

Fundamentos de Matlab

Mario De León Urbina

Escuela de Matemática

13 de agosto de 2023

0 Contenidos

- Motivación
- 2 Explorando MATLAB
- 3 Funciones
- 4 Graficación



1 Contenidos |2

- Motivación
- Explorando MATLAB
- 3 Funciones
- 4 Graficación





En MathWorks encontramos una definición de qué es el Análisis Numérico:



Ξn	MathWorks encontramos una definición de qué es el Análisis Numérico:



En MathWorks encontramos una definición de qué es el Análisis Numérico:

El Análisis Numérico es una rama de las matemáticas que resuelve problemas continuos mediante la aproximación numérica.



En MathWorks encontramos una definición de qué es el Análisis Numérico:

- ► El Análisis Numérico es una rama de las matemáticas que resuelve problemas continuos mediante la aproximación numérica.
 - Implica diseñar métodos que den soluciones numéricas aproximadas pero precisas, lo cual es útil en los casos en que la solución exacta es imposible o prohibitivamente costosa de calcular.



En MathWorks encontramos una definición de qué es el Análisis Numérico:

- ► El Análisis Numérico es una rama de las matemáticas que resuelve problemas continuos mediante la aproximación numérica.
 - Implica diseñar métodos que den soluciones numéricas aproximadas pero precisas, lo cual es útil en los casos en que la solución exacta es imposible o prohibitivamente costosa de calcular.
 - El análisis numérico también implica caracterizar la convergencia, la precisión, la estabilidad y la complejidad computacional de estos métodos.





Entonces es importante utilizar un software que permita realizar algoritmos para problemas matemáticos formulados desde distintas áreas del conocimiento. En nuestro caso utilizaremos MATLAB:



Entonces es importante utilizar un software que permita realizar algoritmos para problemas matemáticos formulados desde distintas áreas del conocimiento. En nuestro caso utilizaremos MATLAB:								



Entonces es importante utilizar un software que permita realizar algoritmos para problemas matemáticos formulados desde distintas áreas del conocimiento. En nuestro caso utilizaremos MATLAB:



Entonces es importante utilizar un software que permita realizar algoritmos para problemas matemáticos formulados desde distintas áreas del conocimiento. En nuestro caso utilizaremos MATLAB:

MATLAB se usa ampliamente para el análisis numérico aplicado en ingeniería, finanzas computacionales y biología computacional. Proporciona una gama de métodos numéricos para:

Interpolación, extrapolación y regresión



Entonces es importante utilizar un software que permita realizar algoritmos para problemas matemáticos formulados desde distintas áreas del conocimiento. En nuestro caso utilizaremos MATLAB:

- Interpolación, extrapolación y regresión
- Diferenciación e integración



Entonces es importante utilizar un software que permita realizar algoritmos para problemas matemáticos formulados desde distintas áreas del conocimiento. En nuestro caso utilizaremos MATLAB:

- Interpolación, extrapolación y regresión
- Diferenciación e integración
- Sistemas lineales de ecuaciones



Entonces es importante utilizar un software que permita realizar algoritmos para problemas matemáticos formulados desde distintas áreas del conocimiento. En nuestro caso utilizaremos MATLAB:

- Interpolación, extrapolación y regresión
- Diferenciación e integración
- Sistemas lineales de ecuaciones
- ► Valores propios y valores singulares



Entonces es importante utilizar un software que permita realizar algoritmos para problemas matemáticos formulados desde distintas áreas del conocimiento. En nuestro caso utilizaremos MATLAB:

- Interpolación, extrapolación y regresión
- Diferenciación e integración
- Sistemas lineales de ecuaciones
- ► Valores propios y valores singulares
- ► Ecuaciones diferenciales ordinarias (EDO)



Entonces es importante utilizar un software que permita realizar algoritmos para problemas matemáticos formulados desde distintas áreas del conocimiento. En nuestro caso utilizaremos MATLAB:

- Interpolación, extrapolación y regresión
- Diferenciación e integración
- Sistemas lineales de ecuaciones
- ► Valores propios y valores singulares
- ► Ecuaciones diferenciales ordinarias (EDO)
- ► Ecuaciones diferenciales parciales (EDP)



2 Contenidos 15

- Motivación
- 2 Explorando MATLAB
- 3 Funciones
- 4 Graficación





► Help:

help

Muestra el texto de ayuda de un comando en la consola o buscador.



