#### **INFOS**

- Correction du quiz en ligne
- Dernier cours d'optique aujourd'hui, mercredi prochain électronique
- Encore quatre TDs d'optique. Jeudi 3 octobre : examen blanc
- Examen d'optique mardi 8 octobre

# OPTIQUE GEOMETRIQUE IV. Instruments d'optique

- 1. L'œil
- 2. La loupe
- 3. Le microscope
- 4. L'objectif photo
- 5. La lunette astronomique

#### INTRODUCTION

Définition : un instrument d'optique est un dispositif qui permet de former des images

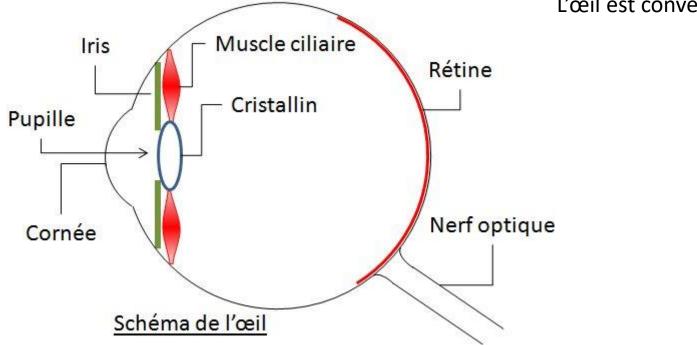
« Image » au sens de l'optique : convergence des rayons en un point (un PC affiche des images mais n'est pas un instrument d'optique!)

Ce cours est non exhaustif, l'objectif est de passer en revue quelques instruments d'optique et leurs caractéristiques.

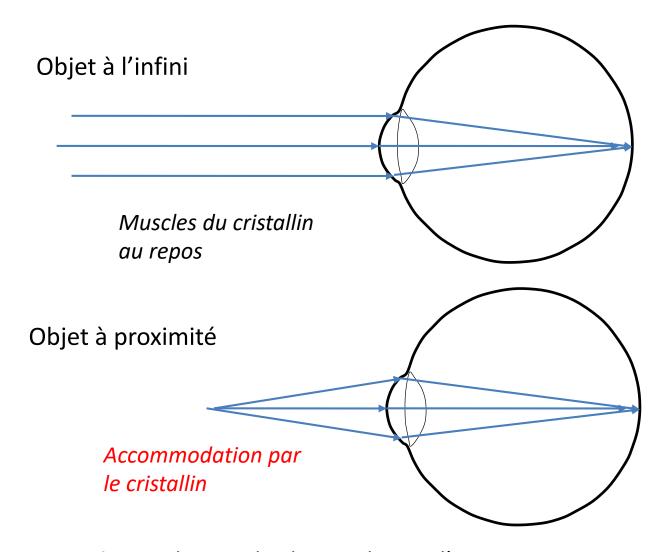
Pourquoi un microscope est différent d'une lunette, pourquoi ça n'a pas de sens de pointer un microscope vers le ciel pour voir une étoile ni de tenter de voir une fourmi avec un télescope

1. Ľœil

L'œil est convergent



L'œil est essentiellement un dioptre sphérique permettant de faire converger les rayons lumineux sur la rétine (=écran de détection). Il comprend aussi une lentille convergente spéciale, le cristallin, qui peut se déformer et ainsi changer d'indice pour accommoder les rayons. L'iris règle l'ouverture de l'œil pour régler la luminosité et la netteté de l'image.



Punctum proximum : le point le plus proche que l'on peut voir net. Environ ?

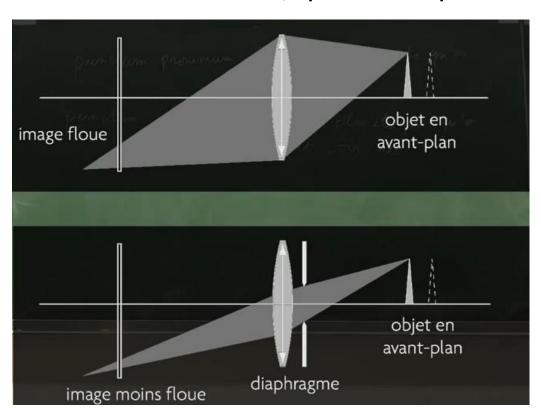
#### **DEFINITIONS**

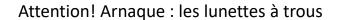
**Punctum proximum**: le point le plus proche que l'on peut voir net correspondant au maximum de contraction du cristallin (Environ 10/20 cm)

**Punctum remotum** : le point le plus éloigné que l'on peut voir net Pour un œil emmétrope, c'est l'infini

## REMARQUE: UNE EXPERIENCE

Si l'on regarde à travers un petit trou d'épingle fait dans un morceau de carton, quel est le punctum proximum ?

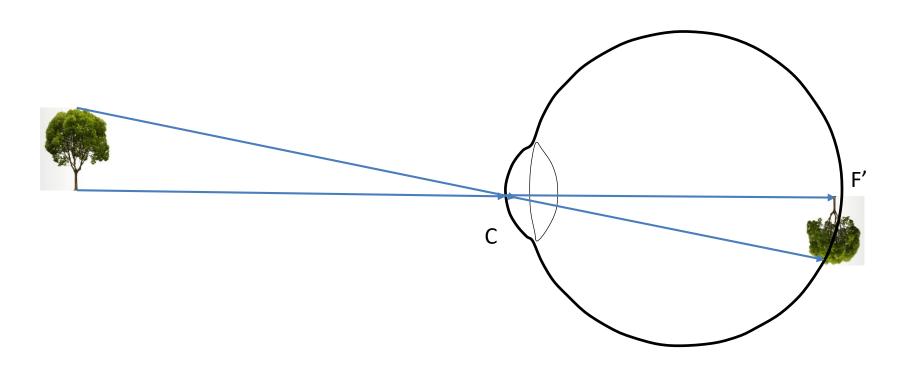






Le punctum proximum semble plus petit, car on isole un petit faisceau de lumière et l'image semble ainsi plus nette. De même avec un appareil photo, en fermant le diaphragme on augmente la profondeur de champ - mais on diminue fortement la luminosité

