

Oscillateurs en régime sinusoïdal forcé

I Introduction

A Rappels oscillateurs

Comme nous l'avons vu au chapitre 4, les oscillateurs amortis caractérisés par une grandeur physique x sont régis par une équation du type :

$$\ddot{x} + \frac{\omega_0}{Q} \dot{x} + \omega_0^2 x = \omega_0^2 x_{\text{eq}}$$

Dans le cadre d'un signal d'entrée sinusoïdal $f(t) = A_0 \cos(\omega t)$ avec une pulsation ω (i.e. une fréquence $\omega/2\pi$), cette équation devient

$$\ddot{x} + \frac{\omega_0}{Q} \dot{x} + \omega_0^2 x = \omega_0^2 f(t) = \omega_0^2 A_0 \cos(\omega t)$$

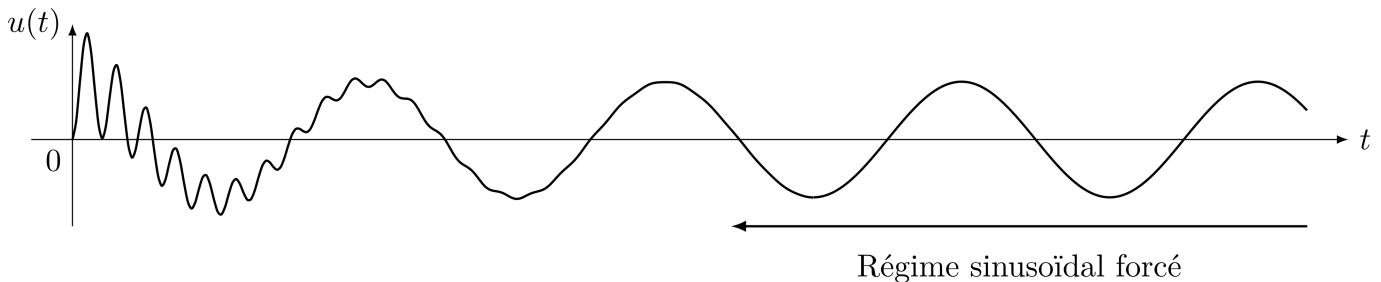
avec A_0 l'amplitude du forçage.

De la même manière qu'avec une excitation constante ($f(t) = E$ en échelon montant), la solution de cette équation différentielle sera la somme d'une solution homogène, caractéristique d'un régime transitoire, et d'une solution particulière. On a vu que celle-ci prendrait la même forme que le signal d'entrée, et sera donc également sinusoïdale. On a donc

$$x(t) = x_H(t) + x_P(t)$$

$$\boxed{x_H(t) \xrightarrow[t \rightarrow +\infty]{} 0} \quad \text{et} \quad \boxed{x_P(t) = X \cos(\omega t + \varphi)}$$

On rappelle que le régime sinusoïdal forcé correspond au régime où la solution homogène est négligeable devant la solution particulière. On aura donc des solutions de la forme suivante



et le but de l'étude de ces systèmes en RSF est de trouver l'amplitude X et la phase φ .

B Méthode des complexes

Comme dans le chapitre précédent, le passage aux complexes permet d'exprimer simplement les valeurs de X et de φ . Pour passer en complexes, on note

$$\boxed{\underline{f}(t) = A_0 e^{j\omega t}} \quad \text{et} \quad \underline{x}(t) = X e^{j(\omega t + \varphi)} \Leftrightarrow \boxed{\underline{x}(t) = \underline{X} e^{j\omega t}} \quad \text{avec} \quad \boxed{\underline{X} = X e^{j\varphi}}$$

Ainsi, dériver en complexes revient à **multiplier par $j\omega$** : à partir de l'équation différentielle d'un oscillateur, on aura alors, selon les exemples, une amplitude de la forme

$$\underline{X} = \frac{A_0}{1 + jQ \left(\frac{\omega}{\omega_r} - \frac{\omega_r}{\omega} \right)}$$

Cette forme de résonance n'est qu'un **exemple**. Elle dépend du système.

