

# Goniomètre à réseau : spectrométrie

## Au programme

### Savoir-faire

- ◇ Utiliser des vis micrométriques et un réticule pour tirer parti de la précision affichée de l'appareil utilisé.
- ◇ Mesurer une longueur d'onde optique à l'aide d'un goniomètre à réseau.



## I Objectifs

- ◇ Connaître le protocole des réglages optiques du goniomètre.
- ◇ Réaliser les réglages géométriques d'un goniomètre à partir d'un protocole fourni.
- ◇ Vérifier la formule des réseaux en incidence normale.
- ◇ Déterminer le pas d'un réseau.
- ◇ Utiliser un réseau pour déterminer les longueurs d'onde émises par une lampe spectrale après étalonnage du réseau.

## II S'approprier

### A Les réseaux de diffraction

#### II.A.1 Qu'est-ce qu'un réseau ?

Un réseau de diffraction par transmission est constitué d'une plaque de verre sur laquelle ont été gravées des stries parallèles, laissant apparaître entre elles des bandes très fines, transparentes, parallèles et équidistantes, équivalentes à des fentes. La distance entre deux telles fentes successives est notée  $a$  et est appelée le **pas du réseau**. Son ordre de grandeur est le micromètre : un bon réseau comporte plusieurs dizaines de milliers de « fentes » (le réseau que vous allez utiliser comporte 600 traits par millimètre). Le fonctionnement sera détaillé plus tard dans l'année.

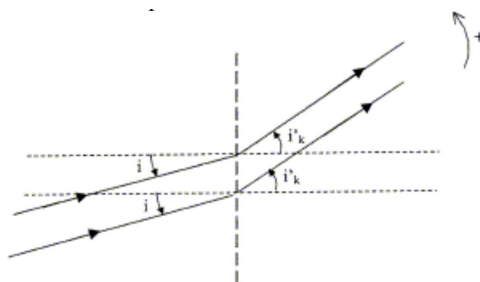
#### II.A.2 Formule des réseaux par transmission

### Formule du réseau

Éclairé en lumière parallèle de longueur d'onde  $\lambda$  sous incidence  $i$ , on observe de la lumière dans les directions  $i'_k$  vérifiant :

$$\sin(i'_k) - \sin(i) = k \frac{\lambda}{a} \quad \text{avec} \quad k \in \mathbb{Z}$$

Avec  $k$  l'ordre d'interférence (constructive).



Ainsi, on ne voit de la lumière que dans quelques directions, dont la direction incidente (pas de déviation,  $i = 0$ ). L'examen de la formule des réseaux montre que  $k$  est « petit » : il ne dépasse pas 2 ou 3 en général.

### Implication

Si la lumière incidente est polychromatique, pour un ordre  $k$  donné, l'angle  $i'_k$  dépend de  $\lambda$  : les différentes radiations sont donc angulairement séparées (sauf pour  $k = 0$  où toutes les couleurs se superposent), et on obtient donc le spectre de la lumière incidente.

On note aussi que pour un ordre  $k$  donné, à l'inverse du prisme, le violet est moins dévié que le rouge. Ce constat n'est pas particulièrement surprenant puisque ce n'est pas du tout les mêmes phénomènes physiques qui sont mis en jeu. En effet, le prisme dévie la lumière de manière différenciée selon la fréquence car l'indice optique du matériau qui le compose dépend de ladite fréquence. Dans le cas du réseau, le phénomène est uniquement dû aux interférences entre un grand nombre de sources.

Dans le TP, le **réseau sera utilisé en incidence normale**, c'est-à-dire pour  $i = 0$ . Par ailleurs, le spectre sera établi autour du premier ordre d'interférence  $k = \pm 1$ .

## B Présentation du goniomètre

Un **goniomètre** est un appareil qui sert à **mesurer des angles** avec une précision d'une minute d'angle. C'est donc un appareil adapté pour évaluer les déviations de rayons lumineux par un réseau (ou un prisme).

