# Relasi dan Fungsi

Bagian 1 (Update 2023)

Bahan Kuliah
IF2120 Matematika Diskrit

Oleh: Rinaldi Munir

Program Studi Teknik Informatika STEI - ITB

# Pengantar Matriks

 Matriks adalah adalah susunan skalar elemen-elemen dalam bentuk baris dan kolom.

• Matriks A yang berukuran dari m baris dan n kolom  $(m \times n)$  adalah:

$$A = egin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \ dots & dots & dots \ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{bmatrix}$$

• Matriks bujursangkar adalah matriks yang berukuran  $n \times n$ .

- Dalam notasi ringkas, kita lazim menuliskan matriks dengan notasi  $A = [a_{ij}]$ .
- Contoh 1. Di bawah ini adalah matriks yang berukuran  $3 \times 4$ :

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 5 & 0 & 6 \\ 8 & 7 & 5 & 4 \\ 3 & 1 & 1 & 8 \end{bmatrix}$$

- Matriks simetri adalah matriks yang  $a_{ij} = a_{ji}$  untuk setiap i dan j.
- Contoh 2. Di bawah ini adalah contoh matriks simetri.

$$\begin{bmatrix} 2 & 6 & 6 & -4 \\ 6 & 3 & 7 & 3 \\ 6 & 7 & 0 & 2 \\ -4 & 3 & 2 & 8 \end{bmatrix}$$

• Matriks zero-one (0/1) atau matriks biner adalah matriks yang setiap elemennya hanya bernilai 0 atau 1.

• Contoh 3. Di bawah ini adalah contoh matriks 0/1:

```
\begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}
```

## Relasi



• Jika terdapat dua himpunan A dan B, bagaimana menyatakan hubungan antara anggota kedua himpunan tersebut?

• Kita bisa menggunakan pasangan terurut (*ordered pairs*) (a, b) untuk menghubungkan a dan b, yang dalam hal ini  $a \in A$  dan  $b \in B$ .

• Kita katakan a dihubungkan dengan b oleh sebuah relasi.

#### Contoh 1: Misalkan

A = {Hasan, Tanti, Rommi, Yusuf, Aditya}

adalah himpunan mahasiswa,

B = {Toyota, Daihatsu, Mercedes, VW}

adalah himpunan kendaraan.

Misalkan R adalah relasi yang menyatakan mahasiswa dan mobil yang dikendarainya.

```
R = {(Hasan, Daihatsu), (Rommi, Toyota), (Yusuf, Mercedes), (Aditya, Toyota)}
```

ni berarti Hasan mengendarai Daihatsu, Rommi mengendarai Toyota, Yusuf mengendarai Mercedes, dan Aditya mengendarai Toyota. Tanti tidak mengendarai mobil apapun. Mobil VW tidak dikendarai siapapun di dalam relasi itu.

#### Contoh 2: Misalkan

A = {Daffa, Yosef, Harkunti, Mahendra, Wayan}

adalah himpunan mahasiswa,

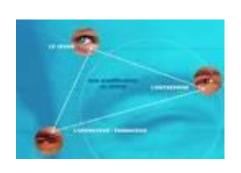
$$B = \{A, AB, B, BC, C, D, E\}$$

adalah himpunan nilai.

Misalkan R adalah relasi yang menyatakan mahasiswa dan nilai mata kuliah Matdis yang diperolehnya pada semester ganjil.

```
R = {(Daffa, BC), (Yosef, A), (Harkunti, A), (Mahendra, B)}
```

Ini berarti Daffa mendapat BC, Yosef mendapat A, Harkunti mendapat A, Mahendra mendapat B. Wayan tidak mengambil mata kuliah Matdis. Tidak ada mahasiswa yang mendapat C, D, dan E.



## **Definisi Relasi**



- Relasi biner R antara himpunan A dan B adalah himpunan bagian dari  $A \times B$ .
- Notasi:  $R \subseteq (A \times B)$ .
- a R b adalah notasi untuk  $(a, b) \in R$ , yang artinya a dihubungankan dengan b oleh R
- $a \not\in b$  adalah notasi untuk  $(a, b) \not\in R$ , yang artinya a tidak dihubungkan oleh b oleh relasi R.
- Himpunan A disebut daerah asal (domain) dari R, dan himpunan B disebut daerah tujuan (kodomain) dari R.

