1. กำหนดให้เมตริกซ์ A และ B เป็นดังนี้

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 2 & 0 \\ 3 & 0 & 3 & 0 \\ 4 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} -1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

- 1.1 จงแสดงวิธีการคูณเมตริกซ์ A และ B แบบแบ่งเมตริกซ์ย่อยพร้อมนับจำนวนครั้งของการคูณ
- 1.2 จงแสดงวิธีการคูณเมตริกซ์ A และ B แบบอัลกอริทึม Strassen พร้อมนับจำนวนครั้งของการคูณ
- 1.3 จาก Pseudo Code ต่อไปนี้ จงเขียนโปรแกรมเพื่อหาผลคูณของเมตริกซ์ A และเมตริกซ์ B เก็บผลลัพธ์ใน เมตริกซ์ C

Input:
$$A = \begin{pmatrix} A_{11} & A_{12} \\ A_{21} & A_{22} \end{pmatrix}$$
 and $B = \begin{pmatrix} B_{11} & B_{12} \\ B_{21} & B_{22} \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^{n \times n}$

1: if $n = 1$ then

2: $C = A \cdot B$

3: else

4: $M_1 = (A_{11} + A_{22}) \cdot (B_{11} + B_{22})$

5: $M_2 = (A_{21} + A_{22}) \cdot B_{11}$

6: $M_3 = A_{11} \cdot (B_{12} - B_{22})$

7: $M_4 = A_{22} \cdot (B_{21} - B_{11})$

8: $M_5 = (A_{11} + A_{12}) \cdot B_{22}$

9: $M_6 = (A_{21} - A_{11}) \cdot (B_{11} + B_{12})$

10: $M_7 = (A_{12} - A_{22}) \cdot (B_{21} + B_{22})$

11: $C_{11} = M_1 + M_4 - M_5 + M_7$

12: $C_{12} = M_3 + M_5$

13: $C_{21} = M_2 + M_4$

14: $C_{22} = M_1 - M_2 + M_3 + M_6$

ข้อมูลนำเข้า

บรรทัดที่ 1 จำนวนเต็ม n แทนขนาดของเมตริกซ์ A และ B โดยที่ 2 <= n <= 10 n+1 บรรทัดถัดไป แต่ละบรรทัดประกอบไปด้วยรายการคอลัมน์ของเมตริกซ์ A คั่นด้วยช่องว่าง โดยมีค่า อยู่ระหว่าง -10 ถึง 10

n+1 บรรทัดถัดไป แต่ละบรรทัดประกอบไปด้วยรายการคอลัมน์ของเมตริกซ์ B คั่นด้วยช่องว่าง โดยมีค่า อยู่ระหว่าง -10 ถึง 10

ข้อมูลส่งออก

n+1 บรรทัดถัดไป แต่ละบรรทัดประกอบไปด้วยรายการคอลัมน์ของเมตริกซ์ C ซึ่งเกิดจากการคูณ A และ B คั่นด้วยช่องว่าง

การบ้าน Divide and Conquer Part 2

ตัวอย่างข้อมูลนำเข้า	ตัวอย่างข้อมูลส่งออก
4	-1 1 1 1
1 0 1 0	-2 2 2 2
2 0 2 0	-3 3 3 3
3 0 3 0	-4 4 0 0
4 0 0 0	
-1 1 0 0	
1 1 0 0	
0 0 1 1	
1 1 0 0	

- 2. กำหนดให้ P = { (7, 2), (3, 1), (9, 3), (4, 5), (1, 4), (6, 9), (2, 6), (5, 7), (8, 6) } จงวาด recursive tree เพื่อแสดงขั้นตอนการค้นหา maxima set ด้วยวิธี divide and conquer พร้อมหาจำนวนครั้งทั้งหมดในการ เปรียบเทียบแต่ละสมาชิกของเซตย่อย M1 และ M2 เพื่อรวมคำตอบ
- 3. จากอัลกอริทึม Karatsuba ด้านล่าง

Multiply(a,b):

- 1. WLOG assume n = length(a) = length(b), can pad 0's for shorter number
- 2. if $length(a) \le 1$ then return a * b
- 3. Partition a,b into $a = a1 * 10^{n/2} + a2$ and $b = b1 * 10^{n/2} + b2$
- 4. A = Multiply(a1, b1)
- 5. B = Multiply(a2, b2)
- 6. C = Multiply(a1 + a1, b1 + b2)
- 7. Return $A * 10^n + (C A B) * 10^{n/2} + B$
- 3.1 จงวิเคราะห์เวลา T(n) เมื่อ n เป็นจำนวนหลักของเลข a และ b
- 3.2 จงเขียนโปรแกรมเพื่อแสดงผลคูณของ a = 4568 และ b = 3275 พร้อมแสดงขั้นตอนในแต่ละ step อย่าง ละเอียด













