

# Réactions de précipitation

## Au programme

### Savoirs

- ◇ Constante de l'équation de dissolution, produit de solubilité  $K_s$
- ◇ Solubilité et condition de précipitation, domaine d'existence, facteurs influençant la solubilité.

### Savoir-faire

- ◇ Déterminer la valeur de la constante d'équilibre pour une équation de réaction, combinaison linéaire d'équations dont les constantes thermodynamiques sont connues.
- ◇ Déterminer la composition chimique du système dans l'état final, en distinguant les cas d'équilibre chimique et de transformation totale, pour une transformation modélisée par une réaction chimique unique.
- ◇ Prévoir l'état de saturation ou de non saturation d'une solution.
- ◇ Utiliser les diagrammes de prédominance ou d'existence pour prévoir les espèces incompatibles ou la nature des espèces majoritaires.
- ◇ Exploiter les courbes d'évolution de la solubilité d'un solide en fonction d'une variable.
- ◇ Illustrer un procédé de retraitement, de recyclage, de séparation en solution aqueuse.



## Sommaire

<b>I Équilibre d'un solide en solution</b>	<b>3</b>
I/A Dissolution et précipitation	3
I/B Équilibre	4
I/C Condition d'existence d'un précipité	5
<b>II Facteurs influençant la solubilité</b>	<b>7</b>
II/A Température	7
II/B Effet d'ions communs	7
II/C Influence du pH	8

## Résultats phares



### Liste des définitions

Définition 4.1 : Solubilité . . . . .	3
Définition 4.2 : Précipité et précipitation . . . . .	4
Définition 4.3 : Produit de solubilité . . . . .	4



### Liste des rappels

Rappel 4.1 : Dissolution . . . . .	3
Rappel 4.2 : Sens d'évolution d'un système . . . . .	5



### Liste des propriétés

Propriété 4.1 : Condition d'existence d'un précipité . . . . .	6
Propriété 4.2 : Influence de la température . . . . .	7
Propriété 4.3 : Effet d'ions communs . . . . .	7
Propriété 4.4 : Influence du pH . . . . .	8



### Liste des applications

Application 4.1 : Calcul de solubilité . . . . .	4
Application 4.2 : Précipitation ou non ? . . . . .	5
Application 4.3 : Diagramme d'existence AgCl . . . . .	7
Application 4.4 : Effet d'ions communs sur AgCl <sub>(s)</sub> . . . . .	8



### Liste des remarques

Remarque 4.1 : Solides usuels . . . . .	3
Remarque 4.2 : Solubilités tabulées . . . . .	3



### Liste des exemples

Exemple 4.1 : Solubilités usuelles . . . . .	3
Exemple 4.2 : Rupture d'équilibre de dissolution . . . . .	6
Exemple 4.3 : Utilisation pratique . . . . .	7
Exemple 4.4 : Dissolution d'oxyde d'aluminium en fonction du pH . . . . .	8



### Liste des points importants

Important 4.1 : Méthode pour calculer une solubilité . . . . .	4
Important 4.2 : Diagramme d'existence d'un solide . . . . .	6



### Liste des erreurs communes

Attention 4.1 : Produit de solubilité . . . . .	4
---	---

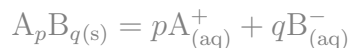


# I Équilibre d'un solide en solution

## I/A Dissolution et précipitation

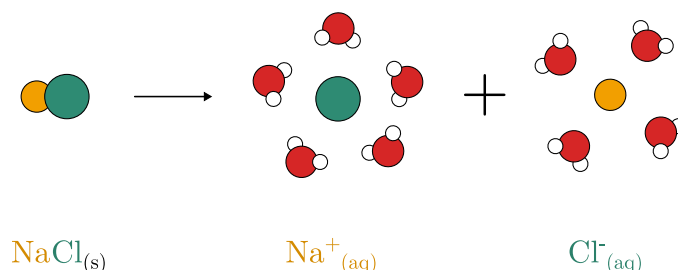
### Rappel 4.1 : Dissolution

Une espèce solide  $X_{(s)}$  est capable d'être dissoute, c'est-à-dire passer en solution<sup>1</sup> :



### Remarque 4.1 : Solides usuels

- ◇ Le plus souvent, le solide se décompose en ions, et ce sont ces derniers qui seront solvatés.
- ◇ Chimiquement, la dissolution consiste en la séparation des molécules de X par le solvant, grâce aux interactions moléculaires :



