**מטלה מסכמת- חלק 1**

# מגישים:

סמי נחמד 341218097

נועם רהט 205918360

צחי טחן

# הנחיות

* התרגיל יבוצע ביחידים/זוגות/שלשות. **על כל אחד מהסטודנטים להגיש את התרגיל במודל!**
* גם אם לא מצוין, יש לצרף לכל סעיף את קוד המטלב שכתבתם בתוספת הערות (בגוף הקוד ומעבר).
* בתרגיל זה נשתמש במספר תעודות הזהות של הסטודנטים המבצעים להגדרות שונות.  
    
  נסמן:

*d*1=של סטודנט א' סכום הספרות של מספר תעודת זהות

*d*2=של סטודנט ב' סכום הספרות של מספר תעודת זהות

*d*3=של סטודנט ג' סכום הספרות של מספר תעודת זהות

ונגדיר בנוסף

**בתרגיל זה אסור להשתמש בפקודות המטלב: conv, filter, fft2, ifft2, fftn, ifftn, xcorr, conv2, xcorr2, fft2, fftn, fftfilt.**

**בחלק א' אין להשתמש גם בפקודות fft, ifft.**

# חלק א' - מימוש FFT

בחלק זה תכתבו שיגרה המממשת FFT ושיגרה נוספת המממשת IFFT על ידי שימוש בשגרה הראשונה.

יש לממש את השיגרות באחד מ-2 אופנים: א. ללא שימוש ברקורסיה. ב. באופן רקורסיבי.

שימו לב – אופן המימוש תלוי בזוג המבצע את התרגיל.

אם זוגי המימוש צריך להתבצע ללא שימוש ברקורסיה.

אם אי זוגי המימוש יתבצע באופן רקורסיבי.

בכדי לבדוק את עבודתכם, השוו לפונקציות FFT ו IFFT של מטלב. צרפו את קוד המטלב שפיתחתם בתוספת הערות (בגוף הקוד) .

קוד מטלב:

function r = bitrev(k, bits)

    % Compute the bit-reversed value of an integer

    % Input:

    %   k - integer to be bit-reversed

    %   bits - number of bits in the binary representation

    % Output:

    %   r - bit-reversed value of k

    r = 0;

    for i = 0:bits-1

        r = bitor(bitshift(r, 1), bitand(bitshift(k, -i), 1));

    end

    return;  % Explicit return statement

end

function x = bitrevorder(x)

    % Reorder the input array according to bit-reversed order

    % Input:

    %   x - input signal (vector of complex numbers)

    % Output:

    %   x - bit-reversed ordered signal

    N = length(x);

    bits = log2(N);

    for i = 0:N-1

        rev\_i = bitrev(i, bits);

        if rev\_i > i

            % Swap elements to achieve bit-reversed order

            temp = x(i+1);

            x(i+1) = x(rev\_i+1);

            x(rev\_i+1) = temp;

        end

    end

    return;  % Explicit return statement

end

function X = iterativeFFT(x)

    % Iterative FFT implementation using the Cooley-Tukey algorithm

    % Input:

    %   x - input signal (vector of complex numbers)

    % Output:

    %   X - FFT of the input signal

    N = length(x);

    % Check if N is a power of 2

    if bitand(N, N - 1) ~= 0

        error('Length of input signal must be a power of 2.');

    end

    % Bit-reversed order permutation

    X = bitrevorder(x);

    % Perform the FFT using the iterative approach

    for len = 2:2:N

        halfLen = len / 2;

        W = exp(-2i \* pi \* (0:halfLen-1) / len);  % Twiddle factors for current stage

        for start = 1:len:N

            for k = 0:halfLen-1

                index1 = start + k - 1;  % Adjusted for MATLAB's 1-based indexing

                index2 = start + k + halfLen - 1;  % Adjusted for MATLAB's 1-based indexing

                % Combine the results of smaller transforms

                t = W(k + 1) \* X(index2 + 1);  % Adjusted for MATLAB's 1-based indexing

                X(index2 + 1) = X(index1 + 1) - t;  % Adjusted for MATLAB's 1-based indexing

                X(index1 + 1) = X(index1 + 1) + t;  % Adjusted for MATLAB's 1-based indexing

            end

        end

    end

end

function X = inverseFFT(X)

    % Inverse FFT implementation using the iterative FFT function

    % Input:

    %   X - input signal (vector of complex numbers)

    % Output:

    %   x - inverse FFT of the input signal

    N = length(X);

    X = conj(X);  % Conjugate the input signal

    X = iterativeFFT(X);  % Apply the FFT

    X = conj(X);  % Conjugate the result

    X = X / N;  % Normalize by dividing by the length

    return;  % Explicit return statement

end

% Main function to run the test

function iterativeFFT\_test

    % Test the function

    x = [1, 2, 3, 4];  % Sample input signal

    X\_iterative = iterativeFFT(x);  % Call the iterative FFT function

    % Compare with MATLAB's built-in FFT function

    X\_builtin = fft(x);

    % Display the results

    disp('Iterative FFT:');

    disp(X\_iterative);

    disp('Built-in FFT:');

    disp(X\_builtin);

    % Test the inverse FFT function

    x\_inverse = inverseFFT(X\_iterative);

    % Compare with MATLAB's built-in IFFT function

    x\_builtin\_inverse = ifft(X\_builtin);

    % Display the results

    disp('Inverse FFT (custom):');

    disp(x\_inverse);

    disp('Inverse FFT (builtin):');

    disp(x\_builtin\_inverse);

end

כמובן שתוצאה יצאה נכונה כמצופה

# חלק ב' – סינון דיגיטלי

נתון האות

כמו כן, נתון בקובץ filter\_0.25\_101.mat מסנן ספרתי, המסנן הינו בעל אורך סופי של 102 דגימות.

ניתן לקרב את תגובת התדר של המסנן באופן הבא

כאשר הינו קבוע כלשהו המקיים .

ברצוננו לדגום את בקצב , כאשר לסיגנל הדגום נקרא , ולאחר מכן נסנן את באמצעות .

1. קבעו את תדר הדגימה כך שבמוצא המסנן נקבל את וננחית את פי A.

