# LICENCE SCIENCES & TECHNOLOGIES 1re ANNÉE

## UE INF201 et INF231 ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION FONCTIONNELLE

2018/2019

## **PROJET**

## ENSEMBLES, MULTI-ENSEMBLES ET CONTREPET

**Objectifs.** Ce projet vous permettra de vous exercer à manipuler les séquences, une structure de données récursive fondamentale en informatique en général, et en programmation fonctionnelle en particulier. Vous :

- 1. définirez d'abord des fonctions afin de manipuler des ensembles et des multi-ensembles ;
- 2. revisiterez ensuite certaines fonctions en utilisant l'ordre supérieur ;
- 3. appliquerez enfin ces fonctions pour étudier le contrepet.

**Planning.** Ce projet se fait en binôme et se décompose en deux phases. Vous devez <u>rendre par email</u> (1 mail par binôme) à vos enseignants de TD/TP:

- 1) avant le 10 mars à 23h59 : Q1 (partie 2) et Q2 (partie 3) ;
- 2) avant le 28 avril à 23h59 : les autres questions.

Lors de la dernière séance de TP, vous devrez effectuer une soutenance de votre projet sur machine et devant votre enseignant.

Les détails des modalités de la soutenance et des rendus seront précisés avec vos enseignants.

## Table des matières

1	Introduction	2
2	Ensembles (8pt)	2
3	Réusinage: listes OCAML et ordre supérieur (6pt)	4
4	Multi-ensembles (6pt)	4
5	Contrepet	6
6	Optimisations et extensions	9

## Rappels

```
    définir = donner une définition,
    définition = spécification + réalisation ;
    spécifier = donner une spécification (le « quoi »),
    spécification = profil + sémantique + examples et/ou propriétés ;
    réaliser = donner une réalisation (le « comment »),
    réalisation = algorithme (langue naturelle) + implémentation (OCAML) ;
    implémenter = donner une inplémentation (OCAML).
```

Dans certains cas, certaines de ces rubriques peuvent être omises.

#### 1 Introduction

Ce projet nécessite de représenter des groupements de valeurs. Les valeurs sont prises dans un *réservoir*, noté  $\alpha$ . Par exemple, si  $\alpha = \mathbb{N}$ , on groupe des entiers naturels.

Il existe de multiples façons de grouper des valeurs. Ce projet en examine deux : les ensembles et les multi-ensembles.

Un  $ensemble_{\alpha}$  est un groupement non ordonné et sans répétition de valeurs prises dans  $\alpha$ . Cette façon de grouper les valeurs est étudiée dans la partie 2.

Dans un *multi-ensemble* (étudié dans la partie 4), on autorise les valeurs à être répétées ; il est donc possible qu'il y ait plusieurs exemplaires (on dit aussi occurrences) de la même valeur.

## 2 Ensembles (8pt)

Nous adopterons la définition (récursive) suivante des ensembles :

```
ensemble_{\alpha}\stackrel{\textit{def}}{=} \{\varnothing\} \cup \{C_e(elt,ens) \mid elt \in \alpha, \ ens \in ensemble_{\alpha}, \ elt \notin ens\}
```

Dans cette définition:

- Ø dénote l'ensemble vide ;
- *elt* est un élément pris dans le réservoir  $\alpha$ ;
- $C_e(elt, ens)$  dénote un ensemble non vide comportant (au moins) l'élément elt.

Par exemple, avec  $\alpha = \mathbb{Z}$ , le singleton (ensemble d'un seul élément) contenant l'entier 1 est noté :  $C_e(1,\emptyset)$ .

Afin de pouvoir manipuler des ensembles, nous spécifions les fonctions suivantes.

1. Cardinalité d'un ensemble :

```
Profil cardinal_e : ensemble_{\alpha} \to \mathbb{N}

Sémantique : cardinal_e(ens) est le nombre d'éléments de ens.
```

2. Appartenance d'un élément à un ensemble :

```
Profil appartient_e: \alpha \rightarrow ensemble_{\alpha} \rightarrow \mathbb{B}
```

**Sémantique** : (appartient<sub>e</sub> elt ens) est vrai si et seulement si elt  $\in$  ens.

## 3. Inclusion de deux ensembles :

**Profil**  $inclus_e : ensemble_{\alpha} \rightarrow ensemble_{\alpha} \rightarrow \mathbb{B}$ 

**Sémantique** : (inclus<sub>e</sub> ens<sub>1</sub> ens<sub>2</sub>) est vrai si et seulement si ens<sub>1</sub>  $\subset$  ens<sub>2</sub>

## 4. Ajout d'un élément à un ensemble :

**Profil**  $ajoute_e: \alpha \rightarrow ensemble_{\alpha} \rightarrow ensemble_{\alpha}$ 

**Sémantique** : (ajoute<sub>e</sub> elt ens) est l'ensemble obtenu en ajoutant l'élément elt à l'ensemble ens en respectant la contrainte de non répétition des éléments.

