## Correction du TD

## I | Transformations totales

1) Pour la quantité totale de gaz, il suffit de sommer les quantité de matière de chacun des gaz : ici, initialement on a  $n_0(NO_{(g)}) + n_0(O_{2(g)}) = 3,00$  mol de gaz. Ensuite, pour la pression totale on utilise l'équation d'état des gaz parfaits :

Rappel: gaz parfait  $pV = nRT \quad \text{avec} \quad \begin{cases} p \text{ en Pa} \\ V \text{ en m}^3 \\ n \text{ en mol} \\ T \text{ en Kelvin (K)} \end{cases}$ 

est la constante des gaz parfaits

Il faut donc convertir le volume en m<sup>3</sup>. Pour cela, il suffit d'écrire

$$10.0 L = 10.0 dm^3 = 10.0(10^{-1} m)^3 = 10.0 \times 10^{-3} m^3$$

Il est très courant d'oublier les puissances sur les conversions du genre : n'oubliez pas les parenthèses. Il nous faut de plus convertir la température en Kelvins, attention à ne pas vous tromper de sens : il faut ici **ajouter** 273,15 K à la température en degrés Celsius, ce qui donne T=298,15 K. On peut donc faire l'application numérique pour  $P_{\rm tot}$  initial.

On remplit la deuxième ligne du tableau avec les coefficients stœchiométriques algébriques des constituants en facteur de chaque  $\xi$ , et on somme les quantités de matière de gaz pour  $n_{\text{tot,gaz}}$ . En réalité, il est plus simple de partir de la valeur totale de la première ligne et de compter algébriquement le nombre de  $\xi$  : on en perd 3 avec les réactifs pour en gagner 2 avec les produits, donc en tout la quantité de matière totale de gaz décroit de  $1\xi$ . On ne peut pas calculer précisément la valeur de  $P_{\text{tot}}$  ici, il faudrait l'exprimer en fonction de  $\xi$  (ça viendra dans d'autres exercices).

Enfin, pour trouver le réactif limitant, on résout :

$$\begin{cases} n_0(\text{NO}_{(g)}) - 2\xi_f = 0 \\ n_0(\text{O}_{2(g)}) - \xi_f = 0 \end{cases} \iff \begin{cases} \xi_f = 0,50 \text{ mol} \\ \xi_f = 1,00 \text{ mol} > \xi_{\text{max}} \end{cases}$$

La seule valeur possible est la plus petite,  $\xi_f = 0.50 \,\mathrm{mol}$ : si on prenait  $1.00 \,\mathrm{mol}$  on trouverait une quantité négative de NO à l'état final, ce qui, vous en conviendrez, est une absurdité. Même travail qu'initialement pour  $n_{\mathrm{tot,gaz}}$  et  $P_{\mathrm{tot}}$ . D'où le tableau :

Équation		2NO <sub>(g)</sub> -	$ O_{2(g)}$ $-$	$\rightarrow$ 2NO <sub>2(g)</sub>	$n_{ m tot,gaz}$	$P_{\rm tot}({\rm bar})$
Initial (mol)	$\xi = 0$	1,00	2,00	0,00	3,00	7,40
Interm. (mol)	ξ	$1,00-2\xi$	$2,00 - \xi$	$2\xi$	$3,00 - \xi$	_
Final (mol)	$\xi_f = 0.50$	0,00	1,50	1,00	2,50	6,20

2) Pour une réaction aA + bB = cC + dD, le fait que les réactifs soient introduits dans les proportions stœchiométriques se traduit par

$$\frac{n_{\rm A}^0}{a} = \frac{n_{\rm B}^0}{b} \Longleftrightarrow n_{\rm B}^0 = \frac{b}{a} n_{\rm A}^0$$

Ici, on a donc  $n_{\rm O_2}^0=3n_{\rm C_2H_2OH}^0$ , c'est-à-dire  $n_{\rm O_2}^0=6{,}00\,{\rm mol}$ . On peut donc remplir cette case.

On suppose qu'on commence sans  $CO_2$  ou  $H_2O$  initialement, puisque rien n'est indiqué; en revanche, on sait qu'il y a déjà du diazote dans le milieu puis que le dioxygène vient de l'air, comme c'est indiqué. Comme il y a 80% de  $N_2$  pour 20% de  $O_2$ , cela veut dire qu'il y a 4 fois plus de diazote que de dioxygène, donc 24,00 mol. Ici, la colonne  $n_{\text{tot,gaz}}$  n'a pas grande utilité puisqu'il n'y a qu'un gaz, mais c'est une bonne pratique à ne pas oublier.

Le reste du remplissage est le même que pour la question 1. On trouve évidemment  $\xi_f = 2,00 \,\text{mol}$  avec les deux réactifs limitant, c'est le principe des proportions stœchiométriques.

