



哈爾濱工業大學(深圳)

HARBIN INSTITUTE OF TECHNOLOGY, SHENZHEN

# RSA数字签名算法实验

主讲教师：蒋琳

实验教师：苏婷





# 实验目的

---

- **数字签名的基本原理，理解数字签名的作用**
- **掌握 数字摘要算法的基本原理**
- **掌握数字签名算法的实现**



# 实验内容

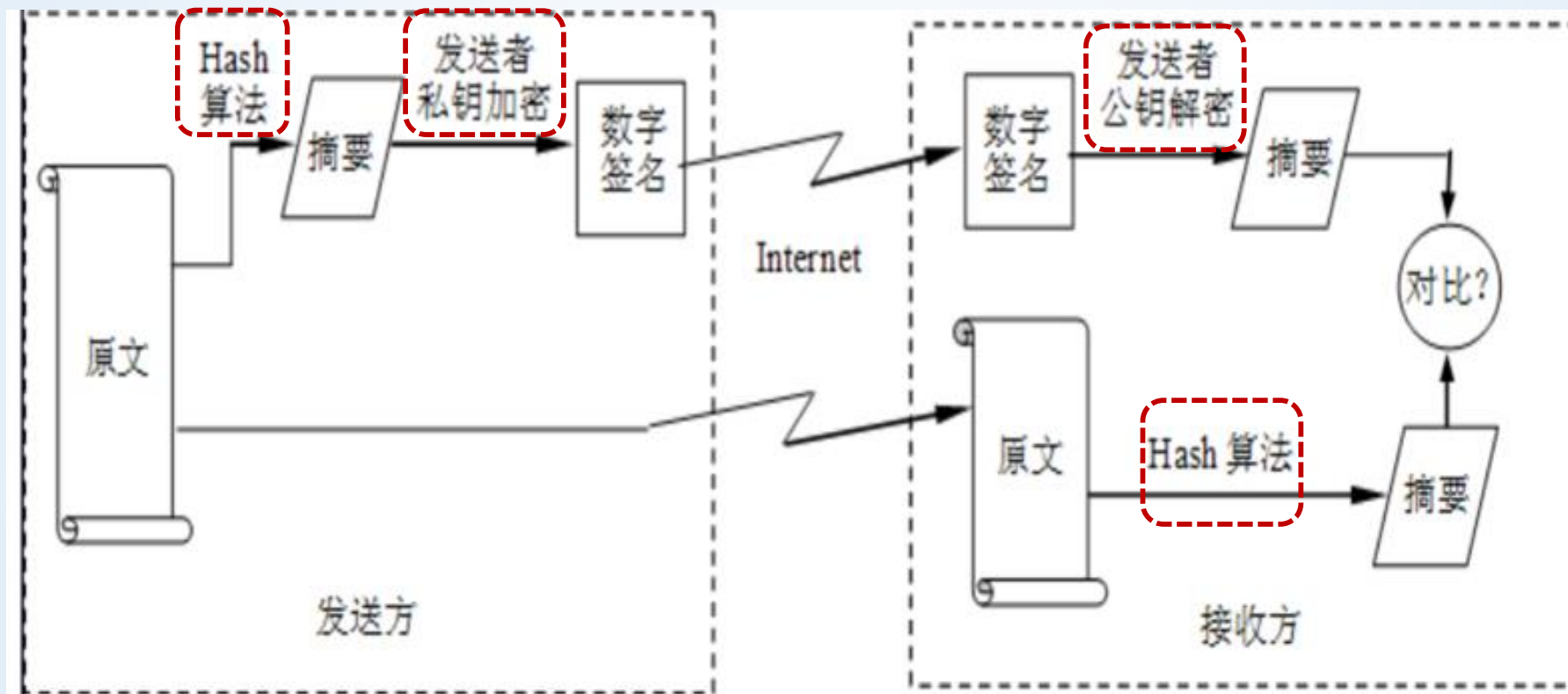
---

- 1、计算一个文件test.txt的摘要（SHA1）；
- 2、对计算出的摘要进行数字签名；
- 3、对数字签名进行验证:
  - 1)test.txt不变，进行验证比对
  - 2)test.txt改变一些字符，进行验证比对