► Help:

help

Muestra el texto de ayuda de un comando en la consola o buscador.

Coma y semicolon:

"," y ";" separan comandos. Semicolon (;) suprime la impresión del output.





Información

whos

Da información sobre las variables guardadas en la memoria.



Información

whos

Da información sobre las variables guardadas en la memoria.

Medición del tiempo de ejecución:

tic *línea* toc

Ejecuta la *línea* de código y mide el tiempo de ejecución requerido.





% Sirve para escribir % comentarios para líneas de código.



% Sirve para escribir % comentarios para líneas de código.

Observación:



%

Sirve para escribir % comentarios para líneas de código.

Observación:

En nuestro caso en lo que resta del curso utilizaremos más el entorno único llamado **Live Editor**, para integrar scripts y funciones. La descripción puede consultarse en



%

Sirve para escribir % comentarios para líneas de código.

Observación:

En nuestro caso en lo que resta del curso utilizaremos más el entorno único llamado **Live Editor**, para integrar scripts y funciones. La descripción puede consultarse en

https://la.mathworks.com/help/matlab/matlab_prog/ what-is-a-live-script-or-function.html





Los resultados numéricos son mostrados en notación fija decimal con 4 cifras decimales si su valor absoluto está comprendido entre 10⁻³ y 10³. En caso contrario son mostrados en notación científica.



- Los resultados numéricos son mostrados en notación fija decimal con 4 cifras decimales si su valor absoluto está comprendido entre 10⁻³ y 10³. En caso contrario son mostrados en notación científica.
- Se puede modificar este comportamiento mediante el comando format



- Los resultados numéricos son mostrados en notación fija decimal con 4 cifras decimales si su valor absoluto está comprendido entre 10⁻³ y 10³. En caso contrario son mostrados en notación científica.
- ► Se puede modificar este comportamiento mediante el comando format





- Los resultados numéricos son mostrados en notación fija decimal con 4 cifras decimales si su valor absoluto está comprendido entre 10⁻³ y 10³. En caso contrario son mostrados en notación científica.
- Se puede modificar este comportamiento mediante el comando format

format Cambia el formato de salida a su valor por defecto, short



- Los resultados numéricos son mostrados en notación fija decimal con 4 cifras decimales si su valor absoluto está comprendido entre 10⁻³ y 10³. En caso contrario son mostrados en notación científica.
- Se puede modificar este comportamiento mediante el comando format

```
format
Cambia el formato de salida a su valor por defecto, short
format long
muestra 15 dígitos
```



- Los resultados numéricos son mostrados en notación fija decimal con 4 cifras decimales si su valor absoluto está comprendido entre 10⁻³ y 10³. En caso contrario son mostrados en notación científica.
- Se puede modificar este comportamiento mediante el comando format

```
format
Cambia el formato de salida a su valor por defecto, short
format long
muestra 15 dígitos
format rat
muestra los números como cociente de enteros.
```





MATLAB identifica escalares con matrices de 1×1 , y vectores columna (fila) de dimensión m con matrices $m \times 1 (1 \times m)$.



MATLAB identifica escalares con matrices de 1×1 , y vectores columna (fila) de dimensión m con matrices $m \times 1 (1 \times m)$.

Asignación:

A= expresión

Asigna a la variable A el valor de la expresión.



MATLAB identifica escalares con matrices de 1×1 , y vectores columna (fila) de dimensión m con matrices $m \times 1 (1 \times m)$.

Asignación:

A= expresión Asigna a la variable A el valor de la expresión.

► Operaciones:

+ , -, * son las operaciones de matrices de adición, resta y multiplicación. ^ es potencia de matrices cuadradas.



MATLAB identifica escalares con matrices de 1×1 , y vectores columna (fila) de dimensión m con matrices $m \times 1 (1 \times m)$.

Asignación:

A= expresión
Asigna a la variable A el valor de la expresión.

