
           break;
^{32}
33
      elseif(i = 1)
34
          Usum = 0;
35
36
      else
37
          % Difference between two time values.
38
          dt = t(i + 1) - t(i);
39
40
          % Sum of two input values.
41
          Usum = ((U(i) + U(i + 1)) / 2 * dt) + Usum;
42
           UInt(i) = Usum;
43
      end
44
45 end
46 end
```

Die Funktion erfüllt alle geforderten Bedingungen. Haben die zwei Ausgangsvektoren nicht dieselbe Länge, wird eine entsprechende Warnung ausgegeben. Um diese Ausnahme abzufangen wird im Fehlerfall jedoch nicht einfach abgebrochen, sondern der kürzere der beiden Vektoren zur Berechnung genutzt. Die Angabe, welcher Vektor tatsächlich verwendet wurde, ist in der Warnung enthalten.

3.3 help-Ausgabe

Durch Eingabe des Befehls >help UInt< erscheint folgende Hilfe:

```
Command Window

>> help UInt
UInt Zeitintegration
Autor: Niklas Fauth / 2015-11-25
Beschreibung: Diese Funktion approximiert die Integration
mit der Trapezregel.
Sie akzeptiert einen Zeitvektor t und
einen Vektor mit den abzuleitenden Werten
Als Rueckgabewert liefert diese Funktion
einen Vektor mit den Integralwerten.

fx >> |
```

Abbildung 2: help-Ausgabe

4 Anwendung

4.1 Ableiten

Um die Funktionen zu testen soll eine Sinusschwingung mit einer Amplitude von 1 und einer Frequenz von 1Hz abgeleitet werden. Dazu wird die UDot Funktion verwendet.

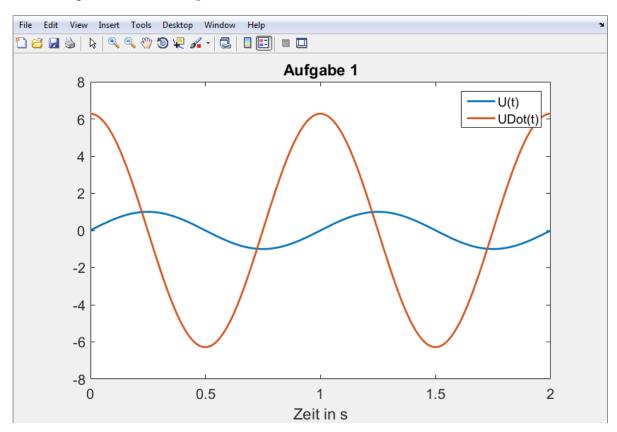


Abbildung 3: Plot der Ausgangsfunktion und ihrer Ableitungsfunktion

Dazu wurden folgende Befehle verwendet:

```
| samples = 2001;
|t| = \limsup_{n \to \infty} ace(0, 2, samples);
                                          %vector for time
                                          %empty vector for voltage
U = linspace(0, samples, samples);
4 % fill the vector with a sine function
5 | for i = 1 : samples
     U(i) = \sin((i / samples) * 4 * pi);
 end
9 % plot the original function as well as the derivation of it.
plot(t, U, t, UDot(t, U), 'LineWidth', 2);
set (gca, 'FontSize', 15); %change fontsize of the axis labeling
xlabel('Zeit in s');
                              %set x-axis label
title ('Aufgabe 1');
                              %set title
legend('U(t)', 'UDot(t)'); %add legend
```

4.2 Ableiten und Integrieren

Nun soll die Sinusfunktion abgeleitet und anschließend wieder integriert werden.

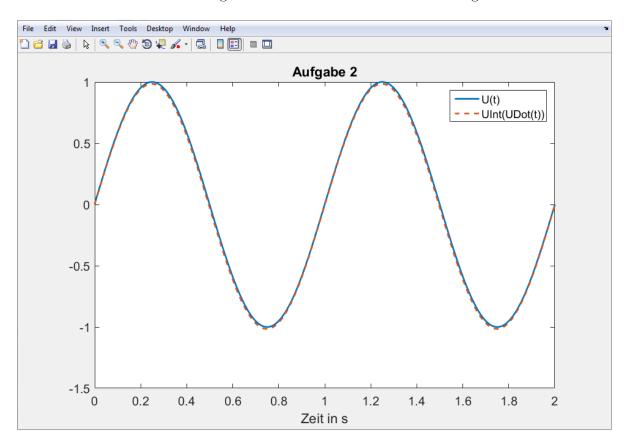


Abbildung 4: Plot

Dazu wurden folgende Befehle verwendet:

