

Apprentissage Automatique

Introduction

A.Larhlimi

- Introduction générale:
 - Exemples, définitions, problématiques, approches, vocabulaire
- Deux approches élémentaires à connaître:
 - Modélisation bayésienne
 - k plus proches voisins (kNN)

« Machine Learning »

- Un domaine scientifique hybride:
 - Statistique
 - Intelligence artificielle
 - « Computer science »
 - Traitement du signal

- Utilisant des techniques généralistes:
 - Optimisation numérique
 - Hardware
 - Gestion de base de données

Pourquoi le « Machine Learning »?

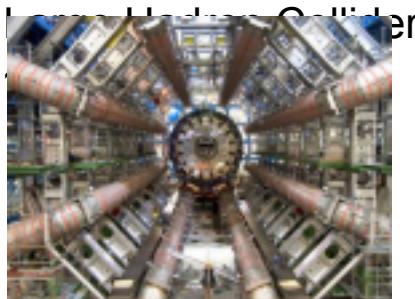
- Thème à la mode: Intelligence Artificielle, « deep learning », « big data »...
- Raison épistémologique

- On ne sait pas modéliser les problèmes complexes ... mais on dispose d'exemples en grand nombre représentant la variété des situations
 - « Data driven » vs. « Model Based »
- Raison scientifique
 - L'apprentissage est une faculté essentielle du vivant
 - Raison économique
 - La récolte de données est plus facile que le développement d'expertise

- ML comme outil de conception
 - Vision & Reconnaissance des formes
 - Traitement du langage
 - Traitement de la parole
 - Robotique
 - « Data Mining »
 - Recherche dans BDD
 - Recommandations
 - Marketing...
- ML comme outil explicatif
 - Neuroscience
 - Psychologie
 - Sciences cognitives

Données = carburant du ML

CERN /

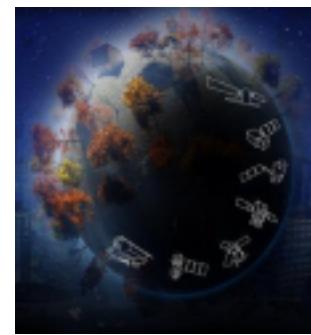


Google :
24 PetaOctets/jour

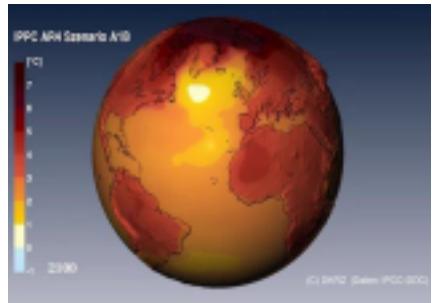
DKRZ (Climat)
500 Po



Copernicus :
> 1Po/an



Square Kilometer Array 1376 Po/an (en
2024)



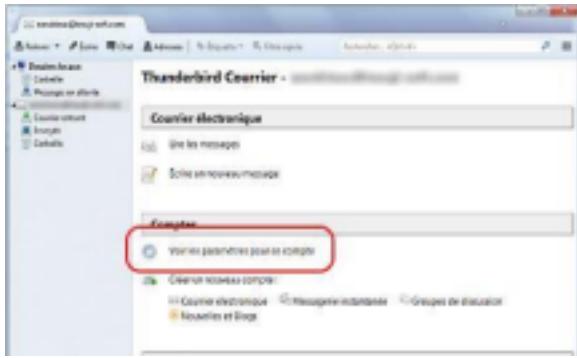
BIG DATA

Apprentissage Automatique -- Introduction -- 6

Apprentissage automatique :

applications Anti-Spam (*Classifieur Bayesien*)





1997 : DeepBlue bat Kasparov

2017: Alpha GO bat Ke Jie

2019: AlphaStar champion de StarCraft

Tri postal automatique (*détection de chiffres manuscrits par réseaux de neurones*)



Apprentissage au

· applications

Recommandation ciblée



(régression logistique)

Appareil photo avec détection



Apprentissage autom

de visages (*boosting*)



Chat Bots
(Réseaux de neurones)

Diagnostic médical
(Réseaux de neurones)





Traduction multi-lingue (Réseaux de neurones)



« Deep Learning » : le mot clé



inévitable

Données

apprentissage



Algorithmes

Moyens de calcul

Logiciels

*Une rupture scientifique et
technologique en*



Apprentissage Automatique -- Introduction -- 11

MACHINE LEARNING

Problématique

générale

Dans ce cours

L'apprentissage automatique est:

- une démarche de **conception** d'une **fonction de prédiction**
- par une modélisation ou programmation **non explicite** à partir **d'exemples** (signaux, images, texte, mesures...)

