## Λογικός Προγραμματισμός

#### Μανόλης Μαρακάκης, Καθηγητής

mmarak@cs.hmu.gr

Τμήμα Ηλεκτρολόγων Μηχανικών & Μηχανικών Υπολογιστών Σχολή Μηχανικών Ελληνικό Μεσογειακό Πανεπιστήμιο

## Λογικός Προγραμματισμός

### Μάθημα 9

 Αναπαράσταση Γνώσης και Συλλογιστική στον Κατηγορηματικό Λογισμό.

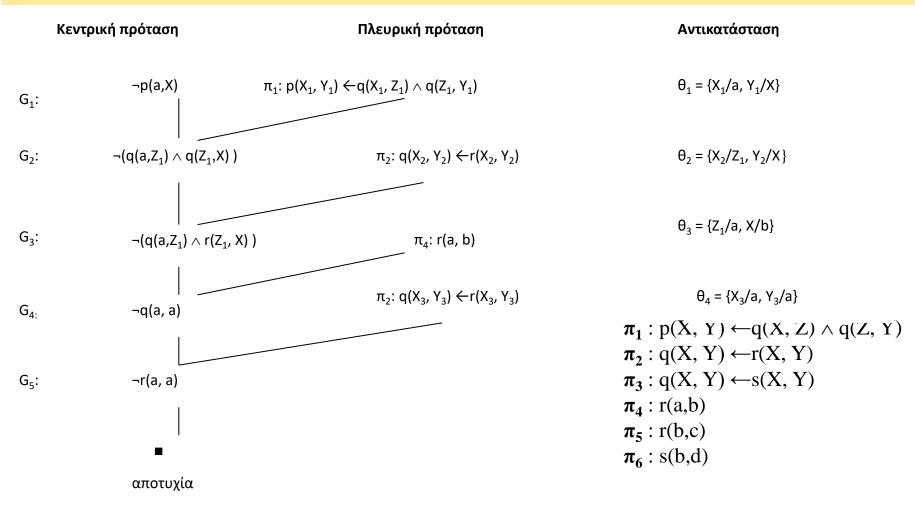
#### Αναπαράσταση Γνώσης και Συλλογιστική στον Κατ. Λογισμό (Μέρος Ε)

- ✓ 4.1 Εισαγωγή. (Μέρος A)
- 4.2 Σύνταξη της Κατηγορηματικής Λογικής. (Μέρος Α)
- ✓ 4.3 Ερμηνείες. (Μέρος A)
- ✓ 4.4α. Λογικές ισοδυναμίες & Σημασιολογική Συνέπεια Τύπων. (Μέρος Β)
- ✓ 4.4β. Λογικές ισοδυναμίες & μετασχ. τύπων. (Μέρος Β)
- ✓ 4.5 Τυπικά συστήματα & εξαγωγή συμπερ. (Μέρος Β)
- ✓ 4.6 Κανονικές μορφές τύπων. (Μέρος Β)
  - a) Δεσμευμένη Εμπρός Κανονική Μορφή. b) Συναρτήσεις Skolem. c) Προτάσεις (Clauses).
    d) Προτάσεις Horn.
- ✓ 4.7 Αντικατάσταση. (Μέρος Γ)
- ✓ 4.8 Ενοποίηση. (Μέρος Γ)
- ✓ 4.9 Η Μέθοδος της (Δυαδικής) Επίλυσης. (Μέρος Δ)
- ✓ 4.10 Επίλυση & Στρατηγικές απόδειξης. (Μέρος Δ)
- ✓ 4.11 Η στρατηγική της γραμμικής επίλυσης. (Μέρος Ε)
- ✓ 4.12 Μετασχηματισμοί Λογικών Προγραμμάτων (Μέρος ΣΤ)

- 4. ΑΓ και Συλλογιστική στο Κατηγορηματικό Λογισμό (ΛΠΤ). 4.11 Η Γραμμική Επίλυση στον Λογικό Προγραμματισμό. 4.11.3 SLD παραγωγή με κανόνα υπολογ. «ο πλέον δεξιός στοιχ. τύπος».
- □ Κανόνας υπολογισμών Β: Επιλογή του πλέον δεξιού στοιχειώδους τύπου.
- □ Ο αρχικός στόχος  $G_0$  είναι ¬p(a, X). Δεν υπάρχει καμία πρόταση από το πρόγραμμα με την οποία να ενοποιείται ο επιλεχθείς στοιχειώδης τύπος ¬r(a, a). Η SLD-εξαγωγή φαίνεται στο σχήμα Σχήμα 3.6.

