

# Second principe de la thermodynamique

« The law that entropy increases – the Second Law of Thermodynamics – holds, I think, the supreme position among the laws of Nature. »

Arthur EDDINGTON, *The Nature of the Physical World*, 1928

## Sommaire

<b>I L'entropie</b>	<b>3</b>
I/A Statistique	3
I/B Irréversibilité	5
<b>II Second principe de la thermodynamique</b>	<b>6</b>
II/A Énoncé	6
II/B Cas particuliers	7
<b>III Expressions de l'entropie</b>	<b>7</b>
III/A (HP) Définition des grandeurs thermodynamiques	8
III/B Phases condensées	8
III/C Gaz parfait	9
III/D Loi de LAPLACE	10
<b>IV Applications</b>	<b>10</b>
IV/A Méthode de bilans d'entropie	10
IV/B Transformation isochore et monotherme d'un gaz parfait	11

## Capacités exigibles

- ☐ Interpréter qualitativement l'entropie en termes de désordre statistique à l'aide de la formule de Boltzmann fournie.
- ☐ Définir un système fermé et établir pour ce système un bilan entropique.
- ☐ Relier la création d'entropie à une ou plusieurs causes physiques de l'irréversibilité.
- ☐ Analyser le cas particulier d'un système en évolution adiabatique.
- ☐ Utiliser l'expression fournie de la fonction d'état entropie.
- ☐ Exploiter l'extensivité de l'entropie.
- ☐ Citer et utiliser la loi de Laplace et ses conditions d'application.

## ✍ L'essentiel

### 📖 Définitions

- ☐ Formule de BOLTZMANN . . . . . 4
- ☐ Transformation isentropique . . . . . 7

### ⚙ Propriétés

- ☐ Transformations réversibles ou non . . . . . 5
- ☐ Second ppe. de la thermodynamique . . . . . 6
- ☐  $\Delta S^{\text{cond}}$  . . . . . 8
- ☐  $\Delta S^{\text{G.P.}}$  . . . . . 9
- ☐ Loi de LAPLACE . . . . . 10

### 📋 Démonstrations

- ☐ Loi de LAPLACE . . . . . 10

### 💡 Interprétations

- ☐ Entropie selon BOLTZMANN . . . . . 4

### » Implications

- ☐ Entropie de cas particuliers . . . . . 7

### ✍ Applications

- ☐ Entropie d'un mélange . . . . . 9
- ☐ Transfo° isoV. et monoT. d'un G.P. . . . . 11

### ♥ Points importants

- ☐ Bilans d'entropie . . . . . 10

### ⚠ Erreurs communes

- ☐ Variation d'entropie . . . . . 7
- ☐ Loi de LAPLACE . . . . . 10

# I L'entropie

Le premier principe traduit la conservation de l'énergie lors de l'évolution d'un système. Cependant il ne dit rien sur le sens de cette évolution : peut-on toujours retourner de l'état final à l'état initial en passant par le même chemin ?

La réponse est non : un système isolé ne peut subir n'importe quelle transformation ! Un système évoluera toujours d'un état hors équilibre vers un état d'équilibre, et pas l'inverse.

Ce constat est *a priori* intuitif, puisqu'il décrit l'évolution même du temps et notre expérience de son écoulement (un verre cassé ne se répare pas tout seul), mais il est nécessaire de l'introduire mathématiquement.

## I/A Statistique

Pour comprendre la notion d'entropie, on doit s'intéresser à la probabilité qu'un événement physique survienne.

Reprenons l'exemple de la détente de JOULE GAY-LUSSAC<sup>1</sup> : soit  $N$  molécules de gaz confinées dans une enceinte indéformable et athermane de volume total  $V$ , séparée en deux volumes égaux par une cloison. Dans l'état initial, on injecte toutes les particules dans le compartiment de gauche.

