Výrazy s 2 absolútnymi hodnotami (riešené príklady)

Príklad 3: Uprav nasledujúci výraz tak, aby neobsahoval absolútnu hodnotu

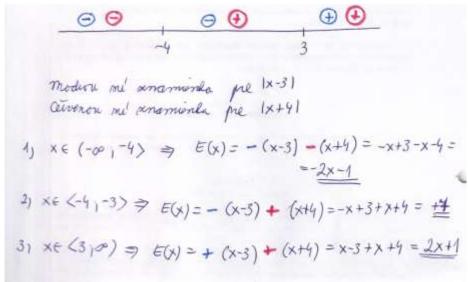
 $\mathbf{E}(\mathbf{x}) = |\mathbf{x} - \mathbf{3}| + |\mathbf{x} + \mathbf{4}|$ (pomôž si číselnou osou, príp. tabuľkou)

Riešenie: Tentokrát mám dve absolútne hodnoty preto budú dva nulové body:

$$x - 3 = 0$$
, t. j. $x = 3$

$$x + 4 = 0$$
, t. j. $x = -4$

Preto sa nám číselná os rozdelí na 3 intervaly:



\boldsymbol{x}	$(-\infty,-4)$	$\langle -4, 3 \rangle$	$\langle 3, \infty \rangle$
x - 3	-(x-3)	-(x-3)	x-3
x+4	-(x+4)	x+4	x+4
E(x)	-2x - 1	7	2x + 1

$$E(x) = |x-3| + |x+4| = \begin{cases} -2x - 1 & \text{pre } x \in (-\infty, -4), \\ 7 & \text{pre } x \in \langle -4, 3 \rangle, \\ 2x + 1 & \text{pre } x \in \langle 3, \infty). \end{cases}$$

<u>Úloha 3:</u> Odstráňte všetky absolútne hodnoty z výrazu a zjednodušte ho (pomôžte si tabuľkou):

a)
$$A(x) = |x + 3| - 2. |x - 5|$$

NB1:
$$x+3=0 \Rightarrow x=-3$$
 NB2: $x-5=0 \Rightarrow x=5$



Х	(-∞, -3)	<-3, 5)	<5, ∞)
x + 3	-x-3	x+3	x+3
x - 5	-x+5	-x+5	x-5
A(x)	-x-3 -2 (-x+5)=-x-3+2x-10=	x+3 -2(-x+5) = x+3+2x-	X+3-2(x-5)=x+3-
	=3x-13	10 = 3x-7	-2x+10 =-x+13

$$A(x) = |x + 3| - 2.|x - 5| = \begin{cases} 3x - 13; & pre \ x \in (-\infty, -3) \\ 3x - 7; & pre \ x \in < -3, 5) \\ -x + 13; & pre \ x \in < 5, \infty) \end{cases}$$

b)
$$B(x) = |3x - 9| + |2x| - 3$$
 (D.ú)

c)
$$C(x) = |x-4| + 3. |x+4|$$

d)
$$D(x) = |2 - x| + |x| + 2x$$

e)
$$E(x) = |5 - x| + 4. |x - 5|$$

f)
$$F(x) = 4x - |x + 7| - |x - 1|$$