## Odpowiedzi i schematy oceniania

## Arkusz 4

## Zadania zamknięte

Numer	Poprawna	Wskazówki do rozwiązania zadania	
zadania	odpowiedź		
1.	C.	$2^{\frac{2}{3}}2^{4}2^{-\frac{1}{2}} = 2^{\frac{4}{6}+4-\frac{3}{6}} = 2^{\frac{25}{6}}$	
2.	В.	$\frac{4+2}{250}100\% = 2,4\%$	
3.	В.	$\log 25^4 + \log 4^4 = 4\log 25 + 4\log 4 = 4(\log 25 + \log 4) = 4\log 100 = 8$	
4.	A.	Ze zbioru A wyrzucamy jedynie prawy koniec przedziału.	
5.	В.	$\left 2 - \sqrt{7}\right  - \left 3 + \sqrt{7}\right  = -2 + \sqrt{7} - 3 - \sqrt{7} = -5$	
6.	A.	Skorzystaj z interpretacji geometrycznej wartości bezwzględnej.	
7.	C.	$W(\sqrt{2}+1) = 2\sqrt{2}+6+3\sqrt{2}+1-2-2\sqrt{2}-1=3\sqrt{2}+4$	
8.	C.	Jedynie dla funkcji z tego przykładu: $f(-1) = 3$ .	
9.	A.	$x_1 = -6$ , $x_2 = 11$ , ramiona paraboli muszą być skierowane w dół.	
10.	C.	$(x-1)^2 = x^2 - 2(x+1) + 3 \Rightarrow x^2 - 2x + 1 = x^2 - 2x - 2 + 3 \Rightarrow 0 = 0,$	
		zatem równanie jest tożsamościowe.	
11.	C.	$a_1 = \frac{2}{3}, a_k = m+1 \Rightarrow \frac{2}{3} = m+1 \Rightarrow m = -\frac{1}{3}$	
12.	D.	$m^2 - m = 0 \Rightarrow m(m-1) = 0 \Rightarrow m = 0 \lor m = 1$	
13.	A.	Jedynie dla tego przykładu równanie $x^2 + x - 4 = -5$ nie ma	
		rozwiązania (wyróżnik ujemny).	
14.	В.	W = (5, -17)	
15.	C.	$x_W = -5$ (średnia arytmetyczna pierwiastków).	
16.	A.	$f(\sqrt{5} - \sqrt{2}) = \frac{3}{\sqrt{5} - \sqrt{2}} = \frac{3(\sqrt{5} + \sqrt{2})}{5 - 2} = \sqrt{5} + \sqrt{2}$	
17.	D.	Przeciwprostokątna $c = 3\sqrt{5} \Rightarrow \sin \alpha \cos \alpha = \frac{6}{3\sqrt{5}} \cdot \frac{3}{3\sqrt{5}} = \frac{2}{5}$ .	
18.	A.	$r = 5 - 12 = -7 \Rightarrow a_1 = 19 \land a_n = 19 + (n-1)(-7) = -7n + 26$	

19.	D.	$a_3 = -5(-3)^3 = -5(-27) = 135$
20.	В.	$r,h$ , $V$ – odpowiednio promień podstawy, wysokość i objętość stożka przed zmianami, $r_1,h_1,V_1$ – odpowiednio promień podstawy, wysokość i objętość stożka po zmianach, $r_1=1,2r,h_1=0,8h\Rightarrow V_1=\frac{1}{3}(1,2r)^20,8h\Rightarrow V_1=\frac{1}{3}1,152r^2h\Rightarrow \Rightarrow V_1=1,152V,$ zatem objętość stożka zwiększy się o 15,2% .
21.	В.	$\bar{x}_w = \frac{4 \cdot 2 + 5 \cdot 4 + 6 \cdot 1 + 8 \cdot 3}{2 + 4 + 1 + 3} = 5,8$

