I Détermination de l'état final

On appelle Ka_1 la constante d'acidité du couple $CH_3COOH_{(aq)}/CH_3COO^-$ et Ka_2 la constante du couple formé par l'ion ammonium et l'ammoniac. Le produit ionique de l'eau est noté Ke.

- 1. Soit K_1 la constante de la réaction $OH^- + CH_3COOH_{(aq)} = H_2O + CH_3COO^-$. Exprimer la constante K_1 en fonction des concentrations à l'équilibre. En déduire l'expression de K_1 en fonction des constantes définies dans le préambule. Faire l'application numérique. Préciser si la réaction est quantitative.
- 2. On forme la solution S_1 avec 3 mmol de soude (Na⁺ + OH⁻), 2 mmol de CH₃COOH_(aq), on complète avec de l'eau distillée pour obtenir 0,1 L de solution. Placer les couples pertinents sur un axe gradué en pKa. Entourer les espèces présentes initialement. En déduire la réaction prépondérante, faire un tableau d'avancement volumique puis calculer les concentrations de OH⁻, de CH₃COOH_(aq) et CH₃COO⁻ à l'équilibre.
- 3. Équilibrer la réaction de CH_3COO^- sur l'ion ammonium (le coefficient stoechiométrique de CH_3COO^- sera pris égal à un). On note K_2 la constante d'équilibre de cette réaction. Sans aucun calcul, préciser si la constante K_2 est-elle supérieure ou inférieure à un. Justifier. Exprimer K_2 en fonction des constantes définies dans le préambule. Faire l'application numérique. Préciser si la réaction est quasi-totale, quasi-nulle ou équilibrée.
- 4. On forme la solution S_2 avec 4 mmol de (Na⁺ + CH₃COO⁻), 1 mmol de chlorure d'ammonium, on complète avec de l'eau distillée pour obtenir 0,1 L de solution. Placer les couples sur un axe gradué en pKa. En déduire la réaction prépondérante, faire un tableau d'avancement volumique puis calculer les concentrations de CH₃COO⁻, de CH₃COOH_(aq), de l'ammoniac et de l'ion ammonium à l'équilibre.

Données: $pKa_1 = 5$, $pKa_2 = 9$ et pKe = 14.

${ m I} \; \mid \; { m {f Ammoniac}} \; { m et} \; { m acide} \; { m citrique}$

L'ammoniac NH_3 est la base conjuguée de l'ion ammonium. Le pK_a du couple est égal à 9,2.

- 1. Définir la constante d'acidité du couple.
- 2. Construire son diagramme de prédominance.

L'acide citrique, de formule $C_6H_8O_7$, est un triacide. Le diagramme de distribution de ses différentes formes est représenté figure 1.

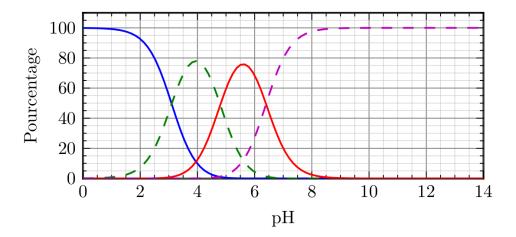


Figure 21.1: Diagramme de distribution des formes acido-basiques de l'acide citrique.

- 3. Attribuer chaque courbe du diagramme à une forme acido-basique dérivant de l'acide citrique.
- 4. En déduire les pK_a successifs et le diagramme de prédominance de l'acide citrique.

On ajoute quelques gouttes d'acide citrique sous sa forme la plus acide à une solution concentrée d'ammoniac.

- 5. Quelles sont les espèces majoritaires dans l'état final?
- 6. En déduire l'équation bilan de la transformation.

${f I} \mid {f Hortensias}$

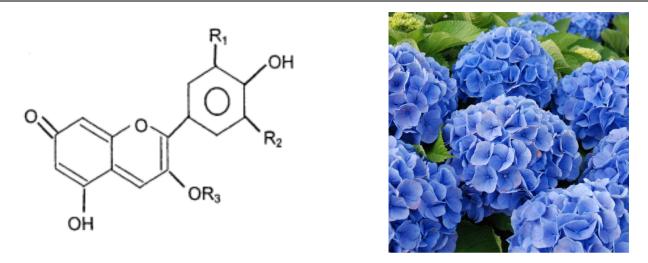


Figure 21.1: Molécule d'anthocyanines à gauche et hortensias bleues à droite.

