Олимпиада школьников «Надежда энергетики». Отборочный этап. Заочная форма.

ЗАДАНИЕ ПО МАТЕМАТИКЕ ВАРИАНТ 11881 для 8 класса

- 1. Запись a=1,(13) означает, что комбинация цифр 13 в дробной части числа a бесконечно повторяется ($a=1,13131313\dots$). Найдите разность чисел x=5,(16) и y=3,(37).
- 2. После того, как школьная отличница доложила в правый карман столько же шпаргалок, сколько там уже было, общее количество спрятанных шпаргалок увеличилось наполовину. Во сколько раз (к полученому количеству) увеличится общее число шпаргалок, если в правом кармане их станет в пять раз больше изначального?
- 3. Целой частью [x] числа x называется наибольшее целое m такое, что $m \le x$. Например, [-4/3] = -2, $[\pi] = 3$, [2] = 2. Решите в целых числах уравнение

$$\left[\frac{x}{2}\right] + \left[\frac{x+1}{2}\right] = 2x.$$

- 4. На кольцевой автодороге вокруг озера К установили 103 поста ДПС. Задумчивый водитель, совершив несколько витков по дороге, обнаружил, что каждый третий пост это муляж. Прав ли был его вдумчивый пассажир, заявивший, что в таком случае все посты являются муляжами?
 - 5. Укажите все значения x, которые являются решением уравнения

$$(2x-1-(2x-1-\ldots(2x-2022)))=2021$$

в котором 2000 пар скобок.