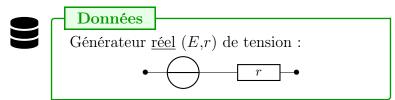
Électrocinétique – chapitre 2

# Correction du TD d'application



# I | Circuit simple

On constitue un circuit électrique avec un générateur réel de tension (E,r), entre les bornes duquel on branche une résistance R réglable.



1) Faire un schéma normalisé du circuit.

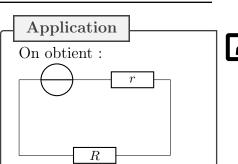


On demande un schéma normalisé, autrement dit avec les conventions de schémas européennes.



Générateur : Résistance:

- Réponse



2) Flécher les tensions et intensités, en respectant la convention pour chacun.



**Outils** 

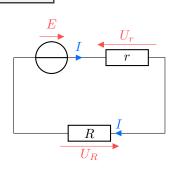
Générateur convention générateur :



Résistance convention récepteur :



## **Application**



3) Déterminer l'expression de l'intensité du courant qui circule dans le circuit.

#### Résultat attendu

À partir d'un circuit où on considère E, r et R comme des grandeurs connues, on cherche l'intensité I qui parcourt la maille que l'on vient de tracer.

### - Réponse -

 $\Diamond$ 



Il v a deux outils qui seront utiles pour déterminer des grandeurs dans des circuits : la loi des mailles et la loi des nœuds. À cela se rajoute la loi d'Ohm qui relie tension et intensité dans une résistance. Ces notions seront vues dans le chapitre suivant et donc décrites ultérieurement, on va ici utiliser la composition des tensions.



Lycée Pothier 1/11MPSI3 - 2024/2025



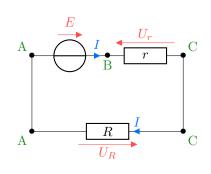
#### Outil

En nommant des points d'intérêt du circuit, ce qui est souvent conseillé, on va pouvoir utiliser la composition  $U_{AC} = U_{AB} + U_{BC}$  en respectant le sens des tensions pour obtenir une information supplémentaire sur le circuit.

On rappelle que deux points sur un fil sont au même potentiel, et on peut donc les nommer de la même manière.

## Application





### Calcul

Ici on peut écrire

$$U_{AB} + U_{BC} + U_{CA} = U_{AA}$$
  
$$\Leftrightarrow -E + U_r + U_R = 0$$

et avec la **loi d'Ohm**, i.e.  $U_r = rI$  et  $U_R = RI$ :

$$(r+R)I = E$$

soit

$$I = \frac{E}{r + R}$$

4) Déterminer l'expression de la puissance absorbée par la résistance.

### – Réponse

 $\Diamond$ 



### Outil

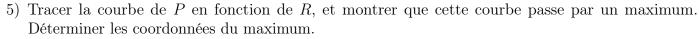
Pour un récepteur de tension U traversé par l'intensité I en convention récepteur, la puissance absorbée est P = UI.

#### teponse -

Application

Ici, la tension aux bornes de R est  $U_R = RI$ , avec I l'intensité la traversant. On a donc

$$\mathcal{P}_R = RI^2 = \frac{RE^2}{(r+R)^2}$$



# Réponse

 $\Diamond$ 



#### Résultat attendu

On cherche à faire une étude de la fonction P de variable R, comme on ferait l'étude de f(x) en mathématiques.

#### Outils

Bon sens pour l'allure de la courbe, procédés de dérivation pour le maximum. D'une manière générale, on a besoin de :

♦ Dérivation d'un produit :

$$D[uv] = u'v + v'u$$

 $\diamondsuit$  Dérivation d'une fonction u élevée à une puis sance  $\alpha\,$  :

$$D[u^{\alpha}] = \alpha u' u^{\alpha - 1}$$





# Application

 $_{\rm L}P(R_{
m max})$ 

0.5

 $0 R_{\text{max}} 10$ 

# Calcul

Soit

$$\diamond v(R) = R \Longrightarrow v'(R) = 1$$

$$\Diamond u(R) = r + R \Longrightarrow u'(R) = 1$$

Ainsi

 $\frac{RE^2}{(r+R)^2}$ 

$$u(R)^{-2} = \frac{1}{(r+R)^2} \Rightarrow D[u(R)^{-2}] = \frac{-2 \times 1}{(r+R)^3}$$

