PROGRAMME DE COLLES

SUP MPSI 2

Semaine 21

Du 18 au 22 mars 2024.

MECANIQUE 2:

Mécanique 5

MOMENT CINETIQUE

Notions et contenus	Capacités exigibles
2.5. Moment cinétique	
Moment cinétique d'un point matériel par rapport à un point et par rapport à un axe orienté.	Relier la direction et le sens du vecteur moment cinétique aux caractéristiques du mouvement.
Moment cinétique d'un système discret de points par rapport à un axe orienté.	Utiliser le caractère algébrique du moment cinétique scalaire.
Moment d'une force par rapport à un point ou un axe orienté.	Calculer le moment d'une force par rapport à un axe orienté en utilisant le bras de levier.
Théorème du moment cinétique en un point fixe dans un référentiel galiléen. Conservation du moment cinétique.	Identifier les cas de conservation du moment cinétique.

EN TD UNIQUEMENT.

Mécanique 6 MOUVEMENT DANS UN CHAMP DE FORCES CENTRALES -CAS NEWTONIEN

Notions et contenus	Capacités exigibles
2.6. Mouvements dans un champ de force cen	trale conservatif
Point matériel soumis à un champ de force centrale.	Établir la conservation du moment cinétique à partir du théorème du moment cinétique. Établir les conséquences de la conservation du
Point matériel soumis à un champ de force centrale conservatif Conservation de l'énergie mécanique. Énergie potentielle effective. État lié et état de diffusion.	Exprimer l'énergie mécanique d'un système conservatif ponctuel à partir de l'équation du mouvement. Exprimer la conservation de l'énergie mécanique et construire une énergie potentielle effective. Décrire qualitativement le mouvement radial à l'aide de l'énergie potentielle effective. Relier le caractère borné du mouvement radial à la valeur de l'énergie mécanique. Capacité numérique: à l'aide d'un langage de programmation, obtenir des trajectoires d'un point matériel soumis à un champ de force centrale
Cas particulier du champ newtonien	conservatif.
Lois de Kepler.	Énoncer les lois de Kepler pour les planètes et les transposer au cas des satellites terrestres.
Cas particulier du mouvement circulaire : satellite, planète.	Établir que le mouvement est uniforme et déterminer sa période. Établir la troisième loi de Kepler dans le cas particulier de la trajectoire circulaire. Exploiter sans démonstration sa généralisation au cas d'une trajectoire elliptique.
Energie mécanique dans le cas du mouvement circulaire et dans le cas du mouvement elliptique.	Exprimer l'énergie mécanique pour le mouvement circulaire. Exprimer l'énergie mécanique pour le mouvement elliptique en fonction du demi-grand axe.
Satellites terrestres Satellites géostationnaire, de localisation et de navigation, météorologique.	Différencier les orbites des satellites terrestres en fonction de leurs missions. Déterminer l'altitude d'un satellite géostationnaire et justifier sa localisation dans le plan équatorial.

EN COURS ET TD.

Mécanique 7

MOUVEMENT D'UN SOLIDE

Notions et contenus	Capacités exigibles
2.7. Mouvement d'un solide	
Description du mouvement d'un solide dans deux cas particuliers	
Définition d'un solide.	Différencier un solide d'un système déformable.
Translation.	Reconnaître et décrire une translation rectiligne ainsi qu'une translation circulaire.
Rotation autour d'un axe fixe.	Décrire la trajectoire d'un point quelconque du solide et exprimer sa vitesse en fonction de sa distance à l'axe et de la vitesse angulaire.
Théorème scalaire du moment cinétique appliqué au solide mobile autour d'un axe fixe	
Moment cinétique d'un solide en rotation autour d'un axe : moment d'inertie.	Exploiter, pour un solide, la relation entre le moment cinétique scalaire, la vitesse angulaire de rotation et le moment d'inertie fourni. Relier qualitativement le moment d'inertie à la répartition des masses.
Couple.	Définir un couple.
Liaison pivot.	Définir une liaison pivot et justifier le moment qu'elle peut produire.
Théorème scalaire du moment cinétique appliqué au solide en rotation autour d'un axe fixe dans un référentiel galiléen.	Exploiter le théorème scalaire du moment cinétique appliqué au solide en rotation autour d'un axe fixe dans un référentiel galiléen.
Pendule pesant.	Établir l'équation du mouvement. Établir une intégrale première du mouvement.
	Réaliser l'étude énergétique d'un pendule pesant et mettre en évidence une diminution de l'énergie mécanique.
	Capacité numérique : à l'aide d'un langage de programmation, mettre en évidence le non isochronisme des oscillations.
Approche énergétique du mouvement d'un	
solide en rotation autour d'un axe fixe	
orienté, dans un référentiel galiléen Énergie cinétique d'un solide en rotation autour d'un axe fixe.	Utiliser l'expression de l'énergie cinétique, l'expression du moment d'inertie étant fournie.
Théorème de l'énergie cinétique pour un solide en rotation autour d'un axe fixe.	Établir, dans ce cas, l'équivalence entre le théorème scalaire du moment cinétique et celui de l'énergie cinétique.

EN COURS ET TD.

Solution aqueuse 1

REACTIONS ACIDE-BASE

EN COURS UNIQUEMENT.