נרצה לדגום את האות הרציף r(t) בקצב Fs:כפי שלמדו עבור אות שנראה כמו אם נדגום בקצב Fs האות הדגום -הבדיד,ייראה כמו: (מתיחת הציר פי והכפלה כל ואצלנו:  *כעת, אם נרצה שהאות שיעבור s[n] דרך הסנן יעבור בטווח של ואילו שהאות v[n] יונחת פי A יעבור בטווח של   
נזכור תחילה ש מקיים בתדר ונקבל:*

*ומכיוון שדגמנו את האות-התדר בבדיד הוא הכפלת הציר פי ושכפול כל -סכ"ה נקבל ש:*

*ועל מנת לקבל את הטווחים שרצינו נדרוש:*

1. כמה דגימות יש ליטול מ- כדי לקבל במוצא המסנן 2048 דגימות מסוננות?

*כפי שלמדנו, בקונבלוציה לינארית בין אות באורך N לאות באורך M סך האיברים במוצא יהיו L=N+M-1 ואצלנו נבצע קונבלוציה בין אות r באורך N לבין המסנן שנתון שאורכו הוא M=102 ולכן אם נרצה שאורך האות במוצא יהיה 2048:*

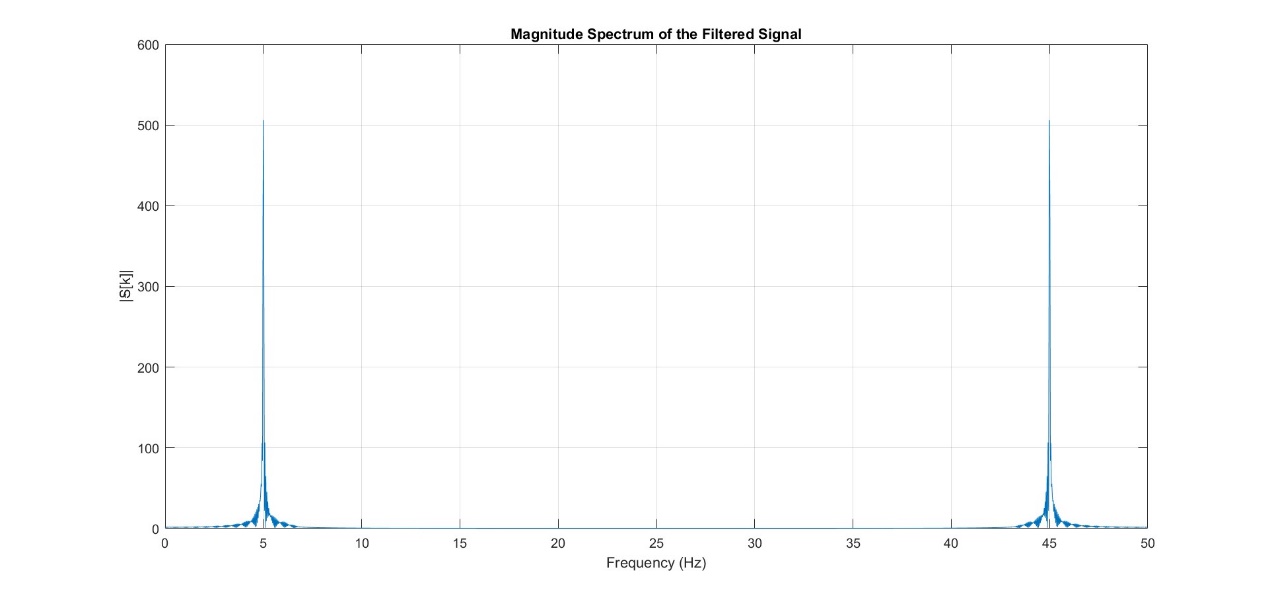
1. נסמן ב- את מוצא המסנן וב- את התמרת ה-DFT של 2048 הדגימות של . שרטטו בעזרת מטלב את כאשר ציר האיקס הינו ציר תדר אנלוגי בתחום .

*נרצה לשרטט במטלב את התמרת הDTF של מוצא המסנן שלנו-לא מוגדר עבורנו מה הערך של Fs שאיתו נעבוד ולכן נחליט לעבוד עם תדר דגימה של ; נזכור ש:*

*סה"כ נרצה למצוא את הערכים של המסנן והאות בכניסה שלנו-במישור התדר:  
נשים לב שמכיוון שהאיבר שלנו S[K] בעל 2048 איברים-נצטרך שהאיברים r,H יהיו בעלי 2048 איברים גם כן-כלומר נצטרך לבצע ריפוד אפסים לכדי 2048 איברים גם כן.*

*נבחר Fs=50 -נצפה שהרכיב v ייסונן והרכיב s יישאר-נצפה לקבל:*

*כלומר נצפה לקבל שתי דלתאות סביב ,אבל מכיוון שאנחנו עובדים בציר תדר אנלוגי-הפתרון יהיה סביב כי כפי שלמדנו מתקיים כאשר w הוא התדר בבדיד וf הוא התדר בציר אנלוגי(הרצים) ואנחנו עובדים בהרצים ולכן ונקבל את …*

**

*לא קיבלנו את הדגימות שלנו ב אלא ב5,45(=50-5) יכול להיות שזה קרה מכיוון שבשביל לשמור על סימטריה-בפועל מעבירים את החלק שמשמאל למרכז לצד השמאלי בצורה של mirroring ואצלנו מכיוון שנרוץ מ0 עד 50 ומכיוון שנקבל את האות שלנו ב-5 הוא יעבור בצורת mirroring לקצה השני של הציר-ל50-5.*

*קוד מטלב:*

close all;

clc;

clear;

% Load the filter

data = load('filter\_0.25\_101.mat'); % This loads a struct with field names matching the variables in the .mat file

% Correctly access the filter coefficients using the actual field name 'h'

h = data.h; % Use struct field access to get the correct filter variable

Fs = 50;

t = (0:1946) / Fs; % in order to creat a 1947 lenght vector

% c/d transform-will mention that we allready included the /Fs in the

% t vector

r\_n = cos(2\*pi\*5\*t) + cos(2\*pi\*10\*t);

bpf\_length = length(h);

s\_n = linear\_conv(r\_n, h); % linear convelution-will result a 2048 output lenght signal