Et donc,

$$\mathcal{P}'(R) = \frac{-2}{(r+R)^3} \times \frac{R}{R} + 1 \times \frac{1}{(r+R)^2}$$

$$\mathcal{P}'(R) = \frac{-2R}{(r+R)^3} + \frac{r+R}{(r+R)^3}$$

Ainsi

$$\mathcal{P}'(R) = \frac{r - R}{(r + R)^3}$$

Et donc

$$\mathcal{P}'(R_{\text{max}}) = 0 \Longrightarrow \boxed{R_{\text{max}} = r}$$

Avec

 $\Diamond$ 

$$\mathcal{P}(R_{\text{max}}) = \frac{E^2}{4r}$$



# II | Résistances équivalentes

Tracé

20

30

R

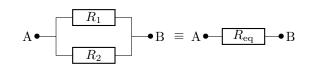
40

50

1) Exprimer la résistance équivalente à l'association de deux résistances  $R_1$  et  $R_2$  placées en parallèle.







# - Réponse -

Outil

L'association en parallèle de deux résistances  $R_1$  et  $R_2$  donne une résistance équivalente  $R_{\rm eq}$  telle que :

$$\frac{1}{R_{\text{eq}}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$$





#### Attention!

Faites particulièrement attention à bien écrire  $\frac{1}{R_{\rm eq}}$  et non pas simplement  $R_{\rm eq}$ , même après 5 lignes de calcul quand c'est nécessaire. Pensez toujours à vérifier l'homogénéité d'un résultat littéral avant de l'encadrer. Cette erreur est une des plus communes.

### Application

En mettant les deux termes sur même dénominateur :

$$\frac{1}{R_{\text{eq}}} = \frac{1}{R_1} \times \frac{R_2}{R_2} + \frac{1}{R_2} \times \frac{R_1}{R_1}$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{R_{\text{eq}}} = \frac{R_2 + R_1}{R_1 R_2}$$

$$\Leftrightarrow R_{\text{eq}} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$



2) Que devient cette expression si  $R_1 = R_2$ ?

– Réponse –



#### Application

$$R_1 = R_2 = R \Longrightarrow \boxed{R_{\rm eq} = \frac{R}{2}}$$

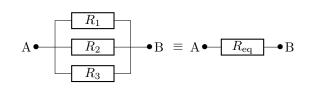


3) Exprimer la résistance équivalente à l'association des résistances  $R_1$ ,  $R_2$  et  $R_3$  placées en parallèle.

Réponse



#### Résultat attendu



#### Outil

L'association en parallèle de trois résistances  $R_1$ ,  $R_2$  et  $R_3$  donne une résistance équivalente  $R_{eq}$  telle que :

$$\frac{1}{R_{\rm eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$



#### Application

De la même manière que précédemment, la mise sous même dénominateur donne :

$$\frac{1}{R_{\rm eq}} = \frac{R_2 R_3}{R_1 R_2 R_3} + \frac{R_1 R_3}{R_1 R_2 R_3} + \frac{R_1 R_2}{R_1 R_2 R_3} \Leftrightarrow R_{\rm eq} = \frac{R_1 R_2 R_3}{R_1 R_2 + R_2 R_3 + R_1 R_3}$$

qui est bien homogène à une résistance étant de la forme  $\frac{R^3}{R^2} = R$ .



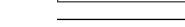
4) Que devient cette expression si  $R_1 = R_2 = R_3$ ?

— Réponse -



### Application

$$R_1 = R_2 = R_3 = R \Longrightarrow R_{\text{eq}} = \frac{R^3}{3R^2} \Leftrightarrow R_{\text{eq}} = \frac{R}{3}$$

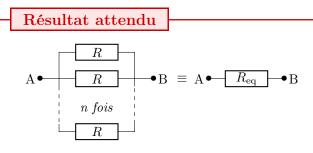




5) Exprimer la résistance équivalente à l'association de n résistances identiques placées en parallèle.







### Application

Il n'y a toujours qu'une seule formule attendue, et elle s'écrit :

$$\frac{1}{R_{\text{eq}}} = \underbrace{\frac{1}{R} + \frac{1}{R} + \dots + \frac{1}{R}}_{n \text{ fois}} \Leftrightarrow \boxed{R_{\text{eq}} = \frac{R}{n}}$$





# III | Association de générateurs

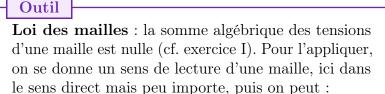
Deux générateurs de tension de forces électromotrices  $E_1$  et  $E_2$  et de résistances internes  $r_1$  et  $r_2$ sont branchés en série. Ils alimentent une résistance  $R_3$ .