Notions et contenus	Capacités exigibles
Réactions acido-basiques - constante d'acidité ; - diagramme de prédominance, de distribution ; - exemples usuels d'acides et bases : nom, formule et nature – faible ou forte – des acides sulfurique, nitrique, chlorhydrique, phosphorique, acétique, de la soude, l'ion hydrogénocarbonate, l'ammoniac.	Identifier le caractère acido-basique d'une réaction en solution aqueuse. Écrire l'équation de la réaction modélisant une transformation en solution aqueuse en tenant compte des caractéristiques du milieu réactionnel (nature des espèces chimiques en présence, pH) et des observations expérimentales. Déterminer la valeur de la constante d'équilibre pour une équation de réaction, combinaison linéaire d'équations dont les constantes thermodynamiques sont connues. Déterminer la composition chimique du système dans l'état final, en distinguant les cas d'équilibre chimique et de transformation totale, pour une transformation modélisée par une réaction chimique unique. Utiliser les diagrammes de predominance ou d'existence pour prévoir les espèces incompatibles ou la nature des espèces majoritaires.
	Mettre en œuvre une réaction acide-base et une réaction de précipitation pour réaliser une analyse quantitative en solution aqueuse.

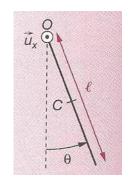
Questions de cours à choisir parmi les suivantes :

- ✓ Q1 : Savoir énoncer les 3 lois de Kepler et savoir traiter le cas particulier des satellites en orbites circulaires : Mvt uniforme, période ; 3ème loi de Kepler ; Energie mécanique et satellite géostationnaire) (§ II. 5 a & b).
- ✓ Q2: Cas particulier des trajectoires elliptiques: Connaître qq propriétés des orbites elliptiques (Périgée; Apogée; Relation entre r_P et r_A et le grand axe). Savoir établir la relation r_A $v_A = r_P$ v_P au périgée et à l'apogée. Enfin savoir retrouver l'expression de l'énergie mécanique pour une trajectoire elliptique (§ II. 5. d).
- ✓ Q3: Connaitre la relation entre moment cinétique scalaire et moment d'inertie d'un solide; Savoir relier le moment d'inertie à la répartition des masses; Retrouver ensuite le théorème du moment cinétique scalaire pour un solide en rotation autour d'un axe fixe; savoir définir un couple et une liaison pivot et liaison pivot parfaite. (§ III. 1; 2; 3 & 4.).
- ✓ Q4 : Savoir refaire l'exemple du <u>pendule pesant</u> avec établissement de l'équation différentielle du mouvement grâce au théorème du moment cinétique scalaire pour un solide en rotation. J_{\wedge} est une donnée (§ IV. 1).
- ✓ Q5 : Connaitre l'expression de l'énergie cinétique pour un solide en rotation ; Savoir exprimer les théorèmes énergétiques pour les solides en rotation. Savoir retrouver l'expression de la puissance des forces extérieures pour un solide en rotation à partir du TPC. (§ V. 1. b; V. 3 & V. 4. b).
- ✓ Q6 : Savoir refaire l'exemple du pendule pesant grâce à une approche énergétique : Energie cinétique ; Energie potentielle ; Conditions d'équilibre et stabilités. Retrouver l'équation différentielle du mvt à partir de l'intégrale première du mvt (§ V.5).
- ✓ Q7: Savoir définir le pH; Savoir définir la constante d'acidité K_A d'un couple acide/base faible et le K_e; Ainsi que justifier les valeurs de pK_A (H₃O⁺/H₂O) = 0 et pK_A (H₂O / OH⁻) = pK_e = 14; (§ I. 2, I. 4, I. 5. b & I. 5. c).
- ✓ Q8: Connaître nom, formule et nature de : acide sulfurique, acide nitrique, acide chlorhydrique, acide phosphorique, acide acétique, soude, ions hydrogénocarbonate et ammoniac (§ I. 6), puis savoir <u>justifier</u> et tracer un diagramme de prédominance (§ II. 1. b).
- ✓ Q9: Savoir faire l'exercice d'application sur les diagrammes de distribution (§ II. 2. c).

Exercice d'application de Q6 : Approche énergétique du pendule pesant :

Un pendule pesant est constitué d'une tige homogène attachée en un point O et pouvant osciller librement. La tige est de longueur l et de masse m, donc en pivot parfait autour de Δ =Ox. Sa position est repérée par l'angle θ par rapport à la verticale. Le moment d'inertie de la tige par rapport à l'axe Ox est : $J_{\Delta} = \frac{1}{3} m l^2$.

- 1) Exprimer l'énergie cinétique de la tige à un instant quelconque.
- 2) De même avec l'énergie potentielle de pesanteur.
- 3) En déduire les positions d'équilibre et étudier leur stabilité.
- 4) Trouver une intégrale première du mouvement. En déduire l'équation du mouvement de la tige.



Exercice d'application de Q9 : Cas d'un polyacide :

Soit le tétraacide H₄P₂O₇, appelé acide pyrophosphorique. On donne son diagramme de distribution en fonction du pH.

- 1 Identifier les différentes espèces concernées, sur le schéma.
- 2 Retrouver graphiquement les différents pK_{Ai}. Commenter.
- 3 On place ce trétraacide dans une solution à pH = 7,0. Donner la composition (en pourcentages) de la solution ainsi obtenue.

