# Skriftlig eksamen, Programmer som Data Januar 2024

Version 1.00 af January 6, 2024

Dette eksamenssæt har 11 sider. Tjek med det samme at du har alle siderne.

Eksamenssættet udleveres elektronisk fra kursets hjemmeside mandag den 8. januar 2024 kl 14:00.

Besvarelsen skal afleveres elektronisk i LearnIt senest tirsdag den 9. januar 2024 kl 14:00 som følger:

- Besvarelsen skal uploades på kursets hjemmeside i LearnIt under Ordinary exam assignment.
- Der kan uploades en fil, som skal have en af følgende typer: .txt eller .pdf. Hvis du for eksempel laver besvarelsen i LATEX, så generer en pdf-fil. Hvis du laver en tegning i hånden, så scan den og inkluder det skannede billede i det dokument du afleverer.

Der er 4 opgaver. For at få fulde point skal du besvare alle opgaverne tilfredsstillende.

Hvis der er uklarheder, inkonsistenser eller tilsyneladende fejl i denne opgavetekst, så skal du i din besvarelse beskrive disse og beskrive hvilken tolkning af opgaveteksten du har anvendt ved besvarelsen. Hvis du mener det er nødvendigt at kontakte opgavestiller, så send en email til sap@itu.dk med forklaring og angivelse af problem i opgaveteksten.

Din besvarelse skal laves af dig og kun dig, og det gælder både programkode, lexer- og parserspecifikationer, eksempler, osv., og den forklarende tekst der besvarer opgavespørgsmålene. Det er altså ikke tilladt at lave gruppearbejde om eksamen.

Din besvarelse skal indeholde følgende erklæring:

#### Jeg erklærer hermed at jeg selv har lavet hele denne eksamensbesvarelse uden hjælp fra andre.

Du må bruge alle bøger, forelæsningsnoter, forelæsningsplancher, opgavesæt, dine egne opgavebesvarelser, internetressourcer, lommeregnere, computere, og så videre.

Du må **naturligvis ikke plagiere** fra andre kilder i din besvarelse, altså forsøge at tage kredit for arbejde, som ikke er dit eget. Din besvarelse må ikke indeholde tekst, programkode, figurer, tabeller eller lignende som er skabt af andre end dig selv, med mindre der er fyldestgørende kildeangivelse, dvs. at du beskriver oprindelsen af den pågældende tekst (eller lignende) på en komplet og retvisende måde. Det gælder også hvis den inkluderede kopi ikke er identisk, men tilpasset fra tekst eller programkode fra lærebøger eller fra andre kilder.

Hvis en opgave kræver, at du definerer en bestemt funktion, så må du gerne **definere alle de hjælpefunktioner du vil**, men du skal definere funktionen så den har den ønskede type og giver det ønskede resultat.

### **Udformning af besvarelsen**

Besvarelsen skal bestå af forklarende tekst (på dansk eller engelsk) der besvarer spørgsmålene, med væsentlige programfragmenter indsat i den forklarende tekst, eller vedlagt i bilag (der klart angiver hvilke kodestumper der hører til hvilke opgaver).

Vær omhyggelig med at programfragmenterne beholder det korrekte layout når de indsættes i den løbende tekst, for F#-kode er som bekendt layoutsensitiv.

Det forventes at løsninger suppleres med tests der demonstrerer at løsningerne fungerer efter hensigten.

## Snydtjek

Til denne eksamen anvendes *Snydtjek*. Cirka 10% vil blive udtrukket af studieadministrationen i løbet af eksamen. Navne bliver offentliggjort på kursets hjemmeside tirsdag den 9. januar klokken 14:00. Disse personer skal møde op i det Zoom møde, som også opslås på kursets hjemmeside, sammen med de udtrukne navne. Man vil blive trukket ind til mødet en af gangen.

Til Snydtjek er processen, at hver enkelt kommer ind i 5 minutter, hvor der stilles nogle korte spørgsmål omkring den netop afleverede besvarelse. Formålet er udelukkende at sikre at den afleverede løsning er udfærdiget af den person, som har uploaded løsningen. Du skal huske dit studiekort.

Det er obligatorisk at møde op til snydtjek i tilfælde af at du er udtrukket. Udeblivelse medfører at eksamensbesvarelsen ikke er gyldig og kurset ikke bestået. Er man ikke udtrukket skal man ikke møde op.

