Partiel CSI3-U3 Durée: 3 heures

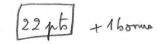
Sans documents

Avec calculatrice

15 mai 2017

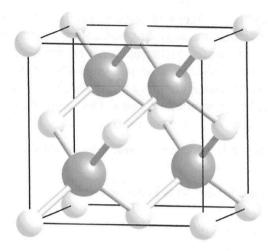
PHYSIQUE DU SOLIDE ET NANOSCIENCES

Etude de l'arséniure d'indium (InAs)



1. Cristallographie

L'arséniure d'indium InAs cristallise dans la structure zinc blende représentée sur la figure 1 ci-dessous.



15pt

Figure 1: représentation de la structure zinc blende de l'InAs. Les grosses sphères représentent les atomes d'indium, les petites les atomes d'arsenic. L'arête du cube est a.

- 1,5 1.1. Exprimer les vecteurs de base en fonction de a dans une base orthonormée.
 - 1.2. Donner le motif.
- 1.3. Donner le nombre, la nature et la distance des atomes premiers voisins des atomes In.
- 1.4. Application numérique : a= 0.60583 nm. Calculer le nombre d'atomes (In et As) par unité de volume.

6 pt + 16 oms 2. InAs intrinsèque

On rappelle que dans un semi-conducteur les concentrations d'électrons dans la bande de conduction n et de trous dans la bande de valence p sont données par :

$$n = N_c exp\left(-\frac{E_c - E_F}{kT}\right)$$
 et $p = N_v exp\left(\frac{E_v - E_F}{kT}\right)$

avec:
$$N_C = 2 \left(\frac{2\pi m_e^* kT}{h^2} \right)^{3/2}$$
 et $N_V = 2 \left(\frac{2\pi m_h^* kT}{h^2} \right)^{3/2}$

où m_e^* et m_h^* sont les masses effectives des électrons en bande de conduction et des trous en bande de valence, respectivement.

- \triangle 2.1. Calculer le produit np. Comment varie-t-il avec E_F ?
- 2.2. En déduire la densité n_i de porteurs dans le semi-conducteur intrinsèque.
- 2.3. Calculer la position du niveau de Fermi en fonction de E_c , E_v , m_e^* , m_h^* et kT.
- 2.4. Tracer qualitativement la courbe $log(n_i)=f(1/T)$ pour T<300K.
- 2.5. <u>Question Bonus</u> Pour évaluer plus précisément la variation en température, on considère maintenant une élévation de température ΔT de 1K. Calculer la dérivée $\frac{\Delta n_i}{\Delta T}$ où Δn_i est la variation de la concentration n_i (attention : N_c et N_v dépendent de T). En déduire $\frac{\Delta n_i}{n_i}$ en fonction de $\frac{\Delta T}{T}$, E_g et T.

3. Absorption optique de puits quantiques d'InAs

L'absorption optique d'un cristal semi-conducteur d'InAs est gouvernée par la largeur de son gap. Si on considère maintenant des "rubans" extrêmement fins (quelques nanomètres d'épaisseur), l'énergie devient quantifiée en raison du confinement quantique et conduit à un élargissement du gap. On modélise le ruban d'InAs d'épaisseur d par un puits quantique infiniment profond à l'intérieur duquel un électron de masse effective $m_e^* = 0.023 \ m_0$ (ou un trou de masse $m_h^* = 0.40 \ m_0$) est soumis à une énergie potentielle E_C pour l'électron (E_V pour le trou). Ainsi pour l'électron, $V = E_C$ pour 0 < x < d et $V = +\infty$ pour x < 0 et x > d.

- 3.1. Ecrire l'équation de Schrödinger vérifiée par la fonction d'onde $\varphi(x)$ d'un électron dans le puits.
- 3.2. On considère $E > E_C$. Montrer que l'équation se met sous la forme :

$$\frac{\partial^2 \varphi}{\partial x^2} + k^2 \varphi = 0$$

Exprimer k^2 en fonction de E et E_C .

- 1 3.3. Donner la forme générale des solutions de l'équation de Schrödinger.
- 3.4. Appliquer les conditions aux limites d'annulation de la fonction d'onde. En déduire la quantification de *k* et de l'énergie de l'électron.

Pour le trou, on admet que les énergies sont données par :

$$E=E_V-rac{\hbar^2k^2}{2m_h^*}$$
 où la quantification sur k est la même que pour l'électron.

- 3.5. Représenter sur un axe vertical l'espacement en termes d'énergie des trois premiers niveaux pour les électrons et pour les trous. On précisera les positions de E_C et E_V . Est-ce que les énergies E_C et E_V correspondent à des niveaux permis ?
- 3.6. Déterminer la bande interdite des rubans $E'_g > E_g$ en fonction de d?
- 3.7. Application numérique : En considérant que la bande interdite de l'InAs massif est E_g = 0.35 eV, calculer la bande interdite de nanorubans d'épaisseur 9 nm.

Pour mesurer la bande interdite des rubans, une expérience d'absorption optique a été réalisée très récemment sur des rubans fins (puits quantiques) d'InAs (voir figure 2).

