אוניברסיטת בן גוריון בנגב הפקולטה למדעי ההנדסה בית הספר להנדסת חשמל ומחשבים

מסי 1 MATLAB מסי 1 בקורס "מבוא לעיבוד אותות" סמסטר א' התשפ"ב

מבוא

מטרות

: לעבודה זו ,שתי מטרות עיקריות

- 1. המחשת החומר התיאורטי הנלמד בהרצאות ובתרגילים.
- 2. התנסות בפתרון בעיות בסיסיות בעיבוד אותות באמצעות הכלים לניתוח אותות שנלמדו בהרצאות.

על מנת להשיג מטרות אלו, נדרשים הסטודנטים בקורס לפתור בעיות בסיסיות בעיבוד אותות באמצעות כתיבת סימולציות בתוכנת MATLAB.

עם זאת, ניתן להשתמש גם בתוכנות אחרות בעלות יכולת דומה.

שימו לב כי במקרה כזה תצטרכו להתאים בעצמיכם את הפונקציה המצורפת לתוכנה שבה תשתמשו.

פרטי הגשה והערות

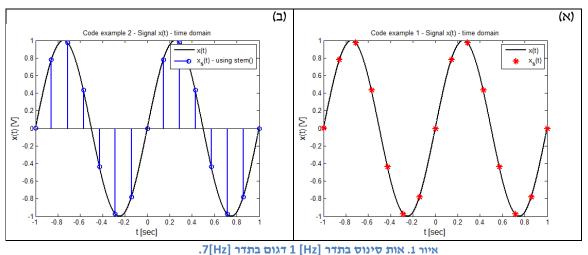
- 1. את העבודות יש להגיש עד ה-28/11/2021 בשעה 23:00 לאתר המודל.
- . יש להגיש את העבודה מוקלדת כולל תשובות מילוליות הכוללות הסברים וחישובים אנליטיים כקובץ pdf.
- 3. נא להקפיד על שם קובץ בצורה הבאה : HW1_ID1_ID2.pdf, כאשר במקום ID1,ID2 הנכם מתבקשים לרשום ... את מספרי ת.ז. של המגישים. זאת על מנת למנוע טעויות במתן הציונים.
 - 4. יש להגיש את העבודה בזוגות.
 - *.m עם הערות רלוונטיות כקבצי MATALB. יש לצרף את קוד ה-5
 - 6. את כל הגרפים יש ליצור בעזרת MATALB או תוכנות דומות.
 - ל. מתרגלת אחראית: אורטל.

אופן ביצוע העבודה

- במהלך העבודה נדרש לייצג ולבצע חישובים על אותות "ירציפים" ו"בדידים" או "דגומים" באמצעות
 MATLAB. אות "רציף" מיוצג ב-MATLAB כווקטור ערכים של הפונקציה שמתארת את האות בנקודות זמן
 צפופות באופן יחסי. אות "בדיד" או "דגום" יוצג כווקטור שכולל מספר מועט יותר של ערכים בהתאם לתדר
 הדגימה.
- על מנת לחשב את הווקטור שמכיל את ערכי הפונקציה בנקודות זמן שונות, נדרש ראשית להגדיר וקטור זמן (למשל (t = [0 : 0.01 : 1] ולאחר מכן להשתמש בפונקציות הרצויות לחישוב ערכה בכל אחת מנקודות הזמן שבווקטור (למשל (x = sin(2 * pi * 1000 * t)).
- וגרף שמציג אות יירציףיי יוצג של ידי שימוש בפונקציה ()plot(t,x (למשל plot(t,x)) וגרף שמציג אות ייבדידיי או אורף שמציג אות ייבדידיי או stem() יידגוםיי יוצג על ידי שימוש בפונקציה ()stem או אור 1.
 - 4. הגרפים הנדרשים, חייבים להיות מפורטים ולכלול את שם הגרף ושמות הצירים כולל יחידות. ניתן להיעזר (title(); xlabel(); ylabel() בפונקציות:
 - 5. כאשר נדרש להציג מספר אותות באותו הגרף, יש להשתמש בסימון צבע ו/או עובי ו/או סגנון שונה להצגת כל plot אות. כמו כן חשוב להוסיף מקרא לגרף. ניתן להיעזר בפונקציות hold on; legend(); ינתן להיעזר בפונקציות 'LineWidth'; 'LineStyle'; 'Marker'; 'Color').
- האות (z) האות (z) האות (z) האות (z) האות (z) האות (z) ביחידות וולט (z) היירציף". z0 ביחידות האות (z0 היירציף" בתדר דגימה (z1 האות דגום (z2 לקבלת אות דגום (z3 לקבלת אות דגום (z4 לקבלת אות דגום (z5 בתדר דגימה (z7 היירציף" היירציף" האות (z7 היירציף" האות (z8 היירציף" האות (z9 היירציף" האות (z9 היירציף" האות (z9 היירציף" האות (z9 הz9 האות (z9 האות (z9 הz9 האות (z9 הz9 האות (z9 הz9 האות (z9 הz9 הz9 האות (z9 הz9 הz9 הz9 האות (z9 הz9 הz9 הz9 האות (z9 הz9 הz9 הz9 הz9 האות (z9 הz9 הz9 הz9 הz9 האות (z9 הz9 ה