S\_k = abs(iterativeFFT(s\_n));

f = (0:2047) \* (Fs / 2048); % Frequency,after resolutiong like Fs/N

plot(f, S\_k);

xlabel('k(=frequency) (Hz)');

ylabel('|s[k]|');

title('|s[k]| as a function of frequency');

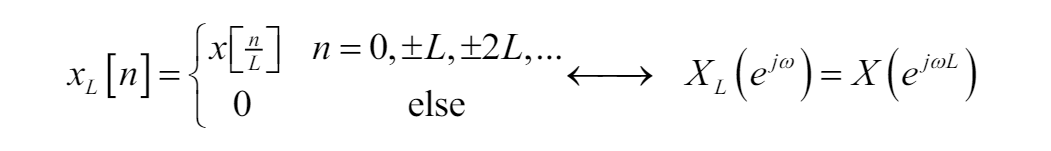
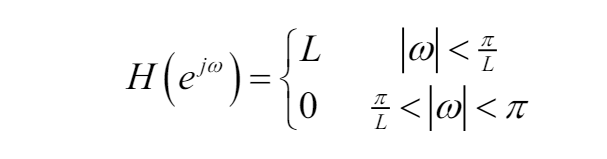
grid on;

1. לסעיף זה בלבד, נתון . האם ניתן להשתמש במסנן הנ"ל לצורך סינון ? אם כן, הסבירו כיצד.

*נתון לנו כי התדר הוא Fs=25 ולכן:   
 ולכן שתי האותות יעברו במסנן דרך המכפלה ב1:ע"מ לסנן את v שוב-נרצה ש:*

*נעשה העלאת קצב:  
נבחר Fs=50 כלומר נרצה שהאות-שנדגם בתדר Fs ייראה כאילו נדגם בתדר כאשר L=2*

*בעצם נרצה להגיע לאות שייראה כמו:*

*זה אומר שנרפד באפס את האות בזמן כך:   
 כתוצאה מכך האות יכווץ פי L בתדר ונקבל שכפולים של האות הבדיד הנ"ל-במקום כל כל ולאחר מכן פשוט נסנן שכפולים מיותרים על ידי:  
*

*ונקבל את הדרוש...*

1. נתונה המערכת הבאה

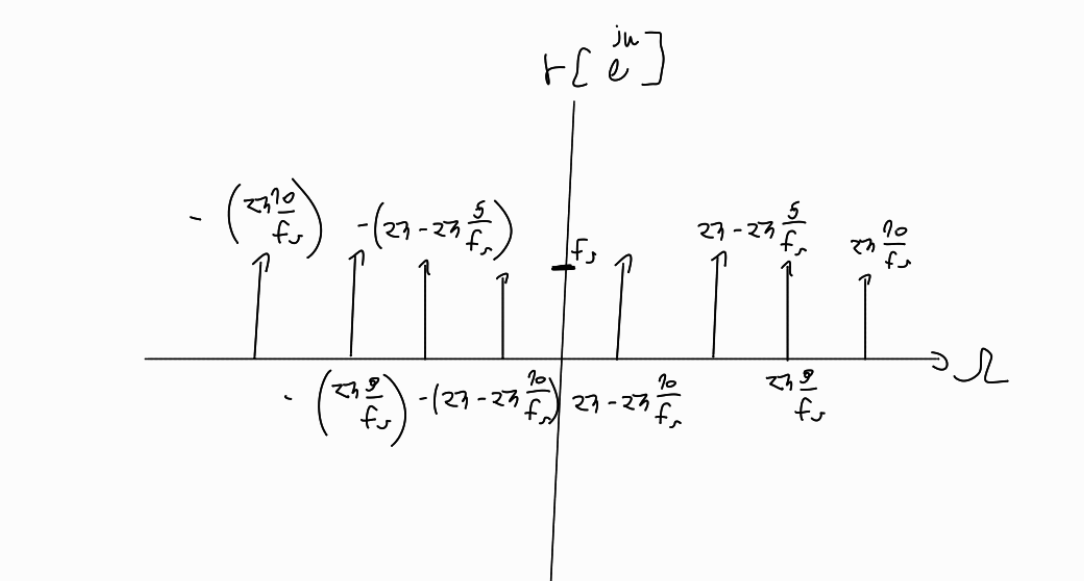
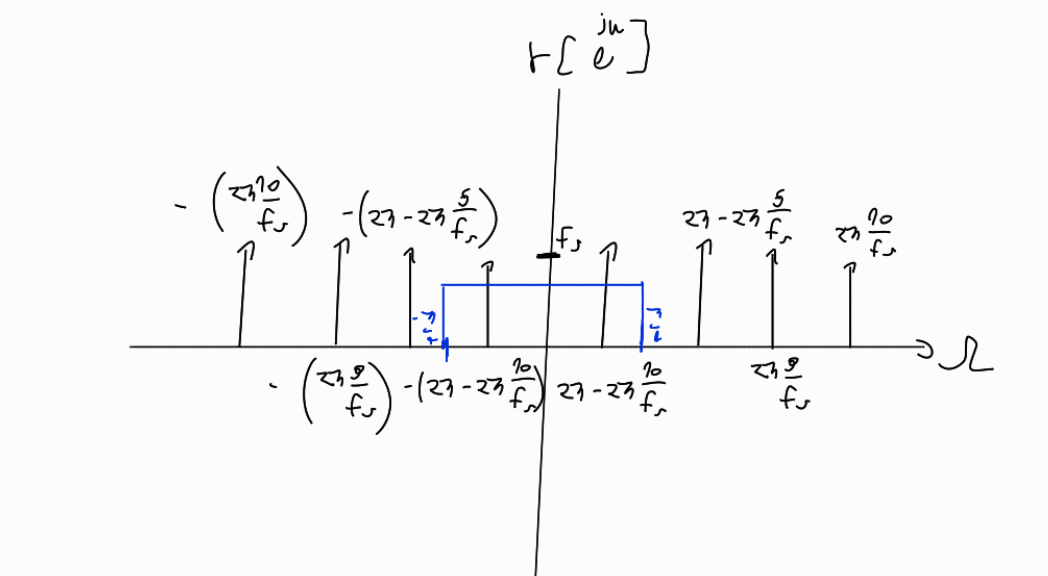


הסבירו בפירוט כיצד ניתן לממש מערכת זו בהינתן המסנן ואות הכניסה הנ"ל? (מה צריך להיות קצב הדגימה ומדוע?)

