

结点的权: 有某种现实含义的数值(如: 表示结点的重要性等)

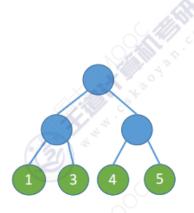
结点的带权路径长度: 从树的根到该结点的路径长度(经过的边数)与该结点上权值的乘积

<mark>树的带权路径长度</mark>:树中所有<mark>叶结点</mark>的带权路径长度之和(WPL, Weighted Path Length)

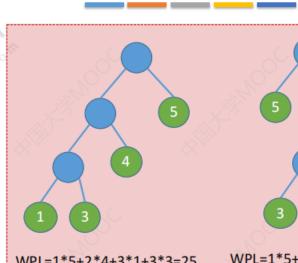
$$WPL = \sum_{i=1}^{n} w_i l_i$$

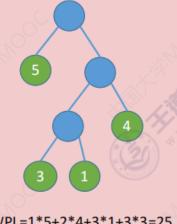
王道考研/CSKAOYAN.COM

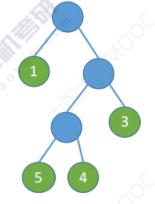
# 哈夫曼树的定义



WPL= 2\*1+2\*3+2\*4+2\*5 = 26





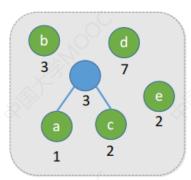


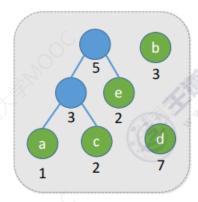


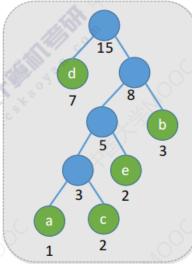
## 哈夫曼树的构造

给定n个权值分别为 $w_1$ ,  $w_2$ ,...,  $w_n$ 的结点,构造哈夫曼树的算法描述如下: 1) 将这n个结点分别作为n棵仅含一个结点的二叉树,构成森林F。

- 2) 构造一个新结点,从F中选取两棵根结点权值最小的树作为新结点的左、右子树,并且将新 结点的权值置为左、右子树上根结点的权值之和。
- 3)从F中删除刚才选出的两棵树,同时将新得到的树加入F中。
- 4) 重复步骤2) 和3), 直至F中只剩下一棵树为止。



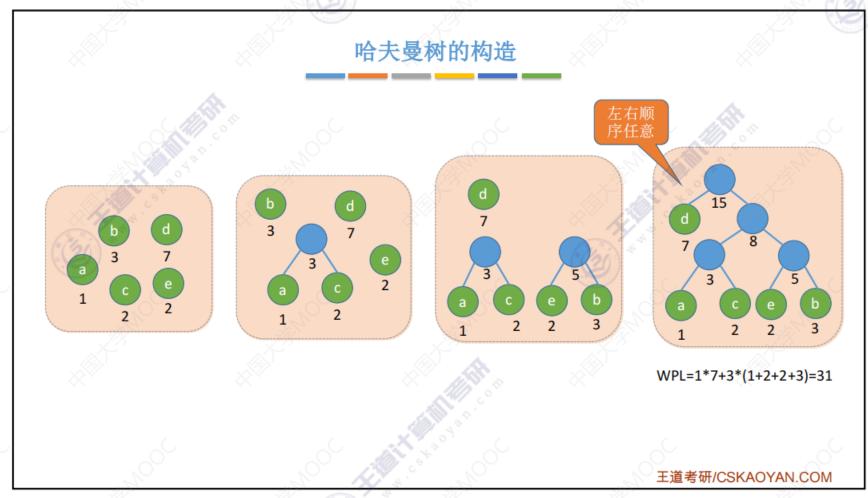




- 1)每个初始结点最终都成为叶结点,且权值越小的结点到根结点的路径长度越大
- 2) 哈夫曼树的结点总数为2n-1
- 3) 哈夫曼树中不存在度为1的结点。
- 4)哈夫曼树并不唯一,但WPL必然相同且为最优

