

BME 3005

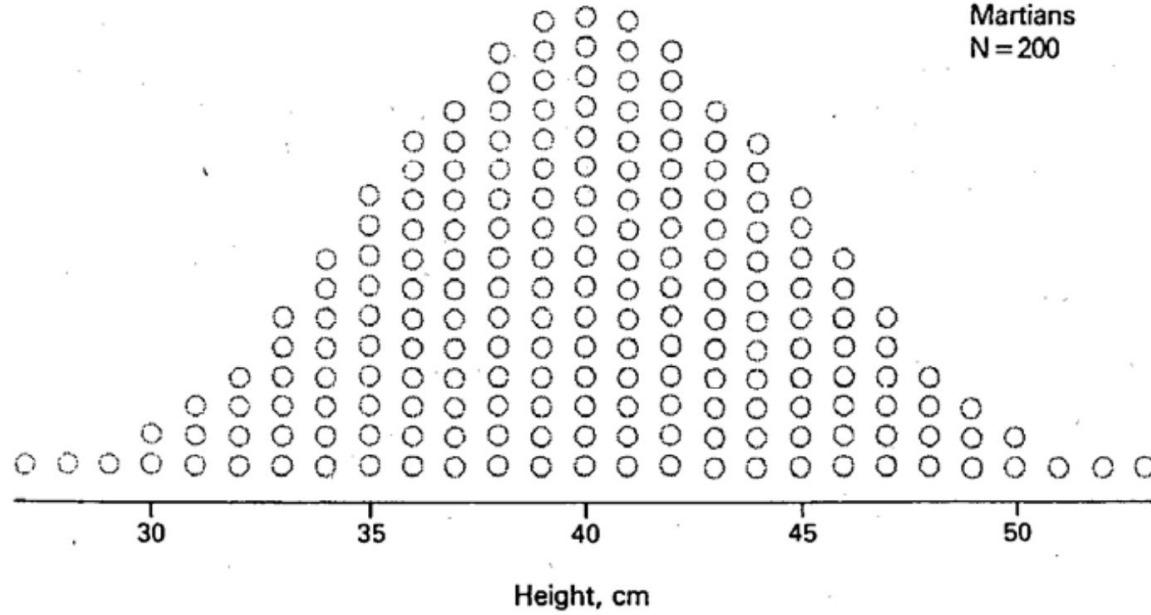
Biyoistatistik

Lecture4Bölüm 1: Gözden Geçirme, ANOVA'ya Giriş

Yrd.Doç.BurcuTunçÇamlıbel

Marslılar

Marslılar



- Nüfusun tüm üyelerini gözlemlediğimizi varsayalım.

Nüfusun tüm üyelerini gözlemlediğimizi varsayalım .
- The height of all the Martians - 200 of them

- Tüm Marslıların boyu

- Şekil 2.1--Marslıların bir daire ile temsil edilen düşüş yüksekliği •

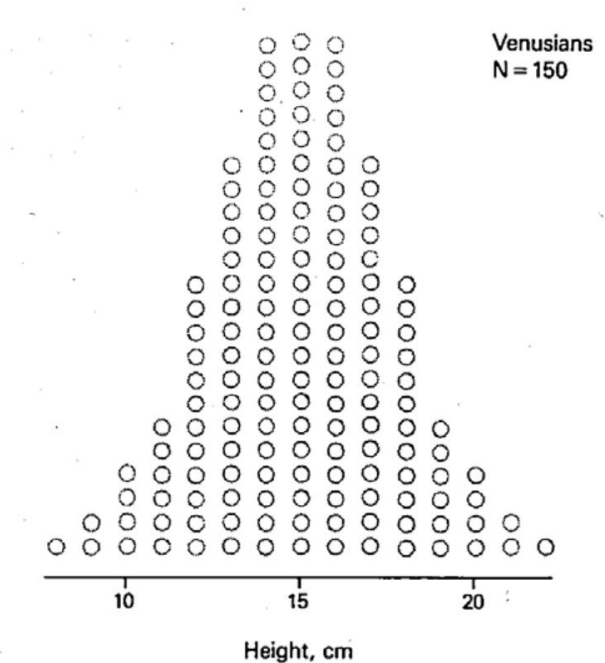
200 tanesi • Yüksekliklerin bir dağılımı vardır . -
• Marslıların 45 cm boyundadır .

- Şekil 2.1--Tüm Marslıların boyları ile temsil edilen boy dağılımları vardır .

- Yalnızca 30 cm'den daha kısa veya 50 cm'den daha uzun olan güveni yazalım.