## Zadania otwarte

Numer	Modelowe etapy rozwiązywania zadania	Liczba
zadania	Włodciowe etapy 102 wiązy wania zadania	punktów
22.	Wyznaczenie współczynnika kierunkowego prostej	1
	prostopadłej: $a = \frac{1}{2}$ .	
	Wyznaczenie równania prostej prostopadłej: $y = \frac{1}{2}x - 4$ .	1
23	Zapisanie układu równań: $\begin{cases} \frac{\sin \alpha}{\alpha} = 4\\ \cos \alpha \end{cases}$ . $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$	1
	Rozwiązanie układu równań: $\begin{cases} \sin \alpha = \frac{4\sqrt{17}}{17} \\ \cos \alpha = \frac{\sqrt{17}}{17} \end{cases}.$	1
24.	Zapisanie nierówności $3x^2 - 2x \ge 0$ i wyznaczenie pierwiastków: $x_1 = 0, x_2 = \frac{2}{3}.$	1
	Rozwiązanie nierówności i podanie odpowiedzi:	1

	/ /-	
	$D = \left(-\infty, 0 \right) \cup \left(\frac{2}{3} + \infty\right).$	
25.	Zapisanie równania: $\frac{-2+2+4+6+8+x}{6} = 5.$	1
	Rozwiązanie równania: $x = 12$ .	1
26.	Zapisanie liczby w postaci: $x = 2^{2n} - 10 \cdot 2^n + 25$ .	1
	Wykazanie tezy zadania: $x = (2^n - 5)^2$ .	1
27.	Narysowanie fragmentu linii prostej.	1
	Narysowanie fragmentu paraboli.	1
28.	Zapisanie równania: $5x - (2x - 3) = x - 7 - 5x$ .	1
	Rozwiązanie równania: $x = -\frac{10}{7}$ .	1
29.	Zapisanie układu równań: $\begin{cases} x^2 - 6x + y^2 - 2y + 2 = 0 \\ x + 3y + 2 = 0 \end{cases}$ .	1
	Rozwiązanie układu równań i zapisanie współrzędnych punktów	2 (po 1
	$A, B: A = (1,-1), B = \left(\frac{17}{5}, -\frac{9}{5}\right).$	punkcie)
	Wyznaczeni długości odcinka $AB :  AB  = \frac{4\sqrt{10}}{5}$ .	1
30.	Wyznaczenie liczebności zbioru zdarzeń elementarnych: $\overset{=}{\Omega} = 2^8$ .	1
	Wyznaczenie liczebności zdarzenia przeciwnego do zdarzenia: A	1
	- wypadł orzeł co najmniej raz: $\overset{=}{A}' = 1$ .	
	Obliczenie prawdopodobieństwa zdarzenia $A': P(A') = \frac{1}{2^8}$ .	1
	Obliczenie prawdopodobieństwa zdarzenia $A: P(A) = \frac{255}{256}$ .	1
	Wyznaczenie liczebności zdarzenia: B – wypadł orzeł dokładnie	1
	jeden raz: $\stackrel{=}{B} = 8$ i obliczenie prawdopodobieństwa zdarzenia	
	$B:P(B)=\frac{1}{32}.$	
31.	Wykonanie rysunku z oznaczeniami lub wprowadzenie	1
	dokładnych oznaczeń:	

ABC, S, S' – odpowiednio podstawa, wierzchołek i spodek	
wysokości ostrosłupa,	
a, 2a – odpowiednio krawędź podstawy i krawędź boczna	
ostrosłupa,	
$ SDS'  = \alpha$ – kąt nachylenia ściany bocznej do płaszczyzny	
podstawy ostrosłupa.	
Wyznaczenie wysokości ściany bocznej ostrosłupa: $ SD  = \frac{a\sqrt{15}}{2}$ .	1
Wyznaczenie wysokości ostrosłupa: $ SS'  = \frac{a\sqrt{33}}{3}$ .	1
Wyznaczenie sinusa kąta $\alpha$ : $\sin \alpha = \frac{2\sqrt{55}}{15}$ .	1
Zapisanie równania: $\frac{1}{3} \cdot \frac{a^2 \sqrt{3}}{4} \cdot \frac{a\sqrt{33}}{3} = \frac{2}{3}\sqrt{11}$ .	1
Rozwiązanie równania: $a = 2$ .	1