Častejšie pripisovanie úrokov

Pri riešení úloh finančnej matematiky na zložené úrokovanie sa stretneme s tým, že niekedy banky pripisujú úroky častejšie ako len raz na konci roka (napr. polročne, štvrťročne, mesačne a pod.). V tom prípade už po takomto období pripísané úroky začnú byť "úrokované" (napr. po polroku) a začínajú skôr "zarábať" nové peniaze. Ak použijeme naše známe označenie premenných.

- S (K) = počiatočná suma = vklad = kapitál = istina = základ = 100%
- **p** = ročná úroková miera za rok (p.a.) = **počet percent**
- **t** = úrokovacia doba (vyjadrená ako v pomere k celému roku)
- **n** = počet opakovania úrokovacej doby (napr. počet polrokov, štvrťrokov, atď.)
- $S_n = \text{suma na účte po uplynutí n úrokovacích dôb}$

Potom vieme vyjadriť vzorcom celkovú sumu na účtu po n-násobnom uplynutí úrokovacej doby v tvare:

$$S_n = S. \left(1 + \frac{p}{100}.t\right)^n$$

Pr. 1: Ak úrokovacie obdobie je štvrťrok a zaujíma nás koľko budeme mať na účte po 2 rokoch (t.j. po uplynutí 8 štvrťrokov), použijeme vzorec:

$$=> S_8 = S.\left(1 + \frac{p}{100}.\frac{1}{4}\right)^8$$

Pr. 2: Ak úrokovacie obdobie je mesiac a zaujíma nás koľko budeme mať na účte po roku (t.j. po uplynutí 6 mesiacov), použijeme vzorec:

$$=> S_6 = S. \left(1 + \frac{p}{100} \cdot \frac{1}{12}\right)^6$$

Pr. 3: Ak úrokovacie obdobie je deň a zaujíma nás koľko budeme mať na účte po mesiaci (t.j. po uplynutí 30 dňoch), použijeme vzorec:

$$=> S_{30} = S. \left(1 + \frac{p}{100} \cdot \frac{1}{360}\right)^{30}$$

Príklady:

1. Akú sumu budeme mať na konci roka, ak sme vložili do banky 7000€, úroková miera je 6% a banka pripisuje úroky mesačne?

Riešenie:

$$S = 7000 \in$$
 $S_{12} = S. \left(1 + \frac{p}{100} \cdot \frac{1}{12}\right)^{12}$
Mesačné pripisovanie úrokov
 $S_{12} = 7000. \left(1 + \frac{6}{100} \cdot \frac{1}{12}\right)^{12}$
 $S_{12} = 7000. \left(1 + \frac{1}{200}\right)^{12} = 7000. \left(1,005\right)^{12}$
 $S_{12} = 7000. \left(1 + \frac{1}{200}\right)^{12} = 7000. \left(1,005\right)^{12}$
 $S_{12} = 7431,74 \in$

Odpoved': Po roku budeme mat' na účte cca 7431,74 €.

Častejšie pripisovanie úrokov

2. Do banky sme vložili na sporenie s trojročnou viazanosťou 5000€ pri ročnej úrokovej miere je 5%. Akú sumu budeme mať na účte na konci, ak banka pripisuje úroky štvrťročne?

Riešenie:

$$S = 5000 \in$$
 $S_{12} = S. \left(1 + \frac{p}{100} \cdot \frac{1}{4}\right)^{12}$ štvrťročné pripisovanie úrokov $S_{12} = 5000. \left(1 + \frac{5}{100} \cdot \frac{1}{4}\right)^{12}$ $n = 12 \quad (3 \text{ roky} = 3.4 \text{ štvrťrokov})$ $S_{12} = 5000. \left(1 + \frac{1}{80}\right)^{12} = 5000. \left(1,0125\right)^{12}$ $\frac{p = 5 \%}{S_{12}} \approx 5803,77 \in$ $S_{12} = ? \text{ (po roku)}$

Odpoveď: Po 3 rokoch budeme mať na účte cca 5803,77 €.

- 3. Aká suma bude po jednom roku na účte s počiatočným vkladom 1000 €, ak úroková miera je 8 % p.a., ale banka pripíše úroky na účet po každom mesiaci? (D.ú.)
- 4. Aká suma bude po jednom roku na účte s počiatočným vkladom 1000 €, ak úroková miera je 8 % p.a., ale banka pripíše úroky na účet po každom dni? (D.ú.)
- 5. Aká suma bude po jednom roku na účte s počiatočným vkladom 1000 €, ak úroková miera je 8 % p.a., ale banka pripíše úroky na účet po každej hodine? (D.D.ú.)
- 6. Čo je výhodnejšie:

[A] vložiť 12 000 € na jeden rok s úrokovou mierou 6 % p.a. s mesačným pripisovaním úrokov, alebo

[B] vložiť 12 000 € na jeden rok s úrokovou mierou 6,5 % p.a. s pripísaním úrokov až na konci roka?

Riešenie:

Riešenie po A)	Riešenie po B)
S = 12 000 €	S = 12 000 €
mesačné pripisovanie úrokov	Jednorazové pripísanie úroku po roku
n = 12 (1 rok = 12 mesiacov)	n=1 (1 rok uplynie iba raz)
<u>p = 6 %</u>	p = 6,5 %
$S_{12} = ?$ (po roku)	$S_1 = ?$ (po roku)
$S_{12} = S \cdot \left(1 + \frac{p}{100} \cdot \frac{1}{12}\right)^{12}$ $S_{12} = 12\ 000 \cdot \left(1 + \frac{6}{100} \cdot \frac{1}{12}\right)^{12}$ $S_{12} = 12\ 000 \cdot \left(1 + \frac{1}{200}\right)^{12}$ $S_{12} = 12\ 000 \cdot (1,005)^{12}$ $\underline{S_{12} \sim 12\ 740, 13 \in}$	$S_1 = S. \left(1 + \frac{p}{100}.1\right)^1$ Čiže dostávame klasický vzorec pre ročné pripisovanie úroku: $S_1 = S. \left(1 + \frac{p}{100}\right)$ $S_1 = 12000. \left(1 + \frac{6,5}{100}\right)$ $S_1 = 12000.1,065$
	$\underline{S_1 = 12780 \in}$

Odpoveď: Po roku je výhodnejší je v tomto prípade produkt B), t.j. uložiť financie s úrokovou mierou 6,5% p.a. a pripísaním úrokov až na konci roka.

Častejšie pripisovanie úrokov

7. Čo je výhodnejšie: (D.ú.)

[A] vložiť 20 000 € na jeden rok s úrokovou mierou 12 % p.a. s mesačným pripisovaním úrokov, alebo

[B] vložiť 20 000 € na jeden rok s úrokovou mierou 12,5 % p.a. s polehotným (po skončení roka) pripísaním úrokov?

Správne výsledky v úlohách si môžete overiť na stránke:

 $\underline{https://gymmoldava.sk/ICV/CELYWEB/2/urokovanie/zlozene_urokovanie_castejsie_pripisovanie_urokov.htm}$