## 5. Suppression d'un élément d'un ensemble :

**Profil**  $supprime_e: \alpha \rightarrow ensemble_{\alpha} \rightarrow ensemble_{\alpha}$ 

**Sémantique** : (supprime<sub>e</sub> elt ens) supprime l'élément elt de l'ensemble ens.

## 6. Égalité de deux ensembles :

**Profil**  $egaux_e$ :  $ensemble_{\alpha} \rightarrow ensemble_{\alpha} \rightarrow \mathbb{B}$ 

**Sémantique** :  $(egaux_e ens_1 ens_2)$  est vrai si et seulement si ens<sub>1</sub> et ens<sub>2</sub> ont les mêmes éléments.

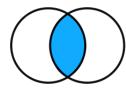
**Exemple**:  $(egaux_e \ C_e(1, C_e(2, \emptyset)) \ C_e(2, C_e(1, \emptyset))) = vrai$ 

#### 7. Intersection de deux ensembles :

**Profil**  $intersection_e : ensemble_{\alpha} \rightarrow ensemble_{\alpha} \rightarrow ensemble_{\alpha}$ 

**Sémantique** : (intersection<sub>e</sub> ens<sub>1</sub> ens<sub>2</sub>) est l'ensemble ens<sub>1</sub> $\cap$ ens<sub>2</sub>, c'est-à-dire l'ensemble des éléments appartenant à la fois à ens<sub>1</sub> et à ens<sub>2</sub>.

Une représentation graphique de l'intersection de deux ensembles est :

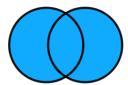


#### 8. Union de deux ensembles :

**Profil**  $union_e: ensemble_{\alpha} \rightarrow ensemble_{\alpha} \rightarrow ensemble_{\alpha}$ 

**Sémantique** :  $(union_e \ ens_1 \ ens_2) \ est \ l'ensemble \ ens_1 \cup ens_2, \ c'est-à-dire \ l'ensemble \ des éléments appartenant à ens_1 ou à ens_2.$ 

Une représentation graphique de l'union de deux ensembles est :

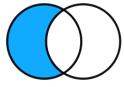


#### 9. Différence de deux ensembles :

**Profil**  $dif_e$ :  $ensemble_{\alpha} \rightarrow ensemble_{\alpha} \rightarrow ensemble_{\alpha}$ 

**Sémantique** :  $(dif_e \ ens_1 \ ens_2)$  est l'ensemble  $ens_1 \setminus ens_2$  (se lit «  $ens_1$  privé de  $ens_2$  »), c'est-à-dire l'ensemble des éléments qui appartiennent à  $ens_1$  mais pas à  $ens_2$ .

Une représentation graphique de la différence de deux ensembles est :

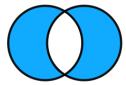


## 10. Différence symétrique de deux ensembles :

**Profil**  $difsym_e: ensemble_{\alpha} \rightarrow ensemble_{\alpha} \rightarrow ensemble_{\alpha}$ 

**Sémantique** :  $(difsym_e ens_1 ens_2)$  est l'ensemble  $ens_1 \Delta ens_2$  (se lit «  $ens_1$  delta  $ens_2$  »), c'est-à-dire l'ensemble des éléments qui appartiennent soit à  $ens_1$ , soit à  $ens_2$ , mais pas au deux à la fois.

Une représentation graphique de la différence symétrique de deux ensembles est :



Les ensembles seront implémentés par le type somme récursif polymorphe suivant :

Q1. En utilisant le type 'a ensemble, réaliser les fonctions spécifiées ci-dessus.

**Remarque** De façon à limiter au maximum la duplication de code, on veillera à utiliser la composition fonctionnelle avec les fonctions déjà définies.