### **Opgave 1 (20%) Icon**

Kapitel 11 i *Programming Language Concepts* (PLC) introducerer "continuations" og "backtracking" samt sproget Icon. Koden der anvendes i dette spørgsmål findes i filen Lectures/Lec11/Cont/Icon.fs i kursets git repository.

I Icon kan vi f.eks. skrive write (5 to 27). Ved at anvende implementationen i filen Icon.fs kan vi udtrykke dette i abstrakt syntaks:

```
let examEx1 = Write(FromTo(5,27))
```

og køre eksemplet, der udskriver tallet 5 på skærmen, inde fra F# fortolkeren:

```
> run examEx1;;
5 val it : value = Int 5
```

1. Skriv et Icon udtryk, som udskriver værdierne 5 6 7 8 9 10 11 12 på skærmen:

```
> run ...;;
5 6 7 8 9 10 11 12 val it : value = Int 0
```

hvor . . . repræsenterer dit svar. Forklar hvorledes du får udskrevet alle 8 tal.

2. Skriv et Icon udtryk, som udskriver alle tal n mellem 3 og 60, hvor 3 går op i tallet n:

```
> run ...;;
3 6 9 12 15 18 21 24 27 30 33 36 39 42 45 48 51 54 57 60 val it : value = Int 0
```

hvor . . . repræsenterer dit svar. Det er et krav at FromTo indgår i din løsning, f.eks. FromTo (1, 20). Du skal forklare hvordan din løsning fungerer.

3. Skriv et Icon udtryk, som udskriver alle tal n mellem 4 og 61, hvor 3 går op i n-1:

```
> run ...;;
4 7 10 13 16 19 22 25 28 31 34 37 40 43 46 49 52 55 58 61 val it : value = Int 0
```

hvor . . . repræsenterer dit svar.

**Hint:** Du kan med fordel tage udgangspunkt i løsningen til spørgsmål 2 ovenfor.

4. Udvid implementationen af Icon med en ny generator RandomFromList (N, xs), som generer N tilfældigt udvalgte heltal fra listen af heltal xs. Det antages, at N > 0 og xs er en ikke tom liste af heltal. Generatoren RandomFromList (N, xs) fejler med det samme, hvis  $N \le 0$  eller xs er den tomme liste.

Eksempelvis giver

```
> run (Write(RandomFromList(1,[42])));;
42 val it : value = Int 42
```

Nedenstående eksempel kan give tre andre udvalgte tal når du kører det.

```
> run (Every(Write(RandomFromList(3,[1;2;3;4;5]))));;
4 4 3 val it : value = Int 0
```

Du kan bruge .NET klassen System.Random til at vælge tal tilfældigt fra xs. Vis koden for din implementation af RandomFromList.

5. Definer test eksempler, som tester relevante grænsetilfælde af din implementation af RandomFromList (N, xs). Kør og vis uddata for alle dine test eksempler. Eksempelvis tester nedenstående, at der for N lig 0 ikke genereres et tal fra listen xs.

```
> run (Every(Write(RandomFromList(0,[1;2;3;4;5]))));;
val it : value = Int 0
```

### Opgave 2 (25%) Micro-SML: Print statistik

Kapitel 13 i *Programming Language Concepts* (PLC) introducerer sproget micro–SML. Derudover introduceres en bytekode maskine i C, **msmlmachine.c**. Koden der anvendes her findes i kursets git repository under Lectures/Lec13/MicroSMLpublic og Lectures/Lec13/MicroSMLpublic/MsmlVM/src.

I denne opgave tilføjer vi et nyt udtryk printStat e, som udskriver to informationer omkring stakken på det tidspunkt printStat e udføres; stakkens størrelse og antallet af aktiveringsposter (eng.  $stack\ frames$ ). Udtrykket e skal evaluere til et tal og anvendes til at kunne adskille forskellige kald til printStat.

