

OPERÁCIE S LOMENÝMI VÝRAZMI (riešenia 2)

Sčítovanie a odčítovanie lomených výrazov

Keďže lomený výraz je výraz v tvare zlomku, pre sčítanie (odčítanie) lomených výrazov platia tie isté pravidlá, ako pre sčítanie (odčítanie) zlomkov. Ak sa výraz dá krátiť, tak ho krátime (upravíme na základný tvar). Nezabúdajme stále určiť podmienky riešiteľnosti.

Lomené výrazy s rovnakým menovateľom sčítame (odčítame) tak, že menovateľ a odpíšeme a jednotlivé výrazy v čitateľoch sčítame (odčítame).

Napr.:

$$\frac{2a+b}{3x} + \frac{a-b}{3x} - \frac{a+b}{3x} = \frac{2a+b+a-b-a-b}{3x} = \frac{2a-b}{3x}; 3x \neq 0, x \neq 0$$

Lomené výrazy s rôznymi menovateľmi sčítame (odčítame) tak, že ich najprv upravíme na rovnakého menovateľa, ktorým je najmenší spoločný násobok výrazov v menovateli, čitatele rozšírime a sčítame (odčítame).

Napr.:

$$a) \frac{2x+1}{y} - \frac{3x+2}{2y} = \frac{2 \cdot (2x+1) - (3x+2)}{2y} = \frac{4x+2-3x-2}{2y} = \frac{x}{2y} \quad 2y \neq 0, y \neq 0$$

$$b) \frac{1}{x-1} + \frac{2}{x^2-1} = \frac{1}{x-1} + \frac{2}{(x-1) \cdot (x+1)} = \frac{1 \cdot (x+1) + 2}{(x-1) \cdot (x+1)} = \frac{x+1+2}{(x-1) \cdot (x+1)} = \frac{x+3}{x^2-1} \quad x +$$

$$1 \neq 0, x \neq -1; x-1 \neq 0, x \neq 1;$$

PRÍKLADY NA PRECVIČENIE:

5. Vypočítajte lomené výrazy, zjednodušte ich a určte podmienky riešiteľnosti:

$$a) \frac{6a}{y} + \frac{2+c}{y} - \frac{a+c}{y} = \frac{6a+(2+c)-(a+c)}{y} = \frac{5a+2}{y} \quad \text{P: } y \neq 0$$

$$b) \frac{x+1}{x^2+8x+16} + \frac{3x}{x+4} = \frac{x+1}{(x+4)^2} + \frac{3x}{x+4} = \frac{1 \cdot (x+1) + (x+4) \cdot 3x}{(x+4)^2} = \frac{x+1+3x^2+12x}{(x+4)^2} =$$

$$= \frac{3x^2+12x+1}{(x+4)^2} \quad \text{P: } (x+4)^2 \neq 0 \Rightarrow x+4 \neq 0 \Rightarrow \underline{x \neq -4}$$

$$c) \frac{a+b}{3x-3} - \frac{a-b}{x-1} = \frac{a+b}{3(x-1)} - \frac{a-b}{x-1} = \frac{(a+b)-3(a-b)}{3(x-1)} = \frac{a+b-3a+3b}{3(x-1)} = \frac{-2a+4b}{3(x-1)}$$

$$\text{P: } 3 \cdot (x-1) \neq 0 \Rightarrow x-1 \neq 0 \Rightarrow \underline{x \neq 1}$$

Použité zdroje:

<http://www.goblmat.eu/celok.php?idex=Z924>

http://www-old.gt12.sk/predmety/mat/materialy/tercia/scitanie_odcitanie_lomenych_vyrazov.doc.

