3. Множества, релации, функции. Дефиниции в Z нотацията-Резюме Теориите са в основата на формалните модели (машини на състояния, мрежи на Петри) и се използват за спецификация, подобрение и доказване на софтуерни системи(СС).

Множества - Добре дефинирана колекция от обекти.

Видове дефиниции на множества:

- **-Чрез изброяване** ({1, 3, 5}).
- -Тест за принадлежност: 3 ∈ Odds ; 2 ∉ Odds Знакът ∈ означава предикат върху множества и елементи.
- -Множества с дефинирани имена:

 \emptyset множество без елементи (the "null" or "empty" set); { }

N множество на естествените числа {0, 1, ...}

Z множество на целите числа $\{... -2, -1, 0, 1, 2, ...\}$

-Дефиниране чрез основни множества: **Основни множества** - **първоначално зададени или познати**, и на базата на тях се изграждат нови множества: [BookIdentifiers] = [Date, Name, Place]

Тази дефиниция означава, че новото множеството [BookIdentifiers] се състои от тройки, където всеки елемент е комбинация от елементи от множествата [Date], [Name], [Place]. Това е начин да се изрази, че за всеки идентификатор на книга трябва да имаме тези три атрибута.

Размер (Cardinality) на множество: # $\{1, 2, 4\} = 3$

Равенство на множества: Две множества са равни, ако имат едни и същи елементи: $(S=T) \Leftrightarrow (\forall x \cdot x \in S \Leftrightarrow x \in T)$

Ако всеки елемент от множество S е представен и в множество T, то казваме, че множество S е подмножество на T: $S \subseteq T$

$$s \subseteq t \land t \subseteq s \Leftrightarrow s = t$$

Осн. опер. на множествата: обединение(U), сечение (\cap), разлика(/).

Комутативен закон: $A \cap B = B \cap A$

Асоциативен закон: $(A \cap B) \cap C = A \cap (B \cap C)$

Дистрибутивен закон: $A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$

Сравнителна таблица на логическите и множествени операции

Logical Operation	Meaning	Equivalent Set Operation	Set Notation
Conjunction (A)	"AND"	Intersection	A <mark>∩</mark> B
Disjunction (V)	"OR"	Union	A <mark>U</mark> B
Negation (¬)	"NOT"	Complement	A ^c
Implication (\rightarrow)	"If A, then B"	Subset	A⊆BA
Biconditional (\leftrightarrow)	"A if and only if B"	Set Equality	A=BA

Множество (set): Проста форма $\{x: S \mid P(x)\}$ "множеството от всички x в S, които удовлетворяват P(x)"

x: S - декларативна част P(x) - предикатна част

 ${x: S \mid f(x)}$ - f(.) е функция, дефинирана за елементи от множес. S.

Степенни множества: Множество от всички подмнож.на S: PS

Декартово произведение - Множеството от всички наредени двойки (x, y), конструирани от две множества а и b

Редът на компонентите в Декартовото произв. е важен $\mathbf{a} \times \mathbf{b} \neq \mathbf{b} \times \mathbf{a}$

Кардиналност: Размер на Декартово произведение а x b е произведение на размера на a и размера на b.

Дефиниране на обекти в Z-нотация: Чрез декларации, чрез абревиатура, аксиоми, свободен тип и схеми.

Тип на обектите — максималното множество в границите на разглежданата спецификация. • Всяка стойност на променливата х се асоциира с един тип: най-голямото множ., на което х принадлежи.

Основни типове в Z-нотацията: Цели числа -Z; степенни множества; декартово произведение. В Z нотацията съществува един дефиниран тип — множество на целите числа Z: • Всички други типове се изграждат чрез този тип; чрез други основни типове от стойности; чрез допълнителни типове, дефинирани чрез конструкторите: степенно множество и Декартово произведение.

Декларация на променлива: въвежда нова промен. и задава типа ѝ:

х:А - х е нова променлива, която принадлежи към множеството А

Декларацията може да включва **подпис** — **описание на променливата** и нейните свойства: \mathbf{x} : **Guest** $|\mathbf{x} \in \mathbf{s}$ - означава:

-х е променлива от типа Guest (гост в хотел); х ∈ s (списък гости)

Подписът задава типа на променливата и ограничението

Глобална декларация -дадена променлива или обект се използва глобално в спецификацията (да е достъпна навсякъде), тя се декларира чрез аксиоматично дефиниране:

MaxGuests:N, което означава, че MaxGuests е променлива от множеството на естествените числа (N- максималния брой гости

Абревиатури- кратко име за обект, който вече е дефиниран в системата: **TotalGuests=Count(RegisteredGuests)** - TotalGuests е

просто друго име за броя на регистрираните гости. Абревиатурите - опростяване и по-удобно рефериране към сложни изрази или обекти.

Общи абревиатури (generic abbreviations): Това са съкращения, които дефинират цяла фамилия от символи, свързани с разл. индекси или параметри. Ако имаме символ x, можем да го разширим в зависимост от индексите x1, x2 или параметрите, към които се отнася.

Дефиниране на глобална константа: стойност или обект, който остава непроменен в дадената система, но може да бъде представен чрез различни параметри: symbol parameters = term

symbol: Името на глобалната константа

parameters: Параметри, чрез които се дефинира символът

term: Форм. израз, който представлява стойността или зависимостта

Ако EmptySet е символ за празно множество, можем да дефинираме:

 $EmptySet(A)={}$,където Ae типът на елементите

Аксиоматични дефиниции: Описанието на обекта включва ограничения – аксиома за дадения обект.