**Contoh 3**. Misalkan  $A = \{Amir, Budi, Cecep\} dan <math>B = \{IF221, IF251, IF342, IF323\}$  maka

```
A × B = {(Amir, IF221), (Amir, IF251), (Amir, IF342), (Amir, IF323), (Budi, IF221), (Budi, IF251), (Budi, IF342), (Budi, IF323), (Cecep, IF221), (Cecep, IF251), (Cecep, IF342), (Cecep, IF323) }
```

Misalkan R adalah relasi yang menyatakan mata kuliah yang diambil oleh mahasiswa pada Semester Ganjil, yaitu

```
R = {(Amir, IF251), (Amir, IF323), (Budi, IF221), (Budi, IF251), (Cecep, IF323) }
```

Dapat dilihat bahwa  $R \subseteq (A \times B)$ ,

- A adalah daerah asal R, dan B adalah daerah tujuan dari R.
- (Amir, IF251)  $\in R$  atau Amir R IF251
- (Amir, IF342) ∉ *R* atau Amir <del>R</del> IF342.

**Contoh 4.** Misalkan  $P = \{2, 3, 4\}$  dan  $Q = \{2, 4, 8, 9, 15\}$ . Jika kita definisikan relasi R dari P ke Q dengan

 $(p, q) \in R$  jika p habis membagi q

maka kita peroleh

$$R = \{(2, 2), (2, 4), (4, 4), (2, 8), (4, 8), (3, 9), (3, 15)\}$$

# Relasi pada Sebuah Himpunan

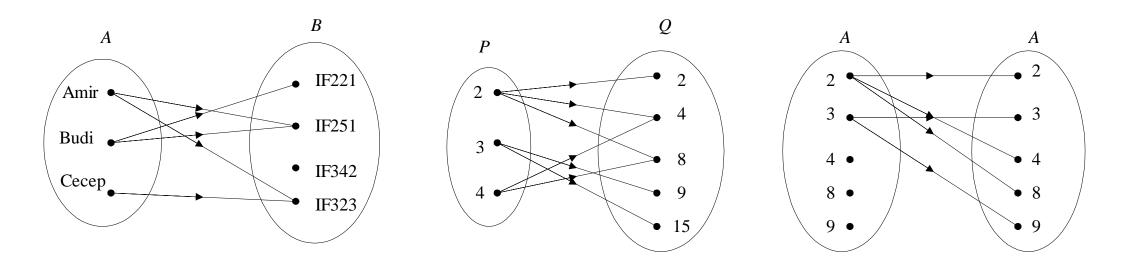
- Relasi pada sebuah himpunan adalah relasi yang khusus
- Relasi pada himpunan A adalah himpunan bagian dari  $A \times A$ .
- Notasi:  $R \subset A \times A$

**Contoh 5**. Misalkan R adalah relasi pada  $A = \{2, 3, 4, 8, 9\}$  yang didefinisikan oleh  $(x, y) \in R$  jika x adalah faktor prima dari y. Maka

$$R = \{(2, 2), (2, 4), (2, 8), (3, 3), (3, 9)\}$$

# Representasi Relasi

## 1. Representasi Relasi dengan Diagram Panah



Lingkaran kiri: daerah asal (domain)

Lingkaran kanan: daerah tujuan (kodomain)

### 2. Representasi Relasi dengan Tabel

• Kolom pertama tabel menyatakan daerah asal (domain), sedangkan kolom kedua menyatakan daerah tujuan (kodomain).