```
samples = 2001;
_{2} t = linspace(0, 2, samples);
                                                %vector for time
U = linspace(0, samples, samples);
                                                %empty vector for voltage
5 %fill the vector with a sine function
6 | for i = 1 : samples
     U(i) = \sin((i / samples) * 4 * pi);
8 end
%plot the original function as well as the integrated derivation of it. plot(t, U, t, UInt(t, UDot(t, U)), '—', 'LineWidth', 2);
set (gca, 'FontSize', 15);
xlabel('Zeit in s');
                                         %change fontsize of the axis labeling
                                         %set x-axis label
title ('Aufgabe 2');
                                         %set title
legend('U(t)', 'UInt(UDot(t))'); %add legend
```

4.3 Erklärung des Amplitudenunterschiedes

Betrachtet man den Graphen der Ableitung der Sinusfunktion, so fällt auf, dass diese um -90° Phasenverschoben ist, sich aber auch die Amplitude geändert hat. Dies wird ersichtlicher, wenn man die Ausgangsfunktion analytisch ableitet. Die Ausgangsfunktion lautet

$$U(t) = \sin(2\pi * t) \tag{1}$$

Die Ableitungsfunktion lautet demnach

$$UDot(t) = \frac{dt}{dU}(sin(2\pi * t))$$
 (2)

Gemäß der Kettenregel ergibt sich

$$UDot(t) = \frac{dt}{dU}(2\pi * t) * cos(2\pi * t)$$
(3)

Die Ableitung von t ist 1

$$UDot(t) = 2\pi * cos(2\pi * t) \tag{4}$$

Jetzt wird auch ersichtlich, wie es zu dem Amplitudenunterschied kommt. Durch die Ableitung kam der Faktor 2 π dazu. Die Phasenverschiebung lässt sich durch die Kosinusfunktion erklären.

5 Simulation

5.1 Erklärung

Nachdem überprüft wurde, ob sich die beiden Funktionen korrekt verhalten, können diese nun zur Simulation zeitabhängiger Schaltungen, z.B. mit Kondensatoren oder Spulen, verwendet werden. Nachfolgend soll beispielsweise der Stromverlauf eines 500µF Kondensators bzw einer 500mH Spule bei einem Spannungssprung simuliert werden.

5.2 Quellcode

Zum Erzeugen der beiden Plots wurde folgendes Skript verwendet

