

LUDWIG-MAXIMILIANS-UNIVERSITÄT MÜNCHEN

MATHEMATISCHES INSTITUT



Sommersemester 2024

Peter Philip,

Paula Reichert, Lukas Emmert

Analysis 2 (Statistik) Präsenzaufgabenblatt 10

Aufgabe 1

Untersuchen Sie die folgenden Funktionen auf lokale Extrema.

(a)
$$f: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$$
, $f(x,y) := xy - 2y^2$;

(b)
$$g: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$$
, $g(x,y) := x^2 - xy + y^2$.

Aufgabe 2

Sei S eine Ebene in \mathbb{R}^3 gegeben durch

$$S := \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : ax + by + cz + d = 0\},\$$

wobei $a, b, c, d \neq 0$. Finden Sie $v \in S$, so dass der euklidische Abstand zwischen (0, 0, 0) und v minimal wird. Ist der Vektor v senkrecht zu der Ebene S?