

9. Pour la détente isotherme réversible $2 \rightarrow 3$, on peut écrire :

$$\delta Q_{\text{ch}} = T_{\text{ch}} dS = -\frac{MP_1V_1}{RT_1} T_{\text{ch}}(c_P - c_V) \frac{dP}{P} = -\frac{P_1V_1T_{\text{ch}}}{T_1} \frac{dP}{P}$$

On en déduit :

$$Q_{\text{ch}} = \frac{P_1V_1T_{\text{ch}}}{T_1} \ln\left(\frac{P_2}{P_3}\right) = \frac{P_1V_1T_{\text{ch}}}{T_{\text{fr}}} \ln\left(\frac{P_2}{P_3}\right)$$

De même, pour la compression isotherme réversible $4 \rightarrow 1$, on obtient :

$$Q_{\text{fr}} = \frac{P_1V_1T_{\text{fr}}}{T_1} \ln\left(\frac{P_4}{P_1}\right) = P_1V_1 \ln\left(\frac{P_4}{P_1}\right)$$

Numériquement, on trouve :

$$\begin{cases} Q_{\text{ch}} = \frac{10^5 \times 10^{-7} \times 330}{300} \ln(1,4) = 1,1 \times 0,3 \times 10^{-2} = 3,3 \text{ mJ} \\ Q_{\text{fr}} = 10^5 \times 10^{-7} \times \ln(0,7) = -3,0 \text{ mJ} \end{cases}$$

10. Le travail vaut donc :

$$W^{\text{ext}} = -Q_{\text{ch}} - Q_{\text{fr}} = -0,3 \text{ mJ}$$

L'expression littérale s'écrit :

$$W^{\text{ext}} = -P_1V_1 \left(\frac{T_{\text{ch}}}{T_{\text{fr}}} \ln\left(\frac{P_2}{P_3}\right) + \ln\left(\frac{P_4}{P_1}\right) \right)$$

Or, $\ln\left(\frac{P_2}{P_3}\right) = -\ln\left(\frac{P_4}{P_1}\right)$. Par conséquent, travail se récrit :

$$W^{\text{ext}} = -P_1V_1 \ln\left(\frac{P_2}{P_3}\right) \left(\frac{T_{\text{ch}}}{T_{\text{fr}}} - 1 \right) = -Q_{\text{ch}} \frac{T_{\text{fr}}}{T_{\text{ch}}} \left(\frac{T_{\text{ch}}}{T_{\text{fr}}} - 1 \right) = -Q_{\text{ch}} \left(1 - \frac{T_{\text{fr}}}{T_{\text{ch}}} \right) = -\eta_{\text{Carnot}} Q_{\text{ch}}$$

C'est cohérent, le cycle étant un cycle de Carnot !

11. Les changements d'état mettent en œuvre des quantités de chaleur beaucoup plus élevées. Comme le rendement s'écrit $\eta = \frac{-W^{\text{ext}}}{Q_{\text{ch}}} = 1 + \frac{Q_{\text{fr}}}{Q_{\text{ch}}}$, on a intérêt à augmenter Q_{ch} ce qu'un changement d'état permet de faire.