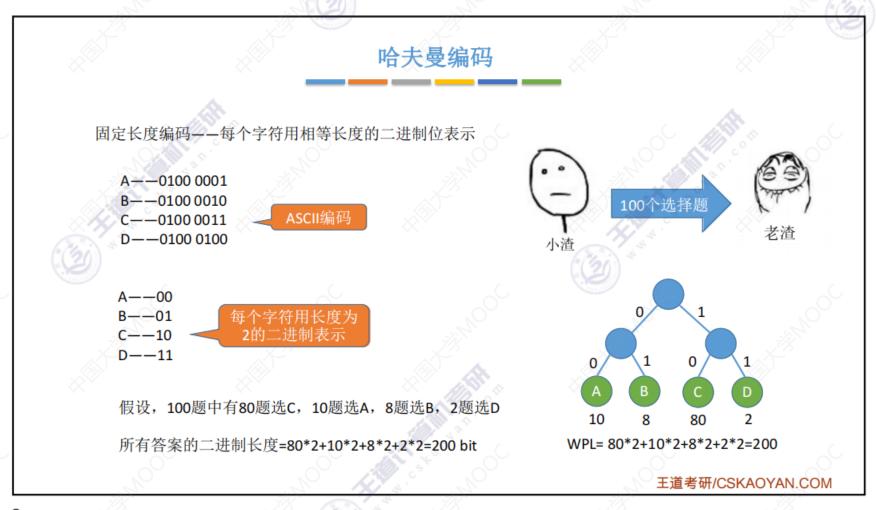
WPL<sub>min</sub>=1\*7+2\*3+3\*2+4\*1+4\*2=31

