Úrok za kratšie obdobie ako je úroková miera

Zopakujme si:

Popíšeme si pojmy, s ktorými budeme pracovať pri riešení úloh z oblasti bankovníctva:

$$K(S) = vklad = kapitál = istina = základ = 100%$$

p = ročná úroková miera = **počet percent**

u = úrok = hodnota = percentová časť

t = úrokovacia doba (doba, za ktorú sa počítajú roky)

V bankách sa na výpočet úroku za určitý počet dní používajú rôzne metódy. Najčastejšie je to nemecká obchodná metóda, pri ktorej platí, že každý mesiac má 30 dní a každý rok má 360 dní.

Ak
$$\mathbf{t} = 1$$
 => úrok za 1rok: $u = K \cdot \frac{p}{100} \cdot t$

Ak
$$\mathbf{t} = \frac{m}{12}$$
 => úrok za určitý počet mesiacov: $u = K \cdot \frac{p}{100} \cdot \frac{m}{12}$

Ak
$$\mathbf{t} = \frac{d}{360}$$
 => úrok za určitý počet dní: $u = K \cdot \frac{p}{100} \cdot \frac{d}{360}$

Príklady:

Riešenie:

1. Aký veľký úrok pripíše banka ku vkladu 5000 eur za 4 mesiace pri ročnej úrokovej miere 2,5%

$$K = 5000 € u = \frac{K \cdot p}{100} \cdot \frac{4}{12}$$

$$t = 1 \text{ rok} u = \frac{5000 \cdot 2.5}{100} \cdot \frac{1}{3}$$

$$p = 2.5\% u = \frac{12500}{100} \cdot \frac{1}{3} \sim 41,67 €$$

u = ? Odpoveď: Banka k danému vkladu pripíše po zaokrúhlení úrok 41,67 €.

2. Koľko eur si musíme uložiť na trojmesačný termínovaný vklad s úrokovou mierou 2,5%, ak chceme, aby vklad vyniesol úrok 1100 eur?

Riešenie:

m = 3 mesiace
$$u = \frac{K \cdot p}{100} \cdot \frac{m}{12}$$
 1100 . 1200 = 7,5 . K
p = 2,5%
$$1100 = \frac{K \cdot 2,5}{100} \cdot \frac{3}{12}$$
 1 320 000 = 7,5 . K /: 7,5
$$\underline{u = 1100 \in}$$
 1100 = $\frac{K \cdot 7,5}{1200}$ K = **176 00** €

K = ? Odpoveď: Musíme vložiť 176 000 €

Úrok za kratšie obdobie ako je úroková miera

- 3. Pani Danka si uložila na ročný termínovaný vklad 10 000 € pri ročnej úrokovej miere 2%. Koľko eur bude mať pani Danka po polroku? (D.ú.)
- 4. Pri akej ročnej úrokovej miere by sme získali z vkladu 6 000€ za 3 mesiace úrok 60 eur? (D.ú.)
- 5. Do banky sme vložili 4 000€, úroková miera banky je 1,50 % p.a. Celú sumu aj s úrokmi chceme vybrať po deviatich mesiacoch. Aká by mala byť výška úrokov za toto obdobie? (D.ú.)
- 6. Veriteľ požičal dĺžníkovi sumu 30 000€ s tým, že mu o dva mesiace dĺžník vráti 31 000€. Aká je ročná úroková miera tejto pôžičky?
- 7. Pán Adam si požičal 25 000 € s tým, že po polroku vráti 29 500€. Pán Boris si požičal 24 000 € s tým, že o päť mesiacov vráti 27 650€. Kto si požičal výhodnejšie? (D.d.ú.)
- 8. Občan si 4. apríla vložil vklad 1200 eur pri ročnej úrokovej miere 3,5%. Aký veľký úrok mu pripíšu na konci roka?

Riešenie:

K = 1200 €

p = 3.5%

d = 27 (mesiac apríl) + 8 * 30 (zvyšné mesiace do konca roka) = 27 + 240 = 267 dní

u = ?

$$u = \frac{1200 \cdot 3.5}{100} \cdot \frac{267}{360}$$
$$u = \frac{12 \cdot 3.5 \cdot 267}{360}$$
$$u = 31.15 \in$$

Odpoveď: Na konci roka občanovi pripíšu úrok 31,15 €.

9. Bonusová úloha:

Podnikateľ si dňa 14. januára zobral na nákup strojov úver 85 000 eur s ročnou úrokovou mierou 4,5%. Aký bude úrok, ktorý musel podnikateľ zaplatiť k úveru, ak je úver splatný 19. decembra toho istého roka?