

## Problem A. Entangled Coins

输入文件: 标准输入  
输出文件: 标准输出  
时间限制: 1s  
内存限制: 512MB

给定  $n$  枚有两面（朝下或朝上）的硬币，其中有  $s$  枚朝上，其余的朝下。

你可以操作硬币**任意次（包括零次）**；在每次操作中，你应任选**恰好**  $k$  枚硬币进行翻转（朝上变为朝下，反之亦然）。

你的目标是将朝上的硬币数量从  $s$  变为  $t$ 。输出所需的**最少**操作次数或报告无解。

### 输入格式

第一行含测试用例的数量  $t$  ( $1 \leq t \leq 2 \times 10^5$ )。测试用例格式如下：

每个测试用例仅占一行，含四个整数  $n, k, s, t$  ( $1 \leq k \leq n \leq 10^9, 0 \leq s, t \leq n$ )，含义如上。

### 输出格式

对于每个测试用例，输出仅占一行：

如果有解，输出一个整数表示最少的操作次数；否则输出  $-1$  表示无解。

### 样例

标准输入	标准输出
8	1
8 3 4 7	5
9 7 1 0	15
16 15 1 0	0
4 2 3 3	1
6 6 2 4	-1
7 6 2 5	43850658
98257693 98257692 24 43850682	-1
98257693 98257692 24 43850681	

## Problem B. Ice Pigeon vs. Fire Pigeon: Extra Training!

输入文件: 标准输入  
输出文件: 标准输出  
时间限制: 5s  
内存限制: 1024MB

自从冰鸽教会了火鸽 KMP 算法后, 火鸽深受启发, 立志要成为像冰鸽一样的字符串大师。

火鸽问冰鸽如何才能在字符串问题上达到高水平, 冰鸽回答说: 加训!

冰鸽每天都在字符串问题上刻苦加训。

今天他正在解决一个这样的问题:

给定一个长度为  $n$  的字符串  $S$ 。你需要精确地执行以下操作  $k$  次:

1. 对于第  $i$  次操作 ( $1 \leq i \leq k$ ), 选择  $S$  的一个子串作为  $S_i$ 。

$S[l_i, r_i]$  是  $S$  的子串。(即, 从位置  $l_i$  开始到位置  $r_i$  结束的  $S$  的连续子串, 其中  $1 \leq l_i \leq r_i \leq n$ )。

此外, 空字符串也是  $S$  的一个子串。

2. 将选择的子串  $S_i$  ( $1 \leq i \leq k$ ) 按顺序拼接起来, 形成一个新字符串  $S_1 + S_2 + \dots + S_k$ 。

设  $X$  是通过这种方式拼接  $k$  个子串可以形成的不同字符串的数量。输出  $X$  对 998244353 取模的结果。

### 输入格式

第一行包含两个整数  $n$  和  $k$  ( $1 \leq n \leq 5 \times 10^5, 1 \leq k \leq 10^9$ )。

第二行包含一个长度为  $n$  的字符串  $S$ , 仅由大小写英文字母组成。

注意, 大写和小写字母被视为不同的字符。

### 输出格式

输出一个整数, 表示通过拼接  $k$  个子串 (按第 1 次到第  $k$  次操作的顺序选择) 可以形成的不同字符串的数量, 结果对 998244353 取模。

### 样例

标准输入	标准输出
2 2 ab	12
3 3 abb	96
2 10 Aa	28656
9 6 IcePigeon	811212467

### 提示

对于第一个样例, "ab" 的子串有: "" (空字符串)、"a"、"b" 和 "ab"。

- (1) "" + "" = ""
- (2) "" + "a" = "a"
- (3) "" + "b" = "b"
- (4) "" + "ab" = "ab"

- (5) "a" + "" = "a"
- (6) "a" + "a" = "aa"
- (7) "a" + "b" = "ab"
- (8) "a" + "ab" = "aab"
- (9) "b" + "" = "b"
- (10) "b" + "a" = "ba"
- (11) "b" + "b" = "bb"
- (12) "b" + "bab" = "bab"
- (13) "ab" + "" = "ab"
- (14) "ab" + "a" = "aba"
- (15) "ab" + "b" = "abb"
- (16) "ab" + "ab" = "abab"

在上述十六个字符串中，只有十二个是不同的：

"", "a", "b", "ab", "aa", "aab", "ba", "bb", "bab", "aba", "abb", "abab"

## Problem C. Array Deletion Game

输入文件: 标准输入  
输出文件: 标准输出  
时间限制: 3s  
内存限制: 512MB

Alice 和 Bob 在一个长度为  $N$  的数组  $A$  上玩一个游戏，数组中所有元素都是正整数。规则如下：

1. 玩家轮流行动，Alice 先手。
2. 在每个回合，玩家可以：
  - 移除数组最左边的元素，或
  - 移除数组最右边的元素。
3. 如果在一名玩家移动后，剩余元素的和  $\leq s$ ，则该玩家输掉游戏。

给定初始数组，你需要处理  $Q$  次查询。对于每次查询给出的不同  $s$ ，判断 Alice 是否有必胜策略。

### 输入格式

第一行包含一个整数  $N$  ( $1 \leq N \leq 10^5$ )，表示数组的长度。  
第二行包含  $N$  个整数  $A_i$  ( $1 \leq A_i \leq 10000$ )，表示数组的元素。  
第三行包含一个整数  $Q$  ( $1 \leq Q \leq 10^5$ )，表示查询的次数。  
接下来的  $Q$  行，每行包含一个整数  $s$  ( $1 \leq s < \sum A$ )，表示当前查询的阈值。

