

# Sujet 1

## I Vibration d'une molécule

La fréquence de vibration de la molécule de chlorure d'hydrogène  $\text{HCl}$  est  $f = 8,5 \times 10^{13} \text{ Hz}$ . On donne les masses atomiques molaires :  $M_{\text{H}} = 1,0 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$  et  $M_{\text{Cl}} = 35,5 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$ , ainsi que le nombre d'Avogadro :  $N_A = 6,02 \times 10^{23} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

On modélise la molécule par un atome d'hydrogène mobile relié à un atome de chlore fixe par un “ressort” de raideur  $k$ .

**Données numériques.**  $(1,7\pi)^2/6,02 \approx 4,738065$ ,  $\sqrt{\frac{6,63 \times 6,02 \times 10}{34\pi^2}} \approx 1,09060$  et  $2\pi \times 8,5 \times 1,09 \approx 58,2136997$ .

1. Justifier l'hypothèse d'un atome de chlore fixe.
2. Exprimer puis calculer  $k$ .

On admet que l'énergie mécanique de la molécule est égale à  $\frac{1}{2}hf$  où  $h = 6,63 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$  est la constante de Planck.

3. Calculer l'amplitude du mouvement de l'atome d'hydrogène.
4. Calculer sa vitesse maximale.



## Sujet 2

### I Énergie de l'oscillateur harmonique

L'énergie mécanique d'un oscillateur harmonique s'écrit :

$$E_m = \frac{1}{2}m\omega_0^2 x^2 + \frac{1}{2}m \left( \frac{dx}{dt} \right)^2.$$

On suppose qu'il n'y a aucun phénomène dissipatif : l'énergie mécanique est donc constante.

**Formules trigonométriques.**  $\cos^2 \alpha = \frac{1}{2}(1 + \cos(2\alpha))$  et  $\sin^2 \alpha = \frac{1}{2}(1 - \cos(2\alpha))$

1. En utilisant la conservation de l'énergie, retrouver l'équation différentielle de l'oscillateur harmonique.
2. On suppose que  $x(t) = A \cos(\omega_0 t + \varphi)$ . Exprimer l'énergie cinétique et l'énergie potentielle en fonction de  $m$ ,  $\omega_0$ ,  $A$  et  $\cos(2\omega_0 t + 2\varphi)$ . Vérifier que l'énergie mécanique est bien constante.
3. Tracer sur un même graphe les courbes donnant l'énergie cinétique et l'énergie potentielle en fonction du temps. Quelle est la fréquence de variation de ces énergies ?



## Sujet 3

## I Mesurer la masse d'un astronaute sur l'ISS

Les astronautes passant plusieurs mois dans la station spatiale internationale (ISS) doivent se soumettre à des bilans de santé très réguliers, et en particulier vérifier qu'ils ne perdent ni ne prennent de poids. Néanmoins, l'absence de gravité rend les balances terrestres inopérantes dans l'espace. Pour permettre des pesées malgré cela, un dispositif original a été développé par l'agence spatiale russe, dont une photographie est présentée ci-contre.

Il s'agit d'une chaise de masse  $m_0 = 25,0 \text{ kg}$  attachée à l'extrémité d'un ressort. L'autre extrémité du ressort est attachée à un point fixe de la station. On note  $L_0$  la longueur à vide du ressort et  $k$  sa constante de raideur. La position de la chaise est repérée par son point d'attache au ressort, le long d'un axe  $(Ox)$  dont l'origine est définie telle que le point d'attache de la chaise se trouve en  $x = 0$  lorsque la longueur du ressort est égale à sa longueur à vide.

On cherche dans un premier temps à mesurer la constante de raideur  $k$  du ressort. Pour cela, la chaise **vide** est mise en mouvement et on mesure la période  $T_0 = 1,28 \text{ s}$  de ses oscillations.



1. Faire un schéma de la balance inertielle incluant l'axe  $(Ox)$  et la position  $x = 0$ .
2. Effectuer un bilan des forces qui s'exercent sur la balance et les placer sur le schéma précédent.
3. Établir l'équation différentielle vérifiée par la position  $x(t)$  de la chaise.
4. Comment appelle-t-on cette équation différentielle ?
5. Donner la forme générale des solutions de cette équation différentielle (on ne cherchera pas à déterminer les constantes).
6. En déduire que la constante de raideur  $k$  s'exprime en fonction de la période  $T_0$  et de la masse  $m_0$  par

$$k = 4\pi^2 \frac{m_0}{T_0^2}.$$

7. Calculer sa valeur numérique. On donne  $\left(\frac{\pi}{1,28}\right)^2 \approx 6,023573$ , laissant à l'étudiant le soin de choisir le bon nombre de chiffres significatifs.

