

LUDWIG-MAXIMILIANS-UNIVERSITÄT MÜNCHEN

**MATHEMATISCHES INSTITUT** 



Sommersemester 2024

Peter Philip,

Paula Reichert, Lukas Emmert

## Analysis 2 (Statistik) Präsenzaufgabenblatt 8

## Aufgabe 1

Sei  $G \subseteq \mathbb{R}^n$  offen und  $\zeta \in G$ . Es sei  $f: G \to \mathbb{R}^m$  eine vektorwertige Funktion. Zeigen Sie, dass f in  $\zeta$  differenzierbar ist genau dann, wenn alle Koordinatenfunktionen von f in  $\zeta$  differenzierbar sind.

## Aufgabe 2

Seien  $f, g: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$  definiert durch

$$f(x,y) = x^2 + y^2$$
,  $g(x,y) = x^2 - y^2$ .

Bestimmen Sie die Richtung  $e \in \mathbb{R}^2$ , so dass die Richtungsableitungen von f und g nach e im Punkt (1,1) beide gleich 2 sind.