Certaines fleurs, comme celles des hortensias, possèdent des couleurs variées dues à des pigments naturels. Les couleurs rouge, mauve, violette et bleue viennent de la présence d'anthocyanines dans les pétales. La couleur violette est due à la molécule suivante que l'on notera HA dans la suite de l'exercice. L'espèce HA peut appartenir à deux couples : H_2A^+ / HA de $pK_{a1}=4,3$ et HA / A^- de $pK_{a2}=7$. L'espèce H_2A^+ est rouge, l'espèce HA est violette et l'espèce A^- est bleue. On rappelle que $pK_e=14$.

- 1. Donner la définition d'un acide selon Brønsted. Préciser dans chacun des 2 couples la forme acide et la forme basique.
- 2. Écrire l'équation de la réaction de HA en tant qu'acide avec l'eau. Donner l'expression de la constante d'équilibre de cette réaction. Comment appelle-t-on cette constante ? Donner sa valeur.

Le pH d'une solution contenant HA est de 10.

3. À partir de l'expression de K, évaluer littéralement, puis calculer le rapport :

$$\frac{[\mathrm{A}^-]_{\mathrm{eq}}}{[\mathrm{HA}]_{\mathrm{eq}}}$$

- 4. En déduire l'espèce prédominante. Conclure sur la couleur de la solution.
- 5. Ecrire l'équation de la réaction de HA en tant que base avec l'eau.
- 6. Donner l'expression de la constante d'équilibre K' de cette réaction. Quelle est la relation entre K_{a1} et K'?
- 7. Placer sur un diagramme les domaines de prédominance des espèces H₂A⁺, HA et A⁻ suivant les valeurs du pH. Pourquoi les fleurs d'hortensias peuvent-elles elles changer de couleur suivant la nature du sol ?

I | Réaction entre deux couples différents

On donne : $pK_A(NH_4^+/NH_3) = 9.2$, $pK_{A1}(H_2S/HS^-) = 7$ et $pK_{A2}(HS^-/S^{2-}) = 13$.

1. Écrire les équations des réactions sur l'eau des acides faibles cités ci-dessus.

Domaines de prédominance :

2. Construire le diagramme de prédominance des trois couples sur le même axe de pH. Justifier la construction en démontrant pour quelles valeurs du pH l'ion ammonium est prédominant sur l'espèce ammoniaque.

On introduit dans 100ml de solution 1mmol de sulfure d'ammonium (NH₄)₂S.

- 3. Les ions ammonium $\mathrm{NH_4}^+$ et sulfure S^{2-} peuvent-ils coexister en solution ? Justifier.
- 4. Il se produit donc une réaction acide-base : laquelle ?
- 5. Calculer la constante d'équilibre K de cette réaction. Conclure.
- 6. Calculer la concentration molaire des espèces $\mathrm{NH_4}^+$, $\mathrm{NH_3}$ et HS^- à l'équilibre.
- 7. Quel est le pH final de la solution?
- 8. Calculer la concentration molaire des espèces ${\rm H_2S}$ et ${\rm S^{2-}}$.

Khôlles MPSI – semaine 21

Sujet 5

I | Mélange d'un acide fort et d'une base forte

On mélange dans un bécher un volume $V=10\mathrm{ml}$ de solution d'acide chlorhydrique à la concentration $C=0,1\mathrm{mol}/\mathrm{l}$ avec le même volume V de solution de soude (ou hydroxyde de sodium) à la même concentration.

1. Quelle est la valeur lue sur le pHmètre à l'équilibre du système ?

I \mid Déphosphatation des eaux

Une teneur élevée en phosphore a des conséquences écologiques néfastes comme l'eutrophisation des lacs. Pour éviter cet inconvénient différents procédés sont mis en oeuvre pour réduire la teneur en phosphore dans les eaux à la sortie des stations d'épuration. Un procédé envisageable consiste à précipiter le phosphore sous forme de struvite de formule $MgPO_4NH_4(s)$.