### 输出格式

- 对于每次查询  $s$ ，输出一行：
- 如果 Alice 有必胜策略，输出 “Alice”。
  - 否则，输出 “Bob”。

### 样例

标准输入	标准输出
5	Alice
1 3 5 7 9	Alice
3	Bob
10	
15	
20	

## Problem D. Prime XOR Permutation

输入文件: 标准输入  
输出文件: 标准输出  
时间限制: 2s  
内存限制: 512MB

给定一个整数  $N$ , 你需要构造一个从  $0$  到  $N-1$  的整数排列  $P$ , 使得对于所有  $1 \leq i < N$ ,  $P_i \oplus P_{i+1}$  都是一个质数。 $\oplus$  表示按位异或操作。

### 输入格式

第一行含一个整数  $T$  ( $1 \leq T \leq 2 \times 10^5$ ), 代表测试用例的数量。

每组测试用例仅含一个整数  $N$  ( $1 \leq N \leq 10^6$ )。

保证所有测试用例  $N$  的总和不超过  $10^6$ 。

### 输出格式

对于每组测试用例:

- 如果存在某个满足条件的排列, 输出一行, 包含  $N$  个由空格分隔的整数, 表示该排列  $P$ 。
- 如果不存在这样的排列, 输出  $-1$ 。

### 样例

标准输入	标准输出
2	3 1 2 0
4	4 1 3 0 2
5	

## Problem E. Mysterious XOR Operation

输入文件: 标准输入  
输出文件: 标准输出  
时间限制: 1s  
内存限制: 512MB

我们定义一种特殊的神秘异或操作  $\oplus_m$ , 规则如下:

对于两个数  $a$  和  $b$ , 首先计算它们的常规异或结果  $c = a \oplus b$ 。然后按以下方式处理  $c$  的二进制表示:

1. 从最低有效位到最高有效位扫描  $c$  的二进制表示
2. 初始化一个计数器  $count = 0$
3. 对于每一位:
  - 如果该位是 1:
    - 将  $count$  加 1
    - 如果  $count$  是奇数, 保留该位
    - 如果  $count$  是偶数, 清除该位 (设为 0)
  - 如果该位是 0, 保持不变

示例:  $(101001)_2 \oplus_m (10010)_2 = (101001)_2$

给定一个长度为  $N$  的数组  $A$ , 计算所有无序对  $(i, j)$  (其中  $i \neq j$ )  $A_i$  和  $A_j$  的神秘异或结果之和。  
形式化地, 其可以被表示为  $\sum_i^N \sum_{j>i}^N A_i \oplus_m A_j$ 。

### 输入格式

第一行包含一个整数  $N$  ( $2 \leq N \leq 10^5$ )。

第二行包含  $N$  个整数  $A_i$  ( $0 \leq A_i \leq 10^8$ )。

### 输出格式

输出一个整数, 表示所有无序对的神秘异或结果之和。

### 样例

标准输入	标准输出
3 5 3 9	8

### 提示

$$5 \oplus_m 3 = 2$$

$$5 \oplus_m 9 = 4$$

$$3 \oplus_m 9 = 2$$

所以答案等于  $4 + 2 + 2 = 8$

## Problem F. Grid Survival

输入文件: 标准输入  
输出文件: 标准输出  
时间限制: 2s  
内存限制: 512MB

Alice 和 Bob 在一个有  $n$  行  $m$  列的棋盘上用一个棋子玩游戏。游戏规则如下:

- 称第  $i$  行第  $j$  列的格子位置为  $(l, c)$ , 当  $l$  和  $c$  的奇偶性相同时该格子被涂为**白色**, 不同时则被涂为**黑色**。
- 棋子必须始终位于某个格子内; 换言之, 棋子的位置也可以用一个整数对  $(l, c)$  表示, 表示棋子在第  $l$  行第  $c$  列的格子内, 且总有  $1 \leq l \leq n, 1 \leq c \leq m$ 。
- 棋盘上预先给定了  $k$  个特殊格, 第  $i$  个特殊格的位置为  $(l'_i, c'_i)$ , 并拥有一个正整数权值  $w_i$ 。
- 游戏会持续若干回合 (从第 1 回合开始):
  - 初始时, 棋盘为空, 棋子尚未放置;
  - 在第一回合, Bob 在白色与黑色间选择一个颜色  $col$ , 且对于每一个 (第  $i$  个) 特殊格, 他可以以  $w_i$  的代价**激活**该格子, 或不消耗代价且**不激活**该格子;
  - 在第二回合, Alice 选择颜色为  $col$  的任意一个格子放置棋子;
  - 在第三回合及之后的所有奇数回合, Bob 必须将棋子沿行移动 1 个单位, 即从位置  $(l, c)$  移动到  $(l+1, c)$  或  $(l-1, c)$ 。注意移动后仍有  $1 \leq l \leq n$ , 且 Bob 不能在该回合不移动棋子。
  - 在第四回合及之后的所有偶数回合, Alice 必须将棋子沿列移动 1 个单位, 即从位置  $(l, c)$  移动到  $(l, c-1)$  或  $(l, c+1)$ 。类似地, 移动后仍有  $1 \leq c \leq m$ , 且 Alice 不能在该回合不移动棋子。
- 无论何时, 一旦棋子落在任何一个**被激活**的格子, 即判 Alice 输 Bob 获胜; 否则如果游戏持续  $10^{100}$  回合 (或永远进行下去), 判 Bob 输 Alice 获胜。