#### 4. ΑΓ και Συλλογιστική στο Κατηγορηματικό Λογισμό (ΛΠΤ). 4.11 Η Γραμμική Επίλυση στον Λογικό Προγραμματισμό.

4.11.3 SLD παραγωγή με κανόνα υπολογ. «ο πλέον δεξιός στοιχ. τύπος».

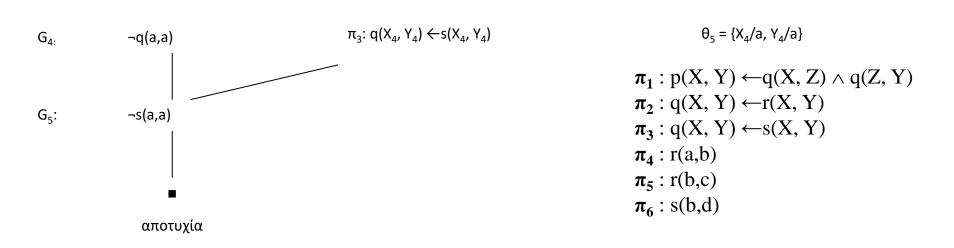


Σχήμα 3.9: SLD-εξαγωγή με επιλογή του πλέον δεξιού στοιχειώδους τύπου.

# 4. ΑΓ και Συλλογιστική στο Κατηγορηματικό Λογισμό (ΛΠΤ). 4.11 Η Γραμμική Επίλυση στον Λογικό Προγραμματισμό. 4.11.3 SLD παραγωγή με κανόνα υπολογ. «ο πλέον δεξιός στοιχ. τύπος».

Αυτός ο κανόνας υπολογισμών και η σειρά με την οποία εξετάζονται οι προτάσεις του προγράμματος δεν οδήγησαν σε απόρριψη. Το σύστημα αποτυγχάνει οπότε οπισθοδρομεί στην προηγούμενη κεντρική πρόταση, ακυρώνοντας την ενοποίηση που έκανε. Προσπαθεί να βρει μια άλλη πρόταση από το πρόγραμμα η οποία να ενοποιείται με τον επιλεχθέντα στοιχειώδη τύπο της κεντρικής πρότασης. Συνεχίζοντας από την κεντρική πρόταση  $G_4$  έχουμε την SLD-εξαγωγή του σχήματος  $\Sigma$ χήμα 3.9.

Πλευρική πρόταση



Σχήμα 3.10: SLD-εξαγωγή με επιλογή του πλέον δεξιού στοιχειώδους τύπου (οπισθοδρόμιση Α).