Un effluent aqueux contient une concentration totale en phosphore $C_P = [\mathrm{H_3PO_4}] + [\mathrm{H_2PO_4}^-] + [\mathrm{HPO_4}^{2-}] + [\mathrm{PO_4}^{3-}] = 4 \times 10^{-3} \,\mathrm{mol} \cdot \mathrm{L}^{-1}$ et une concentration totale $C_N = [\mathrm{NH_4}^+] + [\mathrm{NH_3}] = 15 \times 10^{-3} \,\mathrm{mol} \cdot \mathrm{L}^{-1}$ d'azote. Le pH de cet effluent est maintenu égal à 9,2.

On introduit, sans modification de volume, du chlorure de magnésium $MgCl_2$, sel totalement soluble dans les conditions utilisées, afin d'entrainer la précipitation du phosphate PO_4^{3-} en struvite.

Données: (à 25 °C)

- Produit ionique de l'eau $Ke = 10^{-14}$
- Constantes d'acidité

```
 \begin{split} & - \left. \left. \left. H_{3} P O_{4} \right/ H_{2} P O_{4}^{-} : K a_{1} = 10^{-2,1} \right. ; \\ & - \left. \left. H_{2} P O_{4}^{-} \right/ H P O_{4}^{2-} : K a_{2} = 10^{-7,2} \right. ; \\ & - \left. \left. H P O_{4}^{2-} \right/ P O_{4}^{3-} : K a_{3} = 10^{-12,4} \right. ; \\ & - \left. \left. N H_{4}^{+} \right/ N H_{3} : K a_{4} = 10^{-9,2} \end{split}
```

- Equilibre de dissolution de la struvite : $MgPO_4NH_{4(s)} = Mg^{2+} + PO_4^{3-+}NH_4^+$; Produit de solubilité de la struvite : $Ks = 10^{-11}$
- Masse molaire du chlorure de magnésium : $M(MgCl_2) = 95 \text{ g/mol}$
- 1. A quelle condition sur la concentration initiale en $\mathrm{Mg^{2+}}$ observe-t-on la précipitation de la struvite ? En déduire la masse minimale m_{min} de chlorure de magnésium que l'on doit introduire dans $5\,\mathrm{m^3}$ d'effluent pour faire apparaître le précipité de struvite.

I | Solubilités comparées

- 1. Calculer la solubilité du chlorure d'argent AgCl dont le produit de solubilité vaut : p $K_{s1} = 9.7$?
- 2. Calculer celle du chromate d'argent, ${\rm Ag_2CrO_4}$ avec ${\rm pK_{s2}=12}.$
- 3. Quel est le composé le plus soluble ?
- 4. Pouvait-on le prévoir en comparant les constantes de solubilité ?

Diagramme d'existence de l'hydroxyde d'aluminium

Pour simplifier, on suppose que l'aluminium apparaît uniquement sous trois formes : l'ion aluminium III (Al^{3+}) , l'hydroxyde d'aluminium $(Al(OH)_3(s))$ et le complexe $[Al(OH)_4]^-$.

- 1. Exprimer la constante de formation globale du complexe $[Al(OH)_4]^-$ en fonction des concentrations à l'équilibre. Écrire la réaction correspondante.
- 2. Exprimer le produit de solubilité de $Al(OH)_3$ (s) en fonction des concentrations à l'équilibre. Écrire la réaction correspondante.
- 3. Soit K₁ la constante d'équilibre de la réaction

$$Al(OH)_3(s) + 3H_3O^+ = Al^{3+} + 6H_2O$$

Exprimer K_1 en fonction des données. Calculer numériquement $\log(K_1)$.

4. Soit K₂ la constante d'équilibre de la réaction

$$Al(OH)_3 (s) + OH^- = [Al(OH)_4]^-$$

Exprimer K_2 en fonction des données. Calculer numériquement $\log(K_2)$.

On réalise l'expérience suivante : on part d'une solution très acide contenant des ions aluminium III. Le pH de la solution est augmenté progressivement par ajout de soude concentrée. Pour $pH = pH_1$, un précipité apparaît. Le précipité disparaît ensuite pour $pH = pH_2$.