Formalisation

- Donnée à interpréter (x)
 - Mesures, texte, image, enregistrement, vidéo ou caractéristiques extraites de ...
- Prédiction (y)
 - Décision, choix, action, réponse, préférence, groupe,

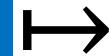
commande, valeur...

- Echantillons ($\mathbf{D} = \{ \mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2, \dots \}$)
 - Exemples de données et de (bonnes) prédictions
 - « Base d'apprentissage »: \mathbf{D}

Formalisation

Donnée à

interpréter Prédiction



Echantillons exemples

Prédicteur

- Hypothèse forte: les échantillons contiennent toute l'information exploitable et utile
- Prédicteur = « interpolateur » à partir des données ♦?

Deux phases

Prédiction

Donnée
Programme ou Modèle

Résultat

Apprentissage

données
Programme ou
Modèle

Estimation Base de

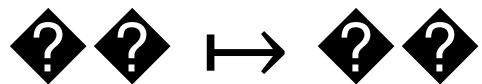
Apprentissage Automatique -- Introduction -- 16

Deux phases

Prédiction



Apprentissage



Caractéristiques du prédicteur:
Paramètres,
Poids,
Prototypes...

Formalisation

Fonction paramétrique de prédiction

$$\hat{y} = \phi(\theta; x)$$

Apprentissage = trouver le θ qui optimise un critère J

$$\hat{\theta} = \arg \min_{\theta} J(\theta; x, y)$$

A partir d'une base d'apprentissage

$$\text{?} \diamond \text{?} = \{ \text{?} \diamond \text{?} \boxed{\text{?}}, \text{?} \diamond \text{?} \boxed{\text{?}} \}$$

manuscrits



- Comment définir les éléments ?
 $\diamond\diamond, \diamond\diamond, \diamond\diamond, \diamond\diamond$
- Les fonctions d'apprentissage et de prédiction?
 $\diamond\diamond \mapsto \diamond\diamond$
 $\diamond\diamond, \diamond\diamond \mapsto \diamond\diamond$

Etape 1: choix de la base de données

- Elle existe:

- Scikit-learn:
- MNIST:
- SVHN:

- Il faut la construire:



- Recueil de données existantes •
- Expérimentations (photos, mesures...)

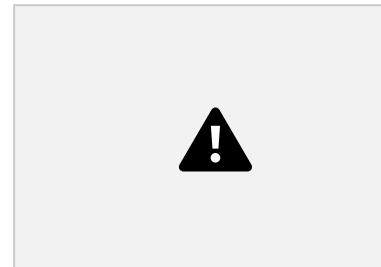
Etape 2: mise en forme des données

(2D)
Extraction de
caractéristiques

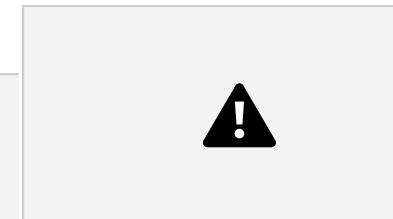
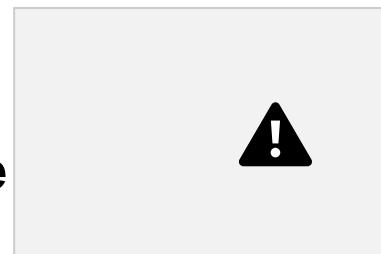
*grande dimension,
bruitée, hétérogène*



Pré-traitement



Profils



Cavités

0
0
0
1
0
0
0
0
1
1

0
0
0
1
0
0
0
0
1
1

[Dine et al., 2017]

https://doi.org/10.1007/978-3-319-46568-5_17

petite dimension, homogène, « propre »

Occupation
de zones

◆◆ = Vecteur

Apprentissage Automatique -- Introduction -- 21

Etape 3: choix de l'approche

- Quel type de fonction et de problème d'apprentissage?
 - Classification
 - On connaît les classes cibles □ Apprentissage supervisé
- Nature des données?
 - Vecteurs de taille fixe mais grands □ algorithmes avec bon contrôle de la régularisation

- Taille de la base de données?
 - Grande (> 10000 exemples) \square optimisation efficace
- Nature fonctionnelle des prédicteurs?
 - Arbres de décision, SVM, Réseaux de neurones...