### Définition 4.1 : Solubilité

Un solide ne pourra souvent pas se dissoudre totalement dans l'eau, et il y aura à un moment une **saturation**. On appelle alors **solubilité** la **concentration maximale d'espèce dissoute** :

$$s = \frac{n_{\text{dis,max}}}{V}$$

**Unité**

$\text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$

### Remarque 4.2 : Solubilités tabulées

Souvent, les données tabulées utilisent le  $\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$ . Pour passer de l'une à l'autre, il faut simplement convertir grâce à :

$$m_{\text{dissout}} = M n_{\text{dissout}}$$

### Exemple 4.1 : Solubilités usuelles

**TABEAU 4.1** – Solubilités de quelques solides dans l'eau

Solide	Solubilité ( $\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$ )
NaCl (sel)	357
Saccharose	2000
$\text{O}_{2(g)}$	1120

1. Dans notre cas, le solvant sera toujours l'eau.

### Définition 4.2 : Précipité et précipitation

Un précipité est un **dépôt solide** en **équilibre** avec la phase aqueuse, qui apparaît lorsqu'une solution est **saturée** en composés ionique ou moléculaire.

On appelle **précipitation** la réaction de formation du solide à partir de ses composés ioniques :



### Manipulation 4.1 : Précipitation d'hydroxyde de cuivre

<https://www.youtube.com/watch?v=G-o2zF1Kbxo>

Lorsque l'on ajoute de la soude ( $Na^{+}, HO^{-}$ ) à une solution de sulfate de cuivre ( $Cu^{2+}, SO_4^{2-}$ ), un précipité solide d'hydroxyde de cuivre  $Cu(OH)_2$  apparaît. On peut le filtrer et l'isoler.

On retrouve cette situation pour beaucoup d'autres solutions, avec de nombreux précipités :  $AgCl$ ,  $Zn(OH)_2$ , etc.

Il y a deux façons d'obtenir un précipité :

- 1) **En introduisant un excès de solide dans l'eau** : si on dissout du sel dans l'eau, passé une certaine quantité le sel ne se dissout plus : il reste du solide au fond de la solution ;
- 2) **En mélangeant deux solutions contenant les espèces constituant le précipité** : c'est le cas de l'expérience présentée.

## I/B Équilibre

### Définition 4.3 : Produit de solubilité

Le produit de solubilité est la constante d'équilibre de la **réaction de dissolution**, noté  $K_s$ .  
Par exemple :



Avec

$$K_s = \frac{[Ag^{+}]_{eq} \times [Cl^{-}]_{eq}}{c^{o2}}$$

On définira également  $pK_s = -\log K_s$ .

### Attention 4.1 : Produit de solubilité

Le produit de solubilité est associé à la réaction de dissolution !

### Important 4.1 : Méthode pour calculer une solubilité

- 1) Écrire la réaction de **dissolution** et dresser le tableau d'avancement en **supposant la saturation** ;
- 2) Exprimer  $s$  en fonction de  $\xi_{eq}$  puis les **concentrations en fonction de  $s$**  ;
- 3) Exprimer  $K_s$  en fonction de  $s$  et résoudre.

### Application 4.1 : Calcul de solubilité

Calculer la solubilité en  $mol \cdot L^{-1}$  puis en  $g \cdot L^{-1}$  pour les espèces suivantes :

- 1)  $NaCl_{(s)}$  de  $K_s = 36$  avec  $M_{NaCl} = 58,44 g \cdot mol^{-1}$  ;
- 2)  $PbI_{2(s)}$  de  $pK_s = 7,5$  avec  $M_{PbI_2} = 461,01 g \cdot mol^{-1}$ .