# **IMAGE INVERSEE SUR LA RETINE**



(Expérience de Erismann et Kohler)

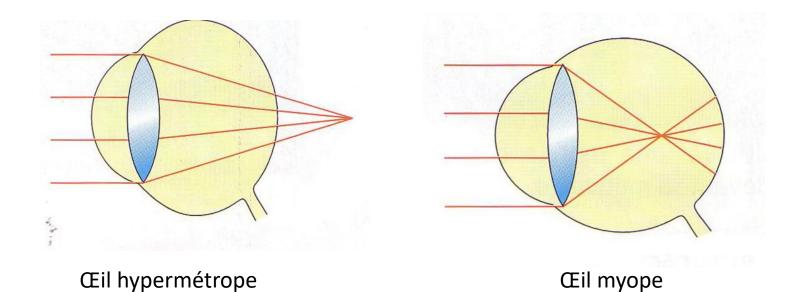
#### LES DEFAUTS DE VISION

- Hypermétropie (loin : net / près : flou)

- Presbytie (loin : net / près : flou)

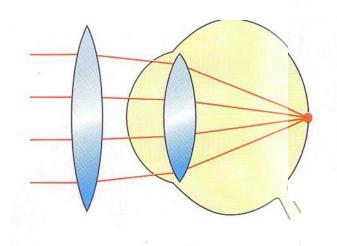
- Myopie (loin : flou / près : net)

- Astigmatisme (déformation ellipsoïde de l'œil/de l'accomodation)



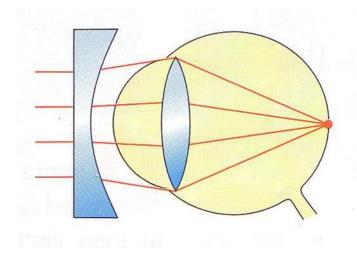
# **LUNETTES DE CORRECTION**

Œil hypermétrope



lentille convergente

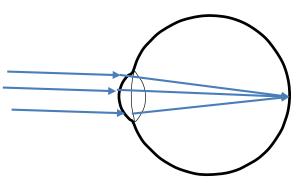
Œil myope



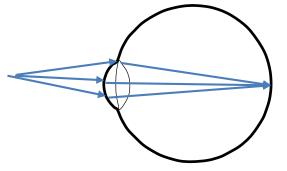
lentille divergente

## ŒIL ET INSTRUMENTS D'OPTIQUE

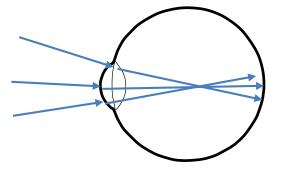
Pour qu'on voit quelchose avec l'œil il faut un objet qui émét avec des rayons divergent Et le plus confortable c'est un objet à l'infini dans lequel l'œil n'a pas besoin d'accomoder



Rayons parallèles OK



Rayons divergents
OK
(Si l'objet est plus
Ioin que le PP)

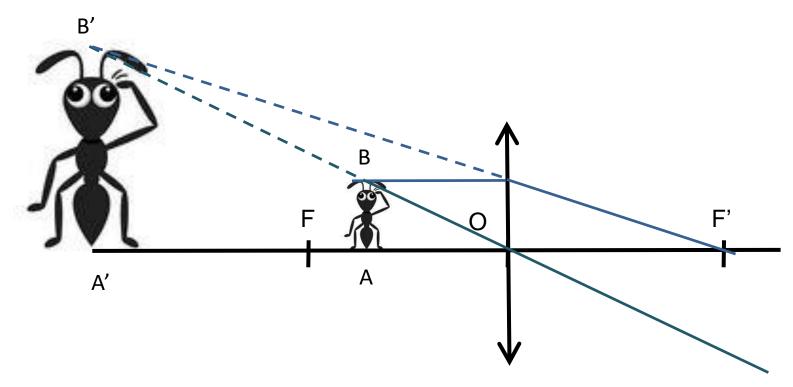


Rayons convergents
Non!
L'œil est convergent

2. La loupe

# LA LOUPE

La loupe est une lentille convergente utilisée dans certaines conditions

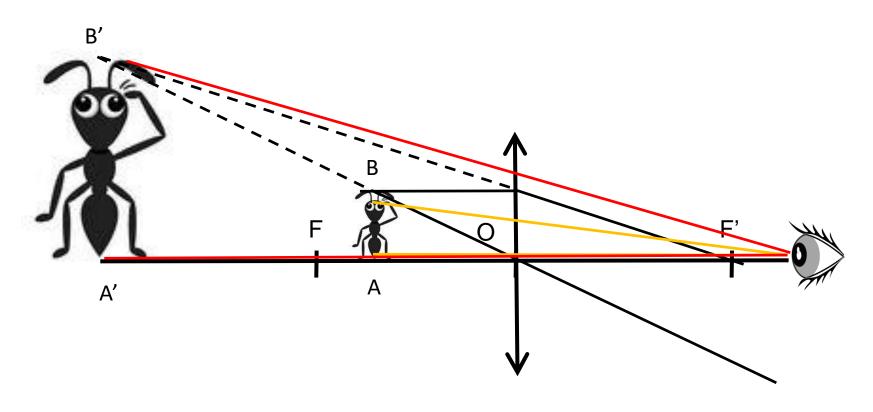


Il faut mettre l'objet entre O et F car on veut une image virtuelle

Où est l'image?

