Олимпиада школьников «Надежда энергетики». Отборочный этап. Заочная форма.

## ЗАДАНИЕ ПО МАТЕМАТИКЕ ВАРИАНТ 12881 для 8 класса

1. Если двузначное натуральное число умножить на двузначное число, получающееся перестановкой его цифр в обратном порядке, то получится 3640. Найдите все такие числа.

Ответ: 65 и 56.

2. Пусть десятичная запись некоторого числа  $a\ (0 < a < 1)$  в своей дробной части начинается с 2022-х девяток. Найдите первые 2022-е цифры дробной части числа  $\sqrt{a}$ .

**Ответ:** первые 2022-е цифры дробной части числа  $\sqrt{a}$  все являются девятками.

3. Винни Пух решил подарить Иа-Иа горшочек меду. Его запасы хранятся в семи одинаковых шкафах, в каждом из которых по пять полок, а на каждой полке стоит по одному горшочку, доверху заполненному медом. Сначала Винни в каждом шкафу приметил самый большой горшочек, но среди них выбрал наименьший. Им оказался горшочек с солнышком. Затем он в каждом ряду полок приметил самый маленький горшочек и среди таковых выбрал наибольший. Им оказался горшочек в горошек. Какой из них нужно подарить Иа, чтобы тот получил больше меду?

Ответ: больше меда в горшочке с солнышком.

- 4. Клопы Стас и Настасья прогуливаются по клетчатому тетрадному листу, двигаясь только по сторонам клеток и после каждой клетки поворачивая либо направо, либо налево. Пусть сторона клетки равна 1 см.
- A) Если они вернутся туда же, откуда начали прогулку, то может ли длина пройденного пути составить ровно 2022 см?
- Б) Опишите множество всех чисел, которые могут являться длиной описанного замкнутого пути.

Ответ: А) не может;

Б) все натуральные числа кратные четырем.

- 5. На художественном конкурсе Родион, Изяслав, Эвелина, Феликс и Теодора рисовали волшебных существ. Каждый выбрал для сюжета картины своё любимое время суток утро, день, сумерки, вечер и ночь. Ребята в своих работах изобразили дракона, единорога, грифона, кентавра и феникса. Каждый использовал что-то своё: акварель, гуашь, масло, карандаш и тушь. Найдите, какое время суток и сказочного персонажа выбрал каждый из ребят, а также чем каждый из них написал картину, если известно следующее.
- Карандашом была написана «ночная» картина, но на ней был не кентавр.
- Кентавр изображен в более позднее время суток, чем дракон.
- Нарисовавшая единорога Теодора использовала либо гуашь, либо масло.
- Грифон нарисован вечером. Имя его автора начинается не на гласную букву, и он не писал акварелью.
- Тушью был нарисован не феникс.
- Эвелина рисовала гуашью. Её любимое время суток наступает раньше, чем время суток автора, использовавшего масло.
- Сумерки любимое время суток Родиона.

## Ответ:

УЧАСТНИК	СУЩЕСТВО	ВРЕМЯ СУТОК	ТЕХНИКА
Родион	кентавр	сумерки	тушь
Изяслав	феникс	НОЧЬ	акварель
Эвелина	дракон	утро	гуашь
Феликс	грифон	вечер	карандаш
Теодора	единорог	день	масло