## SUP MPSI 1, 2 & 3

du 7 mai 2024.

## DEVOIR SURVEILLE DE SCIENCES PHYSIQUES DE REVISIONS (3)

(3H00)

# Tout moyen de communication est interdit Les téléphones portables doivent être éteints et rangés dans les sacs. Les calculatrices sont autorisées.

Le devoir est composé d'un exercice et de trois problèmes indépendants.

**EXERCICE 1** : Etude d'une lunette de Galilée.

**PROBLEME 1 :** Filtre linéaire d'ordre 1 et pH-métrie.

**PROBLEME 2:** Production de vagues dans une piscine.

**PROBLEME 3 :** Autour de l'aluminium.

A l'intérieur des exercices, <u>certaines questions sont indépendantes</u>.

L'étudiant est invité à prendre connaissance de la totalité du sujet avant de commencer sa composition.

L'ordre dans lequel seront abordées les différentes questions est laissé au choix de l'étudiant, mais le numéro complet de la question devra être mentionné sur la copie et le correcteur appréciera qu'une partie soit traitée dans sa continuité.

Une attention particulière sera portée à la <u>qualité de la rédaction</u> (vocabulaire, orthographe...) et <u>à la présentation de la copie</u> (numérotation des questions, encadrement des expressions littérales et soulignement des applications numériques...). Et il est indispensable de <u>numéroter vos copies</u>.

Les résultats numériques doivent être accompagnés d'une unité et présentés avec le bon nombre de chiffres significatifs.

Une minoration pouvant aller jusqu'à 2 points pourra être appliquée en cas de travail négligé.

### Programme de révision de ce devoir :

Tout ce qui a été vu depuis le début de l'année de SUP MPSI, sauf la thermodynamique.

## **EXERCICE : Etude d'une lunette de Galilée :**

 $(\approx 36 pts)$ 

Une lunette de Galilée est constituée :

- d'un objectif assimilable à une lentille mince convergente  $(L_1)$  de centre  $O_1$  de vergence  $V_1$  telle que  $|V_1| = 1{,}333 \, \delta$  et de diamètre  $D_1 = 10 \, \mathrm{cm}$ .
- d'un oculaire assimilable à une lentille mince divergente  $(L_2)$  de centre  $O_2$ , de vergence  $V_2$  telle que  $|V_2| = 50.0 \delta$  et de même axe optique que  $(L_1)$ .
- **Q1.** Quelle doit être la distance  $\overline{O_1O_2}$  séparant les deux lentilles  $(L_1)$  et  $(L_2)$  pour que le système soit afocal, c'est-à-dire pour que les foyers du système global sont rejetés à l'infini ? On attend une expression en fonction des vergences. La calculer.

#### On conserve cette disposition pour toute la suite de l'exercice.

Pour une lunette l'image de l'objectif à travers l'oculaire est appelée *cercle oculaire* et correspond à la densité maximale de lumière.

On note  $O'_1$  l'image de  $O_1$  par la lentille  $(L_2)$  et  $D'_1$  le diamètre du cercle oculaire de la lentille  $(L_1)$  à travers  $(L_2)$ .

