

# Électrocinétique en RSF : oscillateurs

- /20 [1] Étude de la résonance en intensité pour le circuit RLC série en RSF : établir l'expression de  $\underline{I}$ , donner son amplitude réelle  $I(\omega)$ . Déterminer sa pulsation de résonance. Étudier sa phase. Tracer  $I(\omega)$  et  $\arg(\underline{I}(\omega))$  pour plusieurs facteurs de qualité (au moins 2).

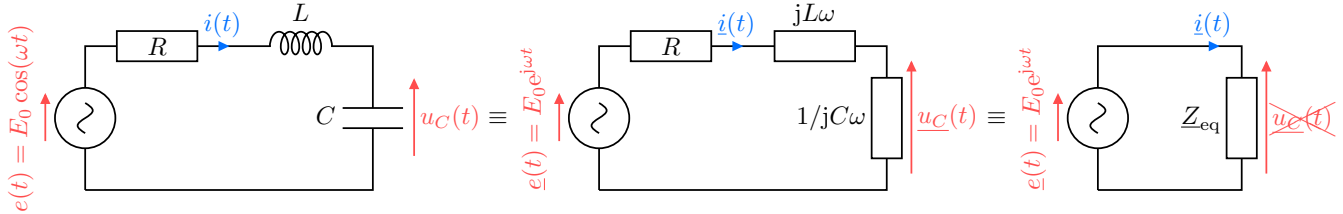


FIGURE 11.1 – Circuit RLC série et équivalences.

## Amplitudes complexe et réelle

$$\begin{aligned}
 E_0 &= \underline{Z}_{eq} \underline{I} = \left( R + jL\omega + \frac{1}{jC\omega} \right) \underline{I} \\
 \Leftrightarrow \underline{I} &= \frac{E_0}{R + j \left( L\omega - \frac{1}{C\omega} \right)} \quad \left. \begin{array}{l} \text{On isole} \\ \text{On factorise par } R \end{array} \right\} \\
 \Leftrightarrow \underline{I} &= \frac{E_0/R}{1 + j \left( \frac{L}{R}\omega - \frac{1}{RC\omega} \right)}
 \end{aligned}$$

De plus,

$$\begin{aligned}
 \frac{L}{R} &= \frac{Q}{\omega_0} \quad \text{et} \quad Q\omega_0 = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}} \frac{1}{\sqrt{LC}} \Leftrightarrow \frac{1}{RC} = Q\omega_0 \\
 \Rightarrow \underline{I} &= \frac{E_0/R}{1 + j \left( \frac{Q\omega}{\omega_0} - \frac{Q\omega_0}{\omega} \right)} \Leftrightarrow \underline{I} = \frac{E_0/R}{1 + jQ \left( \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)} \\
 \Rightarrow I(\omega) &= |\underline{I}| = \frac{E_0/R}{\sqrt{1 + Q^2 \left( \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)^2}}
 \end{aligned}$$

## Pulsation de résonance et phase

On trouve le maximum de cette amplitude quand le dénominateur est minimal, c'est-à-dire

$$\begin{aligned}
 I(\omega_r) &= I_{\max} \Leftrightarrow 1 + Q^2 \left( \frac{\omega_r}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega_r} \right)^2 \text{ minimal} \\
 \Leftrightarrow Q^2 \left( \frac{\omega_r}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega_r} \right)^2 &= 0 \Leftrightarrow \boxed{\omega_r = \omega_0}
 \end{aligned}$$

Pour la phase :

$$\begin{aligned}
 \varphi_i &= \underbrace{\arg(E_0/R)}_{=0} - \arg \left( 1 + jQ \left( \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right) \right) \\
 \Leftrightarrow \tan \varphi_i &= -Q \left( \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right) \quad \text{avec} \quad \varphi_i \in \left] -\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2} \right[
 \end{aligned}$$

puisque  $\cos \varphi_i > 0$  (la partie réelle est positive).

$$\tan \varphi_i \xrightarrow{\omega \rightarrow 0^+} +\infty \Rightarrow \varphi_i \xrightarrow{\omega \rightarrow 0^+} +\frac{\pi}{2}$$

$$\tan(\varphi_i(\omega_0)) = 0 \Rightarrow \varphi_i(\omega_0) = 0$$

$$\tan \varphi_i \xrightarrow{\omega \rightarrow +\infty} -\infty \Rightarrow \varphi_i \xrightarrow{\omega \rightarrow +\infty} -\frac{\pi}{2}$$

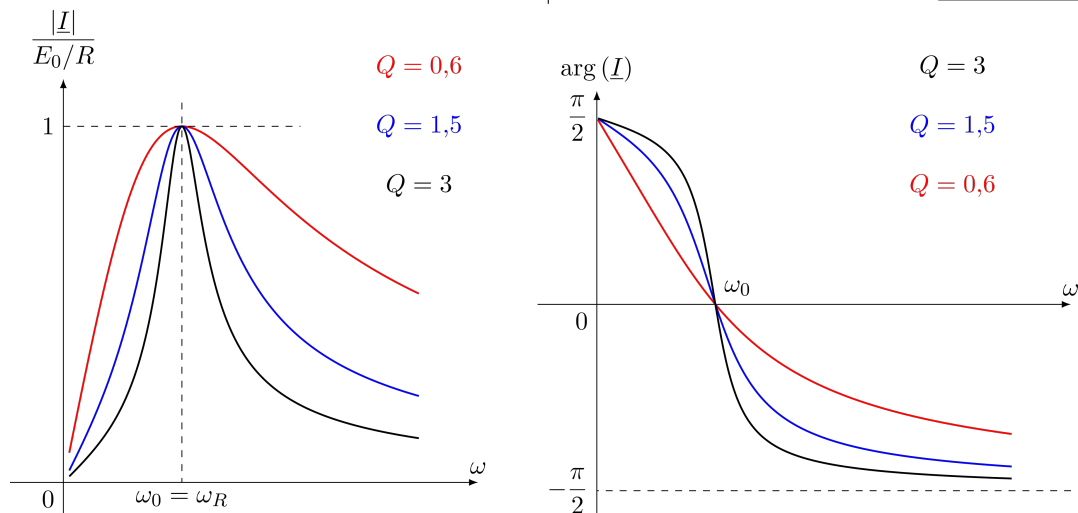


FIGURE 11.2 – Amplitude et phase en fonction de  $Q$  pour  $\underline{I}$  en RLC série.