Содержание

L	Теория чисел 1.1 KTO КТО 1.2 Алгоритм Миллера Рабина	
2	Графы 2.1 SCC и 2-SAT 2.2 Эйлеров цикл	1 1 2
3	хог, and, ог-свёртки 3.1 and-свёртка 3.2 ог-свёртка 3.3 хог-свёртка	2 2 2 2
1	Структуры данных 4.1 Дерево Фенвика	2 2 2

1 Теория чисел

1.1 KTO

```
1 int gcd(int a, int b, int &x, int &y) {
      if (b==0) { x = 1; y = 0; return a; }
3
      int d = gcd(b,a%b,x,y);
4
      swap(x,y);
5
      y - = a / b * x;
6
      return d;
7 }
8 int inv(int r, int m) {
      int x, y;
9
10
      gcd(r,m,x,y);
11
      return (x+m)%m;
12 }
13 int crt(int r, int n, int c, int m) { return r + ((
      c - r) % m + m) * inv(n, m) % m * n; }
```

1.2 Алгоритм Миллера — Рабина

```
1 __int128 one=1;
2 int po(int a, int b, int p)
3 {
4
       int res=1;
       while(b) {if(b & 1) {res=(res*one*a)%p;--b;}
       else {a=(a*one*a)%p;b>>=1;}} return res;
6 }
7 bool chprime(int n) ///miller-rabin
8 {
9
       if(n==2) return true;
       if(n<=1 || n%2==0) return false;
11
       int h=n-1; int d=0; while(h %2==0) {h/=2; ++d;}
       for(int a:{2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29,
12
       31, 37})
           {
14
           if(a==n) return true;
           int u = po(a,h,n); bool ok = 0;
16
           if(u%n==1) continue;
           for(int c=0; c<d;++c)</pre>
17
18
19
                if((u+1)%n==0) {ok=1;break;}
20
               u=(u*one*u)%n;
21
           }
           if(!ok) return false;
23
       7
24
       return true;
25 }
```

2 Графы

2.1 SCC и 2-SAT

Алгоритм ищет сильносвязные компоненты в графе g, если есть путь $i \to j$, то $scc[i] \le scc[j]$

В случае 2- \mathcal{SAT} рёбра $i\Rightarrow j$ и $(j\oplus 1)\Rightarrow (i\oplus 1)$ должны быть добавлены одновременно.

```
1 vector < vector < int >> g(2 * n);
 2 vector < vector < int >> r(g.size());
 3 for (int i = 0; i < g.size(); ++i) {</pre>
       for (int j : g[i]) r[j].push_back(i);
 5 }
 6 vector<int> used(g.size()), tout(g.size());
 7 int time = 0;
 8 auto dfs = [&](auto dfs, int cur) -> void {
       if (used[cur]) return;
       used[cur] = 1;
       for (int nxt : g[cur]) {
           dfs(dfs, nxt);
12
14
       // used[cur] = 2;
15
       tout[cur] = time++;
16 };
17 for (int i = 0; i < g.size(); ++i) if (!used[i])
dfs(dfs, i);
18 vector<int> ind(g.size());
| 19 iota(ind.begin(), ind.end(), 0);
```

```
20 sort(all(ind), [&](int i, int j){return tout[i] >
      tout[j];});
21 vector<int> scc(g.size(), -1);
22 auto go = [&](auto go, int cur, int color) -> void
23
       if (scc[cur] != -1) return;
24
       scc[cur] = color;
       for (int nxt : r[cur]) {
25
26
           go(go, nxt, color);
27
28 };
29 \text{ int color} = 0;
30 for (int i : ind) {
31
      if (scc[i] == -1) go(go, i, color++);
32 }
33 for (int i = 0; i < g.size() / 2; ++i) {
       if (scc[2 * i] == scc[2 * i + 1]) "IMPOSSIBLE"
34
       if (scc[2 * i] < scc[2 * i + 1]) {</pre>
35
36
          // !i => i, assign i = true
       } else {
37
38
           // i => !i, assign i = false
39
40 }
```

2.2Эйлеров цикл

```
1 vector < vector < pair < int , int >>> g(n); // pair { nxt ,
       idx}
2 vector<pair<int, int>> e(p.size());
3 // build graph
4 vector < int > in(n), out(n);
5 for (auto [u, v] : e) in[v]++, out[u]++;
6 vector < int > used(m), it(n), cycle;
7 auto dfs = [&](auto dfs, int cur) -> void {
      while (true) {
9
           while (it[cur] < g[cur].size() && used[g[</pre>
       cur][it[cur]].second]) it[cur]++;
           if (it[cur] == g[cur].size()) return;
11
           auto [nxt, idx] = g[cur][it[cur]];
           used[idx] = true;
13
           dfs(dfs, nxt);
14
           cycle.push_back(idx);
15
16 };
17 \text{ int } cnt = 0, odd = -1;
18 for (int i = 0; i < n; ++i){
19
       if (out[i] && odd == -1) odd = i;
       if (in[i] != out[i]) {
           if (in[i] + 1 == out[i]) odd = i;
21
           if (abs(in[i] - out[i]) > 1) return {}; //
22
       must hold
23
           cnt++;
24
25
26 if (cnt != 0 && cnt != 2) return {}; // must hold
27 // for undirected find odd vertex (and count that #
        of odd is 0 or 2)
28 dfs(dfs, odd);
29 reverse(cycle.begin(), cycle.end());
30 if (cycle.size() != m) return {};
```