## EFFICACITE D'UNE LOUPE

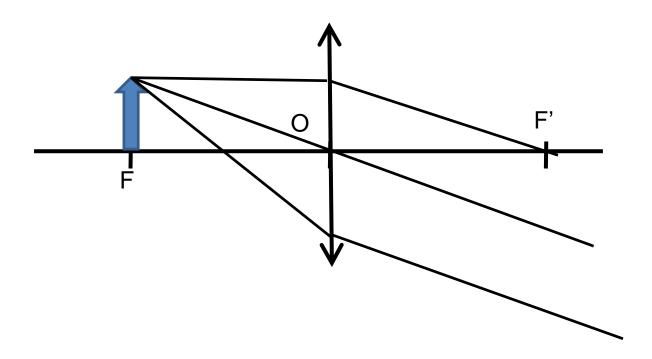
Pour qu'une loupe soit efficace : Image grande ET distance observateur/image petite → taille angulaire



Par exemple, ici : l'œil voit il la fourmi plus grande ?

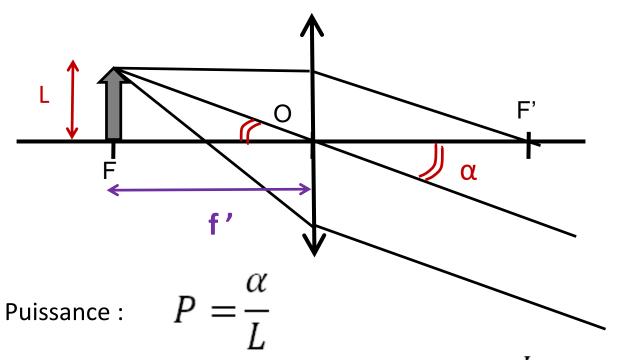
#### UTILISATION OPTIMALE D'UNE LOUPE

Si on rapproche la fourmi de la loupe, l'image se rapproche mais devient plus petite **Utilisation optimale : objet sur le foyer objetF**  $\rightarrow$  image à l'infinie (rayons parallèles)



Remarque : la loupe permet de voir plus grand, mais aussi de voir une image à l'infini donc de reposer l'œil (plus d'accomodation)

## PUISSANCE D'UNE LOUPE



Expression de P en fonction de f'? 
$$tan(\alpha) = \frac{L}{f'} \approx \alpha$$
 Donc

$$P = \frac{1}{f'}$$

Attention, ici la puissance n'a pas du tout la dimension d'une énergie / temps!

#### **APPLICATION**

Quelle puissance doit avoir une loupe pour que une fourmi nous apparaisse aussi grande qu'une main tendue à bout de bras ?

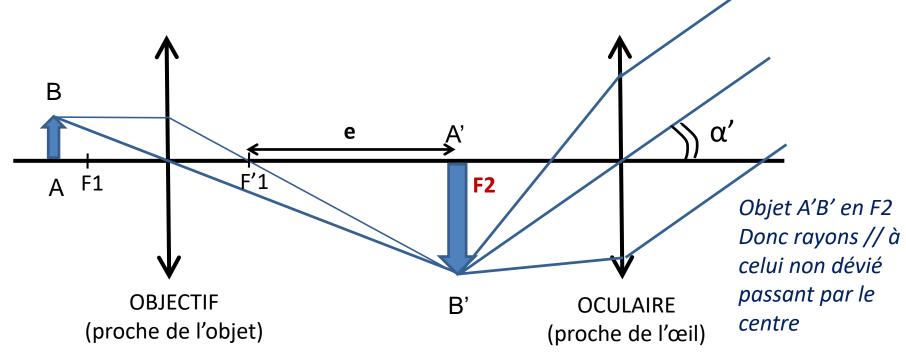
$$P = \frac{\alpha}{L}$$
 L = taille de la fourmi, disons 2mm 
$$\alpha = \arctan{(15 \text{ cm / }60 \text{ cm})} = 14^\circ = 0.24 \text{ rad}$$
 15 cm

$$\rightarrow$$
P = 0.24 / 2x10<sup>-3</sup> = 120 m<sup>-1</sup>  
Donc f'=1/P = 8,3 mm

Cette lentille vient donc d'une sphère de  $\approx 1$  cm de rayon  $\rightarrow$  petite taille ! limitation des lentilles : leur taille et donc la luminosité reçue.

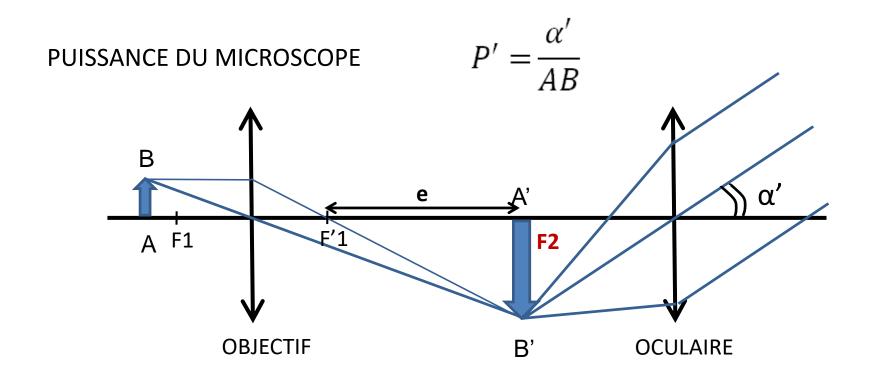
3. Le microscope

Ensemble de 2 lentilles. La 1<sup>e</sup> produit une image agrandie qu'on regarde avec la 2<sup>e</sup> lentille utilisée comme une loupe.



Pour utiliser la loupe de façon optimale il faut que la première image se forme au foyer de l'oculaire.

