## Rentrée, unités, mesure et optique

## Calculatrice autorisée.

/1 Citer, sans détailler, les trois astuces pour reprendre le contrôle sur son utilisation du téléphone.

Restriction du temps, contrainte physique et contrainte catégorique.

 $\sqrt{2}$  Donner, par analyse dimensionnelle, la période T des oscillations d'un pendule simple sans facteur multiplicatif.

Les variables possibles sont  $\ell$ , g et m; ainsi, il nous faudrait avoir

$$\begin{split} T &= \ell^{\alpha} g^{\beta} m^{\gamma} \\ \Leftrightarrow [T] &= [\ell]^{\alpha} [g]^{\beta} [m]^{\gamma} \\ \Leftrightarrow \mathbf{s} &= \mathbf{m}^{\alpha} \cdot \mathbf{m}^{\beta} \cdot \mathbf{s}^{-2\beta} \cdot \mathbf{k} \mathbf{g}^{\gamma} \\ \Leftrightarrow \begin{cases} \mathbf{s} &= \mathbf{s}^{-2\beta} \\ 1 &= \mathbf{m}^{\alpha+\beta} \\ 1 &= \mathbf{k} \mathbf{g}^{\gamma} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \beta &= -\frac{1}{2} \\ \alpha &= \frac{1}{2} \\ \gamma &= 0 \end{split}$$

Autrement dit, on aurait tendance à écrire

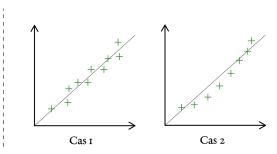
$$T = \sqrt{\frac{\ell}{g}}$$

Ce qui serait effectivement homogène! Mais pourtant faux... L'étude complète du système donne un facteur  $2\pi$  avant la racine.

/2 3 Comment valider une régression linéaire? Deux éléments sont attendus, ainsi que deux schémas grossiers représentatifs de régressions.

Par étude visuelle : les données doivent décrire une droite et être suffisamment proche de la régression; par étude numérique : le coeffcient de corrélation doit être supérieur à 0,99.

À droite, le premier cas est valide. Le second non.



/2 4 Corriger la présentation des valeurs suivantes, indiquer leur nombre de chiffres significatifs et calculer leurs incertitudes relatives  $u_r$ :

$$\lambda = (589.0 \pm 11.0) \,\text{nm}$$
  $t = (0.473 \pm 0.122) \,\text{s}$   $V = (14 \pm 0.0015) \,\text{mL}$ 

On trouve

$$\lambda = (589 \pm 11) \,\text{nm}$$
  $t = (0.47 \pm 0.12) \,\text{s}$   $V = (14,0000 \pm 0.0015) \,\text{mL}$ 

avec respectivement 3, 2 et 6 chiffres significatifs. Pour les  $u_r$ , on trouve

$$u_r(\lambda) = 1.9\%$$
  $u_r(t) = 26\%$   $u_r(V) = 0.011\%$ 

/2  $\lfloor 5 \rfloor$  Un laser rouge émet un rayonnement de longueur d'onde dans le vide  $\lambda_0 = 633\,\mathrm{nm}$ . Déterminer sa longueur d'onde  $\lambda$  dans du verre, d'indice optique n=1,5. Sa couleur change-t-elle?

On a 
$$\boxed{\lambda = \frac{\lambda_0}{n}} \quad \text{avec} \quad \begin{cases} \lambda_0 = 633 \, \text{nm} \\ n = 1,5 \end{cases}$$
 A.N. : 
$$\underline{\lambda = 422 \, \text{nm}}$$

Cependant, **sa couleur ne change pas** puis qu'<u>une onde est caracétrisée par sa fréquence,</u> qui ne change pas.

/1 6 Donner les trois propriétés d'un rayon lumineux.

Propagation rectligne dans un milieu TLHI, indépendance des rayons lumineux, retour inverse dans un milieu TLI.