- **Q2.** Déterminer l'expression de la position  $\overline{O_2O_1'}$  de l'image de la lentille  $(L_1)$  à travers l'oculaire. Faire l'application numérique. Peut-on placer son œil au niveau du cercle oculaire? Calculer aussi la taille  $D_1'$  de l'image de la lentille  $(L_1)$  à travers l'oculaire.
- Q3. L'œil n'accommode pas et regarde l'image d'un objet étendu AB situé à l'infini. On note  $A_1B_1$  l'image intermédiaire de l'objet AB à travers  $(L_1)$  et A'B' son image définitive. On note  $\alpha$  l'inclinaison du rayon incident par rapport à l'axe optique et  $\alpha'$  l'inclinaison du rayon émergent par rapport à l'axe optique.
  - a) Sur votre copie, faire un schéma de la lunette faisant apparaître l'angle  $\alpha$ , la construction de l'image intermédiaire  $A_1B_1$ , la marche complète du rayon lumineux incident passant par le foyer objet  $F_1$ , ainsi que l'angle  $\alpha'$ .
  - **b**) En déduire l'expression du grossissement angulaire  $G = \frac{\alpha'}{\alpha}$  de la lunette en fonction de  $V_1$  et  $V_2$ , puis le calculer.
- **Q4.** L'œil, placé à 15 mm derrière l'oculaire, accommode maintenant à la distance minimale de vision nette  $d_m = 25$  cm. Il regarde l'image A''B'' par la lunette d'un objet AB situé à une distance finie devant l'objectif. Déterminer la position  $\overline{O_1A}$  de l'objet AB par rapport au centre  $O_1$  de l'objectif.
- **Q5.** Quelle est la latitude de mise au point de la lunette ?

## PROBLEME 1 : Filtre linéaire d'ordre 1 et pH-métrie :

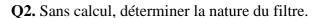
 $(\approx 64 pts)$ 

Un pH-mètre est composé d'une électrode de verre qui délivre un signal électrique fonction affine du pH, de la forme :  $U_0 = A + B \times pH$  où A et B sont des constantes ajustées par étalonnage du pH-mètre.

Du fait de la proximité de dispositifs d'agitation, un signal sinusoïdal de fréquence égale à 4 kHz se superpose au signal utile. Ainsi le signal s'écrit  $e(t) = U_0 + E_m \cos(\omega t + \varphi)$ .

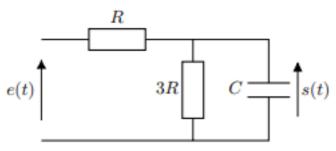
**Q1.** Le signal parasite n'étant pas utile, on souhaite l'éliminer tout en conservant la partie utile du signal, à savoir  $U_0$ . Quel type de filtre faut-il utiliser? Estimer alors la fréquence de coupure nécessaire à ce filtrage.

On propose de réaliser le quadripôle ci-contre avec  $C = 1,0.10^{-7}$  F et  $R = 5,3.10^3 \Omega$ , alimenté par un signal d'entrée e(t) sinusoïdal de pulsation  $\omega$ .



Q3. Montrer que la fonction de transfert complexe de ce filtre peut se mettre sous la forme :  $\underline{H}(jx) = \frac{H_0}{1+jx}$  avec

 $x = \frac{\omega}{\omega_0}$  la pulsation réduite. Déterminer les expressions et les significations des constantes  $H_0$  et  $\omega_0$ . En déduire l'ordre du filtre.



**Q4.** Exprimer le gain linéaire G(x) et le déphasage  $\varphi(x)$  introduits par le filtre à la pulsation réduite x.

**Q5.** Après avoir défini la pulsation de coupure  $\omega_C$ , établir son expression en fonction de R et C. Calculer la fréquence de coupure  $f_C$  et vérifier que cette valeur est cohérente avec celle attendue en Q1.

**Q6.** En utilisant la pulsation réduite, déterminer les équations des asymptotes du diagramme de Bode en gain et en phase. Représenter le diagramme asymptotique sur votre copie. Préciser si le filtre a un caractère pseudo-dérivateur ou pseudo-intégrateur dans certains domaines de fréquences. Justifier.

**Q7.** À partir des valeurs du gain en décibels et du déphasage à la pulsation de coupure, représenter les diagrammes de Bode réels.

Le filtre précédent est maintenant alimenté par le signal issu du pH-mètre :  $e(t) = U_0 + E_m \cos(\omega t + \varphi_e)$  tel que f = 4 kHz. On cherche à déterminer l'expression du signal de sortie s(t).

On donne l'écriture générale de s(t) en introduisant une amplitude  $S_m$ , une phase à l'origine des temps  $\varphi_s$  et une composante continue  $S_0$ , sous la forme :  $s(t) = S_0 + S_m \cos(\omega t + \varphi_s)$ .

