

## CHAPITRE

## 2

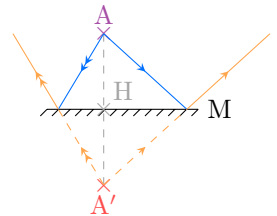
# MIROIRS ET DIOPTRES PLANS

## Exercices d'application

### Exercice 1) Miroir plan et tracé des rayons

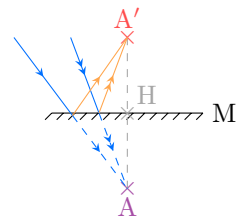
#### 1) 1-

On a intersection des rayons incidents avant le miroir, c'est un objet réel. L'image de cet objet par le miroir est son symétrique par rapport au plan du miroir : elle est virtuelle. Les rayons émergents passent par cette image (mais sont en pointillés derrière le miroir).



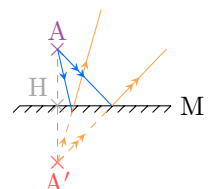
#### 1) 2-

Les rayons incidents se croisent après le miroir. On a un objet virtuel. Son image par le miroir plan est son symétrique par rapport au plan du miroir. C'est donc une image réelle (au-dessus du miroir). Les rayons émergents passent par cette image.



#### 1) 3-

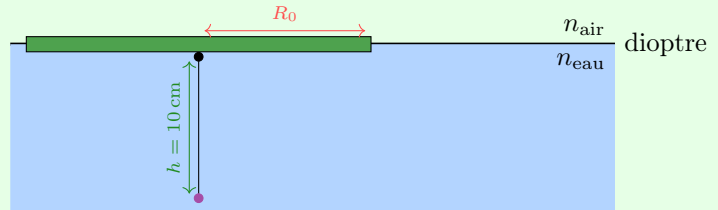
Ici on a des rayons émergents. Leur intersection est, par définition, le point image. Elle se fait derrière le miroir : c'est un image virtuelle. On obtient l'objet associé en en faisant le symétrique par rapport au plan du miroir : il est donc au-dessus, et c'est un objet réel.



## Exercice 2) Une grenouille intelligente

### Données

Pour une hauteur de grenouille fixée, il y a une taille de nénuphar permettant à tous les rayons partant de la grenouille de ne pas traverser le dioptre.



### But à atteindre

Origine physique de ce phénomène et traduction mathématique.

### Outils du cours

Loi de Snell-Descartes :

$$n_1 \sin i_1 = n_2 \sin i_2$$

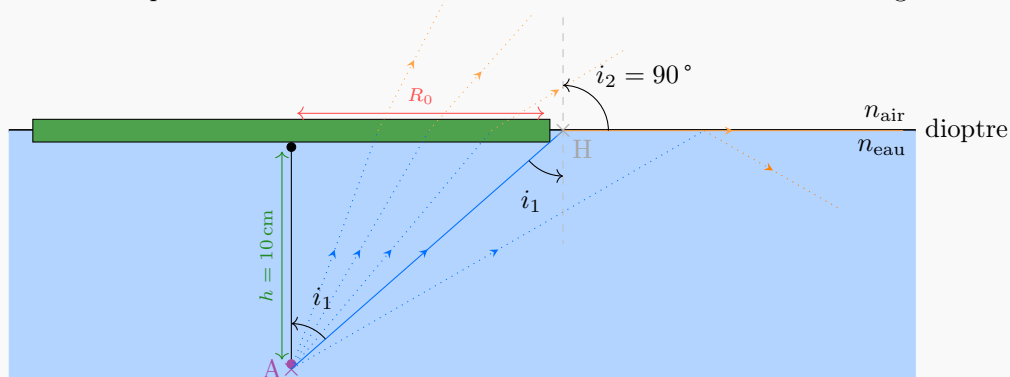
et angle limite de réfraction, tel que :

$$n_1 \sin i_\ell = n_2 \sin 90^\circ = n_2$$

qui indique que pour  $n_1 > n_2$ , il y a un angle d'incidence à partir duquel il n'y a pas de rayon réfracté (les rayons réfractés font un angle de  $90^\circ$  avec la normale et sont donc parallèles au dioptre).