On trouve donc l'amplitude du signal en en prenant le module :

$$X = |\underline{X}| = \frac{A_0}{\sqrt{1 + Q^2 \left(\frac{\omega}{\omega_r} - \frac{\omega_r}{\omega} \right)^2}}$$

C Notion de résonance et bande passante

Par l'étude de l'amplitude, on retrouve bien que X ne dépend pas des conditions initiales, mais bien de l'amplitude d'entrée mais surtout **dépend de la pulsation**. Notamment, on trouve que

$$X \xrightarrow[\omega \rightarrow +\infty]{} 0 \quad \text{et} \quad X \xrightarrow[\omega \rightarrow 0]{} 0$$

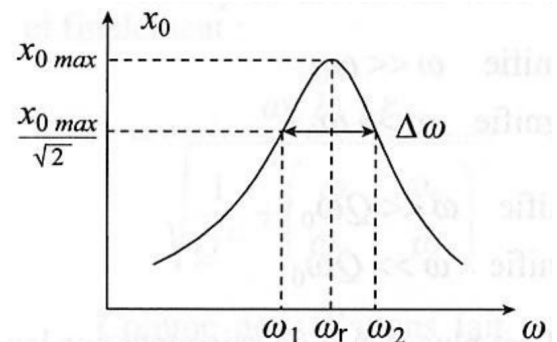
Ainsi, il y a une valeur particulière de pulsation telle que l'amplitude est maximale : c'est ce qu'on appelle la résonance.

Résonance

Un oscillateur forcé présente une résonance si l'amplitude de ses oscillations est maximale pour une fréquence de forçage finie et non nulle. La fréquence correspondante est appelée fréquence de résonance.

La représentation de l'amplitude en fonction de la pulsation est donc piquée autour de son maximum X_{\max} à la pulsation de résonance ω_r . Ce pic peut être plus ou moins fin, ce que l'on caractérise par la **bande passante** : c'est le domaine de pulsations du forçage pour lequel $X(\omega) > X_{\max}/\sqrt{2}$. On définit alors :

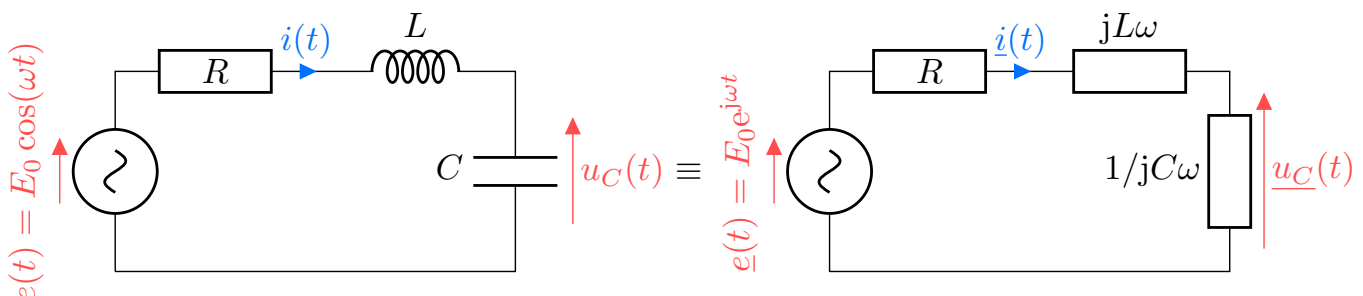
- ω_1 et ω_2 les **pulsations de coupure** ;
- $\Delta\omega = |\omega_2 - \omega_1|$ la **bande passante** ;
- $\omega_r/\Delta\omega$ l'**acuité de la résonance**.



II Exemple d'oscillateur : circuit RLC série en RSF

A Présentation

On étudie l'oscillateur amorti RLC série, dont le circuit en réel et en complexes est le suivant :

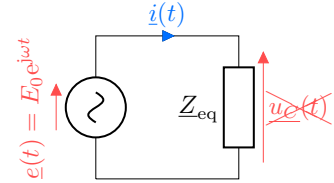


Pour un signal d'entrée $e(t) = E_0 \cos(\omega t)$ les différentes tensions et intensités dans le circuit oscilleront **à la même pulsation** ω , et seront de la forme $u(t) = U \cos(\omega t + \varphi_u)$ et $i(t) = I \cos(\omega t + \varphi_i)$ où U et $\varphi_{u,i}$ sont deux constantes dépendant du système et de l'excitation ω .