```
| samples = 2001;
|t| = linspace(0, 2, samples);
                                                    %vector for time
_{4}|_{U = zeros(1, samples);}
                                                    %empty vector for voltage
6 % find the first value in the time vector that is >= 0.5
7 | index = find (t >= 0.5, 1);
9 % set all values of U to 1 that relate to a time >= 0.5
U(index: samples) = 1;
C = 500e - 6; \% = 500uF
_{13} L = 300e - 3; \% = 500 \text{mH}
14
|\mathbf{subplot}(1,2,1)|;
                                                    %subplot, two plots
plot (t, U, 'LineWidth', 2);
set (gca, 'FontSize', 15);
sklabel ('Zeit in s');
                                                    %plot U(t) with linewidth 2
                                                    %fontsize of the axis label
                                                    %set x-axis label
ylabel('Spannung');
title('Spannung', 'FontSize', 20);
                                                    %set y-axis label
                                                    %set title with fontsize 20
subplot(1,2,2);
plot(t, C * UDot(t, U), 'LineWidth', 2); %plot the current of the cap
set (gca, 'FontSize', 15);
25 xlabel ('Zeit in s');
ylabel ('Strom');
27 title ('Kondensator', 'FontSize', 20);
                                                    %new plot window
29 figure;
30 subplot (1,2,1);
                                                    %subplot, two plots
plot(t, U, 'LineWidth', 2);
set(gca, 'FontSize', 15);
xlabel('Zeit in s');
                                                    %plot the voltage
ylabel('Spannung');
title('Spannung', 'FontSize', 20);
subplot(1,2,2);
_{38} plot(t, UInt(t, U) / L, 'LineWidth', 2); %plot I(t) of the inductor
set (gca, 'FontSize', 15);
xlabel('Zeit in s');
ylabel('Strom');
42 title ('Spule', 'FontSize', 20);
```

5.3 Kondensator

Um zu simulieren, wie sich ein $500\mu F$ Kondensator bei schneller Spannungsänderung verhält, kann die UDot Funktion genutzt werden.

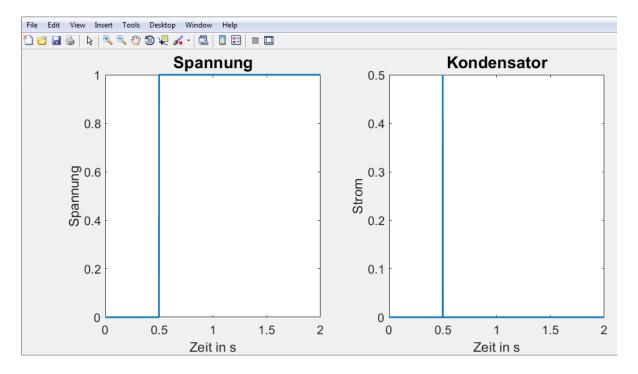


Abbildung 5: Verhalten eines Kondensators bei Spannungsänderung

5.4 Spule

Während beim Kondensator bereits die Gleichung zur Berechnung des Stroms gegeben ist, muss diese für die Spule zunächst umgestellt werden.

$$U(t) = L * \frac{dI(t)}{dt} \tag{5}$$

Dazu muss zunächst die Differentialgleichung dI(t) / dt gelöst werden

$$\frac{dI(t)}{dt} = \frac{U(t)}{L} \tag{6}$$

nun müssen beide Seiten nach t integriert werden

$$I(t) = \int \frac{U(t)}{L} dt = \frac{\int U(t)dt}{L}$$
 (7)

Zum Integrieren kann die Funktion UInt(t, U) genutzt werde. In Matlab ergibt sich daraus:

$$UInt(t,U)/L$$
 (8)

Als Plot sieht das für unser Beispiel so aus

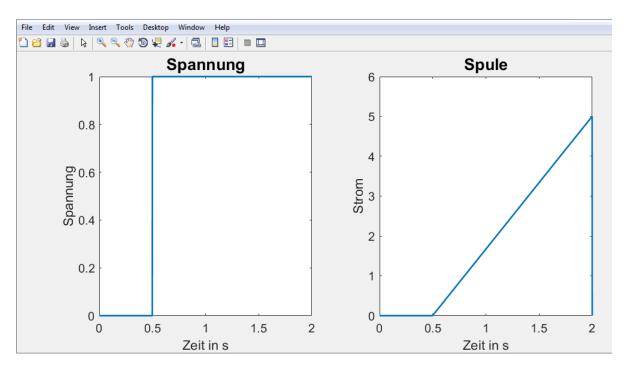


Abbildung 6: Verhalten einer Spule bei Spannungsänderung