Tabel 1

A	B
Amir	IF251
Amir	IF323
Budi	IF221
Budi	IF251
Cecep	IF323

Tabel 2

Q	
2	
4	
4	
8	
8	
9	
15	

Tabel 3

$\boldsymbol{A}$	$\boldsymbol{A}$
2	2
2	4
2	8
3	3
3	3

#### 3. Representasi Relasi dengan Matriks

- Misalkan R adalah relasi dari  $A = \{a_1, a_2, ..., a_m\}$  dan  $B = \{b_1, b_2, ..., b_n\}$ .
- Relasi *R* dapat disajikan dengan matriks  $M = [m_{ij}]$ ,

yang dalam hal ini

$$m_{ij} = \begin{cases} 1, & (a_i, b_j) \in R \\ 0, & (a_i, b_j) \notin R \end{cases}$$

**Contoh 6.** Relasi *R* pada Contoh 3 dapat dinyatakan dengan matriks

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

dalam hal ini,  $a_1$  = Amir,  $a_2$  = Budi,  $a_3$  = Cecep, dan  $b_1$  = IF221,  $b_2$  = IF251,  $b_3$  = IF342, dan  $b_4$  = IF323.

Relasi R pada Contoh 4 dapat dinyatakan dengan matriks

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

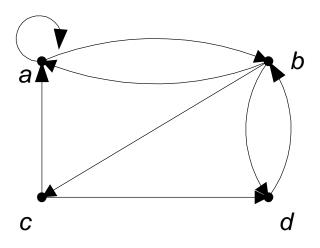
yang dalam hal ini,  $a_1 = 2$ ,  $a_2 = 3$ ,  $a_3 = 4$ , dan  $b_1 = 2$ ,  $b_2 = 4$ ,  $b_3 = 8$ ,  $b_4 = 9$ ,  $b_5 = 15$ .

### 4. Representasi Relasi dengan Graf Berarah

- Relasi pada sebuah himpunan dapat direpresentasikan secara grafis dengan **graf berarah** (*directed graph* atau *digraph*)
- Graf berarah tidak didefinisikan untuk merepresentasikan relasi biner dari suatu himpunan ke himpunan lain.
- Tiap elemen himpunan dinyatakan dengan sebuah titik (disebut juga simpul atau *vertex*), dan tiap pasangan terurut dinyatakan dengan busur (*arc*)
- Jika  $(a, b) \in R$ , maka sebuah busur dibuat dari simpul a ke simpul b. Simpul a disebut **simpul asal** (*initial vertex*) dan simpul b disebut **simpul tujuan** (*terminal vertex*).
- Pasangan terurut (a, a) dinyatakan dengan busur dari simpul a ke simpul a sendiri. Busur semacam itu disebut **gelang** atau **kalang** (loop).

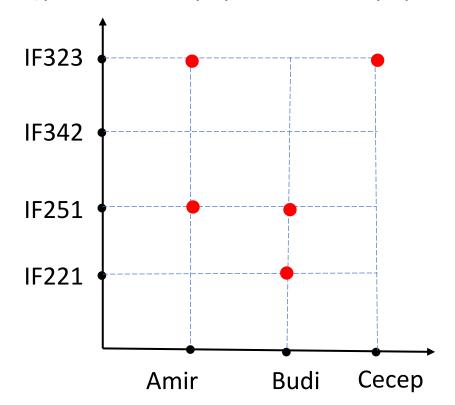
**Contoh 7.** Misalkan  $R = \{(a, a), (a, b), (b, a), (b, c), (b, d), (c, a), (c, d), (d, b)\}$  adalah relasi pada himpunan  $\{a, b, c, d\}$ .

R direpresentasikan dengan graf berarah sbb:



#### 5. Representasi relasi dengan diagram kartesian

- Sumbu x menyatakan daerah asal (domain),
- Sumbu y menyatalkan daerah tujuan (kodomain)
- Elemen relasi dinyatakan sebagai noktah (titik) di dalam diagram kartesian
   Dari contoh 3, A = {Amir, Budi, Cecep} dan B = {IF221, IF251, IF342, IF323}
   dan R = {(Amir, IF251), (Amir, IF323), (Budi, IF221), (Budi, IF251), (Cecep, IF323) }



## Sifat-sifat Relasi

• Relasi yang didefinisikan pada sebuah himpunan dapat memiliki sifat seperti refleksif, menghantar, setangkup, tolak setangkup.