Venüslüler

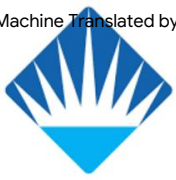
Venüslüler



- Şimdi Venüs'ü kontrol edelim.
- Şimdi Venüs'ü kontrol edelim.
- Şekil 2.2, 150 Venüslü'nün düştüğü yüksekliği göstermektedir.
- Şekil 2.2, 150 Venüslü'nün düştüğü yüksekliği göstermektedir.
- Yine bir yükseklik dağılımı var ve tüm Venüslüler yaklaşık 15 cm'den kısa.
- Yine bir yükseklik dağılımı var ve tüm Venüslüler yaklaşık 15 cm'den kısa.

Venüslüler Marslılara Karşı

- Venüslüler daha kısadır ve boylarının değişkenliği Venüslüler Marslılardan daha az.
- Her iki dağıtım eğrisinin de çan şeklinde olduğuna dikkat edin.
- Nüfusun herhangi bir üyesinin bu grupta olma olasılığı daha yüksektir
Nüfusun ortası uzaklara göre ve aynı olasılıkla ortalamadan daha kısa veya daha uzundur.



Dağıtım parametreleri

- Bu iki dağılımın şekli benzer olduğundan, yalnızca nasıl farklı olduklarını tanımlamamız gerekir. **Dağılımın parametreleri**
- **Nüfus ortalaması=ortalamaoffalltheheightsofallthe nüfusun üyeleri.**

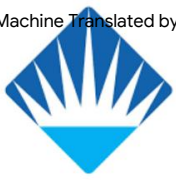
• Bu iki dağılımın şekli benzer olduğundan, sadece nasıl farklılaştıklarını tanımlamamız yeterlidir. • **Nüfus** ortalaması = popülasyonun tüm üyelerinin boylarının ortalaması.

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{N}$$

• Marslıların ortalama boyu = 40 cm, Venüslülerin = 15 cm • Nicel sonuç: Marslıların boy dağılımı

- Marslıların ortalama yüksekliği=40cm, Venüslülerin=15cm • Nicel sonuç:yüksekliklerin dağılımı

Marslılar Venüslülerden daha yüksektir.



• Bir popülasyonun ortalamaya göre

değişkenliği **Varyans** ortalamasının karesi (mutlak değeri almak için) fark) ortalamadan sapma •

- Bir popülasyonun ortalamaya göre değişkenliği
- Ortalama kare (farkın mutlak değerini almak için) sapma • Bir popülasyonun ortalamaya göre değişkenliği • Ortalamasının karesi (mutlak değeri almak için)
- Nüfus varyansı =
$$\frac{\text{toplam(bir üyenin değeri - nüfus ortalaması)}^2}{\text{popülasyon üyelerinin sayısı}} = \frac{(X_{\text{mikro}})^2}{N}$$

• Standart sapma = ortalamasının karekökü

- Standart sapma = ortalamasının karekökü
- Ortalama

$$\text{standart sapma} = \sqrt{\frac{\sum (X_{\text{mikro}} - \bar{X})^2}{N}}$$

- $\sigma_{\text{Marslılar}} = 5\text{cm}$, $\sigma_{\text{Venüsliler}} = 2,5\text{cm}$



Normal (Gauss) dağılım,

- Çan şeklindeki dağılım •

Yüksekliklerin kabaca yüzde 68'i ortalamaından 1 standart sapma içinde, yüzde 95'i

ortalamaından 2 standart sapma içinde düşüyor

- Yüksekliği X 'in her hangi bir değeri için

$$\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{X^2}{2\sigma^2}\right)$$

tecrübe mikro

- Dağılımın tamamen ortalama ve standart sapma tarafından tanımlandığına dikkat edin.

dağılımın tamamen ortalama ve standart sapma ile tanımlandığını unutmayın.