王道考研/CSKAOYAN.COM

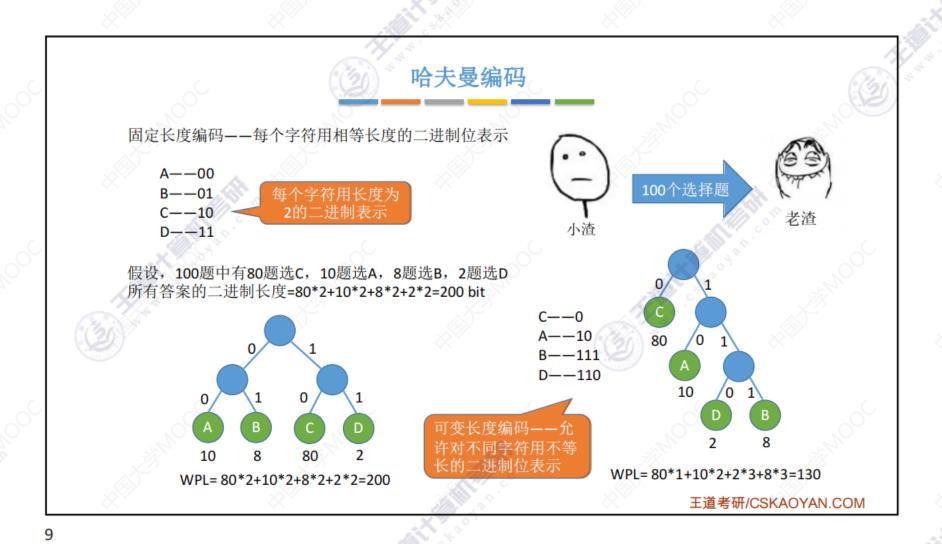


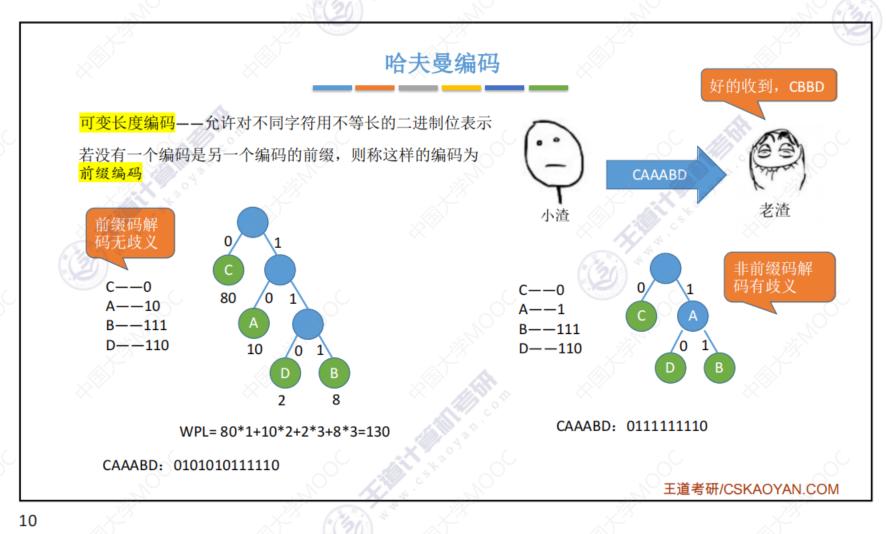


/



8







#### 哈夫曼编码

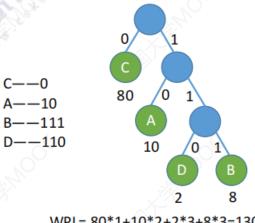


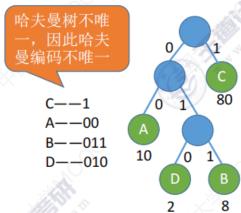
固定长度编码——每个字符用相等长度的二进制位表示

可变长度编码——允许对不同字符用不等长的二进制位表示

若没有一个编码是另一个编码的前缀,则称这样的编码为前缀编码

有哈夫曼树得到哈夫曼编码——字符集中的每个字符作为一个叶子结点,各个字符出现的频度作为结点 的权值, 根据之前介绍的方法构造哈夫曼树









WPL= 80\*1+10\*2+2\*3+8\*3=130

WPL= 80\*1+10\*2+2\*3+8\*3=130

王道考研/CSKAOYAN.COM

11

### 英文字母频次

英文字母使用频率表:(%)

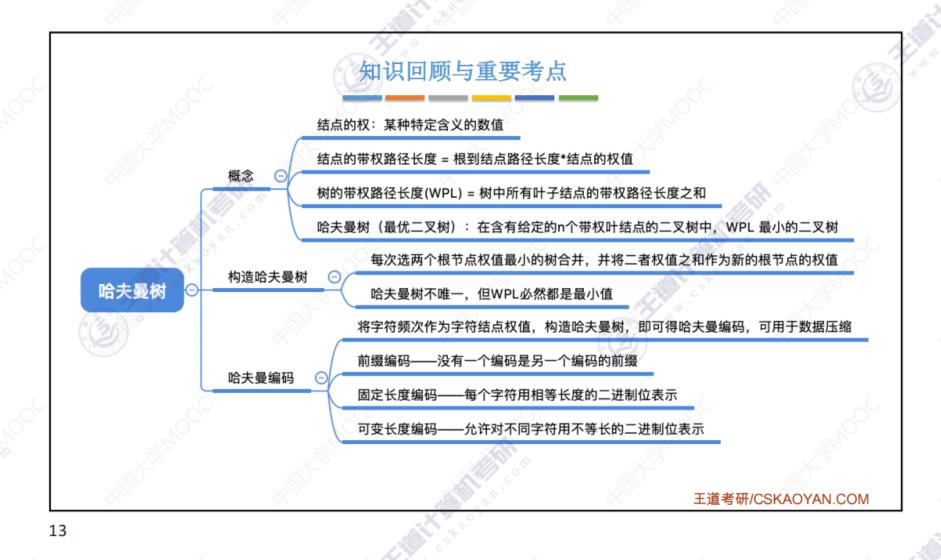
A 8.19 B 1.47 C 3.83 D 3.91 E 12.25 F 2.26 G 1.71 H 4.57 | 17.10 J 0.14 K 0.41 L 3.77 M 3.34 N 7.06 O 7.26 P 2.89 Q 0.09 R 6.85 S 6.36 T 9.41 U 2.58 V 1.09 W 1.59 X 0.21 Y 1.58 Z 0.08

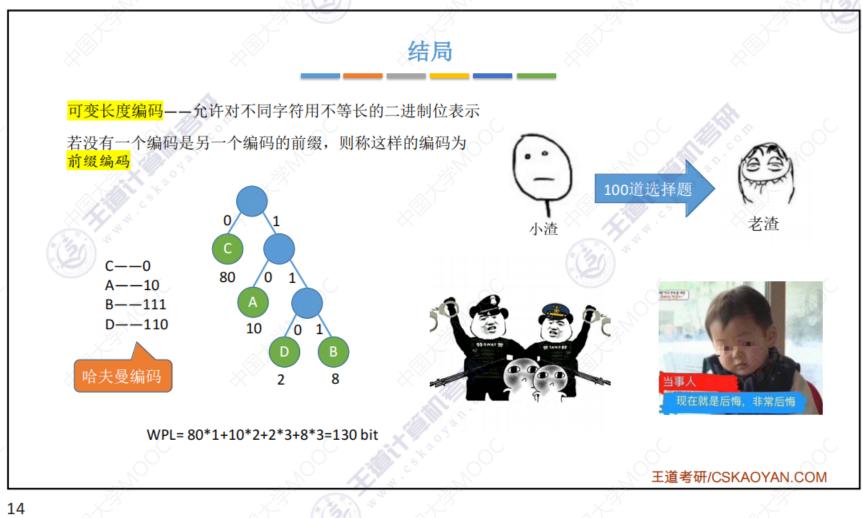
试试设计哈夫曼编码,并计算<mark>数据压缩率</mark>

王道考研/CSKAOYAN.COM

12







14

XZZZMOC C