Betragt nedenstående program, som du kan gemme i filen **printstat.sml**:

```
fun genList n =
  let
    fun loop n = fn acc ->
        (printStat 3;
        if n < 0 then acc else loop (n-1) (n::acc))
in
    printStat 2;
    loop n nil
    end

begin
    printStat 1;
    genList 2
end</pre>
```

Programmet kan oversættes med og uden optimeringer:

```
% mono ./microsmlc.exe -opt printstat.sml
Micro-SML compiler v 1.1 of 2018-11-18
Compiling printstat.sml to printstat.out
Compiled to file printstat.out
% mono ./microsmlc.exe printstat.sml
Micro-SML compiler v 1.1 of 2018-11-18
Compiling printstat.sml to printstat.out
Compiled to file printstat.out
```

Flaget -opt angiver, at der oversættes med optimeringer. Nedenstående uddata i venstre kolonne er efter kørsel af det oversætte program med optimeringer. Højre kolonne er efter kørsel uden optimeringer.

```
------PRINTSTAT 1------

Size stack: 5

Number stack frames: 1
------PRINTSTAT 2------

Size stack: 9

Number stack frames: 1
------PRINTSTAT 3------

Size stack: 7

Number stack frames: 1
-----PRINTSTAT 3------

Size stack: 7

Number stack frames: 1
-----PRINTSTAT 3------

Size stack: 7

Number stack frames: 1
-----PRINTSTAT 3------

Size stack: 7

Number stack frames: 1
-----PRINTSTAT 3------

Size stack: 7

Number stack frames: 1
-----PRINTSTAT 3------

Size stack: 7

Number stack frames: 1
-----PRINTSTAT 3------

Size stack: 7

Number stack frames: 1
-----PRINTSTAT 3------

Size stack: 7

Number stack frames: 5
------PRINTSTAT 3------

Size stack: 7

Number stack frames: 6
```

Hvert kald til printStat vil printe -----PRINTSTAT <e>-----, hvor <e> er den værdi (tal), som udtrykket e evalueres til. Derefter følger stakkens størrelse og antallet af *stack frames*. Layout af stakken er beskrevet i afsnit 13.5.1 og figur 13.10 i PLC.

- 1. Det fremgår ovenfor, at der maksimalt er et *stack frame* når det optimerede program kører. Når det ikke optimerede program kører er der op til 6 *stack frames*. Forklar hvad der er årsagen til dette. Du skal være præcis i din argumentation, med reference til alle relevante steder i koden **printstat.sml**, for at få fuld point.
- 2. Du skal udvide lexer **FunLex.fsl** med support for printStat *e*. Du skal repræsentere printStat som et primitiv med 1 argument, dvs. Prim1. Således skal hverken **FunPar.fsv** eller **Absvn.fs** ændres.

Byg oversætteren microsmlc.exe med din nye lexer og vis, at du får nedenstående uddata, når du oversætter med flaget -verbose:

Funktionen printStat kan nu lexes og parses, men oversætteren fejler fordi type inferens for printStat ikke er implementeret.

3. Figur 13.6 på side 260 i PLC viser typeregler for micro-SML. Der henvises endvidere til figur 6.1 på side102. Nedenfor ses typereglen for for printStat.

$$(\textit{printStat}) = \frac{\rho \vdash e : \mathtt{int}}{\rho \vdash \mathtt{printStat} \ e : \mathtt{int}}$$

Reglen kræver at e har typen int og i så fald vil hele udtrykket have typen int. Angiv et typetræ for udtrykket

```
let val x = 42 in x + printStat 1 end
```

Du finder to eksempler på typetræer i figur 4.8 og 4.9 på side 72 i PLC.

4. Implementer typereglen *printStat* for micro–SML i filen **TypeInference.fs**. Du skal blot udvide funktionen typExpr for tilfældet Prim1 (*ope*, *e1*, \_), hvor *ope* er printStat.

Byg oversætteren microsmlc.exe med din opdaterede **TypeInference.fs** fil og vis, at du får nedenstående uddata, når du oversætter med flaget -verbose:

```
then acc: (int list)
                   else loop:(int -> ((int list) -> (int list)))
                          (n:int - 1:int):int:((int list) -> (int list))_tail
                            (n:int :: acc:(int list)):(int list):(int list))
                              :(int list):((int list) -> (int list))
  in
    (printStat(2:int):int ;
     loop:(int -> ((int list) -> (int list)))
       n:int:((int list) -> (int list))_tail
       nil:(int list):(int list)):(int list)
  end
begin
  (printStat(1:int):int ;
   genList:(int -> (int list))_tail 2:int:(int list)):(int list)
Result type: (int list)
ParseTypeAndRun.compProg' ERROR: cExpr.Prim1 printStat not implemented
```

Du skal forklare dine ændringer i **TypeInference.fs** for at få fuld point.