▶ Operaciones:

+ , -, * son las operaciones de matrices de adición, resta y multiplicación. ^ es potencia de matrices cuadradas.

A/B calcula la solución X del sistema lineal A=XB y $A\backslash B$ calcula la solución X de AX=B.





Operaciones componente a componente:

```
.+, .-, .*, ./, .^{\circ} son las operaciones componente a componente.
```



Operaciones componente a componente:

```
.+, .-, .*, ./, .^ son las operaciones componente a componente.
```

► Matriz adjunta (transpuesta):

A' es la matriz adjunta de A.





Input para matriz:

```
A = [ 1 2 3;

4 5 6 ];

O también A = [ 1 2 3; 4 5 6 ]; asigna la siguiente matriz

a la variable A:

\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}
```



Input para matriz:

```
A = [ 1 2 3;

4 5 6 ];

O también A = [ 1 2 3; 4 5 6 ]; asigna la siguiente matriz

a la variable A:

\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}
```

Matriz identidad:

eye(m) es la matriz identidad de dimensión m.





► Matriz nula :

zeros(m,n), zeros(m) es la matriz de entradas nulas de dimensión $m \times n$ y $m \times m$ respectivamente.



► Matriz nula :

```
{\tt zeros(m,n)}, {\tt zeros(m)} es la matriz de entradas nulas de dimensión m\times n y m\times m respectivamente.
```

Matriz de unos:

```
ones(m,n), ones(m) es la matriz de entradas iguales a 1.
```



2 Matrices 14



Matrices aleatorias:

rand(m,n), rand(m), randn(m,n), randn(m)
generan matrices con entradas aleatorias.



2 Matrices 14

Matrices aleatorias:

```
rand(m,n), rand(m), randn(m,n), randn(m)
generan matrices con entradas aleatorias.
```

Vectores indexados:

```
j:k, j:s:k
```



Matrices aleatorias:

```
rand(m,n), rand(m), randn(m,n), randn(m)
generan matrices con entradas aleatorias.
```

Vectores indexados:

```
j:k, j:s:k

son los vectores fila
[j, j+1, ..., k-1,k] y [j,j+s, ..., j+m*s] con
```



2 Matrices 14

Matrices aleatorias:

rand(m,n), rand(m), randn(m,n), randn(m)
generan matrices con entradas aleatorias.

Vectores indexados:

```
j:k, j:s:k son los vectores fila [j, j+1, ..., k-1,k] y [j,j+s, ..., j+m*s] con  m = \left[ \frac{k-j}{s} \right]
```





2 Matrices 15

Vectores regularmente espaciados:

linspace(a,b,n)

Si a y b números reales, n entero, genera un vector fila de longitud n cuyo primer elemento es a y último elemento b, y los elementos están regularmente espaciados.



Vectores regularmente espaciados:

linspace(a,b,n)
Si a y b números reales, n entero, genera un vector fila de longitud n cuyo primer elemento es a y último elemento b, y los elementos están regularmente espaciados.

Componentes:

A(j,k) es la entrada A_{ik} de la matriz A.





Bloques de matrices (submatrices):								



Bloques de matrices (submatrices):

A(j1:j2, k1:k2) es la submatriz de A en la cual las fila va de $j1 \leq j2$ y las columnas van de $k1 \leq k2$.



Bloques de matrices (submatrices):

A(j1:j2, k1:k2) es la submatriz de A en la cual las fila va de $j1 \le j2$ y las columnas van de $k1 \le k2$.

A(j1:j2, :), A(:, k1:k2) son las submatrices construidas desde las filas j1 a j2 y de las columnas k1 a k2 respectivamente.



Bloques de matrices (submatrices):

A(j1:j2, k1:k2) es la submatriz de A en la cual las fila va de $j1 \le j2$ y las columnas van de $k1 \le k2$.

A(j1:j2, :), A(:, k1:k2) son las submatrices construidas desde las filas j1 a j2 y de las columnas k1 a k2 respectivamente.

A(j,:), A(:,k) son el vector fila j—ésima y el vector columna k—ésima de la matriz A.





Matrices triangulares:

tril(A), triu(A)
extrae la parte triangular inferior y triangular superior de la matriz A.