*נזכור שבנקודה Y נקבל שהאות הבדיד יהיה:*

כעת,במישור התדר-

כאשר לאחר כיווץ הציר והכפלת האיברים פי Fs וביצוע שכפולים כל נקבל:

  
את זה נכפיל במסנן שלנו ונקבל את X  
  
כעת,נזכור שבמוצא נצטרך לקבל  *שבמישור התדר-בשלב הX נצטרך לקבל:  
סכ"ה במישור התדר נדרוש   
נזכור כעת שנוכל להגיע לכך אם נסנן את כל האיברים חוץ מ2 האיברים הכי קטנים-   
  
על מנת להגיע לכך נדרוש שיתקיים:על מנת שהדלתאות האילו יהיו שוות לדלתאות שנרצה-נציב ונקבל בנוסף נשים לב שאכן רק הרכיב הזה ייעבור בטווח המסנן של*

ושהאיברים האחרים לא ייעברו:ואכן נקבל את הדרוש.

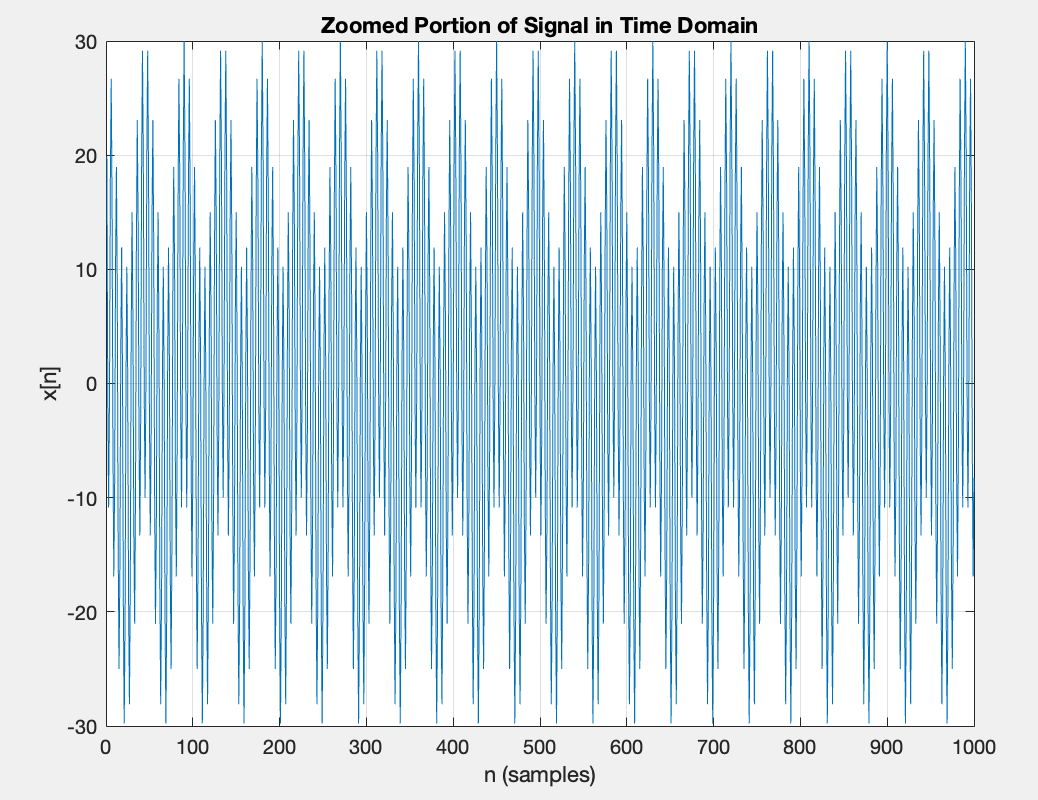
# חלק ג' – OVA

בחלק זה עליכם לממש את שיטת OVA עליה דיברנו בכיתה.

נתון אות ממשי ושני מסננים *. קצב הדגימה הינו 18000 לשנייה. ברצוננו לממש את הקונבולוציה הלינארית:*

*בכדי לבצע את הקונבולוציה הלינארית בצורה יעילה אנו נשתמש בשיטת OVA.*

1. *על מנת לטעון את האות , הורידו את הקובץ sig\_x.mat מאתר הקורס. כיצד נראה הסיגנל? מהם התדרים הפעילים?*

**

* *תדרים פעילים באות (מעל לסף):*

*400 3000*

* *הייצוג המתמטי של האות:*

*קוד מטלב:*

%% Q1:

%% What does the signal "sig\_x.mat" look like? What are the active frequencies?

% Load the signal from the .mat file and define initial parameters

load('sig\_x.mat');  % Loads the variable 'x'

fs = 18000;  % Sampling rate in Hz

N = length(x);  % Length of the signal

% Define the time vector for the entire signal and for the zoomed portion

n = 0:N-1;  % Time vector for the entire signal

zoomRange = 1:min(N, 300);  % Zoomed range

% Plot the zoomed portion of the signal in the time domain

figure;

plot(n(zoomRange), x(zoomRange));

title('Zoomed Portion of Signal in Time Domain');

xlabel('n (samples)');

ylabel('x[n]');

grid on;

% Compute the FFT of the signal and define the frequency axis

X = fft(x);

f = (-N/2:N/2-1) \* (fs / N);  % Frequency axis centered around 0

% Compute and plot the magnitude spectrum centered around 0

magnitude = abs(fftshift(X));

figure;

plot(f, magnitude);

title('Magnitude Spectrum of the Signal (Centered)');

xlabel('Frequency (Hz)');

ylabel('Magnitude');

grid on;

% Detect active frequencies using a threshold

threshold = max(magnitude) \* 0.1;

active\_indices = find(magnitude > threshold);

active\_frequencies = f(active\_indices);

disp(active\_frequencies);

fprintf('Mathematical representation of the signal:\n');

phases = angle(fftshift(X));  % Assign to a variable first

for i = 1:length(active\_frequencies)

    fprintf('A%d \* cos(2 \* pi \* %.0f \* n / %.0f + %.2f)\n', i, abs(active\_frequencies(i)), fs, phases(active\_indices(i)));

end

1. *על מנת ליצור את המסננים הורידו את הקבצים filter\_1.mat, filter\_2.mat מאתר הקורס. מהם סוגי המסננים?*

