**ATTENTION:** Pour ces deux types d'approximation, la fonction de transfert ainsi que le polynôme correspondant sont **normalisés pour une pulsations de coupure unitaire**  $\omega_c$ = 1.

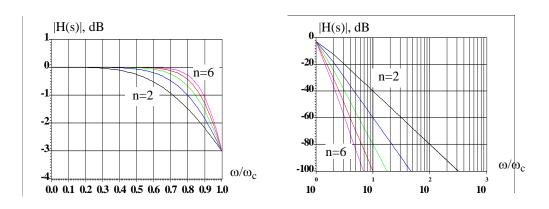
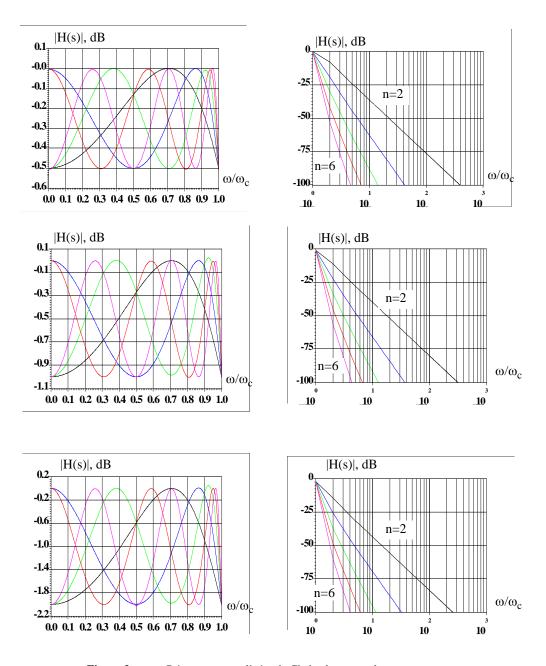


Figure 1. Réponses normalisées de Butterworth

n=1 
$$s+1$$
  
n=2  $s^2 + \sqrt{2} \cdot s + 1$   
n=3  $s^3 + 2 \cdot s^2 + 2 \cdot s + 1 = (s+1) \cdot (s^2 + s + 1)$   
n=4  $s^4 + 2$ ,  $613 \cdot s^3 + 3$ ,  $414 \cdot s^2 + 2$ ,  $613 \cdot s + 1 = (s^2 + 0, 765 \cdot s + 1) \cdot (s^2 + 1, 848 \cdot s + 1)$   
n=5  $s^5 + 3$ ,  $2361 \cdot s^4 + 5$ ,  $2361 \cdot s^3 + 5$ ,  $2361 \cdot s^2 + 3$ ,  $2361 \cdot s + 1$   
 $= ((s+0, 3090)^2 + 0, 9511^2) \cdot ((s+0, 8090)^2 + 0, 5878^2) \cdot (s+1)$   
n=6  $s^6 + 3$ ,  $8637 \cdot s^5 + 7$ ,  $4641 \cdot s^4 + 9$ ,  $1416 \cdot s^3 + 7$ ,  $4641 \cdot s^2 + 3$ ,  $8637 \cdot s + 1$   
 $= ((s+0, 2588)^2 + 0, 9659^2) \cdot ((s+0, 7071)^2 + 0, 7071^2) \cdot ((s+0, 9659)^2 + 0, 2588^2)$ 

**Figure 2.** Polynômes de Butterworth (ordre 1 à 6)



**Figure 3.** Réponses normalisées de Chebyshev pour des ondulations de 0.5, 1 et 2dB en bande passante

```
0,5 dB d'ondulation en bande passante
n=1 s+2,863
n=2 s^2 + 1,425 \cdot s + 1,516
n=3 s^3 + 1,253 \cdot s^2 + 1,535 \cdot s + 0,716 = (s+0,626) \cdot (s^2 + 0,626 \cdot s + 1,142)
n=4 s^4+1, 197 \cdot s^3+1, 717 \cdot s^2+1, 025 \cdot s+0, 379=(s^2+0,351 \cdot s+1,064) \cdot (s^2+0,845 \cdot s+0,356)
n=5 s^5 + 1, 1725 \cdot s^4 + 1, 9374 \cdot s^3 + 1, 3096 \cdot s^2 + 0, 7525 \cdot s + 0, 1789
       = ((s+0, 1120)^2 + 1, 0116^2) \cdot ((s+0, 2931)^2 + 0, 6252^2) \cdot (s+0, 3623)
n=6 s^6 + 1, 1592 \cdot s^5 + 2, 1718 \cdot s^4 + 1, 5898 \cdot s^3 + 1, 1719 \cdot s^2 + 0, 4324 \cdot s + 0, 0948
       = ((s+0,0777)^2+1,0085^2) \cdot ((s+0,2121)^2+0,7382^2) \cdot ((s+0,2898)^2+0,2702^2)
            1 dB d'ondulation en bande passante
n=1 s+1,965
n=2 s^2+1,098\cdot s+1,103
n=3 s^3 + 0.988 \cdot s^2 + 1.238 \cdot s + 0.491 = (s + 0.494) \cdot (s^2 + 0.490 \cdot s + 0.994)
n=4 s^4 + 0.953 \cdot s^3 + 1.454 \cdot s^2 + 0.743 \cdot s + 0.276 = (s^2 + 0.279 \cdot s + 0.987) \cdot (s^2 + 0.674 \cdot s + 0.279)
n=5 s^5 + 0.9368 \cdot s^4 + 1.6888 \cdot s^3 + 0.9744 \cdot s^2 + 0.5805 \cdot s + 0.1228
       = ((s+0,0895)^2+0,9901^2) \cdot ((s+0,2342)^2+0,6119^2) \cdot (s+0;2895)
n=6 s^6 + 0,9282 \cdot s^5 + 1,9308 \cdot s^4 + 1,2021 \cdot s^3 + 0,9393 \cdot s^2 + 0,3071 \cdot s + 0,0689
       = ((s+0,0622)^2+0,9934^2) \cdot ((s+0,1699)^2+0,7272^2) \cdot ((s+0,2321)^2+0,2662^2)
            2 dB d'ondulation en bande passante
n=1 s+1,308
n=2 s^2 + 0,804 \cdot s + 0,823
n=3 s^3 + 0,738 \cdot s^2 + 1,022 \cdot s + 0,327 = (s + 0,402) \cdot (s^2 + 0,369 \cdot s + 0,886)
n=4 s^4 + 0.716 \cdot s^3 + 1.256 \cdot s^2 + 0.517 \cdot s + 0.206 = (s^2 + 0.210 \cdot s + 0.928) \cdot s^2 + 0.506 \cdot s + 0.221
n=5 s^5 + 0,7065 \cdot s^4 + 1,4995 \cdot s^3 + 0,6935 \cdot s^2 + 0,4593 \cdot s + 0,0817
       = ((s+0,0675)^2+0,9735^2) \cdot ((s+0,1766)^2+0,6016^2) \cdot (s+0,2183)
n=6 s^6 + 0,7012 \cdot s^5 + 1,7459 \cdot s^4 + 0,8670 \cdot s^3 + 0,7715 \cdot s^2 + 0,2103 \cdot s + 0,0514
       =((s+0,0470)^2+0.9817^2)\cdot((s+0,1283)^2+0.7187^2)\cdot((s+0,1753)^2+0.2630^2)
```

**Figure 4.** Polynômes de Chebyshev (ordre 1 à 6) paramètrés en fonction de l'ondulation souhaitée en bande passante

3/3