### Application

Pour que les pieds de la grenouille ne soient pas visibles par un prédateur situé en-dehors de l'eau, c'est-à-dire au-dessus du dioptre, il faut simplement qu'il n'y ait pas de rayon partant de ses pieds et qui puissent sortir de l'eau : il faut que tous les rayons avec un angle d'incidence plus faible que cet angle limite soient bloqués par le nénuphar. C'est possible puisqu'on est dans une situation où le rayon passe dans un milieu **moins réfringent**, i.e.  $n_2 < n_1$ . En effet, dans cette situation il y a une inclinaison du rayon incident qui implique que le rayon émergent est parallèle à la surface, et tous les rayons au-delà de cet angle limite sont tous réfléchis. Un beau, grand schéma avec toutes les données reportées dessus mène naturellement à l'utilisation de formules trigonométriques de 4<sup>ème</sup>.



On voit ici qu'une simple fonction tan permet d'exprimer  $R_0$  :

$$\tan i_1 = \frac{R_0}{h} \quad (2.1)$$

Seulement on n'a pas encore la valeur de  $i_1$ . Or, on a déterminé que pour fonctionner l'astuce de la grenouille est

d'avoir  $i_1 = i_\ell$ , et d'après le cours :

$$n_{\text{eau}} \sin i_\ell = n_{\text{air}} \quad (2.2)$$

$$\Leftrightarrow i_\ell = \text{asin} \frac{n_{\text{air}}}{n_{\text{eau}}} \quad (2.3)$$

On peut donc écrire, avec 2.1 et 2.3 :

$$R_0 = h \times \tan \left( \text{asin} \frac{n_{\text{air}}}{n_{\text{eau}}} \right) \quad \text{avec} \quad \begin{cases} h = 10,0 \text{ cm} \\ n_{\text{air}} = 1 \\ n_{\text{eau}} = 1.33 \end{cases} \quad (2.4)$$

et finalement,

$$R_0 = 11,4 \text{ cm} \quad (2.5)$$

### Conseil

Pour retenir vos formules trigonométriques, un moyen mnémotechnique :

CAH SOH TOA

pour

$$\cos \alpha = \frac{\text{adjacent}}{\text{hypothénuse}} \quad \sin \alpha = \frac{\text{opposé}}{\text{hypothénuse}} \quad \tan \alpha = \frac{\text{opposé}}{\text{adjacent}}$$

### Important !

La deuxième plus grosse erreur facile à faire mais cette fois pire que **tout**, c'est d'oublier que :

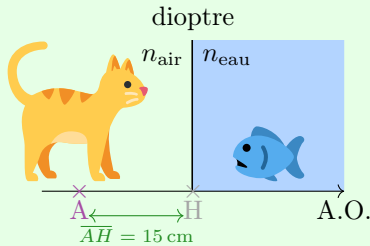
**Les angles de la relation de Descartes sont définis entre les rayons et la normale au dioptre !**

Il ne faut pas prendre la surface du dioptre comme référence pour définir des angles.

## Exercice 3) Le chat et le poisson

## Données

- 1) Aquarium  $\equiv$  dioptre plan ;
- 2)  $n_{\text{eau}} = 1.33$ ,  $n_{\text{air}} = 1$  ;
- 3)  $\overline{HA} = -15$  cm.



## Résultats attendus

- 1) Sachant que le poisson observe la lumière partant du chat (point A), que vaut  $\overline{HA'}$  ?
- 2) Sachant que le chat observe la lumière partant du poisson (point A), que vaut  $\overline{HA'}$  ?

## Outils du cours

Relation de conjugaison pour un objet A dans un milieu d'indice  $n_1$ , dont l'image A' est dans un milieu d'indice  $n_2$  :

$$\frac{\overline{HA'}}{\overline{HA}} = \frac{n_2}{n_1}$$

ou

$$\frac{\overline{HA'}}{n_2} - \frac{\overline{HA}}{n_1} = 0$$

ou

$$0 = \frac{n_2}{\overline{HA'}} - \frac{n_1}{\overline{HA}}$$

qui ressemble « bizarrement » à la relation de conjugaison pour une lentille mince...

