

40

(1)

 $F = ma$ より、 (運動方程式)

おもりAにおいて、

$$F = m_1 g - T_1$$

を代入して、

$$m_1 g - T_1 = m_1 a$$

$$T_1 = m_1 g - m_1 a \quad \cdots \textcircled{1}$$

おもりBにおいて、

$$F = T_1 - T_2 - m_2 g$$

を代入して、

$$T_1 - T_2 - m_2 g = m_2 a$$

$$T_1 - T_2 = m_2 a + m_2 g \quad \cdots \textcircled{2}$$

おもりCにおいて、

$$F = T_2 - m_3 g$$

を代入して、

$$T_2 - m_3 g = m_3 a$$

$$T_2 = m_3 a + m_3 g \quad \cdots \textcircled{3}$$

①, ②, ③式より、

$$(m_1 g - m_1 a) - (m_3 a + m_3 g) = m_2 a + m_2 g$$

$$(m_1 + m_2 + m_3) a = (m_1 - m_2 - m_3) g$$

$$\therefore a = \frac{m_1 - m_2 - m_3}{m_1 + m_2 + m_3} g \quad \cdots \textcircled{4}$$

(2)

①, ④式より、

$$\begin{aligned} T_1 &= m_1 g - m_1 \frac{m_1 - m_2 - m_3}{m_1 + m_2 + m_3} g \\ &= \left(1 - \frac{m_1 - m_2 - m_3}{m_1 + m_2 + m_3} \right) m_1 g \\ &= \frac{2m_1(m_2 + m_3)}{m_1 + m_2 + m_3} g \end{aligned}$$

(3)

③, ④式より、

$$\begin{aligned} T_2 &= m_3 \frac{m_1 - m_2 - m_3}{m_1 + m_2 + m_3} g + m_3 g \\ &= \left(\frac{m_1 - m_2 - m_3}{m_1 + m_2 + m_3} + 1 \right) m_3 g \\ &= \frac{2m_1 m_3}{m_1 + m_2 + m_3} m_3 g \end{aligned}$$