**Q8.** En utilisant la fonction de transfert, déterminer :

- L'expression de  $S_0$  en fonction de  $U_0$ ;
- L'expression de  $S_m$  en fonction de  $E_m$ ;
- L'expression de  $\varphi_s$  en fonction de  $\varphi_e$ .

En déduire l'expression du signal de sortie s(t).

Enfin, représenter sur le même graphique les signaux e(t) et s(t). A-t-on réalisé ce que l'on souhaitait ?

## PROBLEME 2 : Production de vagues dans une piscine :

 $(\approx 66 pts)$ 

Pour créer des vagues dans la piscine, on fait effectuer des oscillations verticales à une grosse masse M immergée, située sur un coté du bassin. La perturbation engendrée se traduit par des vagues à l'intérieur de la piscine.

On considère une masse M homogène de masse volumique  $\rho$  et de volume V, plongée dans l'eau (de masse volumique  $\rho_{eau}$ ). Cette masse est suspendue à un ressort de raideur k et de longueur à vide  $l_0$ , accroché en un point A (voir figure 1, ci-contre).

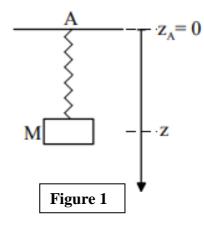
Soit  $\Re$  le référentiel terrestre supposé galiléen.

Soit (Oz) un axe vertical orienté vers le bas et de vecteur unitaire  $\overrightarrow{u_z}$ . Initialement, Le point A est fixe à la cote  $z_A = 0$ .

On s'intéresse au mouvement suivant (Oz) de la masse M et on note z la cote du centre de gravité G de la masse.

A l'équilibre la masse est située en  $z_{eq} = h$ .

On négligera la hauteur de la masse M devant h.



#### I – Etude de l'équilibre :

- **Q1.** Donner les caractéristiques de la poussée d'Archimède  $\vec{\pi}$  exercée sur la masse M immergée dans l'eau, sachant que c'est une force verticale orientée vers le haut, de module égal au <u>poids du liquide</u> qui serait occupé par le volume de cet objet.
- **Q2.** Faire un bilan des forces et exprimer la longueur h du ressort à l'équilibre en fonction de  $l_0, V, g, k, \rho$  et  $\rho_{eau}$ .

#### **II – Mouvement sans frottement :**

**Q3.** En déduire l'équation différentielle en z du mouvement de l'oscillation de M sous forme canonique. On introduira la pulsation propre  $\omega_0$  en fonction de k et M et on gardera h.

Commenter le fait que  $\omega_0$  ne dépende pas de l'intensité de la poussée d'Archimède. Y a-t-il un terme de l'équation différentielle précédente qui en dépende ?

#### III – Mouvement avec frottements visqueux exercés par l'eau :

Dans cette question, on tient compte, en plus, d'une force de frottement visqueux exercée par l'eau sur la masse M, colinéaire à la vitesse et de norme  $\|\overline{F_v}\| = \alpha \left| \frac{dl}{dt} \right|$  où l est la longueur du ressort.

**Q4.** Etablir la nouvelle équation différentielle vérifiée par z.

On la mettra sous la forme :  $\ddot{z} + \lambda \dot{z} + \omega_0^2 z = \omega_0^2 h$ . On exprimera  $\lambda$  en fonction de  $\alpha$  et M.

**Q5.** En se plaçant dans le cas d'un amortissement faible, donner la forme de la solution de cette équation différentielle. On ne cherchera pas à exprimer les constantes d'intégration.

Tracer ensuite l'allure de z(t) en tenant compte des conditions initiales suivantes :

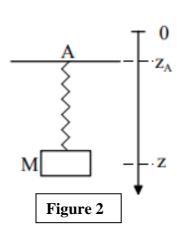
A t = 0,  $z(0) = h_1 > h$  et la vitesse initiale est nulle.