B Étude de l'intensité

Pour étudier le comportement de l'intensité, on va comme d'habitude se ramener à une seule maille avec une impédance équivalente

$$\underline{Z}_{\text{eq}} = \underline{Z}_R + \underline{Z}_L + \underline{Z}_C$$



II.B.1 Équation

Avec l'impédance équivalente $\underline{Z}_{\text{eq}}$, on a

$$\begin{aligned} E &= \underline{Z}_{\text{eq}} \underline{I} = \left(R + jL\omega + \frac{1}{jC\omega} \right) \underline{I} \\ \Leftrightarrow \underline{I} &= \frac{E}{R + j \left(L\omega - \frac{1}{C\omega} \right)} \\ \Leftrightarrow \underline{I} &= \frac{E/R}{1 + j \left(\frac{L}{R}\omega - \frac{1}{RC\omega} \right)} \end{aligned}$$

Ici on a factorisé par R pour avoir un numérateur homogène à une intensité, et un dénominateur adimensionné. On aimerait aller plus loin, et transformer les $\frac{L}{R}$ et RC en expressions semblables à ω , en les reliant à $\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$. Pour cela, on se rappelle la forme canonique de l'équation différentielle sur $i(t)$ du RLC :

$$\frac{d^2 i}{dt^2} + \frac{R}{L} \frac{di}{dt} + \frac{1}{LC} i = 0 \Leftrightarrow \frac{d^2 i}{dt^2} + \frac{\omega_0}{Q} \frac{di}{dt} + \omega_0^2 i = 0$$

avec ω_0 la **pulsation propre** et Q le **facteur de qualité**, tels que

$$\boxed{\omega_0^2 = \frac{1}{LC}} \quad \text{et} \quad \frac{\omega_0}{Q} = \frac{R}{L} \Leftrightarrow \boxed{Q = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}}}$$

Ainsi,

$$\boxed{\frac{L}{R} = \frac{Q}{\omega_0}} \quad \text{et} \quad Q\omega_0 = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}} \frac{1}{\sqrt{LC}} \Leftrightarrow \boxed{\frac{1}{RC} = Q\omega_0}$$

On peut donc réécrire la fraction initiale :

$$\underline{I} = \frac{E/R}{1 + j \left(\frac{Q\omega}{\omega_0} - \frac{Q\omega_0}{\omega} \right)} \Leftrightarrow \boxed{\underline{I} = \frac{E/R}{1 + jQ \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)}}$$

II.B.2 Amplitude

Résultat

On trouve l'amplitude réelle en prenant le module, et comme en introduction cette amplitude dépend de la pulsation du système :

$$I(\omega) = |\underline{I}| = \frac{E_0/R}{\sqrt{1 + Q^2 \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)^2}}$$

Méthode

On trouve le maximum de cette amplitude quand le dénominateur est minimal, c'est-à-dire

$$\begin{aligned} I(\omega_r) = I_{\max} &\Leftrightarrow 1 + Q^2 \left(\frac{\omega_r}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega_r} \right)^2 \text{ minimal} \\ &\Leftrightarrow Q^2 \left(\frac{\omega_r}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega_r} \right)^2 = 0 \Leftrightarrow \boxed{\omega_r = \omega_0} \end{aligned}$$

Conclusion

On trouve alors

$$\boxed{I_{\max} = I(\omega_0) = \frac{E_0}{R}} \quad \text{et} \quad \boxed{I \xrightarrow{\omega \rightarrow 0^+} 0} \quad \text{et} \quad \boxed{I \xrightarrow{\omega \rightarrow +\infty} 0}$$

De ce résultat, nous observons qu'il **n'y a pas de condition pour avoir résonance en intensité**, et que **la pulsation de résonance est la pulsation propre du système**.

II.B.3 Phase

Résultat

Pour finir l'étude du système, il nous faut déterminer la phase en prenant l'argument de \underline{I} , en se souvenant que l'argument d'un rapport est la différence des arguments :

$$\varphi_i = \underbrace{\arg(E_0/R)}_{=0} - \arg \left(1 + jQ \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right) \right) \Leftrightarrow \boxed{\tan \varphi_i = -Q \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)} \quad \text{avec} \quad \boxed{\varphi_i \in \left] -\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2} \right]}$$

puisque $\cos \varphi_i > 0$ (la partie réelle est positive).

