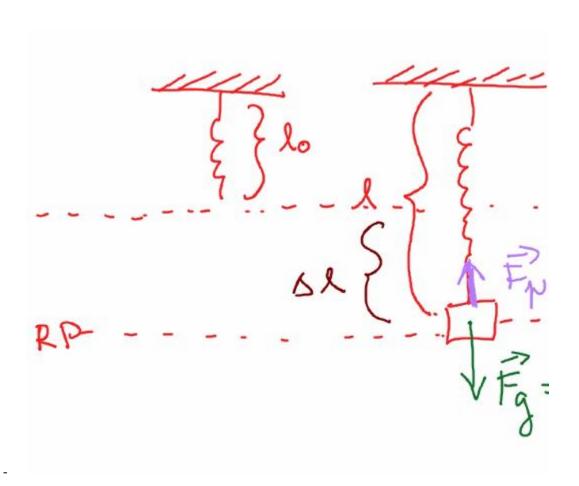
Harmonicky kmitavý pohyb - dokončenie

- Dynamika HKP

Zaoberá sa aká sila HKP spôsobuje



$$- \quad \Delta l = l - l_0$$

-
$$\overrightarrow{F_P}$$
 – sila pružnosti

$$\overrightarrow{F_P} = k * \Delta l$$

- K – tuhosť pružiny (vlastnosti pružiny)

-
$$F_g = m * g$$

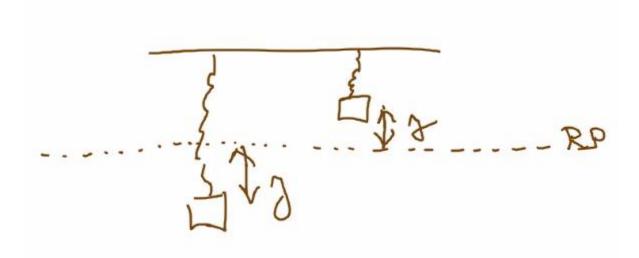
$$\overrightarrow{F_g} = \overrightarrow{F_p}$$

- Rovnako veľké, opačný smer

$$- m * g = k * \Delta l$$

$$- K = \frac{mg}{\Delta l}$$

[N*m⁻¹*kg]



-
$$\vec{F}_{v \circ s l} = \overrightarrow{F_g} + \overrightarrow{F_p}$$
 - Vektorový súčet

$$F_{v \circ s l} = F_g - F_p$$
 - Rozdiel síl $F_{v \circ s l} = mg - k * (\Delta l - y)$

$$F_{v \circ s l} = mg - k * (\Delta l - y)$$

$$F_{v \circ s l} = mg - k\Delta l - ky$$

$$-F_{v\circ sl} = -ky \qquad -\text{smer}$$

Veľkosť F_{výsl}, ktorá spôsobuje HKP je priamoúmerná okamžitej výchylke, ale má v každom okamihu opačný smer ako výchylka y



Energia HKP

- Delí sa na:
 - Kinetickú (Pohybovú)
 - Potenciálnu (Poloha)

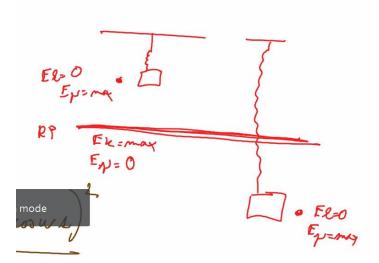
-
$$E_k = \frac{1}{2}m * v^2 = \frac{1}{2}m\left(\frac{y_m \cdot w \cos \omega t}{v^2}\right)^2$$

$$- E_p = m * g * h$$

- HKP
$$E_p$$
 závisí od y

-
$$E-práca \omega$$





$$- \omega = \frac{F_{v\acute{y}sl}*y}{2}$$

$$- \omega = \frac{k*y*y}{2} = \frac{k*y^2}{2} = E_p$$

Doba kmitu

Pružinový oscilátor

Tužinový oscilátor

$$a = \frac{F}{m} \qquad \text{(odvodené z druhej Newtonovej vety)}$$

$$a = \omega^2 * y_m * \sin(\omega * t)$$

$$a = \frac{k*y}{m}$$

$$\omega^2 * y_m = \frac{k*y}{m} \qquad \text{(Berieme že } \sin(\omega * t) \text{ je rovn}$$

$$\omega^2 = \frac{k}{m}$$

$$\omega^2 = \frac{k}{m}$$

$$T^2 = 4\pi * \frac{m}{k}$$

$$T = \sqrt{4\pi^2 * \frac{m}{k}}$$

$$\bullet \quad a = \omega^2 * y_m * \sin(\omega * t)$$

$$\bullet \quad a = \frac{\kappa * y}{m}$$

•
$$\omega^2 * y_m = \frac{k*y}{m}$$
 (Berieme že $\sin(\omega * t)$ je rovný 1)

•
$$\omega^2 = \frac{k}{m}$$

$$- \frac{4\pi^2}{T^2} = \frac{k}{m}$$

$$T^2 = 4\pi * \frac{m}{k}$$

$$T = \sqrt{4\pi^2 * \frac{m}{k}}$$

$$T = 2\pi * \sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$f = \frac{1}{T}$$

$$f = \frac{1}{T}$$

$$f = \frac{1}{2\pi * \sqrt{\frac{m}{k}}}$$

$$f = \frac{1}{2\pi} * \frac{1}{\sqrt{\frac{m}{k}}}$$

$$f = \frac{1}{2\pi} * \frac{1}{\sqrt{\frac{m}{k}}}$$

$$f = \frac{1}{2\pi} * \frac{\sqrt{\frac{m}{k}}}{\frac{m}{k}}$$

$$f = \frac{1}{2\pi} * \frac{\frac{k}{m} * \sqrt{\frac{m}{k}}}{1}$$

$$f = \frac{1}{2\pi} * \frac{\sqrt{\frac{k^2 * m}{m^2 * k}}}{1}$$

$$f = \frac{1}{2\pi} * \frac{\sqrt{\frac{k}{m}}}{1}$$

$$f = \frac{1}{2\pi} * \frac{\sqrt{\frac{k^2}{m^2} * \frac{m}{k}}}{1}$$

$$f = \frac{1}{2\pi} * \frac{\sqrt{\frac{k}{m}}}{1}$$

Dĺžkové kyvadlo

$$T = 2\pi * \sqrt{\frac{l}{g}}$$

Zákon zachovania hmotnosti

- V izolovanej sústave súčet kinetickej a potenciálnej energie je konštantný
- $\circ \quad E_k + E_p = konšt.$

$$\circ \quad \frac{1}{2}m*(\omega*y_m*\cos(\omega*t))^2 + \frac{k*y^2}{2} = \text{konšt.}$$

Kmity

- Tlmené
 - Po určitom čase kmity prestanú existovať
- Netlmené (nútené)
 - Pravidelným dodávaním energie kmity nezanikajú