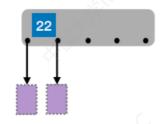


如何保证查找效率

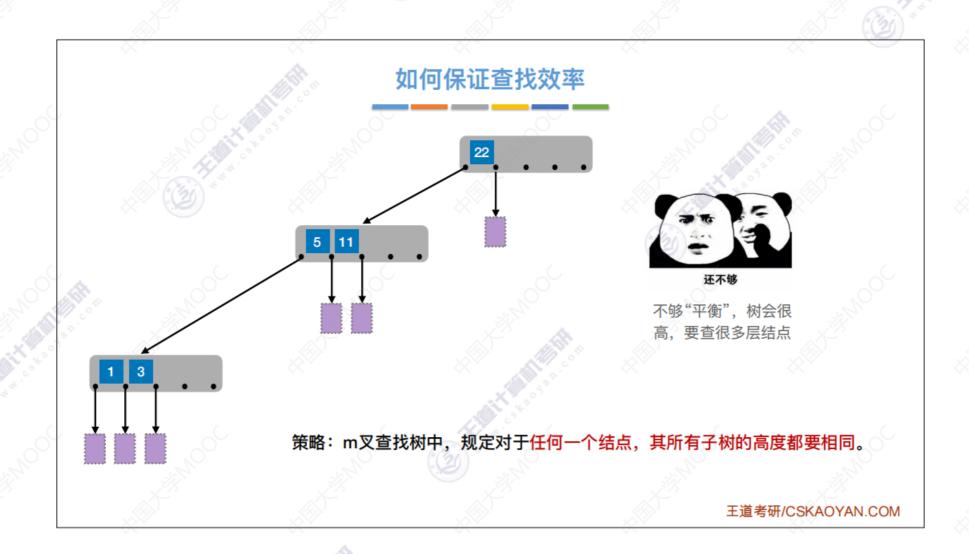


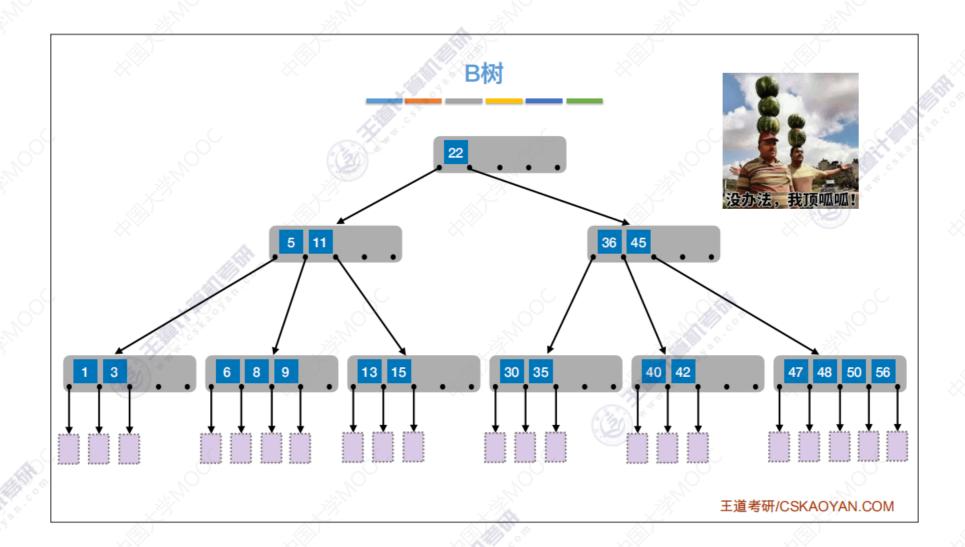
这个我也没有 没办法

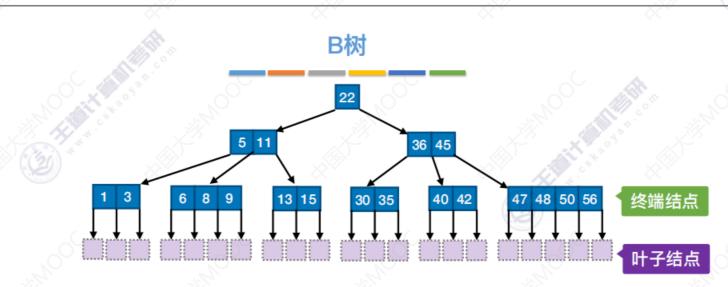


如果整个树只有1个元素,根节点只有两个分叉

策略: m叉查找树中,规定除了根节点外,任何结点至少有[m/2]个分叉,即至少含有[m/2] — 1 个关键字

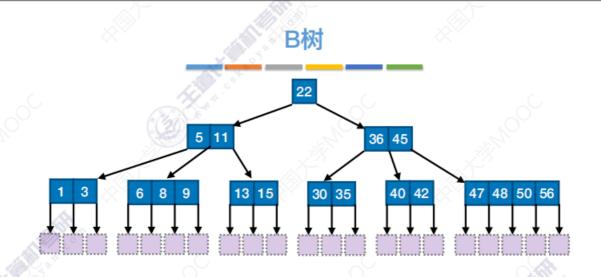






B树,又称多路平衡查找树,B树中所有结点的孩子个数的最大值称为B树的阶,通常用m表示。一棵m阶B树或为空树,或为满足如下特性的m叉树:

- 1) 树中每个结点至多有m棵子树,即至多含有m-1个关键字。
- 2) 若根结点不是终端结点,则至少有两棵子树。
- 3) 除根结点外的所有非叶结点至少有 $\lceil m/2 \rceil$ 棵子树,即至少含有 $\lceil m/2 \rceil$ -1个关键字。
- 5) 所有的叶结点都出现在同一层次上,并且不带信息(可以视为外部结点或类似于折半查找判定树的查找失败结点,实际上这些结点不存在,指向这些结点的指针为空)。