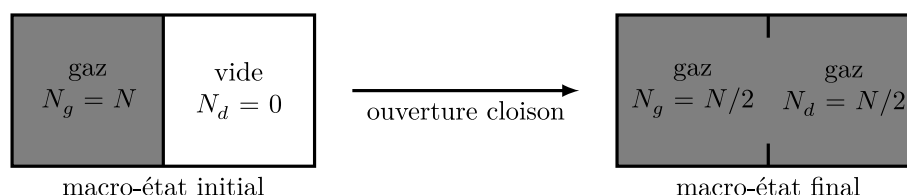


FIGURE 4.1 – Évolution spontanée dans l'expérience de JOULE GAY-LUSSAC

On définit les éléments suivants :

### Définition 4.1 : États statistiques d'un système

- ◇ **Micro-état** : c'est la donnée de l'état de **chaque** particule (vitesse, position) ;
- ◇ **Macro-état** : c'est la donnée des **grandeurs macroscopiques** (pression, température...)
- ◇ **Nombre de configurations** : noté  $\Omega$ , c'est le nombre de **micro-états compatibles avec un macro-état**.

On s'intéresse alors au nombre de particules dans le compartiment de gauche  $N_g$  et dans le compartiment de droite  $N_d$  : ce sont des macro-états, qui peuvent être réalisés par différents micro-états. Par exemple, pour  $N = 2$ , il y a  $\Omega_{\text{tot}} = 4$  micro-états différents, et pour le macro-état  $N_g$  il y en a 3 différents :

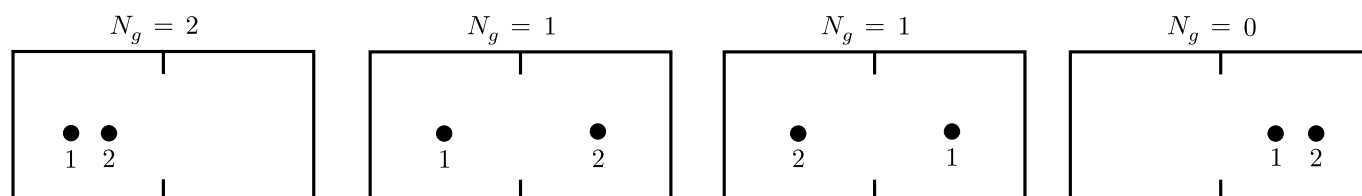


FIGURE 4.2 – Décompte des micro-états pour 2 particules

Chacun de ces états est **possiblement accessible**, mais il apparaît clairement que l'un d'entre eux est plus **probable** que les autres : il y a deux manières d'arranger les particules pour avoir le macro-état  $N_g = 1$ , contre une seule pour les deux autres. On peut remplir le tableau suivant :

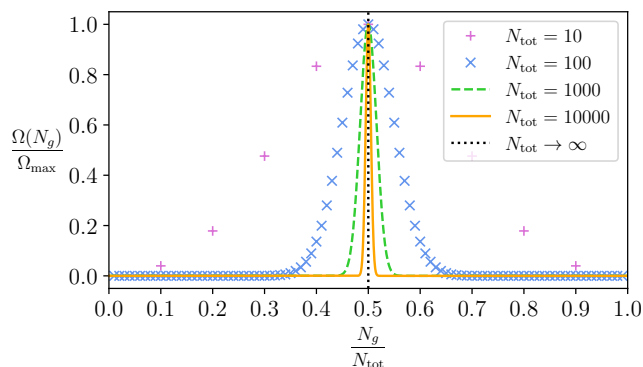
1. Pour une visualisation animée, voir la simulation de la diffusion de PhET Colorado : [https://phet.colorado.edu/sims/html/diffusion/latest/diffusion\\_all.html](https://phet.colorado.edu/sims/html/diffusion/latest/diffusion_all.html)

Macro-état	Configurations	Probabilité
$N_g = 0$	$\Omega = 1$	$P(N_g = 0) = \frac{\Omega}{\Omega_{\text{tot}}} = 0,25$
$N_g = 1$	$\Omega = 2$	$P(N_g = 1) = \frac{\Omega}{\Omega_{\text{tot}}} = 0,50$
$N_g = 2$	$\Omega = 1$	$P(N_g = 2) = \frac{\Omega}{\Omega_{\text{tot}}} = 0,25$

On voit alors apparaître la notion d'entropie et également ce qui définit la flèche du temps : les états évoluent vers les **macro-états les plus probables**, c'est-à-dire ceux de **plus grandes configurations**.