#### IV - Cas du régime sinusoïdal forcé :

A l'aide d'un piston, on impose, à l'extrémité A du ressort, un mouvement vertical sinusoïdal de pulsation  $\omega$  et d'amplitude  $z_{Am}$  (voir figure 2 ci-contre). Ainsi  $z_A(t) = z_{Am} \cos(\omega t)$ ; ces oscillations modifient donc la longueur du ressort.

On pose alors Z(t) = z(t) - h.

**Q6**. Montrer que Z vérifie une équation nouvelle différentielle de la forme :  $\ddot{Z} + \lambda \dot{Z} + \omega_0^2 Z = F(t)$  où F(t) est une fonction (<u>pas une force</u>) qui dépend de  $z_A$ ,  $\dot{z_A}$ ,  $\alpha$ , M et k. Exprimer F(t).



On admet maintenant que F(t) peut se mettre sous la forme simplifiée d'une fonction sinusoïdale d'amplitude  $\omega^2 z_{Am}$  et de pulsation  $\omega$ . On posera donc pour la suite :  $F(t) = \omega^2 z_{Am} \cos(\omega t)$ .

- **Q7.** En utilisant les notations complexes et en introduisant  $\omega_0$ ,  $\tau = \frac{M}{\alpha}$  et la variable réduite  $x = \frac{\omega}{\omega_0}$ , exprimer l'amplitude Z des oscillations de la masse M dans le référentiel  $\Re$ .
- **Q8.** Dans ce dispositif, l'intérêt du ressort est de permettre d'obtenir des oscillations de la masse d'amplitude supérieure à celle de l'excitation  $z_{Am}$ . Chercher un intervalle de pulsations pour lequel cette condition est vérifiée. Vous montrerez que cet intervalle n'existe que si la masse M est supérieure à une certaine valeur que vous préciserez, en fonction de  $\alpha$  et k. Justifier physiquement cette condition.
- **Q9.** Si la condition précédente est vérifiée, pour quelle pulsation  $\omega_r$  l'amplitude d'oscillation de la masse M est-elle maximale? On exprimera  $\omega_r$  en fonction de  $\omega_0$  et de  $\tau$ . Comment s'appelle ce phénomène?

## PROBLEME 3 : Autour de l'aluminium :

 $(\approx 76 \text{ pts})$ 

La croûte terrestre contient 7,5 % d'aluminium. C'est le métal le plus utilisé sur la planète après le fer. La production mondiale progresse chaque année, atteignant 100 tonnes par jour. Ce sujet a pour but d'illustrer quelques aspects de la chimie de ce métal familier.

#### Données:

```
ightharpoonup Constante de Faraday : F = 96\,500\,\mathrm{C.mol^{-1}} ;
```

♣ Masses molaires en g.mol<sup>-1</sup>:

$$H = 1,0$$
 ;  $O = 16,0$  ;  $Al : 27,0$  ;  $Cl : 35,5$ .

## Produit ionique de l'eau :

| Constante d'acidité : | Al : 27,0 | Cl : 35,5. |

| Al : 27,0 | Cl : 35,5. |

| Al : 27,0 | Cl : 35,5. |

| Al : 27,0 | Cl : 35,5. |

|  $E^{\circ}_{1} = -1,66 \text{ V};$  |

|  $Ke = 10^{-14};$  |

|  $H_{2}CO_{3(aq)} / HCO_{3(aq)}^{-}$  |  $Ka = 10^{-6,2};$ 

Les trois parties sont totalement indépendantes et à l'intérieur de la partie III, les sous-parties sont largement indépendantes.

#### I - Propriétés de l'atome d'aluminium :

L'aluminium est un élément chimique de symbole Al et de numéro atomique 13.

Q1. Que représente le numéro atomique d'un élément ? Quel est le schéma de Lewis de l'atome d'aluminium ? Justifier. Quel est l'ion le plus probable de l'élément aluminium ? Justifier.

#### II – L'aluminium comme source d'énergie :

Depuis quelques années, les piles aluminium/air sont des sources d'énergie à l'étude pour la propulsion des véhicules électriques. Cette technologie repose sur l'association en série de plusieurs dizaines de cellules.