והאות יהדגוםיי בייד (א) או (ב) באיור (א) או בייד להיראות כפי שמתואר באיור $x_s[n]$ הגרף צריך להיראות כפי שמתואר באיור (א) או בירוט ייפסלו.

7. כאשר נדרש לבצע חישוב אנליטי יש לכתוב פתרון מלא (מוקלד ולא סרוק). תשובות חלקיות יפסלו.



איור 1. אות סינוס בתדר (רב) דדגום בתדר (רב). (א) אות דגום מוצג כ* (ב) אות דגום מוצג עם ()

: Code_Example.m קוד למימוש הגרף מצורף באתר המודל

```
clc;
clear all;
close all;
% ---- Code example
T=1;
                   %[sec] signal period time
W0=2*pi/T;
A=1:
t=-1:1/1000:1;
                   %continuous time vector
x=A*sin(W0*t);
                %continuous signal
Ws=7*2*pi;
                    %[rad/sec] sampling angular frequency
                    %[sec] sampling time period
Ts=2*pi/Ws;
ts=-1:Ts:1;
                   %sampling time vector
xs=A*sin(W0*ts); %discrete signal
%showing two signals over the same figure
                                     %new figure window
plot(t,x,'k','LineWidth',2);
','Color','k','LineWidth',2);
                                    %draw the continuous signal graph - plot(t,x,'LineStyle','-
hold on;
                                    %retain current graph in figure, to allow several graphs over the same
figure
plot(ts,xs,'*r','LineWidth',1.5,'MarkerSize',10); %draw the continuous signal graph -
%other form to write the above command:
plot(ts,xs,'LineStyle','*','Color','r','LineWidth',1.5,'MarkerSize',10);
title('Code example 1 - Signal x(t) - time domain'); xlabel('t [sec]', 'FontSize', 12); ylabel('x(t)
[V]','FontSize',12);
legend([{'x(t)'};{'x s(t)'}]);
%showing two signals over the same figure - using "stem()" for descrete signal
                                     %new figure window
plot(t,x,'k','LineWidth',2);
                                     %draw the continuous signal graph
hold on;
                                     %retain current graph in figure, to allow several graphs over the same
figure
stem(ts,xs,'b','LineWidth',1.5);
                                   %draw the continuous signal graph using "stem()"
title('Code example 2 - Signal x(t) - time domain'); xlabel('t [sec]','FontSize',12); ylabel('x(t)
[V]','FontSize',12);
legend([{(x(t))};{(x(t) - using stem())}]);
```

שאלה 1. דגימה ושחזור (40 נק')

באיור 2 מוצגת מערכת המבצעת דגימה של אות הכניסה בעזרת רכבת הלמים ושחזור בעזרת תהליך ZOH ומסנן מעביר נמוכים $H^F(\omega)$.