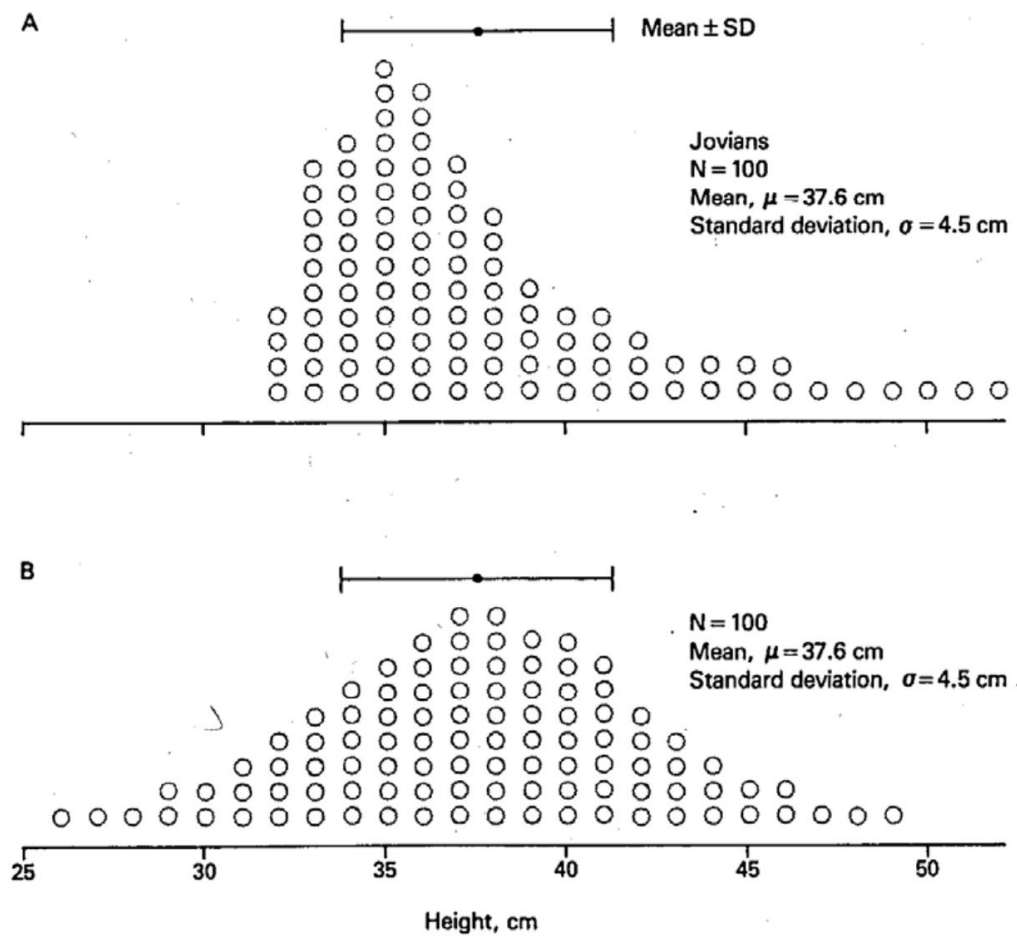


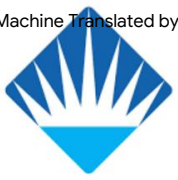
Jüpiter

- Şimdi Jüpiter'e bakıyoruz
- Ortalama yükseklik=37,6 cm, standart sapma=4,5 cm • Parametrelere göre Marslılara benzer • Ham veriler tamamen farklı bir hikaye anlatıyor--Şekil 2.3

Şekil 2.3

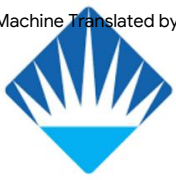
Şekil 2.3





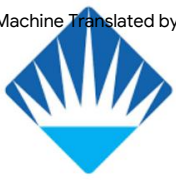
Jüpiter

- Veri dağılımı simetrik değil ama çarpık.
 - Bir Jovian'ın ortalamasının altında bir yüksekliğe sahip olma olasılığı eşit değildir.
 - Birkaç çok uzun birey ortalamayı artırır ve Jovianların çoğunun gerçekte olduğundan daha uzun olduğunu düşünmemize yol açar.
- Ortalama ve standartlar bu popülasyonu tanımlamaya yetmiyor.