Pour appliquer cette idée à la thermodynamique, il faut l'appliquer à des systèmes thermodynamiques, c'est-à-dire comprenant un grand nombre de particules. Dans ce cas,  $\Omega(N_g)$  se calcule avec<sup>2</sup> :

$$\Omega(N_g) = \binom{N}{N_g} = \frac{N!}{N_g!(N - N_g)!}$$



Cette distribution est alors **maximale pour**  $N_g = N/2$ , c'est-à-dire  $\Omega_{\text{max}} = \Omega(N/2)$ , mais surtout **décroît exponentiellement vite pour**  $N_g \neq N/2$ .

#### ♥ Définition 4.2 : Formule de BOLTZMANN

L'entropie d'un système thermodynamique **isolé** et **à l'équilibre** est une fonction d'état extensive, donnée par la formule

$$S = k_B \ln \Omega$$

**Unité**

$$\text{J} \cdot \text{K}^{-1}$$

avec  $k_B = 1,38 \times 10^{-23} \text{ J} \cdot \text{K}^{-1}$  la constante de BOLTZMANN et  $\Omega$  le nombre de configurations décrivant le macro-état observé.

#### ♥ Interprétation 4.1 : Entropie selon BOLTZMANN

Ainsi, plus  $\Omega$  est grand, plus l'entropie est grande : l'entropie est une mesure de la **probabilité de réalisation** d'un macro-état. Étant donné que les états les moins probables sont les plus « ordonnés » ( $\Omega = 1$ ), on dit également que **l'entropie est une mesure du désordre microscopique** d'un système.

Elle **évolue naturellement vers son augmentation**, et mène à de l'irréversibilité : par un phénomène statistique collectif propre aux systèmes de grand nombre de particule, l'évolution vers des états ordonnés est **statistiquement impossible**.

C'est cette idée qui régit l'évolution du gaz de l'état initial à l'état final dans l'expérience de JOULE GAZ-LUSSAC, mais qui régit également l'équilibre des températures de deux gaz de températures initialement différentes. Voir l'animation précédente pour une simulation.

#### Liens vidéos

◇ [Alpha Phoenix](#) (anglais)

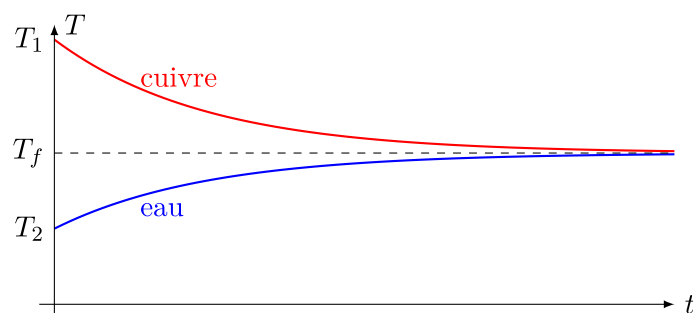
◇ [Veritasium](#) (anglais)

◇ [Science Clic](#) (français)

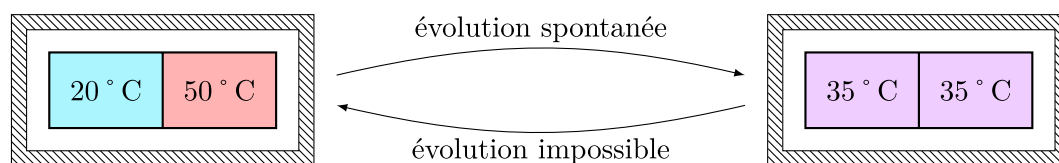
2. On retrouve ce calcul derrière le triangle de PASCAL en mathématiques.

## I/B Irréversibilité

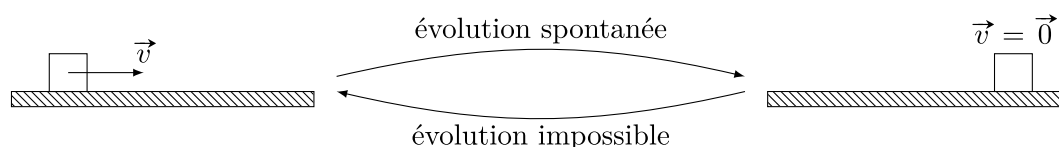
D'après la section précédente, l'entropie évolue naturellement dans le sens de son augmentation. C'est pourquoi la mise en contact d'un bloc de cuivre chaud dans de l'eau donne l'évolution temporelle suivante :



