## Parcialne diferencialne enačbe Robni problemi, relaksacija

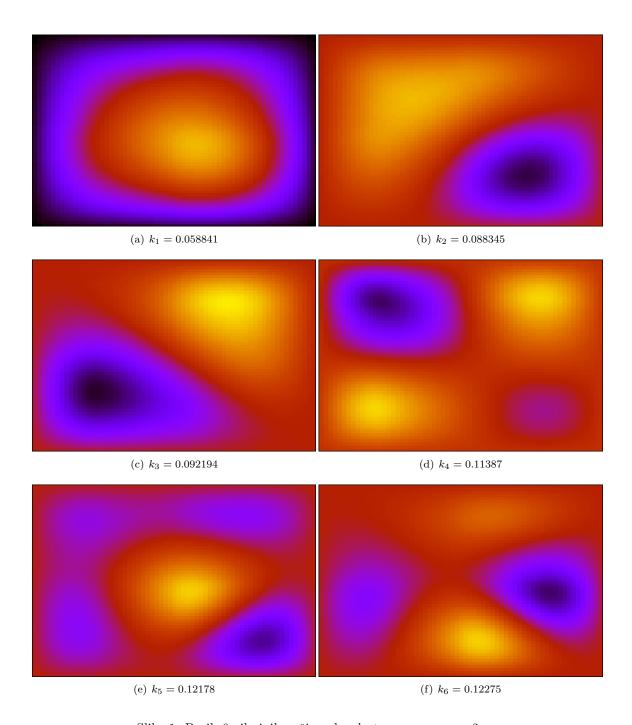
Miha Čančula 4. april 2012

## 1 Postopek reševanja

Geometrije nalogo sem približal z diskretno mrežo z N točkami na vsakem robu. Poljubno stanje opne je tedaj vektor dimenzije  $N^2$ , operator  $\nabla^2$  pa je predstavljen z matriko A dimenzije  $N^2 \times N^2$ . Diskretizacijo sem izbral tako, da so bile skrajne točke za polovico koraka oddaljene od fiksnega roba opne. Na na način je bila matrika A simetrična.

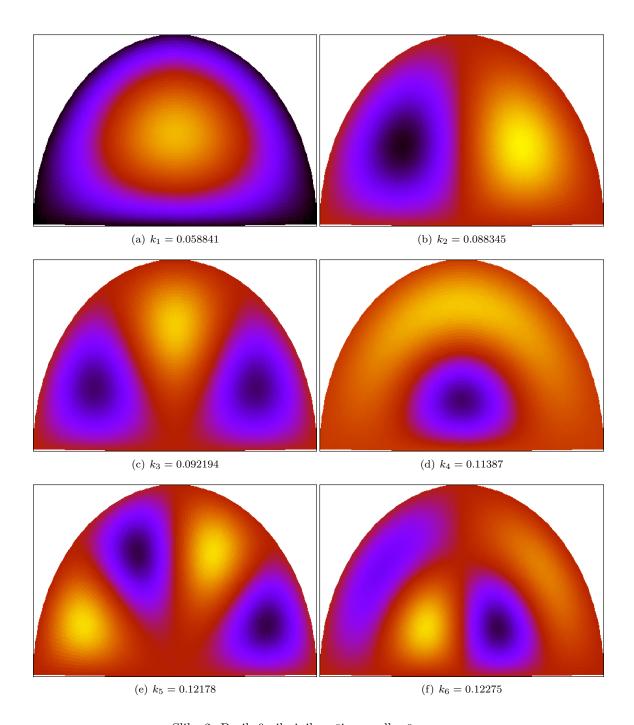
Kvadrati lastnih frekvenc so lastne vrednosti matrike A, nihajni načini pa ustrezni lastni vektorji. V prvem delu, ko sem obravnaval opno z neenakomerno maso, sem reševal posplošen problem lastnih vrednosti  $\mathbf{A}\mathbf{u} = \lambda \mathbf{B}\mathbf{u}$ . Vse izračune sem izvedel v programu Octave s pomočjo funkcije eigs, ki uporablja Fortranovo knjižnico ARPACK. Ta knjižnica omogoča učinkovito reševanje problemov lastnih vrednosti velikih strukturiranih matrik. Matriki A in B sta zelo prazni, zato sem zanju uporabil ustrezno redko (sparse) predstavitev. Kljub temu mi je uspelo rešitiv problem v doglednem času le do N=64.

## 2 Neenakomerna kvadratna opna



Slika 1: Prvih 6 nihajnih načinov kvadratne opne z $\rho_+=2\rho.$ 

## 3 Polkrožna opna



Slika 2: Prvih 6 nihajnih načinov polkrožne opne.