假设两名玩家都足够聪明, 并给定棋盘的参数 ( $n$  和  $m$ ) 和各特殊格的参数 ( $l'_i, c'_i$  和  $w_i$ ); 对于每个被选择的颜色, 请计算 Bob 为获胜激活若干特殊格所需的最小总代价, 或报告 Bob 不可能获胜。

注意: 你需要回答多组询问。

### 输入格式

第一行包含测试用例的数量  $t$  ( $1 \leq t \leq 2 \times 10^5$ )。测试用例格式如下:

第一行包含三个整数  $n, m, k$  ( $2 \leq n, m \leq 10^6, 0 \leq k \leq \min(2 \times 10^5, n \times m)$ ), 含义如上;

接下来  $k$  行, 第  $i$  行包含三个整数  $l'_i, c'_i$  ( $1 \leq l'_i \leq n, 1 \leq c'_i \leq m$ ) 和  $w_i$  ( $1 \leq w_i \leq 10^9$ ), 表示第  $i$  个特殊格子所在的行和列及权值; 保证在同个测试用例中, 没有任何两个特殊格子在同一位置 ( $\forall 1 \leq i < j \leq k \Rightarrow l'_i \neq l'_j \vee c'_i \neq c'_j$ )。

且保证每个测试文件中  $k$  的总和不超过  $2 \times 10^5$  ( $\sum k \leq 2 \times 10^5$ )。

### 输出格式

对于每个测试用例, 答案独占一行, 含两个整数, 依次代表选择颜色为白色/黑色的答案: 若 Bob 可能获胜则输出最小总代价, 不可能则输出  $-1$ 。

## 样例

标准输入	标准输出
7	33 33
2 3 4	90 90
1 1 52	40 30
1 2 33	-1 40
2 1 47	40 40
2 2 95	5 -1
2 3 2	-1 -1
1 2 90	
1 3 30	
5 5 4	
4 2 30	
4 4 10	
2 4 40	
2 2 20	
6 6 4	
6 2 10	
6 4 10	
1 3 10	
1 5 10	
5 6 4	
5 2 10	
5 4 10	
1 3 10	
1 5 10	
11 5 5	
2 1 1	
2 3 1	
6 3 1	
10 3 1	
10 5 1	
2 2 0	



## Problem G. Line of Sight

输入文件: 标准输入  
输出文件: 标准输出  
时间限制: 8s  
内存限制: 512MB

SATSKY 将月球猫猫的故事改编为了一个几何算法问题, 以纪念与他的队友们共度的难忘岁月。  
形式化地:

- 给你一个  $n$  边形  $P$ , 其每个顶点  $P_{1\sim n}$  的坐标均为整数, 并按**逆时针**顺序给出;
- 再给你两个整数坐标点  $A$  和  $B$ , 保证它们在多边形内部 (**不含边界**);
- 称“点  $X$  能 (在  $P$  中) 从点  $Y$  被看到”当且仅当连接两点的整个线段, **两个端点除外**, 严格位于  $P$  的内部 (自然地, 也不与  $P$  的任何边相交);
- 你需要求出:
  - 对于多边形的每个顶点 ( $i$  从 1 到  $n$ ), 它 ( $P_i$ ) 能否从点  $A$  被看到?
  - 对于多边形的每个顶点 ( $i$  从 1 到  $n$ ), 它 ( $P_i$ ) 能否从点  $B$  被看到?
  - 是否存在一个在多边形内部 (**不含边界**) 的点  $C$ , 可以同时看到  $A$  和  $B$ ?

### 输入格式

第一行包含测试用例的数量  $t$  ( $1 \leq t \leq 2 \times 10^5$ )。测试用例格式如下:  
第一行包含一个整数  $n$  ( $3 \leq n \leq 2 \times 10^5$ ), 表示  $P$  的顶点数;  
第二行包含四个整数  $x_A, y_A, x_B, y_B$ , 表示点  $A$  和点  $B$  的  $x$  和  $y$  坐标;  
接下来  $n$  行, 第  $i$  行包含两个整数  $x_{P_i}, y_{P_i}$ , 表示点  $P_i$  的  $x$  和  $y$  坐标。  
保证:

- $P_{1\sim n}$  按**逆时针**顺序给出, 且必然构成一个多边形;
- 对于  $A, B$  以及  $P$  的每个顶点 ( $P_{1\sim n}$ ), 所有坐标满足  $|x|, |y| \leq 10^9$ ;
- 每个测试文件中  $n$  的总和不超过  $10^6$  ( $\sum n \leq 10^6$ )。

强调:

- $P$  中相邻的边可能共线, 不相邻的边也一样;
- $A, B$  和  $P_{1\sim n}$  中的任意三点可能在同一条直线上,  $A$  和  $B$  甚至可能重合;
- 你选择的  $C$  点的坐标可以是**小数**。

### 输出格式

对于每个测试用例, 输出三行答案:

第一行, 输出  $n$  个用空格分隔的整数: 如果点  $A$  能看到  $P_i$ , 则第  $i$  个整数为 1, 否则为 0;

