第4回 知能システム学特論レポート

15344203 有田 裕太 15344206 緒形 裕太 15344209 株丹 亮 12104125 宮本 和

西田研究室,計算力学研究室

2015年6月29日

進捗状況

理論研究の進捗

人工ニューラルネットワークの理論について

プログラミングの進捗

なし

ユニットの出力

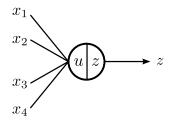


Figure: ユニット1つの入出力の例

- 各ユニットは複数の入力を受けて1つの出力を計算する.
- 各入力に対しそれぞれ異なる重み w1, w2, w3, w4 を入力 x1, x2, x3, x4 に掛けたものの和にバイアス値 b を加える.

ユニットの出力

総入力uとユニットの出力z

$$u = w_1 x_1 + w_2 x_2 + w_3 x_3 + w_4 x_4 + b$$

$$z = f(u)$$
(1)
(2)

これを一般化し

第 1 層のユニットを $i=1,\cdots,I$,第 2 層のユニットを $j=1,\cdots,J$ で表すと

入出力式の一般化

$$u_j = \sum_{i=1}^{I} w_{ji} x_i + b_j$$

$$z_j = f(u_j)$$
(3)

活性化 (シグモイド) 関数

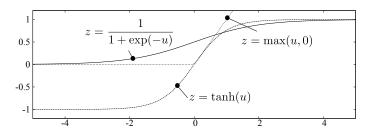


Figure: 典型的なシグモイド関数

マックスアウト

マックスアウト関数

$$u_{jk} = \sum w_{jik} z_i + b_{jk} \quad (1...K)$$
 (5)

$$f(u_j) = \max_{k=1\dots K} (u_{jk}) \tag{6}$$

- ユニットをまとめたような構造を持つ.
- 異なる重みとバイアスを持つそれぞれの総入力を別々に計算し 最大値をユニットの出力とする。

多層ネットワーク

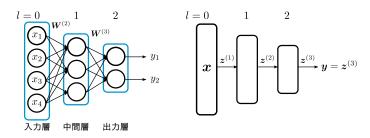


Figure: 2層のネットワーク

- 入力 u^(l), 出力 z^(l)
- ullet 各層間の結合重み $oldsymbol{W}^{(l)}\;(l=2,\cdots,L)$
- $oldsymbol{\circ}$ ユニットのバイアス $oldsymbol{b}^{(l)}\;(l=2,\cdots,L)$

多層ネットワーク

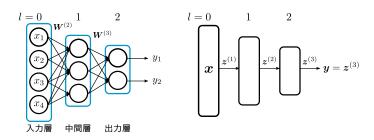


Figure: 2層のネットワーク

中間層
$$(l=2)$$
,出力層 $(l=3)$ はそれぞれ $m{u}^{(2)} = m{W}^{(2)} m{x} + m{b}^{(2)}$ $m{z}^{(2)} = m{f}(m{u}^{(2)})$ $m{u}^{(3)} = m{W}^{(3)} m{z}^{(2)} + m{b}^{(3)}$ $m{z}^{(3)} = m{f}(m{u}^{(3)})$

多層ネットワーク

任意の階層 L のネットワークに一般化すると

$$u^{(l+1)} = W^{(l+1)}z^{(l)} + b^{(l+1)}$$
 (7)
 $z^{(l+1)} = f(u^{(l+1)})$ (8)

- $l=1,\ 2,\ 3,\cdots,L-1$ の順に繰り返していくと最終的な出力 $m{y}$ を決定することができる.
- 各層間の結合重み $oldsymbol{W}^{(l)}$ とユニットのバイアス $oldsymbol{b}^{(l)}$ を成分に持つベクトル $oldsymbol{w}$ を定義する.
- これを y(x; w) と表現する.

出力層の設計と誤差関数

順伝播型ネットワークが表現する関数 y(x;w) をネットワークのパラメータ w を変えることで変化させ、望みの関数を与える.

$$\{(\boldsymbol{x}_1, d_1), (\boldsymbol{x}_1, d_1), ..., (\boldsymbol{x}_N, d_N)\}$$
 (9)

これらのペア (x, d) 1つ1つを訓練サンプル (training samples) といい,その集合を訓練データ (training data) という.学習とはネットワーク w を調整することで訓練データの入出力ペアをできるだけ再現すること.ネットワークが表す関数と訓練データとの近さ $(y(x_n; w))$ を誤差関数 (error function) で定義する.誤差関数は問題の種別や活性化関数によって異なる.

Table: 問題の種別ごとの活性化関数と誤差関数

問題の種別	出力層の活性化関数	誤差関数
回帰	正接双曲線関数や恒等写像	二乗誤差 式 (10)
二值分類	ロジスティック関数	式 (11)
多クラス分類	ソフトマックス関数	交差エントロピー 式 (13)

回帰

回帰

出力連続値をとる関数を対象に訓練データを良く再現する関数を求めることをいう.回帰では活性化関数に正接双曲線関数や恒等写像を用いる

評価関数

$$E(\boldsymbol{w}) = \frac{1}{2} \sum_{n=1}^{N} ||\boldsymbol{d}_{n} - \boldsymbol{y}(\boldsymbol{x}_{n}; \boldsymbol{w})||^{2}$$
(10)

二值分類

二值分類

入力 x に応じて 2 種類に区別する問題を考える。すなわち, $d\in\{0,1\}$ とする。このとき,活性化関数はロジスティック関数 $y=1/(1+\exp(-u))$ とする。

評価関数

$$E(\mathbf{w}) = -\sum_{n=1}^{N} \left[d_n \log y(\mathbf{x}_n; \mathbf{w} + (1 - d_n) \log\{1 - y(\mathbf{x}_n; \mathbf{w})\}) \right]$$
(11)

多クラス分類

多クラス分類

入力 x に応じて有限個のクラスに分類する問題である.活性化関数にはソフトマックス関数 (softmax function) が良く用いられる.

活性化関数と評価関数

$$y_k \equiv z_k^{(L)} = \frac{\exp(u_k^{(L)})}{\sum_{j=1}^K exp(u_j^{(L)})}$$
 (12)

$$E(\boldsymbol{w}) = -\sum_{n=1}^{N} \sum_{k=1}^{N} d_{nk} \log y_k(\boldsymbol{x}_n; \boldsymbol{w})$$
(13)

今後の課題

理論研究

DNN, CNN, caffe について理解を深める

プログラミング

中間層の出力, 可視化