#### 2025 牛客暑期多校训练营 Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日

# A Ad-hoc Newbie

时间限制: 2 seconds 输入文件: standard input 空间限制: 512 megabytes 输出文件: standard output

Yuki 给出了一个长度为 n 的正整数序列  $f_1, \ldots, f_n$ ,保证对每个 i 都有  $1 \le f_i \le i$ 。她想要请你构造一个 n 阶方阵 A,满足:

- 对任意  $1 \le i, j \le n$ , 都有  $0 \le A_{i,j} \le n$ ;
- 对任意  $1 \le i \le n$ ,  $\max(A_{i,1}, A_{i,2}, \dots, A_{i,n}) = \max(A_{1,i}, A_{2,i}, \dots, A_{n,i}) = f_i^1$ .

可以证明,对任意合法的  $f_1, \ldots, f_n$ ,一定有解。

#### 输入格式

本题单个测试点内有多组数据。第一行仅包含一个整数 t  $(1 \le t \le 2 \cdot 10^4)$ ,表示测试数据组数。每组测试数据的格式如下。

第一行,一个整数 n  $(1 \le n \le 1414)$ ,表示给定的序列长度。

第二行,n 个整数  $f_1, \ldots, f_n$   $(1 \le f_i \le i)$ ,描述给定的序列。

保证所有测试数据中, $n^2$  的和不超过  $2 \cdot 10^6$ 。

## 输出格式

对于每组测试数据,输出共 n 行,第 i 行包含 [0,n] 内的 n 个非负整数  $A_{i,1},A_{i,2},\ldots,A_{i,n}$ 。

#### 样例

standard input	standard output
3	0 2 0
3	0 0 0
1 1 2	0 0 1
5	3 2 0 0 4
1 1 3 2 5	0 0 2 0 3
4	2 4 1 0 2
1 2 1 3	0 0 1 1 0
	2 0 4 3 1
	2 0 2 2
	0 1 0 1
	2 3 0 0
	0 0 2 1

 $<sup>^1</sup>$ 序列  $b_1, \ldots, b_m$  的 mex 值为最小的非负整数 x 满足 x 没有在序列 b 中出现。

#### Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日

# 提示

对于第一组数据,f = [1,1,2],一个合法的方阵为:

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}.$$

对于第一行, $mex([0,2,0])=f_1=1$ ,这是因为 0 在 [0,2,0] 内出现,而 1 没有,因此 1 为最小的未出现的非负整数;对于第一列,同理地, $mex([0,0,0])=f_1=1$ 。容易验证该矩阵也满足其它限制。

#### Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日

# B Bitwise Puzzle

时间限制: 1 second 输入文件: standard input 空间限制: 512 megabytes 输出文件: standard output

Yuki 给了你三个非负整数  $a \times b$  和 c。你可以执行以下操作,最多进行 k = 64 次:

- 1.  $a \leftarrow a \cdot 2$ ;
- 2.  $b \leftarrow \left| \frac{b}{2} \right|$ ;
- 3.  $a \leftarrow a \oplus b$ , 其中  $\oplus$  指按位异或;
- $4. \ b \leftarrow b \oplus a$

请在不超过 k 次操作的情况下使 a = b = c,或报告没有合法方案。可以证明,在题目的约束条件下,若存在合法方案,一定存在不超过 k = 64 次的合法方案。

#### 输入格式

本题单个测试点内有多组数据。第一行仅包含一个整数 t  $(1 \le t \le 10^4)$ ,表示测试数据组数。每组测试数据的格式如下。

输入的第一行, 也是唯一一行, 包含三个整数 a、b 和 c ( $0 \le a, b, c < 2^{31}$ )。

#### 输出格式

对于每组数据:

- 如果你认为无解,仅需输出一行一个整数 -1;
- 否则,请输出两行。第一行包含一个整数  $p(0 \le p \le k)$ ,描述你进行的操作次数;第二行包含 p 个整数,每个整数在 [1,4] 之间,依次表示你进行的操作对应的序号。

