Latihan mandiri teori himpunan

1. Benar atau salah?

```
a. \{\emptyset\} \in \{\emptyset\}
```

b.
$$\{a, b\} \subseteq \{a, b, \{\{a, b\}\}\}\$$

c. Jika
$$A \subseteq B$$
 dan $B \in C$, maka $A \in C$

d. Jika
$$A \in B$$
 dan $B \subseteq C$, maka $A \in C$.

e. Jika
$$A = \{\emptyset, \{\emptyset\}\}$$
, maka $\emptyset \in 2^A$

f. Jika
$$A = \{\emptyset, \{\emptyset\}\}, \text{ maka } \{\{\emptyset\}\} \subseteq 2^A$$

g.
$$\emptyset \subset \emptyset$$

h.
$$\emptyset \in \emptyset$$

i.
$$\{\emptyset\} \in \emptyset$$

j.
$$\{a, b\} \subseteq \{a, b, c, \{\{a, b, c\}\}\}$$

k.
$$\{a, b\} \in \{a, b, c, \{\{a, b, c\}\}\}$$

I.
$$\{a, b\} \in \{a, b, \{\{a, b\}\}\}\$$

m. jika
$$A \in B$$
 dan $B \subseteq C$, maka $A \subseteq C$

2. Jika $A = \{a, b, \{a, c\}, \emptyset\}$ dan $B = \{a, \{a\}, d, e\}$, tentukan himpunan berikut:

(a)
$$A - \emptyset$$

(b)
$$A - \{\emptyset\}$$

(c)
$$\{\{a,c\}\}$$
 – A

(d)
$$A \oplus B$$

(e)
$$\{a\} - \{A\}$$

(f)
$$P(A-B)$$

$$(g) \varnothing - A$$

(h)
$$B^2$$

(b)
$$A - \{\emptyset\}$$
 (c) $\{\{a, c\}\} - A$
(e) $\{a\} - \{A\}$ (f) $P(A-B)$
(h) B^2 (i) $A \cup (B \cap A)$ (j) $A \cap P(A)$

- 3. (a) Tentukan himpunan kuasa dari himpunan $\{\emptyset, \{\emptyset\}\}\$
 - (b) Berapa banyak elemen pada himpunan $P(\{\emptyset, a, \{a\}, \{\{a\}\}\})$?
- 4. Misalkan $A = \{\emptyset\}$ dan B = P(P(A)).
 - (a) Apakah $\emptyset \in B$? $\emptyset \subset B$?
 - (b) Apakah $\{\emptyset\} \in B$? $\{\emptyset\} \subset B$?
 - (c) Apakah $\{\{\emptyset\}\}\in B$? $\{\{\emptyset\}\}\subseteq B$?
- 5. Misalkan A himpunan mahasiswa tahun pertama, B himpunan mahasiswa tahun kedua, C himpunan mahasiswa Prodi Matematika, D himpunan mahasiswa Prodi Teknik Informatika, E himpunan mahasiswa yang mengambil kuliah Matematika Diskrit, F himpunan mahasiswa yang menonton pertunjukan pantomim pasa Senin malam, G himpunan mahasiswa yang begadang sampai lewat tengah malam pada hari Senin malam. Nyatakan pernyataan berikut dalam notasi himpunan:
 - (a) Semua mahasiswa tahun kedua Prodi Teknik Informatika mengambil kuliah Matematika Diskrit.
 - (b) Hanya mereka yang mengambil kuliah Matematika Diskrit atau yang yang pergi nonton pertunjukan pantomim yang begadang sampai lewat tengah malam pada hari Senin malam.
 - (c) Mahasiswa yang mengambil kuliah Matematika Diskrit tidak ada yang pergi nonton pertunjukan pantomim pada Senin malam. (Penyebabnya adalah tugas pekerjaan rumah yang sangat banyak dalam kuliah Matematika Diskrit).
 - (d) Pertunjukan pantomim itu hanya untuk mahasiswa tahun pertama dan mahasiswa tahun kedua.
 - (e) Semua mahasiswa tahun kedua yang bukan dari Prodi Matematika atau pun Prodi Teknik Informatika pergi nonton pertunjukan pantomim.