## 1. **Refleksif** (reflexive)

- Relasi R pada himpunan A disebut **refleksif** jika  $(a, a) \in R$  untuk setiap  $a \in A$ .
- Relasi R pada himpunan A tidak refleksif jika ada  $a \in A$  sedemikian sehingga  $(a, a) \notin R$ .

**Contoh 8.** Misalkan  $A = \{1, 2, 3, 4\}$ , dan relasi R di bawah ini didefinisikan pada himpunan A, maka

- (a) Relasi  $R = \{(1, 1), (1, 3), (2, 1), (2, 2), (3, 3), (4, 2), (4, 3), (4, 4)\}$  bersifat refleksif karena terdapat elemen relasi yang berbentuk (a, a), yaitu (1, 1), (2, 2), (3, 3), dan (4, 4).
- (b) Relasi  $R = \{(1, 1), (2, 2), (2, 3), (4, 2), (4, 3), (4, 4)\}$  tidak bersifat refleksif karena (3, 3)  $\notin R$ .

**Contoh 9.** Relasi "habis membagi" pada himpunan bilangan bulat positif bersifat refleksif karena setiap bilangan bulat positif habis dibagi dengan dirinya sendiri, sehingga  $(a, a) \in R$  untuk setiap  $a \in A$ .

**Contoh 10.** Tiga buah relasi di bawah ini menyatakan relasi pada himpunan bilangan bulat positif **N**.

$$R: x \text{ lebih besar dari } y,$$
  $S: x + y = 5,$   $T: 3x + y = 10$ 

Tidak satupun dari ketiga relasi di atas yang refleksif karena, misalkan (2, 2) bukan anggota R, S, maupun T.

• Relasi yang bersifat refleksif mempunyai matriks yang elemen diagonal utamanya semua bernilai 1, atau  $m_{ii} = 1$ , untuk i = 1, 2, ..., n,

• Graf berarah dari relasi yang bersifat refleksif dicirikan adanya gelang pada setiap simpulnya.

## 2. Menghantar (transitive)

• Relasi R pada himpunan A disebut **menghantar** jika  $(a, b) \in R$  dan  $(b, c) \in R$ , maka  $(a, c) \in R$ , untuk  $a, b, c \in A$ .

**Contoh 11.** Misalkan  $A = \{1, 2, 3, 4\}$ , dan relasi R di bawah ini didefinisikan pada himpunan A, maka

(a)  $R = \{(2, 1), (3, 1), (3, 2), (4, 1), (4, 2), (4, 3)\}$  bersifat menghantar. Lihat tabel berikut:

Pasangan berbentuk				
(a,b)	( <i>b</i> , <i>c</i> )	(a, c)		
(3, 2) (4, 2) (4, 3) (4, 3)	(2, 1) (2, 1) (3, 1) (3, 2)	(3, 1) (4, 1) (4, 1) (4, 2)		

- (b)  $R = \{(1, 1), (2, 3), (2, 4), (4, 2)\}$  tidak manghantar karena (2, 4) dan  $(4, 2) \in R$ , tetapi  $(2, 2) \notin R$ , begitu juga (4, 2) dan  $(2, 3) \in R$ , tetapi  $(4, 3) \notin R$ .
- (c) Relasi  $R = \{(1, 1), (2, 2), (3, 3), (4, 4)\}$  jelas menghantar
- (d) Relasi  $R = \{(1, 2), (3, 4)\}$  menghantar karena tidak ada  $(a, b) \in R$  dan  $(b, c) \in R$  sedemikian sehingga  $(a, c) \in R$ .
- (e) Relasi yang hanya berisi satu elemen seperti  $R = \{(4, 5)\}$  selalu menghantar.

**Contoh 12.** Relasi "habis membagi" pada himpunan bilangan bulat positif bersifat menghantar. Misalkan bahwa a habis membagi b dan b habis membagi b. Maka terdapat bilangan positif b dan b sehingga b = ma dan b dan b bilangan positif b and b sehingga b dan b habis membagi b. Jadi, relasi "habis membagi" bersifat menghantar.

