Олимпиада школьников «Надежда энергетики». Отборочный этап. Заочная форма.

## ЗАДАНИЕ ПО МАТЕМАТИКЕ ВАРИАНТ 11882 для 8 класса

- 1. Запись a=1,(13) означает, что комбинация цифр 13 в дробной части числа a бесконечно повторяется ( $a=1,13131313\ldots$ ). Найдите разность чисел x=1,(6) и y=2,(72).
- 2. Автопарк патриота Залкинда состоит из машин российского и китайского производства. После того, как он увеличил количество российских машин втрое, их общее количество удвоилось. Во сколько раз (к получившемуся количеству) увеличится автопарк, если российских автомашин станет в семь раз больше их изначального количества?
- 3. Целой частью [x] числа x называется наибольшее целое m такое, что  $m \le x$ . Например, [-4/3] = -2,  $[\pi] = 3$ , [2] = 2. Решите в целых числах уравнение

$$\left[\frac{x}{3}\right] + \left[\frac{x+1}{3}\right] = x.$$

- 4. Когда 188 участников этнографического фестиваля завели хоровод, внимательный зритель обнаружил, что каждый третий в этом хороводе девушка. Прав ли был его невнимательный, но вдумчивый сосед, заявивший, что в таком случае в хороводе были только девушки?
  - 5. Укажите все значения x, которые являются решением уравнения

$$(1-x-(1-x-...(1-x-2021)))=2021$$

в котором 2022 пары скобок.