5. For at udskrive statistikken på køretid, implementerer vi en ny bytekode instruktion PRINTSTAT i **Machine.fs**:

```
type instr =
    | Label of label (* symbolic label; pseudo-instruc. *)
    ...
    | PRINTSTAT (* PrintStat, Exam E2023 *)
```

Vis alle rettelser til **Machine.fs** således at bytekodeinstruktionen PRINTSTAT kan anvendes af oversætteren i **Contcomp.fs**.

6. Bytekode maskinen msmlmachine.c skal tilsvarende udvides med bytekode instruktionen PRINTSTAT:

	Instruction	Stack before	Stack after	Effect
0	CSTI $i$	$s \Rightarrow$	s, i	Push constant i
43	PRINTSTAT	$s, v \implies$	s, v	Print stat using $v$ in header: $$ PRINTSTAT $$

Den præcise formattering på skærmen er vist ovenfor med **printstat.sml** som eksempel.

Du skal implementere PRINTSTAT i msmlmachine.c. Husk, at beskrive din implementation.

**Hint:** En mulig tilgang er at starte med basepeger bp og løbe kæden af basepegere igennem indtil den første basepeger med værdien -999 findes. Da hver *stack frame* gemmer netop en gammel basepeger (eng. *old base pointer*) kan du tælle antallet af *stack frames*.

Hint: Du kan anvende nedenstående kodestruktur i msmlmachine.c:

```
void printStat(word N, word s[], word bp, word sp) {
   printf("-----PRINTSTAT " WORD_FMT "-----\n", Untag(N));

printf(" Size stack: " WORD_FMT "\n", ...);
   word bp_i = bp;
   word numFrames = 0;
   while (bp_i != -999) {
     ...
   }
   printf(" Number stack frames: " WORD_FMT "\n", numFrames);
   return;
}
```

Bemærk, at værdien af basepeger i en *stack frame* er tagget, dvs. du skal anvende makro Untag for at untagge værdien.

7. Du skal nu udvide implementationen af Prim1 i filen **Contcomp.fs** til at generere kode for printStat. Oversætterskemaet ser således ud:

```
\mathbf{E}[[\text{printStat }e]] = \\ \mathbf{E}[[e]] \\ \text{PRINTSTAT}
```

Vis, at din implementation fungerer ved at inkludere den genererede bytekode og vise uddata ved kørsel af programmet **printstat.sml**. Du skal oversætte og køre programmet med og uden optimeringer, -opt, og dermed vise at du får samme resultat som ovenfor.

### Opgave 3 (25%) Micro–ML: Køer

Kapitel 5 i *Programming Language Concepts* (PLC) introducerer evaluering af et højereordens funktionssprog. Koden der anvendes her findes i kataloget Lectures/Lec05/Fun i kursets git repository. Opgaven er at udvide funktionssproget med køer (eng. *queues*), således at vi kan evaluere udtryk der manipulerer køer, se eksempel ex01 nedenfor:

Vi har tilføjet fire syntaktiske konstruktioner:

- En ikke tom kø:  $[e_n -> \dots -> e_1]$ ,  $n \ge 1$ . Det sidste element indsat er  $e_n$  og det næste element der tages ud af køen er  $e_1$ .
- En operator  $e_1 ++ e_2$  som sætter to køer sammen repræsenteret ved udtrykkene  $e_1$  og  $e_2$ . I eksemplet ovenfor bliver  $q_1 ++ q_2$  til køen [1 -> 2 -> 3 -> 1 -> 4]. Det næste tal der tages ud af køen er 4. Operatoren ++ er venstre associativ og har samme præcedens som operatoren +.
- En operator  $e_1 \rightarrow e_2$  som indsætter elementet repræsenteret ved udtrykket  $e_1$  i køen repræsenteret ved udtrykket  $e_2$ . Eksempelvis evaluerer 5 ->> q2 til køen [5 -> 1 -> 4]. Operatoren ->> er venstre associativ og har samme præcedens som operatoren  $\star$ .
- En operator <<-e, som returnerer næste element fra køen repræsenteret ved udtrykket e. Eksempelvis evaluerer <<-[1 -> 5] til 5. Operatoren <<- er ikke associativ og har højere præcedens end  $\star$ .
- 1. Du skal udvide lexer **FunLex.fsl** og parser **FunPar.fsy** med support for køer og de tre operatorer ++, <<- og ->>. Du skal udvide den abstrakte syntaks i **Absyn.fs** med Queue der repræsenterer et kø-udtryk og Prim1, der repræsenterer en operator der kun tager et argument, dvs., <<-.