Matrices triangulares:

```
{\tt tril}({\tt A}), {\tt triu}({\tt A}) extrae la parte triangular inferior y triangular superior de la matriz {\tt A}.
```

▶ Diagonales de/en una matriz:

```
diag(A,k) extrae como vector columna la diagonal k—ésima de la matriz A.
```



Matrices triangulares:

```
tril(A), triu(A)
extrae la parte triangular inferior y triangular superior de la ma-
triz A.
```

Diagonales de/en una matriz:

```
diag(A,k) extrae como vector columna la diagonal k—ésima de la matriz A. diag(v,k), diag(v) si v es un vector entonces se genera una matriz de ceros en donde la diagonal k es el vector v.
```





Dimensiones de una matriz:								



2 Matrices 18

Dimensiones de una matriz:

```
size(A,1)
da el número de filas
```



2 Matrices 18

Dimensiones de una matriz:

```
size(A,1)
da el número de filas
size(A,2)
da el número de columnas.
```



2 Matrices | 18

Dimensiones de una matriz:

```
size(A,1)
da el número de filas
size(A,2)
da el número de columnas.
size(A)
da un vector v = [m, n] donde m es el número de filas y n el
número de columnas de A.
```



2 Matrices | 18

Dimensiones de una matriz:

```
size(A,1)
da el número de filas
size(A,2)
da el número de columnas.
size(A)
da un vector v = [m, n] donde m es el número de filas y n el número de columnas de A.
length(v)
da la dimensión de un vector columna o fila v.
```



3 Contenidos 19

- Motivación
- 2 Explorando MATLAB
- 3 Funciones
- 4 Graficación







```
function [o_1, o_2, ..., o_n] = myfunc(i_1, i_2, ...,
i_m)
```



```
function [o_1, o_2, ..., o_n] = myfunc(i_1, i_2, ...,
i_m)

donde i_1, i_2, ..., i_m representan las variables de inputs y
o_1, o_2, ..., o_n representan las variables de outputs.
```



```
function [o_1, o_2, ..., o_n] = myfunc(i_1, i_2, ...,
i_m)
```

donde i_1, i_2, ..., i_m representan las variables de inputs y o_1 , o_2 , ..., o_n representan las variables de outputs.

La función puede ser guardada en un archivo myfunc.m en el directorio del proyecto.



```
function [o<sub>1</sub>, o<sub>2</sub>, ..., o<sub>n</sub>] = myfunc(i<sub>1</sub>, i<sub>2</sub>, ..., i<sub>m</sub>)
```

donde i_1, i_2, ..., i_m representan las variables de inputs y o_1 , o_2 , ..., o_n representan las variables de outputs.

La función puede ser guardada en un archivo myfunc.m en el directorio del proyecto. Se puede llamar en la línea de comando (o en la creación de otras funciones) como:



```
function [o_1, o_2, ..., o_n] = myfunc(i_1, i_2, ..., i_m)
```

donde i_1, i_2, ..., i_m representan las variables de inputs y o_1, o_2, ..., o_n representan las variables de outputs.

La función puede ser guardada en un archivo myfunc.m en el directorio del proyecto. Se puede llamar en la línea de comando (o en la creación de otras funciones) como:



```
function [o<sub>1</sub>, o<sub>2</sub>, ..., o<sub>n</sub>] = myfunc(i<sub>1</sub>, i<sub>2</sub>, ..., i<sub>m</sub>)
```

donde i_1, i_2, ..., i_m representan las variables de inputs y o_1, o_2, ..., o_n representan las variables de outputs.

La función puede ser guardada en un archivo myfunc.m en el directorio del proyecto. Se puede llamar en la línea de comando (o en la creación de otras funciones) como:

Las variables de salida (outputs) podrían ignorarse reemplazándolas por \sim , por ejemplo:

$$[\sim, o_2] = myfunc(i_1, i_2, ..., i_m)$$





► Función anónima



Función anónima

 $f = @(i_1, i_2, ..., i_m)$ expresión define una función que asigna el valor de la expresión con los inputs $i_1, i_2, ..., i_m$.