Conclusion

$$\tan \varphi_i \xrightarrow{\omega \rightarrow 0^+} +\infty \Rightarrow \boxed{\varphi_i \xrightarrow{\omega \rightarrow 0^+} +\pi/2}$$

$$\tan(\varphi_i(\omega_0)) = 0 \Rightarrow \boxed{\varphi_i(\omega_0) = 0}$$

on peut détecter la résonance quand le déphasage entre \underline{i} et \underline{e} est nul.

$$\tan \varphi_i \xrightarrow{\omega \rightarrow +\infty} -\infty \Rightarrow \boxed{\varphi_i \xrightarrow{\omega \rightarrow +\infty} -\pi/2}$$

II.B.4 Facteur de qualité et bande passante

Définition

Nous avons déterminé l'amplitude et la phase du signal, ainsi que la pulsation de résonance. Pour finir de caractériser la résonance, il ne reste qu'à déterminer la bande passante. On cherche donc les pulsations de coupure telles que $I(\omega) = \frac{I_{\max}}{\sqrt{2}}$.

$$I(\omega) = \frac{I_{\max}}{\sqrt{2}} \Leftrightarrow \frac{E_0/R}{\sqrt{1 + Q^2 \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)^2}} = \frac{E_0/R}{\sqrt{2}} \Leftrightarrow \boxed{Q^2 \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)^2 = 1}$$

On prend la racine carrée de cette équation, **en prenant les deux solutions possibles** :

$$\begin{aligned} Q \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right) &= -1 \quad \text{et} \quad Q \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right) = 1 \\ \Leftrightarrow \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right) \times \omega \omega_0 &= -\frac{\omega \omega_0}{Q} \quad \text{et} \quad \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right) \times \omega \omega_0 = \frac{\omega \omega_0}{Q} \\ \Leftrightarrow \omega^2 - \omega_0^2 &= -\frac{\omega \omega_0}{Q} \quad \text{et} \quad \omega^2 - \omega_0^2 = \frac{\omega \omega_0}{Q} \end{aligned}$$

$$\Leftrightarrow \boxed{\omega^2 + \frac{\omega_0}{Q} \omega - \omega_0^2 = 0} \quad \text{et} \quad \boxed{\omega^2 - \frac{\omega_0}{Q} \omega - \omega_0^2 = 0}$$

$$\Rightarrow \Delta = \frac{\omega_0^2}{Q} + 4\omega_0^2$$

$$\Leftrightarrow \Delta = \frac{\omega_0^2}{Q^2} (1 + 4Q^2)$$

$$\Rightarrow \omega_{1,\pm} = -\frac{\omega_0}{2Q} \pm \frac{\omega_0}{2Q} \sqrt{1 + 4Q^2} \quad \text{et} \quad \omega_{2,\pm} = \frac{\omega_0}{2Q} \pm \frac{\omega_0}{2Q} \sqrt{1 + 4Q^2}$$

$$\Leftrightarrow \omega_{1,\pm} = \frac{\omega_0}{2Q} (-1 \pm \sqrt{1 + 4Q^2}) \quad \text{et} \quad \omega_{2,\pm} = \frac{\omega_0}{2Q} (1 \pm \sqrt{1 + 4Q^2})$$