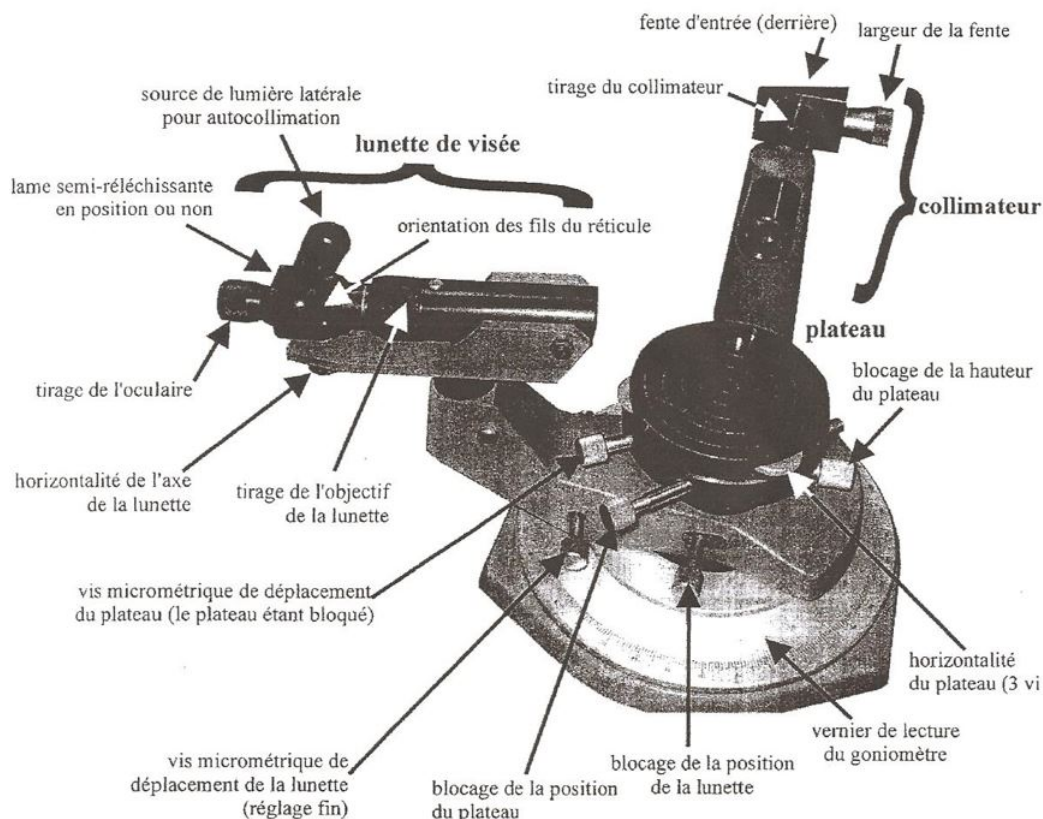
### Rappel

$$60' = 1^\circ. \text{ Ainsi, on a donc : } 1,2^\circ = 1^\circ 12' \text{ (par exemple).}$$

Un exemple de goniomètre est proposé ci-dessous. Il comporte :

- ◇ Un **collimateur réglable**. Il crée un **objet à l'infini** à l'aide d'une fente éclairée avec une lampe spectrale et d'un objectif de distance focale 160 mm.  
En tirant sur l'objectif, on peut placer la fente au foyer objet de ce dernier afin d'avoir une image à l'infini.
- ◇ Une **lunette autocollimatrice** montée sur un support mobile en rotation autour d'un axe central. Cette lunette de visée est constituée d'un objectif de distance focale 130 mm et d'un oculaire autocollimateur et permet de repérer un rayon émergent du réseau. L'horizontalité de l'axe de la lunette est réglable.
- ◇ Un plateau central, lui aussi mobile en rotation autour de l'axe central, monté sur un socle métallique fixe, le tout pouvant être rendu horizontal à l'aide de trois vis de réglage.

Puisqu'on cherche à effectuer des mesures précises, il est nécessaire de régler **parfaitement** l'appareil grâce à la démarche donnée ci-après. Cette démarche est longue et demande beaucoup de précisions. Soyez concentré-es car si vous faites mal une étape et que vous vous en rendez compte à l'étape 3, il faudra tout recommencer depuis le début...