*המסנן הראשון "filter\_1.mat" הוא LPF, ואילו המסנן השני "filter\_2.mat" הוא HPF: A close-up of a graph

Description automatically generated*

*קוד מטלב:*

%% Q2:

%% What are the types of filters filter\_1.mat and filter\_2.mat?

filter\_1 = load('filter\_1.mat');

filter\_2 = load('filter\_2.mat');

filter\_1\_varname = fieldnames(filter\_1);

filter\_2\_varname = fieldnames(filter\_2);

h1 = filter\_1.(filter\_1\_varname{1}); % Access the first variable in filter\_1.mat

h2 = filter\_2.(filter\_2\_varname{1}); % Access the first variable in filter\_2.mat

% Compute and plot the frequency response of each filter

h1\_fft = fft(h1);

h2\_fft = fft(h2);

freq = (0:length(h1\_fft)-1) \* (18000 / length(h1\_fft));

figure;

subplot(2,1,1);

plot(freq, abs(h1\_fft));

title('Frequency Response of Filter 1');

xlabel('Frequency (Hz)');

ylabel('Magnitude');

subplot(2,1,2);

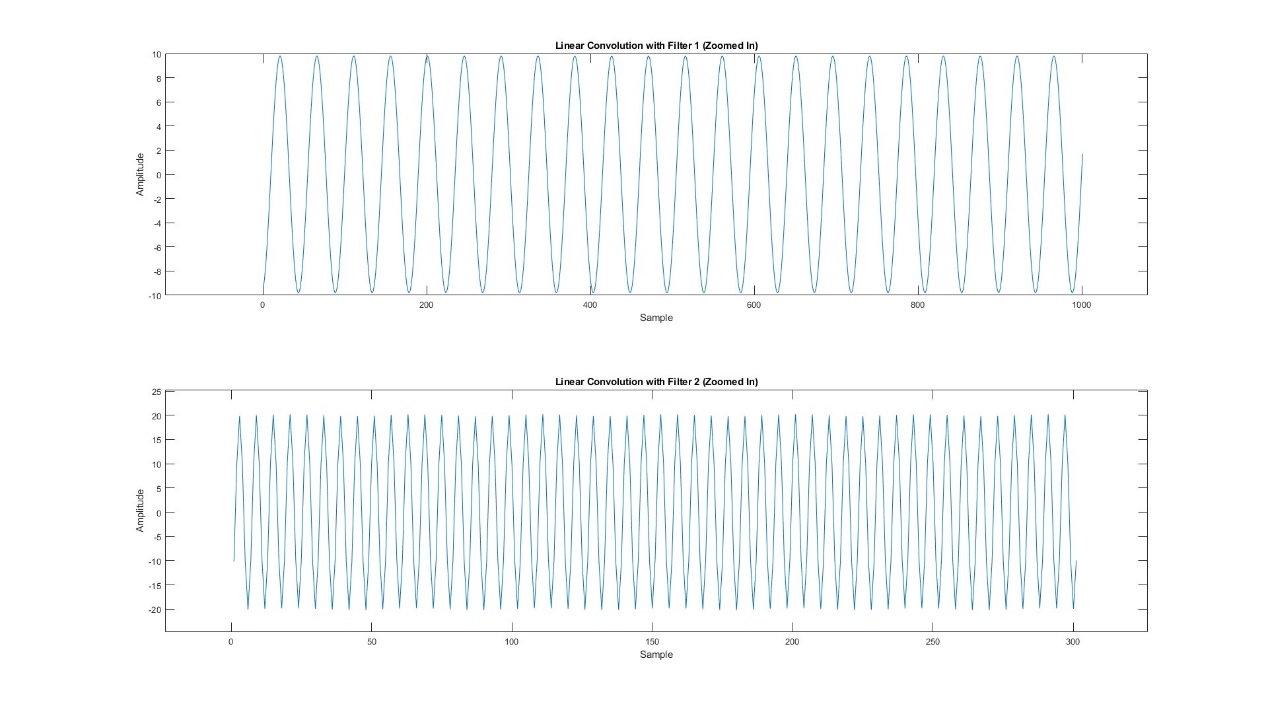
plot(freq, abs(h2\_fft));

title('Frequency Response of Filter 2');

xlabel('Frequency (Hz)');

ylabel('Magnitude');

1. *ממשו באופן ישיר קונבולוציה לינארית בין הסיגנל לכל אחד מהמסננים. השוו בין התוצאות והסבירו אותם. מהו זמן הריצה?*

*תוצאות הקונבולוציה מראות את ההשפעה של כל מסנן על הסיגנל המסננים מעבירים תדרים שונים ומנחיתים אחרים, כפי שניתן לראות מהגרפים של הקונבולוציה הלינארית: זמני הריצה הקצרים מראים יעילות בביצוע החישוב, עם זמני ריצה כמעט זהים לשני המסננים.*

*Linear convolution with Filter 1 (BSF) took 0.115626 seconds.*

*Number of multiplications with Filter 1: 16470000*

*Number of additions with Filter 1: 16200000*

*Linear convolution with Filter 2 (BPF) took 0.065639 seconds.*

*Number of multiplications with Filter 2: 16470000*

*Number of additions with Filter 2: 16200000*

*קוד מטלב:*

%% Q3:

%% Implement a Directly Linear Convolution between the signal x[n] and each of the filters.

%% Compare the results and explain them. What is the running time?