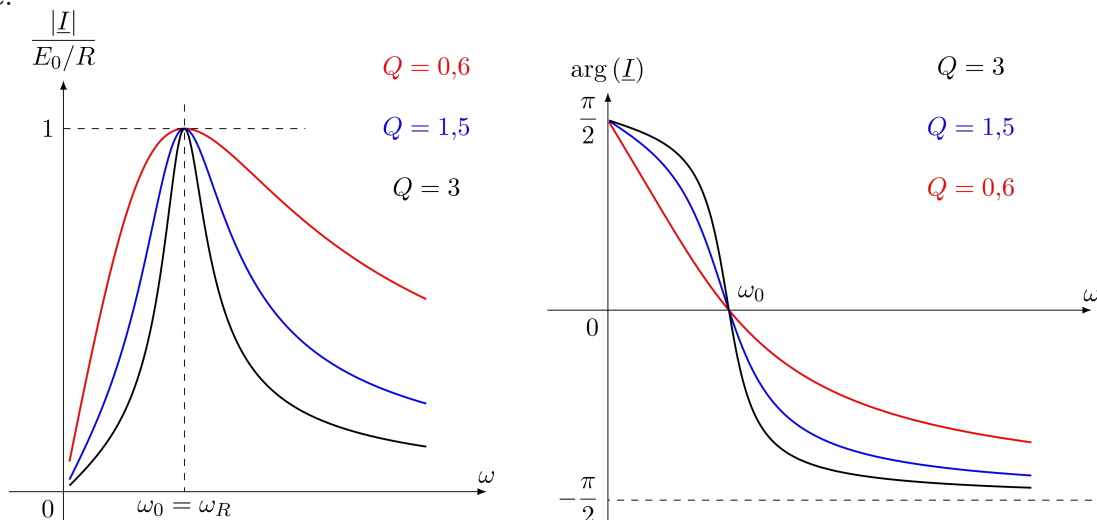
De ces quatre racines, seules deux sont positives : la solution avec $-1 - \sqrt{1 + 4Q^2}$ est évidemment négative, et celle avec $1 - \sqrt{1 + 4Q^2}$ également. Ainsi, il ne nous reste que

$$\omega_1 = \frac{\omega_0}{2Q} (\sqrt{1 + 4Q^2} - 1) \quad \text{et} \quad \omega_2 = \frac{\omega_0}{2Q} (\sqrt{1 + 4Q^2} + 1)$$

Il ne reste qu'à calculer la différence pour avoir la bande passante :

$$\boxed{\Delta\omega = \omega_2 - \omega_1 = \frac{\omega_0}{Q} \Leftrightarrow Q = \frac{\omega_0}{\Delta\omega}}$$

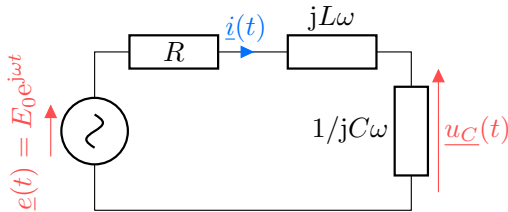
ce qui est également une **nouvelle définition de Q** ! En effet, cette égalité traduit le fait qu'à haut facteur de qualité, la bande passante est très faible, ou que **l'acuité de la résonance est élevée**.



C Étude de la tension

On repart du circuit en complexes, avec $\underline{u}_C(t) = \underline{U}e^{j\omega t}$ et $\underline{e}(t) = Ee^{j\omega t}$, et on applique le pont diviseur de tension

II.C.1 Amplitude complexe



$$\underline{U} = \frac{1/jC\omega}{R + jL\omega + 1/jC\omega} E \Leftrightarrow \underline{U} = \frac{E}{1 - (LC\omega)^2 + jRC\omega}$$

$$\Leftrightarrow \underline{U} = \frac{E}{1 - \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2 + j\frac{\omega}{Q\omega_0}}$$

Résultat

Situation initiale

Méthode de calcul

Ici encore, on a factorisé par $1/jC\omega$ pour avoir un numérateur homogène à une tension et un dénominateur adimensionné d'abord. Ensuite puis pour aller plus loin, on transforme les LC et RC en expressions semblables à ω , en les reliant à ω_0 . On a comme précédemment

$$\omega_0^2 = \frac{1}{LC} \quad \text{et} \quad Q = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}} \quad \text{donc} \quad Q\omega_0 = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}} \frac{1}{\sqrt{LC}} \Leftrightarrow \frac{1}{RC} = Q\omega_0$$

II.C.2 Amplitude réelle et condition de résonance

On trouve l'amplitude réelle en prenant le module, et comme en introduction cette amplitude dépend de la pulsation du système :

$$U(\omega) = |\underline{U}| = \frac{E_0}{\sqrt{\left(1 - \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2\right)^2 + \left(\frac{\omega}{Q\omega_0}\right)^2}}$$