Medyan

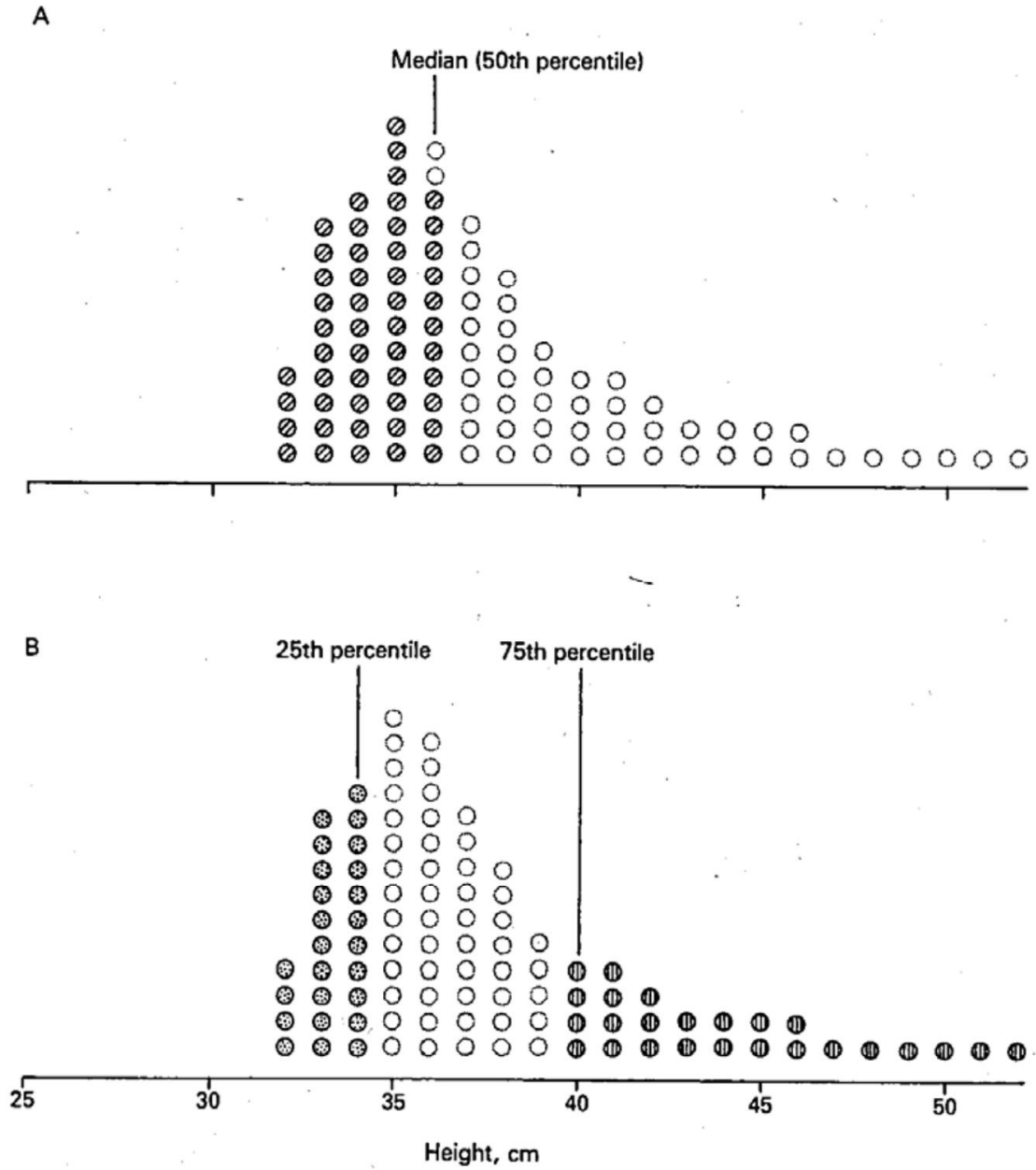
- Medyan, popülasyonun yarısının düştüğü değerdir altında.
- Yüzde %50 medyan değerinin altına düştüğü için, itis 50. yüzdelerik dilim olarak da adlandırılır.
- n gözlemi sırayla listeleyin. Medyan isthe $(n+1)/2$ gözlem. Tek gözlem sayısı için bu, çevredeki gözlemlerin ortalaması olan bir değere, çift gözlem sayısına düşecektir.

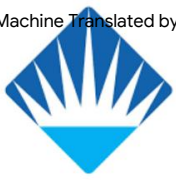


Yüzdelikler

- Diğer yüzdelik dilimler medyan gibi tanımlanır. • 25. yüzdelik dilim- $(n+1)/4$ gözlem • Genel olarak, yüzdelik dilim noktası $(n+1)/(100/p)$ gözlemdir.
- Jüpiterlerin boylarının dağılımına dair bir gösterge vermek için, 25. ve 75. persentil noktaları rapor edilebilir. (34cm ve 40cm)
- Yüzdelikler, boyların dağılımını tam olarak tanımlamaz, ancak boy aralığının ne olduğunu ve birkaç çok uzun Jovian olduğunu, ancak çok fazla kısa olmadığını gösterir.

Şekil 2.4





Normal dağılımın yüzdelik dilimleri

BAU
BAHÇEŞEHİR ÜNİVERSİTESİ

- yüzde 2,5

ortalama-2SD

- 16. yüzdelik dilim

ortalama-1SD

- 25. yüzdelik dilim

ortalama-0.67SD

- 50.yüzdelik dilim(medyan)

