



Asignatura:

1167-MAT131-CALCULO Y GEOMETRIA ANALITICA-SEM

Tema:

Actividad de Aprendizaje #1

Facilitador:

Estarli Peña

Sustentado por:

Christopher Cubilete de la Cruz: A00110972.

Diego Fernando Mejía Reyes: A00120605.

Pablo Berroa Heredia: A00105809.

Jhonson Adames: A00101966.

Giancarlo Martinez: A00106912.

Heyser Poche: A00105890.

Ivan Geraldo Suero Espinal: A00114523

Fecha de entrega:

17/01/2026.

Práctica -1 Ilhoron Abner

AD0101699

Demuestra cada una de los ejercicios
siguientes:

Demuestra que el Triángulo de vértices $(1, 2)$,
 $D(-3, 1)$, $C(-2, 4)$ es isósceles y rectángulo

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$AB = \sqrt{(-3 - 1)^2 + (1 - 2)^2} = \sqrt{(-3 + 1)^2 + (-1)^2} = \sqrt{(-2)^2 + (-1)^2} = \sqrt{4 + 1} = \sqrt{5}$$

$$BC = \sqrt{(-2 - (-3))^2 + (4 - 1)^2} = \sqrt{(-2 + 3)^2 + (3)^2} = \sqrt{1^2 + (3)^2} = \sqrt{1 + 9} = \sqrt{10}$$

$$AC = \sqrt{(-2 - 1)^2 + (4 - 2)^2} = \sqrt{(-2 + 1)^2 + (2)^2} = \sqrt{(-1)^2 + (2)^2} = \sqrt{1 + 4} = \sqrt{5}$$

El triángulo es isósceles ya que la distancia
de (A, B) es igual que (B, C)

y es rectángulo ya que $AB + AC = BC$

Práctica F
Lnam Durco
AOVII/4523

2) Si los vértices de un triángulo son $A(1,2)$, $B(2,5)$, $C(5, -2/3)$. Demostar que es un triángulo rectángulo.

$$d(A,B) = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$d(A,C) = \sqrt{(2-1)^2 + (5-(-2))^2}, d(A,B) = \sqrt{(1)^2 + (5+2)^2}$$

$$d(A,C) = \sqrt{(1)^2 + (-3)^2}$$

$$d(A,B) = \sqrt{1+9}$$

$$d(A,C) = \sqrt{10}$$

$$d(A,B) = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$d(A,C) = \sqrt{(5-1)^2 + (-2/3-(-2))^2}, d(A,B) = \sqrt{(4)^2 + (-2/3+2)^2}$$

$$d(A,C) = \sqrt{(4)^2 + (-2/3+6/3)^2} \quad \frac{B \cdot C}{A \cdot B} = \frac{6}{3}$$

$$d(A,C) = \sqrt{(4)^2 + (4/3)^2}$$

$$d(A,C) = \sqrt{16 + 16/9}$$

$$d(A,C) = \sqrt{144/9 + 16/9} \quad 16 = \frac{16 \cdot 9}{1 \cdot 9} = \frac{144}{9}$$

$$d(A,C) = \sqrt{160/9}$$

cont

Juan Suero
A00114523

$$d(B,C) = \sqrt{(y_3 - y_2)^2 + (x_3 - x_2)^2}$$

$$d(B,C) = \sqrt{(5-2)^2 + (-2-y_3 - (-5))^2} = d(B,C) = \sqrt{(3)^2 + (-y_3 + 5)^2}$$

$$d(B,C) = \sqrt{(3)^2 + (-y_3 + 15/3)^2} \rightarrow \frac{5 \cdot 3}{1 \cdot 3} = 15$$

$$d(B,C) = \sqrt{9 + (15/3)^2} \quad | \cdot 3 = 3$$

$$d(B,C) = \sqrt{9 + 169/9}$$

$$d(B,C) = \sqrt{81/9 + 169/9}$$

$$d(B,C) = \sqrt{250/9}$$

$$q = \frac{9 \cdot 9}{1 \cdot 9} = \frac{81}{9}$$

$$d(A,B) = \sqrt{10}$$

$$d(A,C) = \sqrt{169/9} = \sqrt{17 \cdot 7}$$

$$d(B,C) = \sqrt{250/9} = \sqrt{27 \cdot 7} \quad (\text{más largo})$$

$$(d(A,B))^2 + (d(A,C))^2 = (d(B,C))^2$$

$$\sqrt{10^2} + \sqrt{17 \cdot 7^2} = \sqrt{27 \cdot 7^2}$$

$$10 + 17 \cdot 7 = 27 \cdot 7$$

$$27 \cdot 7 = 27 \cdot 7$$

Conclusion: Es un triángulo rectángulo

Heyser Poche A00105890

3) $M(2,3)$
 $A B : O(7,5)$

$$\frac{x_1 + 7}{2} = 2 \quad \frac{y_1 + 5}{2} = 3$$

$$x_1 + 7 = 2(2) \quad y_1 + 5 = 3(2)$$

$$x_1 + 7 = 4 \quad y_1 + 5 = 6$$

$$x_1 = 4 - 7 \quad y_1 = 6 - 5$$

$$x_1 = -3 \quad y_1 = 1$$

$$(-3, 1)$$

Christopher Cubilete

A00110972

4) Demuestra que los puntos A(0,-2), B(2,4) y C(1,1) son colineales.