1) [1]

Équation		$\text{NaCl}_{(s)}$	$=$	$\text{Na}^+_{(aq)}$	$+$	$\text{Cl}^-_{(aq)}$
Initial	$\xi = 0$	$n$		0		0
Final	$\xi_f = \xi_{eq}$	$n - \xi_{eq}$		$\xi_{eq}$		$\xi_{eq}$

[2] Par définition,  $n_{\text{dis,max}} = \xi_{eq} = sV \Rightarrow \begin{cases} [\text{Na}^+]_{eq} = s \\ [\text{Cl}^-]_{eq} = s \end{cases}$

[3] Or,  $K_s = \frac{[\text{Na}^+]_{eq} \times [\text{Cl}^-]_{eq}}{c^{\circ 2}} = \left(\frac{s}{c^{\circ}}\right)^2$   
 $\Rightarrow \boxed{s = c^{\circ} \sqrt{K_s}} \Rightarrow \underline{s = 6 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} = 350 \text{ g} \cdot \text{L}^{-1}}$

2) [1]

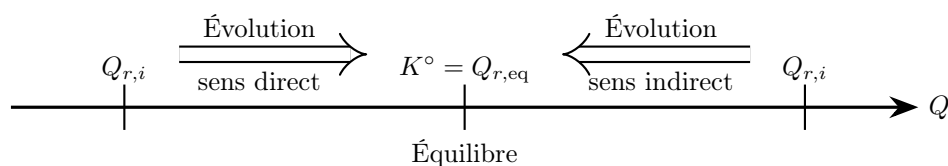
Équation		$\text{PbI}_{2(s)}$	$=$	$\text{Pb}^{2+}$	$+$	$2\text{I}^-_{(aq)}$
Initial	$\xi = 0$	$n$		0		0
Final	$\xi_f = \xi_{eq}$	$n - \xi_{eq}$		$\xi_{eq}$		$2\xi_{eq}$

[2] Par définition,  $n_{\text{dis,max}} = \xi_{eq} = sV \Rightarrow \begin{cases} [\text{Pb}^{2+}]_{eq} = s \\ [\text{I}^-]_{eq} = 2s \end{cases}$

[3] Or,  $K_s = \frac{[\text{Pb}^{2+}]_{eq} \times [\text{I}^-]_{eq}^2}{c^{\circ 3}} = 4 \left(\frac{s}{c^{\circ}}\right)^3$   
 $\Rightarrow \boxed{s = c^{\circ} \left(\frac{10^{-pK_s}}{4}\right)^{1/3}} \Rightarrow \underline{s = 2,0 \times 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} = 0,92 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}}$

### I/C Condition d'existence d'un précipité

#### Rappel 4.2 : Sens d'évolution d'un système



#### Application 4.2 : Précipitation ou non ?

On ajoute  $n = 10^{-5} \text{ mol}$  d'ions  $\text{Cl}^-$  dans  $V_0 = 10 \text{ mL}$  de nitrate d'argent ( $\text{Ag}^+, \text{NO}_3^-$ ) à  $c_0 = 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ . On donne  $pK_s(\text{AgCl}) = 9,8$ .

**Obtient-on un précipité de chlorure d'argent  $\text{AgCl}$  ?**

La réaction de formation de  $\text{AgCl}$  est



Sens direct  $\Rightarrow Q_{r,i} < \frac{1}{K_s} \Leftrightarrow \frac{c^{o2}}{[Ag^+]_i[Cl^-]_i} < \frac{1}{K_s} \Leftrightarrow \boxed{\frac{[Ag^+]_i[Cl^-]_i}{c^{o2}} > K_s}$

A.N. :  $[Ag^+]_i = 10^{-3} \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1}$  et  $[Cl^-]_i = n/V_0 = 10^{-3} \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1} \Rightarrow \boxed{[Ag^+]_i[Cl^-]_i = 10^{-6} > K_s}$

Il y a donc bien formation du précipité.

#### Propriété 4.1 : Condition d'existence d'un précipité

◇ **Dissolution** :  $A_p B_{q(s)} = pA_{(aq)}^+ + qB_{(aq)}^- \quad K_s$

▷ **Solide = équilibre = saturation**

$\Leftrightarrow$  suffisamment de solide initial

$$Q_{r,f}^{\text{dis}} = Q_{r,\text{eq}} = K_s$$

▷ **Pas de solide = pas d'équilibre**

$\Leftrightarrow$  solide totalement dissout

$$Q_{r,f}^{\text{dis}} < K_s$$

◇ **Précipitation** :  $pA_{(aq)}^+ + qB_{(aq)}^- = A_p B_{q(s)} \quad K^\circ = K_s^{-1}$

