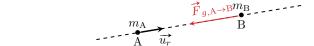
Cinématique et dynamique du point

- /2 ① Donner les valeurs de $\Delta \varphi_{1/2}(M)$ et de $\Delta L_{2/1}(M)$ donnant des interférences constructives et destructives pour $\Delta \varphi_0 = 0$. $\Delta \varphi_{1/2}(M) = 2p\pi \Leftrightarrow \boxed{\Delta L_{2/1}(M) = p\lambda} \qquad \text{et} \qquad \Delta \varphi_{1/2}(M) = (2p+1)\pi \Leftrightarrow \boxed{\Delta L_{2/1}(M) = \left(p+\frac{1}{2}\right)\lambda}$
- /2 $\boxed{2}$ Soient deux points A et B de masses respectives m_A et m_B . Exprimer et représenter la force d'attraction gravitation-nelle de A sur B.

$$\overrightarrow{F}_{g,\mathrm{A}\to\mathrm{B}} \stackrel{\textcircled{1}}{=} - \mathcal{G} \frac{m_A m_B}{\mathrm{A} \mathrm{B}^2} \, \overrightarrow{u_r} \quad \text{ avec } \quad \overrightarrow{u_r} = \frac{\overrightarrow{\mathrm{A} \mathrm{B}}}{\mathrm{A} \mathrm{B}}$$



- /3 $\boxed{3}$ Énoncer les trois lois de Newton. On travaille avec un système ouvert.

 - $(1) \mathbf{c} \forall (\mathbf{M}_1, \mathbf{M}_2), \overrightarrow{F}_{1 \to 2} = -\overrightarrow{F}_{2 \to 1}.$
- /4 4 Donner les **deux expressions** donnant la position du centre d'inertie d'un ensemble de points. Démontrer le lien entre la quantité de mouvement d'un ensemble de points et la vitesse du centre d'inertie. Pourquoi applique-t-on le PFD avec uniquement les forces extérieures au système? Répondre en français.

$$\boxed{\overrightarrow{\mathrm{OG}} = \sum_{i} \frac{m_{i}}{m_{\mathrm{tot}}} \overrightarrow{\mathrm{OM}_{i}} \overset{\textcircled{1}}{\Leftrightarrow} \sum_{i} m_{i} \overrightarrow{\mathrm{GM}_{i}} = \overrightarrow{0}}$$

Or,
$$\vec{p}_{/\mathcal{R}}(\mathcal{S}) \stackrel{\widehat{1}}{=} \sum_{i} \vec{p}_{/\mathcal{R}}(\mathbf{M}_{i})$$
 et $\vec{v}_{/\mathcal{R}}(\mathbf{G}) = \frac{d\overrightarrow{\mathrm{OG}}}{dt} = \frac{1}{m_{\mathrm{tot}}} \sum_{i} m_{i} \frac{d\overrightarrow{\mathrm{OM}}_{i}}{dt} \Leftrightarrow \boxed{\vec{p}_{/\mathcal{R}}(\mathcal{S}) \stackrel{\widehat{1}}{=} m_{\mathrm{tot}} \vec{v}_{/\mathcal{R}}(\mathbf{G})}$

Les forces intérieures se compensent d'après la troisième loi de NEWTON (1).

- /9 $\boxed{5}$ Soit une balle lancée avec une vitesse $\overrightarrow{v_0}$ faisant un angle α avec l'horizontale. On néglige toute autre force que le poids. Faire un schéma puis déterminer les équations horaires des composantes sur $\overrightarrow{u_x}$ et $\overrightarrow{u_y}$ du mouvement, et déterminer l'équation de la trajectoire. Portez une attention particulière à l'établissement du système.
 - $\widehat{1}$ $\widehat{1}$ $\mathbf{Système} : \{ \text{balle} \}$ dans $\mathcal{R}_{\text{labo}}$ supposé galiléen
 - 1 2 Schéma : cf. figure.
 - ① ③ Modélisation : repère $(\overrightarrow{u_x}, \overrightarrow{u_y}, \overrightarrow{u_z})$ (cf. schéma), repérage $\overrightarrow{OM} = x \overrightarrow{u_x} + y \overrightarrow{u_y}, \ \overrightarrow{v} = \dot{x} \overrightarrow{u_x} + \dot{y} \overrightarrow{u_y}, \ \overrightarrow{a} = \ddot{x} \overrightarrow{u_x} + \ddot{y} \overrightarrow{u_y}.$
 - ① 4 Conditions initiales : $\overrightarrow{OM}(0) = \overrightarrow{0}$ et $\overrightarrow{v}(0) = v_0 \cos(\alpha) \overrightarrow{u_x} + v_0 \sin(\alpha) \overrightarrow{u_y}$

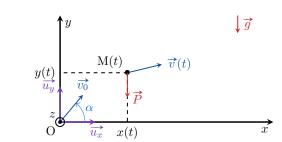


Fig. C14.2 – Chute libre.

$$\begin{array}{ccc}
& & & & \\
\hline
6 & \mathbf{PFD} : & & & \\
m\vec{a} & = \vec{P} \Leftrightarrow \begin{cases}
\ddot{x}(t) = 0 \\
\ddot{y}(t) = -g
\end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases}
\dot{x}(t) = v_0 \cos \alpha \\
\dot{y}(t) = -gt + v_0 \alpha
\end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases}
x(t) = v_0 t \cos \alpha \\
y(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 t \sin \alpha
\end{cases}$$

Ainsi,
$$t = \frac{x}{v_0 \cos \alpha} \Rightarrow y(x) = -\frac{1}{2} g \frac{x^2}{v_0^2 \cos^2 \alpha} + v_0 \sin \alpha \frac{x}{v_0 \cos \alpha}$$
$$\Leftrightarrow \boxed{y(x)^{\boxed{1}} - \frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 + x \tan \alpha}$$