Anlam

- 75. yüzdelik dilim

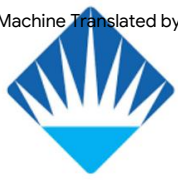
ortalama+0.67SD

- 84. yüzdelik dilim

ortalama + 1SD

- yüzde 97,5

ortalama + 2SD



Şekil 2.5 Şekil 2.5

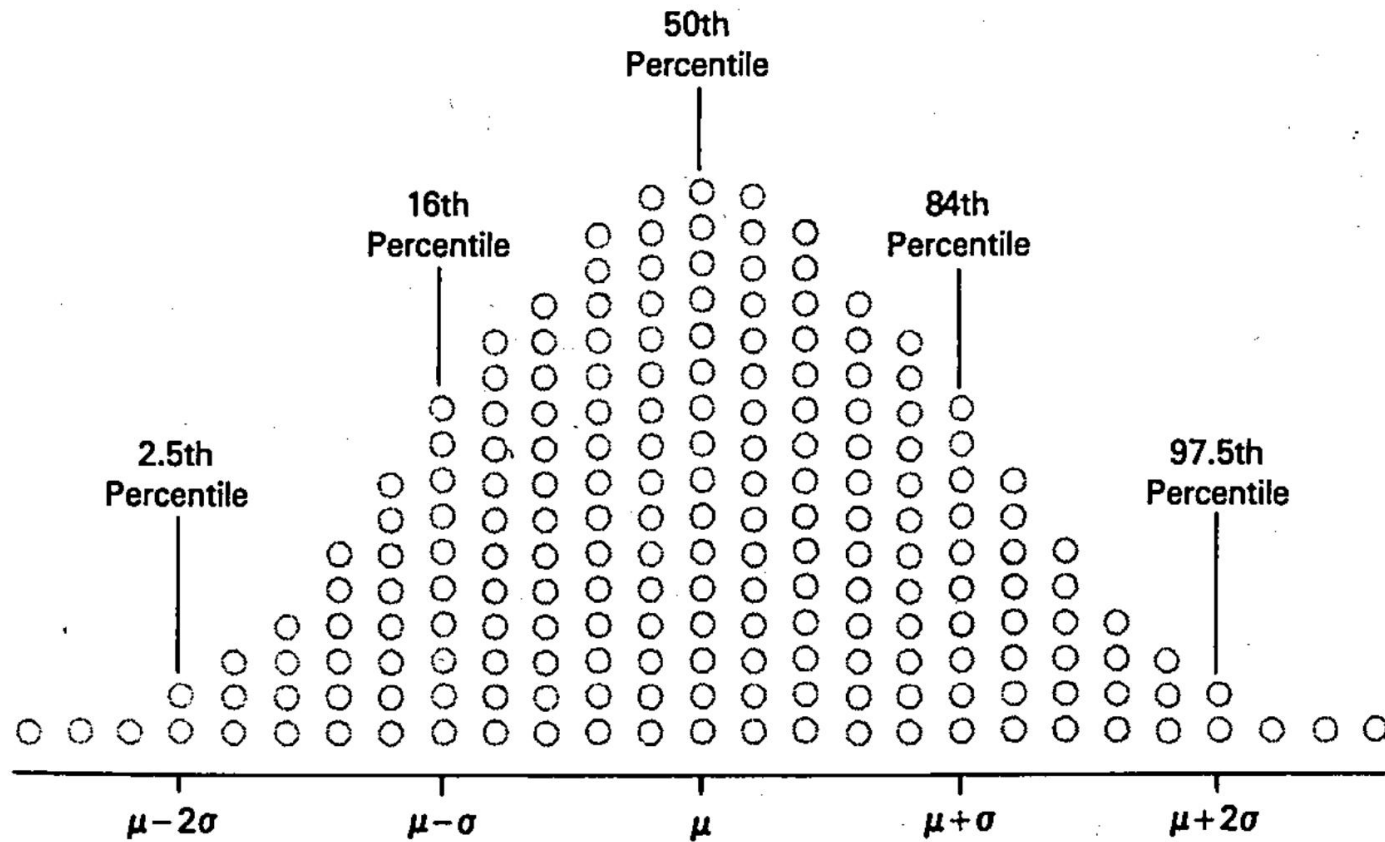
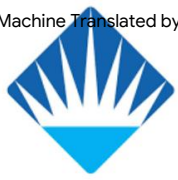
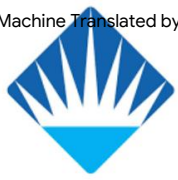


Figure 2-5 Percentile points of the normal distribution.



Normal dağıtım neden önemlidir?

- Bir popülasyonun yüzdelik değerleri, ortalama ve standart sapmaya dayalı bir normal dağılımın beklenen değerlerinden çok farklı değilse, o zaman normal dağılım gerçek popülasyona iyi bir yaklaşımdır.
- Bazı istatistiksel testler **yalnızca** popülasyon yaklaşık olarak normal dağıldığında uygulanabilir – t-testi gibi
- Normal olarak dağıtılmamışsa, verilerin sıralanması gerekir ve **sıralı veriler** için testler (bölüm 10 ve 11) kullanılmalıdır.