 $\alpha'$  est l'angle sous lequel on voit l'image. **e** est la distance entre F'1 et F2



Expression de P' en fonction des distances focales des lentilles ?

$$P' = \frac{\alpha'}{AB} = \frac{\alpha'}{A'B'} \times \frac{A'B'}{AB} = P \times \gamma$$

2 étapes : calcul de la puissance P de l'oculaire puis du grandissement γ de l'objectif

#### EXPRESSION DE P'EN FONCTION DES DISTANCES FOCALES

$$P' = \frac{\alpha'}{AB} = \frac{\alpha'}{A'B'} \times \frac{A'B'}{AB} = P \times \gamma$$

$$P = \frac{1}{\frac{f'_2}{A'B'}}$$

$$\gamma = \frac{\overline{OA'}}{\overline{AB}} = \frac{\overline{OA'}}{\overline{OA}} \text{ (Thalès)}$$

On utilise la relation de conjugaison :  $\frac{1}{\overline{OA'}} - \frac{1}{\overline{OA}} = \frac{1}{f'_1}$ 

Qu'on multiplie par OA' :  $\frac{\overline{OA'}}{\overline{OA'}} - \frac{\overline{OA'}}{\overline{OA}} = \frac{\overline{OA'}}{f_{1}}$ 

$$1 - \gamma = \frac{\overline{OA'}}{\frac{f'_1}{OA'}}$$

$$\gamma = 1 - \frac{\overline{OA'}}{\frac{f'_1}{f'_1}}$$

Pour exprimer la relation en fonction de e, on écrit :

$$\begin{split} \gamma &= \frac{f'_1 - \overline{OA'}}{f'_1} = \frac{\overline{OF'_1} - \overline{OA'}}{f'_1} \\ \overline{OF'_1} &= -\overline{F'_1O} \text{ donc} \\ \gamma &= \frac{-\overline{F'_1O} - \overline{OA'}}{f'_1} = -\frac{\overline{F'_1O} + \overline{OA'}}{f'_1} = \frac{\overline{F'_1A'}}{f'_1} = -\frac{e}{f'_1} \end{split}$$

$$P' = \frac{1}{f_{12}} \times \left(-\frac{e}{f_{11}}\right) = -\frac{e}{f_{11}f_{12}}$$

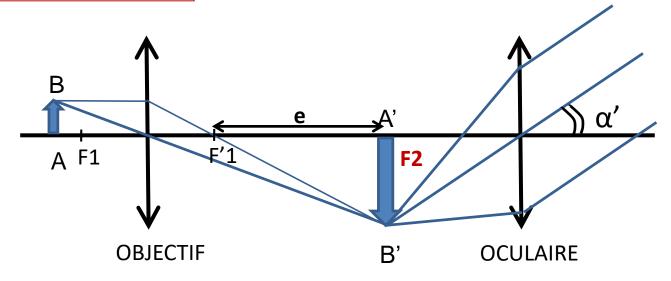
$$P' = -\frac{e}{f_{1}f_{2}}$$

Remarque : le signe – n'est pas toujours indiqué, il vient du fait que l'image est inversé

#### **APPLICATION**

$$P' = -\frac{e}{f_{i_1}f_{i_2}}$$

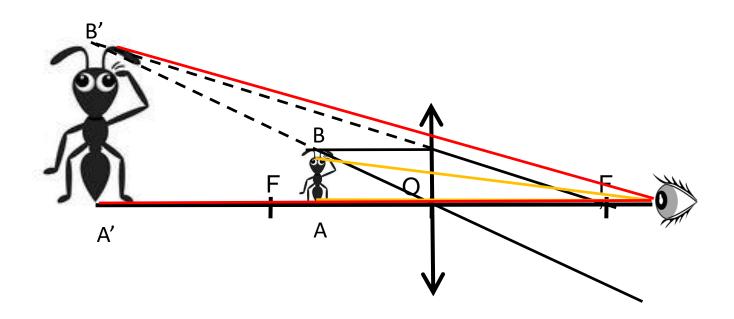
Soit un microscope avec **f'1= 5 cm** et **f'2=5 cm**. Quel valeur de **e** faut il pour avoir **P'=120 m**<sup>-1</sup>?



Résultat : e = 30 cm. Donc dispositif de 40 cm de long. Bien plus performant que la loupe : les lentilles ont des focales de plusieurs cm, elles sont donc plus grande et l'image est plus lumineuse pour la même puissance .

# REMARQUE

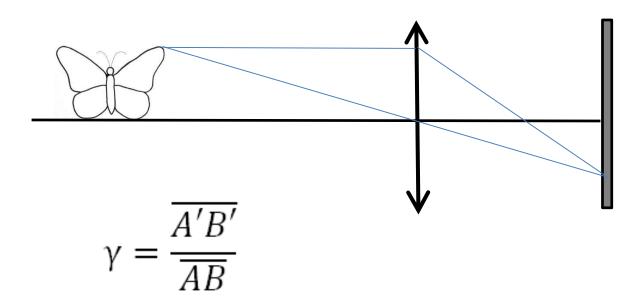
La grandeur pertinente des loupes et microscopes est la puissance = l'angle divisé par la longueur, et non le grandissement seul



4. L'objectif photo

#### **OBJECTIF PHOTO**

Cette fois on veut obtenir une image réelle d'un objet réel Grandissement de l'objectif : taille de l'image en fonction de celle de l'objet

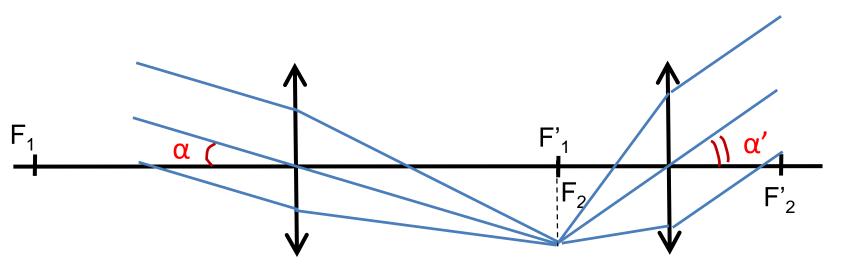


lci la grandeur pertinente est le grandissement, puisqu'on a une image réelle (rayons reçus par le détecteur) La puissance ici n'est pas pertinente. A chaque appareil sa grandeur pertinente, pour la loupe la puissance est pertinente tandis que le grandissement ne l'est pas.

