0.1 洛伦兹变换

洛伦兹坐标变换
$$\begin{cases} x' = \frac{x - vt}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \\ y' = y \\ z' = z \\ t' = \frac{t - \frac{vx}{c^2}}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \end{cases}$$
 洛伦兹坐标逆变换
$$\begin{cases} x = \frac{x' - vt}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \\ y = y' \\ z = z' \\ t = \frac{t' - \frac{vx}{c^2}}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \end{cases}$$

$$\begin{cases} u_x = \frac{u_x - v}{1 - \frac{vu_x}{c^2}} \end{cases}$$

洛伦兹速度变换
$$\begin{cases} u_x^{'} = & \frac{u_x - v}{1 - \frac{vu_x}{c^2}} \\ u_y^{'} = & \frac{u_y}{1 - \frac{vu_x}{c^2}} \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} \\ u_z^{'} = & \frac{u_z}{1 - \frac{vu_x}{c^2}} \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} \end{cases}$$
洛伦兹速度逆变换
$$\begin{cases} u_x = & \frac{u_x^{'} - v}{1 + \frac{vu_x^{'}}{c^2}} \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} \\ u_y = & \frac{u_y^{'}}{1 + \frac{vu_x^{'}}{c^2}} \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} \\ u_z = & \frac{u_z^{'}}{1 + \frac{vu_x^{'}}{c^2}} \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} \end{cases}$$

0.2 狭义相对论的时空观

同时的相对性: 在不同的惯性参考系中观测,时间发生的顺序可能颠倒

时间延缓效应:

$$\Delta t = \frac{\Delta t_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

长度收缩效应:

$$L = L_0 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$$

0.3 相对论动力学基础

相对论质量,动量,能量的定义以及爱因斯坦质能关系

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - v^2}c^2} \quad p = \frac{m_0 v}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

$$E = mc^2 \quad E^2 = p^2c^2 + m_0^2c^4 = E_k + m_0c^2$$