# UPOREĐIVANJE EFIKASNOSTI ALGORITAMA ZA SNALAŽENJE U LAVIRINTU

Nikola Jovanović (1996), seminar računarstva IV razred, Deveta gimnazija "Mihailo Petrović – Alas", Beograd

#### Uvod



- Lavirinti su od davnina bili predmet ljudskog razmišljanja i divljenja. U mitologiji su predstavljali zadatke sa kojima su u koštac mogli da se uhvate samo najrazboritiji heroji. Međutim danas možemo olakšati sebi posao i pustiti računar da nam nađe put, dajući mu potrebne informacije.
- U kontekstu ovog rada *lavirint* je prostor ispunjen preprekama koje su ili nepremostive ili usporavaju kretanje. Njega je moguće predstaviti celobrojnom matricom, gde element matrice određuje stepen prohodnosti na datoj poziciji u prostoru.
- U našem slučaju imamo agenta koji želi da dođe od polja A do polja B u laviintu, za šta može koristiti različite algoritme.
- Informacije o konfiguraciji celog lavirinta nisu uvek dostupne. Agent koji se kreće po lavirintu može da vidi ceo lavirint, ili može imati različite načine otkrivanja lavirinta, na primer vidi teren samo u određenom vidokrugu ili se samo kreće po lavirintu i pamti pređena polja.
- → Zbog toga se u ovom radu upoređuju efikasnosti 4 algoritma. To su A\*, slučajni, težeći i intuitivni algoritam.
- Efikasnost algoritma se meri na osnovu vremena koje je potrebno agentu da krenuvši iz polja A izuči lavirint i dođe do polja B.
- Cilj rada je upoređivanje efikasnosti težećeg i intuitivnog algoritama sa efikasnošću A\* i nasumičnog algoritma. A\* služi za izračunavanje optimalnog rešenja, a nasumični algiritam daje rešenje u najgorem slučaju. Upoređivana je efikasnost algoritma u različitim situacijama i traženi su posebni slučajevi gde su određeni algoritmi veoma efikasni ili neefikasni.
- Sa nekim algoritmima se možete upoznati na stranici: http://en.wikipedia.org/wiki/Maze\_solving\_algorithm

# Algoritmi za pronalaženje puta



Α

- Pronalazi optimalan put
- Primenjuje Dajkstrin algoritam sa heuristikom za odabir favorizovanih tačaka
- Agent "vidi" ceo lavirint

# Slučajni

- ▶ Slučajan odabir smera kretanja i broja koraka, algoritam je probabilistički
- Ponavljanje ovih radnji u ciklusima
- Agent "vidi" samo susedna polja

#### Težeći

- Slučajan odabir smera kretanja sa najvećom verovatnoćom prelaska na polje u smeru ka cilju, algoritam je probabilistički
- Agent "vidi" samo susedna polja

# Intuitivni

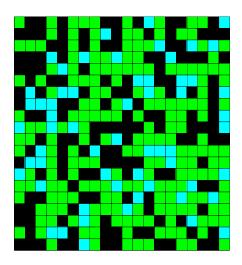
- Agent "vidi" lavirint u određenom vidokrugu
- U poznatom delu lavirinta se traži tačka najbliža cilju po euklidskoj distanci (pravolinijskoj udaljenosti)
- ▶ Pomoću A\* algoritma pronalazi optimalan put do prethodno određene tačke
- Agent se pomera na sledeće polje na putu koji je pronađen pomoću A\* algortima
- Ovaj ciklus se ponavlja sve dok cilj ne uđe u vidokrug agenta

