

考试范围

- 1、 整除、同余的基本性质
- 2、 欧几里得求最大公约数
- 3、 如何构造两个互素的整数
- 4、 逆元计算方法
- 5、 欧拉函数计算
- 6、 利用欧拉定理、费马定理求解
- 7、 RSA 加密解密过程及证明。
- 8、 中国剩余定理求解同余方程
- 9、 原根与指数的基本定理与性质
- 10、 判断平方剩余、高斯互反律
- 11、 素数确定性判别算法
- 12、 素数的概率判别算法

练习题

- 1、正合数 n 的最小正因子 p ，则 p 一定是素数，且 $p \leq \sqrt{n}$ 。
- 2、厄尔托斯筛法寻找素数，200 内
- 3、 $7 \mid n$ ， $5 \mid n$ ，则 $35 \mid n$
- 4、假设 n, a, b 是三个整数 $c \neq 0$ ，如果 $c \mid a \cdot n$ ， $c \mid b \cdot n$ ，如果 $(a, b) = 1$ ，求证 $c \mid n$ 。
- 5、如果 a 是整数，则 $a^3 - a$ 能够被 3 整除
- 6、奇整数的平方具有形式 $8k+1$ 。
- 7、 a, b, q, r 是整数，如果 $a = q \cdot b + r$ ，证明 $(a, b) = (b, r)$ 。
- 8、假设 a, b 是两个非零正整数，证明 $(a, b) \cdot [a, b] = a \cdot b$ 。
- 9、运用广义欧几里得除法求整数 s, t 使得 $s \cdot 167 + t \cdot 335 = (167, 335)$
- 10、写出模 11 的简化剩余系，并列举每个简化剩余的阶 (ord_{11})
- 11、 $x \equiv 2 \pmod{7}$ ， $x \equiv 3 \pmod{5}$ ，利用中国剩余定理求 $x \pmod{35}$
- 12、 p, q 是两个不相等的大素数， $n = p \cdot q$ ，选择整数 e 使得 $(e, \phi(n)) = 1$ ，计算 d 使得 $ed \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$ ，对于任意的整数 $m \in [1, n-1]$ ，证明 $m^{ed} \equiv m \pmod{n}$ 。
- 13、求解同余方程： $33x \equiv 22 \pmod{77}$
- 14、计算 $60 \pmod{137}$ 是否为平方剩余。
- 15、 p 是奇素数，证明在模 p 的简化剩余系中，平方剩余与平方非剩余的个数都是 $\frac{p-1}{2}$ 个。
- 16、Fermat 素数检测和 Miller-Rabin 素数检测过程