5. La lunette astronomique

## LA LUNETTE ASTRONOMIQUE

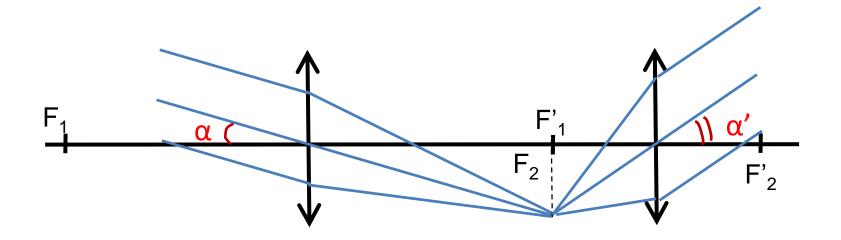
Encore deux lentilles convergentes, lunette optimisée pour observer des objets « à l'infini », donnant lieu à un faisceau de rayons incidents parallèles.



Pour optimiser l'image on choisit F'1=F2

Remarque. Construction des rayons : objet ou image à l'infini ; le rayon passant par le centre n'est pas dévié, tous les autres sont parallèles à ce rayon

# GROSSISSEMENT D'UNE LUNETTE ASTRONOMIQUE



La lunette astronomique fonctionne si  $\alpha' >> \alpha$ 

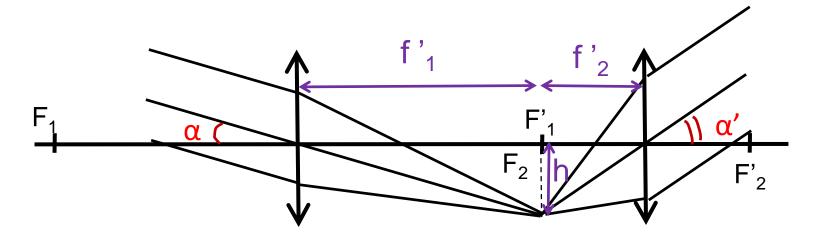
On définit le grossissement d'une lunette astronomique :

$$G \equiv \frac{\alpha'}{\alpha}$$

Cherchons maintenant une expression de G en fonction des distances focales

# GROSSISSEMENT D'UNE LUNETTE ASTRONOMIQUE

$$G \equiv \frac{\alpha'}{\alpha}$$
 Montrer que G= f'1 / f'2



$$tan(\alpha) = \frac{h}{f'_1} \approx \alpha$$

$$tan(\alpha') = \frac{h}{f'_2} \approx \alpha'$$



$$G \approx \frac{f'_1}{f'_2}$$

# **REMARQUES**

$$G \approx \frac{f'_1}{f'_2}$$

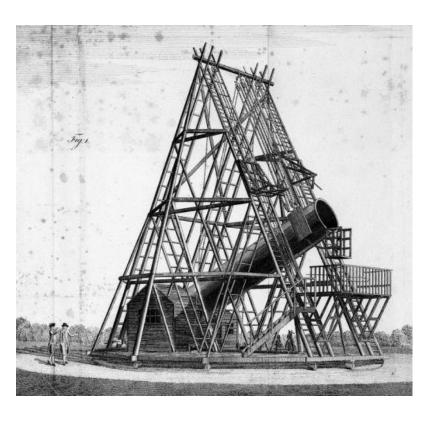
Pour avoir une bonne lunette :

- **f'1 grand** pour avoir une image intermédiaire grande

ET

- **f'2 petit** pour qu'on la regarde avec une loupe puissante

Téléscope de Herschel 1798



Ce type de système transforme des rayons parallèles en rayons parallèles : il est **afocal.** (si on envoie des rayons parallèles ils ne convergent nulle part)

#### LIMITE DE DIFFRACTION

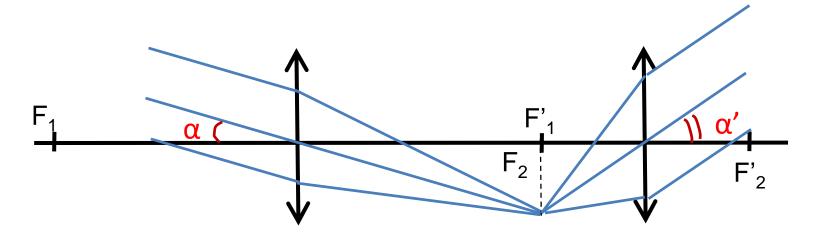
Si on cherche à optimiser au maximum ces instruments, on est limité par la nature ondulatoire de la lumière.

On n'arrive pas à focaliser en un seul point, mais sous la forme :

