

## 10. Учене на група от модели

- Комбиниране на множество модели
- Основната идея
- **Bagging**
- Разлагане на пристрастие и дисперсия, **bagging** с разходи
- Рандомизация
- **Random forests, rotation forests**
- **Boosting**
- **AdaBoost**, силата на **boosting**
- Адитивна регресия
- Числова прогноза, адитивна логистична регресия
- Интерпретируеми ансамбли
- **Option trees**, алтернативни дървета за решения, логистични моделни дървета
- **Stacking**

### Комбиниране на множество модели

- Основна идея: изграждане на различни „експерти“, които гласуват.
- Предимство: Често подобрява предсказателната производителност.
- Недостатък: Обикновено произвежда изход, който е много труден за анализ.
- Но: има подходи, които целят да създадат една разбираема структура.

### Bagging

- Комбиниране на прогнози чрез гласуване/усредняване.
- Всеки модел получава равно тегло.
- „Идеализирана“ версия:
- Вземане на няколко тренировъчни набора с размер  $n \times n$  (вместо само един тренировъчен набор с размер  $n \times n$ ).
- Изграждане на класификатор за всеки тренировъчен набор.

- Комбиниране на прогнозите на класификаторите.
- Схемата за обучение е нестабилна, почти винаги подобрява производителността.
- Нестабилен обучаем: малка промяна в тренировъчните данни може да доведе до голяма промяна в модела (напр. при обучение на дървета за решения).

## Bagging класификатори

Нека  $n$  е броят на екземплярите в тренировъчните данни.

За всяка от  $t$  итерации:

- Вземане на  $n$  екземпляра от тренировъчния набор (с връщане).
- Прилагане на алгоритъма за обучение върху извадката.
- Запазване на получения модел.

За всеки от  $t$  модела:

- Предсказване на класа на екземпляра с помощта на модела.
- Връщане на класа, който е предсказан най-често.

## Рандомизация и random forests

- Може да се рандомизира алгоритъмът за обучение вместо входа.
- Някои алгоритми вече имат случаен компонент: напр. начални тегла в невронна мрежа.
- Повечето алгоритми могат да бъдат рандомизирани, напр. алчни алгоритми:
- Избиране на  $N$  опции на случаен принцип от пълния набор от опции, след което избор на най-добрата от тези  $N$  опции.
- Напр.: избор на атрибути в дървета за решения.
- По-общо приложим от **bagging**: напр. можем да използваме случайни подмножества в класификатор за най-близки съседи.
- **Bagging** не работи със стабилни класификатори като тези за най-близки съседи.
- Може да се комбинира с **bagging**.

- Когато се използва с дървета за решения, това води до известния метод **random forest** за изграждане на ансамблови класификатори.

## Boosting

- **Bagging** лесно може да се паралелизира, защото членовете на ансамбъла се създават независимо.
- **Boosting** е алтернативен подход.
- Също използва гласуване/усредняване.
- Но: тегли моделите според производителността.
- Итеративен: новите модели се влияят от производителността на предишно изградените.
- Насърчава новия модел да стане „експерт“ за екземпляри, погрешно класифицирани от по-ранни модели.
- Интуитивно оправдание: моделите трябва да са експерти, които се допълват взаимно.
- Съществуват много варианти на **boosting**, ние разглеждаме няколко.

## Boosting с AdaBoost.M1

Присвояване на равно тегло на всеки тренировъчен екземпляр.

За  $t$  итерации:

- Прилагане на алгоритъма за обучение върху претегления набор от данни, запазване на получения модел.
- Изчисляване на грешката  $e_t$  на модела върху претегления набор от данни.
- Ако  $e_t = 0$  или  $e_t \geq 0.5$ :

Прекратяване на генерирането на модели.

- За всеки екземпляр в набора от данни:

Ако е класифициран правилно от модела:

Умножаване на теглото на екземпляра по  $e/(1-e)$

- Нормализиране на теглото на всички екземпляри.

Класификация:

- Присвояване на тегло = 0 на всички класове.
- За всеки от  $t$   $t$  (или по-малко) модела:

За класа, предсказан от този модел, добавяне на  $-\log_e/(1-e)$  към теглото на този клас.

- Връщане на класа с най-високо тегло.

## Коментари за AdaBoost.M1

- **Boosting** изисква тегла ... но
- Може да се адаптира алгоритъмът за обучение ... или
- Може да се приложи **boosting** без тегла:
- Пресъздаване на данни с вероятност, определена от теглата.
- Недостатък: не всички екземпляри се използват.
- Предимство: ако грешката  $e > 0.5$ , може да се пресъздаде отново.
- Алгоритъмът за **boosting AdaBoost.M1** произлиза от работа в теорията на изчислителното обучение.
- Теоретичен резултат:
- Грешката при обучение намалява експоненциално с извършването на итерации.
- Други теоретични резултати:
- Работи добре, ако базовите класификатори не са твърде сложни и
- Грешката им не става твърде голяма твърде бързо с увеличаване на итерациите.

## Stacking

- Въпрос: как да се изгради хетерогенен ансамбъл, състоящ се от различни типове модели (напр. дърво за решения и невронна мрежа)?
- Проблем: моделите могат да се различават значително по точност.
- Идея: за комбиниране на прогнозите на базовите обучаеми, вместо

просто да се гласува, да се използва мета-обучаеи (**meta learner**).

- В **stacking**, базовите обучаеи се наричат още модели от ниво-0 (**level-0 models**).

- Мета-обучаеи се нарича модел от ниво-1 (**level-1 model**).

- Прогнозите на базовите обучаеи са вход за мета-обучаеи.

- Базовите обучаеи обикновено са различни схеми за обучение.

- Предупреждение: не може да се използват прогнози върху тренировъчните данни за генериране на данни за модела от ниво-1!

- Вместо това се използва схема, базирана на кръстосана валидация (**cross-validation**).