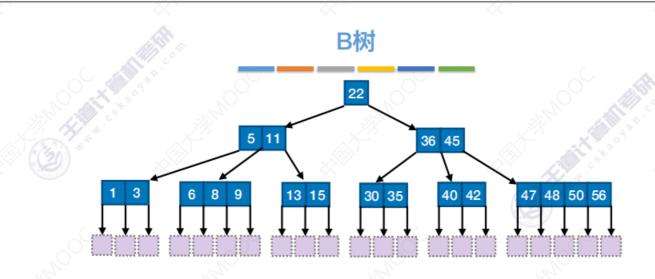


4) 所有非叶结点的结构如下:

n P_0 K_1 P_1 K_2 P_2 ... K_n P_n

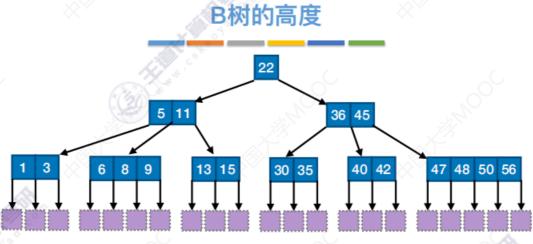
其中,Ki(i = 1, 2,..., n)为结点的关键字,且满足K1 < K2 <... < Kn;Pi(i = 0, 1,..., n)为指向子树根结点的指针,且指针Pi-1所指子树中所有结点的关键字均小于Ki,Pi所指子树中所有结点的关键字均大于Ki,n($\lceil m/2 \rceil$ - 1 < n < m - 1)为结点中关键字的个数。

王道考研/CSKAOYAN.COM



m阶B树的核心特性:

- 根节点的子树数∈[2, m], 关键字数∈[1, m-1]。
 其他结点的子树数∈[[m/2], m]; 关键字数∈[[m/2]-1, m-1]
- 2) 对任一结点,其所有子树高度都相同
- 3) 关键字的值: 子树0<关键字1<子树1<关键字2<子树2<.... (类比二叉查找树 左<中<右)

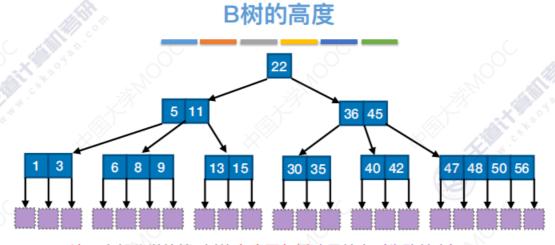


注:大部分学校算B树的高度不包括叶子结点(失败结点)

问题:含n个关键字的m阶B树,最小高度、最大高度是多少?

