$\mathsf{I} \mid \mathsf{Un}$ glaçon et de la vapeur d'eau

On considère une enceinte calorifugée et maintenue à pression constante $P_0 = 1,0$ bar. Initialement l'enceinte contient une masse $(1 - \alpha)m$ de vapeur d'eau à la température d'ébullition de l'eau sous la pression P_0 , soit $T_{\rm eb} = 373\,\rm K$. On introduit dans l'enceinte un glaçon de masse αm dont la température initiale est la température de fusion de l'eau solide sous la pression P_0 , soit $T_{\rm fus} = 273\,\rm K$. La masse totale d'eau dans l'enceinte est donc égale à m.

- 1. Expliquer qualitativement ce qui va se passer dans l'enceinte. On pourra s'aider d'un schéma.
- 2. Déterminer la composition du système dans l'état final lorsque la température finale est égale à $T_{\rm fus}$. Montrer qu'un tel état final n'est possible que si α est supérieur à une valeur minimale $\alpha_{\rm min}$ à préciser.
- 3. Déterminer la composition du système dans l'état final lorsque la température finale est égale cette fois à $T_{\rm eb}$. Montrer qu'un tel état final n'est possible que si α est inférieur à une valeur maximale $\alpha_{\rm max}$ à préciser.
- 4. Déterminer la température finale T du système dans l'état final lorsque $\alpha_{\min} < \alpha < \alpha_{\max}$.
- 5. La valeur numérique pour $\alpha=0.8$ de la température finale est 339,89 K. Que pouvez-vus en conclure ?

Données.

- * enthalpie de vaporisation $l_{\rm vap} = 2.3 \times 10^6 \,\mathrm{J/kg}$,
- * enthalpie de fusion $l_{\text{fus}} = 330 \cdot \text{kJ/kg}$,
- * capacité thermique de l'eau liquide $c = 4.18 \,\mathrm{kJ \cdot kg^{-1} \cdot K^{-1}}$.

Moteur ditherme fonctionnant avec des pseudo-sources

Soit un moteur réversible fonctionnant entre deux sources de même capacité thermique, $C = 4.0 \times 10^5 \,\mathrm{J\cdot K^{-1}}$, dont les températures initiales respectives sont $T_{f,0} = 10 \,\mathrm{^{\circ}C}$ et $T_{c,0} = 100 \,\mathrm{^{\circ}C}$. Ces températures ne sont pas maintenues constantes.

- 1. Donner le schéma de principe de ce moteur au cours d'un cycle en indiquant par des flèches le sens des échanges de chaleur et de travail. On désignera par T_c la température de la source chaude et par T_f celle de la source froide. On définira des échanges énergétiques élémentaires δQ_c , δQ_f et δW . On pourra supposer les températures des sources constantes au cours d'un cycle.
- 2. Exprimer la température T des deux sources quand le moteur s'arrête de fonctionner en fonction de $T_{f,0}$ et $T_{c,0}$. Il sera utile d'appliquer le second principe au système subissant N cycles jusqu'à l'arrêt du moteur. Calculer T.
- 3. Exprimer le travail reçu W par ce moteur jusqu'à son arrêt en fonction de C, T, $T_{f,0}$ et $T_{c,0}$. Calculer W et interpréter le signe.
- 4. Exprimer, puis calculer le rendement global η . Comparer avec le rendement théorique maximal que l'on pourrait obtenir si les températures initiales des deux sources restaient constantes.

Compression isotherme d'une vapeur d'eau

Un récipient de volume initial $V_i = 3.0$ L contient seulement m = 1.0 g d'eau à la température $t_0 = 100$ °C. On donne la pression de vapeur saturante à t_0 , $P_v = 1.0$ atm, l'enthalpie massique de vaporisation $\Delta h_{\rm vap} = 2.26 \times 10^3 \, {\rm J \cdot g^{-1}}$ à la température t_0 . On considère la vapeur d'eau sèche comme un gaz parfait.

Par déplacement réversible d'un piston, on réalise sur ce système une compression isotherme réversible jusqu'au volume final $V_f=1.0\,\mathrm{L}$.

On donne

$$R = 8.314 \,\mathrm{J} \cdot \mathrm{K}^{-1} \cdot \mathrm{mol}^{-1} \quad ; \quad M_{\mathrm{eau}} = 18 \,\mathrm{g} \cdot \mathrm{mol}^{-1}$$

- 1. Préciser la composition du système dans les états initial et final.
- 2. Calculer le travail W et le transfert thermique Q reçus par le système.

