## Test MATEMATIKA II Skalárny a vektorový súčin

Riešte nasledujúce úlohy. Test spustíte stlačením tlačidla "Začiatok testu", potom zodpovedajte všetky úlohy a ukončite stlačením tlačidla "Koniec testu".

Stlačením tlačidla "Oprav test" sa v teste vyznačia správne odpovede. V úlohách, v ktorých je potrebné dopísať odpoveď získate správnu odpoveď stlačením tlačidla "Správna odpoveď". Správa sa zobrazí v poslednom riadku testu v okne "Zobrazenie správneho výsledku".

Odpovedajte na nasledujúce otázky:

- 1. Výsledkom skalárneho súčin dvoch vektorov je (uveďte slovne a bez diakritiky)
- 2. Ak je skalárny súčin dvoch nenulových vektorov rovný nule, tak tieto vektory sú navzájom (uveďte slovne a bez diakritiky)
- 3. Ak  $\vec{a} = (a_1, a_2, a_3)$  a  $\vec{b} = (b_1, b_2, b_3)$ , tak skalárny súčin  $\vec{a} \cdot \vec{b}$  vektorov  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$  vypočítame podľa vzťahu  $\vec{a} \cdot \vec{b} = (a_1 + b_1, a_2 + b_2, a_3 + b_3)$  $\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 + b_1 + a_2 + b_2 + a_3 + b_3$

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = (a_1b_1, a_2b_2, a_3b_3)$$
  $\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1b_1 + a_2b_2 + a_3b_3$ 

**4.** Ak  $\varphi$ ,  $0 \le \varphi \le \pi$ , je uhol vektorov  $\vec{a}$  a  $\vec{b}$ , tak skalárny súčin  $\vec{a} \cdot \vec{b}$  vektorov  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$  vypočítame podľa

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| + |\vec{b}| + \varphi \qquad \qquad \vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos \varphi$$

$$ec{a} \cdot ec{b} = |ec{a}| \cdot |ec{b}| \cdot |arphi|$$

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \varphi$$

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = |\,\vec{a}\,|\, \cdot |\,\vec{b}\,|$$

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \sin \varphi$$

**5.** Nech 
$$\vec{a} = (1, -2, 3), \vec{b} = (7, 2, 4)$$
. Potom  $\vec{a} \cdot \vec{b} = (7, 2, 4)$ 

- 6. Výsledkom vektorového súčinu dvoch vektorov je (uveď te slovne a bez diakritiky)
- 7. Ak je vektorový súčin dvoch nenulových vektorov rovný nulovému vektoru, tak tieto vektory sú navzájom (uveď te slovne a bez diakritiky)
- 8. Ak  $\varphi$ ,  $0 \le \varphi \le \pi$ , je uhol vektorov  $\vec{a}$  a  $\vec{b}$ , tak veľkosť vektorového súčin  $\vec{a} \times \vec{b}$  vektorov  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$  vypočítame podľa vzťahu

$$|\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \varphi$$

$$|\vec{a} imes \vec{b}| = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}|$$

$$|\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos \varphi$$

$$|\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot |\varphi|$$

$$|\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot |\varphi| \qquad \qquad |\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \sin \varphi \qquad \qquad |\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}| + |\vec{b}| + \varphi$$

$$|\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}| + |\vec{b}| + \varphi$$

9. Vektorovým súčinom  $\vec{a} \times \vec{b}$  vektorov  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$  (v tomto poradí) nazývame vektor  $\vec{a} \times \vec{b}$ , pre ktorý platí (vyberte všetky správne odpovede)

$$|\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos \varphi$$

vektory  $\vec{a},\,\vec{b},\,\vec{a}\times\vec{b}$ sú kladne orientované

$$\vec{a} \times \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \sin \varphi$$

vektor  $\vec{a} \times \vec{b}$  je kolmý na vektory  $\vec{a}, \vec{b}$ 

$$|\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \sin \varphi$$

$$\vec{a} \times \vec{b} = a_1 b_1 + a_2 b_2 + a_3 b_3$$

Pozn.:  $\varphi$  je uhol vektorov  $\vec{a}$  a  $\vec{b}$ .

10. Nech  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$ ,  $\vec{c}$  sú vektory. Vyberte všetky správne odpovede.

$$\vec{a} \times \vec{a} = 0$$

$$\vec{a} \times \vec{a} = \vec{0}$$

$$\vec{a} \times \vec{b} = \vec{b} \times \vec{a}$$

$$\vec{0} \times \vec{a} = 0$$

$$\vec{0} \times \vec{a} = \vec{0}$$

$$\vec{a} \times \vec{b} = -(\vec{b} \times \vec{a})$$

**11.** Nech  $\vec{a} = (1, -2, 3), \vec{b} = (7, 2, 4)$ . Potom  $\vec{a} \times \vec{b} = ($ , , , )

**12.** Nech  $\vec{a} = (3, 4, 2), \vec{b} = (6, 8, 4)$ . Potom  $\vec{a} \times \vec{b} = (6, 8, 4)$ .

**13.** Nech  $\vec{a} = (-1, 2, 3), \vec{b} = (2, 1, 1)$ . Potom  $\vec{a} \times \vec{b} = ($ , , ).

**14.** Nech  $\vec{a} = (-1, 2, 3)$ ,  $\vec{b} = (2, 1, 1)$ . Potom  $|\vec{a} \times \vec{b}| = (odmocninu \ p\'ište \ v \ tvare \ \operatorname{sqrt}(a))$ 

**15.** Obsah trojuholníka ABC, ak A=[1,1,1], B=[3,2,5] a C=[4,7,-1] je  $(odmocninu\ píšte\ v\ tvare\ sqrt(a),\ zlomok\ v\ tvare\ a/b)$ 

Počet správne zodpovedaných otázok:

Získané body:

Percento úspešnosti:

Známka:

Zobrazenie správneho výsledku: