

# SUP MPSI3 21 octobre 2022

## DEVOIR SURVEILLÉ DE SCIENCES PHYSIQUES N°2 (3H00)

**Tout moyen de communication est interdit**  
**Les téléphones portables doivent être éteints et rangés dans les sacs.**

**Les calculatrices sont interdites !**

*Le devoir est composé de deux exercices et de deux problèmes indépendants.*

**EXERCICE 1 :** Etude d'un réseau en régime permanent.

**EXERCICE 2 :** Etude d'un pont de Wheatstone en régime permanent.

**PROBLEME 1 :** Etude d'une lampe de secours rechargeable.

**PROBLEME 2 :** Etude d'un circuit RL transitoire.

*A l'intérieur des problèmes, certaines questions sont indépendantes.*

*L'étudiant est invité à prendre connaissance de la totalité du sujet avant de commencer sa composition.*

*L'ordre dans lequel seront abordées les différentes questions est laissé au choix de l'étudiant, mais le numéro complet de la question devra être mentionné sur la copie et le correcteur appréciera qu'une partie soit traitée dans sa continuité.*

*Une attention particulière sera portée à la qualité de la rédaction (vocabulaire, orthographe...) et à la présentation de la copie (numérotation des questions, encadrement des expressions littérales et soulignement des applications numériques...).*

*Et il est indispensable de numéroter vos copies.*

*Les résultats numériques doivent être accompagnés d'une unité et présentés avec le bon nombre de chiffres significatifs.*

*Une minoration pouvant aller jusqu'à 2 points pourra être appliquée en cas de travail négligé.*

### **Programme de révision de ce devoir :**

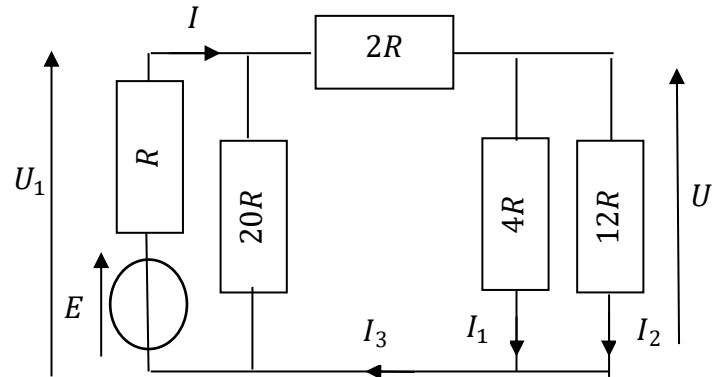
**Le début de l'électricité (Les dipôles, les réseaux en régime permanent et les réseaux en régime transitoire du 1<sup>er</sup> ordre).**

## EXERCICE 1 : Etude d'un réseau en régime permanent :

( $\approx 34$  pts)

Soit le réseau ci-contre :

Toutes les expressions littérales demandées seront mises sous forme de fractions simples simplifiées, et exprimées en fonction de  $E$  et/ou  $R$  uniquement (sauf en question Q4 où on attend juste des fractions).



**Q1.** En simplifiant le réseau, exprimer  $I$ , puis  $U_1$ . Expliquez vos calculs.

**Q2.** En déduire  $U$  en utilisant un pont diviseur de tension sur un schéma particulier que vous présenterez.

**Q3.** En déduire ensuite  $I_1$ ,  $I_2$  et  $I_3$  par la méthode de votre choix.

**Q4.** Vérifier les relations entre  $I_1$  et  $I_3$  d'une part et  $I_2$  et  $I_3$  d'autre part, grâce à un pont diviseur de courant. Expliquez vos démarches.

**Q5.** Exprimer la puissance  $P_g$  délivrée par le générateur idéal de force électromotrice  $E$ .

**Q6.** Exprimer la puissance  $P_j$  dissipée par effet Joule dans la résistance  $12R$ . Quelle fraction de la puissance fournie par le générateur cela représente-t-il ?

## EXERCICE 2 : Etude d'un pont de Wheatstone en régime permanent : ( $\approx 33$ pts)

Un pont de Wheatstone est constitué de quatre résistances selon le montage ci-contre.

**Q1.** Exprimer les tensions  $U_1$ ,  $U_3$  et  $U$  en fonction des potentiels des points A, B, C et D nécessaires.

### I - Etude du réseau ci-contre par différentes méthodes :

Toutes les expressions obtenues seront écrites sous forme de fractions simples simplifiées.

**Q2.** En utilisant les lois de Kirchhoff sans modifier le réseau, déterminer  $I_1$ ,  $I_3$  et  $I$  en fonction de  $E$  et des résistances nécessaires. En déduire les expressions de  $U_1$  et  $U_3$  en fonction des mêmes grandeurs.