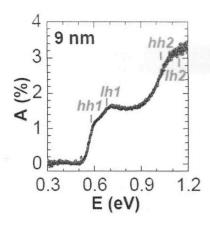


Figure 2 : Courbe d'absorption optique relevée sur des rubans d'InAs d'épaisseur e= 9 nm. D'après Fang et al., PNAS, 110, 11688 (2013)

- → 3.8. Sur la figure 2, le seuil d'absorption est repéré par "hh1". Relever sa position.

 Coïncide-t-elle avec vos calculs ?
- 1 3.9. A quel domaine de longueurs d'ondes correspond cette valeur d'énergie ?
- ✓ 3.10. A votre avis, quelle est l'origine du second seuil d'absorption sur la figure 2?

On donne:

Masse de l'électron $m_0 = 9.1 \times 10^{-31} \text{ kg}$

Charge de l'électron : $e = 1.6 \times 10^{-19}$ C

Vitesse de la lumière : $c = 3x10^8$ m/s

Constante de Planck : $h = 6.62 \times 10^{-34} \text{ J.s}$

Constante de Planck réduite : $\hbar = h/2\pi = 1.054 \mathrm{x} 10^{-34} \mathrm{J.s}$

Partvel de Physique CS13-U3

15 mar 2017 - Barême/congé 22 pt + 1 bonus 546 1,5 1.2.) latome In en (000) + 1 atome As en (1/4,1/4,1/4) 1.3.) Premiera vorsino de In: 4 atomes As à une distance d= a $\sqrt{3}$ 1,5 1.4.) Galones In et ratones As par maille cubique de cité 1, 8 10 28 alones In et 1, 8 16 alones As /m3. 2. In As inkrime que np= Nc No exp(- \frac{Eg}{kT}) indépendant de Eq 22) SC m'kninger gue: $n=p=n^{2}$ $n_{i}=\sqrt{N_{c}N_{o}}$ $exp(-\frac{Eg}{2kT})$ $N_{c} = p$ $N_{c} = p - \left(\frac{E_{c} - E_{F}}{b T}\right) = N_{sS} = p \left(\frac{E_{sS} - E_{F}}{b T}\right) \rightarrow e + p \left(\frac{2E_{F}}{b T}\right) = e \times p \left(\frac{E_{c} + E_{sS}}{b T}\right) \times \frac{N_{sS}}{N_{c}}$ EF = Entec + 3 kT / (m/h) penten-Eg en negligemble despendonce en T 2 k de Ne et Nor 2.5. $m_i = \sqrt{N_c N_{or}} \exp\left(-\frac{E_0}{2k_T}\right) = 2\left(\frac{2\pi k_T}{h^2}\right)^{3/2} \left(\frac{\pi}{m_c} \frac{\pi}{h}\right)^{3/4} \exp\left(-\frac{E_0}{2k_T}\right)$ (+1) Bonns $\frac{dn_i}{dT} = \frac{3}{2} \frac{n_i}{T} + \frac{E_2}{2kT^2} n_i \qquad Dn_i = \left(\frac{3}{2} + \frac{E_2}{2kT}\right) \frac{DT}{T}$

(1)

Absorption optique de punto quantiques d'In As 3.1.) - $\frac{1}{2}$ d'4 + Ec $\varphi(c)$ = E $\varphi(c)$ $\frac{\partial^2 \varphi}{\partial z^2} + \frac{2m_e^2}{42} \left(E - E_c \right) \varphi = 0$ 8.3) & = 2me (E-Ec) 3.3) y(x) = Ae + Be + Be y(x) = 0 en x = 0 et x = 4.3.4) y(x) = 0 on x = 0 $\Rightarrow A = A$ $\varphi(x) = 0$ cm x = 0 $\Rightarrow B = -A$ $\varphi(x) = 0$ cm x = d $\Rightarrow A = ikd$ A = ikd A = ikd A = ikd A = 0 A =9 donc $F = F_{c} + \frac{\hbar^{2}}{2me} = \frac{F_{c}}{2me} + \frac{\hbar^{2}}{2me} \left(\frac{n\pi}{a}\right)^{2} n \in \mathbb{N}^{*}$ Ever Ec ne sont pro des niveaux permis Ee Een En 2 ---Eg' = Eg + + +2 Th 2 (/ + + / +) 7 Eg. 3.7) d= 3 m - 2/2 1,923 +035 = 2,273 eV d=9nm Eg'= 0,214+0,35= 0,564eV

(2

bet 6 mm so 0,550 3.8.1 Cht 3nn & 4,050V Ah1 9nm - 0, SteV Seul le seuil abserné pour des un ons de In ma consequent aux calcula. Pour corre pour 3 et 6 nm, voleme expériment les « voleme calculées 3.9) $F = k V = \frac{kc}{\lambda}$ $\Rightarrow \lambda = \frac{kc}{E}$ $\Rightarrow 0 \lambda = 2,18 \mu$ Donnine de l'infrange. 3.10) Absorption optique entre ER2 et Ees (on ER1 et Eez)

(3)