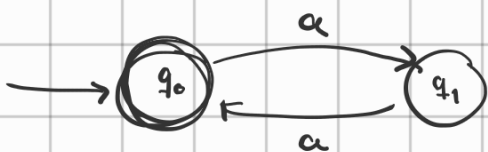


Ej 1 Ver si son LR. Si son, dar autómatas.

(a)  $\{a^{2^n} \mid n \geq 1\}$



$$a^{2.1} = a^2 = aa \checkmark$$

$$a^{2.2} = a.a.a.a \checkmark$$

$$aaa \times \checkmark$$

$$aaaaa \checkmark$$

(b)

$$L = \{a^n b^n \mid n \geq 0\}$$

$$a^0 b^0 = \lambda$$

$$aabb$$

$$a^1 b^1 = ab$$

$$aaa bbb$$

No creo que sea LR. Veo pumping

"juego"

1)  $p > 0$

2)  $\exists |\alpha| \geq p \in L$  3)  $\alpha = xyz$ ,  $|y| \geq 1$ ,  $|xy| \leq p$

4) Elijo  $i \geq 0$  /  $xy^i z \notin L$

$$\underbrace{aa \dots ab}_{n \text{ veces}} \underbrace{\dots b}_{n \text{ veces}}$$

$$\xrightarrow{\text{tengo } p} |a^p b^p| = 2p$$

$$\begin{array}{c} x \quad y \quad z \\ |a \dots| |ab| | \dots b| \\ \underbrace{\hspace{1cm}}_p \quad \underbrace{\hspace{1cm}}_p \end{array}$$

$$|xy| \leq p$$

$$\text{max } p$$

$$x = \overbrace{a \dots a}^{\text{max } p}$$

$$y = a \dots b$$

$$z = b \dots b$$

Uso esto para ver  
si tengo varias  
descomposiciones posibles

$$x = a^r$$

$$y = a^{p-r}$$

$$z = b^p$$

$$0 \leq r < p$$

si  $r=p$ ,  $y = a^0$

$|y|=0$ ,  $y = \lambda$

no cumple

hipótesis!

$$|\alpha| = |a^r \cdot a^{p-r} \cdot b^p| = 2p, \text{ tomo } i=0$$

$$a^r \cdot a^0 \cdot b^p = a^r \cdot b^p \text{ tengo menos de } \therefore \notin L.$$

(c)  $\{a^m b^n a^{m+n} \mid m, n \geq 1\}$

$abaa$ ,  $aabaaa$  No es regular. Veamos Pumping

- 1)  $p > 0$  2)  $|x| \geq p$  3) Alguien se da una descomp.  $a^p b^p a^{2p}$  (No aclara que  $m \neq n$ )

$$\underbrace{a^p b^p a^{2p}}_{2p}$$

$$|xy| \leq p, |y| \geq 1$$

Por ej 11.

$$x = a^r, y = a^{p-r}, z = b^p a^{2p}$$

con  $r \geq 0$

$$\text{si } r=p \rightarrow x = a^p, y = a^0 = 1$$

Pruebo otra:

$$x = a^r, y = a^s, z = a^{p-r-s} b^p a^{2p}$$

$$\alpha = \underbrace{a^r \cdot a^s \cdot a^{p-r-s}}_{\leq p} \cdot \underbrace{b^p}_p \cdot \underbrace{a^{2p}}_{2p}$$

con  $s > 0$   
 $r \geq 0$

↓  
No cumple hipótesis  
 $|y| \geq 1$

$$s=1, r=0,$$

$$a^0 \cdot a \cdot a^{p-1} \cdot |xy| \leq p \checkmark$$

$$|y| \geq 1$$

4) Elijo  $i=0$

$$\alpha = a^r \cdot 1 \cdot a^{p-r-s} \cdot b^p \cdot a^{2p}$$

$$\underbrace{p-s}_{a's} + \underbrace{p}_{b's} = 2p-s \neq 2p$$

$\therefore \alpha = xy^i z \in \mathcal{L} \Rightarrow \mathcal{L}$  no es regular

(d)  $L = \{ w \in \{a,b\}^* \mid w \text{ no contiene 3 a's consecutivas} \}$

Como los LR son cerrados respecto al complemento, puedo usar  $L \text{ LR} \leftrightarrow L^c \text{ LR}$   
 $L \text{ NLR} \leftrightarrow L^c \text{ NLR}$

$L^c = w \text{ contiene 3 a's consecutivas}$

$L^c = (a|b)(aaa)^+(a|b)^*$  es una ER  $\Rightarrow L$  es regular también

(e)  $L = \{ w \in \{a,b\}^* \mid |w|_a = |w|_b \}$

$x \in L$  si tiene la misma cantidad de a's que de b's.

abab, aabb, aaabbb,  $\lambda$ , si quiero contar apariciones uso AP

1)  $p > 0$

2)  $x \in L \mid x = a^p \cdot b^p$

3)  $x = xyz, |xy| \leq p, |y| \geq 1$

$$x = \underbrace{a^s}_x \cdot \underbrace{a^t}_y \cdot \underbrace{a^{p-s-t} \cdot b^p}_z, s \geq 0, t \geq 1$$

4)  $i=0$ , me queda  $x = a^s \cdot \lambda \cdot a^{p-s-t} \cdot b^p = a^{p-t} \cdot b^t$

luego  $|x|_a \neq |x|_b \Rightarrow x \notin L \Rightarrow \therefore L \text{ no es regular}$