Équati	ion (mol)	(mol) $C_2H_2OH_{(l)} + 3O_{2(g)} \rightarrow 2CO_{2(g)} + 3H_2O_{(g)}$			$n_{ m N_2}$	$n_{ m tot,gaz}$	
Initial	$\xi = 0$	2,00	6,00	0,00	0,00	24,00	30,00
Interm.	ξ	$2,00-\xi$	$6,00-3\xi$	$2\xi$	$3\xi$	24,00	$30,00+2\xi$
Final	$\xi_f = 2,00$	0,00	0,00	4,00	6,00	24,00	34,00

## II | Équilibre... ou pas!

1) a – Par définition,  $K^{\circ} = Q_{r,eq}$ . On exprime donc le quotient de réaction avec les activités à l'équilibre :

$$K^{\circ} = \frac{p_{\mathcal{O}_2, \, eq}}{p^{\circ}}$$

b – On a la valeur de  $K^\circ$  et la valeur de  $p^\circ$  : de l'équation précédente on isole  $p_{\rm O_2,eq}$  :

$$\boxed{ p_{\rm O_2,eq} = K^{\circ} p^{\circ} } \quad \text{avec} \quad \begin{cases} K^{\circ} = 0.50 \\ p^{\circ} = 1.00 \, \text{bar} \end{cases}$$
 A.N. :  $p_{\rm O_2,eq} = 0.50 \, \text{bar} = 5.0 \times 10^4 \, \text{Pa}$ 

c – Avec la loi des gaz parfaits, on a

$$p_{{\rm O}_2,{\rm eq}}V = n_{{\rm O}_2,{\rm eq}}RT \Leftrightarrow \boxed{n_{{\rm O}_2,{\rm eq}} = rac{p_{{\rm O}_2,{\rm eq}}V}{RT}} \quad {\rm avec} \qquad \left\{ egin{align*} V = 10 \times 10^{-3}\,{\rm m}^3 \\ T = 1068,15\,{\rm K} \end{array} 
ight.$$
 A.N. :  $n_{{\rm O}_2,{\rm eq}} = 0,056\,{\rm mol}$ 

#### 2) Cas 1:

Équation		$2BaO_{2(s)} =$	$\doteq$ 2BaO <sub>(s)</sub> -	$+$ $O_{2(g)}$	$n_{ m tot,gaz}$
Initial (mol)	$\xi = 0$	0,20	0,00	0,00	0,00
Interm. (mol)	ξ	$0,20-2\xi$	$2\xi$	ξ	ξ
Final (mol)	$\xi = \xi_f$	0,088	0,112	0,056	0,056

a – On change juste  $p_{O_2,eq}$  de la première question en  $p_{O_2,0}$ ; sachant qu'on commence sans gaz dans l'enceinte, cette pression est nulle :

$$Q_{r,0} = \frac{p_{O_2,0}}{p^{\circ}} = 0$$

On a donc  $Q_{r,0} < K$ , et l'évolution se fait en sens direct.

b – Voir tableau.



### État d'équilibre

Pour trouver l'état final dans cette situation, on détermine  $\xi_{eq}$  s'il y avait équilibre, et on regarde si c'est compatible avec  $\xi_{max}$  si la réaction était totale.

S'il y a équilibre, ça veut dire que  $n_{\rm O_2,eq}=0.056\,\rm mol$  comme déterminé au début. Or, le tableau nous indique que  $n_{\rm O_2,f}=\xi_f$ , donc si c'est un équilibre  $\xi_{\rm eq}=0.056\,\rm mol$ .

L'avancement est maximal si BaO<sub>2</sub> est limitant : on trouve donc  $\xi_{\text{max}}$  en résolvant  $0.20-2\xi_{\text{max}}=0$ , c'est-à-dire  $\xi_{\text{max}}=0.1$  mol.

La valeur est finale  $\xi_f$  est la plus petite valeur (en valeur absolue) de  $\xi_{eq}$  et  $\xi_{max}$ ; or ici  $\xi_{eq} < \xi_{max}$ : il y a donc bien équilibre, et on a

$$\xi_f = \xi_{\rm eq} = 0.056 \, \mathrm{mol}$$

d – Voir tableau.

### 3) Cas 2:

Équation		$2BaO_{2(s)} =$	$\doteq$ 2BaO <sub>(s)</sub> -	$\vdash$ $O_{2(g)}$	$n_{ m tot,gaz}$
Initial (mol)	$\xi = 0$	0,10	0,00	0,00	0,00
Interm. (mol)	ξ	$0.10 - 2\xi$	$2\xi$	ξ	ξ
Final (mol)	$\xi = \xi_f$	0,00	0,10	0,05	0,05

a – On a toujours aucun gaz au départ, donc ici aussi

$$Q_{r,0} = \frac{p_{\mathcal{O}_2,0}}{p^{\circ}} = 0$$

et la réaction est en sens direct.

- b Voir tableau.
- c Même procédé : on détermine  $\xi_{eq}$  s'il y avait équilibre, et on regarde si c'est compatible avec  $\xi_{max}$  si la réaction était totale.

S'il y a équilibre, ça veut dire que  $n_{\rm O_2,eq}=0.056\,\mathrm{mol}$  comme déterminé au début. Or, le tableau nous indique que  $n_{\rm O_2,f}=\xi_f$ , donc si c'est un équilibre  $\xi_{\rm eq}=0.056\,\mathrm{mol}$ .

L'avancement est maximal si BaO<sub>2</sub> est limitant : on trouve donc  $\xi_{\text{max}}$  en résolvant  $0.10-2\xi_{\text{max}}=0$ , c'est-à-dire  $\xi_{\text{max}}=0.050\,\text{mol}$ .

