Výroky - opakovanie

1. Rozhodnite, ktoré z viet sú výroky:

- Číslo 7 nie je prvočíslo. a)
- b) Máme doma motyku?
- c) Sadni si!
- d) Dnes máme ťažký deň.

Na Slovensku sa znovu zavedie nová mena. e)

- Stredoškolská matematika.
- g) V triede je 10 žiakov, ktorí majú nad 180 cm.
- Kto je prezidentom Ameriky?

2. Utvorte negácie výrokov o počte:

- Žiadny žiak 1. A nenosí okuliare.
- Práve dvaja z nás pôjdu v sobotu do kina. b)
- V autobuse bolo najviac 10 cestujúcich. c)
- Na prednáške bolo aspoň 7 študentov. d)
- e) Prečítal som najviac 9 strán z tejto knihy.
- f) Každý trojuholník je pravouhlý.
- Niektorí žiaci nosia okuliare. g)
- Existuje pravouholník, ktorého susedné strany h) sú zhodné.

- Najviac traja žiaci sú neprezutí.
- Aspoň jedno prvočíslo je párne. j)
- Písomku nepísali 5 žiaci. k)
- I) Existuje párne prvočíslo.
- m) Všetky prvočísla sú párne.
- Niekto prišiel.
- $\forall x \in \mathbb{N}: x + 1 \leq 5$
- $\exists x \in R; x^2 4x > 0$

3. Určte pravdivostné hodnoty zložených výrokov ak viete, že: A...0; B...0; C...1; D...1; E...1.

a)
$$C \vee A'$$
 b) $D \Rightarrow B'$ c) $B' \Leftrightarrow D$ d) $E \Rightarrow A'$ e) $E \vee (C' \Rightarrow D)$ f) $[(C \wedge B) \Leftrightarrow (A' \Rightarrow D)]$

g)
$$B' \wedge A$$
 h) $C \Rightarrow A'$ i) $B' \vee B$ j) $E \Leftrightarrow A'$ k) $E \vee (C' \Leftrightarrow D)$ l) $[(C \vee B) \Rightarrow (A' \Leftrightarrow D)]$

4. Znegujte zložené výroky:

- a) Máme pivo a minerálky.
- b) Osviežim sa čajom alebo kávou.
- c) Ak bude na obed bravčové mäso, budem piť pivo.
- d) Nie som hladný a nie som smädný.

- e) Nie som hladný, som smädný.
- f) Ak dostanem čerstvé ovocie, nekúpim kompót.
- g) Grapefruity kúpim len vtedy, ak nebudú citróny

5. Utvorte negácie výrokov:

- a) Aspoň traja žiaci vyriešili úlohu.
- b) Najviac päť výrobkov nespĺňa podmienky kvality.
- c) Kvadratická rovnica má práve dva korene.
- d) Všetky násobky čísla osem sú párne čísla.
- e) Niektoré násobky čísla 7 sú násobkami čísla 5.
- f) Dá sa zostrojiť trojuholník, ktorý má päť zo šiestich úsečiek (strán a uhlopriečok) zhodných.
- g) Ktorýkoľvek troj. má súčet ťažníc > než súčet strán.
- h) Ani jeden koreň rovnice (x + 1).(x 6) = 0 nie je kladné číslo.
- j) Všetky prirodzené čísla sú väčšie ako jedna.
- k) Číslo osem má aspoň tri delitele.
- I) Ak je číslo štyri párne, potom je aj číslo sedem párne.
- n) Knihu si kúpim práve vtedy, keď pôjdem do mesta.
- o) Trojuholník ABC je pravouhlý alebo ostrouhlý.

6. Určite druh zloženého výroku a znegujte ho:

- Mám peniaze a nemám bicykel
- Pôjdem do kina alebo do divadla.

- c) Ak bude pekne, potom pôjdem do kina.
- d) Do divadla pôjdem vtedy, ak nebude pršať.

