

# Ondes progressives

## Au programme

### Savoirs

- ◇ Identifier les grandeurs physiques correspondant à des signaux acoustiques, électriques, électromagnétiques.
- ◇ Propagation d'un signal dans un milieu illimité, non dispersif et transparent.
- ◇ Onde progressive dans le cas d'une propagation unidimensionnelle non dispersive.
- ◇ Modèle de l'onde progressive sinusoïdale unidimensionnelle. Vitesse de phase, déphasage, double périodicité spatiale et temporelle.
- ◇ Définir un milieu dispersif. Citer des exemples de situations de propagation dispersive et non dispersive.
- ◇ Citer quelques ordres de grandeur de fréquences dans les domaines acoustique, mécanique et électromagnétique.

### Savoir-faire

- ◇ Écrire les signaux sous la forme  $f(x - ct)$  ou  $g(x + ct)$ , et sous la forme  $f(t - x/c)$  ou  $g(t + x/c)$ .
- ◇ Prévoir, dans le cas d'une onde progressive, l'évolution temporelle à position fixée et l'évolution spatiale à différents instants.
- ◇ Établir la relation entre la fréquence, la longueur d'onde et la vitesse de phase.
- ◇ Relier le déphasage entre les signaux perçus en deux points distincts au retard dû à la propagation.



## Sommaire

<b>I Introduction</b>	<b>3</b>
I/A Signal	3
I/B Perturbation	3
I/C Onde	3
I/D Perturbation et propagation	4
<b>II Onde progressive à une dimension</b>	<b>4</b>
II/A Définition	4
II/B Représentation spatiale et célérité des ondes	4
II/C Représentation temporelle et retard	6
II/D Lien entre les représentations	7
II/E Formes mathématiques des représentations	7
<b>III Onde progressive sinusoïdale</b>	<b>8</b>
III/A Définition	8
III/B Double périodicité spatiale et temporelle	8
III/C Expression mathématique de l'onde progressive sinusoïdale	9
III/D Vitesse de phase	10
<b>IV Milieux dispersifs</b>	<b>10</b>

# I Introduction

## I/A Signal

Définition

On appelle **signal** une grandeur physique mesurable pouvant varier dans le temps et qui transporte une information.

Exemples

- ◇ Signal **sonore** : voix, instrument de musique ;
- ◇ Signal sismique ;
- ◇ Signal électrique...

À noter que la notion de signal ou d'information **dépend de l'observation**. Les ondes radio servent bien sûr à écouter la radio, mais au départ leur découverte était perturbée par le premier signal lumineux de l'Univers, le fond diffus cosmologique : il baigne la totalité de l'Univers et est fondamental dans la cosmologie, mais peut être parasite selon l'objectif.

## I/B Perturbation

Définition

Une **perturbation** est une modification locale et temporaire des propriétés d'un milieu.

Exemples

- ◇ Jet d'un caillou dans un lac ;
- ◇ Séisme ;
- ◇ Déplacement de la membrane d'un haut-parleur...

Une perturbation, quand elle est créée, se propage autour d'elle de proche en proche : chaque point impacté va subir des modifications temporaires similaires à celle de la source. Après le passage de cette perturbation, chaque point retrouve sa position initiale.

## I/C Onde

### Définition

Certaines ondes ont besoin d'un milieu matériel pour se propager : ce sont les ondes **mécaniques**. Les ondes sismiques, les ondes dans la corde ou les ondes sonores en sont des exemples. Certaines ondes peuvent se propager dans le vide, comme les ondes **électromagnétiques**. Les infrarouges, la lumière visible ou les micro-ondes sont des exemples d'ondes électromagnétiques.

Exemples

- ◇ Lorsqu'on secoue l'extrémité d'une corde tendue, les positions des différents points sont modifiées. Une fois l'onde passée, les points retrouvent leur position initiale.
- ◇ Le caillou dans le lac forme des **rides qui s'éloignent** du point d'impact, mais il n'y a pas de mouvement d'ensemble du fluide.
- ◇ La membrane du haut-parleur, lors de son déplacement elle provoque une brève **compression-dilatation** de l'air qui la touche. Cette propagation se déplace ensuite dans l'air : ce sont les ondes sonores. Elles peuvent aussi se déplacer dans les liquides et dans les solides.