**Q3.** Retrouver l'expression de  $I$ , en fonction de  $E$  et des résistances nécessaires, en ramenant le réseau à un circuit à une seule maille.

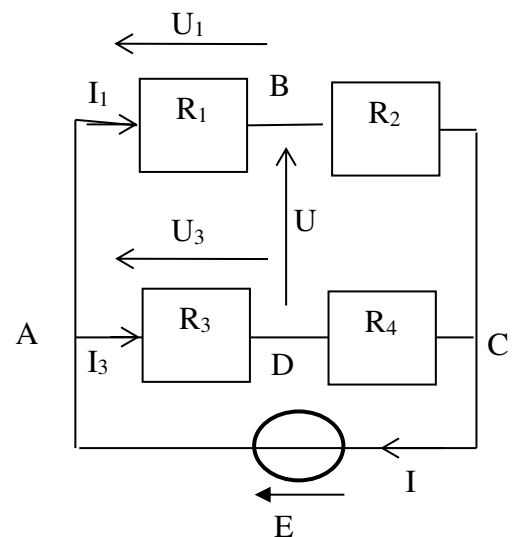
**Q4.** Reprendre le circuit initial et retrouver les expressions de  $U_1$  et  $U_3$  en utilisant la formule du pont diviseur de tension. On souhaite toujours des expressions en fonction de  $E$  et des résistances nécessaires. En déduire l'expression de  $U$ .

Quelle doit être la relation entre les résistances pour que  $U$  soit nulle ? On dit alors que le pont est équilibré.

### II - On branche maintenant entre les bornes B et D un ampèremètre de précision, que l'on modélise par un conducteur ohmique de résistance $r$ :

**Q5.** A quelle condition sur les potentiels  $V_B$  et  $V_D$ , l'ampèremètre indique-t-il zéro ?

**Q6.** Les valeurs des résistances  $R_1$  et  $R_4$  étant connues très précisément, la résistance  $R_2$  étant variable mais dont on peut lire la valeur, et la résistance  $R_3$  étant inconnue, quel est l'intérêt d'un tel montage ?



## PROBLEME 1 : Etude d'une lampe de secours rechargeable :

( $\approx 63$  pts)

*Il est recommandé d'avoir sur soi une lampe pour être vu en cas de détresse ou tout simplement pour se déplacer par nuit noire. Pour ne pas avoir à gérer des piles défaillantes ou des accumulateurs non chargés, une "lampe à secouer" peut s'avérer utile.*

Un extrait d'une description publicitaire de cet objet est rapporté ci-dessous :

### **Document - Extrait d'une publicité pour une lampe à secouer :**

En secouant la lampe 30 secondes (un peu comme une bombe de peinture), de l'énergie électrique est produite et stockée dans un condensateur. Vous obtenez alors environ 20 minutes d'une lumière produite par une DEL (diode électroluminescente).

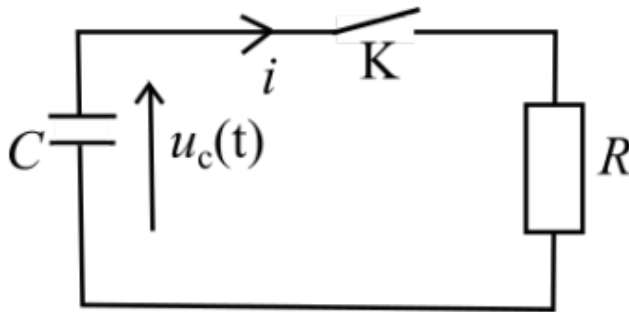
Si vous n'utilisez pas toute l'énergie produite, elle restera stockée dans le condensateur pendant plusieurs semaines pour être ensuite immédiatement disponible sur simple pression du bouton marche/arrêt.

On part d'une situation où on suppose que le condensateur vient d'être chargé et que la tension à ses bornes est  $U_0 = 3,3$  V. On cesse alors d'agiter la lampe et donc de recharger le condensateur.

Tout d'abord, on étudie la décharge de ce condensateur de capacité  $C = 10$  F ("supercondensateur") dans un conducteur ohmique de résistance  $R$  pouvant modéliser une lampe à incandescence.

Le circuit étudié est donc représenté par le schéma de la figure 1.

La partie de circuit utile lors de la phase de charge du condensateur n'est pas représentée.



**Figure 1** - Circuit électrique équivalent lors de la phase de décharge du condensateur

À l'instant initial  $t_0 = 0$  s, on ferme l'interrupteur  $K$  et la décharge commence.