**Contoh 13.** Tiga buah relasi di bawah ini menyatakan relasi pada himpunan bilangan bulat positif **N**.

R: x lebih besar dari y, S: x + y = 6, T: 3x + y = 10

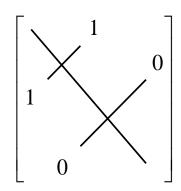
- R adalah relasi menghantar karena jika x > y dan y > z maka x > z.
- S tidak menghantar karena, misalkan (4, 2) dan (2, 4) adalah anggota S tetapi (4, 4)  $\not\in S$ .
- $T = \{(1, 7), (2, 4), (3, 1)\}$  tidak menghantar.

- Relasi yang bersifat menghantar tidak mempunyai ciri khusus pada matriks representasinya
- Tetapi, sifat menghantar pada graf berarah ditunjukkan oleh: jika ada busur dari *a* ke *b* dan dari *b* ke *c*, maka juga terdapat busur berarah dari *a* ke *c*.

## 3. Setangkup (symmetric) dan tolak setangkup (antisymmetric)

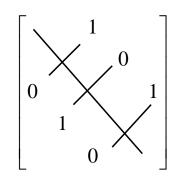
- Relasi R pada himpunan A disebut **setangkup** jika  $(a, b) \in R$ , maka  $(b, a) \in R$  untuk  $a, b \in A$ .
- Relasi R pada himpunan A tidak setangkup jika  $(a, b) \in R$  tetapi  $(b, a) \notin R$ .
- Relasi R pada himpunan A sedemikian sehingga  $(a, b) \in R$  dan  $(b, a) \in R$  hanya jika a = b untuk  $a, b \in A$  disebut **tolak-setangkup**.
- Relasi R pada himpunan A tidak tolak-setangkup jika ada elemen berbeda a dan b sedemikian sehingga  $(a, b) \in R$  dan  $(b, a) \in R$ .

• Relasi yang bersifat setangkup mempunyai matriks yang elemen-elemen di bawah diagonal utama merupakan pencerminan dari elemen-elemen di atas diagonal utama, atau  $m_{ii} = m_{ii} = 1$ , untuk i = 1, 2, ..., n:



• Sedangkan graf berarah dari relasi yang bersifat setangkup dicirikan oleh: jika ada busur dari *a* ke *b*, maka juga ada busur dari *b* ke *a*.

• Matriks dari relasi tolak-setangkup mempunyai sifat yaitu jika  $m_{ij} = 1$  dengan  $i \neq j$ , maka  $m_{ji} = 0$ . Dengan kata lain, matriks dari relasi tolak-setangkup adalah jika salah satu dari  $m_{ij} = 0$  atau  $m_{ji} = 0$  bila  $i \neq j$ :



• Sedangkan graf berarah dari relasi yang bersifat tolaksetangkup dicirikan oleh: jika dan hanya jika tidak pernah ada dua busur dalam arah berlawanan antara dua simpul berbeda. **Contoh 14.** Misalkan  $A = \{1, 2, 3, 4\}$ , dan relasi R di bawah ini didefinisikan pada himpunan A, maka

- a) Relasi  $R = \{(1, 1), (1, 2), (2, 1), (2, 2), (2, 4), (4, 2), (4, 4)\}$  bersifat setangkup karena jika  $(a, b) \in R$  maka (b, a) juga  $\in R$ . Di sini (1, 2) dan  $(2, 1) \in R$ , begitu juga (2, 4) dan  $(4, 2) \in R$ .
- b) Relasi  $R = \{(1, 1), (2, 3), (2, 4), (4, 2)\}$  tidak setangkup karena  $(2, 3) \in R$ , tetapi  $(3, 2) \notin R$ .
- c) Relasi  $R = \{(1, 1), (2, 2), (3, 3)\}$  tolak-setangkup karena 1 = 1 dan  $(1, 1) \in R$ , 2 = 2 dan  $(2, 2) \in R$ , dan 3 = 3 dan  $(3, 3) \in R$ . Perhatikan bahwa R juga setangkup.
- d) Relasi  $R = \{(1, 1), (1, 2), (2, 2), (2, 3)\}$  tolak-setangkup karena  $(1, 1) \in R$  dan 1 = 1, begitu juga  $(2, 2) \in R$  dan 2 = 2 dan. Perhatikan bahwa R tidak setangkup karena  $(1, 2) \in R$ , tetapi  $(2, 1) \notin R$ , begitu juga  $(2, 3) \in R$ , tetapi  $(3, 2) \notin R$ ,

