Vzájomné polohy lineárnych útvarov - OPAKOVANIE

Domáca úloha: Z každého z týchto príkladov si vyberte minimálne 3 ľubovoľné úlohy (dohromady teda 3 . 3 = 9 úloh) a vypočítajte do zošita. Kontrolovať budem hlavne postupy.

Výsledky si môžete porovnať na

https://www.priklady.com/cs_new/index.php/analyticka-geometrie/vzajemna-poloha-vzdalenosti-a-odchylky-bodu-primek-a-rovin

Určite vzájomnú polohu priamok, vypočítajte uhol medzi nimi a určte priesečník (ak existuje):

e)

a)
$$p: 2x - y + 3 = 0$$

 $q: 3x - 4y + 5 = 0$

$$q: \{x = 1 + s; y = s; z = 5 + s\}$$

b)
$$p: x+5y+9=0$$

 $q: 2x-3y+1=0$

f)
$$p: \{x = 10 + 10t; y = 2 + 2t; z = 11 + 11t\}$$

 $q: \{x = 1 + 3s; y = -2 + 12s; z = 4s\}$

 $p: \{x = 2 - t; y = 1 + t; z = -2 - t\}$

c)
$$p: \{x = 1 + 4t; y = -t\}$$

 $q: \{x = 3 - 12s; y = -2 + 3s\}$

g)
$$p: \{x = 1 - t; y = 2 + t; z = -6 - 2t\}$$

 $q: \{x = 4 + s; y = -1 - s; z = 2s\}$

d)
$$p: \{x = 6 + 5t; y = 3 - 9t\}$$

 $q: \{x = 11 - 10s; y = -6 + 18s\}$

h)
$$p: \{x = 3 - t; y = -2 + 2t; z = 3t\}$$

 $q: \{x = 2 + s; y = 1 - s; z = 9 + 3s\}$

Určite vzájomnú polohu priamky a roviny, vypočítajte uhol medzi nimi a určte priesečník (ak existuje):

a)
$$p = AB, A[3;-1;4], B[4;-1;2]$$

$$\beta$$
: $2x - y + 3z - 7 = 0$

e)
$$p: \{x = -1 + 2t; y = 3 + 4t; z = 3t\}$$

$$\beta$$
: $3x - 3y + 2z - 5 = 0$

b)
$$p = CD, C[13;1;4], D[11;-2;2]$$

$$\beta$$
: $x+2y-4z+1=0$

f)
$$p: \{x = 7 + 5t; y = 4 + t; z = 5 + 4t\}$$

$$\beta$$
: $3x - y + 2z - 5 = 0$

c)
$$p = MN, M[-6;-5;8], N[1;7;-2]$$

$$\beta$$
: $\{x = -16 + t; y = t - 2s; z = 2t - 3s\}$

g)
$$p: \{x = t; y = 2 + t; z = 0\}$$

$$\beta$$
: $\{x = 4 + t + 3s; y = t + 2s; z = -8 - 2s\}$

d)
$$p = XY, X[2;1;3], Y[0;5;5]$$

$$\beta$$
: $\{x = 1 + 4t - s; y = 2t - s; z = 1 - 3t + s\}$

h)
$$p: \{x = 2 - t; y = -5 + 3t; z = 7 + 2t\}$$

$$\beta$$
: $\{x = t; y = -7 + t + 3s; z = t + s\}$

Určite vzájomnú polohu rovín, vypočítajte uhol medzi nimi a určite priesečník (ak existuje):

a)
$$\alpha: 2x - 5y + 4z - 10 = 0$$

$$\beta$$
: $x-y-z-2=0$

b)
$$\alpha: 2x - y + 2z - 6 = 0$$

$$\beta$$
: $3x + 4y - z + 2 = 0$

c)
$$\alpha: x + 3y - 5z - 1 = 0$$

$$\beta$$
: $5x + 3y + z + 4 = 0$

$$\mathbf{d}) \qquad \alpha: \ 2x + y - z + 1 = 0$$

$$\beta$$
: $x - y + z = 0$

e)
$$\alpha = ABC, A[1;-2;-2], B[2;-1;1], C[5;-1;2]$$

$$\beta = XYZ, X[-3;-1;6], Y[8;-3;2], Z[-6;1;5]$$

f)
$$\alpha = ABC, A[0;-1;0], B[2;3;7], C[-4;0;-1]$$

$$\beta$$
: { $x = 1 + t + s$; $y = 2 - t + 2s$; $z = 2t - 3s$ }

g)
$$\alpha: \{x = t + s; y = t - 2s; z = 2 - 2t - s\}$$

$$\beta$$
: $\{x = 1 - t + 2s; y = 2 + 2t - 5s; z = 7 - s\}$

h)
$$\alpha : \{x = 1 + t + s; y = t - s; z = s\}$$

$$\beta: x - y - 2z - 1 = 0$$