Les jurys d'épreuves de travaux pratiques aux concours adorent l'optique. Le matériel est facile à installer et l'évaluation est relativement simple : le dispositif est bien réglé par le candidat-e... ou pas ! Je vous invite donc à savoir faire ce réglage pour vos concours.

### III Réaliser : réglage du goniomètre

#### A Horizontalité grossière du plateau

Dans un premier temps, régler grossièrement (à l'œil) l'horizontalité du plateau. En particulier, si l'une des vis de réglage semble particulièrement vissée ou dévissée, la placer dans une position intermédiaire.

#### B Réglage de la lunette autocollimatrice

Cette lunette doit être réglée de façon à donner d'un **objet à l'infini** une **image à l'infini** pour éviter toute fatigue de l'œil. Le système doit donc être afocal.

##### III.B.1 Régler l'oculaire à votre vue

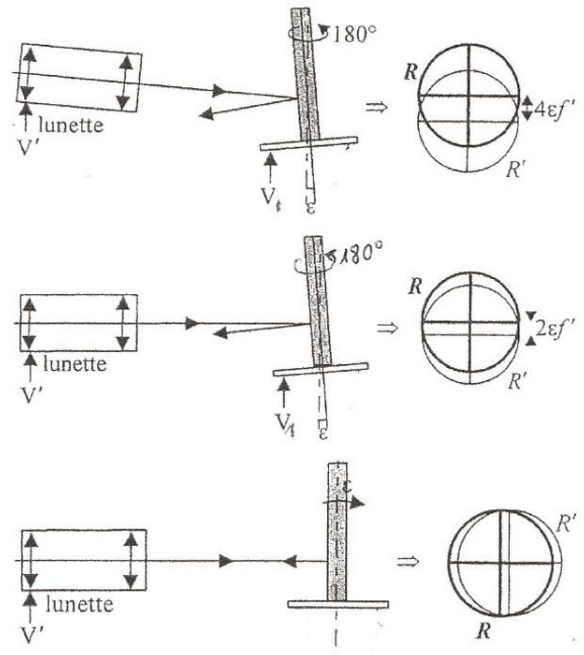
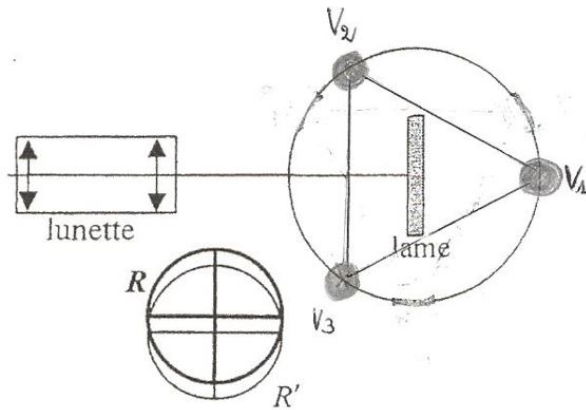
Allumer la lampe latérale de la lunette qui éclaire le réticule. Régler l'oculaire à votre vue : mettre au point le réticule en agissant sur l'œilleton de l'oculaire. Ce réglage est personnel et nécessaire avant toute manipulation ; La lunette est réglée quand on voit les deux fils croisés nets.

##### III.B.2 Régler la lunette sur l'infini

Positionner à la sortie de la lunette le petit miroir plan circulaire et tourner la molette intermédiaire afin de régler la position de l'objectif pour voir à la fois le réticule et son image nets. Cette méthode est appelée auto-collimation.

### III.B.3 Régler l'horizontalité de la lunette (étape délicate !)

Le but de ce réglage est de rendre l'axe de la lunette orthogonal à l'axe de la platine sans que celui-ci ne soit nécessairement vertical.



