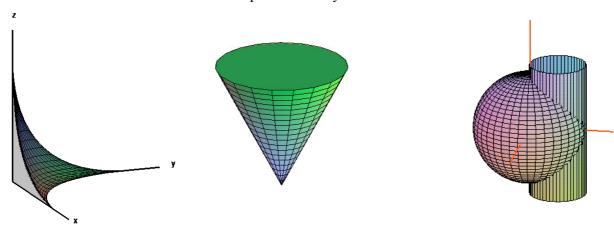
CIR2CNB2

TD de Maths – Intégrales triples

- 1 / Soit a > 0. Calculer le volume du solide limité par les plans x = 0, y = 0, z = 0 et la surface d'équation $\sqrt{x} + \sqrt{y} + \sqrt{z} = \sqrt{a}$
- 2 / Calculer le volume, la masse, la position du centre de gravité et le moment d'inertie par rapport à son axe de rotation d'un cône de révolution homogène de masse volumique μ , de hauteur h, et de rayon R
- 3 / Calculer le volume de l'intersection de la sphère et du cylindre



4 / Calculer

a /
$$\iiint_K z \cos(x^2 + y^2) dx dy dz$$
, où K est la demi-sphère $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / z \geqslant 0 / x^2 + y^2 + z^2 \leqslant R^2\}$

b /
$$\iiint_T \frac{dx dy dz}{(1+x+y+z)^2}$$
, où $T = \{(x,y,z) \in \mathbb{R}^3 / x \ge 0 / y \ge 0 / z \ge 0 / x+y+z \le 1\}$

c /
$$\iiint_{V} \frac{dxdydz}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}}$$
 où V est défini par $a \le x^2 + y^2 + z^2 \le b$

d/
$$\iiint_{D} 2xyz \, dxdydz \text{ où } D = \{(x, y, z)/x \ge 0/y \ge 0/z \ge 0/x^2 + y^2 + z^2 \le 1\}$$

5 / Calculer a/
$$\iiint_D x \, dx \, dy \, dz$$
 où $D = \{(x, y, z) / x > 0 \, y > 0 / z > 0 / x + y + z < 1\}$

b/
$$\iiint_{D} \cos x \, dx \, dy \, dz$$
 où $D = \{(x, y, z)/x^2 + y^2 + z^2 < 1\}$

c/
$$\iiint_{D} \frac{z}{\sqrt{x^{2} + y^{2}}} dx dy dz \text{ où } D = \{(x, y, z) / x^{2} + y^{2} \le a^{2} / 0 < z \le a \} \quad (a \text{ est un réel } > 0)$$

d/
$$\iiint_B z \, dx \, dy \, dz$$
 où B est la demi-boule de rayon R telle que $\forall (x, y, z) \in B, z > 0$