I Réversibilité d'une vaporisation

Un cylindre fermé par un piston mobile contient un volume initial $V_i = 18 \,\mathrm{cm}^3$ d'eau liquide à la température $T_i = 100 \,\mathrm{^{\circ}C}$, sous pression atmosphérique $P_0 = 1{,}013 \,\mathrm{bar}$. L'ensemble est en contact avec un thermostat qui maintient la température à $T_0 = 100 \,\mathrm{^{\circ}C}$.

A Vaporisation lente

Dans cette partie, on tire le piston lentement jusqu'à ce que la dernière goutte de liquide soit vaporisée.

- 1. Justifier clairement que la transformation est isobare.
- 2. Calculer le volume final V_f du cylindre en considérant la vapeur obtenue comme un gaz parfait.
- 3. Représenter cette transformation dans le diagramme de Clapeyron. Préciser en particulier le sens d'évolution.
- 4. Rappeler la définition de l'enthalpie de vaporisation à une température T_0 .
- 5. Déterminer ΔH , Q, W puis montrer que

$$\Delta U = -mP_0 \left(\frac{RT_0}{MP_0} - \frac{1}{\rho_l} \right) + m\Delta h_{vap}$$

Faire les applications numériques correspondantes.

6. Faire le bilan entropique de la transformation. Est-elle réversible ?

B Vaporisation brusque

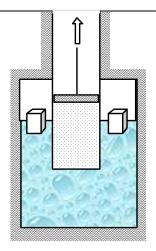
Le même volume initial de $V_i = 18 \,\mathrm{cm}^3$ d'eau liquide est maintenant injecté dans un récipient intialement vide (thermostaté à 100 °C) de volume V_f dans lequel la vaporisation est immédiate.

- 7. Jutifier que ΔH , ΔU et ΔS sont les mêmes que pour la transformation précédente.
- 8. Justifier ici que W = 0. En déduire Q.
- 9. Faire le bilan entropique de la transformation. Est-elle réversible ? Commenter.

Données : Enthalpie massique de vaporisation de l'eau à $100\,^{\circ}\text{C}$: $\Delta h_{vap} = 2250\,\text{kJ}\cdot\text{kg}^{-1}$, masse volumique de l'eau liquide $\rho_l = 1.0 \times 10^3\,\text{kg}\cdot\text{m}^{-3}$, constante des gaz parfaits $R = 8.314\,\text{J}\cdot\text{K}^{-1}\cdot\text{kg}^{-1}$.

I | Fabrication de glace $(\star \star \star)$

Un cylindre aux parois diathermanes enferme une mole d'air considéré comme un gaz parfait à la température $T_0=273\,\mathrm{K}$ que l'on détend de manière réversible de la pression $P_1=7\,\mathrm{bar}$ à la pression $P_2=3\,\mathrm{bar}$ en soulevant le piston. Le corps du cylindre est en contact thermique avec de l'eau liquide en équilibre avec de la glace également à la température initiale de 273 K sous la pression atmosphérique normale. On donne la chaleur latente de fusion de la glace: $\ell_f=334\,\mathrm{kJ}\cdot\mathrm{kg}^{-1}$ à 273 K.



- 1. Quelle masse de glace est obtenue lors de cette opération ?
- 2. Quelle est la variation d'entropie du système {gaz système diphasé} ? Que vaut l'entropie créée ? Commenter la cohérence.

I |Évaporation d'un verre d'eau $(\star\star)$

Le degré hygrométrique H d'une atmosphère est défini comme le rapport de la pression partielle en vapeur d'eau $P_{\rm H_2O}$ sur la pression de vapeur saturante P_{sat} à une température donnée : $H = \frac{P_{\rm H_2O}}{P_{sat}}$. On le donne généralement sous la forme d'un pourcentage.

On considère une pièce hermétiquement fermée, de volume $V=40\,\mathrm{m}^3$, dans laquelle on place un récipient contenant 200 mL d'eau liquide. L'air de la pièce est à la pression $P_0=1\times10^5\,\mathrm{Pa}$ et à la température $T_0=293\,\mathrm{K}$. Son degré d'hygrométrie est $H_0=60\%$. On donne $P_{sat}(293)=2,3\,\mathrm{kPa}$. On assimile l'eau à un gaz parfait de masse molaire $M=18\,\mathrm{g/mol}$.

- 1. Calculez la quantité de matière en eau initialement présente dans l'air de la pièce.
- 2. Montrez que toute l'eau contenu dans le récipient va s'évaporer.
- 3. Quel volume d'eau liquide faut-il évaporer pour saturer la pièce en eau (degré hygrométrique de 100 %) ? Que se passe-t-il si le récipient contient un volume d'eau supérieur à cette valeur ?