Exponenciálne rovnice

Čo je exponenciálna rovnica

» Exponenciálna rovnica je rovnica, v ktorej premenná (resp. neznáma) sa objavuje ako exponent (resp. je v exponente).

1. Spôsob riešenia – Úprava na rovnaké základy

$$\implies \forall x_1, x_2 \in R; \ a^{x_1} = a^{x_2} \implies x_1 = x_2$$

» Ak sa rovnajú základy výrazov na oboch stranách rovnice, tak sa rovnajú aj exponenty.

Napr.: Riešte danú rovnicu v R

$$5^x = 625$$

$$5^x = 5^4$$



$$x = 4$$

$$\boldsymbol{K}_{(\boldsymbol{x})} = \{\mathbf{4}\}$$

$$625 = 5.125 = 5.5.25 =$$

= 5.5.5.5 = 5⁴

$$625 = 5^4$$

Vyriešte dané rovnice v R

1.
$$2^x = \frac{1}{64}$$

5.
$$25^z = \frac{1}{5^4}$$

2.
$$2^x = 0, 5$$

6.
$$3^{v^2-5v+6}=1$$

3.
$$3^{x-1} = 1$$

7.
$$\mathbf{0}, \mathbf{01}^p = \sqrt[3]{\mathbf{10}^6}$$

4.
$$4^{(x+3)(2-5x)} = 1$$

8.
$$4^{\sqrt{x+1}} = 64.2^{\sqrt{x+1}}$$

2. Spôsob riešenia – Substitúcia

» Pri substitúcii nahradím exponenciálny výraz novou premennou "y" (exponenciálna rovnica sa zmení na iný typ rovnice).

$$\implies$$
 Substitúcia: $y = a^x$

Napr.: Riešte danú rovnicu v R

$$2^{2x} - 3 \cdot 2^x + 2 = 0$$
 /Subst.: $y = 2^x$ Preto:
 $y^2 - 3 \cdot y + 2 = 0$ $2^{2x} = (2^x)^2 = (y)^2$
 $(y - 2) \cdot (y - 1) = 0$ $2 = 2^x$
 $(y - 2) = 0 \Rightarrow y_1 = 2$ $x = 1$
 $(y - 1) = 0 \Rightarrow y_2 = 1$ $x = 1$
 $1 = 2^x$
 $2^0 = 2^x$
 $x = 0$