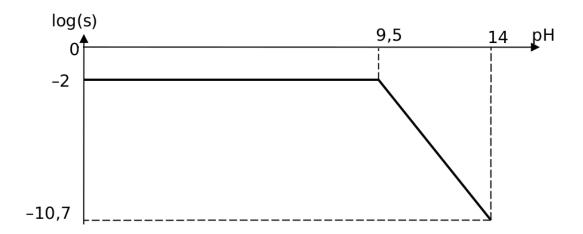
- 5. Exprimer le pH de début de précipitation, soit pH = pH₁, pour une concentration en élément aluminium $c = 10^{-2} \,\mathrm{mol \cdot L^{-1}}$ en négligeant la présence des ions complexes [Al(OH)₄]⁻. (On pourra commencer par calculer [OH⁻]). Faire l'application numérique.
- 6. Calculer numériquement $\log(([Al(OH)_4]^-]))$ à pH = pH₁. Vérifier a posteriori la validité de l'hypothèse consistant à négliger la présence des ions complexes.
- 7. Exprimer le pH de fin de redissolution du précipité, soit pH = pH₂, pour une concentration en élément aluminium $c = 10^{-2}$ mol·L⁻¹ en négligeant la présence des ions Al³⁺. Faire l'application numérique.
- 8. Démontrer qu'à pH = pH₂, $\log ([Al^{3+}]) = -24,2$. L'hypothèse consistant à négliger les ions Al^{3+} est-elle a posteriori valable ?
- 9. Représenter le domaine d'existence de l'hydroxyde d'aluminium sur un axe gradué en pH.

Données:

- Produit ionique de l'eau : $Ke = 10^{-14,0}$
- Constante de précipitation : Ks = Ks (Al(OH)₃ (s)) avec pKs = 32,6
- Constante de complexation : $\beta_4 = \beta_4([Al(OH)_4]^-)$ avec $log(\beta_4) = 33,4$

${ m I}^{-}$ Lecture de diagramme p ${ m S}$

On considère une solution contenant des ions Mg^{2+} de concentration 10^{-2} mol/l, on ajoute petit à petit une solution d'hydroxyde de sodium. On mesure le pH du mélange et on observe l'aspect de la solution. On négligera la dilution due à l'ajout de soude, en supposant par exemple que la soude est concentrée. On appelle s la solubilité de l'hydroxyde de magnésium solide qui est égale ici à la concentration en ions Mg^{2+} dissous et on trace $\log(s)$ en fonction du pH :



- 1. Quelle est la réaction de précipitation étudiée ?
- 2. Comment varie la solubilité s sur l'axe vertical?
- 3. Interpréter les deux parties de la courbe et en déduire la valeur de la constante d'équilibre de la réaction.
- 4. Citer deux facteurs influençant la précipitation de Mg(OH)₂ ou de n'importe quel solide.

I \mid Précipitation du sulfure de zinc

Le sulfure de dihydrogène H_2S en solution aqueuse est un diacide faible. On donne :

- couple $H_2S/HS^-: pK_{a1} = 7$
- couple $HS^-/S^{2-}: pK_{a2} = 13.$
- 1. Écrire les deux réactions associées aux constantes d'acidité des deux couples. Tracer le diagramme de prédominance.
- 2. Déterminer le pH d'une solution de H₂S de concentration $C_0 = 1 \times 10^{-2} \,\mathrm{mol} \cdot \mathrm{L}^{-1}$.
- 3. En faisant barboter du sulfure de dihydrogène dans l'eau, on réalise une solution saturée. La concentration dissoute est alors constante quelle que soit la valeur du pH :

$$[H_2S]_{dissout} = 10^{-1} \text{ mol} \cdot L^{-1} \quad \forall pH$$

On fait varier le pH par ajout d'acide ou de base forte. On supposera le volume V de la solution constante. Exprimer $\log[S^{2-}]$ en fonction du pH.

4. L'ion Zn^{2+} précipite en présence d'ion sulfure pour former du sulfure de zinc ZnS de $pK_s=22$. On ajoute des ions Zn^{2+} en concentration $[\operatorname{Zn}^{2+}]=1\times 10^{-2}\,\mathrm{mol}\cdot\mathrm{L}^{-1}$ à la solution précédente. Déterminer le pH de début de précipitation. On considère que l'ion a totalement précipité lorsque sa concentration atteint un centième de sa concentration initiale. Déterminer le pH de fin de précipitation.