$$x(t)$$
 $y(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \delta(t - kT)$
 $x_{ZOH}(t)$
 $y(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \delta(t - kT)$

איור 2. מערכת דגימה ושחזור

$$\Delta x(t) = rac{4}{\omega_m \pi t^2} \cdot \sin^2(\omega_m t) \cos(\omega_m t) \sin{(2\omega_m t)} [V], \quad \omega_m = 3\pi$$
נתון האות הרציף הבא

: בעזרת MATLAB בתחום בתחום $t \in [0.2,3]$ לצורך כך היעזר/י בשלבים הבאים אניר/י. צייר/י את x(t) א.

- t = 0.2: 1/100: 3:יש ליצור וקטור שורה של נקודות הזמן בהן יוצג האות יש ליצור וקטור שורה יש
 - : חשב/י את האות בנקודות הזמן שיצרת
- $x = 4./(wm*pi*t.^2).*(sin(wm*t)).^2.*(cos(wm*t)).*(sin(2*wm*t))$
 - plot(t,x) : הצג/י את הערך המוחלט של תוצאות החישוב -
 - . לצורך הוספת כותרת שמות לצירים xlabel, ylabel, title השתמש/י בפונקציות
- ב. x(t) ב. x(t) ב. x(t) בהשל לפתח ביטוי ל $X^F(\omega)=\mathcal{F}\{x(t)\}$, התמרת פורייה של האות הצוx(t) ביטוי לפתח ביטוי ל $x^F(\omega)=\mathcal{F}\{x(t)\}$, התמרת הפורייה של לפתח עם הפרמטר ω_m ורק לאחר מכן להציב את ערכו. $\omega\in[-17\pi,17\pi]$

exp(),sinc(),sin() בפיתוח כדאי לפשט תחילה את האות כך שיהיה מורכב מפונקציות בעלות התמרות מוכרות: (),sinc(),sinc וכוי.

- ג. (5 נקי).
- $(X^F(\omega)=0 \ \forall |\omega| \geq \omega_{max}$ מהו התדר המקסימלי עבור האות x(t) ועבור האות ω_{max} של האות ω_{max} מהו התדר המקסימלי זמן מחזור לדגימה, ω_{max} , שיאפשר שחזור ללא שגיאות.
- . הצג/י את בנקודות $x_{ZOH}(t)$. מהדגימות יש לייצר אות מדרגות מסוג לייצר את מהדגימות האות מהדגימות הדגימות וות $x_{ZOH}(t)$ בגרף אחד. בגרף אחד.
- $|X^F{}_{ZOH}(\omega)|$ העמרת ביטוי לפתח ביטוי ל $X^F{}_{ZOH}(\omega)=\mathcal{F}\{x_{ZOH}(t)\}$, התמרת פורייה של האות (10) הצג/י גרף של ($\omega\in[-17\pi,17\pi]$ ה $\omega\in[-17\pi,17\pi]$ השר
 - ה. (5 נקי) ספקטרום המסנן המשחזר האידיאלי נתון על ידי הפונקציה

$$H(\omega) = \begin{cases} \frac{e^{j\pi\omega/\omega_s}}{\operatorname{sinc}(\omega/\omega_s)} & |\omega| \leq \frac{\omega_s}{2} \\ 0 & |\omega| > \frac{\omega_s}{2} \end{cases}$$

- trapz() יש להפעיל את המסנן האידיאלי במישור התדר על $X^F_{ZOH}(\omega)$ לקבלת ביטוי ל $x_{rec}(t)$. השתמש/י בפונקצית ו $x_{rec}(t)$ ו- $x_{rec}(t)$ בגרף על מנת לחשב את האות המשוחזר, $x_{rec}(t)$, על ידי אינטגרל התמרת פורייה. הציגו את האותות $x_{rec}(t)$ ו- $x_{rec}(t)$ אחד. האם התקבל שחזור מדויק של $x_{rec}(t)$ הסבר/י.
 - . האם במקרה אה ניתן לקבל שחזור מדויק? הסברעי. $\omega_s=9\omega_m\left[\frac{rad}{sec}\right]$ נדגם בתדר x(t) נדגם בתדר גער נקי). כעת הנח γ י כעת הנח γ י בתדר מתיישבות עם המסקנה מסעיף אה.

