Cinématique et dynamique du point

/2 1 Donner les valeurs de $\Delta \varphi_{1/2}(M)$ et de $\Delta L_{2/1}(M)$ donnant des interférences constructives et destructives pour $\Delta \varphi_0 = 0$.

0. $\Delta \varphi_{1/2}(\mathbf{M}) = 2p\pi \Leftrightarrow \Delta L_{2/1}(\mathbf{M}) = p\lambda \qquad \text{et} \qquad \Delta \varphi_{1/2}(\mathbf{M}) = (2p+1)\pi \Leftrightarrow \Delta L_{2/1}(\mathbf{M}) = \left(p + \frac{1}{2}\right)\lambda$

/2 $\boxed{2}$ Soient deux points A et B de masses respectives m_A et m_B . Exprimer et représenter la force d'attraction gravitation-nelle de B sur A.

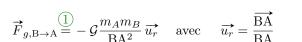




FIGURE 14.1 – Interaction gravitationnelle(1).

- /3 3 Énoncer les trois lois de Newton. On travaille avec un système ouvert.
 - ① a $\exists \mathcal{R}$ galiléens : $(\forall M \mid \sum \overrightarrow{F}_{ext \to M} = \overrightarrow{0})$, M est soit au repos, soit en translation rectiligne uniforme;

 - (1) $c \forall (M_1, M_2), \vec{F}_{1 \to 2} = -\vec{F}_{2 \to 1}.$
- /4 4 Donner les **deux expressions** donnant la position du centre d'inertie d'un ensemble de points. Démontrer le lien entre la quantité de mouvement d'un ensemble de points et la vitesse du centre d'inertie. Pourquoi applique-t-on le PFD avec uniquement les forces extérieures au système? Répondre en français.

$$\overrightarrow{\mathrm{OG}} = \sum_{i} \frac{m_{i}}{m_{\mathrm{tot}}} \overrightarrow{\mathrm{OM}_{i}} \overset{\textcircled{1}}{\Leftrightarrow} \sum_{i} m_{i} \overrightarrow{\mathrm{GM}_{i}} = \overrightarrow{0}$$

Or,
$$\vec{p}_{/\mathcal{R}}(\mathcal{S}) \stackrel{\textcircled{1}}{=} \sum_{i} \vec{p}_{/\mathcal{R}}(\mathbf{M}_{i})$$
 et $\vec{v}_{/\mathcal{R}}(\mathbf{G}) = \frac{d\overrightarrow{\mathrm{OG}}}{dt} = \frac{1}{m_{\mathrm{tot}}} \sum_{i} m_{i} \frac{d\overrightarrow{\mathrm{OM}}_{i}}{dt} \Leftrightarrow \boxed{\vec{p}_{/\mathcal{R}}(\mathcal{S}) \stackrel{\textcircled{1}}{=} m_{\mathrm{tot}} \vec{v}_{/\mathcal{R}}(\mathbf{G})}$

Les forces intérieures se compensent d'après la troisième loi de NEWTON (1).

- /9 $\boxed{5}$ Soit une balle lancée avec une vitesse $\overrightarrow{v_0}$ faisant un angle α avec l'horizontale. On néglige toute autre force que le poids. Faire un schéma puis déterminer les équations horaires des composantes sur $\overrightarrow{u_x}$ et $\overrightarrow{u_y}$ du mouvement, et déterminer l'équation de la trajectoire. Portez une attention particulière à l'établissement du système.
 - (1) T Système : {balle} dans $\mathcal{R}_{\text{labo}}$ supposé galiléen
 - 1 2 Schéma : cf. figure.
 - ① Modélisation : repère $(\overrightarrow{u_x}, \overrightarrow{u_y}, \overrightarrow{u_z})$ (cf. schéma), repérage $\overrightarrow{OM} = x \overrightarrow{u_x} + y \overrightarrow{u_y}, \overrightarrow{v} = \dot{x} \overrightarrow{u_x} + \dot{y} \overrightarrow{u_y}, \overrightarrow{a} = \ddot{x} \overrightarrow{u_x} + \ddot{y} \overrightarrow{u_y}.$
 - ① 4 Conditions initiales : $\overrightarrow{OM}(0) = \overrightarrow{0}$ et $\overrightarrow{v}(0) = v_0 \cos(\alpha) \overrightarrow{u_x} + v_0 \sin(\alpha) \overrightarrow{u_y}$

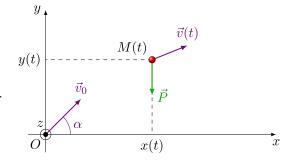


FIGURE 14.2 - Chute libre.

- $) \quad \boxed{5} \quad \mathbf{BdF} : \overrightarrow{P} = -mg \, \overrightarrow{u_y}$
 - $\begin{array}{ccc}
 \hline
 6 & \mathbf{PFD} : \\
 m\vec{a} = \vec{P} \Leftrightarrow \begin{cases}
 \ddot{x}(t) = 0 \\
 \ddot{y}(t) = -g
 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases}
 \dot{x}(t) = v_0 \cos \alpha \\
 \dot{y}(t) = -gt + v_0 \alpha
 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases}
 x(t) = v_0 t \cos \alpha \\
 y(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 t \sin \alpha
 \end{cases}$

Ainsi,
$$t = \frac{x}{v_0 \cos \alpha} \Rightarrow y(x) = -\frac{1}{2} g \frac{x^2}{v_0^2 \cos^2 \alpha} + v_0 \sin \alpha \frac{x}{v_0 \cos \alpha}$$
$$\Leftrightarrow \boxed{y(x)^{\boxed{1}} - \frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 + x \tan \alpha}$$