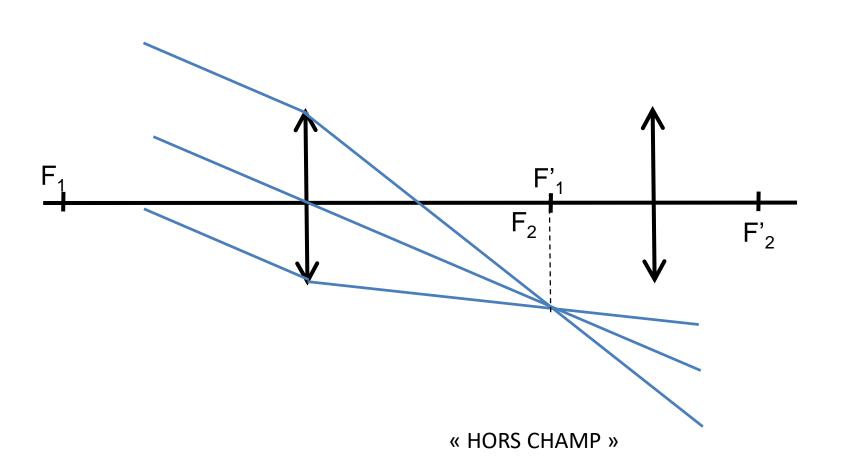


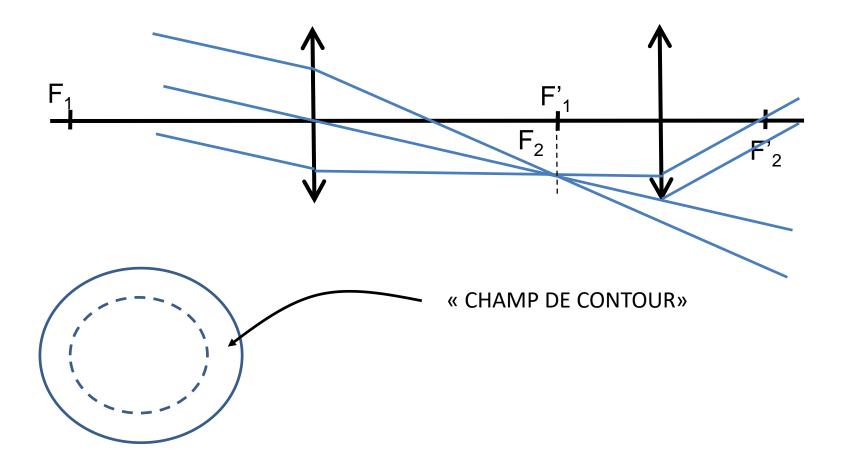
Tache d'Airy

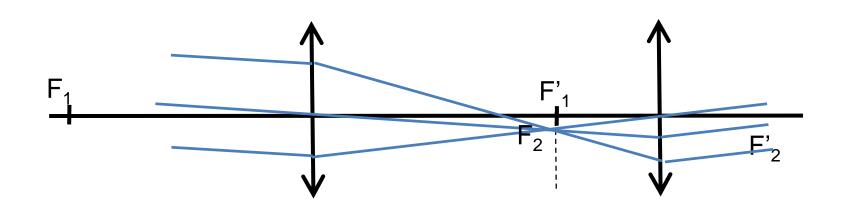
Prenons la lunette astronomique

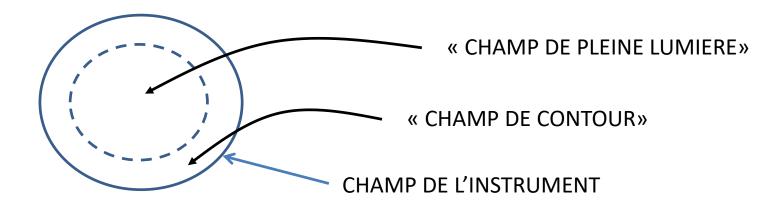


En réalité les rayons ne sont pas déviés à F'1/F2 ! C'est une construction géométrique pour déterminer dans quelle direction sortent les rayons arrivant sur la deuxième lentille.



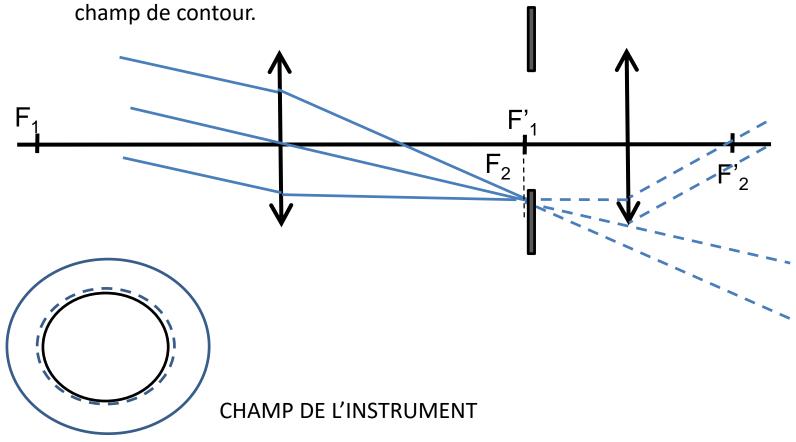




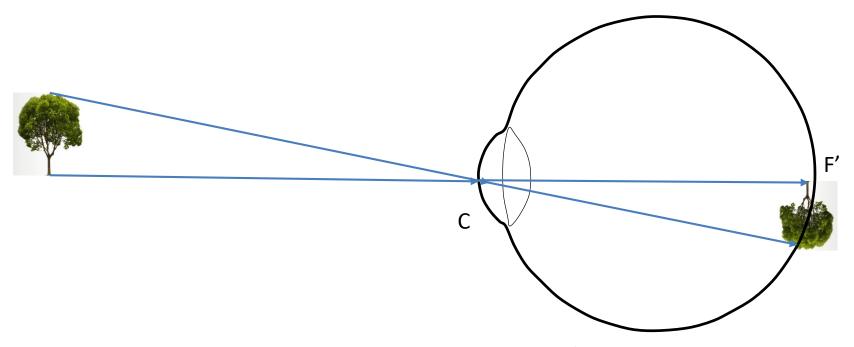


#### CHAMP DE VUE D'UN INSTRUMENT

Pour éviter la présence de 2 zones d'intensité différentes et avoir des analyses plus fiables, on met en général un diaphragme pour couper le



**1.** Comment peut on décrire un œil en terme de lentilles minces ?



Une lentille convergente avec une focale variable

**2.** Qu'est-ce que le punctum proximum et le punctum remotum et combien valent ils environ ?

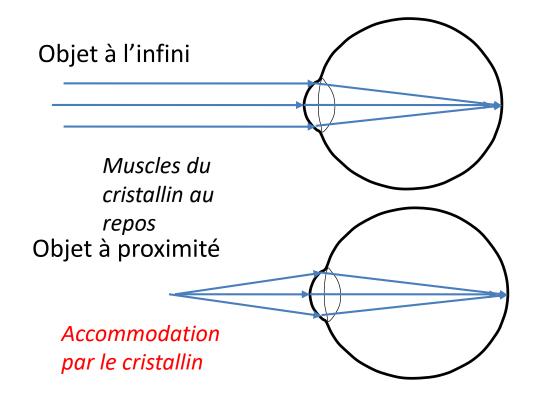
#### **DEFINITIONS**

**Punctum proximum**: le point le plus proche que l'on peut voir net correspondant au maximum de contraction du cristallin (Environ 10/20 cm)