שאלה 2. דגימה לא אחידה של אות מחזורי (30 נק')

 $x(t)=5\cos(\omega_A t)-3\sin(\omega_B t);$ $\omega_A=7\pi,~\omega_B=4\pi$: נתון אות מחזורי מוגבל סרט

- א. (10 נקי). מה זמן המחזור של הפונקציה x(t) דיגמו את האות בצורה אחידה על פני מחזור אחד בעזרת 15 נקי דגימה. הצג/י את האות היידגום" x_s יחד עם האות המקורי היירציף" x_s , על פני מחזור אחד. מדוע נדרשות לפחות 15 נקודות דגימה? הערה: שימו לב שנקודת הדגימה ה15 של האות היידגום" לא ממוקמת בתחילת המחזור השני של האות ייהרציף". הערה: שימו לב כי וקטור הדגימות x_s אינו אות רציף ויש להציג את הדגימות בלבד. לצורך כך השתמשו בתכונות הקו של פונקציית x_s שהוצג בתחילת העבודה.
- ב. (10 נקי). כפי שהוצג בשיעור, ניתן להשתמש בדגימות מסעיף אי על מנת למצוא את מקדמי טור פורייה ע"י כתיבת x מערכת משוואות מהצורה x כאשר הוקטור x מכיל את ערכי הפונקציה בN נקודות הדגימה והוקטור מכיל את x מקדמי טור פורייה.
 - (מספיק לכתוב ביטוי לאיבר כללי). כתב γ י בצורה מפורשת את מטריצת האקספוננטים
 - .N>2M+1 , N=2M+1 : יש לפתח ביטוי למציאת הוקטור a מתוך מערכת המשוואות. התייחס \prime י למקרים מקדמי טור פורייה. הצג \prime י את ערכי N נקודות הדגימה מסעיף אי, חשב \prime י באמצעות אמדעות מקדמים בטבלה.
- ג. (10 נקי). שחזרו את האות מתוך וקטור מקדמי טור פורייה והציגו את האות המשוחזר והאות המקורי בגרף אחד.הערה: האות המשוחזר יוצג כאות רציף ולכן כולל כמות נקודות גבוהה מכמות הדגימות בסעיף אי.
 - T. (6 נקי). חיזרו על סעיפים אי, ב' וג' כאשר 15 נקודות הדגימה מפוזרות בצורה אקראית על פני מחזור אחד של האות. לצורך דגימה אקראית השתמשו בפונקצית rand. ממה יש להיזהר במקרה זה אם ברצוננו לשחזר את האות!
- ה. (8 נקי). חזרו על סעיפים אי-די כאשר יש אי-ודאות במיקום הדגימות, כלומר כאשר בונים את המטריצה F, במקום ארכניס את זמן הדגימה האמיתי, t_n , יש להכניס להכניס את $t_n + 0.01 * rand(1)$ (שימו לב- לכל ח מגרילים מספר כנדומלי אחר). חשבו את ה-condition number של מטריצה F בשני המקרים (דגימה אחידה ולא אחידה) עייי פונקצית cond.
- (6) נקי). חזרו על סעיף הי כאשר דוגמים את האות ב-40 נקי על פני מחזור אחד, עבור המקרה של דגימה לא אחידה(שימו לב שמספר המקדמים שמחפשים נשאר זהה). הסבירו את ההבדלים שהתקבלו.

שאלה 30 - דגימה ואנליזה פונקציונאלית (30 נק')

נתונים שני סטים של פונקציות בסיס מחזוריות:

- . מספר שלם, $\phi_n(t)=\exp{(jrac{2\pi}{T}nt)}$
- [0,1] אשר מקבל ערכים בתחום ערכים אשר מייצגת אל ריבועי, אשר מקבל ערכים בתחום $\psi_n(t)=\sum_{k=-\infty}^{\infty}\prod\left(rac{t}{T/20}-(n+0.5)-20k
 ight)$ duty cycle בעל זמן מחזור T ו- duty cycle של 5% (0,19).