D'une manière générale, deux corps de températures différentes en contact équilibrent leurs températures :



On observe la même chose en mécanique :



On a alors les critères suivants :

### ♥ Propriété 4.1 : Transformations réversibles ou non

◇ **Réversible** : une transformation est réversible si

- ▷ elle est **quasi-statique**, c'est-à-dire en équilibre interne à tout instant ;
- ▷ on peut inverser le sens d'évolution par une **modification infinitésimale** des paramètres extérieurs



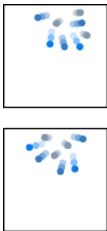
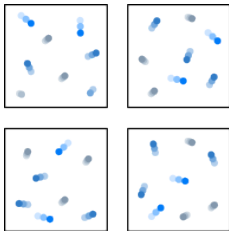
◇ **Irréversible** :

- ▷ le système ne peut **pas suivre** la transformation en **sens inverse** en passant par les mêmes états intermédiaires.
- ▷ les causes : toute **inhomogénéité** interne (température, pression), tous les **frottements** (transfert d'énergie sous forme de chaleur), et les **réactions chimiques**.

### Exemple 4.1 : Transformations réversibles ou non

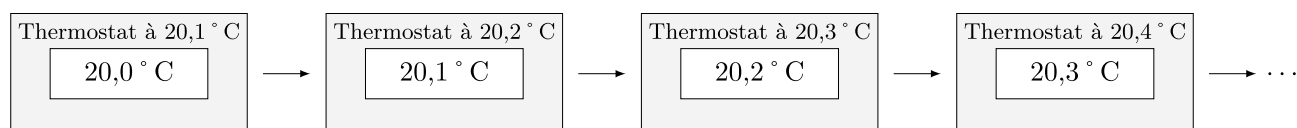
#### Entropie d'une goutte d'encre

En plaçant une goutte de colorant dans de l'eau, celle-ci se répartit dans l'espace disponible, **sans retour en arrière possible**, ce qui s'explique par les micro-états compatibles avec chaque situation.

	État initial	État ultérieur
Macro-état		
Micro-état		

### Chauffage d'un corps

Pour chauffer un corps de manière réversible, il faut donc qu'il n'y ait pas de réaction chimique activée par la chaleur, que la température soit initialement homogène dans le corps, et que chaque variation soit infinitésimale. Ainsi, on peut procéder comme suit :



## II Second principe de la thermodynamique

### II/A Énoncé

#### ♥ Propriété 4.2 : Second ppe. de la thermodynamique

Il existe une **fonction d'état**, nommée **entropie** et notée  $S$ , qui est **extensive** mais qui **ne se conserve pas**. Au cours d'une transformation d'un système fermé, elle varie selon la loi :

$$\Delta S = S_{\text{ech}} + S_{\text{cr}} \Leftrightarrow \delta S = \delta S_{\text{ech}} + \delta S_{\text{cr}}$$

#### Entropie échangée

Pour un système échangeant de la chaleur avec l'extérieur à  $T_{\text{ext}}$ , l'entropie échangée est

$$\delta S_{\text{ech}} = \frac{\delta Q}{T_{\text{ext}}} \Leftrightarrow S_{\text{ech}} = \int_I^F \frac{\delta Q}{T_{\text{ext}}}$$

#### Entropie créée

L'entropie créée ne **peut qu'augmenter**, et on a donc :

$$\left. \begin{array}{l} \diamond \text{ Irréversible : } S_{\text{cr}} > 0 \\ \diamond \text{ Réversible : } S_{\text{cr}} = 0 \end{array} \right\} S_{\text{cr}} \geq 0$$

Dans l'exemple de chauffage réversible précédent, on pourra montrer en TD que l'entropie créée est nulle, rendant effectivement la transformation réversible.

### ♥ Attention 4.1 : Variation d'entropie

L'entropie d'un système **isolé** tend naturellement vers son augmentation, et **l'entropie créée ne fait qu'augmenter**, par contre **l'entropie d'un système non-isolé peut décroître** : il est tout à fait possible d'avoir  $\Delta S < 0$  pour un système qui a été « ordonné » par un autre qui aura alors été « désordonné ».