Chaque cellule peut être décrite de façon simplifiée :

- $\perp$  L'anode est en aluminium métallique  $Al_{(s)}$ ;
- $\bot$  A la cathode, il y a consommation de dioxygène  $O_{2(q)}$  en excès.
- **↓** Un électrolyte basique assure la jonction entre les deux compartiments.
- ♣ La température de fonctionnement est de 25°C.
- Les couples redox et demi-équations redox sont les suivants :
- $E_a^{\circ} = -2,30 \text{ V}$ ✓ Couple  $Al(OH)_{3(s)} / Al_{(s)}$ :  $Al(OH)_{3(s)} + 3e^- = Al_{(s)} + 3HO^-_{(aq)}$
- ✓ Couple  $O_{2(g)} / H_2 O_{(l)}$ :  $O_{2(g)} + 2 H_2 O_{(l)} + 4 e^- = 4 HO_{(aq)}^ E_{c}^{\circ} = 0.39 \text{ V}$

 $E^{\circ}_{a}$  et  $E^{\circ}_{c}$  sont les potentiels standards des couples mis en jeux dans les conditions de l'expérience (en milieu basique).

- **Q2.** Ecrire l'équation de la réaction modélisant la transformation chimique qui se produit lorsque la pile débite avec des coefficients stœchiométriques entiers les plus faibles possibles. Justifier votre façon de faire.
- **Q3.** Donner l'expression littérale de la constante d'équilibre *K*° associée à l'équation de la réaction précédente et la calculer. Conclure.
- **Q4.** Le compartiment anodique contient initialement m = 25 g d'aluminium. Calculer l'avancement maximal  $\xi_{max}$  de la réaction.
- Q5. En réalité l'avancement maximal n'est pas atteint. En moyenne cette cellule délivre une quantité d'électricité  $Q = 2.1.10^5$  C, ainsi qu'une intensité de 6.5 A. En déduire :
  - La durée de fonctionnement du dispositif en heures.
  - Le pourcentage d'aluminium non consommé.

#### III – Présence d'aluminium (III) dans un vaccin :

L'aluminium (III) est utilisé comme adjuvant dans la plupart des vaccins (tétanos, coqueluche, hépatite B...). Son rôle est d'activer la production d'anticorps. Cependant, une surdose de ce métal peut s'avérer nocive pour des personnes fragiles. Il est donc important de savoir sous quelle forme se trouve l'aluminium dans les vaccins afin de pouvoir le doser.

#### Diagramme potentiel-pH de l'élément aluminium :

Le diagramme E - pH de l'élément aluminium est tracé en **annexe 1 du document–réponse** à rendre avec la copie. Il a été établi en tenant compte des espèces :  $Al_{(s)}$ ,  $Al^{3+}_{(aq)}$ ,  $Al~(OH)_{3~(s)}$  et  $Al~(OH)_{4}^{-}_{(aq)}$ . La concentration totale en aluminium dissous est  $C_T = 1,0.10^{-3}$  mol.L<sup>-1</sup>.

**Q6.** Déterminer les degrés d'oxydation de l'élément aluminium dans les espèces suivantes :  $Al_{(s)}$ ,  $Al^{3+}_{(aq)}$ ,  $Al(OH)_{3(s)}$  et  $Al(OH)_{4}_{(aq)}$ . Distribuer ensuite l'espèce chimique correspondant à chaque domaine du diagramme E - pH en utilisant l'annexe 1 du document réponse. Justifier la réponse.

**Q7.** En exploitant le diagramme retrouver la valeur numérique du potentiel standard  $E_1^{\circ}$  du couple  $Al_{(aq)}^{3+}/Al_{(s)}$ .

*Un vaccin est une solution aqueuse de pH proche du pH sanguin.* 

Le sang est un mélange contenant notamment de l'acide carbonique  $H_2CO_{3(aq)}$  et des ions hydrogénocarbonate  $HCO_{3(aq)}^-$  en concentrations moyennes respectives 0,0014 mol.L <sup>-1</sup> et 0,027 mol.L <sup>-1</sup>.