La valeur est finale  $\xi_f$  est la plus petite valeur (en valeur absolue) de  $\xi_{eq}$  et  $\xi_{max}$ ; or ici  $\xi_{eq} > \xi_{max}$ : il n'y a donc **pas équilibre**, et on a

$$\xi_f = \xi_{\text{max}} = 0.050 \,\text{mol}$$

d - Voir tableau.

#### 4) Cas 3:

Équation		$2BaO_{2(s)} =$	$\doteq$ 2BaO <sub>(s)</sub> -	$+$ $O_{2(g)}$	$n_{ m tot,gaz}$
Initial (mol)	$\xi = 0$	0,10	0,050	0,10	0,10
Interm. (mol)	ξ	$0.10 - 2\xi$	$0.050 + 2\xi$	$0.10 + \xi$	$0.10 + \xi$
Final (mol)	$\xi = \xi_f$	0,15	0,00	0,075	0,075

a – On a cette fois du gaz au départ, donc ici

$$Q_{r,0} = \frac{p_{\text{O}_2,0}}{p^{\circ}} \Leftrightarrow \boxed{Q_{r,0} = \frac{n_{\text{O}_2,0}RT}{Vp^{\circ}}} \text{ avec} \begin{cases} n_{\text{O}_2,0} = 0.10 \,\text{mol} \\ T = 1069.15 \,\text{K} \\ V = 10 \times 10^{-3} \,\text{m}^3 \end{cases}$$

$$A.N. : Q_{r,0} = 0.89$$

Cette fois,  $Q_{r,0} > K$  donc la réaction se fait en sens indirect.

b - Voir tableau.



#### Important

Le procédé de remplissage du tableau **ne doit pas changer** même si la réaction se fait dans le sens indirect : les coefficients stœchiométriques de la réaction n'ont pas changé, donc les facteurs devant des  $\xi(t)$  non plus.

Certes, on aura  $\xi < 0$  mais il est plus naturel et moins perturbant de garder la forme de base du remplissage du tableau plutôt que de s'embêter à repenser l'écriture du tableau.

c – Même procédé : on détermine  $\xi_{eq}$  s'il y avait équilibre, et on regarde si c'est compatible avec  $\xi_{max}$  si la réaction était totale.

S'il y a équilibre, ça veut dire que  $n_{\rm O_2,eq}=0.056\,{\rm mol}$  comme déterminé au début. Or, le tableau nous indique que  $n_{\rm O_2,f}=0.10+\xi_f$ , donc si c'est un équilibre  $\xi_{\rm eq}=-0.044\,{\rm mol}$ .

L'avancement est maximal si BaO ou  $O_2$  sont limitant : on résout donc

$$\begin{cases} n_{\mathrm{BaO}}^{0} + 2\xi_{\mathrm{max}} = 0 \\ n_{\mathrm{O}_{2}}^{0} + \xi_{\mathrm{max}} = 0 \end{cases} \Longleftrightarrow \begin{cases} \xi_{\mathrm{max}} = -0.025 \, \mathrm{mol} \\ \xi_{\mathrm{max}} = -0.050 \, \mathrm{mol} \end{cases}$$

Le seul  $\xi_{\text{max}}$  possible est le plus petit **en valeur absolue**, c'est-à-dire  $\xi_{\text{max}} = -0.025 \,\text{mol}$ .

La valeur est finale  $\xi_f$  est la plus petite valeur **en valeur absolue** de  $\xi_{\text{eq}}$  et  $\xi_{\text{max}}$ ; or ici  $|\xi_{\text{eq}}| > |\xi_{\text{max}}|$ : il n'y a donc **pas équilibre**, et on a

$$\xi_f = \xi_{\rm max} = -0.025\,{\rm mol}$$

d – Voir tableau.

## ${ m III}^{\parallel}$ Combinaisons de réactions et constantes d'équilibre

1) Dans cet exercice, on introduit le lien entre relation sur les équations-bilan et les constantes d'équilibre associées. En effet, on a vu dans le cours que

$$aA + bB = cC + dD$$

a pour constante d'équilibre

$$K_1^{\circ} = \prod_i a(\mathbf{X}_i)^{\nu_{i,1}}$$

Si on inverse la réaction pour avoir

$$cC + dD = aA + bB$$

alors on prend l'opposé de chaque coefficient stœchiométrique :  $\nu_{i,2} = -\nu_{i,1}$ , ce qui fait que cette réaction a pour constante d'équilibre

$$K_2^{\circ} = \prod_i a(X_i)^{\nu_{i,2}} = \prod_i a(X_i)^{-\nu_{i,1}} = \left(\prod_i a(X_i)^{\nu_{i,1}}\right)^{-1} = (K_1^{\circ})^{-1}$$

Le même raisonnement tient pour montrer que

$$2aA + 2bB = 2cC + 2dD$$

a pour constante d'équilibre

$$K_3^{\circ} = K_1^{\circ 2}$$

On étend le raisonnement pour montrer que si on ajoute deux réactions (1) et (2) pour avoir une équation (3), alors on aura  $K_3^{\circ} = K_1^{\circ} \times K_2^{\circ}$ , et que si on a (3) =  $\alpha(1) + \beta(2)$ , alors  $K_3^{\circ} = K_1^{\circ \alpha} \times K_2^{\circ \beta}$ .