Du ser den abstrakte syntaks for ovenstående eksempel ex01 nedenfor:

Vis dine tilføjelser og at din løsning giver tilsvarende resultat for ex01. Lav yderligere 3 relevante test eksempler, og vis resulterende abstrakt syntaks. Forklar hvad dine 3 test eksempler tester for.

**Hint:** For at parse en kø  $[e_n -> \dots -> e_1]$  skal du parse et antal udtryk  $e_i$ ,  $1 \le i \le n$ . Du finder inspiration til dette i parseren for parametre i micro-C, se non-terminal Paramdecs i parser specifikation **CPar.fsy** for micro-C.

2. Figur 4.3 på side 65 i PLC viser evalueringsregler for micro–ML, som vi har udvidet med køer. Nedenfor ses evalueringsregler for de nye konstruktioner:

$$(queue) \frac{\rho \vdash e_i \Rightarrow v_i, \ 1 \leq i \leq n}{\rho \vdash [e_n -> \ldots -> e_1] \Rightarrow \mathsf{QueueV}[v_n, \ldots, v_1]}$$
 
$$(++) \frac{\rho \vdash e_1 \Rightarrow \mathsf{QueueV}[v_n, \ldots, v_1] \ \rho \vdash e_2 \Rightarrow \mathsf{QueueV}[w_m, \ldots, w_1]}{\rho \vdash e_1 ++ e_2 \Rightarrow \mathsf{QueueV}[v_n, \ldots, v_1, w_m, \ldots, w_1]}$$
 
$$(->>) \frac{\rho \vdash e_1 \Rightarrow v_1 \ \rho \vdash e_2 \Rightarrow \mathsf{QueueV}[w_n, \ldots, w_1]}{\rho \vdash e_1 ->> e_2 \Rightarrow \mathsf{QueueV}[v_1, w_n, \ldots, w_1]}$$
 
$$(<<-) \frac{\rho \vdash e \Rightarrow \mathsf{QueueV}[v_1, w_n, \ldots, v_1]}{\rho \vdash <<-e \Rightarrow v_1}$$

Reglen queue genererer en kø som repræsenteres ved QueueV $[v_n, \ldots, v_1]$ . Udtryk evalueres fra venstre,  $e_n$ , mod højre,  $e_1$ . Når køer sættes sammen, kommer elementerne i  $e_1$  efter elementerne i  $e_2$  i køen, regel ++. I regel ->> indsættes element  $v_1$  sidst i køen  $e_2$ . I regel <<- tages det forreste element i køen e ud, dvs.  $v_1$ .

Udvid typen value og funktionen eval i **HigherFun.fs**, således at udtryk med køer kan evalueres som defineret af reglerne ovenfor. Vi repræsenterer køer, QueueV, med den indbyggede list-type i F#.

```
type value =
    | Int of int
    | Closure of string * string * expr * value env (* (f, x, fBody, fDeclEnv) *)
    | QueueV of value list (* Exam 2023 *)
```

Vis dine tilføjelser og resultatet af at evaluere ex01 samt dine tre test eksempler fra opgave 1 ovenfor. Eksempelvis giver ex01:

Ovenstående passer med at det forreste tal i q2 er 4.

### Opgave 4 (20%) Micro-C: Records

I denne opgave udvider vi sproget micro—C, som beskrevet i kapitel 7 og 8 i PLC, med *records*. Koden der anvendes her findes i kataloget Lectures/Lec06/MicroC i kursets git repository.