**Punctum remotum** : le point le plus éloigné que l'on peut voir net Pour un œil emmétrope, c'est l'infini

**3.** Où faut il que l'objet soit pour que l'œil qui le regarde soit au repos ?

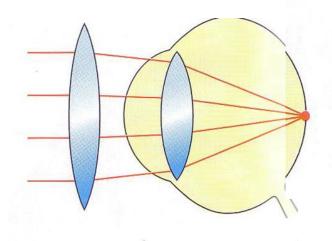
A l'infini (pour l'œil émétrope)



## 4. Quelle lunettes pour un hypermétrope ? Un myope ?

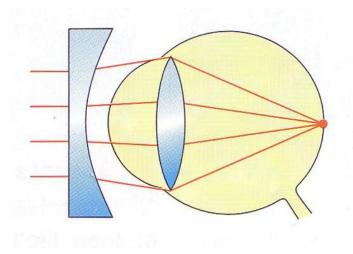
### **LUNETTES DE CORRECTION**

Œil hypermétrope



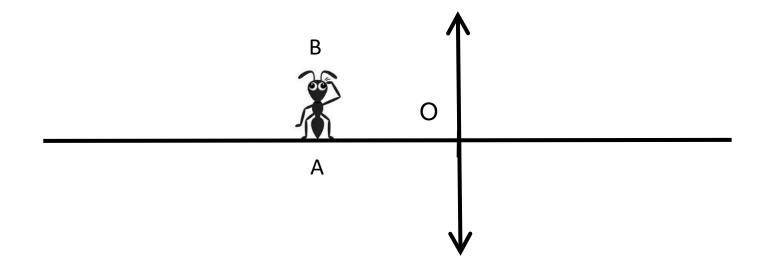
lentille convergente

Œil myope

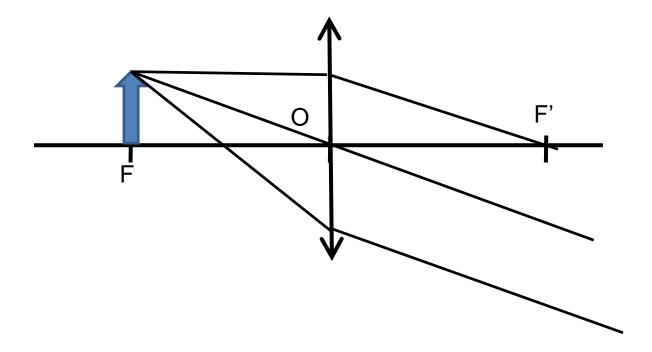


lentille divergente

**5.** De quoi est constitué une loupe ?

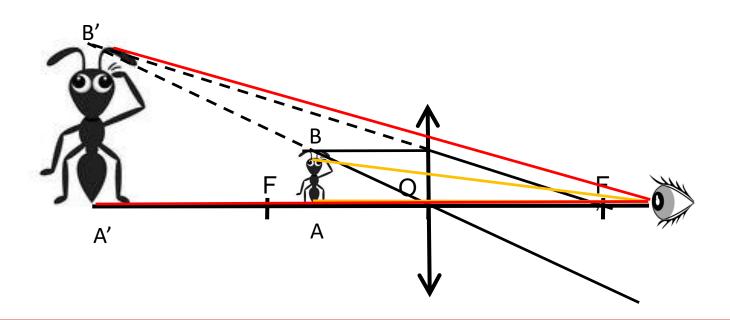


**6.** Où faut il placer l'objet pour optimiser l'utilisation de la loupe ?



# 7. Quelle est la grandeur qui caractérise l'efficacité d'une loupe ?

La grandeur pertinente des loupes et microscopes est la puissance = l'angle divisé par la longueur, et non le grandissement seul

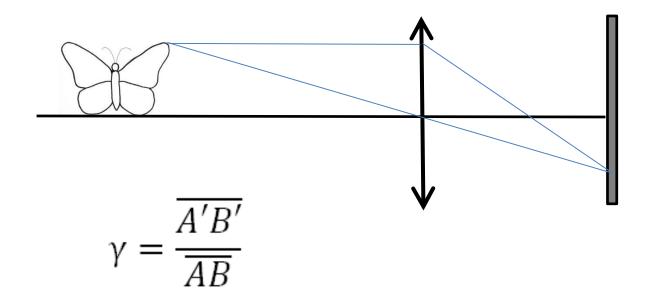


8. Qu'est-ce qui limite l'efficacité de la loupe ?

Puissance limitée par sa taille (rayon des dioptres) et donc luminosité

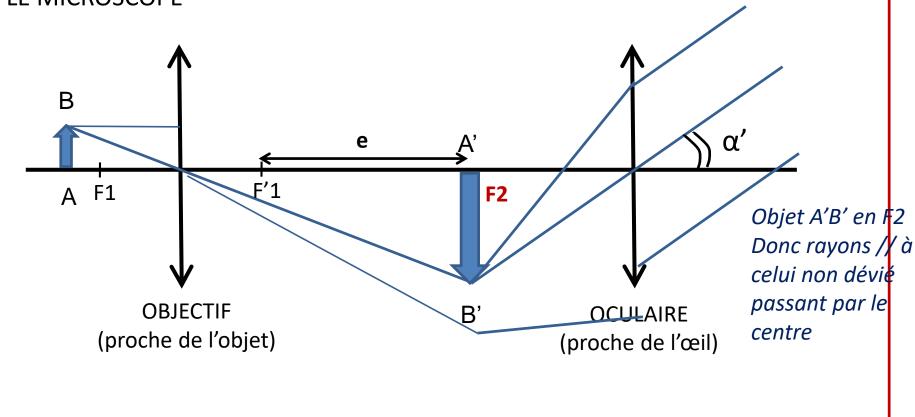
### 9. De quoi est constitué un appareil photo ?

