Санкт-Петербургский Политехнический университет Петра Великого Институт прикладной математики и механики Кафедра «Прикладная математика»

Отчет по курсовой работе по дисциплине "Математическая статистика"
Выполнил студент гр.3630102/70401: Тошерев Н. С.

Преподаватель: Баженов А. Н.

Санкт-Петербург 2020г.

Постановка задачи

Необходимо повторить проведенные в 7й работе исследования для различных выборок размером 10, 100 и 1000 элементов по 100 раз. Посчитать количество успешных и неуспешных распознаваний нормального распределения по критерию χ^2 . Построить таблицу и график. Повторить те же действия для равномерного распределения.

Теория

Необходимая теория изложена в лабораторной работе №7.

Реализация

Работы была выполнена на языке Python3.7. Для генерации выборок использовался модуль [1]. Для построения графиков использовалась библиотека matplotlib [2]. Функции распределения обрабатывались при помощи библиотеки scipy.stats [3]

Результаты

По итогам исследований были получены следующие результаты:

Мощность выборки, п	Успешных распознаваний	Неудачных распознаваний
10	100	0
100	98	2
1000	97	3

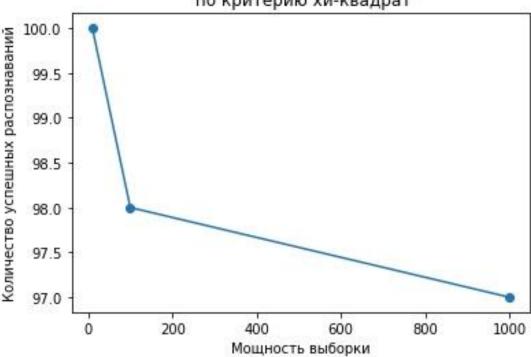
Таблица 1 Количество успешных и неудачных распознаваний

Мощность выборки, п	Неверных распознаваний	Верных распознаваний
10	100	0
100	27	73
1000	0	100

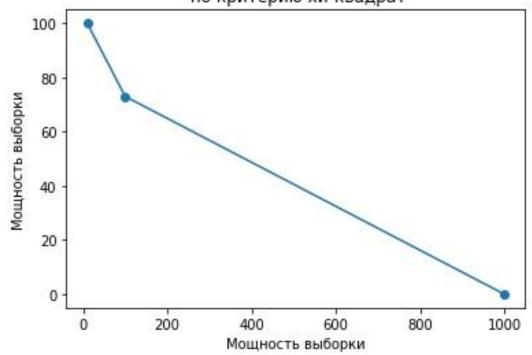
Таблица 2 Количество раз, когда критерий хи квадрат принял равномерное распределение за нормальное

Также построены графики:

Количество успешных распознаваний нормального распределения по критерию хи-квадрат



Количество успешных распознаваний равномерного распределения по критерию хи-квадрат



Выводы

Были проведены необходимые исследования для выборок различной мощности. Построены график и таблица, представляющие полученные результаты. Для выборок малой мощности, критерий чаще распознает равномерное распределение как нормальное. С увеличением мощности выборки процент ошибок значительно падает.

Список литературы

- [1] Модуль numpy https://physics.susu.ru/vorontsov/language/numpy.html
- [2] Модуль matplotlib https://matplotlib.org/users/index.html
- [3] Модуль scipy https://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/
- [4] https://en.wikipedia.org/wiki/Pearson%27s_chi-squared_test 5
- [5] Таблица значений у2 -

 $https://ru.wikipedia.org/wiki/\%\,D0\%\,9A\%\,D0\%\,B2\%\,D0\%\,B0\%\,D0\%\,BD\%\,D1\%\,82\%\,D0\%\,B8\%\,D0\%\,BB\%\,D0\%-$

 $B8_\%D1\%80\%D0\%B0\%D1\%81\%D0\%BF\%D1\%80\%D0\%B5\%D0\%B4\%D0\%B5\%D0\%BB\%D0\%B5\%D0\%B8\%D1\%8F_\%D1\%85\%D0\%B8-$

%D0%BA%D0%B2%D0%B0%D0%B4%D1%80%D0%B0%D1%-

82%D0%B2%D0%B0%D0%B4%D1%80%D0%B0%D1%82

Приложение

Код работы: https://github.com/NikolaiTosherev/MatStatLabs