Örnek Örnek

dünyada, tüm popülasyon için bir değer gözlemleyemeyiz. Gerçek
 temsil ettiğini popülasyon popülasyonunun bir örneğinden
 alırız. nüfusu iyi temsil ediyor. Peki.

$$\text{Örnek ortalama} = \bar{X} = \frac{\sum X}{N}$$

$$\text{Numune standart sapması} = s = \sqrt{\frac{\sum (X - \bar{X})^2}{n - 1}}$$

Numuneler gösterilmek üzere \bar{X} ile bir üstte gösterilir.

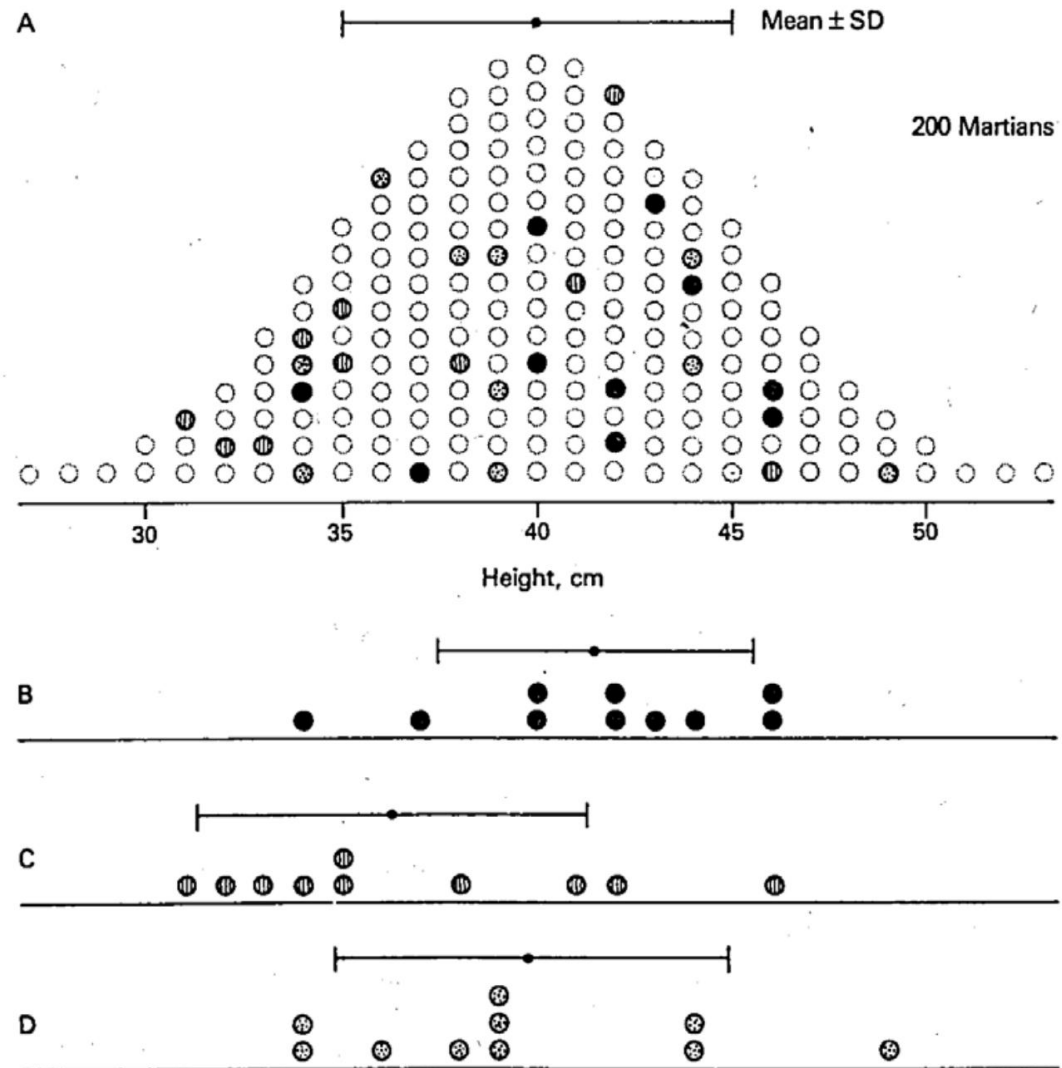
- Numune ortalama, gerçek ortalamanın bir tanımıdır. Örnek hiçbir zaman tüm popülasyon kadar varyasyona sahip olmayacaktır, bu nedenle daha küçük bir popülasyona bölünerek telafi edilir, bu nedenle bir sayıya bölünerek telafi edilir. daha küçük numara
- Numune hiçbir zaman numune kadar varyasyona sahip olmayacaktır.

Örnek Tahminler Ne Kadar İyi?