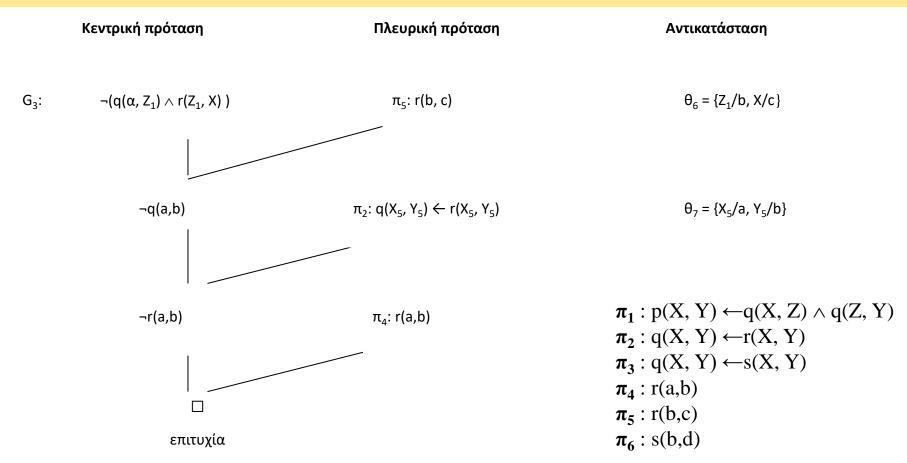
Κεντρική πρόταση

Αντικατάσταση

- 4. ΑΓ και Συλλογιστική στο Κατηγορηματικό Λογισμό (ΛΠΤ). 4.11 Η Γραμμική Επίλυση στον Λογικό Προγραμματισμό.
- 4.11.3 SLD παραγωγή με κανόνα υπολογ. «ο πλέον δεξιός στοιχ. τύπος».
- □ Έχουμε ξανά αποτυχία, οπότε οπισθοδρομεί στην προηγούμενη κεντρική πρόταση G<sub>4</sub> ακυρώνοντας την ενοποίηση που έκανε.
- Επειδή δεν υπάρχει άλλη πρόταση στο πρόγραμμα η κεφαλή της οποίας να ταιριάζει με τον επιλεχθέντα στοιχειώδη τύπο, οπισθοδρομεί στην κεντρική πρόταση G<sub>3</sub> ακυρώνοντας την ενοποίηση που έκανε.
- Συνεχίζοντας από την κεντρική πρόταση G<sub>3</sub> έχουμε την SLDαπόρριψη του σχήματος Σχήμα 3.8. Αυτή η SLD-εξαγωγή οδήγησε σε SLD-απόρριψη.
- □ Η υπολογισθείσα απάντηση αντικατάστασης είναι  $\theta_1 \circ \theta_2 \circ \theta_6 \circ \theta_7 = \{X_1/a, Y_1/c, X_2/b, Y_2/c, Z_1/b, X/c, X_5/a, Y_5/b\}$ περιοριζόμενη στις μεταβλητές του ¬p(α, X) δηλαδή {X/c}.

#### 4. ΑΓ και Συλλογιστική στο Κατηγορηματικό Λογισμό (ΛΠΤ). 4.11 Η Γραμμική Επίλυση στον Λογικό Προγραμματισμό.

4.11.3 SLD παραγωγή με κανόνα υπολογ. «ο πλέον δεξιός στοιχ. τύπος».



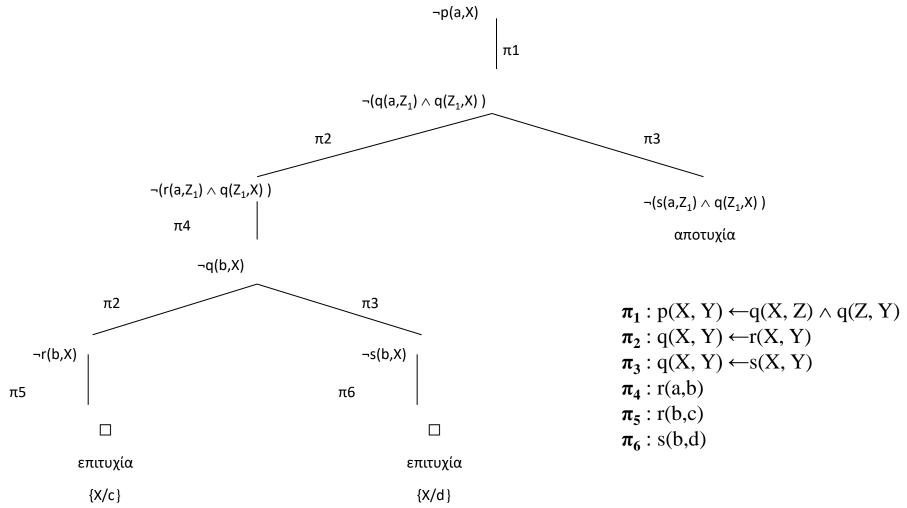
Σχήμα 3.11: SLD-εξαγωγή με επιλογή του πλέον δεξιού στοιχειώδους τύπου (οπισθοδρόμιση Β).