**Q8.** En considérant le couple  $H_2CO_{3(aq)}$  /  $HCO_{3(aq)}^-$ , donner une valeur du pH du sang. En déduire la forme prédominante de l'aluminium (III) dans le vaccin.

#### Titrage de l'aluminium (III) :

Une méthode possible de titrage de l'aluminium (III) en solution aqueuse consiste à acidifier la solution à titrer par de l'acide chlorhydrique afin de convertir l'aluminium (III) en ions  $Al^{3+}_{(aq)}$ . Puis on titre cette solution acidifiée d'ions  $Al^{3+}_{(aq)}$  par de la soude. Les mesures sont réalisées à une température de 298 K.

<u>Titrage 1</u>: Titrage d'une solution d'acide chlorhydrique  $\{H_3O^+_{(aq)}; Cl^-_{(aq)}\}$ . Protocole :

Un volume  $V_0 = 20.0$  mL d'une solution d'acide chlorhydrique  $\{H_3O^+_{(aq)}; Cl^-_{(aq)}\}_{-}$  de concentration molaire  $C_1$  est titré par une solution de soude  $\{Na^+_{(aq)}; HO^-_{(aq)}\}$  de concentration  $C = 1,0.10^{-1}$  mol.L <sup>-1</sup>. Le titrage est suivi par pHmétrie.

La courbe est donnée en annexe 2 du document-réponse, à rendre avec la copie.

- Q9. Ecrire l'équation de la réaction mise en jeu lors de ce titrage et calculer la constante d'équilibre associée.
- **Q10.** A l'aide d'une construction graphique, à faire apparaitre sur l'annexe 2 du document-réponse, déterminer le volume équivalent  $V_e$ . En déduire la valeur de la concentration  $C_1$  de la solution d'acide chlorhydrique.
- Q11. L'équivalence aurait pu être relevée à l'aide d'un indicateur coloré acido-basique. En vous aidant du tableau ci-dessous, proposer, en justifiant, un indicateur coloré adapté à ce titrage et préciser le changement de couleur observé.

Indicateur coloré	Couleur de la forme	Zone de virage	Couleur de la forme
acido-basique	acide		basique
Bleu de Bromophénol	jaune	3,0 – 4,6	Violet
Hélianthine	Rouge	3,1 – 4,4	Jaune
Vert de Bromocrésol	Jaune	4,0 – 5,6	Bleu
Bleu de Bromothymol	Jaune	6,2-7,6	Bleu
Phénolphtaléine	Incolore	8,0 – 10,0	Rouge

<u>Titrage 2</u>: <u>Titrage d'une solution acidifiée d'ions  $Al^{3+}$  (aq)</u>. Protocole :

Une masse m de chlorure d'aluminium hexahydraté  $AlCl_3$ ,  $6H_2O$  solide est placée dans une fiole jaugée de  $V_0 = 20,0$  mL. On ajoute un peu de solution d'acide chlorhydrique  $\{H_3O^+_{(aq)}; Cl^-_{(aq)}\}$  de concentration molaire  $C_1$ . On agite jusqu'à dissolution totale du solide, puis on complète avec la même solution d'acide chlorhydrique jusqu'au trait de jauge.

L'équation de réaction de la dissolution du solide en milieu acide est la suivante :

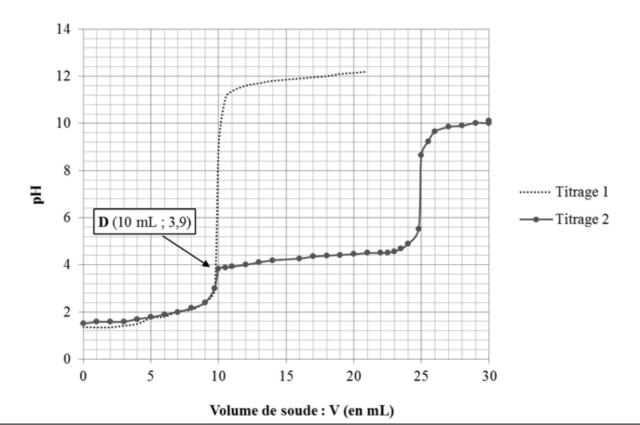
$$AlCl_3, 6H_2O_{(s)} \rightarrow Al^{3+}_{(aq)} + 3Cl_{(aq)}^{-} + 6H_2O_{(l)}$$
.

