Олимпиада школьников «Надежда энергетики». Отборочный этап. Заочная форма.

## ЗАДАНИЕ ПО МАТЕМАТИКЕ ВАРИАНТ 12993 для 9 класса

- 1. После проведения конкурса «Крутые мысли» каждый член жюри проверил от трех до пяти работ участников. Возможно ли, что 40% всего состава жюри проверила 60% всех работ?
- 2. Современная алгебра изучает свойства различных операций над числами. Пусть операция F(x,y) над положительными числами каждой паре положительных чисел x,y ставит в соответствие ровно одно число, определяемое формулой

$$F(x,y) = \frac{xy+1}{x+y}.$$

Решите уравнение

$$F\left(\sqrt{|x+1|}, \sqrt{\frac{1}{|x+1|}}\right) = 1.$$

- 3. В окружность вписан четырехугольник ABCD, у которого стороны BC и CD равны. Диагональ AC равна 10 м, а площадь четырехугольника ABCD равна 35 м<sup>2</sup>. Найдите котангенс угла BAD.
- 4. В ряд выписано 2021 положительное число. Произведение всех чисел равно 2021 и произведение любых двадцати подряд стоящих чисел равно 2021. Чему равно 521-ое по счету число?
- 5. С некоторых пор каждый, кто желает посетить деревню скрытого трубопровода, должен дать ответ на вопрос о том, существуют ли такие натуральные числа x, для которых величина  $\sqrt{x+\sqrt{2}}$  может быть представлена в виде  $2a+b\sqrt{2}$  с некоторыми положительными рациональными a и b.
  - А) Найдите все такие натуральные x или обоснуйте их отсутствие.
- Б) Приведите пример хотя бы одного рационального числа x, обладающего указанным свойством.