- 4. ΑΓ και Συλλογιστική στο Κατηγορηματικό Λογισμό (ΛΠΤ). 4.11 Η Γραμμική Επίλυση στον Λογικό Προγραμματισμό. 4.11.4 SLD δέντρο και στρατηγικές αναζήτησης.
- □ Ορισμός: Έστω P ένα σύνολο από προγραμματικές προτάσεις, R ένας κανόνας υπολογισμών και G μία πρόταση στόχος. Όλες οι δυνατές SLD-εξαγωγές μπορούν να επιδειχθούν σε ένα SLD-δέντρο. Το SLD-δέντρο του G (χρησιμοποιώντας το P και τον R) ορίζεται ως εξής:
  - Η ετικέτα στη ρίζα του δέντρου είναι ο αρχικός στόχος G.
  - ightharpoonup Εάν το δέντρο περιέχει ένα κόμβο με ετικέτα τον στόχο  $G_i$  και υπάρχει μια μετονομασμένη προγραμματική πρόταση  $C_i \in P$  τέτοια ώστε ο  $G_{i+1}$  εξάγεται από τον  $G_i$  (κεντρική πρόταση) και την  $C_i$  (πλευρική πρόταση) μέσω του R τότε ο κόμβος  $G_i$  έχει παιδί τον κόμβο  $G_{i+1}$ . Η ακμή που τους συνδέει έχει ως ετικέτα την πρόταση  $C_i$ .
- □ Έστω P ένα πρόγραμμα και G ένας στόχος. Εάν διαφορετικοί κανόνες υπολογισμών εφαρμοστούν στο {P, G}, τότε θα δημιουργηθούν διαφορετικά SLD-δέντρα αλλά αυτά τα δέντρα θα συμφωνούν στις υπολογισθείσες απαντήσεις αντικατάστασης.
- □ Κάθε μονοπάτι σε ένα SLD-δέντρο είναι μια SLD-εξαγωγή. Μία SLDεξαγωγή μπορεί να είναι πεπερασμένη ή μη-πεπερασμένη.

- 4. ΑΓ και Συλλογιστική στο Κατηγορηματικό Λογισμό (ΛΠΤ). 4.11 Η Γραμμική Επίλυση στον Λογικό Προγραμματισμό. 4.11.4 SLD δέντρο και στρατηγικές αναζήτησης.
- Ορισμός: Ένα μονοπάτι το οποίο τελειώνει σε άδεια πρόταση είναι μια SLD-απόρριψη. Μία SLD-απόρριψη είναι μια επιτυχής SLD-εξαγωγή. Μία ανεπιτυχής SLD-εξαγωγή είναι μια εξαγωγή η οποία τελειώνει σε ένα μη κενό στόχο G<sub>K</sub> με την ιδιότητα ο επιλεχθείς από τον G<sub>K</sub> στοιχειώδης τύπος να μην ενοποιείται με την κεφαλή καμίας πρότασης του προγράμματος.
- Σε ένα SLD-δέντρο το κλαδί που αντιστοιχεί σε επιτυχή εξαγωγή ονομάζεται επιτυχής κλάδος. Το κλαδί που αντιστοιχεί σε ανεπιτυχή εξαγωγή ονομάζεται ανεπιτυχής κλάδος. Το κλαδί που αντιστοιχεί σε μη-πεπερασμένη εξαγωγή ονομάζεται μη-πεπερασμένος κλάδος.
- Παραδείγματα:
  - 1. Το SLD-δέντρο για το προηγούμενο παράδειγμα με κανόνα υπολογισμών τον πλέον αριστερό στοιχειώδη τύπο φαίνεται στο Σχήμα 3.12.
  - 2. Το SLD-δέντρο για το προηγούμενο παράδειγμα με κανόνα υπολογισμών τον πλέον δεξιό στοιχειώδη τύπο φαίνεται στο Σχήμα 3.13.

#### 4. ΑΓ και Συλλογιστική στο Κατηγορηματικό Λογισμό (ΛΠΤ). 4.11 Η Γραμμική Επίλυση στον Λογικό Προγραμματισμό.

4.11.4 SLD δέντρο και στρατηγικές αναζήτησης.



Σχήμα 3.12: SLD-δέντρο αναζήτησης με κανόνα υπολογισμών τον πλέον

# 4. ΑΓ και Συλλογιστική στο Κατηγορηματικό Λογισμό (ΛΠΤ). 4.11 Η Γραμμική Επίλυση στον Λογικό Προγραμματισμό.

4.11.4 SLD δέντρο και στρατηγικές αναζήτησης.  $\pi_1: p(X, Y) \leftarrow q(X, Z) \wedge q(Z, Y)$  $\neg p(a,X)$  $\pi_2$ : q(X, Y)  $\leftarrow$ r(X, Y) π1  $\pi_3$ : q(X, Y)  $\leftarrow$ s(X, Y)  $\pi_4$ : r(a,b)  $\neg (q(a,Z_1) \land q(Z_1,X))$  $\pi_5$ : r(b,c) π2 π3  $\pi_6$ : s(b,d)  $\neg (q(a,Z_1) \wedge r(Z_1,X))$  $\neg (q(a,Z_1) \land s(Z_1,X))$ π4 π5 π6 ¬q(a,a)  $\neg q(a,b)$  $\neg q(a,b)$ π4 π2 П  $\neg r(a,b)$  $\neg$ s(a,b) αποτυχία επιτυχία π4  $\{X/c\}$ επιτυχία

