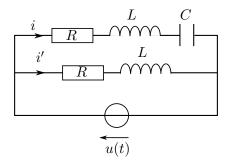
#### I | Circuit en RSF

Un générateur idéal de tension de f.e.m. sinusoïdale  $u(t) = U\sqrt{2}\cos\left(\omega t + \frac{\pi}{4}\right)$  alimente le circuit suivant.



On cherche à exprimer les intensités instantanées i(t) et i'(t) sous la forme :

$$i(t) = I\sqrt{2}\cos(\omega t + \phi)$$
  $i'(t) = I'\sqrt{2}\cos(\omega t + \phi')$ 

- 1) Les grandeurs U, I et I' correspondent-elles aux amplitudes ou aux grandeurs efficaces?
- 2) Définir les complexes  $\underline{u}(t)$ ,  $\underline{i}(t)$  et  $\underline{i'}(t)$  associés aux grandeurs u(t), i(t) et i'(t). On notera  $\underline{U}$ ,  $\underline{I}$  et  $\underline{I'}$  les amplitudes complexes.
- 3) Exprimer l'amplitude complexe  $\underline{I}$  en fonction de  $\underline{U}$ , L, R, C et  $\omega$ . En déduire les expressions de I et  $\phi$ . Préciser le domaine d'appartenance de la phase  $\phi$ .
- 4) Exprimer l'amplitude complexe  $\underline{I'}$  en fonction de  $\underline{U}$ , L, R et  $\omega$ . En déduire les expressions de I' et  $\phi'$ . Préciser le domaine d'appartenance de la phase  $\phi'$ .
- 5) A quelle condition doivent satisfaire L, C et  $\omega$  pour que les déphasages respectifs  $\psi$  et  $\psi'$  des courants i et i' avec la tension u soient opposés ?
- 6) A quelle condition doivent satisfaire R, L, C et  $\omega$  pour que le déphasage entre i et i' soit de  $\pi/2$ ?
- 7) Les deux conditions précédentes étant satisfaites simultanément, quelles sont les intensités efficaces I et I' et les phases à l'origine  $\phi$  et  $\phi'$  des intensités i(t) et i'(t). On exprimera I et I' en fonction uniquement de U et R.

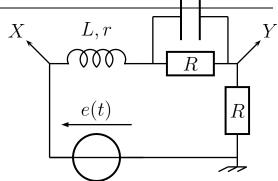
Rappel:

$$\arctan(1/x) + \arctan(x) = \operatorname{signe}(x)\pi/2$$

# I Détermination d'une inductance $(\star \star \star)$

On réalise le montage représenté ci-contre, et on constate sur l'oscilloscope que pour une fréquence  $f_0=180\,\mathrm{Hz}$ , les signaux recueillis sur les voies X et Y sont en phase.

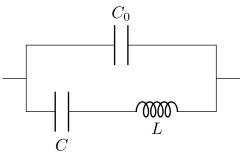
 $Donn\acute{e}s: R = 100\,\Omega$  et  $C = 10\,\mu F$ .



1) En déduire l'expression puis la valeur de l'inductance L de la bobine.

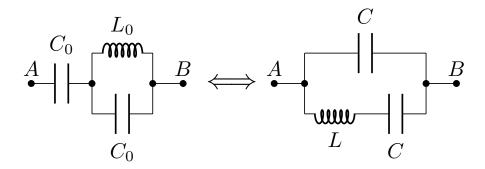
### I | Oscillateur à quartz

Un quartz piézo-électrique se modélise par un condensateur (de capacité  $C_0$ ) placé en parallèle avec un condensateur (de capacité C) en série avec une inductance L. On se place en régime sinusoïdal forcé de pulsation  $\omega$ .



- 1) Donner l'impédance équivalente  $\underline{Z}$  de l'oscillateur.
- 2) Trouver la pulsation pour laquelle l'impédance de l'ensemble est nulle, puis celle pour laquelle elle est infinie.
- 3) Tracer l'allure de  $|\underline{Z}(\omega)|$ .
- 4) Comment la courbe précédente serait-elle modifiée si on prenant en compte les résistances de chacun des composants ?

# I | Circuits équivalents $(\star \star \star)$



Deux dipôles sont équivalents s'ils ont la même impédance quelle que soit la fréquence de la source d'alimentation.

1) Montrez que l'on peut choisir L et C en fonction de  $L_0$  et  $C_0$  pour que les deux dipôles ci-contre soient équivalents.

Attention, les calculs peuvent être assez long pour cet exercice.