## I/D Perturbation et propagation

La perturbation se propageant peut être soit parallèle, soit perpendiculaire à la direction de propagation. On distingue donc :

### Définition

- ◇ Onde transversale<sup>1</sup> :
- ◇ Onde longitudinale<sup>2</sup> :

Exemples

- ◇ Longitudinales :
- ◇ Transversales :

## II Onde progressive à une dimension

### II/A Définition

#### Définitions

- ◇ Progressive :
- ◇ À une dimension :
  - ▷
  - ▷

Exemples

- ◇ 1D :
- ◇ 2D :
- ◇ 3D :

### II/B Représentation spatiale et célérité des ondes

#### Définition

3

FIGURE 1.1 – Exemple représentation spatiale

1. [https://phyanim.sciences.univ-nantes.fr/Ondes/general/onde\\_transversale.php](https://phyanim.sciences.univ-nantes.fr/Ondes/general/onde_transversale.php)  
 2. [https://phyanim.sciences.univ-nantes.fr/Ondes/general/onde\\_longitudinale.php](https://phyanim.sciences.univ-nantes.fr/Ondes/general/onde_longitudinale.php)  
 3. <https://phyanim.sciences.univ-nantes.fr/Ondes/general/retard.php>

Lorsqu'une onde se propage, on peut définir une **vitesse de propagation de la perturbation**. Pour la distinguer de la vitesse d'un point matériel, on emploie plutôt le terme **célérité**. Par convention, celle-ci est toujours positive.

### Définition

La célérité  $c$  d'une onde est le quotient de la distance  $d$  parcourue par la perturbation, sur l'intervalle de temps  $\Delta t$  que dure ce parcours :

Sur le schéma précédent,

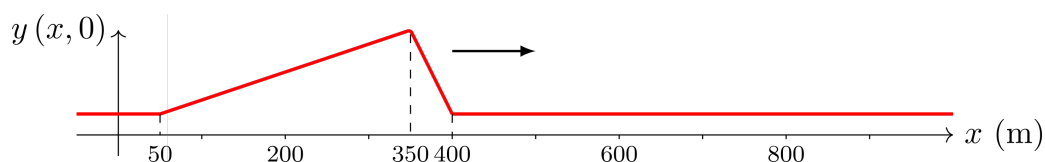
En première approximation, la célérité ne dépend pas de la perturbation mais seulement de la nature et des propriétés du **milieu**.

**TABLEAU 1.1** – Ordres de grandeur de célérité à connaître

Signal	Célérité
Ondes électromagnétiques	
Son dans l'air (20 °C, 1 bar)	
Son dans les métaux	
Son dans l'eau	

### Application

On considère ici une vague solitaire qui se déplace à la vitesse  $c = 18 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$  le long d'un fleuve rectiligne, et on définit un axe  $(Ox)$  dans la direction du sens de sa propagation. À l'instant  $t = 0$ , le profil du niveau de l'eau du fleuve a l'allure suivante :



Faire un schéma du profil du fleuve à  $\tau = 1 \text{ min}$  en supposant que l'onde se propage sans déformation.

**FIGURE 1.2** – Vague solitaire à  $\tau = 1 \text{ min}$

## II/C Représentation temporelle et retard

### Définition

4

On crée à l'instant  $t = 0$  une déformation à un endroit M. Cette perturbation se propage le long d'une corde avec une célérité  $c$ . Elle parvient en un point  $M_0$ , situé à une distance  $D$  de M au temps  $t_1$  tel que :

### Définition : retard

### Application

On reprend l'exemple de la vague précédente.

- 1) À quel instant la vague arrive-t-elle au point d'abscisse  $x_1 = 2,2$  km ?
- 2) Un détecteur fixe, enregistrant la hauteur du fleuve en fonction du temps, est placé à l'abscisse  $x_d = 1,6$  km. Dessiner l'allure des variations  $y(x_d, t)$  en fonction du temps à cette abscisse.