Ainsi, dans cet exercice il suffit de trouver les relations entre les équations (3), (4), (5) et les équations (1) et (2) de constantes respectives  $K_1^{\circ}$  et  $K_2^{\circ}$ . On trouve alors :

a –

$$(3) = \frac{(1) + (2)}{2} \Leftrightarrow K_3^{\circ} = (K_1^{\circ} \times K_2^{\circ})^{1/2} = \sqrt{K_1^{\circ} K_2^{\circ}}$$

b -

$$(4) = 2(1) \Leftrightarrow K_4^{\circ} = (K_1^{\circ})^2$$

c -

$$(5) = -(1) \Leftrightarrow K_5^{\circ} = (K_1^{\circ})^{-1}$$

Tout ceci se vérifie bien sûr en écrivant les constantes de chacune des réactions :

$$K_1^{\circ} = \frac{p^{\circ}}{p_{O_2}}$$
 ;  $K_2^{\circ} = \frac{p^{\circ}}{p_{O_2}}$  ;  $K_3^{\circ} = \frac{p^{\circ}}{p_{O_2}}$  ;  $K_4^{\circ} = \frac{p^{\circ 2}}{p_{O_2}^{\circ 2}}$  ;  $K_5^{\circ} = \frac{p_{O_2}}{p^{\circ}}$ 

# IV Équilibre avec des solides

1) Comme on ne part que de calcaire, la réaction ne peut avoir lieu que dans le sens direct. On vérifie cette intuition en calculant  $Q_{r,0}$  pour le comparer à K, sachant qu'on part d'un récipient vide de gaz au début :

$$Q_{r,0} = \frac{p_{\text{CO}_2,0}}{p^{\circ}} = 0 < K^{\circ}$$

La réaction se fait bien dans le sens direct.

2) Si l'état final est un état d'équilibre, alors avec l'équation précédente on aura

$$p_{\text{CO}_2,\text{eq}} = K^{\circ} p^{\circ}$$

$$\iff n_{\text{O}_2,\text{eq}} = \frac{p_{\text{O}_2,\text{eq}} V}{RT} = \frac{Kp^{\circ} V}{RT}$$

Or, un tableau d'avancement donne que  $n_{O_2,eq} = \xi_{eq}$ ; on trouve donc

$$\xi_{\text{eq}} = \frac{K^{\circ} p^{\circ} V}{RT} \quad \text{avec} \quad \begin{cases} K = 0.358 \\ V = 10 \times 10^{-3} \,\text{m}^{3} \\ T = 1100 \,\text{K} \\ p^{\circ} = 1 \,\text{bar} \\ R = 8.314 \,\text{J} \cdot \text{mol} \cdot \text{K}^{-1} \end{cases}$$

A.N. : 
$$\xi_{eq} = 39 \,\mathrm{mmol}$$

Pour savoir si cette valeur est réalisable, on calcule  $\xi_{\text{max}}$  que l'on trouverait si le calcaire était limitant, c'est-à-dire en résolvant  $10 - \xi_{\text{max}} = 0$ : on trouve naturellement  $\xi_{\text{max}} = 10 \, \text{mmol}$ .

On sait que la valeur de  $\xi_f$  est la plus petite valeur absolue entre  $\xi_{\rm eq}$  et  $\xi_{\rm max}$ . Or, ici on trouve  $\xi_{\rm eq} > \xi_{\rm max}$ , ce qui veut dire que **l'équilibre ne peut être atteint** et qu'on aura ainsi

$$\xi_f = \xi_{\text{max}} = 10 \,\text{mmol}$$

c'est-à-dire que la réaction est totale. On peut donc remplir la dernière ligne du tableau d'avancement.

Équation		CaCO <sub>3(s)</sub> =	$=$ $CaO_{(s)}$ $-$	$+$ $CO_{2(g)}$	$n_{ m tot,gaz}$
Initial (mmol)	$\xi = 0$	10	0	0	0
Interm. (mmol)	ξ	$10 - \xi$	ξ	ξ	ξ
Final (mmol)	$\xi_f = \xi_{\text{max}}$	0	10	10	10

3) En ne partant que de calcaire, dès que  $\xi_f$  atteint  $\xi_{eq}$  la réaction s'arrêtera puisqu'on aura atteint l'équilibre. Mettre plus de calcaire ne formera pas plus de chaux, l'excédent de réactif initial ne réagira simplement pas. Ainsi, la quantité de matière de calcaire maximale qui puisse être transformée est de  $\xi_{max} = 39$  mmol.

Pour déplacer l'équilibre dans le sens direct, il faut diminuer la quantité de  $CO_{2(g)}$ : on diminue alors  $Q_r$  qui peut repasser en-dessous de  $K^{\circ}$ . Il suffit pour ça de **travailler en volume ouvert** ou **d'aspirer le**  $CO_{2(g)}$ .

# V Équilibre en solution aqueuse

1) Pour déterminer le sens d'évolution du système, on calcule  $Q_{r,0}$  et on le compare à  $K^{\circ}$ :

$$Q_{r,0} = \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-]_0[\text{HF}]_0}{[\text{CH}_3\text{COOH}]_0[\text{F}^-]_0} = 0 < K^{\circ}$$

La réaction évoluera donc dans le sens direct.