第二行, 输出  $n$  个用空格分隔的整数: 如果点  $B$  能看到  $P_i$ , 则第  $i$  个整数为 1, 否则为 0;

第三行, 如果存在满足上述要求的点  $C$ , 输出字符串 “Yes” (不含引号); 否则输出字符串 “No” (不含引号)。

样例

标准输入	标准输出
2	1 1 1 1 1 1 1 1
8	1 1 1 1 1 1 1 1
-1 1 1 -1	Yes
2 -1	1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 1 1
2 1	0 0 0 0 1 1 1 1 1 1 0 0 0
1 2	No
-1 2	
-2 1	
-2 -1	
-1 -2	
1 -2	
13	
1 1 6 1	
0 1	
1 0	
2 1	
3 1	
4 0	
5 0	
6 0	
7 1	
6 2	
5 1	
4 1	
3 2	
1 2	

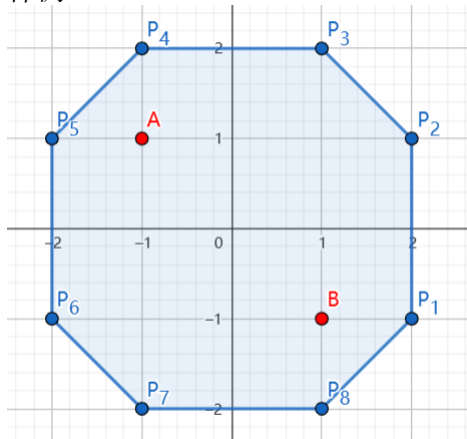
标准输入	标准输出
4	1 1 1 0 0 0 0 1
8	0 0 0 1 1 1 1 0
-2 0 2 0	No
-3 -1	1 1 1 0 0 0 0 1
-1 -1	0 0 0 1 1 1 1 0
-1 1	Yes
1 1	0 1 1 1 0 0 0 1 1 1 0 0
1 -1	1 0 0 0 1 1 1 0 0 0 1 1
3 -1	Yes
3 2	0 1 1 1 0 0 0 0
-3 2	0 0 0 0 1 1 1 0
8	Yes
-2 0 2 0	
-3 -1	
-1 -1	
-1 1	
1 1	
1 -1	
3 -1	
3 3	
-3 3	
12	
-4 -4 4 -4	
-2 1	
-2 -1	
-5 -5	
-1 -2	
1 -2	
5 -5	
2 -1	
2 1	
5 5	
1 2	
-1 2	
-5 5	
8	
-4 -4 4 -4	
-5 2	
-2 -1	
-5 -5	
-1 -2	
1 -2	
5 -5	
2 -1	
5 2	

标准输入	标准输出
2	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 0
26	0 0 0 0 0 0 0
6 20 20 6	1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
23 8	0 1 1 1 1 1 1
19 6	No
16 5	0 1 1 1 1 0 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0
13 5	0 0 0 0 0 1 1 1 1 1 1 1 0 1 1 1 1 0
10 6	Yes
8 7	
7 8	
6 10	
5 13	
5 16	
6 19	
8 23	
5 21	
3 19	
2 17	
1 14	
1 11	
2 7	
3 5	
5 3	
7 2	
11 1	
14 1	
17 2	
19 3	
21 5	
18	
-15 20 15 20	
-3 16	
-6 15	
-15 22	
-18 13	
-18 7	
-21 -2	
-21 -8	
-18 -14	
-6 -20	
6 -20	
18 -14	
21 -8	
21 -2	
18 7	
18 13	
15 22	
6 15	
3 16	

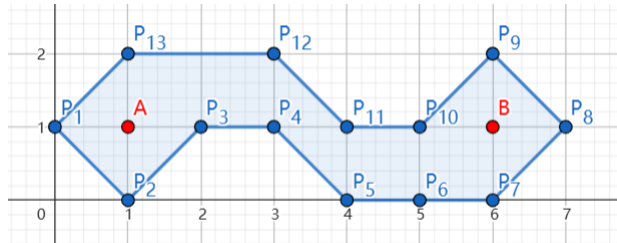
## 提示

各样例的图示如下：

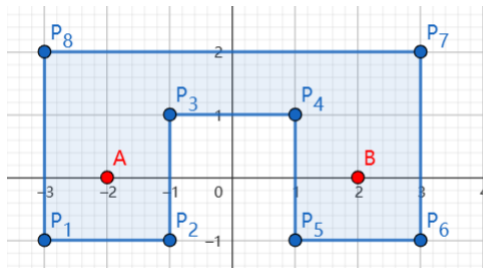
样例 1-1:



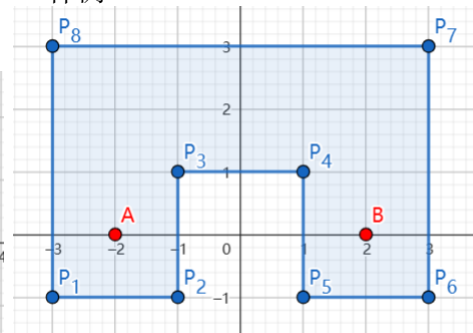
样例 1-2:



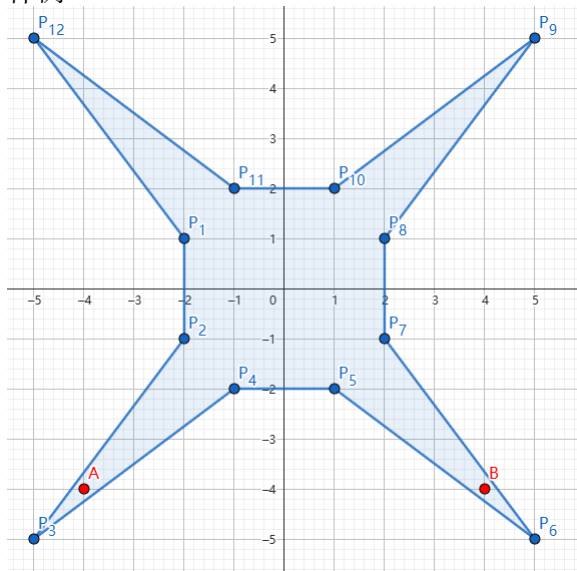
样例 2-1:



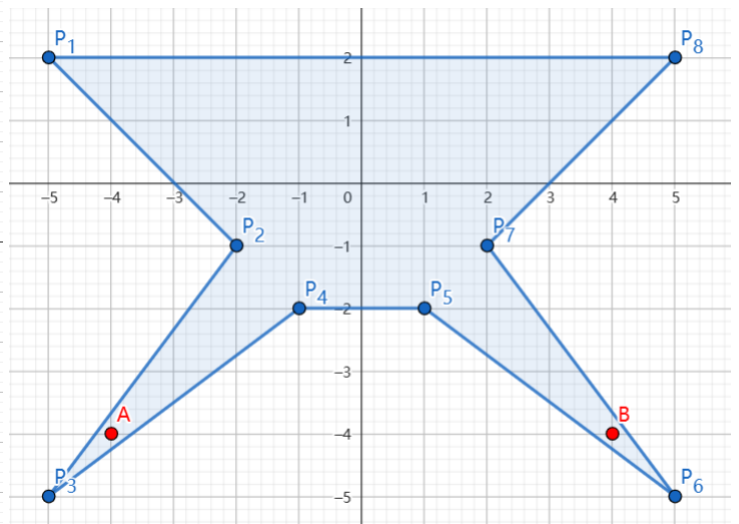
样例 2-2:



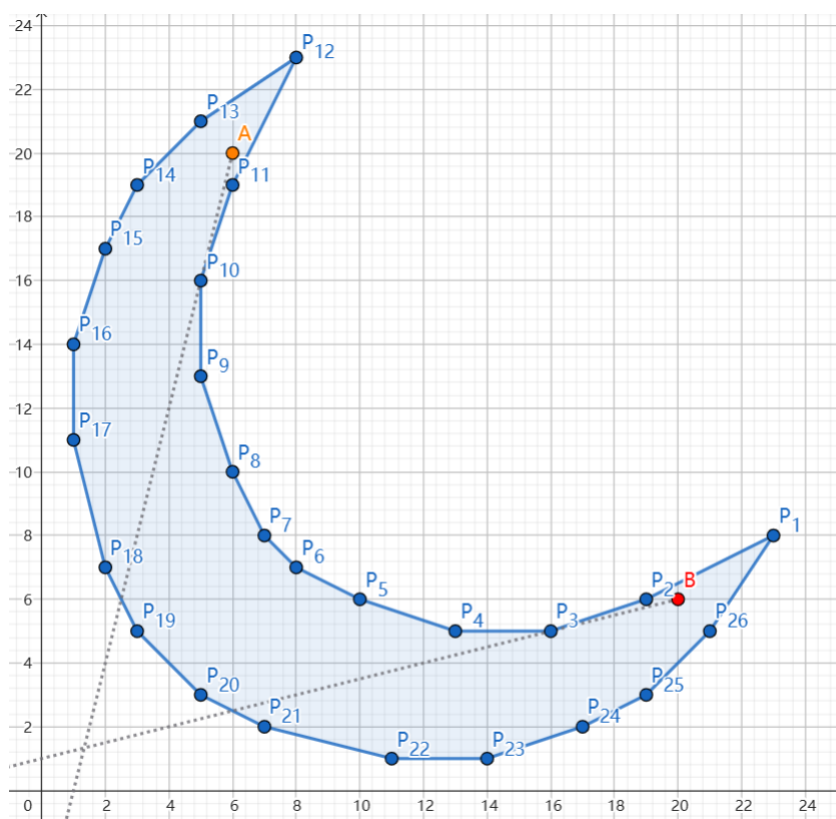
样例 2-3:



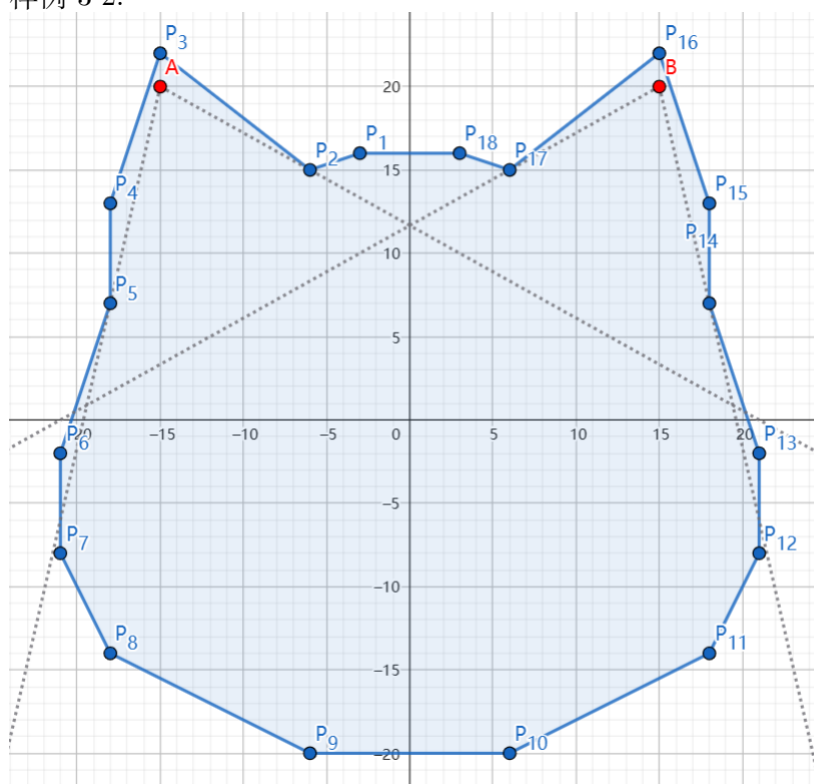
样例 2-4:



样例 3-1:



样例 3-2:



## Problem H. VI Civilization

输入文件: 标准输入  
输出文件: 标准输出  
时间限制: 1s  
内存限制: 512MB

在六明文游戏中, 玩家需要达成科技胜利条件: 在  $t$  回合内累计投入至少  $s$  点科技点到科技胜利槽。

游戏中共有  $n$  项科技。游戏初始时, 只有第一项科技  $Tech_1$  处于解锁状态并可被完成, 其余科技均处于锁定状态。玩家必须按照  $Tech_1 \rightarrow Tech_2 \rightarrow \dots \rightarrow Tech_n$  的固定顺序依次完成科技, 不能跳过或改变顺序。具体而言, 只有当玩家完成了前  $i-1$  项科技 (即  $Tech_1$  至  $Tech_{i-1}$ ) 后, 第  $i$  项科技  $Tech_i$  才会被解锁。

每项科技的完成都需要投入一定数量的科技点。玩家可以投入生产力来触发该科技的“尤里卡”时刻, 以减少科技完成所需投入的科技点, **每个科技的“尤里卡”时刻只能触发一次**。完成科技后, 玩家每回合获得的科技点将会增加。

每个科技  $Tech_i$  有四个参数:

- $a_i$ : 完成此科技所需的科技点
- $k_i$ : 完成后每回合科技点的增量
- $b_i$ : 触发尤里卡所需的生产力
- $c_i$ : 触发尤里卡后可减少的科技点 ( $0 \leq c_i < a_i$ )

六明文是回合制游戏, 每回合玩家先获得科技点和生产力, 然后进行科技点和生产力的分配。科技点和生产力的分配必须是**完整的 (不能拆分到多个任务)**, 且当前回合的科技点和生产力**不会保存到下一回合**。

游戏进程如下:

1. 在每个回合开始时, 玩家获得:

- 科技点  $m$  (完成科技  $i$  后,  $m$  永久增加  $k_i$ )
- 固定生产力  $p$  (整场游戏保持不变)

2. 接着, 玩家进行回合操作:

- **科技点分配:**

- (a) 将此回合获得的科技点  $m$  完整投入到已解锁的科技或科技胜利槽。
- (b) 投入科技时, 超出部分浪费, 且不会用于完成下一个科技。完成第  $i$  项科技  $Tech_i$  后,  $m$  永久增加  $k_i$ 。
- (c) 投入科技胜利槽时直接累加。

- **生产力分配:**

- (a) 将此回合获得的生产力  $p$  **完整 (不能拆分到多个科技尤里卡)** 投入到任意科技尤里卡 (无论该科技是否已解锁)。
- (b) 投入科技尤里卡时, 超出部分浪费。触发科技尤里卡后, 可减少对应科技完成所需的科技点。

求最小的生产力  $p$  (非负整数), 使得存在一种操作策略, 能在  $t$  回合内达成科技胜利 (科技胜利槽的科技点  $\geq s$ )。若无法在  $t$  回合内完成, 输出  $-1$ 。

输入格式

第一行包含三个整数  $m, s, t$  ( $1 \leq m \leq 100, 1 \leq s \leq 10^9, 1 \leq t \leq 100$ )。  
第二行包含一个整数  $n$  ( $0 \leq n \leq 100$ )。  
接下来  $n$  行, 每行包含四个整数  $a_i, k_i, b_i, c_i$  ( $1 \leq a_i \leq 10^6, 0 \leq k_i \leq 1000, 1 \leq b_i \leq 10000, 0 \leq c_i < a_i$ )。

输出格式

输出最小生产力  $p$  (非负整数)。若无法在  $t$  回合内完成, 输出  $-1$ 。

样例

样例

标准输入	标准输出
10 100 9 2 50 10 20 25 60 10 30 20	4
22 970 8 3 85 24 9 27 81 20 85 44 30 80 75 7	-1

提示

样例中,  $p = 4$  的合法策略如下:

回合 1: 获得 10 科技点和 4 生产力。将生产力分配给  $Tech_1$  的尤里卡, 科技点分配给  $Tech_1$ 。

回合 2: 获得 10 科技点和 4 生产力。将生产力分配给  $Tech_1$  的尤里卡, 科技点分配给  $Tech_1$ 。

回合 3: 获得 10 科技点和 4 生产力。将生产力分配给  $Tech_1$  的尤里卡, 科技点分配给  $Tech_1$ 。

回合 4: 获得 10 科技点和 4 生产力。将生产力分配给  $Tech_1$  的尤里卡, 科技点分配给科技胜利槽。

回合 5: 获得 10 科技点和 4 生产力。将生产力分配给  $Tech_1$  的尤里卡, 科技点分配给科技胜利槽。

在这个回合,  $Tech_1$  的尤里卡已累计获得 20 生产力, 触发了尤里卡。 $Tech_1$  现在完成需要的科技点是  $50 - 25 = 25$ 。由于已经分配了 30 点科技点,  $Tech_1$  研究完成。每回合获得的科技点增加到  $10 + 10 = 20$ 。

回合 6: 获得 20 科技点和 4 生产力。将科技点分配给科技胜利槽。

回合 7: 获得 20 科技点和 4 生产力。将科技点分配给科技胜利槽。

回合 8: 获得 20 科技点和 4 生产力。将科技点分配给科技胜利槽。

回合 9: 获得 20 科技点和 4 生产力。将科技点分配给科技胜利槽。科技胜利槽总共积累了  $10(T4) + 10(T5) + 20(T6) + 20(T7) + 20(T8) + 20(T9) = 100$  点科技点。达成科技胜利!



## Problem I. Block Combination Minimal Perimeter

输入文件: 标准输入  
输出文件: 标准输出  
时间限制: 1s  
内存限制: 512MB

给定  $n$  个矩形方块, 其中第  $i$  个方块的尺寸为  $1 \times i$ 。你需要将**所有**方块组合成一个实心的矩形 (不允许重叠或有空隙)。求出所形成矩形的最小周长。

保证在给定的数据范围下, 你总能合成一个实心的矩形。

### 输入格式

第一行包含一个整数  $n$  ( $1 \leq n \leq 2 \times 10^5$ ), 表示方块的数量。

### 输出格式

输出一个整数, 表示所形成矩形的最小周长。

### 样例

标准输入	标准输出
1	4
6	20
10	32

Problem J. Fastest Coverage Problem

输入文件: 标准输入  
输出文件: 标准输出  
时间限制: 2s  
内存限制: 512MB

给定一个  $n \times m$  的二元矩阵，其中 1 代表黑色单元格，0 代表白色单元格。每一秒，每个黑色单元格会将其上、下、左、右四个相邻的白色单元格变为黑色。

你可以将**最多**一个白色单元格变为黑色（将 0 变为 1），以最小化整个矩阵完全变黑所需的时间。求出这个最短时间。

输入格式

第一行包含两个整数  $n$  和  $m$  ( $1 \leq n \times m \leq 2 \times 10^5$ )，表示矩阵的行数和列数。

接下来的  $n$  行，每行包含  $m$  个数字（0 或 1），表示矩阵的初始状态。

输出格式

输出一个整数，表示在增加一个黑色单元格后，使整个矩阵变黑所需的最短时间。

样例

标准输入	标准输出
3 3 0 0 0 0 0 0 0 0 1	2
2 2 1 0 0 0	1
1 5 0 1 0 0 0	1

提示

对于样例 1, 您可以选择位置 (1,1)。

第 0 秒时的矩阵:

1 0 0  
0 0 0  
0 0 1

第 1 秒时的矩阵:

1 1 0  
1 0 1  
0 1 1

第 2 秒时的矩阵:

1 1 1  
1 1 1  
1 1 1

## Problem K. Perfect Journey

输入文件: 标准输入  
输出文件: 标准输出  
时间限制: 2s  
内存限制: 512MB

在一个有  $n$  个城市的国家, 有  $n-1$  条双向道路连接这些城市, 形成一棵树。你现在正在这个国家旅游, 有  $m$  条特定的道路是你一定要经过的。旅行社提供了  $k$  条可选的旅游路线。每条路线从城市  $s_i$  出发, 并沿着最短路径到达城市  $t_i$ 。

你的目标是从这  $k$  条旅游路线中选择尽可能少的路线, 确保所有  $m$  条关键道路都至少被经过一次。

请计算你需要选择的最少旅游路线数量, 以及达到这个最少数量有多少种可能的方案, 答案对 998244353 取模。一个方案定义为你选择的旅游路线的集合。如果存在一条旅游路线在一个方案中被选择而另一个方案中没有, 则认为这两个方案是不同的。

如果无法经过所有特定的道路, 输出  $-1$ 。

题目保证答案在模 998244353 意义下非零。

### 输入格式

第一行包含三个整数  $2 \leq n \leq 2 \times 10^5$ ,  $1 \leq m \leq 22$ ,  $1 \leq k \leq 2 \times 10^5$ , 分别表示城市数量、特定道路数量和旅游路线数量。