## 3 Réusinage : listes OCAML et ordre supérieur (6pt)

Le *réusinage* (ou refactoring) est l'opération consistant à retravailler le code source d'un programme informatique – sans toutefois y ajouter des fonctionnalités – de façon à en améliorer la lisibilité et par voie de conséquence la maintenance, ou à le rendre plus générique. <sup>1</sup>

- **Q2.** Réusiner le code de la partie précédente en implémentant le type 'a ensemble grâce aux listes natives d'Ocame.
- **Q3.** En utilisant les fonctions d'ordre supérieur vues en cours/TD/TP (*fold*, map, for\_all, exists, filter,...), réusiner les fonctions suivantes de la partie précédente :
  - a) cardinale,
  - b) appartient<sub>e</sub>,
  - c) incluse,
  - d) supprime<sub>e</sub>,
  - e) intersection<sub>e</sub>,
  - f) union<sub>e</sub>,
  - g)  $dif_e$ .

#### 4 Multi-ensembles (6pt)

Les multi-ensembles autorisant de multiples exemplaires d'une même valeur <sup>2</sup>, nous introduisons la notion de multi-élément. Un *multi-élément* représente tous les exemplaires d'une même valeur appartenant à un multi-ensemble.

<sup>1.</sup> Source wikipedia:fr.wikipedia.org/wiki/Réusinage\_de\_code

<sup>2.</sup> Revoir l'introduction page 2

On peut représenter un multi-élément par un élément du réservoir  $\alpha$  accompagné d'un entier naturel appelé multiplicité:

$$multielement_{\alpha} \stackrel{\text{\tiny def}}{=} \alpha \times \mathbb{N}$$

Par exemple, si  $\alpha = \{'a', \ldots, 'z'\}$ , le multi-élément ('m', 3) a une multiplicité de 3. La multiplicité d'un élément indique le nombre d'occurrences (d'exemplaires) de l'élément.

Un multi-ensemble est une collection non ordonnée de multi-éléments :

 $multiensemble_{\alpha} \stackrel{\text{\tiny def}}{=} \{[\ ]\} \cup \{(x,m) :: ens \ / \ (x,m) \in multielement_{\alpha}, \ ens \in multiensemble_{\alpha}, \ \forall m' \in \mathbb{N}, (x,m') \notin ens \}$ 

Comme on le voit dans la définition ci-dessus, les valeurs ne sont pas répétés, mais du fait de leur multiplicité, tout se passe comme s'ils apparaissaient plusieurs fois. Par exemple, le multi-ensemble [('m',3); ('u',1)] « contient » 3 occurrences de 'm' et 1 occurrence de 'u'.

Afin de pouvoir manipuler des multi-ensembles, nous spécifions les fonctions suivantes.

1. Cardinalité d'un multi-ensemble :

**Profil**  $cardinal_m : multiensemble_{\alpha} \to \mathbb{N}^2$ 

**Sémantique** :  $cardinal_m(mens)$  est le couple  $(n_{melt}, n_{tot})$  où  $n_{melt}$  est le nombre de multi-éléments du multi-ensemble mens et  $n_{tot}$  est le nombre total d'occurences des éléments.

2. Occurrence d'un élément dans un multi-ensemble :

**Profil** occurence:  $\alpha \to multiensemble_{\alpha} \to \mathbb{N}$ 

**Sémantique** : (occurence x mens) est le nombre d'occurrences de l'élément x dans mens.

3. Appartenance d'un élément à un multi-ensemble :

**Profil** appartient<sub>m</sub>:  $multielement_{\alpha} \rightarrow multiensemble_{\alpha} \rightarrow \mathbb{B}$ 

**Sémantique** : (appartient<sub>m</sub> elt mens) est vrai si et seulement si elt  $\in$  mens.

4. Inclusion de deux multi-ensembles :

**Profil**  $inclus_m : multiensemble_{\alpha} \rightarrow multiensemble_{\alpha} \rightarrow \mathbb{B}$ 

**Sémantique** : (inclus<sub>m</sub> mens<sub>1</sub> mens<sub>2</sub>) est vrai si et seulement si mens<sub>1</sub>  $\subset$  mens<sub>2</sub>

Exemples

- (a)  $(inclus_m [('u',1)] [('u',2)]) = vrai$
- (b)  $(inclus_m [('u', 2)] [('u', 1)]) = faux$

5. Ajout d'un multi-élément à un multi-ensemble :

**Profil**  $ajoute_m: multielement_{\alpha} \rightarrow multiensemble_{\alpha} \rightarrow multiensemble_{\alpha}$ 

**Sémantique** : (a joute $_m$  elt mens) est le multi-ensemble obtenu en ajoutant le multi-élément elt au multi-ensemble mens en respectant la contrainte de non répétition de multi-éléments d'une même valeur.

