

TP2

Intégration numérique

26 septembre 2017

Dans ce TP, on va apprendre quelques méthodes numériques pour calculer, approximativement, l'intégrale d'une fonction sur un intervalle compact (borné, fermé).

1. Création d'une fonction simple et représentation graphique.
 - (a) Ecrire la fonction $f(x) = 1 - x^2$ sous forme d'une fonction python.
 - (b) Représentation graphique sur l'intervalle $[0, 1]$.
 - (c) Calculer, à la main, l'intégrale I de cette fonction sur l'intervalle donné.
2. Calcul approché de I au moyen de la **méthode du point milieu**.
 - (a) Représenter graphiquement f sur papier, repère orthonormé, unité = 8 cm.
 - (b) On définit une subdivision régulière x_0, \dots, x_4 de l'intervalle d'intégration $[0, 1]$ en $n = 4$ parts égales (on a donc $x_0 = 0, x_1 = 0.25, \dots, x_4 = 1$. On note c_1, \dots, c_4 les milieux de ces sous-intervalles. Pour chaque $k = 1, \dots, 4$, dessiner le rectangle de base $[x_{k-1}, x_k]$ et de hauteur $f(c_k)$, et calculer sa surface s_k .
 - (c) La méthode du point milieu consiste à prendre la somme $S_4 = \sum_{i=1}^4 s_k$ comme approximation de I . Calculer l'erreur commise $|S_4 - I|$.
 - (d) Importer le module `time`. Utiliser la fonction `clock()` du module `time` pour mesurer le temps de calcul de votre intégrale.
 - (e) Recommencer les calculs précédents pour $n = 10^k$, k variant de 1 à 6 et remplir le tableau des erreurs et temps de calcul.

n	erreur	temps (sec.)
10		
100		
1000		
10000		
100000		
1000000		