

知识总览

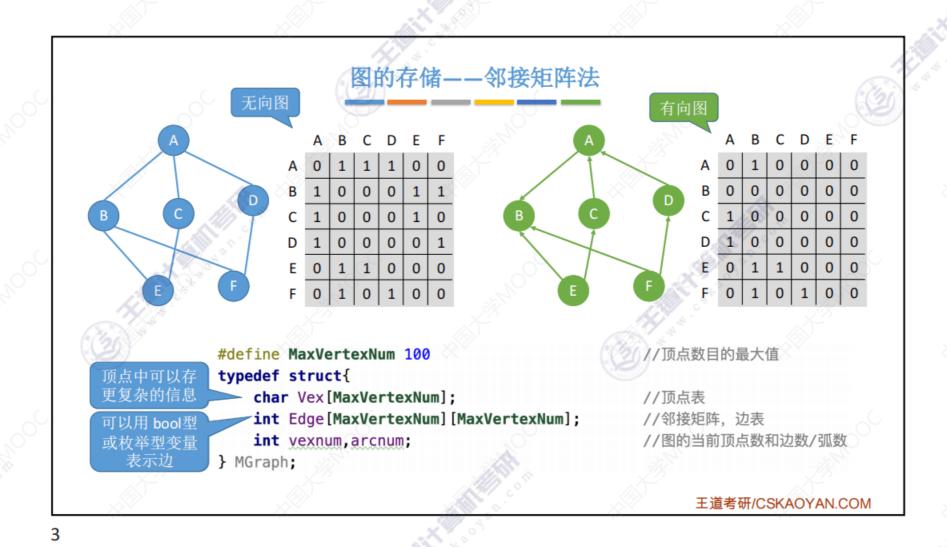
邻接矩阵

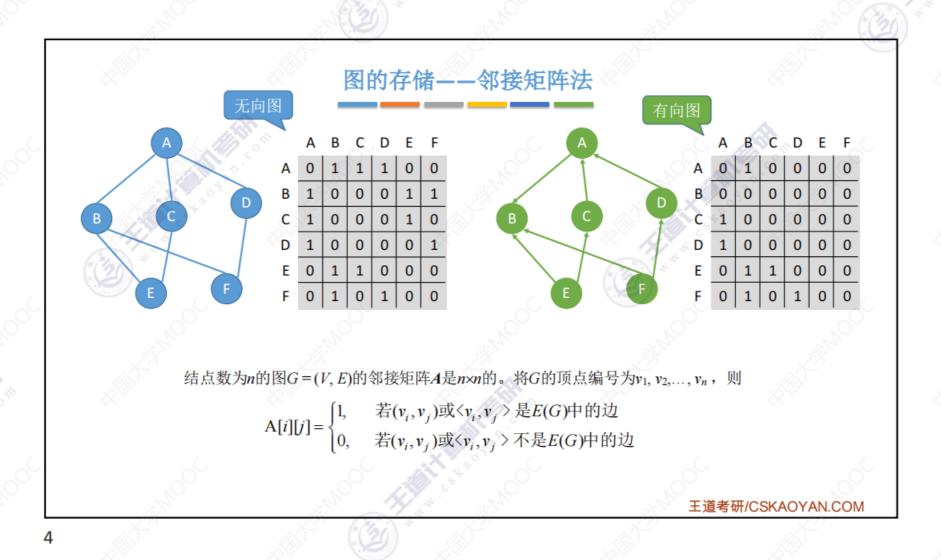
邻接表

十字链表

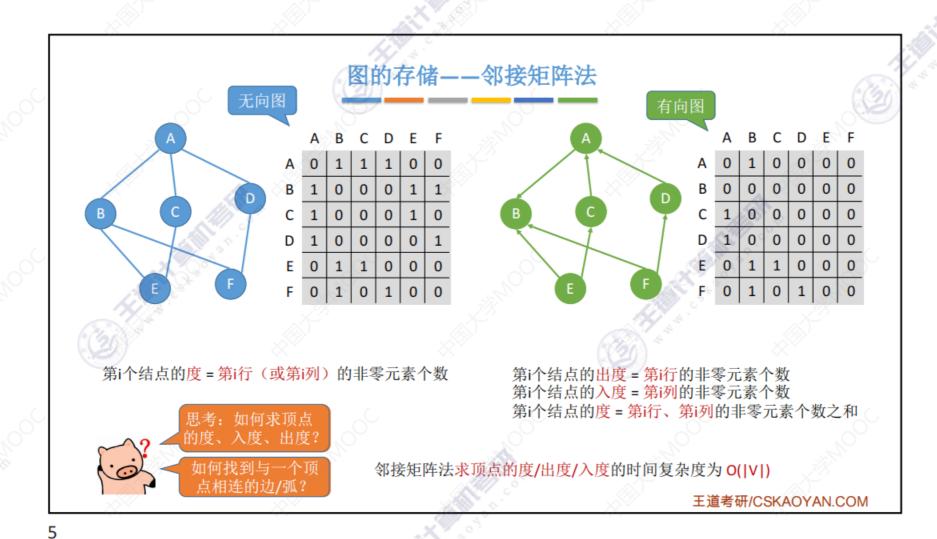
邻接多重表

王道考研/cskaoyan.com

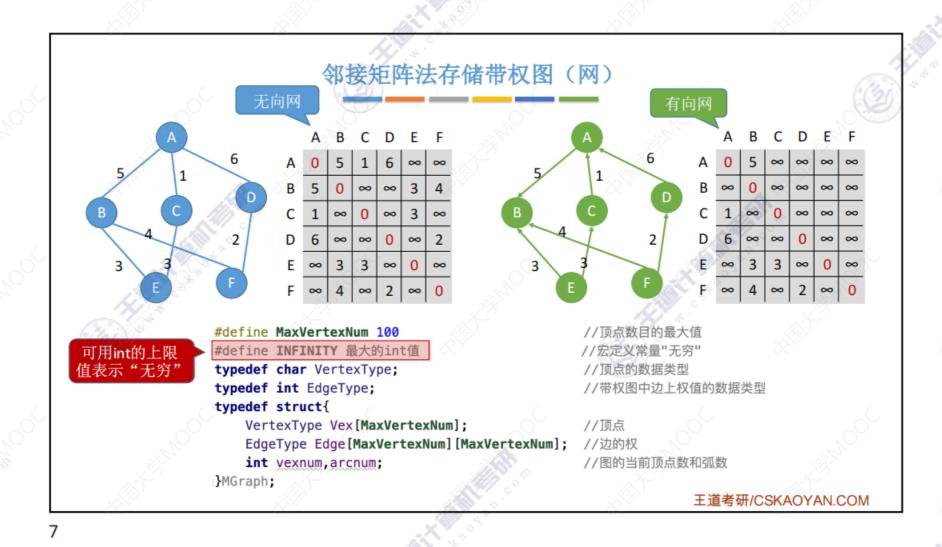


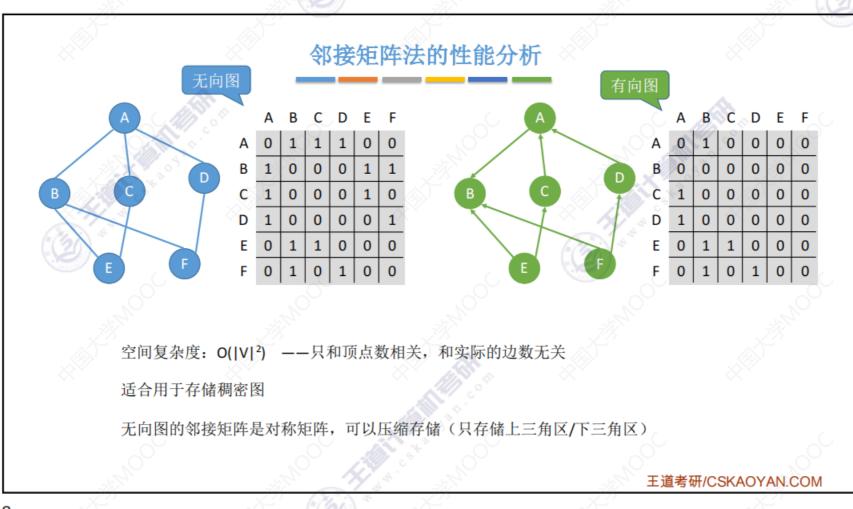


王道考研/cskaoyan.com

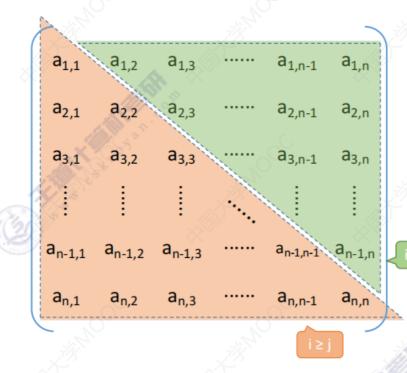


邻接矩阵法存储带权图 (网) 无向网 BCDEF C D 5 3 4 3 1 ∞ -1 ∞ ∞ ∞ ∞ 2 6 6 D 2 Ε 3 3 3 3 #define MaxVertexNum 100 //顶点数目的最大值 #define INFINITY 最大的int值 //宏定义常量"无穷" 可用int的上限 值表示"无穷" typedef char VertexType; //顶点的数据类型 typedef int EdgeType; //带权图中边上权值的数据类型 typedef struct{ VertexType Vex[MaxVertexNum]; EdgeType Edge[MaxVertexNum][MaxVertexNum]; //边的权 int vexnum,arcnum; //图的当前顶点数和弧数 }MGraph; 王道考研/CSKAOYAN.COM





回顾: 对称矩阵的压缩存储



策略: 只存储主对角线+下三角区

按行优先原则将各元素存入一维数组中。

B[0] B[1] B[2] B[3]
$$B[\frac{n(n+1)}{2}-1]$$

矩阵下标 → 一维数组下标

 $a_{i,j} \rightarrow B[k]$

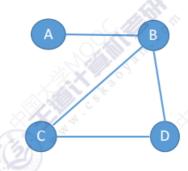
a_{i,j} = a_{j,i}(对称矩阵性质)

$$k = \begin{cases} \frac{i(i-1)}{2} + j - 1, & i \ge j \text{ (下三角区和主对角线元素)} \\ \frac{j(j-1)}{2} + i - 1, & i < j \text{ (上三角区元素} a_{ij} = a_{ji}) \end{cases}$$

王道考研/CSKAOYAN.COM

q

邻接矩阵法的性质



	A	В	С	D
Α	0	1	0	0
В	1	0	1	1
С	0	1	0	1
D	0	1	1	0

设图G的邻接矩阵为A(矩阵元素为0/1),则 A^n 的元素 $A^n[i][j]$ 等于由顶点i到顶点j的长度为n的路径的数目

0	1	0	0		0	1	0	0
1	0	1	1		1	0	1	1
0	1	0	1	*	0	1	0	1
0	1	1	0		0	1	1	0

$$A^{2}[1][4] = a_{1,1} a_{1,4} + a_{1,2} a_{2,4} + a_{1,3} a_{3,4} + a_{1,4} a_{4,4} = 1$$

$$A^{2}[2][2] = a_{2,1} a_{1,2} + a_{2,2} a_{2,2} + a_{2,3} a_{3,2} + a_{2,4} a_{4,2} = 3$$

