# Algoritma Branch & Bound

(Bagian 3)

Bahan Kuliah IF2211 Strategi Algoritma

Oleh: Rinaldi Munir, Nur Ulfa Maulidevi, Masayu Leylia Khodra



Program Studi Teknik Informatika Sekolah Teknik Elektro dan Informatika ITB 2021

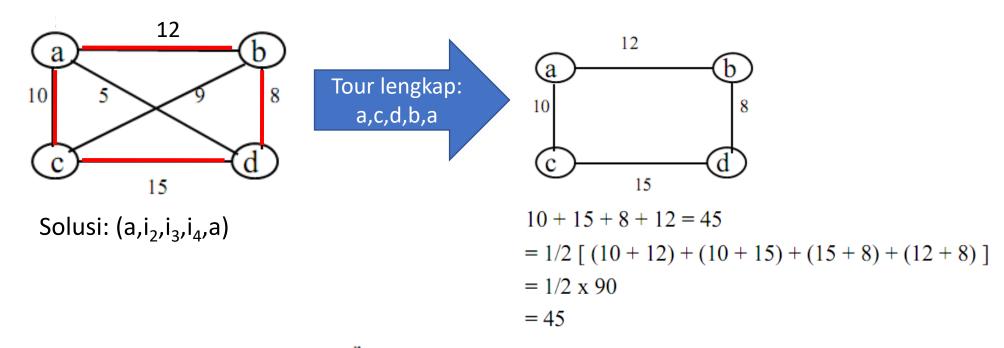
## 2. Cost Berdasarkan Bobot Tur Lengkap

- Pada pembahasan algoritma B&B, cost setiap simpul i, yaitu  $\hat{c}(i)$ , dihitung sebagai penjumlahan dari:  $\hat{f}(i)$  = ongkos dari simpul akar ke simpul i, dan  $\hat{g}(i)$  = ongkos dari simpul i ke simpul tujuan (goal), atau  $\hat{c}(i) = \hat{f}(i) + \hat{g}(i)$
- Pada persoalan TSP dengan cost dihitung berdasarkan matriks ongkos tereduksi, jika S adalah anak dari simpul R, maka

$$\hat{c}(S) = \hat{c}(R) + A(i, j) + r$$
  
 $\hat{f}(R) = \hat{c}(R) = \text{cost dari orangtua simpul S}$   
 $\hat{g}(R) = A(i, j) + r$ 

• Terdapat pendekatan heuristik lain dalam menghitung nilai cost untuk setiap simpul berdasarkan bobot tur lengkap.

### Bobot Tur Lengkap (tur dimulai dari a)



bobot tur lengkap = 
$$1/2 \sum_{i=1}^{n}$$
 bobot sisi  $i_1$  + bobot sisi  $i_2$ 

sisi  $i_1$  dan sisi  $i_2$  adalah dua sisi yang bersisian dengan simpul i di dalam tur lengkap.

#### B&B-TSP dengan Bobot Tur Lengkap

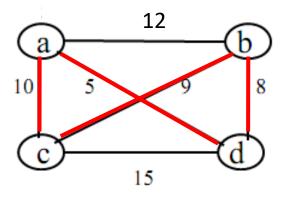
Hasil pengamatan:

```
M \equiv cost = bobot minimum tur lengkap
 \geq 1/2 \sum bobot sisi i_1 + bobot sisi i_2
```

Yang dalam hal ini, sisi  $i_1$  dan sisi  $i_2$  adalah sisi yang bersisian dengan simpul i dengan bobot minimum.

M dapat digunakan sebagai fungsi pembatas (bound) untuk menghitung cost setiap simpul di dalam pohon

## Cost Simpul Akar



Cost untuk simpul akar (simpul 1)

$$cost \ge 1/2 [ (5+10) + (9+8) + (9+10) + (8+5) ]$$
  
  $\ge 32$ 

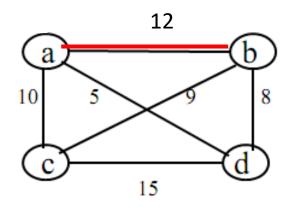
Pohon ruang status yang terbentuk:

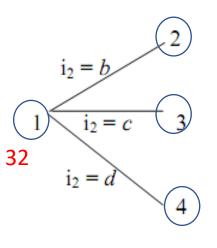


### B&B-TSP dengan Bobot Tur Lengkap

Contoh untuk menghitung cost simpul 2:

Untuk i<sub>2</sub>=b, sisi (a, b) wajib diambil.



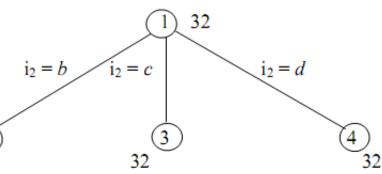


$$cost ≥ 1/2 [ (12+5) + (12+8) + (9+10) + (8+5) ]$$
≥ 34,5
$$a b c d$$

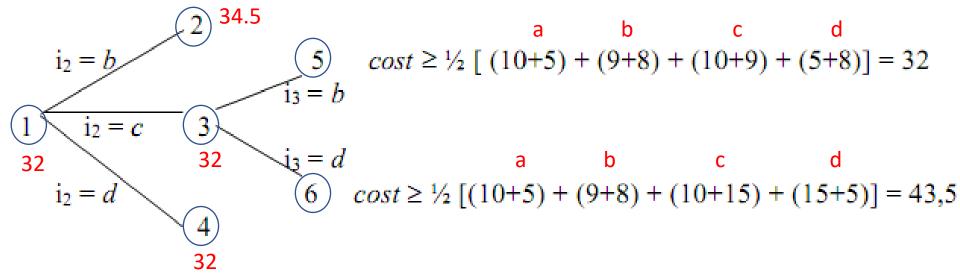
$$cost ≥ 1/2 [ (10+5) + (9+8) + (10+9) + (8+5) ]$$
≥ 32
$$a b c d$$

$$cost ≥ 1/2 [ (5+10) + (9+8) + (10+9) + (8+5) ]$$
≥ 32

Pohon ruang status yang terbentuk:

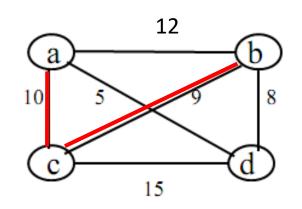


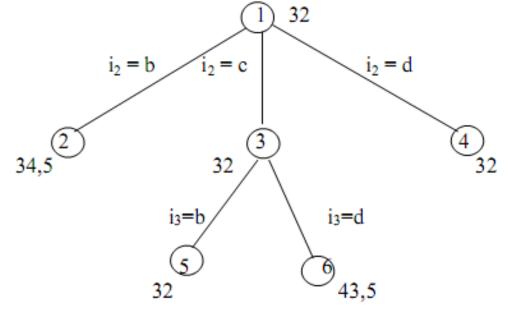
Simpul hidup berikutnya yang akan diekspansi: simpul 3 atau 4



#### Contoh menghitung *cost* simpul 5:

Untuk i<sub>3</sub>=b, sisi (a, c) dan sisi (c, b) wajib diambil.



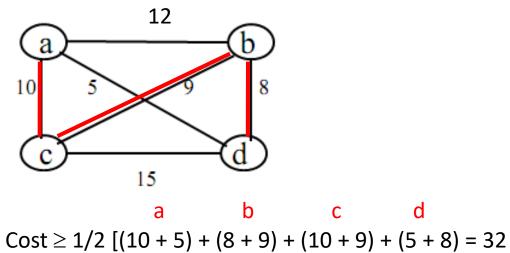


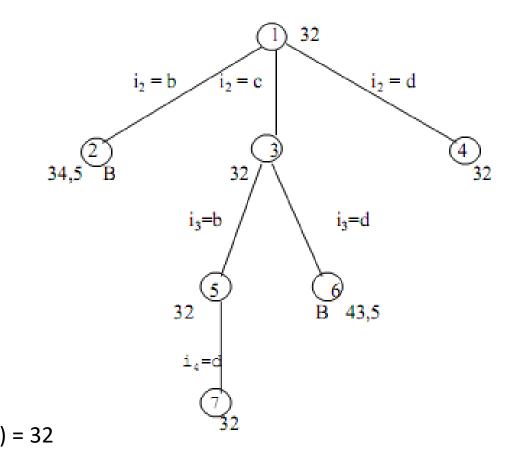
Simpul hidup berikutnya yang akan diekspansi: simpul 5 atau 4

#### Pohon ruang status yang terbentuk:

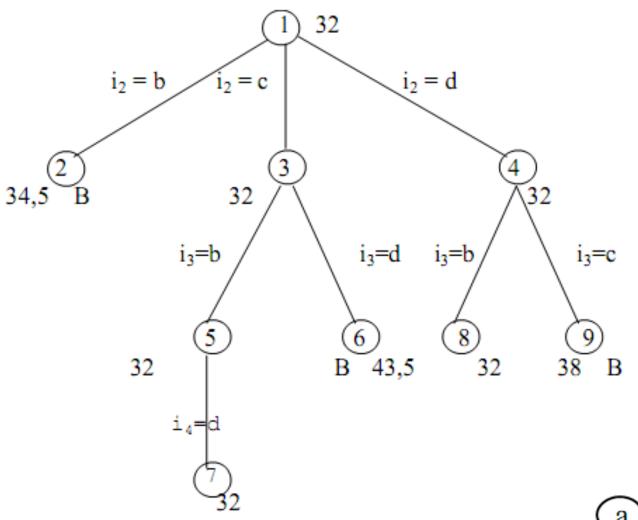


Sisi (a, c), (c, b), dan (b, d) wajib diambil.

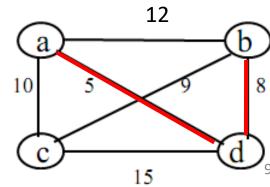


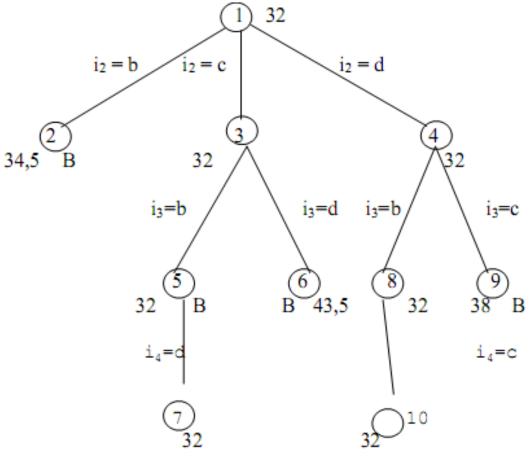


Solusi pertama: Tur a, c, b, d, a dengan bobot 32 (*the best solution so far*). Bunuh semua simpul dengan cost > 32. (ditandai dengan B)



Cost simpul 
$$8 \ge \frac{a}{2}[(5+10)+(8+9)+(9+10)+(5+8)] = 32$$





Cost simpul  $10 \ge \frac{1}{2}[(5+10)+(9+8)+(9+10)+(5+8)] = 32$ Solusi ke-2: tur a, d, b, c, a dengan bobot 32

## BERSAMBUNG