**FIGURE 1.3** – Vague solitaire en représentation temporelle.

4. [https://phyanim.sciences.univ-nantes.fr/Ondes/general/evolution\\_temporelle.php](https://phyanim.sciences.univ-nantes.fr/Ondes/general/evolution_temporelle.php)

## II/D Lien entre les représentations

Nous avons vu deux représentations graphiques différentes, une selon l'espace et une selon le temps. En réalité, le signal d'une onde est une fonction de **deux** variables :

$$y(x, t)$$

Pour obtenir l'une au l'autre des représentations, on fixe l'une des variables. Une animation sur les représentations temporelles et spatiales est disponible au lien suivant : <https://www.geogebra.org/m/RkmRF9M6>

## II/E Formes mathématiques des représentations

II/E) 1 À partir de la représentation spatiale

L'onde observée à  $t = 0$  se déplace vers la droite. À l'instant  $t$ , elle est décalée vers la droite de  : la valeur de  $y(x, t)$  en  $x$  et à l'instant  $t$  était en  $x - ct$  à l'instant  $t = 0$ , soit :

On note alors  $f(x) = y(x, 0)$  : c'est la représentation spatiale de l'onde à  $t = 0$ . On a alors

II/E) 2 À partir de la représentation temporelle

Lorsqu'une onde se propage sans atténuation ni déformation, les valeurs observées en  $x = 0$  au cours du temps sont aussi observées en  $x > 0$  mais avec un retard  lié à la propagation. La valeur de  $y(x, t)$  en  $x$  à l'instant  $t$  était en  $x = 0$  plus tôt, à l'instant  $t - x/c$ . Ainsi,

La fonction  $y(0, t)$  est la hauteur de la perturbation en  $x = 0$  à l'instant  $t$  : c'est la perturbation imposée par la source. On la note alors  $g(t) = y(0, t)$  : c'est la représentation temporelle de l'onde à  $x = 0$ . On a alors

### Conclusion

La représentation **spatiale en  $t_0$**  est le graphique de la fonction  $x \mapsto y(x, t_0)$ , soit :

La représentation **temporelle en  $x_0$**  est le graphique de la fonction  $t \mapsto y(x_0, t)$ , soit :

**Vers la droite ou vers la gauche ?**

Vous ferez bien attention, à défaut de travailler votre intuition pour comprendre que  $f(x - ct)$  est une onde se propageant vers la droite, à ne pas penser « signe moins donc vers la gauche » ! Il faudrait refaire le raisonnement, et on arrive à :

Vers la gauche

Vers la droite

**III Ondes progressive sinusoïdale****III/A Définition****Définition : OPS**

Si on relie un haut-parleur à un GBF délivrant une tension sinusoïdale, on observe le mouvement périodique dont est animé la membrane de l'air, qui génère une perturbation périodique de l'air.

**III/B Double périodicité spatiale et temporelle****III/B) 1 Observations sur l'animation Geogebra**

- 1)
- 2)
- 3)

**III/B) 2 Périodicité temporelle**

Si la perturbation créée en S est sinusoïdale avec une période  $T$ , alors l'onde en M l'est également (il n'y a qu'un retard entre les deux dû à la propagation).

**III/B) 3 Périodicité spatiale**

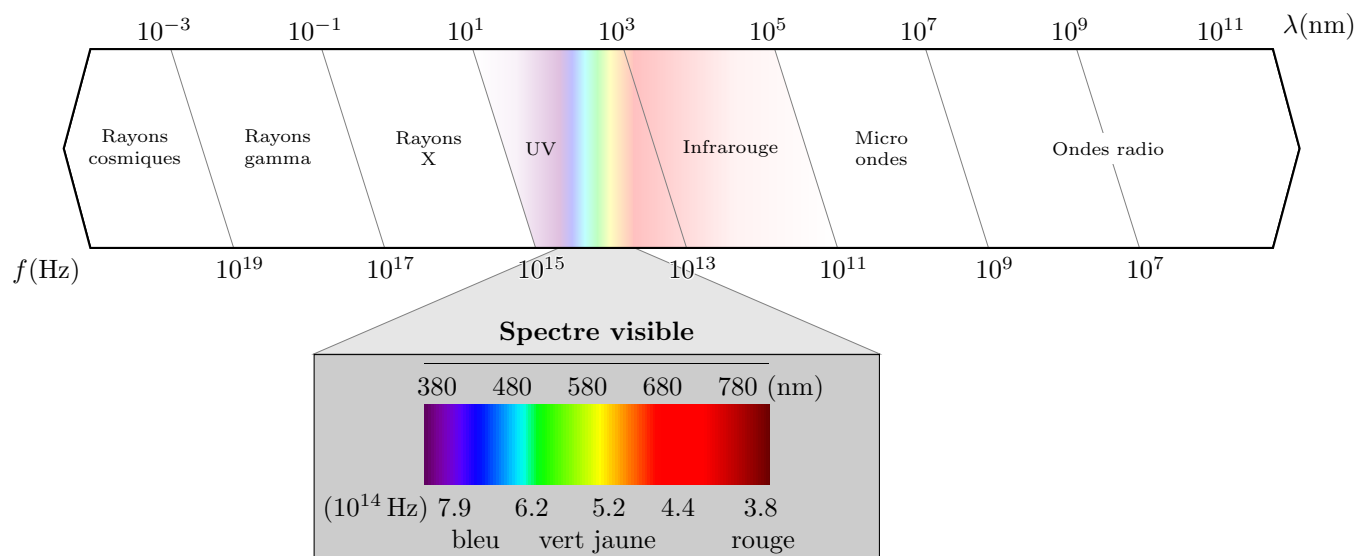
Au moment de l'émission du deuxième maximum, le premier maximum a déjà parcouru une distance  $cT$ . L'écart entre deux maximum successifs est la période spatiale soit :