Pour trouver l'avancement à l'équilibre, on dresse le tableau d'avancement, que l'on peut directement faire en concentrations puisque le volume ne varie pas (ce qui est toujours le cas cette année) :

Équation		CH <sub>3</sub> COOH <sub>(aq)</sub> -	$ F^{-}_{(aq)}$ =	$= CH_3COO^{(aq)}$	+ HF <sub>(aq)</sub>
Initial	x = 0	c	c	0	0
Final	$x_f = x_{\rm eq}$	$c-x_{ m eq}$	$c - x_{\rm eq}$	$x_{ m eq}$	$x_{\rm eq}$

D'après la loi d'action des masses, on a

$$K^{\circ} = \frac{x_{\text{eq}}^{2}}{(c - x_{\text{eq}})^{2}} \iff \sqrt{K^{\circ}} = \frac{x_{\text{eq}}}{c - x_{\text{eq}}} \iff x_{\text{eq}} = \sqrt{K^{\circ}}(c - x_{\text{eq}})$$

$$\iff \boxed{x_{\text{eq}} = \frac{\sqrt{K^{\circ}}}{1 + \sqrt{K^{\circ}}}c} \quad \text{avec} \quad \begin{cases} K^{\circ} = 10^{-1,60} \\ c = 0,1 \,\text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \end{cases}$$

$$\text{A.N.} \quad : \quad x_{\text{eq}} = 1,4 \times 10^{-2} \,\text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

En encadrant le résultat, on vérifie la cohérence physico-chimique de la réponse : ici c'est bien cohérent de trouver  $x_{eq} > 0$  puisqu'on avait déterminé que la réaction se faisait dans le sens direct.

2) De la même manière, pour déterminer le sens d'évolution du système, on calcule  $Q_{r,0}$  et on le compare à K:

$$Q_{r,0} = \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-]_0[\text{HF}]_0}{[\text{CH}_3\text{COOH}]_0[\text{F}^-]_0} = \frac{c^2}{c^2} = 1 > K^{\circ}$$

La réaction évoluera donc dans le sens indirect.

On effectue un bilan de matière grâce à un tableau d'avancement :

Équation		CH <sub>3</sub> COOH <sub>(aq)</sub> +	$ F^{-}_{(aq)}$ =	$= CH_3COO^{(aq)} -$	+ HF <sub>(aq)</sub>
Initial	x = 0	c	c c		c
Final	$x_f = x_{\rm eq}$	$c - x_{\rm eq}$	$c - x_{\rm eq}$	$c + x_{\text{eq}}$	$c + x_{\text{eq}}$

D'après la loi d'action des masses, on a

$$K^{\circ} = \frac{(c + x_{\text{eq}})^2}{(c - x_{\text{eq}})^2} \iff \sqrt{K^{\circ}} = \frac{c + x_{\text{eq}}}{c - x_{\text{eq}}} \iff c + x_{\text{eq}} = \sqrt{K^{\circ}}(c - x_{\text{eq}})$$

$$\iff \boxed{x_{\text{eq}} = \frac{\sqrt{K^{\circ}} - 1}{\sqrt{K^{\circ}} + 1}c} \quad \text{avec} \quad \begin{cases} K^{\circ} = 10^{-1,60} \\ c = 0,1 \,\text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \end{cases}$$

$$A.N. : \quad x_{\text{eq}} = -5,3 \times 10^{-2} \,\text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

De même que précédemment, on vérifie qu'il est logique de trouver  $x_{eq} < 0$ : la réaction se fait bien dans le sens indirect.

## VI Équilibre en phase gazeuse

1) On peut dresser le tableau d'avancement initial dans cette situation :

Équa	tion	$2 \text{FeCl}_{3(g)}$	= Fe <sub>2</sub> Cl <sub>6(g)</sub>	$n_{ m tot,gaz}$
Initial	$\xi = 0$	$n_0$	$n_0$	$2n_0$

Par la loi d'action des masses et les activités de constituants gazeux :

$$K^{\circ} = \frac{p_{\text{Fe}_2\text{Cl}_6}p^{\circ}}{p_{\text{Fe}\text{Cl}_3}^2}$$

2) Pour passer des pressions partielles aux quantités de matière, on utilise la loi de DALTON:

#### Rappel: loi de Dalton —

Soit un mélange de gaz parfaits de pression P. Les pressions partielles  $P_i$  de chaque constituant  $\mathbf{X}_i$  s'exprime

$$P_i = x_i P$$

avec  $x_i$  la fraction molaire du constituant :

$$x_i = \frac{n_i}{n_{\text{tot}}}$$

On écrit donc

$$p_{\mathrm{Fe_2Cl_6}} = \frac{n_{\mathrm{Fe_2Cl_6}}}{n_{\mathrm{tot}}} \times p_{\mathrm{tot}} \qquad p_{\mathrm{FeCl_3}} = \frac{n_{\mathrm{FeCl_3}}}{n_{\mathrm{tot}}} \times p_{\mathrm{tot}}$$