## II/B Cas particuliers

### ♥ Implication 4.1 : Entropie de cas particuliers

◇ **Transformation cyclique** :  $S$  étant une fonction d'état, on a

$$\Delta S_{\text{cycle}} = 0$$

◇ **Transformation adiabatique** : pas d'échange de chaleur, donc  $Q = 0$ , ainsi

$$S_{\text{ech}} = 0 \Rightarrow \Delta S = S_{\text{cr}} \geq 0$$

◇ **Transformation monotherme** : en contact avec un thermostat de  $T_{\text{ext}} = T_0 = \text{cte}$ , on a

$$S_{\text{ech}} = \int_I^F \frac{\delta Q}{T_0} = \frac{Q}{T_0}$$

C'est également vrai pour les transformations isothermes, qui sont forcément monothermes.

◇ **Transformation polytherme** : en contact avec **plusieurs thermostats**, comme  $S$  est additive on obtient

$$S_{\text{ech}} = \sum_i \frac{Q_i}{T_i}$$

### Remarque 4.1 : Travail et chaleur

On remarque que pour le premier principe, travail et chaleur jouent un rôle équivalent. Ça n'est pas le cas pour le second principe. Quand elle a été introduite par CLAUSIUS en 1864, son but était justement de différencier entre **travail utile ou non**. Un système d'énergie « ordonnée » va évoluer dans le sens de son désordre, et pas dans le sens inverse. Une fois l'état d'**équilibre atteint**, l'énergie restante est sous forme de **chaleur**, et n'est **pas utile**, pas récupérable.

### ♥ Définition 4.3 : Transformation isentropique

Une transformation est isentropique si l'entropie d'un système ne varie pas au cours d'une transformation. Elle doit donc être

◇ adiabatique

◇ réversible

## III Expressions de l'entropie

### Compétences du programme

En MPSI, il ne vous est ni demandé de savoir les démontrer, ni de connaître les formules de variation d'entropie. Elles doivent être données, et il faut « juste » savoir les utiliser.

### III/A (HP) Définition des grandeurs thermodynamiques

Dans le premier chapitre, nous avons introduit le concept de grandeur d'état, et affirmé que seul un petit nombre d'entre elles servaient à décrire le système. L'entropie d'un système fait partie des grandeurs d'état, et elle se relie aux autres par les définitions suivantes :

#### Définition 4.4 : (HP) Identités thermodynamiques

On définit la température et la pression thermodynamiques par :

$$T = \left. \frac{\partial U}{\partial S} \right|_V \quad \text{et} \quad P = - \left. \frac{\partial U}{\partial V} \right|_S$$

On peut alors écrire les fonctions d'état  $U$  et  $H$  en fonction de  $S$ ,  $V$  et  $P$  plutôt que  $T$ ,  $V$  et  $P$  :

##### Première identité

$$\begin{aligned} dU &= \left. \frac{\partial U}{\partial S} \right|_V dS + \left. \frac{\partial U}{\partial V} \right|_S dV \\ \Leftrightarrow dU &= T dS - P dV \end{aligned}$$

##### Seconde identité

$$\begin{aligned} dH &= dU + P dV = dU + P dV + V dP \\ \Leftrightarrow dH &= T dS + V dP \end{aligned}$$

#### Remarque 4.2 : Correspondances entre définitions

Ces grandeurs définies grâce à des outils thermodynamiques sont identifiées à celles construites à partir de la théorie cinétique.

#### Propriété 4.3 : (HP) Expression infinitésimale de la variation d'entropie

##### Première identité

$$\begin{aligned} dS &= \frac{dU}{T} + P \frac{dV}{T} \\ \Leftrightarrow \Delta S &= \int_I^F \frac{dU}{T} + P \frac{dV}{T} \end{aligned}$$

##### Seconde identité

$$\begin{aligned} dS &= \frac{dH}{T} - V \frac{dP}{T} \\ \Leftrightarrow \Delta S &= \int_I^F \frac{dH}{T} - V \frac{dP}{T} \end{aligned}$$

### III/B Phases condensées

#### ♥ Propriété 4.4 : $\Delta S^{\text{cond}}$

L'entropie d'une masse  $m$  d'une phase condensée ne dépend que de la température, et on a

$$S(T) = mc \ln \frac{T}{T_{\text{ref}}} + S_{\text{ref}} \quad \boxed{\Delta S = mc \ln \frac{T_f}{T_i}}$$