- Farklı örnekler biraz farklı anlamlar verir ve Tüm nüfus için SD.
- Örneklerin ana popülasyonu ne kadar temsil ettiğini görmek için ortalama ve SD'nin standart hatalarını hesaplayabiliriz.
- Olası sonbaharın ortalamasını rastgele hesaplayabiliriz örnekler.

Şekil 2.6

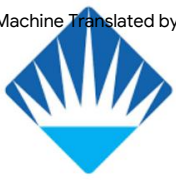
Şekil 2.6



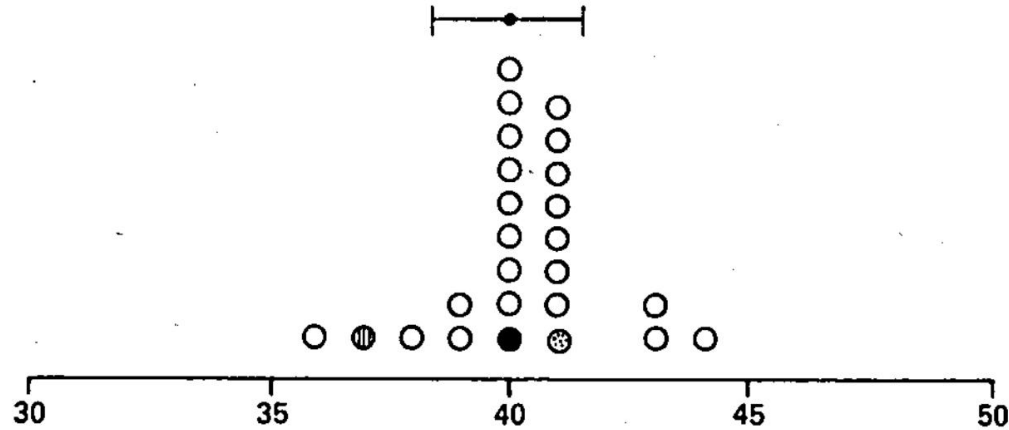
B $\bar{X} = 41,5$ cm, $s = 3,8$ cm

C $\bar{X} = 36$ cm, $s = 5$ cm

D $\bar{X} = 40$ cm, $s = 5$ cm



Şekil 2.7 Şekil 2.7

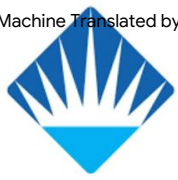


Mars'ın 25 rastgele örneğinin araçları .
önceki şekle ait üç spesifik numune karşılık gelen desenler.

Tüm olası örneklem popülasyondan bağımsız olarak olacaktır, ortalaması $\bar{X} = 40$ cm = μ , orijinal $\sigma = 1$ cm , $\sigma_{\bar{X}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = \frac{1}{\sqrt{25}} = 0.2$ cm olacaktır ,

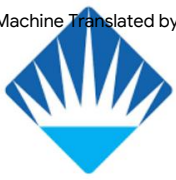
Bazı düşünce örnekleri

- Popülasyon ortalamasını tahmin edebileceğimiz kesinlik, örneklem büyüklüğü arttıkça artar.
- Yani, ortalamanın standart hatası, örneklem boyutu arttıkça azalır.
- Orijinal popülasyondaki değişkenlik ne kadar fazlaysa, çekilen numunelerin araçlarında o kadar fazla değişkenlik görünecektir, dolayısıyla popülasyon standart sapması arttıkça SEM artar.



Merkezi Limit Teoremi

- Numune araçlarının dağılımı, numunelerin alındığı orijinal popülasyondaki değerlerin dağılımına bakılmaksızın yaklaşık olarak normal olacaktır. • Düşüş olası örnek ortalamalarının toplanmasının ortalama değeri, orijinal popülasyonun ortalamasına eşit olacaktır.
- Ortalamanın standart hatası olarak adlandırılan, belirli bir büyüklükteki numunelerin olası düşüş araçları koleksiyonunun standart sapması, hem orijinal popülasyonun standart sapmasına hem de numunenin boyutuna bağlıdır.



BAU
BAHÇEŞEHİR ÜNİVERSİTESİ

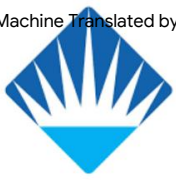
SEM SEM

• Bir kaynaktan alınmış büyük boyutlu örneklerin
genel SEM'i tahmin etmek için kullanılır.

