

Sujet 1

I Question de cours

Exercice

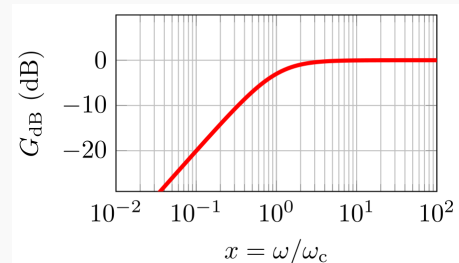
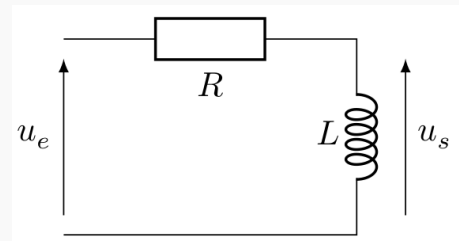
On considère le circuit ci-contre, avec $R = 1,0 \text{ k}\Omega$ et $L = 10 \text{ mH}$, donnant le diagramme de BODE ci-dessous :

1. Sans utiliser le diagramme de BODE, quelle est la nature du filtre ?
2. Déterminer sa fonction de transfert et l'écrire sous la forme

$$\underline{H}(j\omega) = H_0 \frac{j\frac{\omega}{\omega_c}}{1 + j\frac{\omega}{\omega_c}}$$

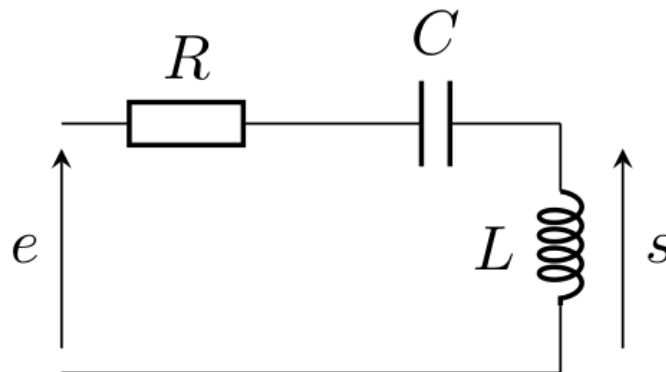
avec H_0 et ω_c des constantes à préciser.

3. On considère une tension d'entrée $u_e(t)$ somme de 3 harmoniques de mêmes amplitudes, de mêmes phases initiales, mais de fréquences respectives $f_1 = 100 \text{ Hz}$, $f_2 = 1 \text{ kHz}$ et $f_3 = 100 \text{ kHz}$. Donner le spectre de sortie.



II Filtre passe-haut d'ordre 2

On considère le filtre suivant :



1. Justifier que ce filtre est un filtre passe-haut.
2. Déterminer sa fonction de transfert et l'écrire sous la forme :

$$\underline{H} = \frac{jQx}{1 + jQ\left(x - \frac{1}{x}\right)} \quad \text{avec} \quad x = \frac{\omega}{\omega_0}.$$

On donnera l'expression de la pulsation caractéristique ω_0 et celle du facteur de qualité Q .

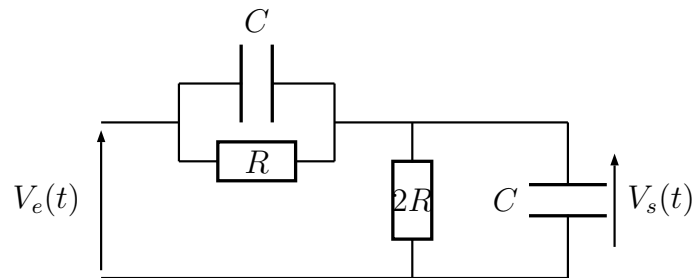
3. Déterminer la pente des asymptotes du diagramme de Bode en gain. Tracer qualitativement son allure en supposant que le facteur de qualité est tel que le circuit n'est pas résonant.
4. Tracer qualitativement l'allure du diagramme de Bode en phase en supposant toujours que le facteur de qualité est tel que le circuit n'est pas résonant.
5. Ce filtre peut-il avoir un comportement dérivateur ? intégrateur ?

Sujet 2

I Question de cours

Comportements intégrateur et dérivateur : définir les comportements intégrateur et dérivateur d'un filtre, donner les formes canoniques des filtres passe-bas et passe-haut d'ordre 1, et démontrer leur comportement intégrateur ou dérivateur.

II Diagrammes de Bode



1. **Sans calculs**, prévoir le comportement du filtre à basse fréquence.
2. Faire le circuit équivalent à haute fréquence. Que peut-on dire ?
3. Déterminer l'expression de la fonction de transfert que l'on mettra sous la forme :

$$\underline{H}(j\omega) = H_0 \frac{1 + j\frac{\omega}{\omega_2}}{1 + j\frac{\omega}{\omega_1}}$$

Exprimer H_0 , ω_1 et ω_2 en fonction de R et C .