- e) Relasi  $R = \{(1, 1), (2, 4), (3, 3), (4, 2)\}$  tidak tolak-setangkup karena  $2 \neq 4$  tetapi (2, 4) dan (4, 2) anggota R. Relasi R pada (a) dan (b) di atas juga tidak tolak-setangkup.
- f) Relasi  $R = \{(1, 1), (2, 2), (2, 3), (3, 2), (4, 2), (4, 4)\}$  tidak setangkup dan tidak tolak-setangkup. R tidak setangkup karena  $(4, 2) \in R$  tetapi  $(2, 4) \notin R$ . R tidak tolak-setangkup karena  $(2, 3) \in R$  dan  $(3, 2) \in R$  tetapi  $2 \neq 3$ .
- g) Relasi  $R = \{(1, 2), (2, 3), (1, 3)\}$  tidak setangkup (mengapa?) tetapi R tolaksetangkup (mengapa?).

**Contoh 15.** Relasi "habis membagi" pada himpunan bilangan bulat positif tidak setangkup karena jika a habis membagi b, b tidak habis membagi a, kecuali jika a = b.

Sebagai contoh, 2 habis membagi 4, tetapi 4 tidak habis membagi 2. Karena itu,  $(2, 4) \in R$  tetapi  $(4, 2) \notin R$  sehingga R tidak setangkup.

Relasi "habis membagi" pasti tolak-setangkup karena jika a habis membagi b dan b habis membagi a maka itu hanya jika a = b. Sebagai contoh, 4 habis membagi 4. Karena itu,  $(4, 4) \in R$  dan 4 = 4.

- Perhatikan bahwa relasi yang "tidak setangkup" tidak selalu berarti sama dengan "tolak setangkup".
- Contoh: Relasi  $R = \{(1, 1), (2, 2), (2, 3), (3, 2), (4, 2), (4, 4)\}$  tidak setangkup dan juga tidak tolak-setangkup. R tidak setangkup karena  $(4, 2) \in R$  tetapi  $(2, 4) \notin R$ . R tidak tolak-setangkup karena  $(2, 3) \in R$  dan  $(3, 2) \in R$  tetapi  $2 \neq 3$ .

**Contoh 16.** Tiga buah relasi di bawah ini menyatakan relasi pada himpunan bilangan bulat positif **N**.

$$R: x$$
 lebih besar dari  $y$ ,  $S: x + y = 6$ ,  $T: 3x + y = 10$ 

- R bukan relasi setangkup karena, misalkan 5 lebih besar dari 3 tetapi 3 tidak lebih besar dari 5.
- S relasi setangkup karena, misalkan (4, 2) dan (2, 4) adalah anggota S.
- T tidak setangkup karena, misalkan (3, 1) adalah anggota T tetapi (1, 3) bukan anggota T.
- S bukan relasi tolak-setangkup karena, misalkan  $(4, 2) \in S$  dan  $(2, 4) \in S$  tetapi  $4 \neq 2$ .
- Relasi *R* dan *T* keduanya tolak-setangkup (coba tunjukkan!).

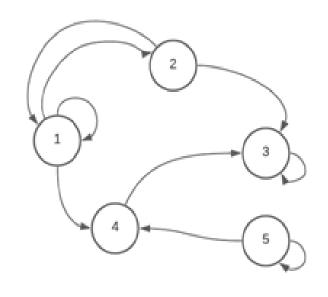
**Contoh 16:** Tentukanlah apakah relasi  $R = \{(x,y) \mid x^3 = y, x \in \mathbb{Z}, y \in \mathbb{Z}\}$  bersifat refleksif/tidak, menghantar/tidak, setangkup/tidak, atau tolak setangkup/tidak?