% Compute linear convolution with each filter and count operations

tic;

[y1\_linear, mult1, add1] = linear\_conv(x, h1);

time\_y1\_linear = toc;

tic;

[y2\_linear, mult2, add2] = linear\_conv(x, h2);

time\_y2\_linear = toc;

% Display results

fprintf('Linear convolution with Filter 1 (LPF) took %.6f seconds.\n', time\_y1\_linear);

fprintf('Number of multiplications with Filter 1: %d\n', mult1);

fprintf('Number of additions with Filter 1: %d\n', add1);

fprintf('Linear convolution with Filter 2 (HPF) took %.6f seconds.\n', time\_y2\_linear);

fprintf('Number of multiplications with Filter 2: %d\n', mult2);

fprintf('Number of additions with Filter 2: %d\n', add2);

% Plot the results of linear convolution

figure;

subplot(2,1,1);

plot(y1\_linear(1200:1500));

title('Linear Convolution with Filter 1 (Zoomed In)');

xlabel('Sample');

ylabel('Amplitude');

subplot(2,1,2);

plot(y2\_linear(1200:1500));

title('Linear Convolution with Filter 2 (Zoomed In)');

xlabel('Sample');

ylabel('Amplitude');

1. *ממשו קונבולוציה לינארית על ידי OVA. הסבירו כיצד קבעתם את פרמטרי האלגוריתם. מהו זמן הריצה האופטימלי? הציגו זאת בגרף כתלות בגודל המסגרת. הסבירו באופן מפורט כיצד עובדת השיטה.*

*Filter1*

*Number of multiplications : 16428032*

*Number of additions: 16158720*

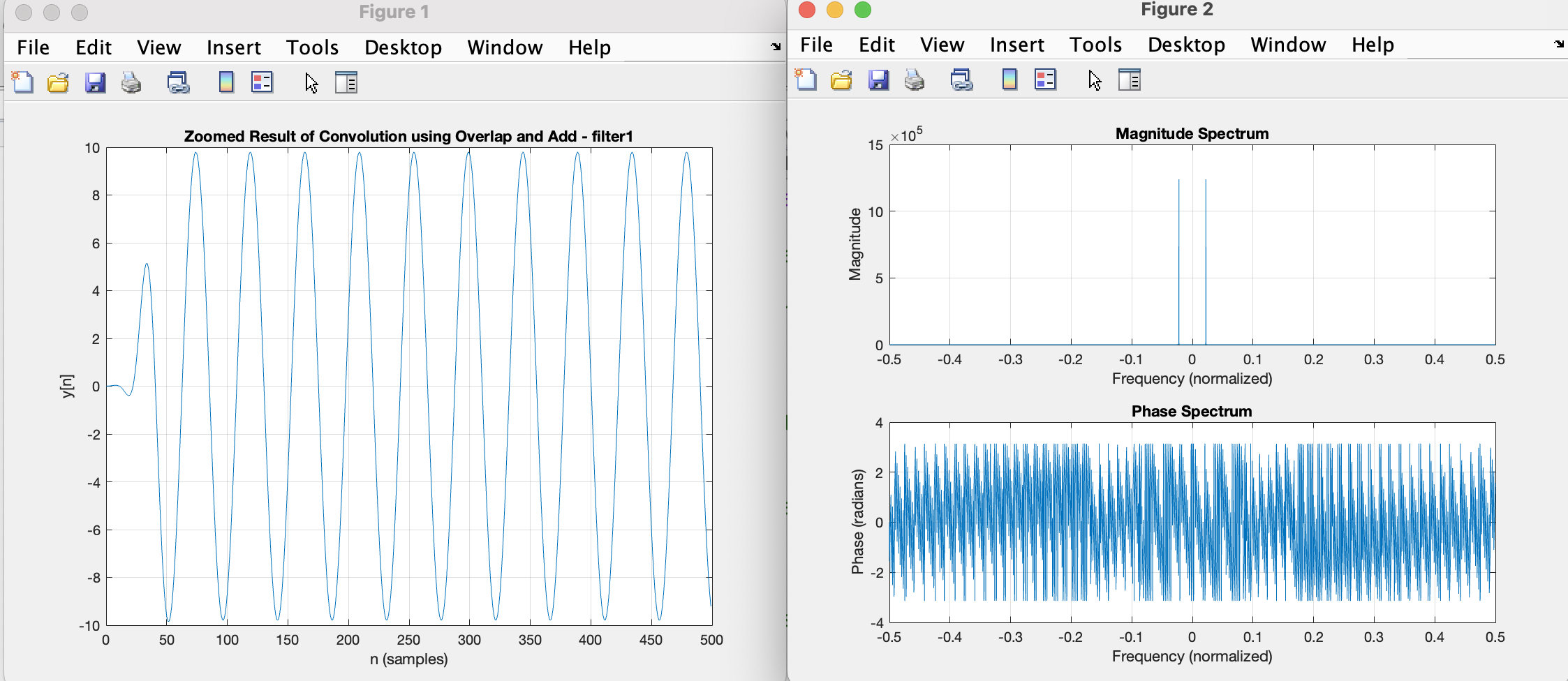
*Linear convolution with Filter 1 took 0.042599 seconds.*