- 1) Poser le miroir sans tain sur le plateau de façon à ce qu'elle soit approximativement parallèle à l'axe  $V_2 - V_3$ . Viser à la lunette pour observer l'image du réticule. En général, le réticule ( $R$ ) et son image ( $R'$ ) ne sont pas confondus (cf. ci-dessus).
- 2) En agissant sur la vis  $V'$  de réglage de l'horizontalité de l'axe de la lunette (sous la lunette) et sur la vis  $V_1$  du plateau, réduire l'écart initial entre ( $R$ ) et ( $R'$ ) de sa **moitié** : un quart en agissant sur  $V'$  et un quart en agissant sur  $V_1$ . **Ne pas chercher à faire coïncider les deux réticules.**
- 3) Tourner le plateau de  $180^\circ$ . En général, l'image du fil horizontal ( $R'$ ) ne coïncide pas encore avec ( $R$ ).
- 4) Agir sur les deux mêmes vis de façon à diviser à nouveau l'écart entre les fils horizontaux par 2.
- 5) Recommencer ainsi jusqu'à ce que les fils horizontaux de ( $R$ ) et ( $R'$ ) coïncident de chaque côté. Le réglage de la lunette est alors terminé. Cinq à dix itérations sont souvent nécessaires. Notez que l'on cherche ici la coïncidence selon l'**horizontale**, pas selon la verticale.

**Ne plus toucher par la suite aux vis de réglages de la lunette !**

- 6) Retirer ensuite le miroir sans tain du plateau. Basculer la lame semi-réfléchissante de la lunette autocollimatrice pour éteindre sa lampe.
- 7) Allumer la lampe à vapeur de mercure (attention : ne pas l'éteindre indûment, car, pour pouvoir la rallumer, il faudrait attendre qu'elle soit refroidie ce qui peut demander plusieurs minutes).

## C Réglage du tirage du collimateur

Le collimateur doit donner de la fente une **image à l'infini**.



- 1) Diriger la lunette vers le collimateur  $K$ . Ouvrir la fente de 0,5 mm environ et l'éclairer par la source qui sera utilisée dans la manipulation suivante (ici, par la lampe à vapeur de mercure pour commencer).
- 2) Observer alors l'image de la fente donnée par le collimateur à travers la lunette :
  - a – Si le faisceau issu de  $K$  est un faisceau de rayons parallèles, l'image donnée par  $K$  est à l'infini (ce qui implique que la fente source soit dans le plan focal objet de  $K$ ) et, dans la lunette, on observe une image nette de la fente dans le plan du réticule.
  - b – Si ce n'est pas le cas, la fente est mal placée par rapport au collimateur, il faut déplacer la fente par tirage du collimateur jusqu'à ce que l'image dans la lunette soit nette (en particulier les bords de la fente).

**Attention, vous ne devez plus toucher aux réglages de la lunette !**

- 3) Refermer ensuite légèrement la fente, l'œil restant derrière l'oculaire de la lunette, de manière à observer un trait lumineux de faible largeur.

**Ne plus toucher par la suite aux vis de réglages du tirage du collimateur !**

- 4) Viser la position angulaire de la fente en superposant l'axe vertical de votre réticule sur la fente. Lire l'angle associé que l'on notera  $\alpha_0$ . C'est votre angle de référence pour toute la suite.

## D Réglage de l'horizontalité du plateau (suite et fin)



- 1) Poser le réseau au centre de la plate-forme, **perpendiculairement à la position du miroir sans tain que vous venez de retirer**. Basculer de nouveau la lame semi-réfléchissante et allumer la lampe de la lunette autocollimatrice.
- 2) Observer l'image du réticule par réflexion sur le réseau (qui est de mauvaise qualité vu la nature de la surface du réseau). Faire tourner la plate-forme de façon à amener en coïncidence le fil vertical du réticule et son image.
- 3) Agir sur les vis  $V_2$  et  $V_3$  (attention il ne faut plus toucher à  $V_1$  déjà réglée lors des précédentes étapes) d'inclinaison de la plate-forme pour amener le fil horizontal du réticule en coïncidence avec son image. Faire la rotation de  $180^\circ$  du plateau et recommencer l'opération. Quand les fils horizontaux de  $(R)$  et  $(R')$  coïncident de chaque côté, le plateau est horizontal.
- 4) Basculer la lame semi-réfléchissante de la lunette, éteindre sa lampe, ouvrir légèrement la fente du collimateur, les mesures peuvent commencer.