# Načini generisanja lavirinata



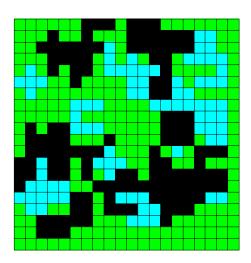
#### Nasumična polja

Prepreke su
 površine jednog
 polja i nasumično se
 raspoređuju po
 matrici



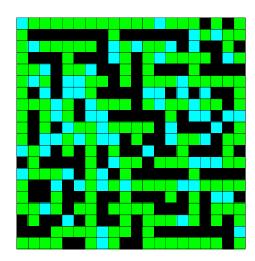
## Nasumični objekti

Prepreke se sastoje od oblika površine više polja koji mogu da se preklapaju i formiraju kompleksnije oblike



## Randomizovani Primov algoritam

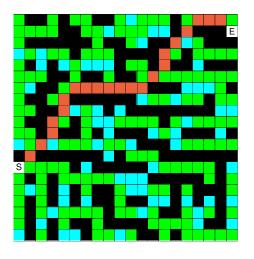
Iz nasumične tačke se grana prolaz kroz matricu i to tako da se ne stvaraju kružni putevi



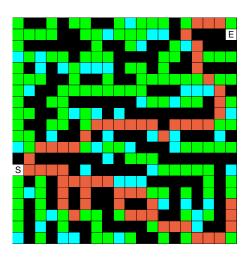
# Simulacije



- Za simulacije korišćen je programski jezik *Python*. Generisani lavirinti su obrađivani svim algoritmima radi kasnije analize rezultata. Program je pokretan sa puno različitih kombinacija parametara.
  - Za nasumični i težeći algoritam izračunavane su srednje vrednosti dobijenih težina pređenih puteva, bi se umanjio uticaj nasumično određivanih parametara.
- Pri svakoj simulaciji varirani su:
  - → Površina lavirinta,
  - → Poluprečnik vidnog polja i
  - → Način generisanja lavirinta.
- U fajl se ispisuju posebni slučajevi koje program prepoznaje po lošem rezultatu intuitivnog algoritma. Tu se pamte svi parametri koji su potrebni za analizu i rekonstrukciju sučaja.



**Optimalan put** 



Put generisan intuitivnim algoritmom

# Kriterijumi za ocenu efikasnosti algoritama



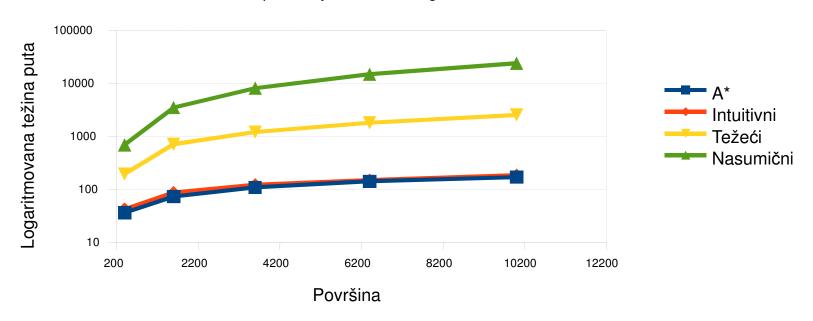
- Agent se kreće u matrici tako što iz trenutnog polja može preći na prohodno susedno polje u osam pravaca.
- Težina prelaza sa jednog na drugo polje se računa kao aritmetička sredina stepena prohodnosti tih polja ukoliko je agent napravio pomeraj samo po x ili samo po y osi, ukoliko se agent kreće ukoso težina prelaza se dodatno množi sa koren iz dva. Potpuno prohodno polje se u matrici obeležava sa 1 dok veće vrednosti označavaju teže prohodna polja.
- Težina puta kroz matricu se računa kao zbir težina prelaza sukcesivnih polja na tom putu.
- **Efikasnost algoritma** za kretanje agenta u lavirintu je obrnuto srazmerna težini ukupnog pređenog puta od početnog do ciljnog polja.