Cette fois on veut obtenir une image réelle d'un objet réel Grandissement de l'objectif : taille de l'image en fonction de celle de l'objet

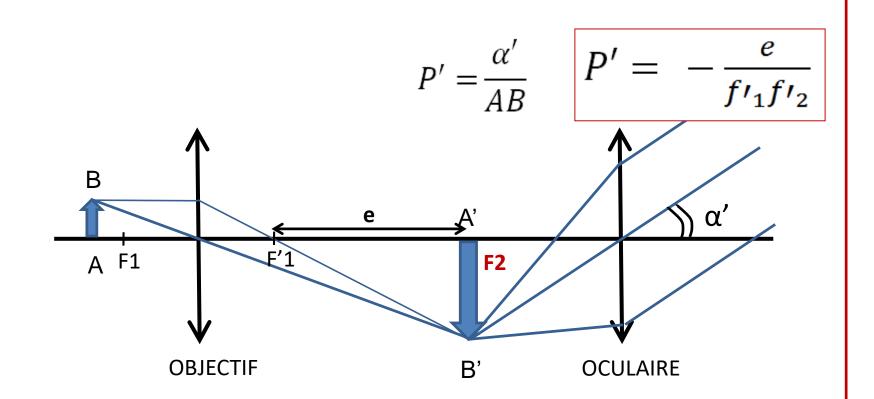


### **10.** De quoi est constitué un microscope ?

## LE MICROSCOPE



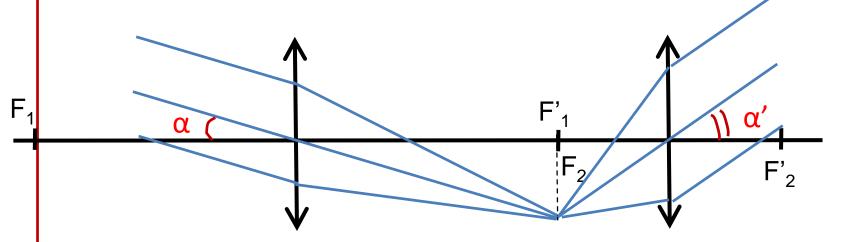
### **11.** Qu'est-ce qui caractérise l'efficacité d'une loupe ?



Expression de P' en fonction des distances focales des lentilles ?

### **12.** De quoi est constitué une lunette astronomique ?

Encore deux lentilles convergentes, lunette optimisée pour observer des objets « à l'infini », donnant lieu à un faisceau de rayons incidents parallèles.



Pour optimiser l'image on choisit F'1=F2

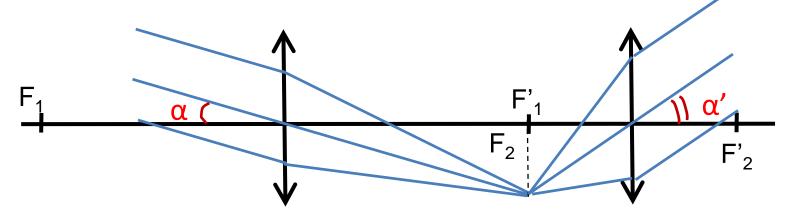
## **13.** Qu'est-ce qui caractérise une lunette astronomique ?

Grossissement 
$$G \equiv \frac{\alpha}{\alpha}$$

$$G \approx \frac{f'_1}{f'_2}$$

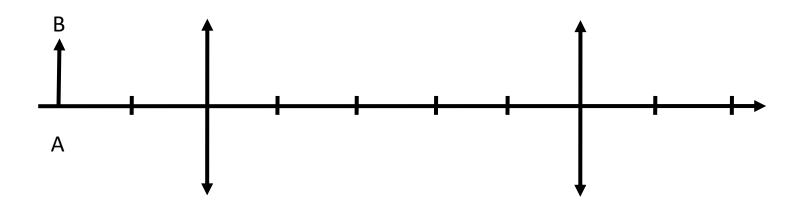
### **14.** Que signifie AFOCAL?

Ce type de système transforme des rayons parallèles en rayons parallèles : il est **afocal.** (si on envoie des rayons parallèles ils ne convergent nulle part)

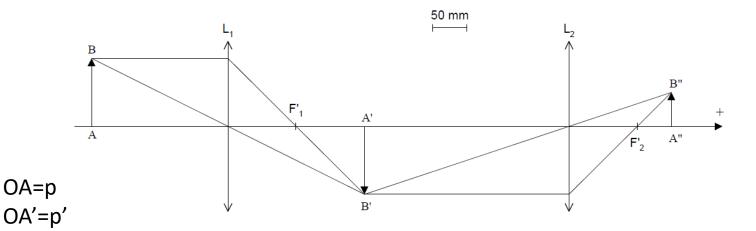


## Association de lentilles Exemples

**Deux lentilles** avec **f'= +100 mm** distantes de **500 mm**. Objet AB de **100mm de haut à 200 mm** de la première lentille Image à travers le système des deux lentilles ?



Où faut-il placer l'objet AB pour obtenir, à travers le système des deux lentilles, une image réelle, droite et de même taille ?



Première lentille (objet  $AB \rightarrow \text{image A'B'}$ )

p = -200 mm

d'où : p' = +200 mm (Note : distance par rapport à L1)

 $\gamma = -1$ 

Deuxième lentille (objet A'B'  $\rightarrow$  image A"B")

p = +200 - 500 = -300 mm (Note: c'est bien la distance par rapport à L2 et non L1)

d'où : p' = +150 mm

 $\gamma = -0.5$ 

Donc l'image A"B" est réelle, située 150 mm après la deuxième lentille, droite et de taille 50 mm.