1 最小值 (min.c/cpp/pas)

这道题若不含换根操作,则直接用线段树在 dfs 序上维护区间最小值,以及支持单点修改即可。

但现在有换根操作。考虑分类讨论,令 a 为要查子树最小值的结点, root 为当前根节点,若 root 恰为 a,则答案为所有结点最小值;若 root 不在 a 下面(即一开始的树中 a 的子树中),则此时的子树仍与未换根时相同,仍用区间查询最小值即可;若 root 在 a 下面,考虑从 a 向上倍增找到 root 的某个儿子结点 b,那么此时的子树即:未换根时 b 的子树以外的所有点,显然这就只是在原 dfs 序上被分成了两个区间查询。

2 最大值(max.c/cpp/pas)

这道题基本上是链剖模板题,用链剖将树链操作转化为序列操作。那么现在需要维护的 就是区间取相反数,以及区间查询最大值。

在线段树上维护最大值,最小值,以及取反标记,当一个结点被取反时将取反标记异或 1,并且最大值变为原最小值的相反数,最小值变为原最大值的相反数。

3 前k大(kth.c/cpp/pas)

这道题是课件原题,如下:

Problem 1-3

题目:给一个长为 n 的序列,在长度在 L 到 R 之间的所有子段中,找到子段和前 K 大的所有子段,并求和。(n K <= 500000)

- ■考虑对于固定的一个右端点,如何求长度满足条件的和最大的子段?
- ■显然可以在前缀和数组上,固定右端点为 r 后,即在 [r-L, r-R] 的区间上找到最小值即可,显然可以用 ST 表解决。
- ■于是用一个优先队列,每次取出一个子段和最大的右端点。但由于 ST 表不方便求次大、第3大...所以可以考虑将长度 [L,R] 分割为两个区间,假定取出的长度为 len,则分割为 [L, len-1], [len+1, R] 两个区间即可。更小的区间依此类推。
- ■那么优先队列中的每个元素需要存储四个值:右端点位置,长度下界, 长度上界,以及最大的子段和。每次取出队首后放回两个新的即可。