接下来的  $n-1$  行, 每行包含两个整数  $1 \leq u_i, v_i \leq n$ , 保证给定的图是一棵树。

接下来一行包含  $m$  个不同的整数  $1 \leq x_i \leq n-1$ , 表示特定道路的索引 (根据输入顺序)。

接下来的  $k$  行, 每行包含两个整数  $1 \leq s_i, t_i \leq n$ , 表示旅游路线从  $s_i$  到  $t_i$ 。

### 输出格式

输出你需要选择的最少旅游路线数量, 以及达到这个最少数量的方案数, 答案对 998244353 取模。

如果无法经过所有特定的道路, 输出  $-1$ 。

### 样例

标准输入	标准输出
3 2 2 1 2 1 3 1 2 2 3 1 2	1 1
7 3 3 1 2 1 3 2 4 2 5 3 6 6 7 1 3 5 1 4 2 7 2 4	2 2

## 提示

对于样例 2，我们需要选择至少 2 条路线，有两种可能的方案：

1. 路线 1 和路线 2，路线 1 覆盖道路 1 和道路 3，路线 2 覆盖道路 1 和道路 5。
2. 路线 2 和路线 3，路线 2 覆盖道路 1 和道路 5，路线 3 覆盖道路 3。

## Problem L. Float

输入文件: 标准输入  
输出文件: 标准输出  
时间限制: 1s  
内存限制: 512MB

有  $n$  个关卡, 通过第  $i$  个关卡可从  $i-1$  号点到  $i$  号点; 你从 0 号点出发, 并想要依次通过每个关卡到达  $n$  号点。每当你尝试一个关卡, 你都有  $p$  的概率通过, 和  $(1-p)$  的概率失败。

你最开始有一些金币, 如果你闯关失败且至少有一个金币, 你将花一个金币停留在当前点并重试 (不会留着金币不用, 即使你在 0 号点); 如果你闯关失败且已没有金币剩余, 则你将被送回起点 (0 号点)。

给定  $m$ , 请计算对于从 0 到  $m$  每一种可能的初始金币数量, 你到达终点所需的期望步数, 输出时对 998244353 取模。

### 输入格式

第一行含三个整数  $n, m, p$  ( $1 \leq n \leq 10^9, 1 \leq m \leq 2 \times 10^5, 0 < p < 998244353$ ), 依次表示关卡数量、最大金币数量和通过关卡的概率; 概率已对 998244353 取模。

### 输出格式

一行含  $m+1$  个整数, 其中第  $i$  个数表示初始拥有  $i-1$  个金币时, 到达终点的期望步数对 998244353 取模后的结果。

### 样例

标准输入	标准输出
2 2 499122177	6 499122182 5
1 3 332748118	3 3 3 3

### 提示

对于样例 2:

在模 998244353 意义下, 数值 332748118 对应概率  $\frac{1}{3}$ 。

此时结果与  $m$  无关, 因为无论是否有金币, 失败时总是返回起点。

## Problem M. Mysterious Spacetime

输入文件: 标准输入  
输出文件: 标准输出  
时间限制: 4s  
内存限制: 512MB

在一个神秘的时空中, 有  $x$  种未知的能量, 编号从 1 到  $x$ 。这些能量在特定的时间和位置出现, 遵循以下规则:

### 1. 时空出现规则:

- 有  $n$  个不同的时间点, 编号从 1 到  $n$ 。
- 在时间点  $t$ , 区间  $[l, r]$  内的所有能量会出现, 并在时间点  $t + 1$  消失。

### 2. 生成规则:

- 有  $m$  个生成器, 编号从 1 到  $m$ 。每个生成器  $i$  需要区间  $[L_i, R_i]$  内的所有能量。
- 如果在某个整数时间点  $t$ , 区间  $[L_i, R_i]$  内至少有  $k_i$  种能量同时出现, 那么生成器  $i$  将在时间点  $t$  被激活。
- 每个生成器只在最早满足条件的时刻被激活一次。

你需要处理  $q$  次查询。每次查询给出  $tl\ tr\ l\ r$ , 询问:

- 在时间范围  $[tl, tr]$  内, 最早的时间点  $t$  是多少, 使得存在某个满足  $l \leq L_i \leq R_i \leq r$  的生成器  $i$  在时间点  $t$  被激活。
- 如果不存在这样的  $t$ , 输出  $-1$ 。

## 输入格式

第一行包含一个数字  $1 \leq T \leq 10^5$ , 表示有  $T$  组测试用例, 每组格式如下:

- 第一行包含四个整数  $1 \leq n, m, x, q \leq 5 \times 10^5$ 。
- 接下来的  $n$  行, 每行包含三个整数  $1 \leq t \leq 10^9, 1 \leq l \leq r \leq x$ , 表示在时间点  $t$ , 区间  $[l, r]$  内的东西出现。(题目保证所有时间点都不同)
- 接下来的  $m$  行, 每行包含三个整数  $1 \leq L_i \leq R_i \leq x, 1 \leq k_i \leq R_i - L_i + 1$ , 描述生成器  $i$  的需求。
- 接下来的  $q$  行, 每行包含四个整数  $1 \leq tl \leq tr \leq 10^9, 1 \leq l \leq r \leq x$ , 代表一次查询。

题目保证  $\sum n, \sum m, \sum q, \sum x \leq 5 \times 10^5$ 。

## 输出格式

对于每次查询, 每行输出一个整数, 代表答案。

样例

标准输入	标准输出
1	1
6 6 4 4	-1
1 2 3	1
5 1 3	-1
3 1 1	
6 1 3	
2 4 4	
4 4 4	
1 3 2	
1 3 1	
1 2 2	
1 3 1	
1 2 1	
4 4 1	
1 4 1 2	
2 4 1 3	
1 4 1 3	
3 5 4 4	