*L = 2048*

*Number of multiplications : 16365568*

*L = 4*

*Number of multiplications : 16469756*

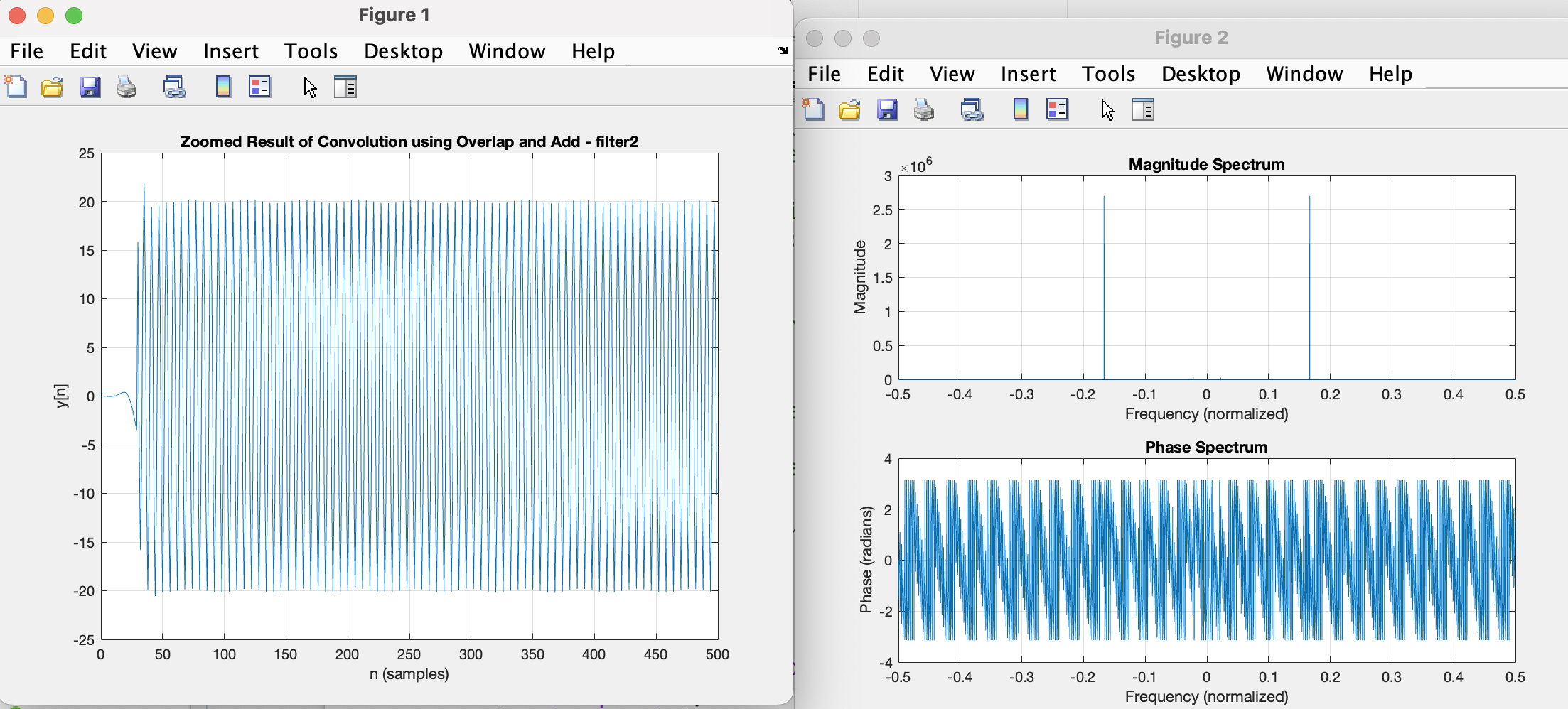
**

*Filter2*

*Number of multiplications : 16428032*

*Number of additions: 16158720*

*Linear convolution with Filter 2 took 0.043691 seconds.*

**

1. *השוו בין זמני הריצה של שתי השיטות על אותו הגרף כפונקציה של גודל המסגרת. לאיזו שיטה ישנה עדיפות מבחינת הביצועים?*

*קוד מטלב:*

%% Q5:

%% Compare the running times of the two methods on the same graph as a function of frame size. Which method has better in terms of performance?

%% Draw on the same graph the output of the 2 types of convolution for each of the filters and show that you performed OVA correctly.

% Linear Convolution using the provided linear\_conv function

[y1\_linear, unus1, unus2] = linear\_conv(x, h1);

[y2\_linear, unus1, unus2] = linear\_conv(x, h2);

% Overlap-Add Convolution using the provided overlap\_and\_add function

L = 2048; % Block size

[y1\_ova, unus1, unus2] = overlap\_and\_add(x, h1, L);

[y2\_ova, unus1, unus2] = overlap\_and\_add(x, h2, L);

% Plotting the results

% Zoomed plot for better visibility

zoom\_start = 1;

zoom\_end = 500; % Adjust as needed

figure;

subplot(2,1,1);

hold on;

plot(zoom\_start:zoom\_end, y1\_linear(zoom\_start:zoom\_end), 'r', 'DisplayName', 'Linear Convolution', 'LineWidth', 1.5);

plot(zoom\_start:zoom\_end, y1\_ova(zoom\_start:zoom\_end), 'b--', 'DisplayName', 'OVA Convolution', 'LineWidth', 1.5);

title('Filter 1 (Zoomed)');

legend('show');

xlabel('n (samples)');

ylabel('y[n]');

grid on;

hold off;

subplot(2,1,2);

hold on;

plot(zoom\_start:zoom\_end, y2\_linear(zoom\_start:zoom\_end), 'r', 'DisplayName', 'Linear Convolution', 'LineWidth', 1.5);

plot(zoom\_start:zoom\_end, y2\_ova(zoom\_start:zoom\_end), 'b--', 'DisplayName', 'OVA Convolution', 'LineWidth', 1.5);

title('Filter 2 (Zoomed)');

legend('show');