 $T=10 \ [sec]$ נתונים שני אותות בעלי זמן מחזור

- $f(t) = 4\cos\left(\frac{4\pi}{T}t\right) + \sin\left(\frac{10\pi}{T}t\right) \quad \bullet$
- : פונקציה מחזורית עם זמן מחזור T כך שמחזור אחד מקיים g(t)

$$g(t) = 2sign\left(\sin\left(\frac{6\pi}{T}t\right)\right) - 4sign\left(\sin\left(\frac{4\pi}{T}t\right)\right), t \in [0, T]$$

א. (5 נקי) כתבו פונקציה ב MATLAB המקבלת שלושה ארגומנטים:

- וקטור עמודה המכיל ערכים ממחזור אחד של האות בזמן יירציףיי.
- מטריצה בעלת N עמודות המכילה בכל עמודה פונקציית בסיס אחת (ערכים של פונקציית הבסיס), כך שהמטריצה תייצג סט אחד של פונקציות. הערה: שימו לב שמספר השורות במטריצה ובווקטור צריכים להתאים.
 - סקלר השווה לזמן המחזור T.

הפונקציה מחזירה וקטור באורך N, המכיל את מקדמי ההטלה של האות על כל אחת מפונקציות הבסיס. מקדמי ההטלה עבור פונקציות בסיס ואותות מחזוריים יחושבו כך :

$$c_n = \frac{\langle x(t), \phi_n(t) \rangle}{\|\phi_n(t)\|^2} = \frac{\int_0^T x(t)\phi_n^*(t)dt}{\int_0^T |\phi_n(t)|^2 dt}$$

(השתמשו בפונקציה trapz על מנת לחשב את האינטגרלים)

ב. (10 נקי) בעזרת הפונקציה מסעיף אי חשבו את מקדמי ההטלה c_n של כל אחד משני האותות על כל אחד משני הסטים של פונקציית הבסיס הנתונים. עבור $\phi_n(t)$ חשבו את המקדמים c_{-20},\dots,c_{20} , ועבור $\psi_n(t)$ חשבו את המקדמים שקיבלתם והסבירו את התוצאה. c_0,\dots,c_{19}

הערה: נסו להגדיר את מטריצת פונקציות הבסיס בשורה אחת, ללא שימוש בלולאה.

 $oldsymbol{\zeta}$. (10נקי) שחזרו את האותות מתוך מקדמי ההטלה שחישבתם בסעיף ב', על ידי נוסחת השחזור:

$$\hat{x}(t) = \sum_{n=-N}^{N} c_n \phi_n(t)$$

. אחד, אחד, אחד, אחד שבור g(t) ובגרף נוסף עבור אחד, עבור מחזור אחד, אחד אחד, אחד אחד, אחד המקורי ואת האותות ששחזרתם בגרף אחד עבור f(t)

• האם מתקבל שחזור מדויק בכל אחד מהמקרים!

- שניאה) על ידי (ללא שגיאה) מתוך מקדמי ההטלה על $\phi_n(t)$, האם ניתן לקבל שיחזור מדויק (ללא שגיאה) על ידי g(t) הוספת מקדמים מעבר לאלו שחושבו? כיצד ניתן לשפר את דיוק השחזור?
- שניאה) על ידי (ללא שריאור מדויק (ללא שריאה) בשחזור האות f(t) מתוך מקדמי ההטלה על $\psi_n(t)$, האם ניתן לקבל שחזור מתובר לאלו שחושבו? כיצד ניתן לשפר את דיוק השחזור?

: (5 נקי). הסבר/י

- באיזה בסיס עדיף להשתמש עבור כל אחד מהאותות הנתונים?
 - מהם היתרונות והחסרונות בכל אחד מהבסיסים!
 - יור ZOH אהה לשחזור $\psi_n(t)$ יהה לשחזור •

בהצלחה!