4. On pose $\underline{H}_1(j\omega) = 1 + j\frac{\omega}{\omega_1}$ et $\underline{H}_2(j\omega) = 1 + j\frac{\omega}{\omega_2}$. Tracer les diagrammes de Bode en gain et en phase en fonction de $\log(\omega)$ pour les deux fonctions $\underline{H}_1(j\omega)$ et $\underline{H}_2(j\omega)$.
5. En déduire les diagrammes de Bode en gain et en phase de la fonction de transfert $\underline{H}(j\omega)$ en fonction de $\log(\omega)$.

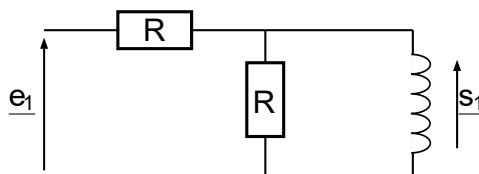
Sujet 3

I Question de cours

Filtre passe-bande d'ordre 2, RLC série sur R : présenter le système réel, le système en RSF complexe, déterminer sa fonction de transfert, son gain en décibels, l'évolution de sa phase et tracer son diagramme de BODE en détaillant les asymptotes à basses et hautes fréquences pour le gain.

II Étude d'un filtre

On considère le circuit suivant avec $R = 100\ \Omega$ et $L = 1\ \text{H}$.



1. Pour le circuit ci-dessus,

- étudier le comportement du filtre à très basses et à très hautes fréquences,
- exprimer la fonction de transfert \underline{H} en fonction de la résistance R , de l'inductance L et de la pulsation ω ,
- exprimer la pulsation de coupure ω_c en fonction de R et L ,
- exprimer le gain en décibel ainsi que la phase de la fonction de transfert en fonction de $x = \omega/\omega_c$,
- faire l'étude asymptotique du gain et de la phase,
- tracer les diagrammes de Bode,
- préciser si le circuit présente un caractère dérivateur ou intégrateur.

2. Calculer la fréquence de coupure.

3. On alimente le circuit avec la tension

$e_1(t) = 2,0 + 5,0 \cos(2\pi \cdot 8t + \pi/4) + 5,0 \cos(2\pi \cdot 800t)$ avec t en seconde et e_1 en volt. Exprimer la tension $s_1(t)$.

III Circuit RLC en RSF

On dispose de deux circuits A et B ci-dessous, qui sont alimentés par un GBF de f.e.m. $e(t) = E_0 \cos(\omega t)$ (avec E_0 une constante positive) et de résistance interne R_g .

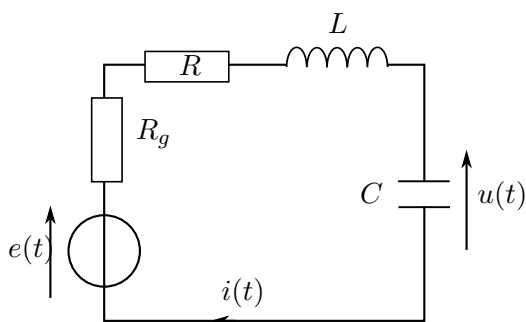


Figure 3.1 – Montage A

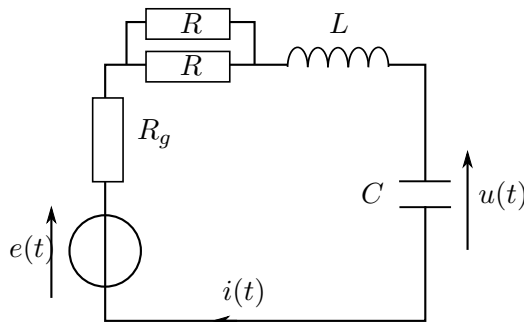
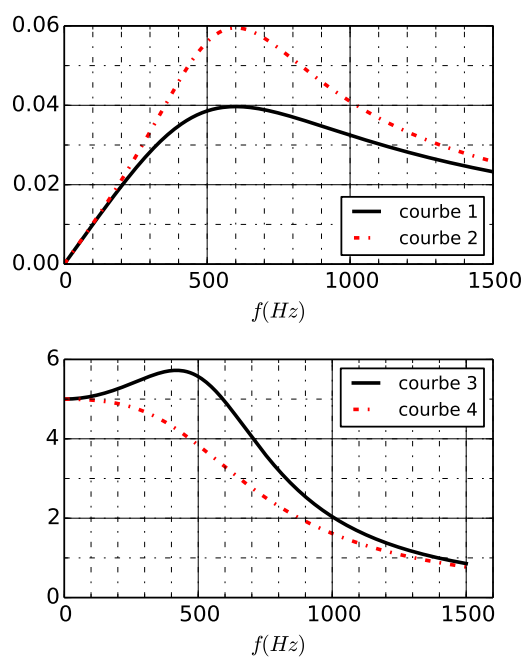


Figure 3.2 – Montage B

On donne les graphiques de l'évolution de l'amplitude I_0 en ampère de l'intensité $i(t)$, ainsi que celle de l'amplitude U_0 en volt de la tension $u(t)$ en fonction de la fréquence f .



4. Pour chaque graphique, déterminer quelle est la courbe correspondant au montage A et celle au montage B. Déterminer les valeurs de E_0 , R , R_g , L et C .