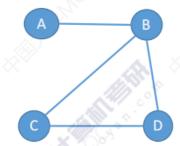
$$A^{2}[3][3] = a_{3,1} a_{1,3} + a_{3,2} a_{2,3} + a_{3,3} a_{3,3} + a_{3,4} a_{4,3} = 1$$

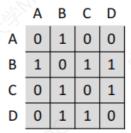
$$A^{2}[1][2] = a_{1,1} a_{1,2} + a_{1,2} a_{2,2} + a_{1,3} a_{3,2} + a_{1,4} a_{4,2} = 1$$

$A^2=$	1	0	1	1
	0	3	1	1
	1	1	2	1
	1	1	1	2

王道考研/CSKAOYAN.COM

邻接矩阵法的性质





设图G的邻接矩阵为A(矩阵元素为0/1),则A"的元素A"[i][j]等于由顶点i到顶点j的长度为n的路径的数目

	0	1	0	0
	1	0	1	1
*	0	1	0	1
	0	1	1	0

0	3	1	1	ľ
3	2	4	4	
1	4	2	3	
1	4	3	2	

王道考研/CSKAOYAN.COM

11

知识回顾与重要考点

邻接矩阵法要点回顾:

- 如何计算指定顶点的度、入度、出度(分无向图、有向图来考虑)?时间复杂度如何?
- 如何找到与顶点相邻的边(入边、出边)?时间复杂度如何?
- 如何存储带权图?
- 空间复杂度——O(|V|2),适合存储稠密图
- 无向图的邻接矩阵为对称矩阵,如何压缩存储?
- 设图G的邻接矩阵为A(矩阵元素为0/1),则An的元素An[i][j]等于由顶点i到顶点j的长度为n的路径的数目

王道考研/CSKAOYAN.COM