#### Jawaban:

R tidak refleksif, karena tidak terdapat  $(2,2) \in R$ ,  $(3,3) \in R$ , dan seterusnya R tidak menghantar, karena jika  $x^3 = y$ , lalu selanjutnya terdapat  $y^3 = z$ , maka tidak mungkin ada  $x^3 = z$ 

R tidak setangkup, karena misalnya (2,8)  $\in$  R namun (8,2)  $\notin$  R tolak setangkup, karena jika  $x^3 = y$ , tidak ada  $y^3 = x$  kecuali untuk x = y

**Contoh 17:** Berikut adalah graf yang merepresentasikan sebuah relasi R pada sebuah himpunan. Tentukan apakah relasi tersebut bersifat refleksif/tidak, menghantar/tidak, setangkup/tidak, dan tolak setangkup/tidak?



#### Jawaban:

$$A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$$

$$R = \{(1,1), (1,2), (2,1), (2,3), (3,3), (4,3), (5,4), (5,5)\}$$

- a. Refleksif? Tidak, karena (2,2) ∉ R dan (4,4) ∉ R
- b. Menghantar? Tidak, karena (1,4) ∈ R dan (4,3) ∈ R, tetapi (1,3) ∉ R
- c. Setangkup? Tidak, karena terdapat (2,3) ∈ R, tetapi (3,2) ∉ R
- d. Tolak-setangkup? Tidak, karena  $1 \neq 2$  tetapi  $(1, 2) \in R$  dan  $(2, 1) \in R$

**Contoh 18.** Tentukan sifat-sifat dari relasi R pada himpunan  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  yang direpresentasikan dengan matriks  $M = [m_{ij}]$  seperti di bawah ini. Apakah R merupakan relasi refleksif, relasi menghantar, relasi setangkup, dan/atau relasi tolak setangkup? Jelaskan alasan untuk setiap sifat tersebut!

[1	0	1	1
1	1	0	0
0	0	1	1
1	1	0	1.

#### Jawaban:

- R refleksif, karena setiap elemen diagonal utama matriks relasi R bernilai 1 atau m<sub>ii</sub> = 1 untuk setiap i ∈ A.
  - R tidak menghantar, karena terdapat  $m_{14} = 1$  dan  $m_{42} = 1$ , namun  $m_{12} = 0$  atau dengan kata lain elemen (1,2) tidak terdapat dalam relasi R sehingga tidak memenuhi sifat menghantar pada (1,4) dan (4,2).
  - R tidak setangkup, karena terdapat elemen yang  $m_{ij} \neq m_{ji}$  yaitu pada  $m_{12} = 0$  tetapi  $m_{21} = 1$
  - R tidak tolak setangkup, karena terdapat elemen berbeda a dan b sedemikian sehingga (a, b)  $\in$  R dan (b, a)  $\in$  R, yaitu elemen m<sub>14</sub> = m<sub>41</sub> = 1 padahal  $1 \neq 4$

# Latihan

- 1. Misalkan A = {1, 2, 3, 4} dan R relasi pada himpunan A, yaitu R = {(1,1), (1,3), (1,4), (2,4), (3,1) (3,2), (4,1), (4,2), (4,4)}. Tentukan apakah R refleksif/tidak, setangkup/tidak, tolak-setangkup/tidak, menghantar/tidak.
- 2. Misalkan A = himpunan mahasiswa dan <math>R adalah relasi pada A sedemikian sehingga  $(a, b) \in R$  jika a satu angkatan dengan b. Tentukan apakah R refleksif/tidak, setangkup/tidak, tolak-setangkup/tidak, menghantar/tidak.
- Tiga buah relasi di bawah ini menyatakan relasi pada himpunan bilangan bulat tidak negatif.
   Tentukan apakah masing-masing relasi dibawah ini memenuhi relasi menghantar atau tidak, jelaskan alasannya.

R: x lebih besar sama dengan y

S:  $(x+y) \mod 10 = 6$ 

T: 3x + 2y = 6