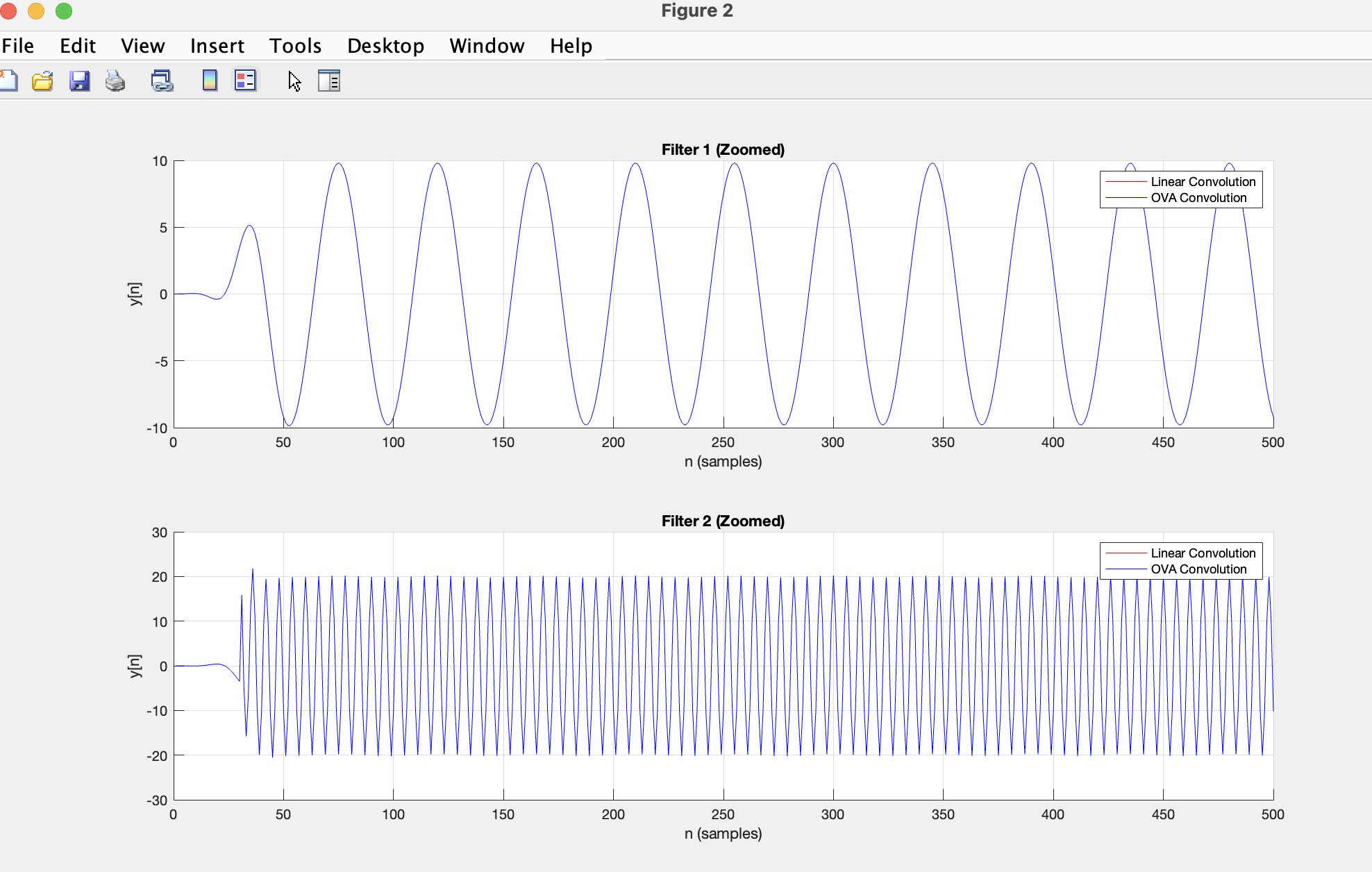
xlabel('n (samples)');

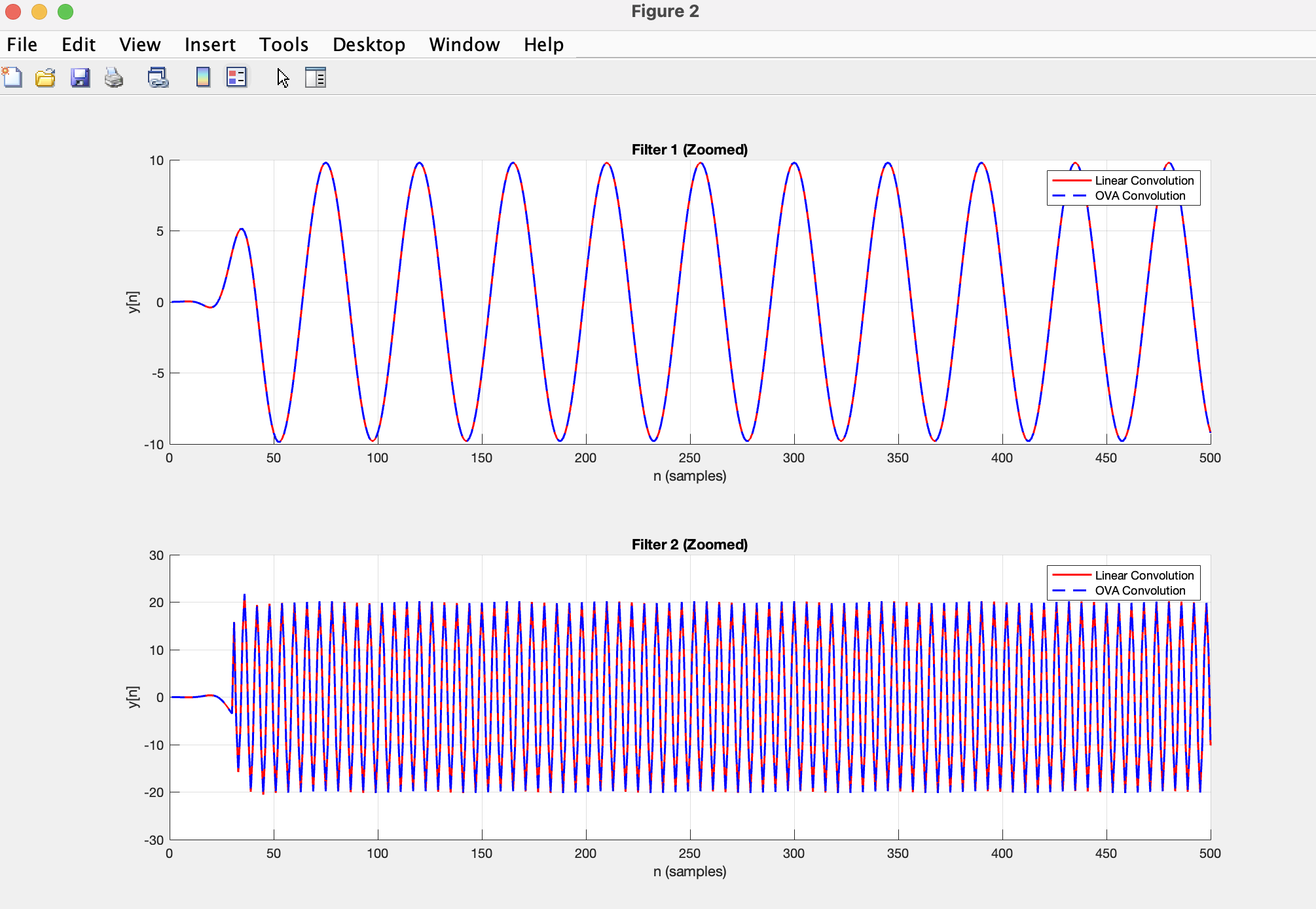
ylabel('y[n]');

grid on;

hold off;

1. *ציירו על אותו הגרף את המוצא של 2 סוגי הקונבולוציה עבור כל אחד מהמסננים והראו כי ביצעתם OVA כראוי.*

**

**