Devoir maison 2 – À rendre le 6 janvier 2025 – Facultatif

## Nature de deux filtres – corrigé

- 1) Pour le premier circuit, on obtient  $\underline{u}_s = 0$  en BF et HF, il s'agit donc à priori d'un filtre passe bande. Pour le deuxième, on a  $\underline{u}_s = 0$  en BF (bobine équivalente à un fil) puis  $\underline{u}_s = \underline{u}_e$  en HF (condensateur équivalent à un fil et bobine à un fil). Il s'agit donc d'un filtre passe haut.
- 2) Pour le filtre passe bande, on sait que les asymptotes BF et HF se croisent lorsque  $\omega = \omega_0$  donc  $\omega_0 = 10^4 \ rad$ . Le gain max en dB est obtenue à résonance et vaut ici -6dB ce qui donne  $G_0 = 10^{-6/20} \approx 0.5$ .

Les deux asymptotes ont pour expression  $G_{dB,BF} = 20 \log(G_0) + 20 \log(x) - 20 \log(Q)$  et  $G_{dB,HF} = 20 \log(G_0) - 20 \log(x) - 20 \log(Q)$  avec  $x = \omega/\omega_0$ . Ces asymptotes se croisent bien lorsque x = 1 avec une ordonnée de  $20 \log(G_0/Q) \approx -20 \ dB$  par lecture graphique. On en déduit que  $G_0/Q \approx 0.1 \Rightarrow Q = G_0/0.1 \approx 5$ .

Pour le filtre passe haut, on observe de même que les asymptotes BF  $(G_{dB,BF} = 20 \log(G_0) + 40 \log(x))$  et HF  $(G_{dB,HF} = 20 \log(G_0))$  se croisent lorsque x = 1 soit lorsque  $\omega = \omega_0 \approx 400 \ rad.s^{-1}$ . Le gain HF étant nul, on en déduit que  $G_0 = 1$ .

Pour finir, on sait que  $G_{db}(x=1)=20\log(G_0Q)\approx 20~dB$  par lecture graphique, on en déduit que  $Q=10/G_0\approx 10$ .

- 3) Seul le deuxième harmonique (pulsation  $5\omega$ ) se trouve dans la bande passante donc on obtiendra un signal quasi harmonique de pulsation  $5\omega = \omega_0$
- 4) Cette fois ci, l'ensemble du spectre se trouve dans une zone où le filtre à un comportement de type intégrateur. On obtiendra alors une primitive du signal créneau soit un signal triangulaire.