Pour simplifier l'écriture, on peut séparer les termes de pression totale des termes de matière en comptant combien vont arriver « en haut » et combien « en bas » : 1 en haut contre 2 en bas, on se retrouvera avec  $p_{\text{tot}}$  au dénominateur, ce qui est logique par homogénéité vis-à-vis de  $p^{\circ}$  qui reste au numérateur. Comme  $n_{\text{tot}}$  apparaît le même nombre de fois que  $p_{\text{tot}}$  mais avec une puissance -1, on sait aussi qu'il doit se retrouver au numérateur, là aussi logiquement pour avoir l'homogénéité vis-à-vis de la quantité de matière. Ainsi,

$$Q_r = \frac{n_{\rm Fe_2Cl_6}/n_{\rm tot} \times p_{\rm tot}}{n_{\rm FeCl_3}^2/n_{\rm tot}^2 \times p_{\rm tot}^2} p^{\circ} = \frac{n_{\rm Fe_2Cl_6}n_{\rm tot}}{n_{\rm FeCl_3}^2} \frac{p^{\circ}}{p_{\rm tot}}$$

Avec  $p_{\text{tot}} = 2p^{\circ}$  et  $n_{\text{Fe}_2\text{Cl}_6} = n_0 = n_{\text{Fe}\text{Cl}_3}$ , on a  $n_{\text{tot}} = 2n_0$  (cf. tableau d'avancement), d'où

$$Q_{r,0} = \frac{n_0 \times 2n_0}{n_0^2} \frac{1}{2} \Leftrightarrow \underline{Q_{r,0} = 1}$$

- 3) Le système serait à l'équilibre si  $Q_{r,0} = K^{\circ}$ ; or, ici  $Q_{r,0} \neq K^{\circ}$ , donc l'équilibre n'est pas atteint. De plus,  $Q_{r,0} < K^{\circ}$  donc le système évoluera dans le sens direct.
- 4) On dresse le tableau d'avancement pour effectuer un bilan de matière dans cette nouvelle situation :

Équa	ation	$2 \text{FeCl}_{3(g)} =$	$= Fe_2Cl_{6(g)}$	$n_{ m tot,gaz}$
Initial	$\xi = 0$	n	0	n
Final	$\xi = \xi_f$	$n-2\xi$	ξ	$n-\xi$

On reprend l'expression du quotient réactionnel initial en remplaçant les quantités de matière par leur expression selon  $\xi$  pour déterminer l'avancement à l'équilibre, décrit par  $K^{\circ}$ :

$$K^{\circ} = \frac{\xi(n-\xi)}{(n-2\xi)^2} \underbrace{\frac{p^{\circ}}{p_{\text{tot}}}}_{=\frac{1}{2}} \Leftrightarrow K^{\circ} = \underbrace{\frac{n^{2}}{n^2}}_{=1} \frac{\xi/n(1-\xi/n)}{(1-2\xi/n)^2} \frac{1}{2}$$

Pour simplifier les calculs, posons  $z = \frac{\xi}{n}$ . L'équation précédente devient :

$$K^{\circ} = \frac{1}{2} \frac{z(1-z)}{(1-2z)^2}$$

$$\Leftrightarrow 2K^{\circ}(1-2z)^2 = z(1-z)$$

$$\Leftrightarrow 2K^{\circ}(1-4z+4z^2) = z-z^2$$

$$\Leftrightarrow z^2(8K^{\circ}+1) - z(8K^{\circ}+1) + 2K^{\circ} = 0$$

On trouve un polynôme du second degré. Soit  $\Delta$  son discriminant :

$$\Delta = (8K^{\circ} + 1)^{2} - 4(8K^{\circ} + 1) \times 2K^{\circ}$$

$$\Leftrightarrow \Delta = (8K^{\circ} + 1)(8K^{\circ} + 1 - 8K^{\circ})$$

$$\Leftrightarrow \Delta = 8K^{\circ} + 1 \quad \text{avec} \quad \left\{ K^{\circ} = 20, 8 \right\}$$
A.N. :  $\Delta = 167, 4$ 

Les racines sont  $\begin{cases} z_1 = 0.54 \\ z_2 = 0.46 \end{cases}$ 

Étant donné qu'on part de  $\xi=0$  et que  $\xi$  augmente, la valeur que prendrait  $z_{\rm eq}$  serait  $z_{\rm eq}=0,46$ . On doit cependant vérifier que cette valeur est bien possible, en déterminant  $z_{\rm max}$ : pour cela, on résout  $n-2\xi=0$ , ce qui donne  $z_{\rm max}=0,5$ . On a bien  $z_{\rm eq}< z_{\rm max}$ , donc l'équilibre est atteint et on a  $\xi/n=0,46$ .

# VII Transformations de gaz

1) Par la loi d'action des masses, on a

$$K_1^{\circ} = \frac{p_{\text{SO}_2} p_{\text{H}_2\text{O}}}{p_{\text{O}_2}^{3/2} p_{\text{H}_2\text{S}}} \underbrace{\frac{p^{\circ 5/2}}{p^{\circ 2}}}_{=p^{\circ 1/2}} \Leftrightarrow K_1^{\circ} = \frac{n_{\text{H}_2\text{O}} n_{\text{SO}_2} n_{\text{tot,gaz}}^{1/2}}{n_{\text{H}_2\text{S}} n_{\text{O}_2}^{3/2}} \left(\frac{p^{\circ}}{p}\right)^{1/2}$$

