Électrocinétique en RSF

/5 1 Sous quelle forme mathématique s'exprime le signal d'un système en RSF ? Présenter alors le passage en complexes et l'intérêt de cette forme pour la dérivation et l'intégration.

$$y(t) = Y_0 \cos(\omega t + \varphi)$$

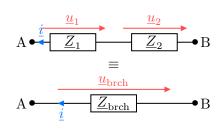
$$\Leftrightarrow \underline{y}(t) = Y_0 e^{j(\omega t + \varphi)}$$

$$\Leftrightarrow \underline{y}(t) = \underline{Y} e^{j\omega t} \quad \text{avec} \quad \underline{Y} = Y_0 e^{j\varphi}$$

$$\Rightarrow \underline{y}(t) = \underline{Y} e^{j\omega t} \quad \text{avec} \quad \underline{Y} = Y_0 e^{j\varphi}$$

$$\int \underline{y}(t) dt = \int \underline{Y} e^{j\omega t} dt = \underline{Y} e^{j\omega t} \Leftrightarrow \int \underline{y}(t) dt = \underline{y}(t)$$

/6 2 Après avoir fait les schémas correspondant, démontrer la relation du pont diviseur de tension pour deux impédances \underline{Z}_1 et \underline{Z}_2 en série d'une part, et la relation du pont diviseur de courant pour deux impédances en parallèle d'autre part.



 $\mathbf{Fig.}$ 10.1 – Association série

$$\underline{I} = \underline{\underline{U}_{\mathrm{brch}}}_{\underline{Z}_{\mathrm{brch}}} = \underline{\underline{U}_k}_{\underline{Z}_k} \Leftrightarrow \boxed{\underline{U}_k = \underline{\underline{Z}_k}_{\underline{D}_{\mathrm{brch}}} \underline{U}_{\mathrm{brch}}}$$

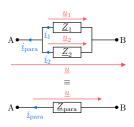


Fig. 10.2 – Association parallèle

$$\underline{U} = \underline{Z}_{\text{para}} \underline{I}_{\text{para}} = \underline{Z}_{1} \underline{I}_{1} \Leftrightarrow \boxed{\underline{I}_{k} = \frac{\underline{Z}_{\text{para}}}{\underline{Z}_{k}} \underline{I}_{\text{para}}}$$

/9 3 On étudie un circuit RLC série, soumis à une tension sinusoïdale $e(t) = E_0 \cos(\omega t)$. Représenter le circuit en complexes, puis déterminer l'amplitude complexe \underline{I} et la mettre sous la forme $\underline{I} = \frac{E_0/R}{1+\mathrm{j}Q(x-\frac{1}{x})}$, où $x = \omega/\omega_0$ est la pulsation réduite, et ω_0 et Q des constantes à identifier et exprimer en fonction de R, L et C. Donner son amplitude réelle. Déterminer sa pulsation de résonance.

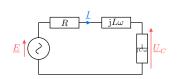


Fig. 10.3 - Circuit RLC

$$E_{0} = \left(R + jL\omega + \frac{1}{jC\omega}\right)\underline{I}$$

$$\Leftrightarrow \underline{I} = \frac{E_{0}}{R + j\left(L\omega - \frac{1}{C\omega}\right)}$$

$$\Leftrightarrow \underline{I} = \frac{E_{0}/R}{1 + j\left(\frac{L}{R}\omega - \frac{1}{RC}\right)}$$

$$\Leftrightarrow \underline{I} = \frac{E_{0}/R}{1 + j\left(\frac{L}{R}\omega - \frac{1}{RC}\right)}$$

$$\Rightarrow I(x_{r}) = I_{\max} \Leftrightarrow 1 + Q^{2}\left(x_{r} - \frac{1}{x_{r}}\right)^{2} \quad \text{minim}$$

$$\Leftrightarrow \frac{\frac{1}{RC}}{\frac{L}{R}} = \frac{Q\omega_{0}}{\frac{Q}{\omega_{0}}} \quad \text{et} \quad \frac{L}{R} \times \frac{1}{RC} = Q^{2}$$

$$\Leftrightarrow \frac{Q^{2}\left(x_{r} - \frac{1}{x_{r}}\right)^{2} = 0 \Leftrightarrow x_{r} = \frac{1}{x_{r}}$$

$$\Leftrightarrow x_{r} = 1 \quad \text{ou} \quad \omega_{r} = \omega_{0}$$