## IV Réaliser : Utiliser le goniomètre comme un spectromètre

### A Relevé des valeurs de déviation

La première étape consiste à étalonner le goniomètre en déterminant la position angulaire des raies spectrales de la lampe à vapeur de mercure. Tout d'abord, nous allons positionner le réseau afin de se placer en incidence normale sur le réseau. Pour ce faire,

- 1) Positionner la lunette d'observation précisément à l'angle  $\alpha_0$ .
- 2) Allumer de nouveau la lampe auxiliaire de la lunette, le réseau étant toujours positionné sur le plateau. La lunette étant toujours à la position  $\alpha_0$ , faire tourner le plateau afin que l'image du réticule se superpose parfaitement à lui-même dans la lunette. Eteindre la lampe auxiliaire. Le réseau est alors orthogonal au faisceau incident. Verrouiller le plateau, il ne devra absolument plus être touché.
- 3) Observer le spectre d'ordre 1 ( $k = 1$ ) en tournant la lunette. Relever les angles  $\alpha$  correspondants aux raies visibles de différentes couleurs. Vous ouvrirez la fente afin de voir les raies les moins lumineuses puis la refermerez pour augmenter votre précision de pointé de chacune des raies.

Le Tableau 4.1 suivant précise la longueur d'onde et l'intensité (en unités arbitraires) des différentes raies visibles de la lampe à vapeur de mercure. Il est possible que vous ne parveniez pas à toutes les observer.

TABLEAU 4.1 – Intensité des raies.

Couleur	Doublet violet		Indigo	Vert-bleu	Vert	Doublet jaune		Rouge vermillon	Rouge carmin
$\lambda$ (nm)	404,7	407,8	435,8	491,6	546,1	577,0	579,1	623,4	690,7
Intensité	1800	200	4400	100	1100	250	300	160	250

- 1 À partir de vos mesures, recopiez sur votre copie puis complétez le tableau suivant.

TABLEAU 4.2 – Données à relever

Couleur	$\lambda$ (nm)	$\alpha$ ( $x^\circ y'$ )	$\alpha$ ( $z^\circ$ )	$i_1^\dagger(x^\circ)$	$\sin(i_1)$
Violet	...	...	...	...	...
...	...	...	...	...	...
...	...	...	...	...	...
...	...	...	...	...	...
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮

Notes. <sup>†</sup>On rappelle que  $i_1 = |\alpha - \alpha_0|$ .

### B Tracé de la courbe d'étalonnage

- 2 À l'aide de la méthode de votre choix (LatisPro, Regressi, Python<sup>1</sup>...), représenter  $\sin(i_1)$  en fonction de  $\lambda$  puis montrer que la courbe est modélisable par une droite linéaire dont vous déterminerez le coefficient directeur et le coefficient de corrélation.

1. Activité Capytale : <https://capytale2.ac-paris.fr/web/c/5d1d-1973717>

## V Valider : Résolution du doublet jaune du sodium

Changer de lampe et prendre dorénavant la lampe à vapeur de sodium.

- 3 Pour chacune des deux raies du doublet jaune du sodium, déterminer l'angle de déviation correspondant à l'ordre 1.
- 4 En déduire alors les longueurs d'onde correspondantes à partir de la régression de la courbe d'étalonnage précédemment établie (vous donnerez vos résultats avec 4 chiffres significatifs).  
Les valeurs tabulées pour le doublet du sodium sont  $\lambda_1 = 589,00 \text{ nm}$  et  $\lambda_2 = 589,59 \text{ nm}$ .
- 5 Calculer les écarts normalisés avec les valeurs trouvées expérimentalement.
- 6 Que pensez-vous de la précision de cet appareil ? Le prix d'achat est-il justifié ?