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n}$$

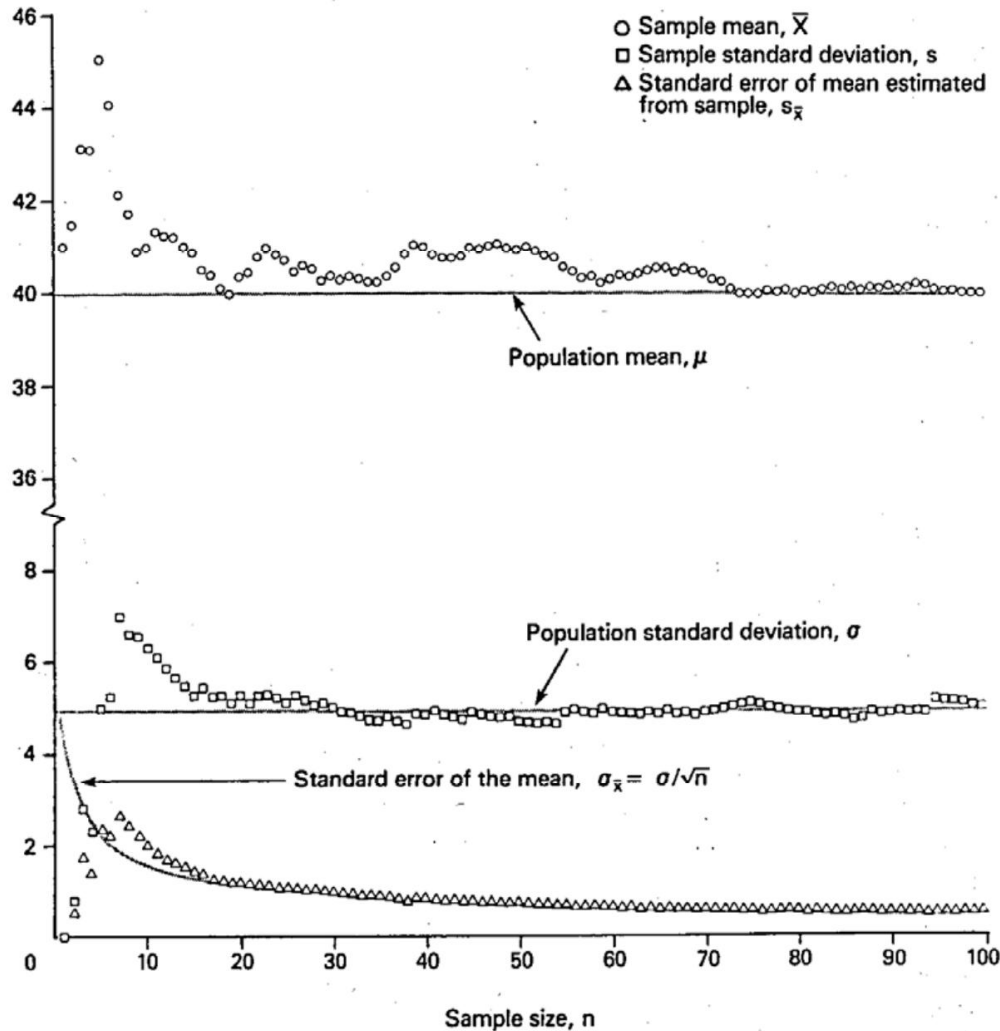
• Tek bir hesaptan sonucu SEM tahmini.
Tek bir numuneden SEM'in en iyi tahmini,
numunedir,

$$s\bar{x} = s_x = \frac{s}{\sqrt{n}}$$

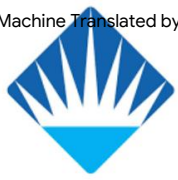


Şekil 2.8

Şekil 2.8



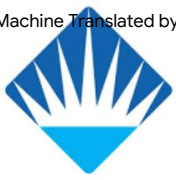
- Numune arasındaki ilişki Ortalama, numune SD'si ve numune SEM'i ve bunların değiştiği.
- popülasyon ve SEM azalır.



Standart sapmaya karşı SEM



- Standart sapma ve SEM farklı şeyleri anlatır.
- SD bize popülasyondaki değişkenliği anlatır.
- SEM bize verilen bir örneklem boyutunu kullanarak ortalamamanın tahminindeki belirsizliği anlatır.
- Okuyucular genellikle verilerle ilgilenir, bu nedenle veriler asla SEM kullanılarak özetlenmemeli, ancak SD kullanılmalıdır.



Özet

- Popülasyon normal bir dağılım izlediğinde, karakterize edin ortalama ve SD'yi kullanıyor.
- Normal olarak dağıtılmıyorsa, medyan ve alt ve üst değerleri kullanın yüzdelikler.
- Ortalamanın standart hatası, tüm popülasyonun bir örneğini kullanarak ortalama popülasyon tahmininin kesinliğini nicelendirir.
- SEM ve standart sapmalar karıştırılmamalı veya birbirinin yerine kullanılmamalıdır.