# 实验原理

## 数字签名的原理图



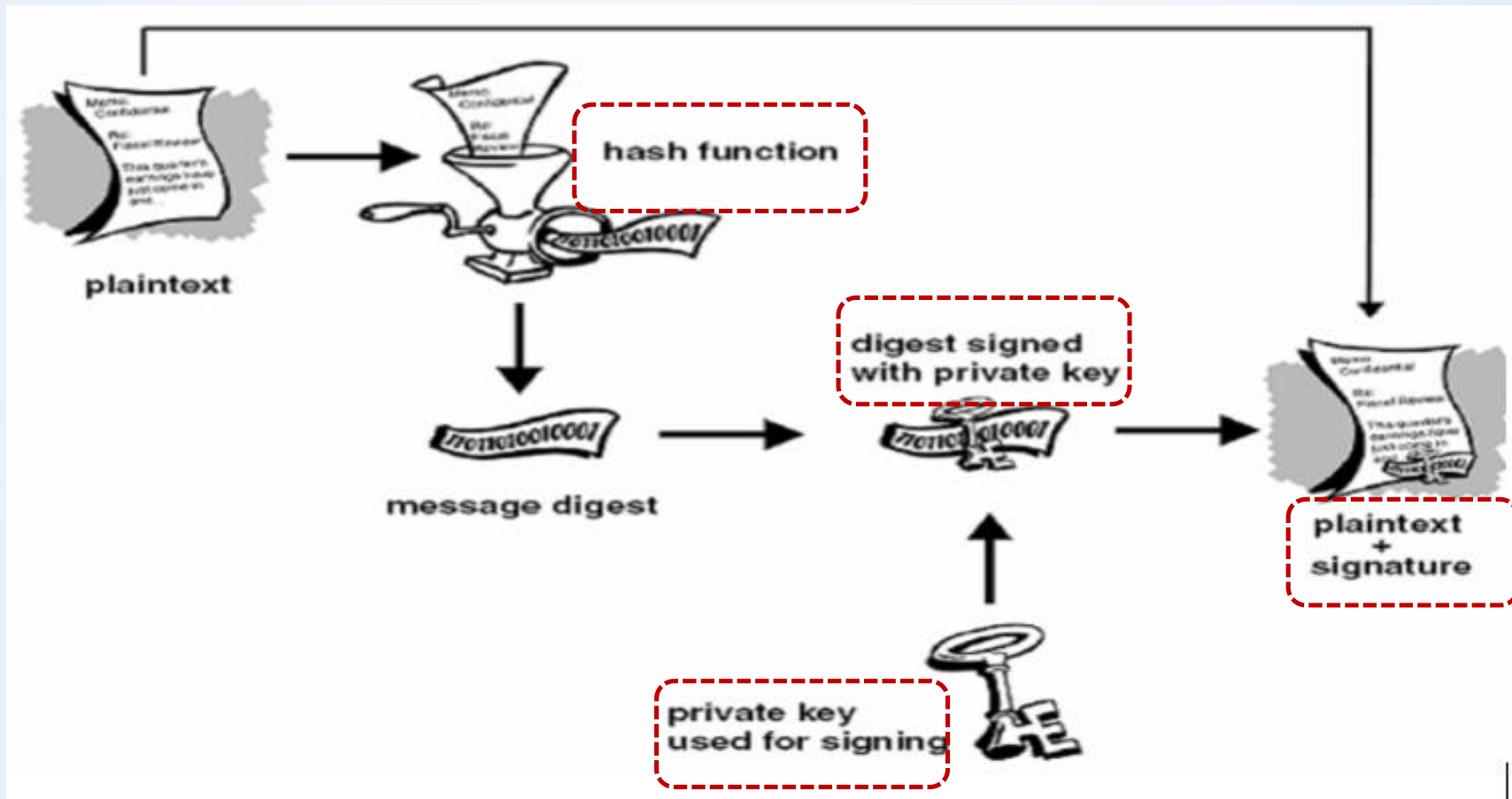


- 适用Hash函数对消息进行编码，将发送文件加密产生160 /128 bit的数字摘要
- 发送方用自己的私钥对摘要加密，形成数字签名；
- 将明文和加密的摘要同时传给对方；
- 接收方用发送方的公共密钥对摘要解密，同时对收到的文件用Hash函数产生同一摘要；
- 将解密后的摘要和收到的文件在接收方重新加密产生的摘要相互 对比，如果两者一致，则说明在传送过程中信息没有被破坏和篡改，否则，则说明信息已经失去安全性和保密性。



# 实验原理

## ➤ 基于RSA的数字签名算法





- 1、选两个保密的大素数 $p$ 和 $q$ ，计算 $n=p \times q$ ， $\varphi(n)=(p-1)(q-1)$ ;
- 2、选一整数 $e$ ，满足 $1 < e < \varphi(n)$ ，且 $\gcd(\varphi(n), e) = 1$ ;
- 3、计算 $d$ ，满足 $d \cdot e \equiv 1 \pmod{\varphi(n)}$ ;
- 4、以 $\{e, n\}$ 为公钥,  $\{d, n\}$ 为私钥。

- 1、选两个保密的大素数 $p$ 和 $q$ ，计算 $n=p \times q$ ， $\varphi(n)=(p-1)(q-1)$ ;
- 2、选一整数 $e$ ，满足 $1 < e < \varphi(n)$ ，且 $\gcd(\varphi(n), e) = 1$ ;
- 3、计算 $d$ ，满足 $d \cdot e \equiv 1 \pmod{\varphi(n)}$ ;
- 4、以 $\{e, n\}$ 为公钥,  $\{d, n\}$ 为私钥。



