

Étude d'un filtre actif du second ordre

I Objectifs

- Être attentif-ve aux problèmes liés aux masses des appareils de mesure.
- Apprécier rapidement le comportement en fréquence d'un filtre par balayage rapide avant de faire les mesures.
- Effectuer les mesures permettant de tracer le diagramme de Bode en amplitude d'un filtre.
- Utiliser un multimètre en mode dBmètre.
- Apprendre à tracer un diagramme de Bode sur papier semi-logarithmique : fréquence de coupure à -3 dB, bande passante, nature et ordre du filtre.

II Méthode pour mesurer un gain en dB (rappel)

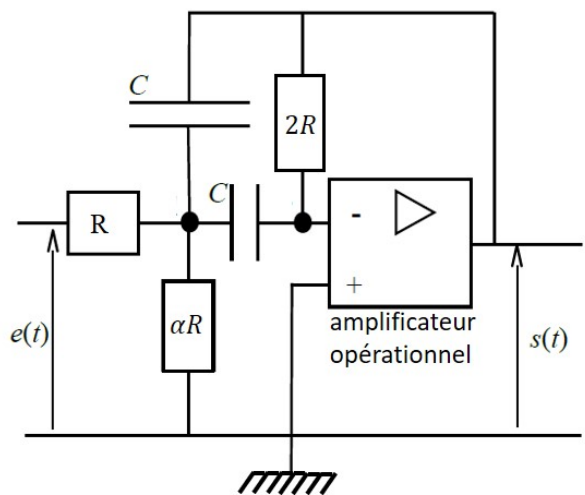
Le gain se mesure grâce à un multimètre en fonction Volt alternatif (symbole V_{\sim}) puis dBmètre (bouton dB) pour activer la fonction dBmètre. Brancher le multimètre sur l'entrée $e(t)$ du montage, appuyer sur « rel » une ou deux fois jusqu'à ce que le multimètre affiche 0. On indique alors au multimètre que c'est cette tension $e(t)$ qui sert de référence. Brancher ensuite le multimètre sur la sortie $s(t)$. Il affiche directement le gain en dB.

ATTENTION : Il faut refaire le zéro relatif pour chaque fréquence.

III Analyser

Le filtre de RAUCH est un filtre actif, c'est-à-dire qu'il est alimenté électriquement par un générateur extérieur pour fonctionner. Il repose sur l'utilisation de 5 dipôles passifs et d'un amplificateur opérationnel (AO). Ces derniers ne sont pas au programme de première année. Il n'est donc pas possible pour vous de déterminer la fonction de transfert associée à ce filtre. Vous pouvez donc voir le filtre comme une boîte noire qui réalise la fonction de transfert suivante :

$$\underline{H}(j\omega) = \frac{s}{e} = \frac{H_0}{1 + jQ \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)}$$



Avec $Q = \sqrt{\frac{\alpha+1}{2\alpha}}$, $H_0 = -1$ et $\omega_0 = \sqrt{\frac{\alpha+1}{2\alpha}} \frac{1}{RC}$

Ainsi, bien que ce filtre soit nouveau par rapport à ce que vous avez étudié, sa fonction de transfert est analogue à des cas étudiés en classe. Vous pouvez donc étudier sa fonction de transfert. Pour ce faire :

- 1 Déterminer les équations des asymptotes BF et HF du Bode en gain. En déduire la nature de ce filtre.
- 2 Exprimer la pulsation de résonance ω_r en fonction de ω_0 et Q . Exprimer la largeur de la bande passante de ce filtre en fonction de ω_0 et Q , puis de R et C .
- 3 A quelle condition sur α ce filtre peut-il être efficace pour sélectionner individuellement les fréquences constituant le signal d'entrée ? On supposera, afin de fixer les idées, un signal d'entrée périodique (non sinusoïdal) de pulsation fondamentale ω_f dont on souhaite sélectionner l'harmonique de rang 3 (pulsation $3\omega_f$).


- 4 On prend $RC = 1,0 \times 10^{-4}$ s. Pour $\alpha = 10^{-2}$ puis $\alpha = 1$, préciser les coordonnées des points d'intersection des asymptotes BF et HF (f_I ; $G_{dB,I}$).

IV Réaliser

On étudie ce montage pour deux valeurs de α . On prendra successivement $\alpha = 10^{-2}$ puis $\alpha = 1$. Le filtre schématisé ci-dessus est une « boîte noire » dans laquelle on trouve un amplificateur opérationnel. Pour s'en servir, il faut au préalable polariser l'amplificateur opérationnel, c'est-à-dire :

Manipulation amplificateur

Connecter la borne +15 V du boîtier à la sortie +15 V d'un générateur de tension continue, la borne -15 V du boîtier à la sortie -15 V du générateur et le point milieu du boîtier à la masse du générateur.

 À la fin de la séance, on coupe le signal du GBF avant les alimentations de l'amplificateur opérationnel qui doivent être coupées en dernier.

Réalisez ensuite le montage en prenant $C = 1$ nF (cavalier prêt à être connecté sur la boîte) et αR avec une boîte de résistances variables.

- 5 La « boîte noire » a été fabriquée avec $R = 100$ k Ω . Déterminer la valeur à donner à αR pour $\alpha = 10^{-2}$.

On alimente le filtre avec un GBF en tension sinusoïdale et on souhaite visualiser simultanément $e(t)$ sur la voie 1 et $s(t)$ sur la voie 2 de l'oscilloscope. On utilisera le voltmètre pour mesurer le gain en dB.

- 6 Étude rapide : Faire varier la fréquence du signal d'entrée et vérifier rapidement que le filtre fonctionne correctement. En particulier, vous déterminerez la fréquence de résonance.
- 7 Mesures pour le tracé du diagramme de Bode : Prendre comme amplitude du signal d'entrée $E_m \approx 2$ V puis, pour chaque fréquence entre 100 Hz et 80 kHz, mesurer le gain en dB grâce au voltmètre (en mode dB-mètre, comme la semaine précédente) et affiner les mesures autour de la fréquence de résonance. L'échelle fréquentielle étant logarithmique, vous espacerez vos mesures de manière logarithmique également. Faire un tableau *numérique* avec l'outil de votre choix (LatisPro recommandé, calculatrice recommandée) et imprimez ou réécrivez les valeurs sur votre copie.
- 8 Recommencer les deux mêmes études pour $\alpha = 1$.

V Valider

- 9 Tracer, pour chacune des deux valeurs de α , les diagrammes de Bode en gain expérimentaux sur papier semi-log en mettant la fréquence en abscisse. Ajouter sur ces deux diagrammes, les asymptotes obtenues grâce à l'étude théorique de l'analyse.

VI Conclure

- 10 Quelle différence essentielle constate-t-on entre ces deux filtres ? Comment faire varier la capacité C afin de faire varier Q sans faire varier ω_0 ?