## Application

- 1) Dans ce cas, A, le chat, est dans un milieu d'indice  $n_1 = 1$  ; son image par le dioptre plan donne A' dans le milieu d'indice  $n_2 = n_{\text{eau}} = 1.33$ . On prend le sens de la lumière de l'objet à l'observateur, donc ici de gauche à droite. On adapte la relation de conjugaison :

$$\overline{HA'} = n_{\text{eau}} \overline{HA} = -22,5 \text{ cm}$$

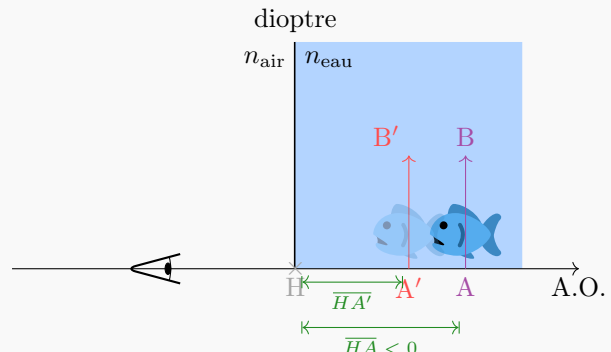
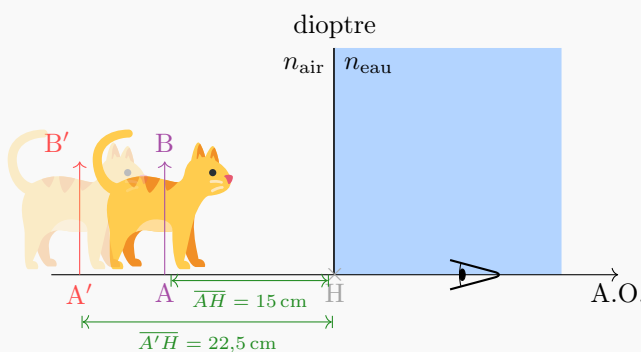
Ainsi, du point de vue du poisson, le chat est plus loin qu'il ne l'est vraiment.

- 2) Dans ce cas, A, le poisson, est dans un milieu d'indice  $n_1 = n_{\text{eau}} = 1.33$ , et son image par le dioptre donne A' dans l'air d'indice  $n_2 = n_{\text{air}} = 1$ . Ici le sens de propagation est de droite à gauche. On réutilise la relation de conjugaison :

$$\overline{HA'} = \frac{\overline{HA}}{n_{\text{eau}}} > \overline{HA}$$

En effet, puisqu'on a posé le sens de propagation de droite à gauche,  $\overline{HA} < 0$ , et donc  $\overline{HA'} > \overline{HA}$  comme  $n_{\text{eau}} > 1$ . Cela signifie que du point de vue du chat, le poisson est plus près du dioptre qu'il ne l'est vraiment.

## Schémas



**Conseils**

Réécrire les formules telles que vous les avez apprises en cours, **puis** inclure les données de l'énoncé une par une pour éviter les erreurs...

**Important**

- 1) Ne pas se tromper sur le caractère algébrique des grandeurs ;
- 2) Bien identifier quelle est la source, quel est l'observatoire.

# Exercices d'entraînement

## Exercice 6) Lois de Snell-Descartes

Cet exercice est d'une simplicité absolue. Et pourtant...

### Données

- 1) Rayon incident sur un dioptre entre air et milieu d'indice  $n$  : angle avec le dioptre de  $56^\circ$  ;
- 2) Différence d'angle entre rayon incident et réfléchi (« déviation ») de  $13,5^\circ$ .

### Résultat attendu

Indice du liquide.

### Outils du cours

Loi de Snell-Descartes :

$$n_1 \sin i_1 = n_2 \sin i_2$$

avec  $n_1$  l'indice du milieu d'indidence,  $n_2$  celui du milieu de réfraction,  $i_1$  l'angle d'incidence et  $i_2$  l'angle de réfraction.

### Application

Un bon schéma fait attentivement est **nécessaire** ici. En effet, les angles donnés ne sont pas ceux qu'on utilise dans la relation de Snell-Descartes.

En appelant  $i$  l'angle entre le rayon et le dioptre, on a

$$i + i_1 = 90^\circ$$

et en appelant  $D$  la déviation entre les deux rayons, on a

$$i + 90^\circ + i_2 + D = 180^\circ$$

On se débrouille pour trouver  $n_2$  sachant qu'on a  $i_1 = 34^\circ$  et  $i_2 = 20,5^\circ$ . On trouve

$$n_2 = 1.6$$