最小高度——让每个结点尽可能的满,有m-1个关键字,m个分叉,则有 $n \le (m-1)(1+m+m^2+m^3+\ldots+m^{h-1}) = m^h-1$, 因此 $h \ge log_m(n+1)$

王道考研/CSKAOYAN.COM



注:大部分学校算B树的高度不包括叶子结点(失败结点)

最大高度——让各层的分叉尽可能的少,即根节点只有2个分叉,其他结点只有[m/2]个分叉各层结点至少有:第一层 1、第二层 2、第三层 2[m/2] ... 第h层 $2([m/2])^{h-2}$ 第h+1层共有叶子结点(失败结点) $2([m/2])^{h-1}$ 个

n个关键字的B树必有n+1个叶子结点,则 $n+1 \ge 2(\lceil m/2 \rceil)^{h-1}$,即 $h \le \log_{\lceil m/2 \rceil} \frac{n+1}{2} + 1$

n个关键字将数域切分为n+1个区间

B树的高度

问题:含n个关键字的m叉B树,最小高度、最大高度是多少?

最大高度——让每个结点包含的关键字、分叉尽可能的少。记 k=[m/2]

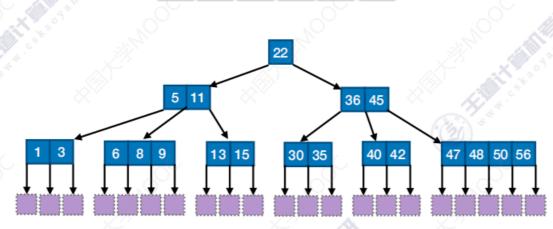
最少结点数	最少关键字数
1	1
2	2(k-1)
2k	2k(k-1)
2k²	2k²(k-1)
3/2	
2kh-2	2kh-2(k-1)
	1 2 2k 2k²

h层的m阶B树至少包含关键字总数 1+2(k-1)(k⁰+k¹+k²+...+k^{h-2}) = 1+2(k^{h-1}-1) 若关键字总数少于这个值,则高度一定小于h,因此 $n \ge 1 + 2(k^{h-1}-1)$ 得, $h \le log_k \frac{n+1}{2} + 1 = log_{\lceil m/2 \rceil} \frac{n+1}{2} + 1$

得,
$$h \le \log_k \frac{n+1}{2} + 1 = \log_{\lceil m/2 \rceil} \frac{n+1}{2} + 1$$

王道考研/CSKAOYAN.COM

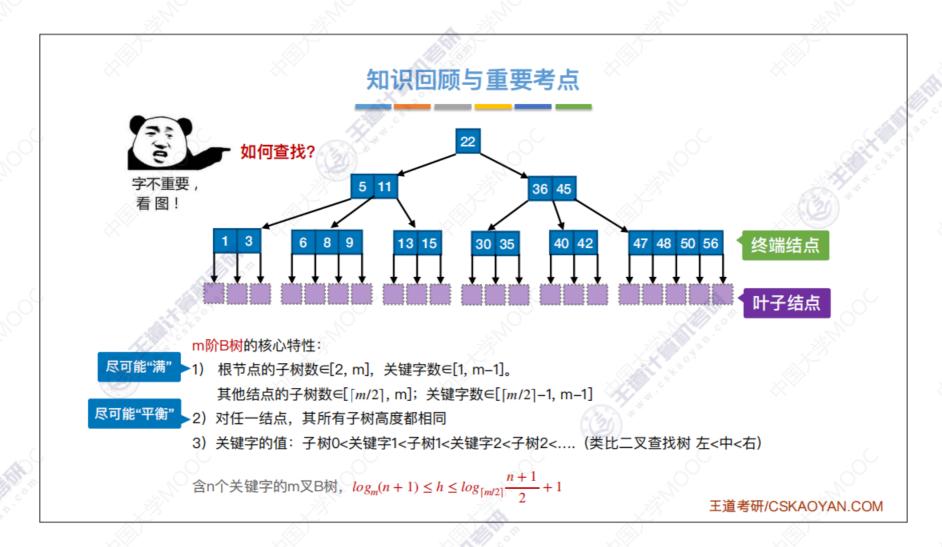




注: 大部分学校算B树的高度不包括叶子结点 (失败结点)

问题:含n个关键字的m阶B树、最小高度、最大高度是多少?

$$log_m(n+1) \leq h \leq log_{\lceil m/2 \rceil} \frac{n+1}{2} + 1$$









@王道论坛



@王道计算机考研备考 @王道咸鱼老师-计算机考研

@王道楼楼老师-计算机考研

@王道计算机考研

知乎

₩ 微信视频号



@王道计算机考研

@王道在线