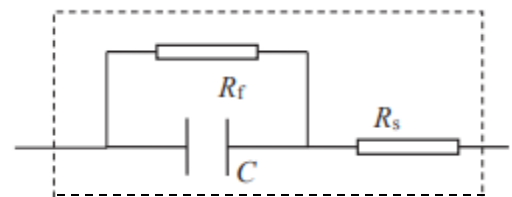
**Q1.** Établir l'équation différentielle vérifiée par  $u_c(t)$  pendant la décharge en faisant apparaître une constante de temps  $\tau$  dont on donnera l'expression. Puis déterminer l'expression littérale de la solution de cette équation différentielle.

Au bout d'une durée environ égale à  $5\tau$ , on peut considérer que la décharge du condensateur est quasi-complète.

**Q2.** Si l'on considère que cette durée est égale à 20 minutes (comme précisé dans le document fourni), déterminer la valeur de la résistance  $R$  du conducteur ohmique qu'il faut alors associer au condensateur de capacité  $C = 10$  F.

Certains modèles électriques plus élaborés du "supercondensateur" permettent de traduire, plus fidèlement son comportement réel dans un circuit. Un des modèles possibles fait apparaître, autour de la capacité  $C$ , une résistance  $R_f$  en parallèle et une résistance série  $R_s$  conformément au schéma ci-dessous :

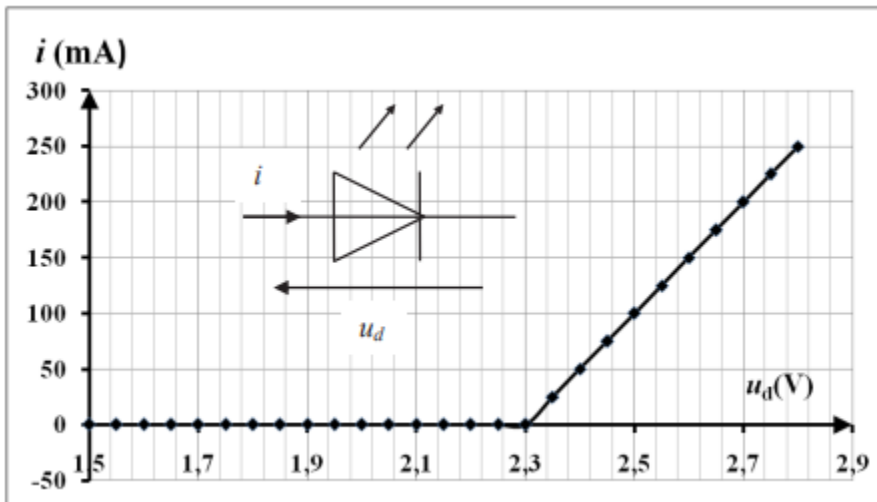
### **Document - Modèle plus fidèle à la réalité pour le "supercondensateur"**



**Q3.** Quelles valeurs limites doit-on donner à  $R_f$  et  $R_s$  pour que les propriétés du condensateur « réel » s'approchent au maximum des propriétés du condensateur idéal ? Justifier.

Pour la suite des questions, on revient à un modèle plus simple (**C seul**) pour le condensateur, toujours initialement chargé sous une tension  $U_0 = 3,3 \text{ V}$ .

On remplace maintenant le conducteur ohmique de résistance  $R$  par une DEL dont les caractéristiques sont les suivantes :



**Figure 2** – Caractéristique  $i = f(u_d)$  pour la diode électroluminescente DEL.

Parameter	Symbol	Condition	Min.	Typ.	Max.	Unit
Luminous Flux	$\Phi_v$	$i = 200 \text{ mA}$	6	8,5	-	lm
Forward Voltage	$u_d$	$i = 200 \text{ mA}$	-	2,5	2,8	V
D.C. Forward Current Max	$i_M$	-	-	-	250	mA
Peak Wavelength	$\lambda_p$	$i = 200 \text{ mA}$	-	635	-	nm
Dominant Wavelength	$\lambda_d$	$i = 200 \text{ mA}$	-	624	-	nm
Reverse Current	$i_r$	$u_r = 5 \text{ V}$	-	-	50	$\mu\text{A}$
Viewing Angle	$2\phi_{1/2}$	$i = 200 \text{ mA}$	-	120	-	deg
Spectrum Line Halfwidth	$\Delta\lambda$	$i = 200 \text{ mA}$	-	20	-	nm

**Tableau 1** -  
Electrical &  
Optical  
Characteristics

Pour cette diode, on appelle tension seuil, notée  $U_S$  la tension minimale au-delà de laquelle la diode devient passante ( $i > 0$ ). On convient alors que la diode électroluminescente cesse d'émettre suffisamment de lumière dès que  $u_d < U_S + 0,1 \text{ V}$ .