Soit  $n_0$  la quantité de matière de  $H_2S$  introduite initialement : pour que  $O_2$  soit introduit dans les proportions stœchiométriques, on relie sa quantité initiale à celle de  $H_2S$  via les coefficients stœchiométriques tel que  $n_{O_2}^0 = \frac{3}{2}n_{H_2S}^0 = \frac{3}{2}n_0$ . D'où le tableau d'avancement :

Équ	ation	$H_2S_{(g)}$	$+ \frac{3}{2}O_{2(g)} =$	$=$ $H_2O_{(g)}$ -	$+$ $SO_{2(g)}$	$n_{ m tot,gaz}$
Initial	$\xi = 0$	$n_0$	$\frac{3}{2}n_0$	0	0	$\frac{5}{2}n_0$
Final	$\xi_f = \xi_{\rm eq}$	$n_0 - \xi_{\rm eq}$	$\frac{3}{2}n_0 - \frac{3}{2}\xi_{\rm eq}$	$\xi_{ m eq}$	$\xi_{ m eq}$	$\frac{5}{2}n_0 - \frac{1}{2}\xi_{\rm eq}$

On peut donc remplacer les quantités de matière de l'expression de  $K_1^\circ$  par les expressions avec  $\xi_{\rm eq}$ :

$$K_1^{\circ} = \frac{\xi_{\text{eq}}^2 (\frac{5}{2} n_0 - \frac{1}{2} \xi_{\text{eq}})^{1/2}}{(n_0 - \xi_{\text{eq}}) (\frac{3}{2} n_0 - \frac{3}{2} \xi_{\text{eq}})^{3/2}} \left(\frac{p^{\circ}}{p}\right)^{1/2}$$

2) Par la loi d'action des masses, on a

$$K_2^{\circ} = \frac{p_{\rm H_2O}^2 p^{\circ}}{p_{\rm SO_2} p_{\rm H_2S}^2} \Leftrightarrow K_1^{\circ} = \frac{n_{\rm H_2O}^2 n_{\rm tot,gaz}}{n_{\rm SO_2} n_{\rm H_2S}^2} \frac{p^{\circ}}{p}$$

Soit  $n_1$  la quantité de matière de  $H_2S$  introduite initialement, et  $n_2$  la quantité de matière initiale en  $SO_2$ :

Équ	ation	2H <sub>2</sub> S <sub>(g)</sub> -	+ SO <sub>2(g)</sub> =	$= 2H_2O_{(g)}$ -	+ 3S <sub>(l)</sub>	$n_{ m tot,gaz}$
Initial	$\xi = 0$	$n_1$	$n_2$	0	0	$n_1 + n_2$
Final	$\xi_f = \xi_{\rm eq}$	$n_1 - 2\xi_{\rm eq}$	$n_2 - \xi_{\rm eq}$	$0+2\xi_{\rm eq}$	$0+3\xi_{\rm eq}$	$n_1 + n_2 - \xi_{\rm eq}$

On peut donc remplacer les quantités de matière de l'expression de  ${K_1}^\circ$  par les expressions avec  $\xi_{\rm eq}$ :

$$K_1^{\circ} = \frac{4\xi_{\text{eq}}^2(n_1 + n_2 - \xi_{\text{eq}})}{(n_1 - 2\xi_{\text{eq}})^2(n_2 - \xi_{\text{eq}})} \frac{p^{\circ}}{p}$$

3) L'équation bilan équilibrée est :

$$CH_{4(g)} + 2 O_{2(g)} \rightarrow CO_{2(g)} + 2 H_2 O_{(l)}$$

Soit  $n_0$  la quantité initiale en dioxygène. Si la moitié seulement est consommée, alors que la réaction est totale, c'est que le méthane est limitant. On trouve la quantité de CH<sub>4</sub> à introduire initialement en dressant le tableau d'avancement pour que  $n_{\text{H}_2\text{O},f} = \frac{1}{2}n_0$ , c'est-à-dire  $n_0 - 2\xi_{\text{max}} = 0$ : on obtient

$$\xi_{\text{max}} = \frac{1}{4}n_0$$
 or  $n_{\text{CH}_4}^0 - \xi_{\text{max}} = 0$  donc  $n_{\text{CH}_4}^0 = \frac{1}{4}n_0$ 

Équation		CH <sub>4(g)</sub>	- 2O <sub>2(g)</sub> -	$\rightarrow$ $CO_{2(g)}$ -	+ 2H <sub>2</sub> O <sub>(l)</sub>	$n_{ m tot,gaz}$
Initial	$\xi = 0$	$\frac{1}{4}n_0$	$n_0$	0	0	$\frac{5}{4}n_0$
Interm.	ξ	$\frac{1}{4}n_0 - \xi$	$n_0 - 2\xi$	ξ	$2\xi$	$\frac{5}{4}n_0 - 2\xi$
Final	$\xi_f = \xi_{\text{max}}$	0	$\frac{1}{2}n_{0}$	$\frac{1}{4}n_0$	$\frac{1}{2}n_0$	$\frac{3}{4}n_0$