1) Dessiner le schéma normalisé de ce circuit électrique et flécher les courants et les tensions. Ecrire alors l'équation de la maille et en déduire l'expression du courant qui circule dans cette maille.





### Réponse -



- ♦ Écrire les tensions traversées dans le même sens que leur flèche d'un côté du signe égal, les autres de l'autre côté;
- ♦ Écrire les tensions traversées dans le même sens avec un « + » et les autres avec un « - », le tout devant  $\ll = 0 \gg$ .





# Application

Schéma

Étant donné qu'il n'y a qu'une maille, il ne peut y avoir qu'une seule intensité dans le circuit. On pose donc  $i_1 = i_2 = i$ , et en applicant la loi des mailles on a

$$U_{R_3} + U_{r_2} - E_2 + U_{r_1} - E_1 = 0$$

$$\Leftrightarrow R_3 i + r_2 i + r_1 i = E_1 + E_2$$

$$\Leftrightarrow i (r_1 + r_2 + R_3) = E_1 + E_2$$

$$\Leftrightarrow i = \frac{E_1 + E_2}{r_1 + r_2 + R_3}$$



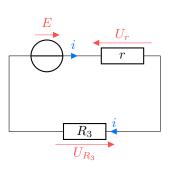
2) Simplifier le schéma en ne faisant apparaître qu'un seul générateur équivalent aux deux générateurs initiaux aux bornes de  $R_3$ . Que devient le générateur équivalent lorsque  $r_1$  et  $r_2$  sont nulles?

——— Réponse ——



#### Schéma simplifié

L'expression que l'on a trouvée est en tout point similaire à celle du premier exercice si on considère qu'on a un générateur de force électromagnétique  $E=E_1+E_2$ et de résistance interne  $r=r_1+r_2$ ; on peut donc dessiner:



#### Situation particulière



Quand  $r_1$  et  $r_2$  sont nulles, on se retrouve avec un générateur de résistance interne r=0: c'est donc un générateur idéal.

3) Conclusion à retenir : peut—on brancher deux générateurs idéaux de tension en série? Deux générateurs réels?

- Réponse -



#### Conclusion

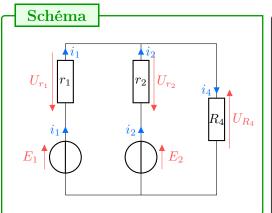
L'étude théorique précédente ne présente aucune incohérence ou impossibilité de pratique peu importe la situation, si tant est que les générateurs sont branchés dans le même sens; si ça n'est pas le cas l'un considère l'autre comme un récepteur et le fait surchauffer.



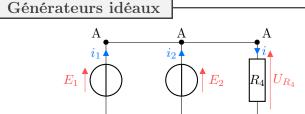
Les deux générateurs  $(E_1, r_1)$  et  $(E_2, r_2)$  sont maintenant placés en parallèle. Ils alimentent une résistance  $R_4$  (en parallèle sur l'ensemble des deux générateurs).

4) Dessiner le schéma normalisé de ce montage et flécher les courants et les tensions, puis reproduire le schéma avec des générateurs idéaux (donc  $r_1$  et  $r_2$  nulles) et flécher les courants et les tensions. Que peut-on dire de la tension aux bornes de  $R_4$ ?





### Réponse ·



On doit trouver (avec l'unicité de la tension entre deux points, ici par exemple A et B) que  $U_{R_4} = E_2 = E_1$ .

5) Conclusion à retenir : peut—on brancher deux générateurs idéaux de tension en parallèle ? Deux générateurs réels ?

— Réponse —



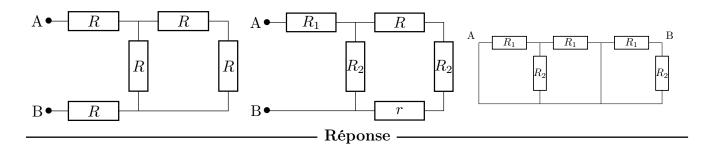
#### Conclusion

On ne peut brancher des générateurs idéaux de tension en parallèle que si leurs tensions sont les mêmes; les générateurs réels peuvent l'être et ce sont les intensités qui vont s'adapter pour suivre la loi des mailles; dans tous les cas leurs **intensités se somment**.

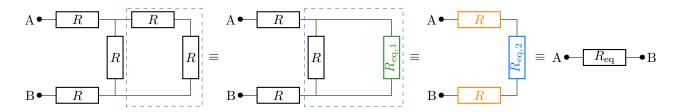


# IV Calcul de résistances équivalentes

1) Exprimer la résistance équivalente entre les points A et B pour chacun des schémas suivants.