**Q4.** Comment se comporte la DEL lorsque la diode est bloquée : ( $u_d < 2,3 \text{ V}$ ).

D'autre part, en exploitant la caractéristique fournie, proposer un modèle électrique équivalent pour la DEL lorsqu'elle est passante ( $u_d > 2,3 \text{ V}$ ), sous forme d'un générateur de Thévenin de force électromotrice  $U_S$  et de résistance interne  $r$ . On précisera les valeurs numériques de ces deux grandeurs. On fera le schéma électrique correspondant en précisant bien les sens de l'intensité de la tension  $u_d$ .

**Q5.** Faire le schéma électrique de la DEL **modélisée et insérée dans le circuit précédent** à la place de la résistance  $R$ . Puis, montrer que la nouvelle équation différentielle régissant l'évolution de  $u_c(t)$  lorsque le condensateur se décharge dans la diode électroluminescente est de la forme :  $\frac{d u_c(t)}{dt} + \frac{u_c(t)}{\tau'} = \frac{U_S}{\tau'}$ .

Préciser l'expression de  $\tau'$ .

**Q6.** Déterminer la solution  $u_c(t)$  de cette nouvelle équation différentielle, avec les mêmes conditions initiales que précédemment. Puis représenter graphiquement l'allure de son évolution en fonction du temps, en mettant en évidence les points importants du graphe (valeur et tangente à l'origine ainsi qu'une asymptote éventuelle).

**Q7.** Déterminer l'expression littérale de  $i(t)$ . Puis représenter graphiquement l'allure de son évolution en fonction du temps, en mettant en évidence les points importants.

**Q8.** À l'aide des caractéristiques techniques fournies dans le tableau 1, indiquer si le fonctionnement correct de la DEL est garanti sans dommage. Proposer une solution pour éventuellement remédier au problème rencontré (valeur numérique attendue).

**Q9.** Prévoir, sans la mise en œuvre de la solution précédente, la durée approximative d'éclairage de cette lampe notée  $T$ . (On rappelle que  $\ln(10) \approx 2,3$ ). Conclure.

**Q10.** Exprimer, en fonction de  $U_0$  et de  $U_{Fin} = U_S + 0,1 \text{ V}$ , le pourcentage  $P$  d'énergie restante dans le condensateur lorsque la DEL cesse d'émettre de la lumière par rapport à l'énergie initiale accumulée. (On ne cherche pas à la calculer, mais on estime ici ce pourcentage à environ 50 %).

## **PROBLEME 2 : Etude d'un circuit RL transitoire :**

**( $\approx 43 \text{ pts}$ )**

Le circuit ci-contre est alimenté par un générateur idéal de tension continue de force électromotrice  $E$ .

A l'instant  $t = 0$ , on ferme l'interrupteur  $K$ .

**Q1.** Y a-t-il continuité du courant  $i_L(t)$  dans la bobine  $L$  en  $t = 0$  ?

Y a-t-il continuité de la tension  $s(t)$  en  $t = 0$  ?

Y a-t-il continuité du courant  $i(t)$  dans la résistance  $R$  en  $t = 0$  ?

Justifiez vos réponses.

**Q2.** Montrer que  $s(0^+) = \frac{E}{3}$ .

**Q3.** Déterminer également le comportement de  $s(t)$  lorsque  $t \rightarrow \infty$ . Justifier.

**Q4.** Etablir l'équation différentielle vérifiée par  $s(t)$  en utilisant les lois de Kirchhoff.

On passe de la question 4 à la question 6. Indiquez bien Q6 sur votre copie. Pas d'inquiétude, aucun malus -Q pour ça.

**Q6.** En déduire  $s(t)$  et tracer son allure.

**Q7.** Exprimer en fonction de  $L$  et  $R$ , le temps  $t_0$  au bout duquel  $s(t_0) = \frac{s(t=0^+)}{10}$ .

**Q8.** Expérimentalement, on souhaite visualiser  $e(t)$  sur la voix 1 et  $s(t)$  sur la voix 2. Recopier le schéma du montage et y ajouter les branchements de l'oscilloscope. Y a-t-il besoin d'un transformateur d'isolement ?

**Q9.** On mesure expérimentalement  $t_0 = 3,0 \mu\text{s}$ . On donne  $R = 1000 \Omega$ . On rappelle que  $\ln(10) \approx 2,3$ . En déduire un ordre de grandeur de l'inductance  $L$  de la bobine.

**Q10.** On remplace le générateur continu par un générateur délivrant un signal périodique en créneaux. Quel doit être l'ordre de grandeur de la fréquence du générateur pour qu'on puisse visualiser le signal  $s(t)$  complet à l'oscilloscope.

