









ข้อสอบแข่งขันคอมพิวเตอร์โอลิมปิกระดับชาติ ครั้งที่ 13 ณ โรงเรียนมหิดลวิทยานุสรณ์และคณะเทคโนโลยีสารสนเทศและการสื่อสาร มหาวิทยาลัยมหิดล ข้อสอบข้อที่ 3 จากทั้งหมด 3 ข้อ วันอังคารที่ 13 มิถุนายน 2560 เวลา 9.00-12.00 น.

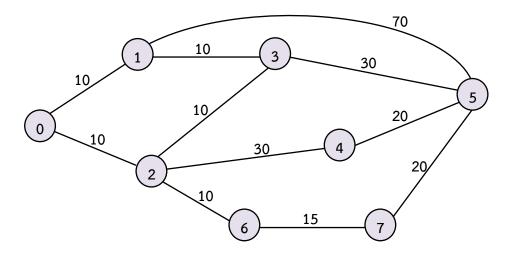


การเดินทางโดยประหยัด (Budget Travelling)

อาณาจักรปฐมนครประกอบด้วย N เขตปกครอง แต่ละเขตปกครองกำกับด้วยหมายเลข 0 ถึง N-1 ซึ่งแต่ ละเขตปกครองสามารถเดินทางถึงกันด้วยรถไฟฟ้าความเร็วสูง โดยอาณาจักรปฐมนครได้สร้างเส้นทางรถไฟฟ้า ความเร็วสูงจำนวน M เส้นทาง เพื่อให้บริการตามข้อกำหนดดังนี้

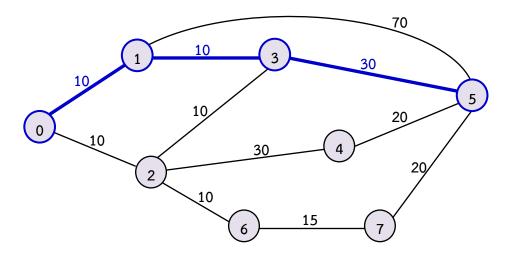
- ทุก ๆ เขตการปกครองมีรถไฟฟ้าความเร็วสูงเข้าถึงเสมอ
- " หากมีเส้นทางรถไฟฟ้าความเร็วสูงจากเขตการปกครองหมายเลข i เชื่อมต่อโดยตรงไปยังเขตการ ปกครองหมายเลข j โดยไม่ผ่านเขตการปกครองอื่น จะมีเส้นทางรถไฟฟ้าความเร็วสูงไม่เกิน 1 เส้นทางเท่านั้น
- การเดินทางจากเขตการปกครองหนึ่งไปยังอีกเขตการปกครองหนึ่งได้จะต้องเดินทางโดยรถไฟฟ้า
 ความเร็วสูงเท่านั้น
- $^{ extstyle }$ จะสามาร^ถเดินทางทั้งไปและกลับได้ โดยใช้เส้นทางรถไฟฟ้าความเร็วสูงที่เชื่อมต่อโดยตรงระหว่างเขต การปกครองหมายเลข i และเขตการปกครองหมายเลข j ระหว่างทั้งสองเขตการปกครองได้เสมอ
- ระยะทางของเส้นทางรถไฟฟ้าความเร็วสูงเป็นจำนวนเต็มเสมอ มีหน่วยเป็นกิโลเมตร

นักวิจัยคนหนึ่งทำงานอยู่ที่อุทยานธรรมชาติวิทยาสิรีรุกขชาติ ต้องการเดินทางจากเขตการปกครองต้นทาง X ไปยังเขตการปกครองปลายทาง Y เพื่อศึกษาพันธุ์พืชหายาก แต่ด้วยงบประมาณในการเดินทางมีอยู่อย่าง จำกัด ทำให้นักวิจัยสามารถเดินทางได้ไม่เกิน Z กิโลเมตรเท่านั้น เขาจึงต้องวางแผนการเดินทางให้มีระยะทาง น้อยสุดหากมีงบประมาณในการเดินทางไม่เพียงพอ นักวิจัยก็ จำเป็นจะต้องเดินทางไม่เกินงบประมาณที่ได้รับ (อาจจะไม่เป็นการใช้งบประมาณน้อยสุดก็ได้) ไปยังเขตการ ปกครองที่อยู่ใกล้กับเขตการปกครองปลายทาง Y มากที่สุด แล้วติดต่อให้เขตการปกครอง Y มารับ ทั้งนี้ถ้ามี เขตการปกครองที่อยู่ใกล้กับเขตการปกครองปลายทาง Y มากที่สุดเป็นระยะทางที่เท่ากันหลายเขตการ ปกครอง นักวิจัยจะเลือกเดินทางไปยัง<u>เขตการปกครองที่มีหมายเลขกำกับน้อยที่สุด</u>