#### Démonstration 4.1 : (HP) $\Delta S^{\text{cond}}$

On a  $dV = 0$ , donc d'après l'expression de l'entropie (Propriété 4.3) :

$$\begin{aligned} \Delta S^{\text{cond}} &= C_V \int_I^F \frac{dT}{T} \\ \Leftrightarrow \Delta S^{\text{cond}} &= mc \ln \frac{T_f}{T_i} \quad \blacksquare \end{aligned}$$





### ♥ Application 4.1 : Entropie d'un mélange

On peut vérifier avec cette expression que l'état final d'un mélange correspond bien au maximum de l'entropie du système.

On mélange  $m = 300$  g d'eau à  $T_{i,1} = 50^\circ\text{C}$  et  $m = 300$  g d'eau à  $T_{i,2} = 20^\circ\text{C}$  dans un calorimètre. On le suppose parfaitement calorifugé, et on néglige pour simplifier sa capacité calorifique.

On donne  $\Delta S = mc \ln \frac{T_f}{T_i}$  la variation d'entropie d'une phase condensée. On note  $T_1$  et  $T_2$  la température des masses d'eau **hors équilibre**.

- 1 Faire un bilan d'enthalpie pour trouver l'expression littérale et la valeur numérique de  $\Delta H$ . En déduire  $T_2$  en fonction de  $T_{i,2}$ ,  $T_{i,1}$  et  $T_1$ .
- 2 Exprimer la variation d'entropie du système en éliminant l'expression de  $T_2$  par le résultat précédent. En déduire l'expression de l'entropie créée  $S_{\text{cr}}$ , puis la tracer en fonction de  $T_1$ . Conclure.

$$\begin{aligned}
 \text{1} \quad & \Delta H = mc_{\text{eau}}(T_2 - T_{i,2}) + mc_{\text{eau}}(T_1 - T_{i,1}) \quad \left. \begin{array}{l} \Delta H = Q \\ \Leftrightarrow 0 = \cancel{mc_{\text{eau}}}(T_2 - T_{i,2} + T_1 - T_{i,1}) \end{array} \right\} \downarrow Q = 0 \\
 & \Leftrightarrow T_2 = T_{i,2} + T_{i,1} - T_1
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{2} \quad & \Delta S = mc \ln \left( \frac{T_2}{T_{i,2}} \right) + mc \ln \left( \frac{T_1}{T_{i,1}} \right) \\
 & \Leftrightarrow \Delta S = mc \ln \left( \frac{T_{i,2} + T_{i,1} - T_1}{T_{i,2}} \right) + mc \ln \left( \frac{T_1}{T_{i,1}} \right) \\
 & \Leftrightarrow S_{\text{cr}} = mc \ln \left( \frac{T_{i,2} + T_{i,1} - T_1}{T_{i,2}} \right) + mc \ln \left( \frac{T_1}{T_{i,1}} \right)
 \end{aligned}$$

**Conclusion :** La température d'équilibre  $T_f = 35^\circ\text{C}$  correspond au maximum de  $S_c$

## III/C Gaz parfait



### ♥ Propriété 4.5 : $\Delta S^{\text{G.P.}}$

L'entropie d'un gaz parfait caractérisé par  $(P, V, T)$  peut s'exprimer avec différentes variables, par exemple

$$S(T, V) = C_V \ln \left( \frac{T}{T_{\text{ref}}} \right) + nR \ln \left( \frac{V}{V_{\text{ref}}} \right) + S_{\text{ref}}$$

et sa variation peut s'écrire de trois manières différentes :

$$\begin{aligned}
 \Delta S &= C_V \ln \left( \frac{T_f}{T_i} \right) + nR \ln \left( \frac{V_f}{V_i} \right) \\
 \Leftrightarrow \Delta S &= C_P \ln \left( \frac{T_f}{T_i} \right) - nR \ln \left( \frac{P_f}{P_i} \right) \\
 \Leftrightarrow \Delta S &= C_V \ln \left( \frac{P_f}{P_i} \right) + C_P \ln \left( \frac{V_f}{V_i} \right)
 \end{aligned}$$

