Metodický list z matematiky pre rodičov

Ročník: 8. ročník ZŠ

Učivo: Pravdepodobnosť

Teória:

Istá udalosť je udalosť (jav), ktorá/ktorý nastane za každých podmienok.

Napríklad: Posledný deň v roku bude mať meniny Silvester.

Možná udalosť je udalosť (jav), ktorá/ktorý nastane za niektorých podmienok.

Napríklad: Cez zimné prázdniny bude snežiť.

Nemožná udalosť je udalosť (jav), ktorá/ktorý nenastane za žiadnych podmienok.

Napríklad: Trojuholník *ABC* bude mať dva vnútorné uhly pravé.

Absolútna početnosť je číslo, ktoré vyjadruje počet prvkov s rovnakou vlastnosťou.

Napríklad: desať chlapcov.

Relatívna početnosť je číslo, ktoré vyjadruje, aká časť z celkového počtu prvkov má sledovanú vlastnosť. Zvykne sa uvádzať aj v percentách.

Napríklad: $\frac{4}{20} = 20$ % chlapcov

Pravdepodobnosť javu A je pomer počtu priaznivých výsledkov (m) javu A k počtu všetkých možných výsledkov (n) javu A.

Pravdepodobnosť javu A označujeme P(A).

Platí, že
$$P(A) = \frac{m}{n}$$

Pravdepodobnosť istej udalosti je 1 čiže 100 %.

Pravdepodobnosť nemožnej udalosti je 0 čiže 0 %.

Pre pravdepodobnosť ľubovoľnej udalosti platí: $0 \le P \le 1$ čiže $0 \% \le P \le 100 \%$.

Súčet pravdepodobností dvoch navzájom opačných javov je 100 %.

Úloha 1

Zadanie: Hádžeme jednou hracou kockou. Vypočítajte pravdepodobnosť, že padne nepárne číslo.

Riešenie:

Použijeme vzťah pre výpočet pravdepodobnosti:
$$P(A) = \frac{m}{n} = \frac{počet\ priaznivých\ možnosti}{počet\ všetkých\ možnosti} = \frac{padne\ 1,3\ alebo\ 5}{padne\ 1,2,3,4,5,6} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} = 0,5 = 50\ \%$$

Úloha 2

Zadanie: Aká je pravdepodobnosť, že si z balíčka sedmových kariet vytiahneme kráľa?

Riešenie:

Použijeme vzťah pre výpočet pravdepodobnosti:
$$P(A) = \frac{m}{n} = \frac{počet\ priaznivých\ možnosti}{počet\ všetkých\ možnosti} = \frac{vytiahneme\ niektorého\ kráľa}{hociktorá\ karta} = \frac{4}{32} = \frac{1}{8} = 0,125 = 12,5\ \%$$

Úloha 3

Zadanie: Hádžeme 1-eurovou mincou. Určte pravdepodobnosť, že padne číslo.

Riešenie:

Použijeme vzťah pre výpočet pravdepodobnosti:
$$P(A) = \frac{m}{n} = \frac{počet\ priaznivých\ možnosti}{počet\ všetkých\ možnosti} = \frac{1}{2} = 0,5 = 50\ \%$$

Úloha 4

Zadanie: Hodíme naraz 1-eurovou a 2-eurovou mincou. Vyjadrite pravdepodobnosť, že padne číslo iba na jednej z mincí.

Riešenie:

Keďže mince vieme rozlíšiť, pri hode môžu nastať tieto 4 možnosti: padne znak-znak, znak-číslo, číslo-znak, číslo-číslo. Vidíme, že z týchto možností sú dve priaznivé.

Použijeme vzťah pre výpočet pravdepodobnosti:
$$P(A) = \frac{m}{n} = \frac{počet\ priaznivých\ možnosti}{počet\ všetkých\ možnosti} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} = 0,5 = 50\ \%$$

Úloha 5

Zadanie: V tombole je 250 lístkov. Monika si kúpila 10 z nich.

- a) Aká je pravdepodobnosť, že niečo vyhrá?
- b) Napíšte opačný jav k javu a) a určte jeho pravdepodobnosť.

Riešenie:

a) Použijeme vzťah pre výpočet pravdepodobnosti:
$$P(A) = \frac{m}{n} = \frac{počet\ priaznivých\ možnosti}{počet\ všetkých\ možnosti} = \frac{10}{250} = \frac{1}{25} = 0,04 = 4\%$$

b) opačný jav k javu a) je: Monika v tombole nevyhrá nič.

Použijeme vzťah pre výpočet pravdepodobnosti:
$$P(A) = \frac{m}{n} = \frac{počet\ priaznivých\ možnosti}{počet\ všetkých\ možnosti} = \frac{250-10}{250} = \frac{240}{250} = 0.96 = 96\%$$

Vidíme, že 4 % + 96 % = 100 % čiže naozaj súčet pravdepodobností dvoch navzájom opačných javov je 100 %.