Correction du TP

Au programme



Savoir-faire

- ♦ Identifier et exploiter la réaction support du titrage (recenser les espèces présentes dans le milieu au cours du titrage, repérer l'équivalence, justifier qualitativement l'allure de la courbe ou le changement de couleur observé).
- ♦ Exploiter une courbe de titrage pour déterminer la concentration d'une espèce dosée.
- ♦ Choisir et utiliser un indicateur coloré de fin de titrage; distinguer l'équivalence et le virage d'un indicateur coloré de fin de titrage.
- ♦ Dosage par précipitation (technique de MOHR)



I | Objectifs

- ♦ Réaliser des dosages colorimétriques (méthode de MOHR) et potentiométrique.
- ♦ Modéliser les courbes obtenues.
- \diamond Exploiter les courbes pour déterminer le p K_s du chlorure d'argent.

II | S'approprier

II/A Introduction

Le chlorure d'argent $AgCl_{(s)}$ est une solide blanc photosensible présent naturellement dans certains affleurements de filons d'argent. Il est, entre autres, utilisé dans les cathodes des batteries AgCl-Mg servant de dispositif de propulsion des torpilles sous-marines fonctionnant à l'eau de mer.

On veut doser une solution de chlorure de sodium (Na⁺; Cl⁻) de concentration c_0 par une solution de nitrate d'argent (Ag⁺,NO₃⁻) de concentration c_1 , puis déterminer le produit de solubilité K_s du chlorure d'argent afin de le comparer à la valeur fournie par la littérature. En raison de la faible valeur du produit de solubilité du chlorure d'argent, la mise en présence des ions argent Ag⁺ et chlorure Cl⁻ provoque la précipitation du chlorure d'argent, selon l'équation bilan

$$Ag^{+}_{(aq)} + Cl^{-}_{(aq)} = AgCl_{(s)}$$
 (22.1)

II/B Dosage colorimétrique des ions Cl⁻ par la méthode de Mohr

La méthode de MOHR est une méthode de dosage colorimétrique des ions chlorure Cl^- par les ions argent Ag^+ en présence d'ions chromate $\mathrm{CrO_4}^{2-}$. En présence des ions Ag^+ , les ions chlorure peuvent former un précipité blanc (qui noircit à la lumière), tandis que les ions chromate peuvent former avec les ions argent un précipité rouge brique. En solution, les ions chromate sont jaunes.



À 298 K : $pK_s(AgCl) = 9.8 \text{ et } pK_s(Ag_2CrO_4) = 11.9$

II/C Dosage potentiométrique : détermination de $pK_s(AgCl)$

II/C) 1 Principe du dosage

Pour suivre ce dosage, on construit une pile d'oxydoréduction : dans $V_0=10\,\mathrm{mL}$ de la solution de chlorure de sodium, on introduit une électrode de mesure constituée d'un fil d'argent de potentiel E. L'autre pôle est une électrode de référence au sulfate mercureux. Le potentiel de cette électrode par rapport à l'électrode standard à hydrogène est égal à $E_{\mathrm{ref}}=651\,\mathrm{mV}$ à 25 °C. Ainsi, en notant U la tension lue au millivoltmètre haute impédance entre l'électrode de mesure et l'électrode de référence, et E le potentiel de la solution lue par l'électrode de mesure, on a

$$U = E - E_{\text{ref}} \Leftrightarrow E = U + E_{\text{ref}}$$



Volume d'eau ajouté

Pour que les électrodes trempent correctement, on ajoute $V_{\text{eau}} = 10 \,\text{mL}$ d'eau distillée, mesurée à l'aide d'une pipette ou fiole jaugée.

Ce potentiel d'électrode est par ailleurs fourni par la formule de NERNST :

$$E = E(Ag^{+}/Ag) = E^{\circ}(Ag^{+}/Ag) + 0.06\log([Ag^{+}])$$

Ainsi, la mesure de U permet de suivre l'avancement du dosage. On notera V le volume de solution de nitrate d'argent versé et V_{eqv} le volume versé à l'équivalence.