OPERÁCIE S LOMENÝMI VÝRAZMI (riešenia 2)

$$d) \frac{2}{p-q} - \frac{4}{p^2-q^2} = \frac{2}{p-q} - \frac{4}{(p-q)(p+q)} = \frac{2(p+q)-4}{(p-q)(p+q)} = \frac{2p+2q-4}{p^2-q^2}$$

$$P: p^2-q^2 \neq 0 \Rightarrow (p-q) \cdot (p+q) \neq 0 \Rightarrow P1: p-q \neq 0 \Rightarrow \underline{p \neq q}$$

$$\Rightarrow P2: p+q \neq 0 \Rightarrow \underline{p \neq -q}$$

$$e) \frac{x}{9x^2-9y^2} + \frac{y}{x+y} = \textcolor{red}{(D.ú.1)}$$

$$f) \frac{7}{8m^2-18} - \frac{1}{2m^2+3m} = \textcolor{red}{(D.ú.1)}$$

$$g) \frac{5}{a+2} + \frac{2a}{a^2+4a+4} - \frac{4}{a-2} = \frac{5}{a+2} + \frac{2a}{(a+2)^2} - \frac{4}{a-2} =$$

$$\frac{5(a+2)(a-2)+2a(a-2)-4(a+2)^2}{(a+2)^2(a-2)} = \frac{5(a^2-4)+2a^2-4a-4(a^2+2a+4)}{(a+2)^2(a-2)} = \frac{3a^2-20a-36}{(a+2)^2(a-2)}$$

$$P1: a+2 \neq 0 \quad P2: a-2 \neq 0 \Rightarrow P1: \underline{a \neq -2} \quad P2: \underline{a \neq 2}$$

$$h) \frac{3}{a+2} + \frac{a+1}{a^2-9} + \frac{a-1}{(a-3) \cdot (a+2)} = \frac{3}{a+2} + \frac{a+1}{(a-3)(a+3)} + \frac{a-1}{(a-3) \cdot (a+2)} =$$

$$= \frac{3 \cdot (a-3)(a+3) + (a+1)(a+2) + (a-1)(a+3)}{(a-3)(a+3)(a+2)}$$

$$= \frac{3 \cdot (a^2-9) + (a^2+3a+2) + (a^2+2a-3)}{(a-3)(a+3)(a+2)} =$$

$$= \frac{5a^2+5a-28}{(a-3)(a+3)(a+2)} \quad \underline{P1: a \neq -2 \quad P2: a \neq 3 \quad P2: a \neq -3}$$

$$\text{Pomôcka: } \frac{3}{2} + \frac{a+1}{5.7} + \frac{a-1}{5.2} = \frac{a+1}{5.7.2}$$

Použité zdroje:

<http://www.goblmat.eu/celok.php?idex=Z924>

http://www-old.gt12.sk/predmety/mat/materialy/tercia/scitanie_odcitanie_lomenych_vyrazov.doc.

OPERÁCIE S LOMENÝMI VÝRAZMI (riešenia 2)

$$\text{i)} \quad \frac{a-b}{5a+5b} - \frac{a^2+b^2}{a^2-b^2} = \text{(D.ú. 2)}$$

$$\text{j)} \quad \frac{2a-1}{2a} - \frac{2a}{2a-1} - \frac{1}{2a-4a^2} = \text{(D.ú. 2)}$$

$$\text{k)} \quad \frac{5x^2-2x-1}{x^2 y} + \frac{3x-2}{xy} = \text{(D.ú. 2)}$$

$$\text{m)} \quad \frac{r+s}{r} - \frac{s}{r-s} + \frac{rs}{r^2-rs} = \text{(D.ú. 2)}$$

$$\text{l)} \quad \frac{a}{a^2-25} + \frac{a-2}{5-a} - \frac{a-3}{a+5} =$$

$$\text{n)} \quad \frac{a}{bc} - \frac{b}{ac} + \frac{c}{ab} =$$

$$\text{m)} \quad \frac{n+1}{n} - \frac{n^2}{n^2-n} + \frac{1}{2n-2} =$$

Použité zdroje:

<http://www.goblmat.eu/celok.php?idex=Z924>

http://www-old.gt12.sk/predmety/mat/materialy/tercia/scitanie_odcitanie_lomenych_vyrazov.doc.