6. Suppression d'un multi-élément d'un multi-ensemble :

**Profil**  $supprime_m : multielement_{\alpha} \rightarrow multiensemble_{\alpha} \rightarrow multiensemble_{\alpha}$ 

**Sémantique** :  $(supprime_m(x, n) mens)$  supprime n occurrences de l'élément x du multi-ensemble mens. Par convention, si n = 0, toutes les occurrences de x sont supprimées.

## 7. Égalité de deux multi-ensembles :

**Profil**  $egaux_m$ :  $multiensemble_{\alpha} \rightarrow multiensemble_{\alpha} \rightarrow \mathbb{B}$ 

**Sémantique** :  $(egaux_m mens_1 mens_2)$  est vrai si et seulement si mens<sub>1</sub> et mens<sub>2</sub> ont les mêmes multi-éléments.

#### 8. Intersection de deux multi-ensembles :

**Profil**  $intersection_m : multiensemble_{\alpha} \rightarrow multiensemble_{\alpha} \rightarrow multiensemble_{\alpha}$ 

**Sémantique** : (intersection<sub>m</sub> mens<sub>1</sub> mens<sub>2</sub>) est le multi-ensemble mens<sub>1</sub>  $\cap$  mens<sub>2</sub>, c'est-à-dire le multi-ensemble des éléments appartenant à la fois à mens<sub>1</sub> et à mens<sub>2</sub>.

**Exemple**:  $(intersection_m [('m',2);('u',1)] [('m',1);('a',1)]) = [('m',1)]$ 

## 9. Union de deux multi-ensembles :

**Profil**  $union_m: multiensemble_{\alpha} \rightarrow multiensemble_{\alpha} \rightarrow multiensemble_{\alpha}$ 

**Sémantique** :  $(union_m mens_1 mens_2)$  est le multi-ensemble mens<sub>1</sub>  $\cup$  mens<sub>2</sub>, c'est-à-dire le multi-ensemble des éléments appartenant à mens<sub>1</sub> ou à mens<sub>2</sub>.

**Exemple**:  $(union_m [('m',2);('u',1)] [('m',1);('a',1)]) = [('m',3);('u',1);('a',1)]$ 

#### 10. Différence de deux multi-ensembles :

**Profil**  $dif_m$ :  $multiensemble_{\alpha} \rightarrow multiensemble_{\alpha} \rightarrow multiensemble_{\alpha}$ 

**Sémantique** :  $(dif_m \ mens_1 \ mens_2)$  est le multi-ensemble mens<sub>1</sub> \ mens<sub>2</sub>, c'est-à-dire le multi-ensemble des multi-éléments qui appartiennent à mens<sub>1</sub> mais pas à mens<sub>2</sub>.

## 11. Différence symétrique de deux multi-ensembles :

**Profil**  $difsym_m$ :  $multiensemble_{\alpha} \rightarrow multiensemble_{\alpha} \rightarrow multiensemble_{\alpha}$ 

**Sémantique** :  $(difsym_m mens_1 mens_2)$  est le multi-ensemble mens<sub>1</sub>  $\Delta$  mens<sub>2</sub>, c' est-à-dire le multi-ensemble des multi-éléments qui appartiennent soit à mens<sub>1</sub>, soit à mens<sub>2</sub>, mais pas au deux à la fois.

- **Q4.** Définir en Ocamil les types multielement<sub> $\alpha$ </sub> et multiensemble<sub> $\alpha$ </sub>.
- Q5. Réaliser les fonctions spécifiées ci-dessus.

Remarque L'utilisation de l'ordre supérieur sera appréciée.

## 5 Contrepet

#### 5.1 Introduction

Nous donnons d'abord quelques définitions :

**contrepèterie** (n. f.): Inversion de l'ordre des syllabes, des lettres ou des mots.

L'objectif est de produire des phrases burlesques ou grivoises.

Par exemple, intervertir les lettres soulignées dans la phrase : « *quelle <u>m</u>inistre <u>s</u>èche* » donne une nouvelle phrase ayant un tout autre sens.

contrepet (n. m.) Art de résoudre ou d'inventer les contrepèteries.

