Introduction – chapitre 1

## TD: Unités et analyse dimensionnelle



### Vitesse du son

1) Donner l'expression de la célérité c du son dans un fluide en fonction de la masse volumique du  $\rho$  du fluide et du coefficient d'incompressibilité  $\chi$ , homogène à l'inverse d'une pression.



#### II | Faire cuire des pâtes

Sur une facture d'électricité, on peut lire sa consommation d'énergie électrique exprimée en kWh (kilowatt-heure).

- 1) Quelle est l'unité SI associée? Que vaut 1 kWh dans cette unité SI?
- 2) Sachant que la capacité thermique massique de l'eau est  $c = 4.18 \,\mathrm{J\cdot g^{-1}\cdot K^{-1}}$  et que le prix du kilowatt-heure est de 0.16 €, évaluer le coût du chauffage électrique permettant de faire passer 1 L d'eau de  $20\,^{\circ}\mathrm{C}$  à  $100\,^{\circ}\mathrm{C}$ .
- 3) Si la plaque chauffe avec une puissance de  $P=1200\,\mathrm{W},$  combien de temps faudra-t-il pour chauffer ce litre d'eau?

# \* III

#### TAYLOR meilleur que James Bond?

À l'aide d'un film sur bande magnétique et en utilisant l'analyse dimensionnelle, le physicien Geoffrey Taylor a réussi en 1950 à estimer l'énergie  $\mathcal E$  dégagée par l'explosion nucléaire du test Trinity de 1945, valeur pourtant évidemment classifiée. Le film permet d'avoir accès à l'évolution du rayon R(t) du « nuage » de l'explosion au cours du temps. Nous supposons que les grandeurs influant sur ce rayon sont le temps t, l'énergie  $\mathcal E$  de l'explosion et la masse volumique  $\rho$  de l'air.

- 1) Quelles sont les dimensions de ces grandeurs?
- 2) Chercher une expression de R sous la forme  $R = k \times \mathcal{E}^{\alpha} t^{\beta} \rho^{\gamma}$ , avec k une constante adimensionnée.
- 3) L'analyse du film montre que le rayon augmente au cours du temps comme  $t^{2/5}$ . Exprimer alors  $\mathcal{E}$  en fonction de R,  $\rho$  et t.
- 4) En estimant que  $R \approx 70\,\mathrm{m}$  après  $t = 5\,\mathrm{ms}$ , sachant que la masse volumique de l'air vaut  $\rho \approx 1.2\,\mathrm{kg\cdot m^{-3}}$  et en prenant  $k \approx 1$ , calculer la valeur de  $\mathcal{E}$  en joules puis en kilotonnes de TNT (une tonne de TNT libère  $4.18 \times 10^9\,\mathrm{J}$ ).