### Démonstration 4.2 : (HP) $\Delta S^{\text{G.P.}}$

D'après l'expression de l'entropie *via* la première identité (Propriété 4.3) :

$$\begin{aligned}
 \Delta S^{\text{G.P.}} &= \int_I^F \frac{C_V dT}{T} + \frac{P dV}{T} \\
 \Leftrightarrow \Delta S^{\text{G.P.}} &= C_V \ln \frac{T_f}{T_i} + \int_I^F nR \frac{dV}{V} \\
 \Leftrightarrow \Delta S^{\text{G.P.}} &= C_V \ln \frac{T_f}{T_i} + nR \ln \frac{V_f}{V_i} \quad \blacksquare
 \end{aligned}$$

On trouve la deuxième formule avec la seconde identité, et la troisième en utilisant l'équation d'état du gaz parfait.



### III/D Loi de LAPLACE

En combinant les expressions précédentes et en les appliquant à des transformations isentropiques, on obtient les lois de LAPLACE :

#### ♥ Propriété 4.6 : Loi de LAPLACE

Pour une transformation **adiabatique** et **réversible** d'un **gaz parfait**, les paramètres d'état sont reliés par les relations suivantes :

$$PV^\gamma = \text{cte} \quad \text{ou} \quad P^{1-\gamma}T^\gamma = \text{cte} \quad \text{ou} \quad TV^{\gamma-1} = \text{cte}$$

où  $\gamma > 1$  est le coefficient adiabatique du fluide.

#### ♥ Attention 4.2 :

Il est nécessaire de **connaître** et **citer** les conditions d'applications :

- ◇ Adiabatique  $Q = 0$  ;
- ◇ Réversible ;
- ◇ Gaz parfait.

#### ♥ Démonstration 4.3 : Loi de LAPLACE

$$\begin{aligned} \Delta S &= C_V \left( \ln \left( \frac{P_f}{P_i} \right) + \frac{C_P}{C_V} \ln \left( \frac{V_f}{V_i} \right) \right) \\ \Leftrightarrow \Delta S &= C_V \left( \ln \left( \frac{P_f}{P_i} \right) + \gamma \ln \left( \frac{V_f}{V_i} \right) \right) \\ \Leftrightarrow \Delta S &= C_V \ln \left( \frac{P_f V_f^\gamma}{P_i V_i^\gamma} \right) \\ \Leftrightarrow 1 &= \frac{P_f V_f^\gamma}{P_i V_i^\gamma} \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} \gamma = C_P/C_V \\ a \ln b = \ln b^a \\ \ln a + \ln c = \ln ac \\ \text{Adiabatique réversible} \\ \Rightarrow \Delta S = 0 \end{array} \right\}$$

On retrouve les autres formes par l'équation d'état du gaz parfait à partir de ce résultat, ou les démontrer à partir des autres formules et des expressions de  $C_V$  et  $C_P$  en fonction de  $\gamma$  :

$$C_V = \frac{nR}{\gamma - 1} \quad \text{et} \quad C_P = \frac{\gamma nR}{\gamma - 1}$$

## IV Applications

### IV/A Méthode de bilans d'entropie

#### ♥ Important 4.1 : Bilans d'entropie

- 1 Modéliser le système : gaz parfait ou phase condensée ?
- 2 Calculer la variation totale d'entropie avec la formule pertinente ;
- 3 Calculer l'entropie échangée  $S_{\text{ech}}$  selon les conditions extérieures (voir Cas particuliers 4.1), en général  $S_{\text{ech}} = \int_I^F \frac{\delta Q}{T_{\text{ext}}}$  ;
- 4 Calculer l'entropie créée par  $S_{\text{cr}} = \Delta S - S_{\text{ech}}$  ;
- 5 Conclure quant à la nature réversible ( $S_{\text{cr}} = 0$ ) ou irréversible ( $S_{\text{cr}} > 0$ ) de la transformation.

## IV/B Transformation isochore et monotherme d'un gaz parfait

### ♥ Application 4.2 : Transfo° isoV. et monoT. d'un G.P.

Soit un gaz parfait passant de l'état initial  $I$  ( $T_i, P_i, V_i = V_0$ ) à un état final  $f$  ( $T_f, P_f, V_f = V_0$ ) en le mettant en contact avec un thermostat de température  $T_{\text{ext}} = T_f$ .

