

ANALYTICKÁ GEOMETRIA LINEÁRNYCH ÚTVAROV

UHLY (ODCHÝLKY) DVOCH ROVÍN, PRIAMKY A ROVINY

1. Dané sú body $A[2,0,5]$; $B[3,-1,3]$; $C[4,-2,0]$; $D[5,2,-1]$; $E[0,0,8]$; $F[6,2,-1]$. Vypočítajte uhol: (D.ú.)

a. rovín ABC, DEJ;

b. priamky BC a roviny ADE.

(Pomôcka: Pre každú rovinu si určte 2 smerové vektory a potom cez vektorový súčin z nich vytvorte normálový vektor roviny.)

2. Vypočítajte uhol dvoch rovín, ktoré sú určené všeobecnými rovnicami

$$\alpha: x + 2y + z - 6 = 0, \quad \beta: x - z - 2y + 1 = 0$$

3. Vypočítajte uhol roviny určenej všeobecnou rovnicou $\alpha: 2x - y + 3z - 4 = 0$ a roviny, ktorá je určená parametricky $\beta: x = 2 - s + 3t, y = -1 + 2s - t, z = 5 + s + t, s, t \in \mathbb{R}$.

4. Vypočítajte odchýlku priamky p od roviny β , ak $p: x = 3 - 2t, y = -5 + 3t, z = 1 + 7t, t \in \mathbb{R}$
a $\beta: 6x - 3y + 3z - 1 = 0$.

5. Vypočítajte veľkosť uhla, ktorý zvierajú roviny α a β , ak $\alpha: 6x - 7y + 8z - 9 = 0$

$$\text{a } \beta: 4x - 3y - 2z + 1 = 0.$$

6. Daná je priamka p a rovina ω . Určte veľkosť uhla, ktorý zvierajú.

$$p: x = 7 - 3t, \quad y = 5 + 2t, \quad z = 1 - t, \quad t \in \mathbb{R}$$

$$\omega: 2x - 3y + z - 9 = 0$$

7. Určte všeobecnú rovnicu roviny α , v ktorej leží priamka p a kolmú na rovinu β .

$$p: x = 1 + 6t, \quad y = -3 - 3t, \quad z = -2 + 3t, \quad \text{kde } t \in \mathbb{R}, \quad \beta: 6x - y + 4z + 7 = 0$$