Función anónima

 $f = @(i_1, i_2, ..., i_m)$ expresión define una función que asigna el valor de la expresión con los inputs $i_1, i_2, ..., i_m$.

> Al llamarla se ejecuta como



Función anónima

 $f = @(i_1, i_2, ..., i_m)$ expresión define una función que asigna el valor de la expresión con los inputs $i_1, i_2, ..., i_m$.

> Al llamarla se ejecuta como

$$o_1 = f(i_1, i_2, ..., i_m)$$





Función		Función	
sqrt(x)	raíz cuadrada	sin(x)	seno (radianes)
abs(x)	módulo	cos(x)	coseno (radianes)
conj(z)	conjugado	tan(x)	tangente (radianes)
real(z)	parte real	cotg(x)	cotangente (radianes)
imag(z)	parte imaginaria	asin(x)	arcoseno
exp(x)	exponencial	acos(x)	arcocoseno
log(x)	logaritmo natural	atan(x)	arcotangente
log10(x)	logaritmo decimal	cosh(x)	cos hiperbólico
rat(x)	aprox. racional	sinh(x)	seno hiperbólico
fix(x)	redondeo hacia 0	tanh(x)	tang. hiperbólico
ceil(x)	redondeo hacia $+\infty$	acosh(x)	arccos hiperbólico
floor(x)	redondeo hacia $-\infty$	asinh(x)	arcsen hiperbólico
round(x)	redondeo al entero más próx.	atanh(x)	arctan hiperbólico





Función		
sum(v) suma de las entradas de v vector		
sum(A)	sum(A) suma de las entradas de A matriz	
sum(A,1)	suma de los elementos por columnas	
sum(A,2)	suma de los elementos por filas	
prod(v)	producto de las entradas de $ u$ vector	
prod(A)	producto de las entradas de A	
max(v)	máximo elemento de v	
min(v)	mínimo elemento de <i>v</i>	
norm(v, p)	norma $ v _p$ vectorial/matricial	
norm(v, Inf)	norma $\ v\ _{\infty}$ vectorial/matricial	
eig(A)	espectro de A	





Comparaciones:

A == B, A \sim = B, A<=B, A >= B, A < B, A > B comparaciones componente a componente de matrices; 1 es para 'verdadero' y 0 para 'falso'.



Comparaciones:

A == B, A \sim = B, A<=B, A >= B, A < B, A > B comparaciones componente a componente de matrices; 1 es para 'verdadero' y 0 para 'falso'.

Operaciones lógicas booleanas:

a && b, a || b son los operadores lógicos 'y' y 'o', respectivamente.

~ expresión, not (expresión) ambas retornan la negación lógica de la expresión.



4 Contenidos | 25

- 1 Motivación
- Explorando MATLAB
- 3 Funciones
- 4 Graficación





Se muestran algunas funciones elementales de dibujo de MATLAB, cuyo uso permite realizar gráficas de funciones.



Se muestran algunas funciones elementales de dibujo de MATLAB, cuyo uso permite realizar gráficas de funciones.

► Plot:

```
plot(x, y)
se puede utilizar junto con linspace.
```



Se muestran algunas funciones elementales de dibujo de MATLAB, cuyo uso permite realizar gráficas de funciones.

► Plot:

plot(x, y)

se puede utilizar junto con linspace.

Por ejemplo, al graficar
$$y = \frac{x^2 + 2}{x + 5}$$
 en el intervalo $[-2, 3]$:



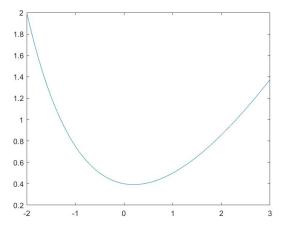
Se muestran algunas funciones elementales de dibujo de MATLAB, cuyo uso permite realizar gráficas de funciones.

