## Compression isotherme d'une vapeur d'eau

Un récipient de volume initial  $V_i = 3.0$  L contient seulement m = 1.0 g d'eau à la température  $t_0 = 100$  °C. On donne la pression de vapeur saturante à  $t_0$ ,  $P_v = 1.0$  atm, l'enthalpie massique de vaporisation  $\Delta h_{\rm vap} = 2.26 \times 10^3 \, {\rm J \cdot g^{-1}}$  à la température  $t_0$ . On considère la vapeur d'eau sèche comme un gaz parfait.

Par déplacement réversible d'un piston, on réalise sur ce système une compression isotherme réversible jusqu'au volume final  $V_f=1.0\,\mathrm{L}$ .

On donne

$$R = 8.314 \,\mathrm{J} \cdot \mathrm{K}^{-1} \cdot \mathrm{mol}^{-1} \quad ; \quad M_{\mathrm{eau}} = 18 \,\mathrm{g} \cdot \mathrm{mol}^{-1}$$

- 1. Préciser la composition du système dans les états initial et final.
- 2. Calculer le travail W et le transfert thermique Q reçus par le système.

## Un glaçon et de la vapeur d'eau

On considère une enceinte calorifugée et maintenue à pression constante  $P_0 = 1,0$  bar. Initialement l'enceinte contient une masse  $(1 - \alpha)m$  de vapeur d'eau à la température d'ébullition de l'eau sous la pression  $P_0$ , soit  $T_{\rm eb} = 373\,\rm K$ . On introduit dans l'enceinte un glaçon de masse  $\alpha m$  dont la température initiale est la température de fusion de l'eau solide sous la pression  $P_0$ , soit  $T_{\rm fus} = 273\,\rm K$ . La masse totale d'eau dans l'enceinte est donc égale à m.

- 1. Expliquer qualitativement ce qui va se passer dans l'enceinte. On pourra s'aider d'un schéma.
- 2. Déterminer la composition du système dans l'état final lorsque la température finale est égale à  $T_{\rm fus}$ . Montrer qu'un tel état final n'est possible que si  $\alpha$  est supérieur à une valeur minimale  $\alpha_{\rm min}$  à préciser.
- 3. Déterminer la composition du système dans l'état final lorsque la température finale est égale cette fois à  $T_{\rm eb}$ . Montrer qu'un tel état final n'est possible que si  $\alpha$  est inférieur à une valeur maximale  $\alpha_{\rm max}$  à préciser.
- 4. Déterminer la température finale T du système dans l'état final lorsque  $\alpha_{\min} < \alpha < \alpha_{\max}$ .
- 5. La valeur numérique pour  $\alpha=0.8$  de la température finale est 339,89 K. Que pouvez-vus en conclure ?

#### Données.

- \* enthalpie de vaporisation  $l_{\rm vap} = 2.3 \times 10^6 \,\mathrm{J/kg}$ ,
- \* enthalpie de fusion  $l_{\text{fus}} = 330 \cdot \text{kJ/kg}$ ,
- \* capacité thermique de l'eau liquide  $c = 4.18 \,\mathrm{kJ \cdot kg^{-1} \cdot K^{-1}}$ .

## I | Variation d'entropie pour N transformations

Soit n moles de gaz (n = 1) parfait à la pression p = 1 bar et à température la  $T_0 = 450 \,\mathrm{K}$  (état 0). On comprime ce gaz de la pression p à p' = 10 bar de façon réversible et isotherme, puis, on détend le gaz de façon réversible et adiabatique de p' à p (état 1).

- 1. Représentez la suite des transformations dans un diagramme de Watt (p,V).
- 2. Calculez la température finale  $T_1$  du gaz ainsi que la variation d'entropie  $\Delta S_1$  en fonction de n, p et p' et R la constante des gaz parfaits (On pourra utiliser l'expression de  $C_p$  en fonction de  $\gamma$  pour simplifier le résultat). Faire l'application numérique.
- 3. On recommence la même opération depuis l'état 1  $(p,T_1) \rightarrow$  état 2  $(p,T_2) \rightarrow ... \rightarrow$  état N  $(p,T_N)$ . Complétez le diagramme de Watt et déterminez la variation d'entropie du gaz après les N opérations ainsi que la température finale  $T_N$  et enfin la variation d'énergie interne  $\Delta U_N$  en supposant le gaz parfait monoatomique.

Faîtes ensuite les applications numériques pour N=5.

4. Voyez-vous une application? Discuter l'hypothèse du gaz parfait si N grand

 $Rappel\ pour\ un\ GP$ :

$$S_m(T_f, p_f) - S_m(T_i, p_i) = C_{p,m} \ln \frac{T_f}{T_i} - R \ln \frac{p_f}{p_i}$$

# Chauffage isobare d'un gaz parfait

On considère une enceinte calorifugée, fermée par un piston libre de coulisser sans frottements, contenant un gaz parfait. La pression extérieure est notée  $p_0$ . Initialement, le volume de l'enceinte est  $V = V_0$ , la température et la pression du gaz  $T_0$  et  $p_0$ .

Il y a dans l'enceinte un résistor de capacité thermique négligeable, alimenté par un générateur de courant idéal délivrant l'intensité I supposée faible.

On considère dans un premier temps que la résistance du résistor est constante :  $R_0$ 

- 1. Réaliser un schéma de l'expérience.
- 2. Justifier que la transformation subie par le gaz parfait présent dans l'enceinte est quasi-statique et isobare.
- 3. Déterminer l'évolution de la température du gaz au cours à l'instant t. On pourra pour cela appliquer le premier principe de la thermodynamique à un système judicieusement choisi entre l'instant initial  $t_0 = 0$  et l'instant t.
- 4. En déduire l'expression de l'évolution du volume V au cours du temps.

On considère maintenant que la résistance varie avec la température selon la loi  $R(T) = R_0 \frac{T}{T_0}$ .

5. Reprendre alors les questions 3 et 4.