#### 样例

standard input	standard output
4	2
3 5 6	4 1
0 0 1	-1
7 7 7	0
2 9 4	
	2
	1 2

## 提示

对于第一组数据,初始 a=3, b=5, c=6, 进行第一次操作后 a=3, b=6, c=6; 进行第二次操作后 a=b=c=6, 符合要求。

Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日 对于第二组数据,无论如何进行操作,都有 a=b=0,无法满足 a=b=c。

#### Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日

# C Capella

时间限制: 3 seconds 输入文件: standard input 空间限制: 256 megabytes 输出文件: standard output

称一个仅包含小写英文字母的字符串 S 与 Capella 类似,当且仅当其满足以下所有条件:

- 在 S 中出现了奇数次的字母有奇数个:
- 在 S 中出现了非零的偶数次的字母有偶数个。

可以验证字符串 "capella"与 Capella 类似;但字符串 "arcaea"不与 Capella 类似,因为出现奇数次的字母有 4 个; "lowiro"也不与 Capella 类似,因为出现非零的偶数次的字母有 1 个,出现奇数次的字母有 4 个。

现在 Yuki 有一个长度为 n 的仅由小写英文字母组成的字符串 S。 Yuki 对字符串 S 进行了 q 次操作: 第 i 次操作给定  $p_i$  ( $1 \le p_i \le n$ ) 与一个小写英文字母  $c_i$ ,将 S 的第  $p_i$  个位置上的字符  $S_{p_i}$  修改为  $c_i$ 。你需要在所有 q 次操作执行前以及每次操作执行后,求出 S 的所有连续子串<sup>2</sup>中最长的与 Capella 类似的子串的长度。

#### 输入格式

第一行,两个整数 n 和 q  $(1 \le n \le 2 \cdot 10^5, 1 \le q \le 2 \cdot 10^5)$ 。

第二行,一个长度为 n 的仅包含小写英文字母的字符串 S。

接下来 q 行,每行包含一个整数  $p_i$   $(1 \le p_i \le n)$  与一个小写英文字母  $c_i$ ,表示一次操作。

#### 输出格式

输出包含 q+1 行。每行包含一个整数,依次表示所有 q 次操作执行前以及每次操作执行后,S 的所有连续子串中最长的与 Capella 类似的子串的长度。

#### 样例

standard input	standard output
6 4	1
ababab	5
3 c	5
6 a	5
4 c	1
2 a	

#### 提示

对于所有q次操作执行前以及每次操作执行后的情形:

 $<sup>^2</sup>$ 字符串 S' 是 S 的连续子串,当且仅当 S' 可由 S 删去一段可为空的前缀与后缀得到。

#### Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日

- 所有操作执行前,字符串 S 的初始值为 "ababab",最长的类似 Capella 的子串为 "a" 或者 "b",长 度为 1。
- 第一次操作后,字符串 S 变为 "abcbab",最长的类似 Capella 的子串为 "abcba" 或者 "bcbab",长度为 5。
- 第二次操作后,字符串 S 变为 "abcbaa",最长的类似 Capella 的子串为 "abcba" 或者 "bcbaa",长度为 5。
- 第三次操作后,字符串 S 变为 "abccaa",最长的类似 Capella 的子串为 "abcca" 或者 "bccaa",长度为 5。
- 第四次操作后,字符串 S 变为 "aaccaa",最长的类似 Capella 的子串为 "a" 或者 "c",长度为 1。

#### 2025 牛客暑期多校训练营 Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日

# D Distant Control

时间限制: 1 second 输入文件: standard input 空间限制: 512 megabytes 输出文件: standard output

你有 n 个机器人朋友,他们排成一排,从左至右的标号依次为  $1, 2, \ldots, n$ 。初始时,有些机器人是关机的,而有些机器人是开机的。

你的手机能够遥控机器人的开机与关机,可惜它并非总是那么灵敏。具体地,有一个常数  $1 \le a \le n-1$ ,你仅能用你的手机做如下的两种操作:

- 选择标号连续的 a 个 均处于开机状态的 机器人,并将其全部设置为关机。
- 选择标号连续的 a+1 个 均处于关机状态的 机器人,并将其全部设置为开机。

你希望求出,经过若干(可能为0)次操作后,处于开机状态的机器人个数最大值。

#### 输入格式

本题单个测试点内有多组数据。第一行仅包含一个整数 t  $(1 \le t \le 4 \cdot 10^4)$ ,表示测试数据组数。每组测试数据的格式如下。

第一行,两个整数 n 和 a  $(2 \le n \le 2 \cdot 10^5, 1 \le a \le n-1)$ 。

接下来一行,一个长度为 n 仅包含 01 的字符串 s,描述初始时机器人的状态。具体地,第 i 个机器人初始处于开机状态,当且仅当  $s_i=1$ 。

保证所有测试数据中, n 的和不超过  $4 \cdot 10^5$ 。

## 输出格式

对于每组数据,输出仅一行一个整数,表示处于开机状态的机器人个数最大值。

## 样例

standard input	standard output
4	3
3 1	2
001	5
4 3	5
0101	
5 2	
10110	
10 4	
1011010001	

#### Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日

# 提示

对于第一组数据,可以仅一次操作使得所有机器人均开机:选择标号为 1,2 的机器人,此时他们均处于关机状态,将他们开机。

对于第二组数据,无法进行任何操作,所以答案是初始时开机状态的机器人个数 2。

#### 2025 牛客暑期多校训练营 Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日



时间限制: 2 seconds 输入文件: standard input 空间限制: 512 megabytes 输出文件: standard output

Yuki 给了你一个长度为 n 的正整数序列  $a_1, \ldots, a_n$ , 你可以做以下两种操作任意次:

• 选择正整数 i, j, d 满足  $1 \le i < j \le n$  且  $d \mid a_i, d \mid a_j$ ,然后将  $a_i \leftarrow \frac{a_i}{d}$ , $a_j \leftarrow \frac{a_j}{d}$ ;

• 选择正整数 i, j, d 满足  $1 \le i < j \le n$ , 然后将  $a_i \leftarrow a_i \cdot d$ ,  $a_j \leftarrow a_j \cdot d$ 。

判断通过若干次操作后,能否使  $a_1 = a_2 = \ldots = a_n$ 。

## 输入格式

本题单个测试点内有多组数据。第一行仅包含一个整数 t  $(1 \le t \le 10^5)$ ,表示测试数据组数。每组测试数据的格式如下。

第一行,一个整数 n  $(1 \le n \le 10^6)$ ,表示给定的序列长度。

第二行,n 个整数  $a_1, \ldots, a_n$   $(1 \le a_i \le 5 \cdot 10^6)$ ,描述初始的序列。

保证所有测试数据中, n 的和不超过  $2 \cdot 10^6$ 。

#### 输出格式

对于每组测试数据:输出一行一个字符串表示答案。你应当输出 "YES",当且仅当你认为能够通过若干次操作后,使得序列 a 中的元素均相等,否则,输出 "NO"。

你可以以任意大小写形式输出答案。例如,"yEs"、"yes"、"Yes"和"YES"都被认作是肯定的回答。

## 样例

standard input	standard output
6	YES
1	NO
6	YES
2	NO
2 4	YES
3	YES
1 3 3	
4	
5 3 15 2	
5	
1 3 8 7 6	
6	
13 15 39 169 9 5	

#### Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日

# 提示

对于第一组数据,由于 n=1,已经满足所有数字相同,答案为 "YES"。

对于第二组数据,容易发现无论如何操作, $a_1$  都不可能与  $a_2$  相等。

对于第三组数据,可以选取 i=2, j=3, d=3 并进行第一种操作,使得原序列变为 [1,1,1],此时所有数字均相同,因此输出 "YES"。

#### Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日

# F Flower

时间限制: 1 second 输入文件: standard input 空间限制: 512 megabytes 输出文件: standard output

Yuki 的面前有一朵花,这朵花共有 n 片花瓣。

她将会进行若干轮操作。每轮操作,她会先摘下花上 a 片花瓣,再摘下 b 片花瓣。如果剩余的花瓣数量不足,则全部摘下。若某次操作结束后,没有留下任何花瓣,她就会结束操作。

Yuki 曾经许下这样的约定: 当且仅当她摘下的最后一片花瓣属于某轮操作里摘下的前 a 片花瓣时,她就会离开,否则她才能留下。出于怜惜,你希望先摘下一些花瓣,**但不能摘下所有的花瓣**,使得她最后会留下。求出你最少需要摘下的花瓣个数,特别地,如果无论如何她都会离开,输出"Sayonara"。

#### 输入格式

本题单个测试点内有多组数据。第一行仅包含一个整数 t  $(1 \le t \le 100)$ ,表示测试数据组数。每组测试数据的格式如下。

输入的第一行, 也是唯一一行, 包含三个正整数 n, a 和 b  $(1 \le n \le 10^9, 1 \le a \le 10^9, 1 \le b \le 10^9)$ 。

#### 输出格式

对于每组测试数据,输出一行:

- 若你可以使她留下,则输出一个整数,表示你至少需要摘下的花瓣的数量;
- 若你无法使她留下,则输出一个字符串 "Sayonara"。

#### 样例

standard input	standard output
3	Sayonara
1 2 3	0
10 2 3	1
11 2 3	

# 提示

对于第一组数据,n=1,a=2,b=3。你无法摘下任何一片花瓣,而 Yuki 则会在第一轮摘下所有的花瓣,从此离开。故输出 "Sayonara"。

对于第二组数据,容易发现,即使初始不摘下花瓣,Yuki 也会在两轮操作结束后恰好摘掉所有花瓣,从而留下,所以答案为0。

## 2025 牛客暑期多校训练营 Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日

# G Gellyfish and Priority Queue

时间限制: 5 seconds 输入文件: standard input 空间限制: 1024 megabytes 输出文件: standard output

有一个小根堆 Q,初始为空。Gellyfish 将对其执行 m 次操作。每次操作属于以下两种类型之一:

- 插入: 给定 l,r。他将从 [l,r] 中均匀随机地生成一个整数 x,然后将其插入到 Q 中。
- **弹出**: 删除 Q 中当前的最小元素。保证 Q 此时不是空的。

在所有操作完成后,Gellyfish 希望你计算 Q 中所有剩余元素的乘积的期望值。答案对 998244353 取模。

#### 输入格式

本题单个测试点内有多组数据。第一行仅包含一个整数 t  $(1 \le t \le 200)$ ,表示测试数据组数。每组测试数据的格式如下。

第一行,包含两个整数 m 和 v ( $1 \le m \le 500$ ,  $1 \le v \le 500$ )。

接下来有 m 行; 第 i 行包含一个或三个整数,表示一个操作。如果操作是插入,则会有三个整数 o=1, l 和 r  $(1 \le l \le r \le v)$ ,以空格分隔;如果操作是弹出,则这一行仅由一个整数 o=2 组成。

保证所有测试数据中,m 的和不超过 2000。还保证在执行弹出操作时,优先队列非空。

## 输出格式

对于每组数据,输出一行一个整数,表示优先队列中所有剩余元素的乘积的期望值,对 998244353 取 模后的结果。

## 样例

standard input	standard output
5	1
2 1	873463812
1 1 1	5
2	255107002
3 4	624423011
1 1 4	
1 1 4	
2	
5 6	
1 1 3	
1 4 6	
2	
1 2 4	
2	
7 8	
1 1 6	
1 2 4	
2	
1 1 5	
1 3 7	
2	
1 2 8	
9 10	
1 3 8	
1 2 9	
1 1 6	
1 2 5	
2	
1 7 10	
1 4 8	
2	