À partir d'une phrase donnée, nous souhaitons étudier la génération des contrepèteries possibles. Nous nous limiterons à la permutation de deux lettres pour former une phrase dont tous les mots sont des mots valides, c'est-à-dire appartenant à un dictionnaire <sup>3</sup> (à définir).

Nous commençons donc par construire un dictionnaire qui regroupe l'ensemble des mots valides.

<sup>3.</sup> Il ne s'agit pas des dictionnaires Python vus en inf101 au 1<sup>er</sup> semestre.

#### 5.2 Dictionnaire

Les mots que nous manipulerons seront uniquemement composés de lettres minuscules non accentuées :

$$lettre \stackrel{def}{=} \{'a', \dots, 'z'\}$$

Un *mot* sera défini comme une séquence de lettres.

**Q6.** Implémenter le type mot grâce au type list d'Ocaml.

**Notation** Dans la suite, pour alléger les notations, un mot pourra être représenté par un rectangle aux coins arrondis contenant la liste de ses lettres. Par exemple : ministre. On poura également noter l'identificateur du mot dans le rectangle ; l'ambiguïté sera levée par le contexte. Par exemple,  $m_1$  représente un mot d'identificateur  $m_1$ . On pourra également isoler des lettres grâce à une barre verticale. Par exemple,  $\boxed{I}$  ls

représente le mot dont la première lettre est identifiée par la variable I, et la suite des lettres par la variable ls.

Un *dictionnaire* sera (naïvement) défini comme un ensemble de mots. On pose donc  $\alpha = mot$  dans la définition du début de la partie 2.

- Q7. Implémenter le type dictionnaire grâce au type 'a ensemble.
- **Q8.** Définir le dictionnaire appelé cst\_DICO contenant les mots de la contrepèterie donnée en exemple plus haut.
- **Q9.** Enrichir le dictionnaire cst\_DICO afin de permettre deux exemples de vos propres contrepèteries.

## 5.3 Vérificateur de contrepèteries

Une *phrase* sera naturellement définie comme une séquence de mots.

**Q10.** Implémenter le type phrase grâce au type list  $d'O_{\text{CAML}}$ .

Dans un premier temps, nous voulons savoir si deux phrases sont contrepèteries l'une de l'autre. Pour cela, nous spécifions les fonctions suivantes :

**Profil** supprimePrefixeCommun :  $mot \rightarrow mot \rightarrow mot^2$ 

**Sémantique** : Étant donnés deux mots  $m_1$  et  $m_2$ , posons  $(m'_1, m'_2) = (supprimePrefixeCommun <math>m_1$   $m_2)$ .  $m'_1$  (resp.  $m'_2$ ) est le mot obtenu en supprimant de  $m_1$  (resp.  $m_2$ ) le préfixe commun à  $m_1$  et  $m_2$ .

**Profil**  $suffixeEgaux : mot \rightarrow mot \rightarrow \mathbb{B}$ 

**Sémantique** :  $(suffixeEgaux m_1 m_2)$  est vrai si et seulement si  $m_1$  et  $m_2$  ne diffèrent que par leur première lettre.

- Q11. Implémenter les deux fonctions ci-dessus.
- **Q12.** En déduire une implémentation de la fonction suivante :

**Profil**  $motsSontContrepet : mot^2 \rightarrow mot^2 \rightarrow \mathbb{B}$ 

**Sémantique** :  $(motsSontContrepet\ (m_1, m_2)\ (m'_1, m'_2))$  est vrai si et seulement si les couples de mots  $(m_1, m_2)$  et  $(m'_1, m'_2)$  forment deux contrepèteries.

**Exemple**: (motsSontContrepet(min), (seche))((sin), (meche))) = vrai

Pour établir si deux phrases sont des contrepèteries, on spécifie la fonction suivante :

**Profil** phrasesSontContrepet :  $phrase \rightarrow phrase \rightarrow \mathbb{B}$ 

**Sémantique** : (phrasesSontContrepet phr<sub>1</sub> phr<sub>2</sub>) est vrai si et seulement si phr<sub>1</sub> et phr<sub>2</sub> sont contrepèterie l'une de l'autre.