# IV/A Schéma 1



La suite de schémas équivalents précédents donne :

$$R_{\text{eq}} = \frac{R + R + R_{\text{eq},2}}{R + R_{\text{eq},1}}$$

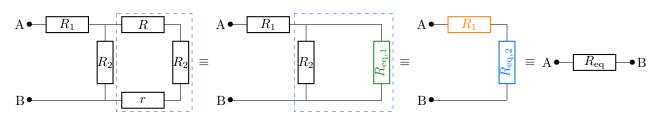
$$\Leftrightarrow R_{\text{eq}} = \frac{2R}{R} + \frac{R \times R_{\text{eq},1}}{R + R_{\text{eq},1}}$$

$$\Leftrightarrow R_{\text{eq}} = 2R + \frac{R \times 2R}{R + 2R}$$

$$\Leftrightarrow R_{\text{eq}} = 2R + \frac{2R^{2}}{3R}$$

$$\Leftrightarrow R_{\text{eq}} = \frac{8R}{3}$$

# IV/B Schéma 2



Et cette fois:

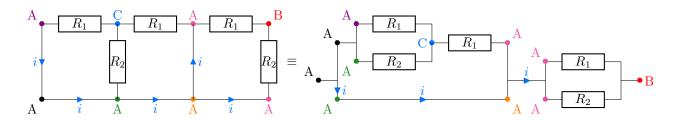
$$R_{\text{eq}} = \frac{R_1 + R_{\text{eq},2}}{R_2 \times R_{\text{eq},1}}$$

$$\Leftrightarrow R_{\text{eq}} = R_1 + \frac{R_2 \times R_{\text{eq},1}}{R_2 + R_{\text{eq},1}}$$

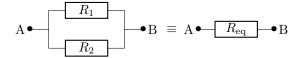
$$\Leftrightarrow R_{\text{eq}} = R_1 + \frac{R_2 \times (r + R + R_2)}{r + R + 2R_2}$$

# IV/C Schéma 3

Ce schéma est un peu plus compliqué, mais la bonne pratique de nommer des points de potentiel sur un schéma aide à ne pas se perdre. En effet, étant donné que l'on nous demande de déterminer la résistance équivalente entre A et B, toute simplification du circuit est à faire. On a travaillé sur les associations de résistances mais il ne faut pas oublier, et donc savoir reconnaître, les potentiels court-circuits. Ici, en reportant le point A sur chaque point d'intérêt où il peut être reporté (c'est-à-dire s'il n'y a pas de dipôle entre les deux), on voit qu'un courant qui partirait de A pour aller à B (ce que fait un Ohmmètre) éviterait complètement les trois premières résistances. On peut redessiner le schéma différemment pour faire apparaître le court-circuit de manière plus explicite :



Ainsi, le circuit se simplifie en :



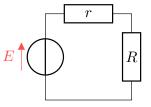
Soit

$$R_{\rm eq} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$



# Conventions et puissances

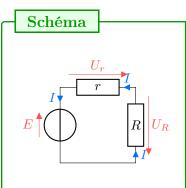
Pour le circuit ci-contre :



- 1) a Flécher les courants et les tensions en convention récepteur pour chaque dipôle.
  - b Exprimer la puissance (notée  $\mathcal{P}(R)$  pour le dipôle R) associée à chaque dipôle.

c – En faisant un bilan de puissance reçue par le système, déterminer l'expression du courant I.





# – Réponse -

### Calcul

- $\diamond \ \mathcal{P}_{\mathbf{r}}(E) = -EI$
- $\Diamond \ \mathcal{P}_{\mathbf{r}}(r) = rI^2$
- $\diamondsuit \ \mathcal{P}_{\mathbf{r}}(R) = RI^2$

### Application

On a  $\sum P_f = \sum P_r$ , donc d'après la question précédente :

$$0 = -EI + rI^2 + RI^2$$

$$I(r+R) = E$$

$$I = \frac{E}{r + R}$$

2) a – Reproduire le circuit et flécher les courants et tensions en convention générateur pour chaque dipôle.

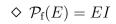
- Réponse -

 $\Diamond$ 

- b Exprimer la puissance associée à chaque dipôle.
- c En faisant un bilan de puissance, déterminer l'expression du courant I.