II/C) 2 Relations quantitatives

La réaction (22.1) est pratiquement totale dans le sens direct. À l'équivalence, on a versé en solution autant d'ions argent que d'ions chlorure, soit $c_1V_{\rm eq}=c_0V_0$ compte-tenu de la stœchiométrie. Avant, ${\rm Ag}^+$ est limitant, après, ${\rm Cl}^-$ est limitant. Le tableau d'avancement en quantité de matière est donc :

Équ	ation	$Ag_{(aq)}^+$ -	+ Cl- _(aq) -	\rightarrow AgCl _(s)
Initial	$\xi = 0$	0	c_0V_0	0
Avant l'équi.	$\xi = \xi_{\text{max}} = c_1 V$	$c_1 V - c_1 V \approx \varepsilon_1$	$c_0V_0 - c_1V$	c_1V
À l'équi.	$\xi_f = \xi_{ m eq}$	0	$c_0 V_0 - c_1 V_{\text{eqv}} = 0$	$c_1V_{ m eqv}$
Après l'équi.	$\xi_f = \xi_{ m eq}$	$c_1V - c_1V_{\text{eqv}}$	$c_0 V_0 - c_1 V_{\text{eqv}} \approx \varepsilon_2$	$c_1 V_{ m eqv}$

On appelle ε_1 et ε_2 les quantité de matière infinitésimales restantes en ions Ag^+ avant l'équivalence, et en ions Cl^- après l'équivalence, respectivement.

 $\overline{\mathrm{II/C}}$ 3 Expression de U au cours du dosage

 \diamond À l'équivalence, $V = V_{\text{eqv}}$ et les ions chlorure et argent ont été introduits en **proportions** stœchiométriques, et on est à l'équilibre soit

$$[\mathrm{Ag^+}]_{\mathrm{eq}} = [\mathrm{Cl^-}]_{\mathrm{eq}} = c^{\circ} \sqrt{K_s}$$

D'où $U_{\mathrm{eqv}} = E - E_{\mathrm{ref}} = E^{\circ} (\mathrm{Ag^+/Ag}) + 0.03 \log K_s \Leftrightarrow \boxed{U_{\mathrm{eqv}} = E^{\circ} (\mathrm{Ag^+/Ag}) - 0.03 \mathrm{p} K_s - E_{\mathrm{ref}}}$

 \diamond Avant l'équivalence, $V < V_{\rm eqv}$ et d'après le tableau d'avancement avec la relation d'équivalence $c_0V_0 = c_1V_{\rm eqv}$:

Lycée Pothier 2/5 MPSI3 – 2023/2024

III. Analyser 3

$$[Cl^{-}]_{eq} = \frac{c_{0}V_{0} - c_{1}V}{V_{0} + V + V_{eau}} = \frac{c_{1}(V_{eq} - V)}{V_{0} + V + V_{eau}} \Leftrightarrow [Ag^{+}]_{eq} = K_{s} \frac{V_{0} + V + V_{eau}}{c_{1}(V_{eqv} - V)}$$
$$\Leftrightarrow U_{avant} = E^{\circ}(Ag^{+}/Ag) - 0.06pK_{s} + 0.06\log\left(\frac{V_{0} + V + V_{eau}}{c_{1}(V_{eq} - V)}\right) - E_{ref}$$

 \diamond **Après l'équivalence**, $V > V_{\rm eqv}$ et d'après le tableau d'avancement avec la relation d'équivalence $c_0V_0 = c_1V_{\rm eqv}$:

$$[\mathrm{Ag^+}]_{\mathrm{eq}} = \frac{c_1(V - V_{\mathrm{eqv}})}{V_0 + V + V_{\mathrm{eau}}}$$

$$\Leftrightarrow U_{\mathrm{après}} = E^{\circ}(\mathrm{Ag^+/Ag}) + 0.06 \log\left(\frac{c_1(V - V_{\mathrm{eq}})}{V_0 + V + V_{\mathrm{eau}}}\right) - E_{\mathrm{ref}}$$

L'évolution rapide de la courbe de U à l'équivalence est exploitée pour déterminer le point équivalent.

III Analyser

solu

III/A Condition de précipitation

On dispose d'une solution de chlorure de sodium de volume $V_0 = 10.0 \,\mathrm{mL}$ et de concentration $c_0 \approx 7.5 \times 10^{-2} \,\mathrm{mol \cdot L^{-1}}$, et d'une solution de nitrate d'argent de concentration $c_1 \approx 5.0 \times 10^{-2} \,\mathrm{mol \cdot L^{-1}}$; ce sont des ordres de grandeur des concentrations.