**Exemple**: (phrasesSontContrepet [ quelle ; min; seche ] [ quelle ; (sin); (meche) ]) = vrai

Q13. Implémenter phrasesSontContrepet en se basant sur les opérations suivantes :

- suppression des préfixes et suffixes communs entre les deux phrases,
- vérification que les mots aux extrémités des phrases sont des contrepèteries,
- vérification que les autres mots (ceux hors extrémités) sont égaux.

## 5.4 Générateur de contrepets

*Résoudre une contrepèterie* consiste à générer l'ensemble des phrases contrepèteries d'une phrase donnée.

Dans un premier temps, il faut pouvoir décomposer un mot en préfixes et suffixes, séparés par une lettre :

**Profil**  $decompose : mot \rightarrow ensemble_{mot \times lettre \times mot}$ 

**Sémantique** :  $(decompose\ m)$  est l'ensemble des décompositions (p, l, s) telles que  $m = p \mid l \mid s$  où p (resp. s) est un mot – le préfixe (resp. suffixe) – et l une lettre.

**Exemple**:  $(decompose \ \ \ \ \ \ \ \ \ ) = [(\ \ \ \ \ \ \ ); (\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ ); (\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ )]$ 

**Q14.** Implémenter decompose.

**Indication.** Soit m un mot non vide. m peut donc être écrit sous la forme  $x \mid xs$ . Pour obtenir les décompositions de m, on peut procéder en deux étapes :

- 1) calcul de l'ensemble *decomp\_xs* des décompositions de *xs* ;
- 2) pour chaque élément (p, l, s) de  $decomp\_xs$ , on obtient une nouvelle décomposition de m en ajoutant x en tête de p dans (p, l, s).

La deuxième étape nécessite soit de définir (spécification + réalisation) une fonction intermédiaire, soit d'utiliser la fonction d'ordre supérieur map.

Dans un deuxième temps, il est nécessaire d'échanger des lettres :

**Profil**  $echange: mot \times lettre \times mot \rightarrow mot \times lettre \times mot \rightarrow mot^2$ 

**Sémantique** : (echange  $(p_1, l_1, s_1)$   $(p_2, l_2, s_2)$ ) est le couple de mots (  $p_1 \mid l_2 \mid s_1$   $p_2 \mid l_1 \mid s_2$  ).

- Q15. Implémenter echange.
- Q16. Déduire des questions précédentes une implémentation de :

**Profil** contrepeteries : dictionnaire  $\rightarrow$  phrase  $\rightarrow$  ensemble<sub>phrase</sub>

**Sémantique** : Étant donné un dictionaire dic, (contrepeteries dic phr) est l'ensemble des contrepèteries de la phrase phr.

Cette fonction pourra par exemple être testée avec la phrase « *il y a une rame, une mare et une tare* », qui possède plusieurs contrepèteries différentes.

## 6 Optimisations et extensions

Si vous souhaitez aller plus loin, nous proposons quatre pistes, par ordre croissant de difficulté.

#### 6.1 Ensembles « efficaces »

La recherche d'un élément dans une séquence triée ne nécessite pas le parcours de la totalité de la séquence : l'algorithme peut s'arrêter dès lors que la position où devrait se trouver l'élément s'il était présent est atteinte.

Implémenter les ensembles par des listes triées permet donc d'améliorer l'efficacité de certains traitements ; dans le cadre de ce projet, nous pouvons citer (non exhaustivement) : union, égalité, intersection, différence.

**Q17.** Proposer une version efficace des ensembles puis des multi-ensembles, ainsi que des fonctions associées.

#### 6.2 Dictionnaires « efficaces » (\*)

L'idée est la même que celle du paragraphe précédent : l'utilisation d'une structure de données plus sophistiquée permet d'éviter les parcours complets de la structure.

**Q18.** Proposer une implémentation plus efficace des dictionnaires et fonctions associées sous forme d'arbres.

#### 6.3 Couple de lettres (\*\*)

- **Q19.** Proposer une extension permettant de traiter les contrepèteries sur des couples de lettres, comme par exemple :
  - « le <u>ch</u>âteau du <u>r</u>at »,
  - « la fleur du pic »,
  - « le psychanaliste en<u>tr</u>a dans le flou ».

#### 6.4 Phonétique (\*\*\*)

**Q20.** Proposer une extension permettant de traiter les contrepèteries dans toute leur généralité comme dans l'exemple suivant : « à Bruxelles, il fait beau et chaud ».

			6.	Optimisations et extensions
2U E L	BE A U	METIER,	アスピテさ	SSEUR!