# Rezultati (1/3)



Rezultati za sve primere pokazali su da težine puteva koje nalaze slučajni i težeći algoritam rastu mnogo brže nego težine puteva druga dva algoritma. Težine puteva su na grafiku logaritmovane zbog velike razlike u rezultatima,

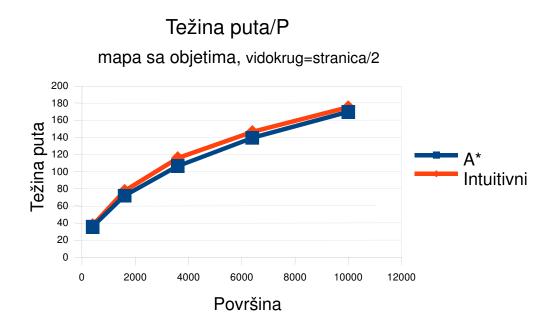
Težina puta/P
mapa sa objektima, vidokrug=stranica/4

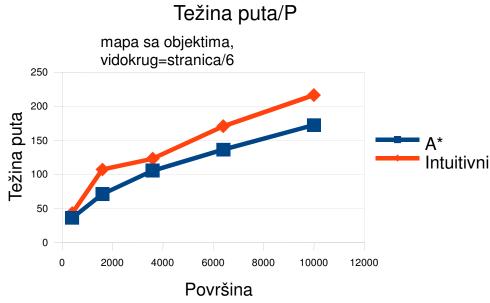


# Rezultati (2/3)



Težine puteva koje nalazi intuitivni algoritam su za velike vidokruge veoma malo iznad optimalnih, a razlika se povećava sa smanjenjem vidokruga.



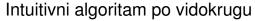


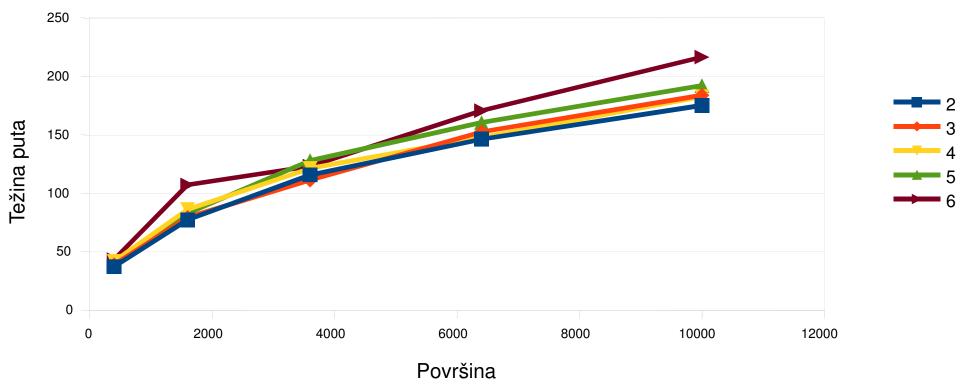
# Rezultati (3/3)



Primetno je da je za veće poluprečnike grafik intuitivnog algoritma pravilniji, dok se sa manjim vidokruzima pojavljuju velika neočekivana odstupanja.

Težina puta/P





# Zaključci



- Za lavirinte male površine intuitivni algoritam ima veoma blisku efikanost optimalnom rešenju (A\*), dok je težeći algoritam nešto lošiji a nasumični najlošiji.
- Intuitivni algoritam dobija najveću prednost u potezu kada cilj ulazi u vidokrug agenta. Tada više nije potrebno da se primenjuje ceo algoritam, već se koristi A\* da bi se izračunala preostala udaljenost od cilja.
- Male razlike između efikasnosti intuitivnog algoritma za različite dužine vidokruga upravo posledica toga da je korist od vidokruga najviše izražena na kraju simulacije.
- Za uslove koji su korišćeni u eksperimentu, svi algoritmi su pokazali zanemarljive razlike u efikasnosti pri testiranju sa različitim načinima generisanja lavirinta.
- D narednim fazama istraživanja, eksperiment je moguće proširiti uzimajući u obzir:
  - → lavirinte većih površina,
  - → lavirinte različitih odnosa dužina stranica,
  - → više algoritama za pronalaženje puta.

# Hvala na pažnji