7. Určite pravdivostnú hodnotu výroku.

Nech a, b, c sú ľubovoľné prirodzené čísla. Ktoré z nasledujúcich tvrdení je nepravdivé? (a/b...číslo a delí číslo b)

- a) Ak $a \mid b$ a zároveň $b \mid c$, tak aj $a \mid c$.
- b) Ak $a \mid (b + c)$ a zároveň $a \mid b$, tak aj $a \mid c$.
- c) Ak $a \mid b$ a zároveň $a \mid c$, tak aj $a \mid (2b + c)$.

- d) Ak $a \mid b$ a zároveň $b \mid a$, tak sa a = b.
- e)Ak $a \mid (b \cdot c)$ a zároveň $a \mid b$, tak aj $a \mid c$.

8. Rozhodnite, či platia nasledujúce vety:

- a) Každé číslo deliteľné štyrmi je deliteľné aj ôsmimi.
- b) Každé číslo deliteľné ôsmimi je deliteľné aj štyrmi.
- c) Každé číslo deliteľné 8 je deliteľné štyrmi aj dvoma.
- d) Každé číslo deliteľné 2 a 4 je deliteľné ôsmimi.
- e) Každé číslo, ktoré je deliteľné 3, je deliteľné aj 9.
- f) Každé číslo, ktoré je deliteľné 9, je deliteľné aj 3.

9. Rozhodni o pravdivosti zložených výrokov:

- A) 5 je nepárne číslo a 8 delí 2.
- B) 3+7=10 a súčasne v pravouhlom trojuholníku platí Pytagorova veta.
- C) Nitra je rieka a aj mesto.
- D) Bratislava je mesto a aj rieka.
- E) Ak je cif. súčet deliteľný 5, tak je číslo deliteľné 5.
- F) Ak je cif. súčet deliteľný 3, tak je číslo deliteľné 3.
- G) 14 je nepárne číslo práve vtedy, ak 5 je párne číslo.
- H) Vianoce sú práve vtedy, ak je december.
- I) Vianoce sú práve vtedy, ak je 24. december.
- J) Ak je 13 prvočíslo, tak 3+13 je prvočíslo.
- K) 5 | 182 => 12 | 876
- L) Číslo 27 je deliteľné 2 alebo 3.
- M) Číslo 73 je párne a číslo 221 je zložené.

10. Určite druh zložitejších zložených výrokov, napíšte zložený výrok symbolicky, symbolicky ho znegujte a potom napíšte negovaný zložený výrok :

- a) Príde Peter a Karol alebo Táňa.
- b) Mám chrípku alebo angínu a vysokú teplotu.

11. Utvor obrátenú a obmenenú implikáciu:

- a) Ak nemám povinnosti, čítam knihu.
- b) Ak napadne sneh, nepôjdem autom.
- c) Ak som hladný, jem ovocie.
- d) Ak je číslo deliteľné 9, tak je deliteľné aj 3.

12. Rozhodni, či je daný zložený výrok tautológia:

- a) $(A \wedge B') \ll A'$
- b) $(A' \lor B) <=> B'$
- 13. Peter povedal: "Ak dopoludnia napíšem dobre písomku z matiky, večer pôjdem na hokej." Sú 4 možnosti. V ktorých prípadoch dodržal Peter slovo?
- 14. Martin povedal: " Ak bude pekne a stretneme sa, tak si zahráme futbal alebo hokej." Martin nedodržal slovo, čo sa stalo?

15. Niekto z podozrivých A, B, C v galérii odcudzil obraz. Traja svedkovia udalosti pravdivo vypovedali toto:

- a) Podozrivý C bol v galérii práve vtedy, keď tam nebol ani jeden z dvojice A,B.
- b) V galérii nebol podozrivý C alebo nebola pravda, že tam bol aspoň jeden z dvojice A, C.
- c) Ak nie je pravda, že v galérii bol podozrivý A zároveň s B, potom tam bol podozrivý C.