On trouve le maximum de cette amplitude quand le dénominateur est **non nul** et minimal, c'est-à-dire

$$U(\omega_r) = U_{\max} \Leftrightarrow \left(1 - \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2\right)^2 + \left(\frac{\omega}{Q\omega_0}\right)^2 \text{ minimal}$$

Soit $X = \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2$, et $f(X) = (1 - X)^2 + \frac{X}{Q^2}$, la fonction que l'on cherche à minimiser : on cherche donc quand est-ce que sa dérivée est nulle, c'est-à-dire

$$f'(X_r) = 0 \Leftrightarrow -2(1 - X_r) + \frac{1}{Q^2} = 0 \Leftrightarrow X_r - 1 = -\frac{1}{2Q^2} \Leftrightarrow X_r = 1 - \frac{1}{2Q^2}$$

$$\Leftrightarrow \omega_r = \omega_0 \sqrt{1 - \frac{1}{2Q^2}}$$

ce qui n'est défini **que si** $Q > \frac{1}{\sqrt{2}}$.

Résultat

Méthode

On trouve alors :

$Q \leq 1/\sqrt{2}$: **pas de résonance**, l'amplitude est maximale pour

$$\omega = 0 \quad \text{et} \quad U(0) = E_0$$

$Q > 1/\sqrt{2}$: l'amplitude est maximale pour

$$\omega_r = \omega_0 \sqrt{1 - \frac{1}{2Q^2}} < \omega_0 \quad \text{et} \quad U(\omega_r) = \frac{QE}{\sqrt{1 - \frac{1}{4Q^2}}}$$

$Q > 5$:

$$\omega_r \approx \omega_0 \quad \text{et} \quad U(\omega_r) \approx QE$$

De ce résultat, nous observons qu'il **n'y a pas toujours résonance en tension**, et que la **résonance est d'autant aiguë que Q est élevé**.

II.C.3 Phase

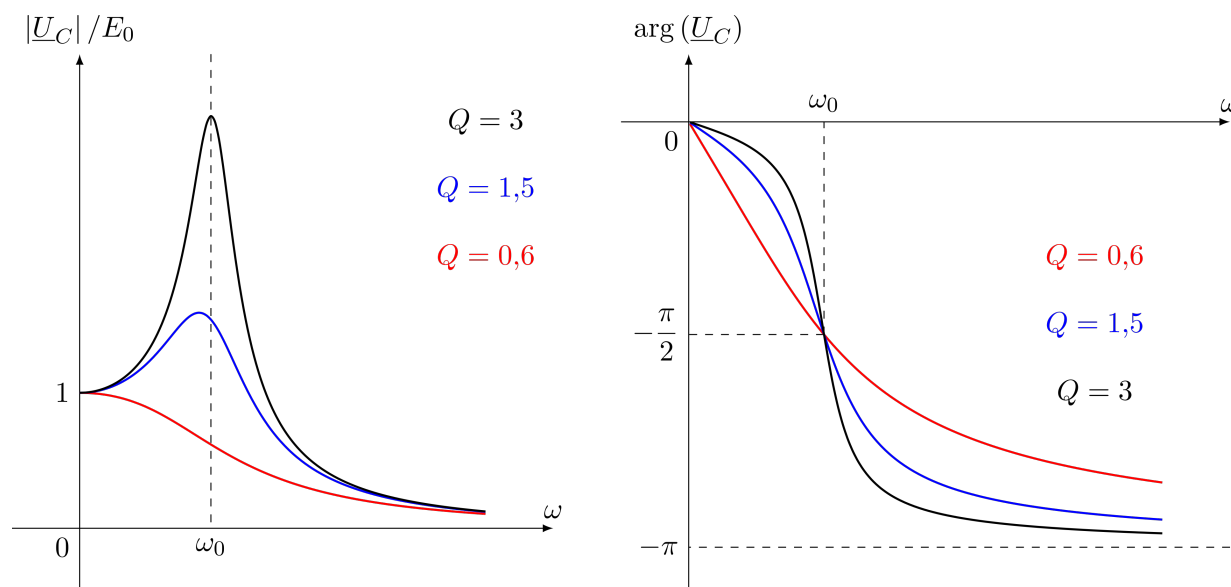
Ici aussi, on détermine la phase en prenant l'argument de l'amplitude complexe :