# VIII Coefficient de dissociation

- 1) Pour connaître l'état de l'eau, on détermine la température en degrés pour interpréter par des connaissances élémentaires si elle est solide (glace), liquide, ou vapeur :  $400\,\mathrm{K} = 127\,^{\circ}\mathrm{C}$ , et la pression est de 1 bar, c'est-à-dire presque la pression habituelle. À cette température, l'eau est sous forme vapeur.
- 2) La constante est extrêmement petite :  $K \ll 10^{-4}$ , donc la réaction est **quasi-nulle** dans ce sens : l'eau ne se dissocie pratiquement pas de cette manière et est par conséquent très stable.
- 3) Si on introduit de l'eau pure, on n'a pas les autres composants au départ. Soit  $n_0$  la quantité de matière d'eau pure introduite : on dresse le tableau d'avancement :

Équation		2H <sub>2</sub> O <sub>(g)</sub> =	$= 2H_{2(g)}$ -	$+$ $O_{2(g)}$	$n_{ m tot,gaz}$
Initial	$\xi = 0$	$n_0$	0	0	$n_0$
Final	$\xi_f = \xi_{\rm eq}$	$n_0 - 2\xi_{\rm eq}$	$2\xi_{ m eq}$	$\xi_{ m eq}$	$n_0 + \xi_{\rm eq}$

Le coefficient de dissociation correspond à la quantité d'eau transformée sur la quantité initiale, c'est-à-dire

$$\alpha = \frac{2\xi_{\rm eq}}{n_0}$$

Lycée Pothier 10/11 MPSI3 – 2023/2024

IX. Ions mercure

On va donc exprimer la constante d'équilibre en fonction des quantités de matière pour introduire  $\xi_{\rm eq}$  et faire apparaître  $\alpha$ , à l'aide de l'activité d'un gaz, de la loi de DALTON puis de la définition de la fraction molaire :

$$K^{\circ} = \frac{p_{\text{H}_2}^2 p_{\text{O}_2}}{p_{\text{H}_2\text{O}}^2 p^{\circ}} \Leftrightarrow K^{\circ} = \frac{n_{\text{H}_2}^2 n_{\text{O}_2}}{n_{\text{H}_2\text{O}}^2 n_{\text{tot,gaz}}} \frac{\boxed{p}}{p^{\circ}}$$

$$\Leftrightarrow K^{\circ} = \frac{4\xi_{\text{eq}}^3}{(n_0 - 2\xi_{\text{eq}})^2 (n_0 + \xi_{\text{eq}})} \Leftrightarrow K^{\circ} = \frac{n_0^{2}}{n_0^{3}} \frac{4\left(\frac{\xi_{\text{eq}}}{n_0}\right)^3}{\left(1 - \frac{2\xi_{\text{eq}}}{n_0}\right)^2 \left(1 + \frac{\xi_{\text{eq}}}{n_0}\right)}$$

$$\Leftrightarrow K^{\circ} = \frac{4\left(\frac{\alpha}{2}\right)^3}{(1 - \alpha)^2 \left(1 + \frac{\alpha}{2}\right)} \Leftrightarrow K^{\circ} = \frac{\alpha^3}{(1 - \alpha)^2 (2 + \alpha)}$$

Une résolution numérique (Python ou calculatrice) donne

$$\alpha = 3.97 \times 10^{-20} \ll 1$$

Ceci est en accord avec le très faible avancement de la réaction.

4) En prenant  $\alpha = 0.30$ , cela veut dire que 30% de l'eau se dissocie, l'eau ne serait plus stable dans ces conditions. La valeur de  $K^{\circ}$  correspondant est  $K^{\circ} = 2.4 \times 10^{-2}$ , ce qui est peu favorisé dans le sens direct mais pas quasi-nulle.

## IX Ions mercure

1) On détermine les concentrations en mercure (I) et (II) :

$$[\mathrm{Hg^{+2}}_{(\mathrm{aq})}] = \frac{c_2 V_2}{V_1 + V_2} = c_2' = 0.4 \, \mathrm{mmol} \cdot \mathrm{L}^{-1} \qquad \text{et} \qquad [\mathrm{Hg_2^{+2}}_{(\mathrm{aq})}] = \frac{c_1 V_1}{V_1 + V_2} = c_1' = 0.8 \, \mathrm{mmol} \cdot \mathrm{L}^{-1}$$

On peut donc calculer le quotient de réaction initial, avec  $a(Hg_{(l)}) = 1$ :

$$Q_{r,0} = \frac{c_1'}{c_2'} = 2 < K \implies \text{ évolution sens direct}$$

2) On dresse le tableau d'avancement en concentration :

Équation		$\mathrm{Hg}^{2+}_{\mathrm{(aq)}}$	$+$ $Hg_{(l)}$ =	$= Hg_2^{2+}(aq)$
Initial	x = 0	$c_2'$	excès	$c_1'$
Interm.	x	$c_2' - \xi$	excès	$c_1' + \xi$
Final	$x_f = x_{\rm eq}$	$c_2' - \xi_f$	excès	$c_1' + \xi_f$

Par la loi d'action des masses, on trouve en effet

$$K^{\circ} = \frac{c'_1 + x_{\text{eq}}}{c'_2 - x_{\text{eq}}} \Leftrightarrow \boxed{x_{\text{eq}} = \frac{K^{\circ}c'_2 - c'_1}{K^{\circ} + 1} = 0,387 \,\text{mmol} \cdot \text{L}^{-1}}$$

ce qui est bien inférieur à  $x_{\rm max}=c_2'=0.4\,{\rm mmol\cdot L^{-1}}$  : l'équilibre est atteint.