$$\lambda = cT$$

**Bilan**



Cette relation ne vous est sûrement pas inconnue : c'est de cette manière qu'on définit à la fois la fréquence (temporelle) et la période (spatiale) d'une onde électromagnétique, donnant les domaines connus rappelés ci-dessous :



### III/C Expression mathématique de l'onde progressive sinusoïdale

On s'intéresse à un mouvement vers la droite. Par définition, la perturbation  $g(t)$  imposée en  $x = 0$  est un signal sinusoïdal :

Ainsi,

$$\Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow$$

#### Définition

Comme pour la fréquence et la pulsation, on relie la longueur d'onde à une autre grandeur permettant une expression simple dans une fonction sinusoïdale : le **vecteur d'onde**  $k$ , tel que

#### Propriété

L'expression générale d'une onde progressive sinusoïdale se propageant *vers la droite* sans déformation ni atténuation est :

On peut vérifier la double périodicité de l'onde ( $T$  et  $\lambda$ ). Vérifier par exemple la périodicité spatiale. : soit un signal  $s(x,t)$  double-périodique. Montrer que  $s(x + \lambda, t) = s(x, t)$ .

### III/D Vitesse de phase

Soit une onde progressive sinusoïdale. La **phase** de l'onde est, par définition, le terme à l'intérieur de la fonction :  $\omega t - kx + \varphi$ . Cette phase varie spatialement *et* temporellement, de manières corrélées. Si on trouve une phase mesurée en  $x_1$  à l'instant  $t_1$ , le signal aura la même phase en  $x_2$  à un instant  $t_2$  donnés par la **vitesse de phase**, notée  $v_\varphi$ , telle que :

#### Démonstration

Unité

## IV Milieux dispersifs

### Définition

Un milieu est dit **dispersif** si

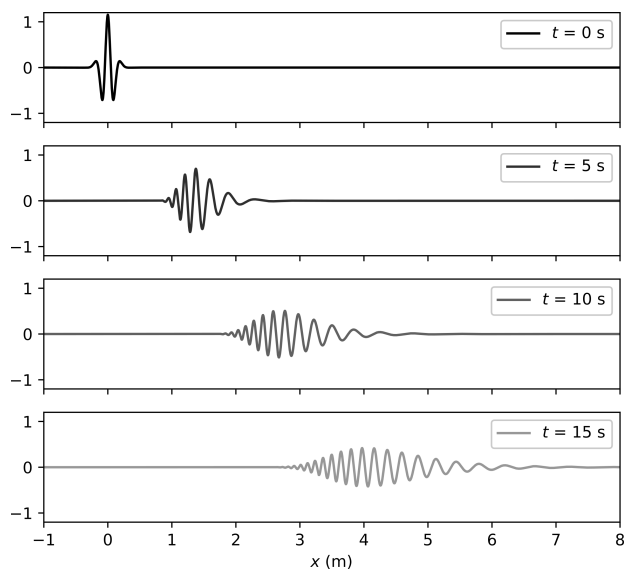
Si c'est le cas, les différentes composantes spectrales d'un signal ne vont pas à la même vitesse, et donc le signal peut se déformer lors de la propagation.

### Exemples

Propagation non-dispersive

◇

Propagation dispersive



**Figure 1.4** – Propagation dispersive d’une onde à la surface de l’eau. On observe nettement que les composantes sinusoïdales de hautes fréquences se propagent avec une moins grande vitesse que les composantes de basses fréquences. En ordonnée, l’unité de la hauteur d’eau est arbitraire.