xor, and, or-свёртки

3.1 and-свёртка

```
1 vector < int > band (vector < int > a, vector < int > b)
2 {
3
       int n=0:while((1<<n)<a.size()) ++n:</pre>
4
       a.resize(1<<n);b.resize(1<<n);
       for (int i=0; i<n; ++i) for (int mask=0; mask<(1<<n)</pre>
       ; ++ mask) if (mask & (1<<i)) {a [mask - (1<<i)]+=a[
       mask];a[mask-(1<<i)]%=p;}
       for (int i=0; i<n; ++i) for (int mask=0; mask<(1<<n)</pre>
       ; ++ mask) if(mask & (1 << i)) \{b[mask - (1 << i)] += b[
      mask];b[mask-(1<<ii)]%=p;}
       vector < int > c(1 << n, 0);</pre>
       for(int mask=0; mask<(1<<n); ++ mask) {c[mask]=a[</pre>
       mask] * b [mask]; c [mask] %=p;}
```

```
for(int i=0;i<n;++i) for(int mask=0;mask<(1<<n)</pre>
       ;++mask) if(!(mask & (1<<i))) {c[mask]-=c[mask]
      +(1<<i)];c[mask]%=p;}
10
      return c;
11 }
  3.2 от-свёртка
1 vector < int > bor (vector < int > a, vector < int > b)
2 {
3
      int n=0; while((1<<n)<a.size()) ++n;</pre>
      a.resize(1<<n);b.resize(1<<n);
4
       for(int i=0;i<n;++i) for(int mask=0;mask<(1<<n)</pre>
      ; ++mask) if (!(mask & (1<<i))) {a[mask+(1<<i)]+=
      a[mask];a[mask+(1<<ii)]%=p;}
      for(int i=0;i<n;++i) for(int mask=0;mask<(1<<n)</pre>
       ; ++mask) if(!(mask & (1<<i))) \{b[mask+(1<<i)]+=
      b[mask];b[mask+(1<<ii)]%=p;}
      vector<int> c(1<<n,0);
      for(int mask=0; mask<(1<<n); ++ mask) {c[mask]=a[</pre>
      mask]*b[mask];c[mask]%=p;}
      for(int i=0;i<n;++i) for(int mask=0;mask<(1<<n)</pre>
       ; ++mask) if (mask & (1<<i)) {c[mask]-=c[mask]}
       -(1<<i)];c[mask]%=p;}
10
       return c;
11 }
  3.3 хот-свёртка
1 vector<int> bxor(vector<int> a, vector<int> b)
2 {
3
       assert(p%2==1); int inv2=(p+1)/2;
      int n=0; while((1<<n)<a.size()) ++n;</pre>
4
      a.resize(1<<n);b.resize(1<<n);
      for(int i=0;i<n;++i) for(int mask=0;mask<(1<<n)</pre>
      ; ++ mask) if (! (mask & (1<<i))) {int u=a[mask], v=
      a[mask+(1<<ii)]; a[mask+(1<<ii)]=(u+v)%p; a[mask]=(
      u-v)%p;}
      for (int i=0; i< n; ++i) for (int mask=0; mask<(1<< n)
       ;++mask) if(!(mask & (1<<i))) {int u=b[mask], v=
      b[mask+(1<<ii)];b[mask+(1<<ii)]=(u+v)%p;b[mask]=(
      u-v)%p;}
       vector<int> c(1<<n,0);</pre>
      for(int mask=0; mask<(1<<n); ++ mask) {c[mask]=a[</pre>
      mask]*b[mask];c[mask]%=p;
       for(int i=0;i<n;++i) for(int mask=0;mask<(1<<n)</pre>
       ; ++mask) if (!(mask & (1<<i))) {int u=c[mask], v=
      c[mask+(1<<ii)];c[mask+(1<<ii)]=((v-u)*inv2)%p;c[
      mask] = ((u+v)*inv2)%p;}
11
      return c;
      Структуры данных
  4.1 Дерево Фенвика
1 int fe[maxn]; /// fenwick tree
2 void pl(int pos,int val) {while(pos<maxn) {fe[pos</pre>
      ]+=val;pos|=(pos+1);}}
3 int get(int pos) {int ans=0; while(pos>=0) {ans+=fe[
      pos];pos&=(pos+1);--pos;} return ans;} /// [0,
      pos] - vkluchitelno!!!
4 int get(int 1, int r) {return get(r-1)-get(1-1);} //
```

```
/ summa na [1,r)
```

4.2 Ordered set

```
1 #include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
2 #include <ext/pb_ds/tree_policy.hpp>
4 using namespace __gnu_pbds;
5 using namespace std;
7 using ordered_set = tree<int, null_type, less<>,
     rb_tree_tag, tree_order_statistics_node_update
     >;
```