▷ **Solide = équilibre**

$\Leftrightarrow$  suffisamment d'ions

$$\frac{[A^+]_i^p [B^-]_i^q}{(c^o)^{p+q}} > K_s \quad \text{et} \quad Q_{r,f}^{\text{pre}} = Q_{r,\text{eq}}^{\text{pre}} = K^\circ$$

▷ **Pas de solide = pas d'équilibre**

$\Leftrightarrow$  pas assez d'ions

$$Q_{r,i}^{\text{pre}} > K^\circ \Leftrightarrow \frac{[A^+]_i^p [B^-]_i^q}{(c^o)^{p+q}} < K_s$$

#### Exemple 4.2 : Rupture d'équilibre de dissolution

En reprenant l'application 4.1, s'il n'y a pas de solide ça veut dire qu'il a été entièrement consommé; alors,

$$\xi_f = \xi_{\text{max}} = n < \xi_{\text{eq}} \Leftrightarrow Q_{r,f} = \frac{[Ag^+]_f \times [Cl^-]_f}{c^{o2}} < \frac{[Ag^+]_{\text{eq}} \times [Cl^-]_{\text{eq}}}{c^{o2}} = K_s \Leftrightarrow \boxed{Q_{r,f} < K_s} \quad \blacksquare$$

#### Important 4.2 : Diagramme d'existence d'un solide

Pour un solide, soit il existe soit il n'existe pas : on ne parle pas de prédominance mais d'existence. La construction d'un tel diagramme reflète ce qui a été déterminé plus tôt :

**Un précipité existe si la solution est chargée en ions**

On trace donc les domaines d'un solide  $A_p B_q$  en fonction de la concentration d'un de ses ions *via* pA ou pB.

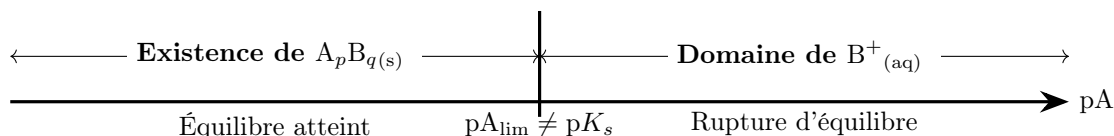


FIGURE 4.1 – Diagramme d'existence générique

**Méthode** : On détermine le  $pA_{\text{lim}}$  d'apparition du solide en se plaçant à la **limite de la précipitation** : on suppose que la première molécule de solide vient d'apparaître, donc l'équilibre  $Q_{\text{eq}} = K_s$  est vérifié, mais les concentrations des ions ne sont pas modifiées par la précipitation.



### Application 4.3 : Diagramme d'existence AgCl

Tracer le diagramme d'existence de  $\text{AgCl}_{(s)}$  en fonction de  $p\text{Cl}$ , pour une solution de  $\text{Ag}^+$  à  $c_0 = 0,10 \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1}$ .

On reprend le résultat de l'application 4.2 avec  $[\text{Ag}^+]_i = c_0$  :

$$\frac{[\text{Ag}^+]_i [\text{Cl}^-]_i}{c_0^2} > K_s \Leftrightarrow \frac{[\text{Cl}^-]_i}{c_0} > \frac{K_s}{c_0} \Leftrightarrow p\text{Cl} < pK_s + \log(c_0) \Rightarrow \text{A.N. : } p\text{Cl}_{\text{lim}} = 8,8$$

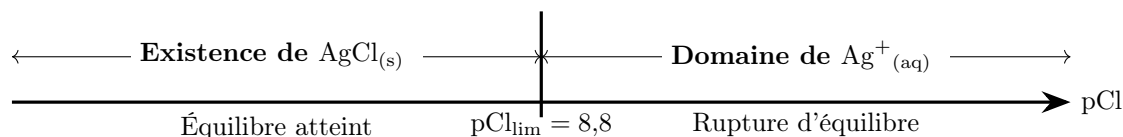


FIGURE 4.2 – Diagramme d'existence de AgCl

## II Facteurs influençant la solubilité

### II/A Température



#### Propriété 4.2 : Influence de la température

La solubilité dépend de la température car le produit de solubilité dépend de la température ( $K_s(T)$ ). La plupart du temps, **la solubilité augmente<sup>2</sup> avec  $T$**



#### Exemple 4.3 : Utilisation pratique

On peut se servir de cette propriété à des fins de purification. Supposons que l'on dispose d'un mélange d'un composé A avec une impureté B dont on veut se débarrasser. Si on trouve un solvant dans lequel les impuretés sont plus solubles que le composé principal, on peut réaliser une **recristallisation** :

- 1) On dissout le mélange dans la plus petite quantité de **solvant chaud** pour bien dissoudre le mélange, apportant ainsi une solution **saturée** ;
- 2) La solution est ensuite laissée à refroidir ;
- 3) Comme la solution refroidit, la solubilité des composés diminue, et le composé désiré cristallise tandis que les impuretés restent en solution.