- 1 Déterminer la variation d'entropie totale en fonction de  $n, R, \gamma, T_f$  et  $T_i$
- 2 Déterminer l'entropie échangée en fonction des mêmes variables.
- 3 Déterminer l'entropie créée, et tracer l'expression obtenue avec  $x = \frac{T_i}{T_f}$ . Conclure sur la nature réversible ou non de la transformation.
- 4 Reprendre les questions pour une transformation **isobare** et monotherme.

$$1 \quad \Delta S = C_V \ln \frac{T_f}{T_i} + \underbrace{nR \ln \frac{V_f}{V_i}}_{=0} \Rightarrow \Delta S = \frac{nR}{\gamma - 1} \ln \left( \frac{T_f}{T_i} \right)$$

$$2 \quad \text{Transformation monotherme donc} \quad S_{\text{ech}} = \frac{Q}{T_f}$$

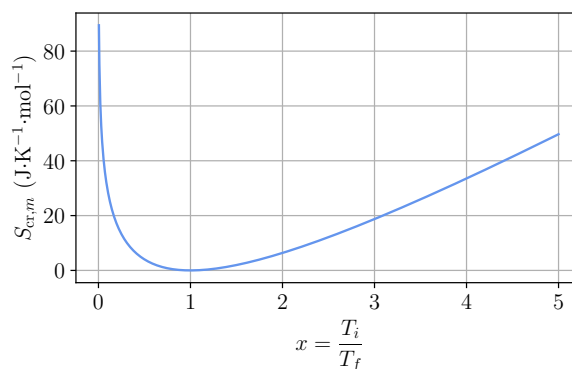
$$\text{Transformation isochore donc} \quad \Delta U = Q + \cancel{W}$$

$$\text{Première loi de JOULE} \quad \Leftrightarrow \frac{nR}{\gamma - 1} (T_f - T_i) = Q$$

$$\text{On combine} \quad \Rightarrow S_{\text{ech}} = \frac{nR}{\gamma - 1} \left( 1 - \frac{T_i}{T_f} \right)$$

3

$$\begin{aligned} \Delta S &= S_{\text{ech}} + S_{\text{cr}} \\ \Leftrightarrow S_{\text{cr}} &= \frac{nR}{\gamma - 1} \ln \left( \frac{T_f}{T_i} \right) - \frac{nR}{\gamma - 1} \left( 1 - \frac{T_i}{T_f} \right) \\ \Leftrightarrow S_{\text{cr}} &= \frac{nR}{\gamma - 1} \left( \frac{T_i}{T_f} - 1 - \ln \frac{T_i}{T_f} \right) \\ \Leftrightarrow S_{\text{cr}} &= C_V (x - 1 - \ln x) \end{aligned}$$



**Conclusion :** l'entropie créée est **positive** pour  $T_f \neq T_i$  : c'est une transformation irréversible.

4

$$\Delta S = C_P \ln \frac{T_f}{T_i} - \underbrace{nR \ln \frac{P_f}{P_i}}_{=0} \Rightarrow \Delta S = \frac{\gamma nR}{\gamma - 1} \ln \left( \frac{T_f}{T_i} \right)$$

$$\text{Transformation monotherme} \quad S_{\text{ech}} = \frac{Q}{T_f}$$

$$\text{Transformation isobare} \quad \Delta H = Q + \cancel{W_u}$$

$$\text{Loi de JOULE} \quad \Leftrightarrow \frac{\gamma nR}{\gamma - 1} (T_f - T_i) = Q$$

On combine

$$\Rightarrow S_{\text{ech}} = \frac{\gamma n R}{\gamma - 1} \left( 1 - \frac{T_i}{T_f} \right)$$

Second principe

$$\Delta S = S_{\text{ech}} + S_{\text{cr}}$$

$$\Leftrightarrow S_{\text{cr}} = \frac{n R}{\gamma - 1} \ln \left( \frac{T_f}{T_i} \right) - \frac{n R}{\gamma - 1} \left( 1 - \frac{T_i}{T_f} \right)$$

$$\Leftrightarrow S_{\text{cr}} = \frac{n R}{\gamma - 1} \left( \frac{T_i}{T_f} - 1 - \ln \frac{T_i}{T_f} \right)$$

$$\Leftrightarrow S_{\text{cr}} = C_V (x - 1 - \ln x)$$