## Analytická geometria kvadratických útvarov

## KRUŽNICA

Napíšte všeobecnú rovnicu kružnice, ak: 1

a/
$$S[2;-2]$$
,  $r = 2$ .

$$b/S[0;4], r = 5$$

c/S[-5;0], 
$$r = \sqrt{5}$$

d/S[-2,5;1,2], 
$$r = \sqrt{7}$$

Zistite či nasledujúci bod leží vnútri, zvonka alebo na kružnici  $(x-1)^2 + (y+3)^2 = 17$ 2.

$$D/D[-2;1],$$

Nakreslite a pomenujte útvar daný analytickým vyjadrením, určte S a polomer r.

$$a/(x-2)^2+(y+3)^2=9$$

$$b/(x-1)^2+(y-1)^2<16$$

$$c/(x+7)^2+(y-7)^2>1$$

d/ 
$$(x+4)^2 + (y-2)^2 \le 32$$

Daná je kružnica  $k: x^2 + y^2 + 4x = 0$ . Akú rovnicu má kružnica so stredom v bode S [1,-3] a s rovnakým polomerom ako kružnica k?

A/ 
$$(x-1)^2 + (y+3)^2 =$$

A/ 
$$(x-1)^2 + (y+3)^2 = 4$$
 B/  $(x-1)^2 + (y+3)^2 = 2$ 

$$(x+1)^2 + (y-3)^2 = 4$$

C/ 
$$(x+1)^2 + (y-3)^2 = 4$$
 D/  $(x+1)^2 + (y-3)^2 = 4$ 

Dokážte, že nasledujúce rovnice predstavujú kružnice a ak áno, určte ich polomer a stred: 5.

a/ k: 
$$x^2 + y^2 + 2x + 4y + 1 = 0$$

$$b/k : x^2 + y^2 - 8x + 6y + 9 = 0$$

$$c/k$$
:  $x^2 + y^2 - 3x + 5y - 7 = 0$ 

$$d/k : x^2 + y^2 - 8x + 25 = 0$$

$$e/k$$
:  $x^2 + y^2 - 6x + 4y - 12 = 0$ 

a/ k: 
$$x^2 + y^2 + 2x + 4y + 1 = 0$$
  
c/ k:  $x^2 + y^2 - 3x + 5y - 7 = 0$   
e/ k:  $x^2 + y^2 - 6x + 4y - 12 = 0$   
b/ k:  $x^2 + y^2 - 8x + 6y + 9 = 0$   
d/ k:  $x^2 + y^2 - 8x + 25 = 0$   
f/ k:  $3x^2 + 3y^2 + 4y - 5x + 11 = 0$ 

Zistite, či sú to kružnice (úpravou do štvorca) a ak áno, napíšte ich stredový tvar:

a/ k: 
$$x^2+y^2-2x-2y+1=0$$
  
b/ k:  $x^2-4x+y^2+2y+9=0$  (
c/ k:  $x^2+y^2-8x+2y+8=0$   
d/  $x^2+y^2-8x-6y=0$  (D.d.ú.)

b/k: 
$$x^2 - 4x + y^2 + 2y + 9 = 0$$
 (D.ú.)

$$c/k: x^2 + y^2 - 8x + 2y + 8 = 0$$

$$d/x^2 + y^2 - 8x - 6y = 0$$
 (D.d.ú.)

- Akú dĺžku má polomer kružnice určenej rovnicou  $x^2 + y^2 6x + 8y 24 = 0$ ? 7.
- Napíšte rovnicu kružnice, ktorej priemerom je úsečka AB, ak A [-1; 4], B [5; 6]
- 9.\* Napíšte rovnicu kružnice, ktorá prechádza nasledujúcimi 3 bodmi. Určte jej stred a polomer.

$$a/A = [3; 0]; B=[2; -2]; C = [6; 6]$$
  $b/K [2;-1] L [5;-2] M [10;3]$