## Calcul



$$\Diamond \ \mathcal{P}_{\mathrm{f}}(r) = -rI^2$$

$$\diamond \ \mathcal{P}_{\rm f}(R) = -RI^2$$

### **Application**

On a  $\sum \mathcal{P}_f = \sum \mathcal{P}_r$ , donc d'après la question précédente :

$$EI - rI^2 - RI^2 = 0$$

$$I(r+R) = E$$

$$I = \frac{E}{r + R}$$

3) a – Reproduire le schéma et flécher les courants et tensions de chaque dipôle en fonction de sa nature (récepteur / générateur).

 $\Diamond$ 

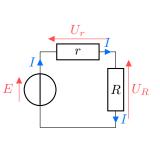
- b Exprimer la puissance associée à chaque dipôle.
- c En faisant un bilan de puissance reçu par le système, déterminer l'expression du courant I.

– Réponse ·



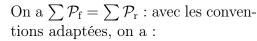
# Schéma

Schéma



#### Calcul

# Application



$$EI = rI^2 + RI^2$$

$$I(r+R) = E$$

$$I = \frac{E}{r + R}$$

4) Comparer les résultats obtenus aux réponses précédentes.

——— Réponse -

 $\Diamond$ 



#### Conclusion

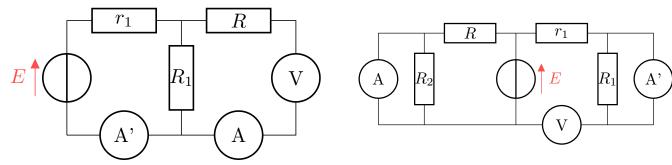
On trouve bien toujours la même valeur de l'intensité dans le circuit, ce qui montre bien que les conventions ne sont que des conventions et ne changent pas la manière dont la physique fonctionne ensuite. Il faut noter cependant que le I du premier schéma n'est pas le I des schémas 2 et 3, étant donné que le sens n'est pas le même : les intensitées sont opposées.





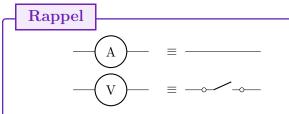
# ${ m VI}|$ Mesures de tensions et intensités

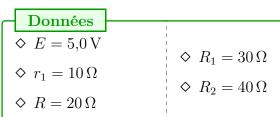
1) Dans les circuits ci-dessous, quelles sont les valeurs affichées par les instruments de mesure si ceux-ci sont parfaits? On donne :  $E = 5.0 \,\mathrm{V}$ ;  $r_1 = 10 \,\Omega$ ;  $R = 20 \,\Omega$ ;  $R_1 = 30 \,\Omega$ ;  $R_2 = 40 \,\Omega$ . On rappelle que dans un circuit, les ampèremètres parfaits sont équivalents à des fils alors que les voltmètres parfaits sont équivalents à des interrupteurs ouverts.



### Réponse

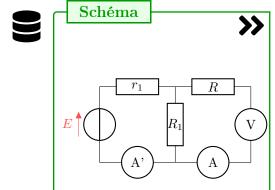


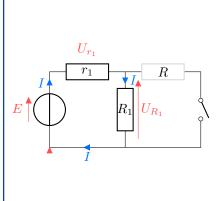




# VI/A

# Schéma 1





**Simplification** 

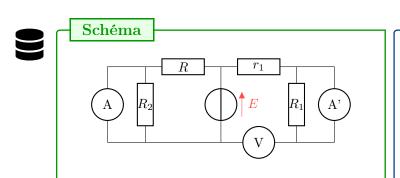
# Application

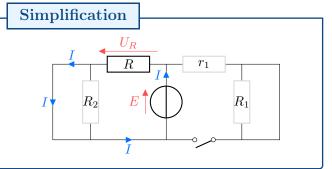


V ouvre le circuit, donc aucun courant ne passe dans la boucle de droite : A mesure  $0 \,\mathrm{A}$ . On trouve I avec la loi des mailles et on trouve  $I = \frac{E}{r_1 + R_1}$ , et donc A' mesure  $0,125 \,\mathrm{A}$ . Pour V, R n'a pas de différence de potentiel donc il mesure  $U_{R_1} = 3,75 \,\mathrm{V}$ .

<<

# VI/B Schéma 2







### Application

Cette fois c'est la partie de droite qui est ouverte, et donc pas parcourue par un courant : A' mesure 0 A. L'ampèremètre de gauche court-circuite quant à lui la résitance  $R_2$ , ainsi toute l'intensité se trouve dans la boucle où on a tracé I; une rapide loi des mailles donne  $I = \frac{E}{R} = 0.25$  A. V mesure ici aussi la tension E.