On s'intéresse maintenant à la pesée proprement dite d'un astronaute dont on veut déterminer la masse  $m_{\text{ast}}$ . Celui-ci s'assoit sur la chaise et la met en mouvement. Les oscillations ont alors pour période  $T_{\text{ast}} = 2,56 \text{ s}$ .

8. Donner, sans calcul, l'équation différentielle vérifiée par la position du point d'attache de la chaise lorsqu'un astronaute est assis.
9. En déduire que la masse de l'astronaute vaut :

$$m_{\text{ast}} = m_0 \left[ \left( \frac{T_{\text{ast}}}{T_0} \right)^2 - 1 \right].$$

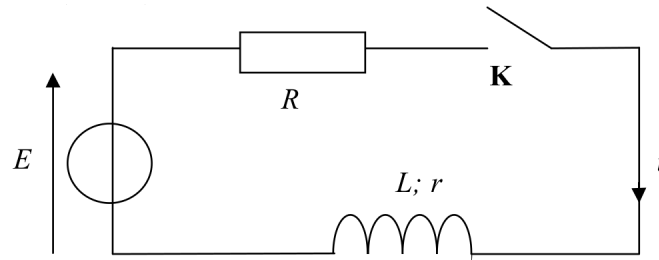
10. Calculer sa valeur numérique.



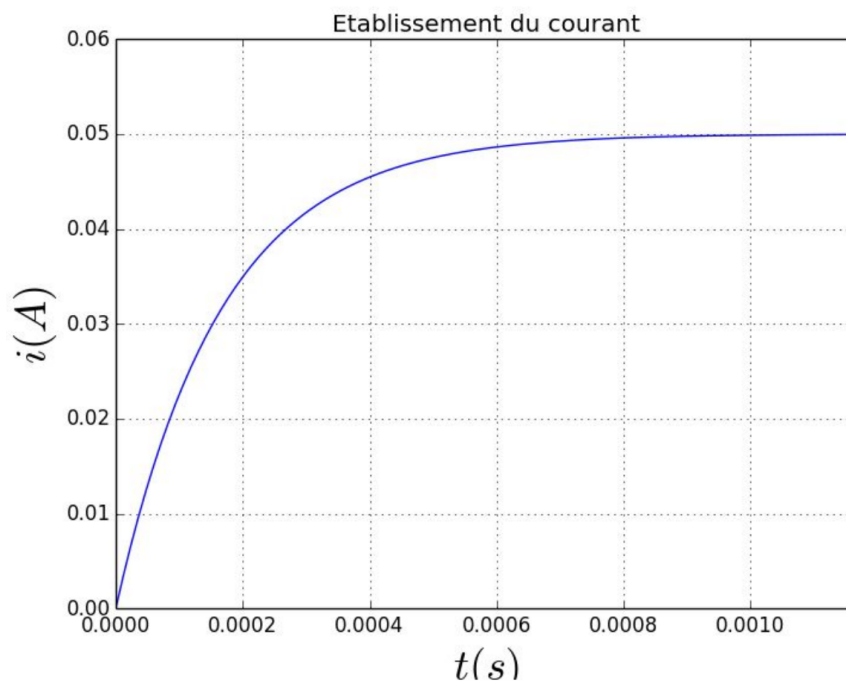
## Sujet 4

## I Charge d'une bobine

On considère une bobine d'inductance  $L$  et de résistance  $r$  selon le schéma ci-après.



L'ordinateur nous permet de suivre l'évolution de l'intensité  $i$  du courant en fonction du temps. On donne  $R = 50\Omega$  et  $E = 3,0V$ .



1. Reproduire le schéma du montage et indiquer où doivent être branchées la masse  $M$  et les voies d'entrées de la carte d'acquisition pour étudier les variations de l'intensité dans le circuit.
2. Écrire l'équation différentielle vérifiée par  $i(t)$ .
3. Exprimer l'intensité  $i(t)$  en fonction des données.
4. Soit  $I$  l'intensité du courant électrique qui traverse le circuit en régime permanent. Donner sa valeur numérique et en déduire la résistance  $r$  de la bobine.
5. Déterminer, à partir de la courbe expérimentale, la valeur de l'inductance  $L$  de la bobine.
6. Faire les schémas équivalents du circuit à  $t = 0^+$  et lorsque  $t$  tend vers l'infini.