### II/B Effet d'ions communs



#### Propriété 4.3 : Effet d'ions communs

Lors d'une dissolution, si la solution contient déjà l'un des ions du solide alors la saturation apparaît plus tôt : **la solubilité diminue**.

2. Contre-exemple : le calcaire.



#### Application 4.4 : Effet d'ions communs sur $\text{AgCl}_{(s)}$

Calculer la solubilité de  $\text{AgCl}_{(s)}$  s'il y a déjà  $c = 0,1 \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1}$  de  $\text{Cl}^-$  en solution et comparer la solubilité obtenue au résultat attendu sans. On donne  $\text{p}K_s(\text{AgCl}) = 9,75$ .

Équation		$\text{AgCl}_{(s)}$	=	$\text{Ag}^+_{(aq)}$	+	$\text{Cl}^-_{(aq)}$
Initial	$\xi = 0$	$n$		0		$cV$
Final	$\xi_f = \xi_{eq}$	$n - \xi_{eq}$		$\xi_{eq}$		$cV + \xi_{eq}$

2 Par définition,  $n_{\text{dis,max}} = \xi_{eq} = sV \Rightarrow \begin{cases} [\text{Ag}^+]_{eq} = s \\ [\text{Cl}^-]_{eq} = \frac{cV + \xi_{eq}}{V} = c + s \end{cases}$

3 Or,  $K_s = \frac{[\text{Ag}^+]_{eq} \times [\text{Cl}^-]_{eq}}{c^0{}^2} = \frac{s(c+s)}{(c^0)^2}$

On suppose  $s \ll 0,1 \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1} \Rightarrow s \times c \approx K_s \Leftrightarrow \boxed{s \approx \frac{K_s}{c}}$   
 $\Rightarrow \underline{s = 1,8 \times 10^{-9} \text{ mol}\cdot\text{L}^{-1}}$

## II/C Influence du pH



### Propriété 4.4 : Influence du pH

Lorsque les espèces en jeu appartiennent en plus à un couple acide-base, le pH a rôle sur la solubilité :

- ◇ Un solide **basique** aura une plus grande solubilité en **milieu acide** ;
- ◇ Un solide acide aura une plus grande solubilité en milieu basique.



#### Exemple 4.4 : Dissolution d'oxyde d'aluminium en fonction du pH

$\text{Al}(\text{OH})_{3(s)}$  appartient au couple acide-base



Étudions sa dissolution dans l'eau :

Équation	$\text{Al}(\text{OH})_{3(s)} +$	$\text{H}_2\text{O}_{(l)}$	$\rightarrow \text{Al}(\text{OH})_4^-_{(aq)} +$	$\text{H}^+_{(aq)}$
$\xi = 0$	$n$	excès	0	$[\text{H}^+]_0 V$
$\xi_{eq} = sV$	$n - sV$	excès	$sV$	$[\text{H}^+]V$

D'où  $K_s = \frac{s(s + [\text{H}^+]_0)}{c^0{}^2} = \frac{s[\text{H}^+]}{c^0{}^2}$   
 $\Rightarrow \text{p}K_s = \text{pH} + \text{ps} \Leftrightarrow \boxed{\text{ps} = \text{p}K_s - \text{pH}}$

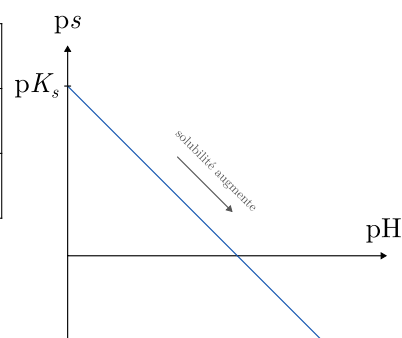


FIGURE 4.3 – Graph ps-pH