Correction du TP

I | Analyser

I/A Étude cinétique de la réaction entre l'érythrosine et l'eau de Javel

I/A) 3 Étude des conditions expérimentales

1 Espèce colorée unique qui disparaît au cours de la réaction (produit incolore).

$$v = k[E]^p[ClO^-]^q$$

(3) On a

$$c_m(\mathbf{E})_0 = [\mathbf{E}]_0 M(\mathbf{E}) \Leftrightarrow [\mathbf{E}]_0 = \frac{c_m(\mathbf{E})_0}{M(\mathbf{E})} \quad \text{avec} \quad \begin{cases} c_m(\mathbf{E}) = 30 \,\mathrm{mg} \cdot \mathbf{L}^{-1} = 30 \times 10^{-3} \,\mathrm{g} \cdot \mathbf{L}^{-1} \\ M(\mathbf{E}) = 880 \,\mathrm{g} \cdot \mathrm{mol}^{-1} \end{cases}$$

$$A.N. : c_0 = 3.4 \times 10^{-5} \,\mathrm{mol} \cdot \mathbf{L}^{-1}$$

Or, $[ClO^-]_0 \approx 0.24 \,\text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \Rightarrow [ClO^-]_0 \gg c_0$: on est bien en situation de dégénérescence de l'ordre.

Dans ce cas,

$$v = k[\text{ClO}^-]^q[\text{E}]^p \approx k[\text{ClO}^-]_0^q[\text{E}]^p$$

 $\Leftrightarrow v = k_{\text{app}}[\text{E}]^p$ avec $k_{\text{app}} = k[\text{ClO}^-]_0^q$

 $\overline{\mathrm{I/A}}$ Détermination de l'ordre partiel p par rapport à l'érythrosine

On rappelle la loi de Beer-Lambert, appliquée ici à l'érythrosine : $A = \varepsilon \ell[E]$. Montrer que :

(4) Si p=1:

$$v = k_{\text{app}}[E]$$

$$\Leftrightarrow k_{\text{app}}[E] = -\frac{d[E]}{dt}$$

$$\Leftrightarrow [E](t) = c_0 e^{-k_{\text{app}}t}$$

$$\Leftrightarrow A(t) = A_0 e^{-k_{\text{app}}t}$$

$$\Leftrightarrow \ln(A) = \ln(A_0) - k_{\text{app}}t$$

On obtiendrait donc une droite en traçant $\ln(A) = f(t)$, avec $-k_{\rm app}$ comme coefficient directeur.

(5) Si p=2:

$$v = k_{\text{app}}[E]^{2}$$

$$\Leftrightarrow k_{\text{app}}[E]^{2} = -\frac{d[E]}{dt}$$

$$\Leftrightarrow -\frac{d[E]}{[E]^{2}} = -k_{\text{app}} dt$$

$$\Rightarrow \boxed{\frac{1}{[E]} - \frac{1}{[E]_{0}} = k_{\text{app}}t}$$

$$\Leftrightarrow \boxed{\frac{1}{A(t)} = \frac{1}{A_{0}} + \frac{k_{\text{app}}}{\varepsilon \ell}t}$$

$$v = -\frac{d[E]}{dt}$$
Séparation des variables
$$On intègre$$

On obtiendrait donc une droite en traçant 1/A = f(t), avec $k_{\rm app}/\varepsilon \ell$ comme coefficient directeur.

 $\overline{\mathrm{I/A}}$) Détermination de l'ordre partiel q par rapport aux ions hypochlorites

(6) Avec ces deux expériences, on définit

$$k_{\text{app},1} = k[\text{ClO}^-]_{01}^q \quad \text{et} \quad k_{\text{app},2} = k[\text{ClO}^-]_{02}^q$$

$$\Rightarrow \frac{k_{\text{app},1}}{k_{\text{app},2}} = \frac{[\text{ClO}^-]_{01}^q}{[\text{ClO}^-]_{02}}$$

$$\Leftrightarrow \ln\left(\frac{k_{\text{app},1}}{k_{\text{app},2}}\right) = q \ln\left(\frac{[\text{ClO}^-]_{01}}{[\text{ClO}^-]_{02}}\right)$$

$$\Leftrightarrow = q \ln 2$$

$$\Leftrightarrow q = \frac{\ln\left(\frac{k_{\text{app},1}}{k_{\text{app},2}}\right)}{\ln(2)}$$
On divise
$$\ln x^a = a \ln x$$

$$[\text{ClO}^-]_{02} = \frac{[\text{ClO}^-]_{01}}{2}$$
On isole

II | Réaliser et valider

II/A Réalisation du spectre de l'érythrosine

1

Pour augmenter la précision de l'appareil et limiter l'incertitude sur les mesures, on se place à la longueur d'onde pour laquelle le coefficient d'absorption molaire de la substance est maximum. Par lecture graphique, on obtient $\lambda = 526 \,\mathrm{nm}$.

II/B Étude cinétique de la réaction

 $\overline{\mathrm{II/B}}$ Détermination de l'ordre partiel p par rapport à l'érythrosine

On trouve que la régression la plus fidèle aux données est celle de $\ln A = f(t)$: on en conclu que p=1.



Remarque TP10.1: fin de cinétique

Quand la cinétique est terminée, la vitesse n'évolue plus. Dans ce cas, on peut obtenir des régressions biaisées. Il faut parfois sélectionner les données sur lesquelles ont fait la régression pour avoir une meilleure estimation du coefficient directeur.

Lycée Pothier 2/3 MPSI3 – 2024/2025

III. Conclure 3

4 Le coefficient directeur est l'opposé de la constante apparente, soit

$$k_{\rm app,1} = 5.3 \times 10^{-3} \,\rm s^{-1}$$

Et on obtient le temps de demi-réaction avec

$$\boxed{t_{1/2} = \frac{\ln 2}{k_{\rm app}}} \Leftrightarrow \underline{t_{1/2} = 131 \,\mathrm{s}}$$

 $\mathrm{II/B}(2)$ Détermination de l'ordre partiel q par rapport aux ions hydroxydes

 $\boxed{5}$ On trouve toujours une droite en traçant $\ln A = f(t)$, ce qui confirme l'ordre partiel 1 sur \boxed{E} .

6

$$k_{\rm app,2} = 2.6 \times 10^{-3} \,\mathrm{s}^{-1}$$

7 On calcule avec

$$\boxed{q = \frac{\ln\left(\frac{k_{\text{app},1}}{k_{\text{app},2}}\right)}{\ln(2)}} \Rightarrow \underline{q = 1,03 \approx 1}$$

III Conclure

8

$$p = 1 = q$$

9

$$m = p + q = 2$$

10 Oui, car les ordres partiels sont égaux aux coefficient stœchiométriques arithmétiques.