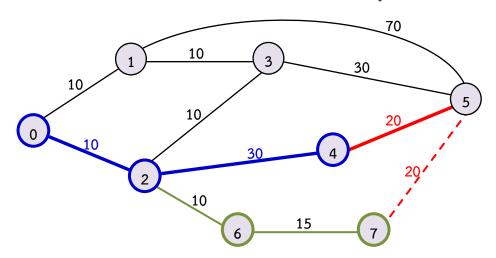
รูปประกอบตัวอย่างที่หนึ่งและสอง โดยมี 8 เขตการปกครอง (N=8) 11 เส้นทาง (M=11)

ตัวอย่างที่หนึ่ง นักวิจัยต้องการเดินทางจากเขตการปกครองหมายเลข 0 ไปยังเขตการปกครองหมายเลข 5 โดยมีงบประมาณในการเดินทางไปยังเขตการปกครองปลายทางไม่เกิน 200 กิโลเมตร นั่นคือ เขตการปกครอง ต้นทางคือเขตการปกครองหมายเลข 0 และเขตการปกครองปลายทางคือเขตการปกครองหมายเลข 5 เมื่อ พิจารณาตามข้อกำหนดต่าง ๆ นักวิจัยสามารถวางแผนการเดินทางเพื่อให้ใช้งบประมาณน้อยสุดได้ดังรูป



จากรูป จะได้ว่า นักวิจัยสามารถเดินทางไปยังเขตการปกครองหมายเลข 5 ด้วยเส้นทางจากเขตการปกครอง หมายเลข 0 \rightarrow 1 \rightarrow 3 \rightarrow 5 (เส้นทางสีน้ำเงิน) ซึ่งมีระยะทางรวมทั้งสิ้น 10+10+30 = 50 กิโลเมตร อยู่ภายใต้ เงื่อนไขงบประมาณที่ได้รับ ทำให้เขตการปกครองปลายทางไม่ต้องมารับนักวิจัย ระยะทางที่เขตการปกครอง ปลายทางต้องใช้ในการเดินทางมารับจึงมีค่าเท่ากับ 0

ตัวอย่างที่สอง นักวิจัยต้องการเดินทางจากเขตการปกครองหมายเลข 0 ไปยังเขตการปกครองหมายเลข 5 ซึ่งในการเดินทางนักวิจัยมีงบประมาณในการเดินทางไปยังเขตการปกครองปลายทางได้ไม่เกิน 40 กิโลเมตร เมื่อพิจารณาตามข้อกำหนดต่าง ๆ นักวิจัยสามารถวางแผนการเดินทางได้ดังรูป



จากรูป จะได้ว่านักวิจัยไม่สามารถเดินทางไปยังเขตการปกครองหมายเลข 5 ได้ด้วยงบประมาณจำกัดที่ 40 กิโลเมตรที่ได้รับมา ดังนั้นจึงต้องเดินทางไปยังเขตการปกครองที่อยู่ใกล้กับเขตการปกครองปลายทางหมายเลข 5 มากที่สุด ได้แก่ เขตการปกครองหมายเลข 4 และเขตการปกครองหมายเลข 7 ซึ่งเป็นสองเส้นทางที่เขตการ ปกครองปลายทางหมายเลข 5 เดินทางมารับเป็นระยะทางน้อยที่สุด 20 กิโลเมตร (เส้นทางสีแดง) เท่ากัน แต่ เนื่องจากเขตการปกครองที่มีหมายเลขกำกับน้อยที่สุดคือเขตการปกครองหมายเลข 4 ดังนั้นจึงเลือกเส้นทาง $0 \rightarrow 2 \rightarrow 4$ (เส้นทางสีน้ำเงิน)

งานของคุณ

จงเขียนโปรแกรมที่มีประสิทธิภาพเพื่อหาระยะทางที่นักวิจัยจะเดินทางจากเขตการปกครองต้นทางไปยังเขต การปกครองปลายทางแล้วใช้งบประมาณน้อยที่สุด ในกรณีที่ไม่สามารถเดินทางจากเขตการปกครองต้นทางไป ยังเขตการปกครองปลายทางได้ ให้หาระยะทางจากเขตการปกครองต้นทางไปยังเขตการปกครองที่อยู่ใกล้กับ เขตการปกครองปลายทางมากที่สุด