# 提示

对于第一组数据,注意空优先队列中所有元素的乘积被视为1。

对于第二组数据,前两次操作我们 [1,4] 中的随机整数插入优先队列,然后,删去较小的一个,使得所有剩余元素的乘积恰好等于较大的整数。因此,期望乘积为  $\frac{1}{16}\cdot(1+2+3+4+2+2+3+4+3+3+3+4+4+4+4+4)=\frac{25}{8}$ ,并且  $\frac{25}{8}$   $\equiv$  873463812

## Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日

/ 1	000044070	
mod	998244353	۰ (

对于第三组数据,由于 3<4 且  $4\le4$ ,第二次插入操作插入的数始终是优先队列中的最大元素。由于最终优先队列的大小变为 1,因此期望答案为第二次被插入的数字的期望,即  $\frac{1}{3}\cdot(4+5+6)=5$ 。

#### Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日

# H Head out to the Target

时间限制: 3 seconds 输入文件: standard input 空间限制: 512 megabytes 输出文件: standard output

给定一棵包含 n 个节点的有根树。根节点是节点 1。对于每个节点 i ( $2 \le i \le n$ ),其父亲节点为  $f_i$ ,这表示节点 i 和节点  $f_i$  之间有一条边。一个棋子最初位于节点 1。

在这个问题中,我们认为时间取从 1 开始的所有离散时刻。共有 k 个 **不重叠的** 时间区间。在每个区间  $[l_i, r_i]$  内,节点  $u_i$  上会出现一个目标。你可以在任何时刻(包括时刻 0,也可以执行任意多次)切断树中的任意数量的边。一旦一条边被切断,它将被 **永久移除**。

在任何时刻:

- 如果目标存在(即当前时间处于某个  $[l_i, r_i]$  内), 并且
- 棋子和目标在同一个连通块内,并且
- 棋子当前不在目标节点上,

那么,棋子将沿着通往目标的唯一简单路径移动一步。如果棋子到达目标节点(或在时刻开始时已经在目标节点上),我们称发生了一次重合。

你的目标是通过选定一个切断边的策略,确定棋子可以 重合于某个目标的最早时刻。如果永远无法与任何目标 重合,则输出 -1。

#### 输入格式

输入的第一行包含两个整数 n 和 k  $(1 \le n \le 10^6, 1 \le k \le 10^6)$  — 树的大小和区间的数量。

第二行包含 (n-1) 个整数  $f_2, \ldots, f_n$   $(1 \le f_i < i)$  — 节点  $2, \ldots, n$  的父节点。

接下来有 k 行。第 i 行包含三个整数  $u_i$ ,  $l_i$  和  $r_i$   $(1 \le u_i \le n, 1 \le l_i \le r_i \le 10^9)$ ,表示在时刻  $l_i$  到  $r_i$  (包含)之间,目标出现在节点  $u_i$ 。

保证所有时间区间按顺序给出且不重叠;即,对于每个 $1 \le i < k$ ,都有 $r_i < l_{i+1}$ 。

## 输出格式

输出一个整数:物体可以与目标重合的最小时刻。如果不可能,输出-1。

# Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日

## 样例

standard input	standard output
8 3	5
1 1 1 4 4 6 7	
5 1 1	
8 2 3	
4 5 5	
5 5	6
1 2 3 3	
4 4 6	
5 7 7	
1 8 8	
2 9 9	
1 10 10	
5 1	-1
1 2 3 4	
3 1 1	

## 提示

在第一个测试用例中,可能的最佳策略之一描述如下:

- 时刻 1: 物体从节点 1 移动到节点 4。
  - 移动完成后, 我们切断节点 6 和节点 7 之间的边。
- 时刻 2 和 3: 节点 4 (物体当前所在的节点)和节点 8 (目标节点)不连通,因此物体不移动。
- 时刻 4: 树上没有目标,因此物体也不移动。
- 时刻 5: 目标恰好出现在物体所在的节点 4, 导致 重合。