## 实验原理

### ➤ RSA的数字签名算法---签名算法

设消息为  $m \in \mathbb{Z}_n$ ，对其签名为

$$s = \text{Sig}_{s_k}(m) \equiv m^d \pmod{n}$$



$$s = \text{Sig}_{s_k}(H(m)) \equiv H(m)^d \pmod{n}$$

消息  $m$  的签名为  $s$

注意：加入Hash函数的RSA数字签名更安全





## 实验原理

### ➤ RSA的数字签名算法---验证算法

接收方在收到消息 $m$ 和签名 $s$ 后，验证

$$m \stackrel{?}{\equiv} s^e \bmod n$$



加入了Hash函数的验证算法

$$H(m) \stackrel{?}{\equiv} s^e \bmod n$$

如果等式成立，则 $s$ 是消息 $m$ 的有效签名；反之，则是无效签名。



## 实验内容

- 1、计算一个文件test.txt的摘要（SHA1/MD5）；
- 2、对计算出的摘要进行数字签名；
- 3、对数字签名进行验证：
  - 1)test.txt不变，进行验证比对
  - 2)test.txt改变一些字符，进行验证比对
- 4、要求：可调用大整数库，但是不能直接调用RSA接口。

<https://blog.csdn.net/yang889999888/article/details/73442356>

大家可参考大整数运算库gmp安装及使用



# 实验要求

## ➤ 截止时间

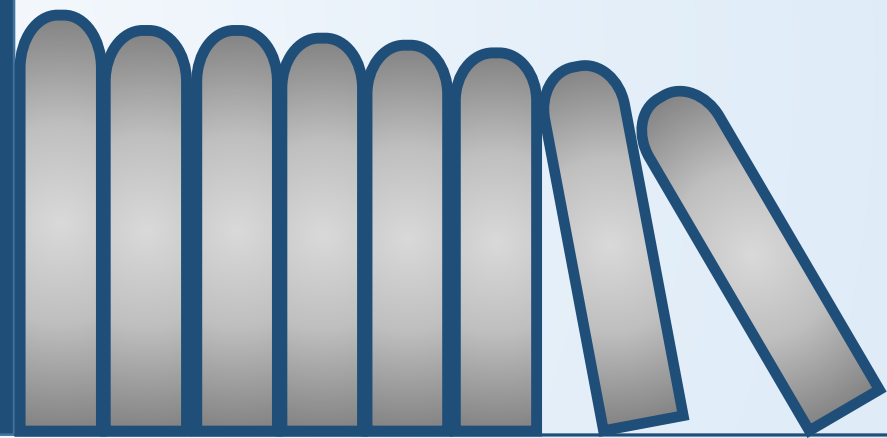
- ① 两周时间内提交 (2020-12-20 00:00)
- ② 平台链接 <http://10.249.182.83:8000/#/login>

用户名/密码: 学号/学号  
初次登录, 请修改密码!

## ➤ 提交内容

- ① 将源码和截图文件打成zip包上传
- ② 以学号\_姓名命名

谢谢





### ➤ 数字签名的密钥生成过程

- 1、设 $512 \leq L \leq 1024$ 且 $L$ 是64的倍数，选取 $2^{L-1} < p < 2^L$ 大素数，其满足存在160比特的素数 $q | p-1$
- 2、随机选取整数 $h$ ， $1 < h < p-1$ 且使 $g = h^{(p-1)/q} \bmod p > 1$ ， $q$ ， $p$ 和 $g$ 公开；
- 3、随机选取整数 $x$ ， $1 \leq x \leq q-1$ ，计算 $y = g^x \bmod p$ 。
- 4、公钥为 $y$ ，私钥为 $x$



### ➤ 签名算法

对于消息 $m$ ，首先随机选取一个整数 $k$ ,  $1 \leq k \leq p-2$ ，然后计算：

$$r = g^k \bmod p \bmod q ,$$

$$s = (h(m) + xr)k^{-1} \bmod q,$$

则 $m$ 的签名为 $(r, s)$ ，其中 $h$ 为Hash函数SHA。



接收方在收到消息 $m$ 和签名 $(r,s)$ 后，计算

$$u_1 = h(m)s^{-1} \bmod q$$

$$u_2 = rs^{-1} \bmod q$$

## 验证等式

$$g^{u_1}y^{u_2} \bmod p \bmod q = r$$

- 如果等式成立，则(r,s)是消息m的有效签名；反之，则是无效签名。



## 实验原理

因为

$$u_1 + xu_2 \bmod q = (h(m) + xr)s^{-1} \bmod q = k$$

所以

$$g^{u_1}y^{u_2} \bmod p \bmod q = g^{u_1 + xu_2} \bmod p \bmod q$$

$$= g^k \bmod p \bmod q = r$$