ข้อมูลนำเข้า

มีจำนวน M+2 บรรทัด ดังนี้

21 12 22 M 1 2 0					
บรรทัดที่ 1	มีจำนวนเต็มสองจำนวน คั่นแต่ละจำนวนด้วยช่องว่างหนึ่งช่อง				
	จำนวนแรก คือ N ระบุจำนวนเขตการปกครอง และ				
	จำนวนที่สอง คือ M ระบุจำนวนเส้นทางรถไฟฟ้า				
	กำหนดให้ $2 \leq N \leq 10{,}000$ และ $1 \leq M \leq 100{,}000$				
บรรทัดที่ 2	มีจำนวนเต็มสามจำนวน คั่นแต่ละจำนวนด้วยช่องว่างหนึ่งช่อง				
	จำนวนแรก คือ X ระบุหมายเลขของเขตการปกครองต้นทาง และ				
	จำนวนที่สอง คือ Y ระบุหมายเลขของเขตการปกครองปลายทาง และ				
	จำนวนที่สาม คือ Z ระบุระยะทางที่นักวิจัยสามารถเดินทางได้จากต้นทางตาม				
	งบประมาณที่ได้รับ				
	กำหนดให้ $0 \leq X < N$, $0 \leq Y < N$, $X \neq Y$				
	และ 1 ≤ Z ≤ 1,000,000,000				
M บรรทัดต่อมา	แต่ละบรรทัด มีจำนวนเต็มบวกสามจำนวน คั่นแต่ละจำนวนด้วยช่องว่างหนึ่งช่อง				
	สองจำนวนแรกคือ u_i และ v_i โดยที่ $u_i eq v_i$ ระบุหมายเลขของเขตการปกครอง				
	สองเขตการปกครองที่มีเส้นทางรถไฟฟ้าความเร็วสูงเชื่อมถึงกัน				
	จำนวนที่สามคือ d_i ระบุระยะทางระหว่างเขตการปกครอง u_i และ v_i				
	กำหนดให้ $0 \leq u_i < N$, $0 \leq v_i < N$, $1 \leq d_i \leq 10{,}000$ และ $1 \leq i \leq M$				

ข้อมูลส่งออก

้ มีจำนวน 1 บรรทัด คือ

บรรทัดที่ 1	จำนวนเต็มสามจำนวน คั่นแต่ละจำนวนด้วยช่องว่างหนึ่งช่อง โดย
	จำนวนแรก คือ หมายเลขของเขตการปกครองปลายทาง หรือหมายเลขของเขตการปกครองที่
	อยู่ใกล้กับเขตการปกครองปลายทางมากที่สุด ตามเงื่อนไขที่กำหนด
	จำนวนที่สอง คือ ระยะทาง D จากเขตการปกครองต้นทาง X ไปยังเขตการปกครอง
	ปลายทาง Y หรือในกรณีที่ไม่สามารถเดินทางจากเขตการปกครองต้นทางไปยังเขตการ
	ปกครองปลายทางได้ ให้แสดงระยะทางจากเขตการปกครองต้นทางไปยังเขตการปกครองที่
	อยู่ใกล้กับเขตการปกครองปลายทางมากที่สุด
	จำนวนที่สาม คือ ระยะทางที่เขตการปกครองปลายทางต้องใช้ในการเดินทางมารับ

ตัวอย่างที่ 1

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
8 11	5 50 0
0 5 200	
0 1 10	
0 2 10	
1 3 10	
1 5 70	
2 3 10	
2 4 30	
2 6 10	
3 5 30	
4 5 20	
6 7 15	
7 5 20	

ตัวอย่างที่ 2

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
8 11	4 40 20
0 5 45	
0 1 10	
0 2 10	
1 3 10	
1 5 70	
2 3 10	
2 4 30	
2 6 10	
3 5 30	
4 5 20	
6 7 15	
7 5 20	

ข้อกำหนด

หัวข้อ	เงื่อนไข	
ข้อมูลนำเข้า	Standard Input (คีย์บอร์ด)	
ข้อมูลส่งออก	Standard Output (จอภาพ)	
ระยะเวลาสูงสุดที่ใช้ในการประมวลผล	1 วินาที	
หน่วยความจำสูงสุดที่ใช้ในการประมวลผล	512 MB	
คะแนนสูงสุดของโจทย์	100 คะแนน	
เงื่อนไขการรันโปรแกรม	โปรแกรมจะต้องคอมไพล์ผ่าน	

ข้อกำหนดอื่น ๆ

้ ผู้เข้าแข่งขันต้องระบุชื่อแฟ้มข้อมูลและส่วนหัวของโปรแกรมให้สอดคล้องกับภาษาและคอมไพเลอร์ที่ใช้ ดังนี้

ภาษา C	ภาษา C++	
/*	/*	
TASK: budget.c	TASK: budget.cpp	
LANG: C	LANG: C++	
AUTHOR: YourName YourLastName	AUTHOR: YourName YourLastName	
CENTER: YourCenter	CENTER: YourCenter	
*/	*/	

ข้อมูลเพิ่มเติมเกี่ยวกับชุดทดสอบ ข้อมูลแนะนำที่เกี่ยวข้องกับชุดทดสอบ มีดังนี้

ระดับข้อมูล	สำหรับข้อมูลขนาด <i>M</i>	สำหรับข้อมูลขนาด <i>N</i>	คะแนนสูงสุดที่เป็นไป	เงื่อนไข
ทดสอบ			ได้โดยประมาณ	
1	≤ 6	≤ 4	5%	-
2	≤ 10	≤ 8	15%	-
3	≤ 1,000	≤ 100	50%	-
4	≤ 4,000	≤ 1,000	70%	-
5	≤ 100,000	≤ 10,000	100%	-