1	Montrer que le précipité apparaît dès la première goutte de nitrate d'argent versée. K_s étant très faible, on pourra négliger le volume de la goutte en ions argent V_L à verser devant V_0 .
	Réponse —
	solu
	<u></u>
2	Déterminer l'ordre de grandeur du volume $V_{\rm eqv}$ de la solution de nitrate d'argent nécessaire pour que tous les ions aient précipité.
	Réponse

Dans toute la suite on supposera qu'il y a équilibre hétérogène (coexistence solide-liquide).

III/B Étude théorique de la méthode de MOHR

(3)	En exploitant les deux réactions de précipitation, prévoir lequel des deux précipités est formé
	en premier lorsque l'on ajoute une solution d'ions Ag^+ à une solution obtenue en mélangeant
	$V_0 = 10.0 \mathrm{mL}$ d'une solution d'ions Cl ⁻ de concentration voisine de $c_0 \approx 7.5 \times 10^{-2} \mathrm{mol \cdot L^{-1}}$ et
	$V_2 = 1.0 \mathrm{mL}$ d'une solution de chromate de potassium de concentration $c_2 = 0.20 \mathrm{mol \cdot L^{-1}}$. Pour
	cela, on tracera les domaines d'existence des deux précipités en fonction de pAg .
	Réponse

	——— Réponse ———	
solu		
	^	
	$\overline{\hspace{1cm}}$ \Diamond $\overline{\hspace{1cm}}$	

4	Travaux pratiques	- TP 22. Correction du TP
	1. 1	
4) En déduire quelle sera la couleur d	le la solution initiale. Réponse ———	
solu	Tteponse -	
5) Comment repérer l'équivalence?	·	
	Réponse —	
solu		
IV Réaliser		
1v Realiser		
	Dosage colorimétrique	
	ue correspondant à la méthode de pécher un morceau de papier b	
changement de couleur.		
'	primétrique en préparant dans u s chlorure et d'ions chromate) qui,	
Noter la couleur du premier précip	oité formé, puis du second.	
	——— Réponse ————	
solu		
Déterminer le volume équivalent V_{ϵ} sodium.	·	c_0 de la solution de chlorure c_0
	Réponse —	
solu	^	
	Oosage potentiométrique	
1) Réaliser la pile correspondante		
1) Tecaniser in pile correspondente	et preparer le dosage.	
Attention		
Il ne faut surtout p	as ajouter de chromate de potassi	um!
N'oublier pas d'ajouter le volun correctement plongées.	ne $V_{ m eau}=10{ m mL}$ d'eau distillée po	ur que les électrodes soient
	Dágnaggi (important nour la mad	álication anguita) avec dour
	Régressi (important pour la mode valeurs autour de l'équivalence. La pent dans la solution	
The second desired strong		
V Analyser		
Réaliser la méthode des tangentes a	automatique sur Régressi pour dét	erminer le volume équivalent
solu		
I de Domina		MD019 2009/202
Lycée Pothier	4/5	MPSI3 - 2023/203

5

4 Modéliser la courbe en deux parties grâce aux curseurs :

Avant
$$U = a + b \log \left(\frac{V_0 + V + V_{\text{eau}}}{c_1(V_{\text{eqv}} - V)} \right)$$
 Après
$$U = c + d \log \left(\frac{c_1(V - V_{\text{eqv}})}{V_0 + V + V_{\text{eau}}} \right)$$

Les coefficients a, b, c et d sont déterminés par l'ordinateur, vous devez remplacer les autres variables par leurs valeurs manuellement.

 $\boxed{5}$ Grâce aux expressions de U données dans la partie S'approprier, vérifier qu'on obtient p K_s grâce à la relation :

$$pK_s = \frac{c-a}{b} = \frac{c-a}{d}$$

$egin{bmatrix} ext{VI} \end{bmatrix}$ Conclure

6 Donner alors la valeur de p K_s pour chacun de deux calculs précédent, ainsi que la valeur moyenne. Estimez l'incertitude en faisant varier les valeurs de $V_{\rm eqv}$ dans les modélisations, et calculer l'écart normalisé.