可以很容易证明,没有策略允许在时刻5之前发生重合。因此,答案是5。

#### Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日

# I Infinity

时间限制: 3 seconds 输入文件: standard input 空间限制: 512 megabytes 输出文件: standard output

设  $S_n$  是所有 n 阶置换构成的集合。对于  $\sigma \in S_n$ ,设  $\nu(\sigma)$  是集合  $\{\mu^{-1}\sigma\mu \mid \mu \in S_n\}$  中的元素数量。固定 k,多组询问 n,请计算

$$\sum_{\sigma \in S_n} \nu(\sigma)^k,$$

答案对 998244353 取模。

#### 输入格式

第一行包含两个整数 t 和 k  $(1 \le t \le 10^3, 1 \le k \le 10^9)$ ,分别表示数据组数,和一个题目描述给定的常量。

接下来 t 行,每行一个正整数 n  $(1 \le n \le 2 \cdot 10^5)$  表示一次询问。

#### 输出格式

输出共 t 行。对于每组询问,输出一行一个整数,表示答案对 998244353 取模后的结果。

#### 样例

standard input	standard output
7 1	1
1	2
2	14
3	146
4	2602
5	71412
6	2675724
7	
8 5	2
2	738630138
10	158601508
50	770726379
250	894346889
1250	987370821
6250	445104440
31250	460384381
100000	

#### Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日



时间限制: 1 second 输入文件: standard input 空间限制: 512 megabytes 输出文件: standard output

Yuki 和 Ena 在打某回合制扑克游戏。

初始时, Yuki 有 x 个筹码, Ena 有 y 个筹码。每回合会确定该回合的获胜方,确定方式如下:

- 若 Yuki 的筹码量和 Ena 的筹码量不相等,则筹码量较少的一方为获胜方;
- 若 Yuki 的筹码量和 Ena 的筹码量相等,则 Yuki 为获胜方。

另一方需要向获胜方支付的筹码量等同于获胜方所持有的筹码量。

当某一方的筹码量变为 0 时,游戏立即结束。请求出游戏是否会在有限回合内结束。特别地,若游戏会结束,则你还需要求出游戏从开始到结束历经的回合数。

#### 输入格式

本题单个测试点内有多组数据。第一行仅包含一个整数 t  $(1 \le t \le 10^5)$ ,表示测试数据组数。每组测试数据的格式如下。

输入的第一行,也是唯一一行,包含两个正整数 x 和 y  $(1 \le x, y \le 10^9)$ ,表示 Yuki 和 Ena 初始的 筹码数。

## 输出格式

对于每组测试数据,输出一行一个整数: 若游戏能够在有限回合内结束,输出一行一个整数表示回合数; 否则仅输出 -1 即可。

#### 样例

standard input	standard output
5	1
100 100	2
30 90	-1
15 55	-1
11 4514	6
2 126	

## 提示

对于第一组数据,第一回合中 Yuki 和 Ena 的筹码量都为 100,因此 Yuki 为获胜方。Yuki 的筹码量 变为 100+100=200,Ena 的筹码量变为 100-100=0。此时,游戏立即结束,经过的回合数为 1。

对于第二组数据,第一回合中 Yuki 的筹码量为 30,Ena 的筹码量为 90,Yuki 的筹码量较少,因此 Yuki 为获胜方。Yuki 的筹码量变为 30+30=60,Ena 的筹码量变为 90-30=60。第二回合中,Yuki 的筹码量和 Ena 的筹码量都为 60,同理,经过的回合数为 2。

Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日			
对于第三组数据,	可以证明游戏不能在有限回合内约		

#### Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日

# K Kaleidoscope

时间限制: 2 seconds 输入文件: standard input 空间限制: 512 megabytes 输出文件: standard output

小鸠和小佐内正在调查一个排列的盗窃案 $^3$   $p_1, \ldots, p_n$ 。已经有一些证词 (x, y) 表明  $p_x = y$ 。可以保证这些证词没有矛盾。为了找出嫌疑人,他们提出了另一个问题:

- 当且仅当 p 和 q 的长度相同,并且前缀最大位置构成的集合相同时,称两个排列 p 和 q 相似。排列 p 的位置 k 被称为前缀最大位置,当且仅当  $p_k = \max(p_1, \ldots, p_k)$ 。
- 小佐内想要计算不同排列 q 的数量,使得存在一种方法填补  $p_1, \ldots, p_n$  中所有缺失的位置,使得 p 与 q 相似。

请帮助小鸠算出答案。由于答案可能很大,只需输出对998244353取模后的结果即可。

#### 输入格式

本题单个测试点内有多组数据。第一行仅包含一个整数 t  $(1 \le t \le 1.8 \cdot 10^3)$ ,表示测试数据组数。每组测试数据的格式如下。

输入的第一行包含一个整数  $n (1 \le n \le 5 \cdot 10^3)$ 。

输入的第二行包含 n 个整数  $p_1',\ldots,p_n'$   $(0 \le p_i' \le n)$ 。如果  $p_i' = 0$ ,则当前没有关于  $p_i$  的信息;否则,有证词表明  $p_i = p_i'$ 。保证不存在数对 (i,j) 满足  $1 \le i < j \le n$  且  $p_i' = p_j' > 0$ 。

保证所有测试数据中,n的和不超过  $10^4$ 。

# 输出格式

对于每组数据,输出仅一行一个整数,表示可能与 p 相似的不同排列的数量,答案对 998244353 取模。

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>长度为 n 的排列是一个由 1 到 n 的 n 个不同整数按任意顺序组成的数组。例如,[2,3,1,5,4] 是一个排列,但 [1,2,2] 不是一个排列(2 在数组中出现了两次),而 [1,3,4] 也不是一个排列(n=3 但数组中有 4)。

## 样例

standard input	standard output
13	4
3	1
0 0 2	12
3	2
0 1 3	11
4	12
0 1 0 0	3
4	374
1 3 2 0	5040
4	202820
0 3 0 0	1360800
4	16287920
0 0 2 1	399815880
5	
3 1 4 2 5	
6	
0 0 3 0 5 0	
7	
0 0 0 0 0 0	
9	
0 0 6 0 0 7 0 0 0	
10	
0 0 3 1 0 0 2 5 0 0	
11	
0 0 6 0 3 8 9 0 0 0 0	
16	
0 0 3 5 0 0 6 0 0 12 0 0 16 0 7 0	

# 提示

对于第一组数据,有两种可能的排列 p:

- p = [1,3,2]。前缀最大位置的集合是  $\{1,2\}$ 。有 2 个排列 q 与 p 相似: [1,3,2] 和 [2,3,1]。
- p = [3, 1, 2]。前缀最大位置的集合是  $\{1\}$ 。有 2 个排列 q 与 p 相似: [3, 1, 2] 和 [3, 2, 1]。

因此,答案是 2+2=4。

对于第二组数据,唯一可能的排列是 p=[2,1,3]。前缀最大位置的集合是  $\{1,3\}$ ,唯一与 p 相似的排列 q 就是 p 本身,所以答案是 1。

对于第三组数据,所有可能与 p 相似的 12 种排列 q 如下: [2,1,3,4], [2,1,4,3], [3,1,2,4], [3,1,4,2],

Nowcoder (Online), 2025 年 7 月 22 日
$[3,2,1,4],[3,2,4,1],[4,1,2,3],[4,1,3,2],[4,2,1,3],[4,2,3,1],[4,3,1,2],和 [4,3,2,1]。注意,p=[3,2,1,4]和 p=[3,1,2,4]都有前缀最大集合 \{1,4\},但对应的相似排列 q 仍然只计算一次。$