Σχήμα 3.13: SLD-δέντρο αναζήτησης με κανόνα υπολογισμών τον πλέον δεξιό

αποτυχία

 $\{X/d\}$ 

- 4. ΑΓ και Συλλογιστική στο Κατηγορηματικό Λογισμό (ΛΠΤ). 4.11 Η Γραμμική Επίλυση στον Λογικό Προγραμματισμό. 4.11.4 SLD δέντρο και στρατηγικές αναζήτησης.
- □ Ορισμός: Ένας κανόνας αναζήτησης (search rule) είναι μια στρατηγική αναζήτησης ενός SLD-δέντρου για εύρεση επιτυχόντων κλάδων.
- Ορισμός: Μία διαδικασία SLD-απόρριψης είναι ο αλγόριθμος της SLD-επίλυσης μαζί με τον καθορισμό ενός κανόνα υπολογισμών και ενός κανόνα αναζήτησης.
- Από ένα SLD-δέντρο θέλουμε να βρούμε τις υπολογισθείσες απαντήσεις αντικατάστασης.
  - Το σύνολο των απαντήσεων αντικατάστασης είναι ανεξάρτητο από τον κανόνα υπολογισμών.
  - Η επιλογή του κανόνα αναζήτησης είναι σημαντική. Θεωρία Λογικού Προγραμματισμού 13 Δρ. Μανόλης Μαρακάκης

- 4. ΑΓ και Συλλογιστική στο Κατηγορηματικό Λογισμό (ΛΠΤ). 4.11 Η Γραμμική Επίλυση στον Λογικό Προγραμματισμό. 4.11.4 SLD δέντρο και στρατηγικές αναζήτησης.
  - Θα συγκρίνουμε δύο στρατηγικές αναζήτησης, την πλάτος-πρώτα και την βάθος-πρώτα.
  - □ 1. Η πλάτος-πρώτα αναζήτηση εγγυάται ότι θα βρει τους επιτυχείς κλάδους εάν υπάρχουν.
  - □ Αυτή η στρατηγική θα βρει τις σωστές απαντήσεις αντικατάστασης σε κάθε περίπτωση. Ακόμα και αν υπάρχουν μη-πεπερασμένες εξαγωγές.
  - □ <u>Όμως</u> το μέγεθος του δέντρου αναζήτησης το οποίο πρέπει να κατασκευαστεί μεγαλώνει εκθετικά με το βάθος. Δηλαδή, αυτή η στρατηγική
    - > έχει μεγάλες απαιτήσεις μνήμης και
    - > δεν είναι αποτελεσματική.

- 4. ΑΓ και Συλλογιστική στο Κατηγορηματικό Λογισμό (ΛΠΤ). 4.11 Η Γραμμική Επίλυση στον Λογικό Προγραμματισμό. 4.11.4 SLD δέντρο και στρατηγικές αναζήτησης.
- 2. Η βάθος-πρώτα αναζήτηση εγγυάται ότι θα βρει όλους τους επιτυχείς κλάδους εάν υπάρχουν μόνο όταν το SLD-δέντρο είναι πεπερασμένο. Δηλαδή, το SLD-δέντρο δεν έχει μη-πεπερασμένα μονοπάτια.
- □ Επιπλέον, η μέθοδος είναι γρήγορη και έχει μικρές απαιτήσεις μνήμης.
- Εάν το SLD-δέντρο δεν είναι πεπερασμένο τότε η μέθοδος δεν εγγυάται ότι θα βρει όλες τις σωστές απαντήσεις αντικατάστασης.
- Η πρότυπη (standard) Prolog χρησιμοποιεί :
  - για κανόνα υπολογισμών τον κανόνα που επιλέγει τον πλέον αριστερό στοιχειώδη τύπο του στόχου και
  - για στρατηγική αναζήτησης την βάθος-πρώτα. Θεωρία Λογικού Προγραμματισμού 15 Δρ. Μανόλης Μαρακάκης

### Τέλος Διάλεξης

# Ευχαριστώ!

# Ερωτήσεις;