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$\begin{aligned} AB &= \sqrt{(2-0)^2 + (4-(-2))^2} = \sqrt{(4^2) + (6)^2} = \sqrt{4+36} = \sqrt{40} \\ &= \sqrt{4} \cdot \sqrt{10} = 2\sqrt{10} \end{aligned}$$

$$AC = \sqrt{(1-0)^2 + (1-(-2))^2} = \sqrt{(1)^2 + (3)^2} = \sqrt{1+9} = \sqrt{10}$$

$$CB = \sqrt{(2-1)^2 + (4-1)^2} = \sqrt{(1)^2 + (3)^2} = \sqrt{1+9} = \sqrt{10}$$

$$AC + CB = \sqrt{10} + \sqrt{10} = 2\sqrt{10} = AB$$

La suma de dos distancias es igual a la tercera por tanto A, B y C son colineales.

◀ t1 /ene/2026 ▶

- Diego F. Mejía Ríos - 400720605
5) La distancia entre los puntos $A(5, 1)$ y $B(5, y)$ es igual a 8, ¿cuánto vale y ?

$$AC(5, 1) \quad BC(5, y) \quad d(A, B) = 8$$

$$d(A, B) = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$8 = \sqrt{(5-5)^2 + (y-1)^2}$$

$$8^2 = (\sqrt{(5-5)^2 + (y-1)^2})^2$$

$$64 = (5-5)^2 + (y-1)^2$$

$$64 = (0)^2 + (y-1)^2$$

$$64 = 0 + (y-1)^2$$

$$64 = (y-1)^2$$

$$\sqrt{64} = \sqrt{(y-1)^2}$$

$$\pm 8 = y-1$$

$$y-1 = -8, \quad y-1 = 8$$

$$y-1+1 = -8+1, \quad y-1+1 = 8+1$$

$$y = -7, \quad y = 9$$

Para el punto $B(5, y)$, $y = -7 = 0$. $y = 9$, tal que:

$A(5, 1) \neq B(5, -7)$ ó $A(5, 1) \neq B(5, 9)$.

Diego Fernando Mejia Reyes - A00120605

- 6) Averiguar que los puntos $A(-2, 4)$, $B(4, -5)$, $C(1, -\frac{1}{2})$ son colineales. utilizando las pendientes.

$$A(-2, 4) \quad B(4, -5) \quad C(1, -\frac{1}{2})$$

$$M_{AB} = \frac{x_2 - x_1}{y_2 - y_1} \quad M_{BC} = \frac{x_3 - x_2}{y_3 - y_2}$$

$$M_{AB} = \frac{4 - (-2)}{-5 - 4} \quad M_{BC} = \frac{1 - 4}{-\frac{1}{2} - (-5)}$$

$$M_{AB} = \frac{4 + 2}{-5 - 4} \quad M_{BC} = \frac{1 - 4}{1 + 5}$$

$$M_{AB} = \frac{6}{-9} \quad M_{BC} = -\frac{3}{2}$$

$$M_{AB} = -\frac{2}{3} \quad (1)(1) + (2)(5) \\ = 2(1)$$

$$M_{BC} = -\frac{3}{2} \quad -1 + 10 \\ = \frac{9}{2}$$

$$M_{BC} = -\frac{3}{2}$$

$$M_{BC} = -3 \cdot \frac{2}{9}$$

$$M_{BC} = -\frac{6}{9} = \boxed{-\frac{2}{3}}$$



◀ 11 /ene /2026 ▶

Diego Fernando Mejia Reyes - A00120605

$$M_{AC} = \frac{x_3 - x_1}{y_3 - y_1}$$

$$M_{AC} = \frac{1 - (-2)}{-\frac{1}{2} - 4}$$

$$M_{AC} = \frac{1 + 2}{-\frac{1}{2} - 4}$$

$$M_{AC} = \frac{3}{\frac{(-1)(1) - (4)(2)}{2(1)}}$$

$$M_{AC} = \frac{3}{-1 - 8}$$

$$M_{AC} = \frac{3}{-9}$$

$$M_{AC} = 3 \cdot -\frac{2}{9}$$

$$M_{AC} = -\frac{6}{9} = \boxed{\frac{2}{3}}$$

$M_{AB} = M_{BC} = M_{AC}$; Los puntos son colineales.