$$\varphi_u = \underbrace{\arg(E_0)}_{=0} - \arg\left(1 - \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2 + j\frac{\omega}{Q\omega_0}\right) \Leftrightarrow \tan \varphi_u = -\frac{\omega}{Q\omega_0 \left(1 - \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2\right)} \quad \text{avec} \quad \varphi_u \in]-\pi; 0[$$

$$\tan \varphi_u \xrightarrow{\omega \rightarrow 0^+} 0 \Rightarrow \varphi_u \xrightarrow{\omega \rightarrow 0^+} 0$$

$$\tan(\varphi_u(\omega_0)) \rightarrow -\infty \Rightarrow \varphi_u(\omega_0) = -\frac{\pi}{2}$$

$$\tan \varphi_u \xrightarrow{\omega \rightarrow +\infty} 0 \Rightarrow \varphi_u \xrightarrow{\omega \rightarrow +\infty} -\pi$$



III Exemple d'un oscillateur mécanique en RSF

A Présentation

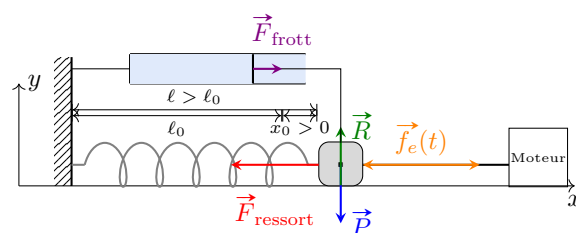
Système : point matériel M de masse m relié à un ressort horizontal **idéal**.

Référentiel : $\mathcal{R}_{\text{sol}}(O, x, y, t)$;

Soit $x = \ell - \ell_0$ la position de la masse

Bilan des forces :

- 1) Poids $\vec{P} = -mg\vec{u}_y$;
- 2) Réaction du support $\vec{R} = R\vec{u}_y$;
- 3) Force de rappel du ressort $\vec{F}_{\text{ressort}} = -kx\vec{u}_x$;
- 4) Force de frottement fluide $\vec{F}_{\text{frott}} = -\alpha\vec{v}$;
- 5) **Force excitatrice** $\vec{f}_e = F_0 \cos(\omega t)\vec{u}_x$.



B Étude de l'élongation

III.B.1 Équation

Avec le PFD :

$$m\vec{a} = \vec{P} + \vec{R} + \vec{F}_{\text{ressort}} + \vec{F}_{\text{frott}} + \vec{f}_e$$

$$\Leftrightarrow m \begin{pmatrix} \frac{d^2x}{dt^2} \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -kx - \alpha v + F_0 \cos(\omega t) \\ -mg + R \end{pmatrix}$$

La projection sur \vec{u}_y montre que la réaction du support compense le poids. Sur l'axe \vec{u}_x on trouve

$$m \frac{d^2x}{dt^2} + \alpha \frac{dx}{dt} + kx = F_0 \cos(\omega t) \Leftrightarrow \ddot{x} + \frac{\omega_0}{Q} \dot{x} + \omega_0^2 x = \frac{F_0}{m} \cos(\omega t)$$

avec $\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$ et $Q = \frac{\sqrt{km}}{\alpha}$

En passant en complexes,

$$\underline{X} = \frac{F_0/m}{\omega_0^2 - \omega^2 + j\frac{\omega\omega_0}{Q}} \Leftrightarrow \underline{X} = \frac{F_0}{m\omega_0^2} \frac{1}{1 - \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2 + j\frac{\omega}{Q\omega_0}}$$

III.B.2 Amplitude réelle et condition de résonance

Résultat

On trouve

$$X(\omega) = |\underline{X}| = \frac{F_0}{m\omega_0^2} \frac{1}{\sqrt{\left(1 - \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2\right)^2 + \left(\frac{\omega}{Q\omega_0}\right)^2}}$$

Elle est maximale quand le dénominateur est minimal. Après calcul, on retrouve les résultats de l'excitation en tension :

On trouve alors :