► Plot:

```
plot(x, y)
se puede utilizar junto con linspace.

Por ejemplo, al graficar y = \frac{x^2 + 2}{x + 5} en el intervalo [-2, 3]:
x = \underset{y = (x.^2 + 2).}{\mathsf{linspace}}(-2, 3);
y = (x.^2 + 2)./(x + 5);
\mathsf{plot}(x, y)
```









```
plot(x1, y1, x2, y2, x3, y3)
```



plot(x1, y1, x2, y2, x3, y3)

Se pueden dibujar dos o más curvas, proporcionando varios pares de vectores (abscisas y ordenadas) para cada una de las funciones en cuestión.



plot(x1, y1, x2, y2, x3, y3)

Se pueden dibujar dos o más curvas, proporcionando varios pares de vectores (abscisas y ordenadas) para cada una de las funciones en cuestión.

Por ejemplo, al graficar $y = e^{-x} + x^2 - x$, $y = e^x + \sin(x^2)$:



```
plot(x1, y1, x2, y2, x3, y3)
```

Se pueden dibujar dos o más curvas, proporcionando varios pares de vectores (abscisas y ordenadas) para cada una de las funciones en cuestión.

```
Por ejemplo, al graficar y = e^{-x} + x^2 - x, y = e^x + \sin(x^2):

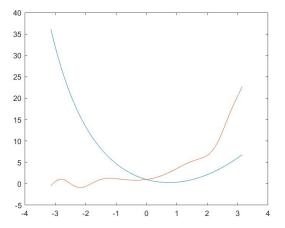
x = linspace(-pi, pi);

y1 = exp(-x) + x.^2 - x;

y2 = exp(x) + sin(x.^2);

plot(x, y1, x, y2)
```









Graficación		;





En la graficación anterior no se distingue cuál gráfica pertenece a cada criterio. Por esto se puede agregar información. Algunas funciones son:

title('título'): añade título a la gráfica.



- title('título'): añade título a la gráfica.
- ▶ xlabel('eje_x'): añade una etiqueta al eje x.



- title('título'): añade título a la gráfica.
- xlabel('eje_x'): añade una etiqueta al eje x.
- ylabel('eje_x'): añade una etiqueta al eje y.



- title('título'): añade título a la gráfica.
- xlabel('eje_x'): añade una etiqueta al eje x.
- ylabel('eje_x'): añade una etiqueta al eje y.
- legend('f', 'g', ...): define etiquetas para las gráficas de las funciones involucradas.



- title('título'): añade título a la gráfica.
- xlabel('eje_x'): añade una etiqueta al eje x.
- ▶ ylabel('eje_x'): añade una etiqueta al eje y.
- ▶ legend('f', 'g', ...): define etiquetas para las gráficas de las funciones involucradas.
- prid: muestra una cuadrícula.



- title('título'): añade título a la gráfica.
- xlabel('eje_x'): añade una etiqueta al eje x.
- ▶ ylabel('eje_x'): añade una etiqueta al eje y.
- legend('f', 'g', ...): define etiquetas para las gráficas de las funciones involucradas.
- grid: muestra una cuadrícula.
- ▶ text(x, y, 'texto'): agrega texto en el lugar definido por el punto (x, y).





4	Graficación	31



Al usar (' ') se puede utilizar el lenguaje LATEX con ayuda de 'interpreter', y así digitar de forma matemática fórmulas y expresiones.



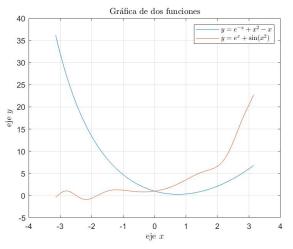
Al usar (' ') se puede utilizar el lenguaje \prescript{LATEX} con ayuda de 'interpreter', y así digitar de forma matemática fórmulas y expresiones.

Por ejemplo, al graficar $y = e^{-x} + x^2 - x$, $y = e^x + \sin(x^2)$:



```
x = linspace(-pi, pi);
y1 = \exp(-x) + x.^2 -x;
y2 = \exp(x) + \sin(x.^2);
plot(x, y1, x, y2), grid
% Informacion de la grafica
title ('Gr\''afica ude udos ufunciones', 'interpreter', .
'latex')
xlabel('eje_\$x$', 'interpreter', 'latex')
ylabel('eje_\$y$', 'interpreter', 'latex')
I = legend('$y=e^{-x}+x^2-x$', '$y=e^x+\sin(x^2)$');
set(|, 'interpreter', 'latex')
```







¡Muchas Gracias!