On appellera (*S*) la solution obtenue.

Dans cette solution, on notera:

- $C_1$  la concentration molaire en ions  $H_3O^+_{(aq)}$ ;
- $C_2$  la concentration molaire en ions  $Al^{3+}$  (aq).

Le volume  $V_0 = 20$  mL de solution (S) est titré par une solution de soude  $\{Na^+_{(aq)}; HO^-_{(aq)}\}$  de concentration  $C = 1,0.10^{-1}$  mol.L <sup>-1</sup>. Le titrage est suivi par pH-métrie et est fourni ci-dessous (titrage 2). Au cours du dosage, on remarque l'apparition d'un précipité blanc.



Evolution du pH lors du titrage d'une solution composée d'un mélange d'acide chlorhydrique ( $C_1$ ) et d'ions  $Al^{3+}_{(aq)}(C_2)$  par de la soude (C) (titrage 2). La courbe du titrage 1 a été superposée.

**Q12.** Ecrire les équations des deux réactions successives mises en jeu lors de ce titrage et relever les deux valeurs de volumes équivalents  $V_{e1}$  et  $V_{e2}$ . Justifier que les ions  $H_3O^+$  (aq) soient dosés en premier.

**Q13.** Donner, en mL, le volume de soude  $V_{A1}$  ayant réagi avec les cations  $Al^{3+}_{(aq)}$ . En déduire la concentration molaire  $C_2$  en ions  $Al^{3+}_{(aq)}$  dans la solution (S). Quelle masse de chlorure d'aluminium hexahydraté a servi à la préparation de la solution (S)?

#### Exploitation du point anguleux :

Par exploitation du point anguleux D, on souhaite trouver la valeur du produit de solubilité Ks de l'hydroxyde d'aluminium  $Al(OH)_{3(s)}$ .

- **Q14.** Donner l'équation de la réaction dont la constante thermodynamique est le produit de solubilité de l'hydroxyde d'aluminium Ks.
- **Q15.** Déterminer la concentration molaire en ions  $HO^-_{(ag)}$  dans le bécher au point D.
- **Q16.** En tenant compte de la dilution, évaluer la concentration molaire en ions  $Al^{3+}_{(aq)}$  dans le bécher au point D. En déduire une valeur du produit de solubilité Ks de l'hydroxyde d'aluminium à 298 K.

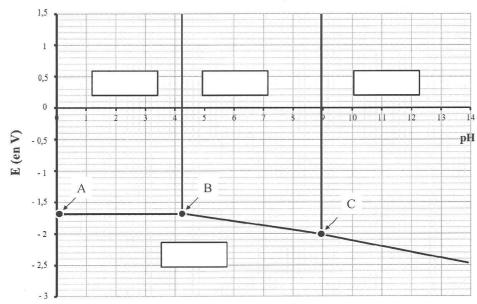
#### DOCUMENT REPONSE A COMPLETER ET A RENDRE AVEC LA COPIE :

## Document réponse du problème de chimie :

## Nom prénom:

#### Annexe 1:

Diagramme E-pH de l'aluminium à 298 K Concentration de tracé :  $C_T = 1,0.10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$ 



Coordonnées des points : A(0,0; -1,72)

B(4,3;-1,72)

C(9,0;-2,05).

#### Annexe 2:

Evolution du pH lors du titrage d'une solution d'acide chlorhydrique (C1) par de la soude (C)