$Q \leq 1/\sqrt{2}$: l'amplitude est maximale pour

$$\omega = 0 \quad \text{et} \quad X(0) = \frac{F_0}{m\omega_0^2}$$

Conclusion

$Q > 1/\sqrt{2}$: l'amplitude est maximale pour

$$\omega_r = \omega_0 \sqrt{1 - \frac{1}{2Q^2}} < \omega_0 \quad \text{et} \quad X(\omega_r) = \frac{F_0}{m\omega_0^2} \frac{Q}{\sqrt{1 - \frac{1}{4Q^2}}}$$

$Q > 5$:

$$\omega_r \approx \omega_0 \quad \text{et} \quad X(\omega_r) \approx QF_0/K$$

De ce résultat, nous observons qu'il **n'y a pas toujours résonance en élongation**, et que **la résonance est d'autant aiguë que Q est élevé**.

Vous trouverez ici ¹ une animation interactive d'un système similaire avec un ressort vertical.

C Résonance en vitesse

III.C.1 Équation

Définition

On définit

$$v(t) = \frac{dx}{dt} \Leftrightarrow \underline{V} = j\omega \underline{X}$$

D'où

Calculs

$$\begin{aligned} \underline{V} = j\omega \underline{X} &= \frac{F}{m\omega_0} \frac{j\omega}{\omega_0 \left(1 - \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2 + j\frac{\omega}{Q\omega_0}\right)} = \frac{F}{m\omega_0} \frac{\omega}{-j \left(\omega_0 - \frac{\omega^2}{\omega_0} + j\frac{\omega}{Q}\right)} \\ \Leftrightarrow \underline{V} &= \frac{F}{m\omega_0} \underbrace{\frac{\omega}{\omega}}_{=1} \frac{1}{-j\frac{\omega_0}{\omega} + j\frac{\omega}{\omega_0} - j^2\frac{1}{Q}} = \frac{F}{m\frac{\omega_0}{Q}} \frac{1}{1 + jQ \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right)} \end{aligned}$$

1. http://www.sciences.univ-nantes.fr/sites/genevieve_tulloue/Meca/Oscillateurs/ressort_rsf.php?typanim=Javascript

Ainsi,

$$\underline{V} = \frac{F_0}{\alpha} \frac{1}{1 + jQ \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)} \quad \text{car} \quad m \frac{\omega_0}{Q} = \alpha$$

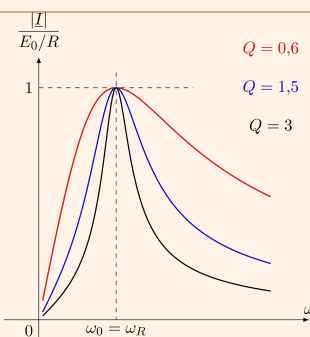
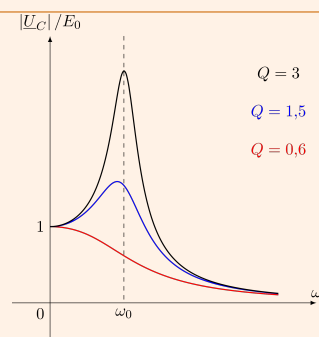
On trouve alors

$$V_{\max} = V(\omega_0) = \frac{F_0}{\alpha} \quad \text{et} \quad V \xrightarrow[\omega \rightarrow 0^+]{\quad} 0 \quad \text{et} \quad V \xrightarrow[\omega \rightarrow +\infty]{\quad} 0$$

De ce résultat, nous observons qu'il **n'y a pas de condition pour avoir résonance en intensité**, et que **la pulsation de résonance est la pulsation propre du système**.

IV Synthèse

Important 6.1 : synthèse résonances

Électricité	Intensité	Tension
Mécanique	Vitesse	Élongation
Existence	Toujours	$Q > 1/\sqrt{2}$
Pulsation de résonance	ω_0	$\omega_r \lesssim \omega_0$
Largeur de résonance	$\Delta\omega = \frac{\omega_0}{Q}$	$\Delta\omega \approx \frac{\omega_0}{Q}$
Aspects à ω_r	Maximum d'amplitude Déphasage nul, $\varphi = 0$	Maximum d'amplitude
Aspects à ω_0	Résonance	Sortie = $Q \times$ entrée Quadrature de phase, $\varphi = -\frac{\pi}{2}$
Courbes d'amplitude		
Courbes de phase	