I eksemplet **record.c** nedenfor defineres en record coord i funktionen main. Recorden coord indeholder 3 felter: x og y af type int samt en tabel a med 5 elementer af type int. Felterne i en record tilgås med *dot*-syntaks, f.eks. coord.x. I eksemplet nedenfor erklæres også en lokal variabel x, som ikke skal forveksles med coord.x.

```
void main() {
  record coord = {
    int x,
    int y,
    int a[5]
  };
  int x;

  coord.x = 4;
  coord.y = 7;
  coord.a[0] = 6;
  x = 9;
  print (coord.x + coord.y + coord.a[0] + x);
}
```

Opgaven er at oversætte ovenstående program, som du gemmer i filen **record.c**, og køre programmet således at 26 printes.

```
> open ParseAndComp;;
> compile "record";;
val it : Machine.instr list =
  [LDARGS; CALL (0, "L1"); STOP; ...; RET -1]
% java Machine record.out
26
Ran 0.02 seconds
```

For at implementere records udvider vi typen typ i filen **Absyn.fs** med en ny record type TypR:

Record typen TypR tager en liste af par med type og navn på felterne i recorden. Med denne udvidelse, samt udvidelse af lexer og parser, kan vi udtrykke programmet **record.c** med følgende abstrakte syntaks.

>

```
Access (AccVar "coord.y")),
Access (AccIndex (AccVar "coord.a", CstI 0))),
Access (AccVar "x"))))]]
```

1. Udvid lexer specifikationen **CLex.fsl** og parserspecifikationen **CPar.fsy** med support for records, således at ovenstående abstrakte syntaks er resultatet af at parse programmet **record.c** med fromFile "record.c";;. Vis resultatet af at parse **record.c**.

Hint: Du har brug for to nye tokens til a repræsentere punktum samt nøgleordet (eng. keyword) record.

**Hint:** Du kan indsætte grammatik regel for at parse record *name* = { *vardec*, ..., *vardec* } under non-terminalen Vardec. Du finder inspiration til at parse flere Vardec's, ved at kigge på hvordan parametere til funktioner parses, se non-terminal Paramdecs.

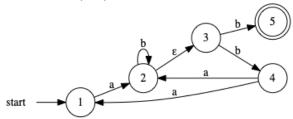
**Hint:** Du kan indsætte en grammatikregel under non-terminalen Access for at parse *recordName*. *fieldName*. Bemærk, at vi i den abstrakte syntaks repræsenterer coord.x ved (AccVar "coord.x"). I og med at det ikke er lovligt at definere variabelnavne der inkluderer et punktum i navnet, vil det sammensatte navn ikke blive blandet sammen med variabelnavne der ikke er records.

- 2. Forklar, ved at henvise til relevant lexer og parser specifikation eller F# kode, hvorfor vi kan konkludere at punktum ikke vil indgå i variabelnavne i micro–C.
- 3. Implementer allokering af records i oversætteren Comp.fs. Vis resultatet af at oversætte og køre record.c.

**Hint:** Det er kun nødvendigt at udvide funktionen allocate med allokering af records for at kunne oversætte og køre programmet. Bemærk, at en record i sig selv ikke fylder på stakken, men kun felterne. I og med at vi sammensætter feltnavne, "coord.x" kan vi allokere disse felter på præcis samme måde som andre variabel erkæringer. Du kan derfor med fordel løbe over listen af felter og kalde allocate rekursivt.

### Opgave 5 (10%) Regulære udtryk og automater

Betragt den ikke-deterministiske endelige automat (eng. *nondeterministic finite automaton*, NFA) nedenfor. Det anvendte alfabet er {a, b}. Der er i alt 5 tilstande, hvor tilstand 5 er den eneste accepttilstand.



- 1. Angiv alle årsager til at automaten er ikke-deterministisk.
- 2. Giv tre eksempler på strenge der genkendes af automaten.
- 3. Konstruer og tegn en deterministisk endelig automat (eng. *deterministic finite automaton*, DFA) der svarer til automaten ovenfor. Husk at angive starttilstand og accepttilstand(e). Du skal bruge en systematisk konstruktion svarende til den i forelæsningen eller som i Introduction to Compiler Design (ICD), eller Basics of Compiler Design (BCD).

Hint: Du kan tage udgangspunkt i tabellen nedenfor.

DFA state	move(a)	move(b)	NFA states
$\overline{S_0}$			$S_0 = \{1\}$