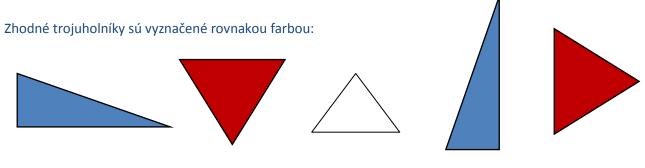


Kedy sú trojuholníky zhodné?

- Vtedy, keď majú navzájom rovnaké dĺžky všetkých strán a veľkosti všetkých uhlov.
- Keby sme zhodné trojuholníky priložili na seba, tak sa presne kryjú.



Vety o zhodnosti trojuholníkov

Poznáme 3 vety o zhodnosti trojuholníkov. Slúžia nám na uľahčenie skúmania toho, či sú trojuholníky rovnaké: veta sss

> veta sus veta usu

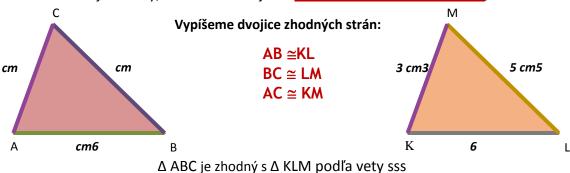
Zhodný znamená v geometrii rovnaký.

Znak zhodnosti: "rovná sa s vlnovkou"



1. VETA sss

dva trojuholníky, ktoré sa zhodujú vo všetkých troch stranách (sss), sú ZHODNÉ



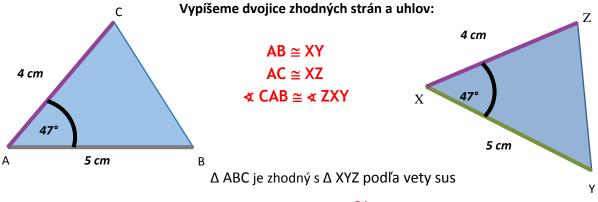
Zapisujeme: \triangle ABC \cong Δ KLM (sss)

Ak by sme prekryli \triangle ABC s \triangle KLM, bod A sa prekryje s bodom K, bod B s bodom L a bod C s bodom M, preto zápis poradia bodov v zhodných trojuholníkov nie je náhodný a musí byť presne takto:

 \triangle ABC \cong \triangle KLM, nemôžeme to zapísať takto: \triangle ABC \cong \triangle KML, alebo \triangle MKL a pod.

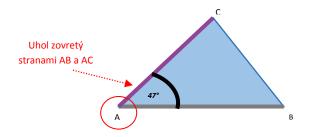
2. VETA sus

 dva trojuholníky, ktoré sa zhodujú v dvoch stranách a uhle nimi zovretom (sus), sú ZHODNÉ



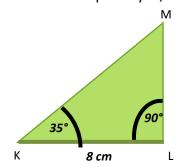
Zapisujeme: \triangle ABC \cong \triangle XYZ (sus)

Uhol zovretý stranami je ten, ktorý je pri spoločnom vrchole strán. Napr.: V Δ ABC sú známe strany AB a AC. Ich spoločný vrchol je teda bod A a preto uhol nimi zovretý je uhol pri vrchole A..V Δ XYZ je uhol zovretý stranami XZ a XY uhol pri vrchole X, pretože vrchol X je pre tieto dve strany spoločný



3. VETA usu

 dva trojuholníky, ktoré sa zhodujú v <u>jednej strane a dvoch uhloch</u> (usu) k nej priľahlých, sú ZHODNÉ



Vypíšeme dvojice zhodných uhlov a strán:

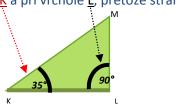


Q

Δ KLM je zhodný s Δ PQR podľa vety usu

Zapisujeme: Δ KLM \cong Δ PQR (usu)

Strana, ku ktorej je uhol priľahlý tvorí rameno danému uhla. Napr.: V Δ KLM je ku strane KL priľahlý uhol pri vrchole \underline{K} a pri vrchole \underline{L} , pretože strana KL je ramenom oboch uhlov.

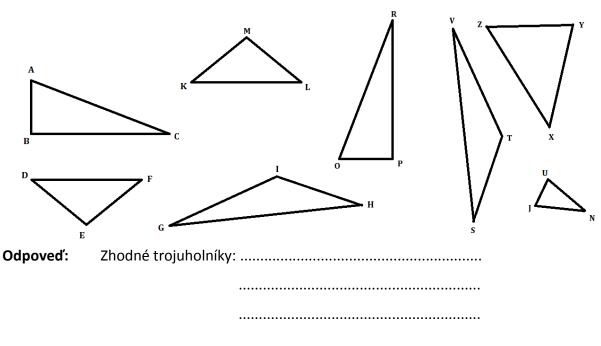


Domáca úloha K14:

Zhodnosť trojuholníkov

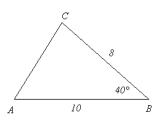


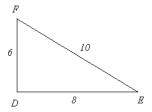
1. Odhadom (podľa tvaru) nájdi zhodné trojuholníky a vypíš ich:

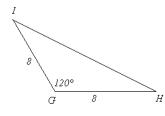


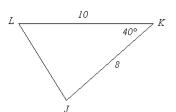
- 2. Podľa viet sss, sus alebo usu, nájdi zhodné trojuholníky.
 - Vypíš dvojice zhodných strán, alebo uhlov a potom zapíš zhodnosť trojuholníkov.
 - Ak je potrebné, dopočítajte tretí uhol (súčet uhlov v trojuholníku je 180°).
 - Sú to len náčrty, preto zhodnosť neposudzujte podľa vzhľadu trojuholníkov, ale len podľa údajov veľkosti strán a uhlov.

a.









Odpoveď: Zhodné strany alebo uhly:	
. ,	
Zhodné trojuholníky:	



b. 8 cm 6,3 cm 70 mm 5 cm Odpoveď: Zhodné strany alebo uhly: Zhodné trojuholníky: c. 40mm K 70mm 35 Odpoveď: Zhodné strany alebo uhly: Zhodné trojuholníky: d. Odpoveď: Zhodné strany alebo uhly: Zhodné trojuholníky:

