Олимпиада школьников «Надежда энергетики». Отборочный этап. Заочная форма.

ЗАДАНИЕ ПО МАТЕМАТИКЕ ВАРИАНТ 11662 для 6 класса

Решить задачу – это вывести, а не угадать ответ! Объяснить решение – это не только дать ответ. Решение должно содержать логическое обоснование всех его этапов с формулировкой предположений и выводов.

- 1. Какое число больше: 20222022^2 или $20222021 \cdot 20222023$?
- 2. Автопарк патриота Залкинда состоит из машин российского и китайского производства. После того, как он увеличил количество российских машин втрое, их общее количество удвоилось. Во сколько раз (к получившемуся количеству) увеличится автопарк, если российских автомашин станет в семь раз больше их изначального количества?
- 3. Целой частью [x] числа x называется наибольшее целое m такое, что $m \le x$. Например, [-4/3] = -2, $[\pi] = 3$, [2] = 2. Решите в целых числах уравнение

$$\left[\frac{x}{3}\right] + \left[\frac{x+1}{3}\right] = 3.$$

- 4. В воскресенье Степанида Захаровна изучала прогноз погоды. Агенство «Деймос» сообщило, что в понедельник будет дождь, а во вторник снег. Агенство же «Чудный День» сказало, что снег пойдет в понедельник, а в среду будет ясно. Но по данным агенства «Всем по погоде» в среду будет ясно, но в понедельник дождь. Известно, что каждое агенство либо дает верный прогноз на все указанные дни, либо на все дни ошибается. Можно ли по этим данным определить, в какие дни будут осадки и какие именно?
 - 5. Укажите все значения x, которые являются решением уравнения

$$(1-x-(1-x-...(1-x-2021)))=2021,$$

в котором 18 пар скобок.