Types d'apprentissage

- **Apprentissage supervisé**
 - Les données d'apprentissage contiennent les objectifs de prédiction (annotations)

- **Apprentissage non supervisé**
 - Les données d'apprentissage sont brutes
- **Apprentissage semi-supervisé**
 - Les données d'apprentissage sont partiellement annotées
- **Apprentissage par transfert**
 - Les données d'apprentissage sont proches du problème visé
- **Apprentissage par renforcement**
 - Les prédictions sont issues d'une séquence d'actions et sont caractérisées par un mesure de qualité (« reward »)

Types de prédictions

- **Classification**

- Binaire: spam / non spam
- Identification: « tata Monique »
- **Régression**
 - Prédiction de température, de cours de bourse
 - Localisation d'objet dans image
 - Commande
- **Structure**
 - Graphe des articulations d'une personne
- **Regroupement**
 - Photos dans base de données personnelle
- **Texte**
 - « C'est un chat qui saute sur une table. »

Nature fonctionnelle du prédicteur

- Dépend de la forme des données (vecteurs, listes, réels/discret) et du type de prédiction
- Exemples
 - Plus proches voisins
 - Machines à vecteurs de supports (SVM)
 - Arbre de décision
 - Ensembles de classifieurs (forêts aléatoires, « boosting »...)
 - Réseaux de neurones
 - Règles/Programmation logique
 - Modèles probabilistes (Réseaux bayésiens, Chaînes ou champs de Markov...)

- Etc.

Etape 4: optimisation

Apprentissage =

- définir un espace fonctionnel et un critère paramétrique (coût, énergie...)
- appliquer un optimiseur et régler ses paramètres
- vérifier que l'apprentissage se passe bien
- évaluation de la capacité de généralisation
- convergence



Optimisation

- **Optimisation convexe**
 - Ex. Minimisation séquentielle de problème quadratique
- **Optimisation stochastique**
 - Ex. Descente de gradient stochastique, Algorithmes génétiques

- **Optimisation sous contraintes**
 - Ex. Programmation linéaire
- **Optimisation combinatoire**
 - Ex. Algorithmes gloutons



Métriques d'évaluation

- Dépend du type de prédiction
- Classification
 - Taux d'erreur moyen
 - Matrice de confusion
 - Précision/rappel
 - Courbe ROC
- Régression
 - Erreur quadratique
- Détection
 - Taux de recouvrement moyen

Résumé des étapes de conception

1. Constituer des bases de données
2. Préparer les données: Analyser, visualiser, prétraiter, transformer, extraire
3. Concevoir le modèle (type de prédicteur, principe d'apprentissage)
4. Définir un critère et Optimiser (l'apprentissage)

proprement dit)

5. Evaluer

Apprentissage Automatique -- Introduction -- 30

EXTRACTION DE CARACTÉRISTIQUE S

Travailler avec des données

Deux activités complémentaires:

Préparer les données

- Etape coûteuse mais indispensable
- Objectif: rendre possible l'apprentissage avec des données: •

Propres, homogènes, recalées, calibrées, organisées, facilement accessibles, renseignées...

- « Data engineering » (un nouveau métier!)

Transformer les données

- Objectif: Extraire l'information des données, leurs caractéristiques (« features »), construire leur forme

Extraction de caractéristiques

- « Feature extraction » en anglais
- Données brutes pas exploitables directement:

- Bruitées
- Grandes dimensions (image, enregistrement)
- Information utile noyée
- Etape critique de la « reconnaissance des formes » • Caractéristiques trop simples: pas assez d'information, confusion • Caractéristiques trop riches: complexité, bruit, grande variabilité □ Compromis difficile à régler entre expressivité, invariance, robustesse, taille, coût de calcul...
- Deux cas de figure:
 - On sait ce qui est important et pourquoi (expertise « métier »)
 - modélisation
 - On ne sait pas décrire ce qui est important
 - on l'apprend!

Chaîne de prédiction générique = Fy

$\mathbf{x})($

capteur

Prétraitement
extraction de
caractéristiques

Algorithme de
prédiction

mesures, images, texte...

N

$\in RI$

sources

$\{ \}_{K}$

$= s_1, \dots, s_K$

valeur/décision/action



caractéristiques

${}^d \mathbf{x} \in R$

C'est un 3



$$\{ \rightarrow \}^{aaAy_L, \dots} = \in_1$$

1 – Construire une représentation

(forme) = $F(y(x))$

capteur

Prétraitement

extraction de
caractéristiques

Algorithme de
prédiction

N

$\in RI$

mesures, images

prédiction/décision/action

sources

$\{ \}_{K}$

$=_{1,\dots} SSS$

caractéristiques

${}^d \mathbf{x} \in R$

Extraction d'information « métier »

capteur

2 - Prédire

Prétraitement
extraction de
caractéristiques

$$\{\}^{aaAy_L, \dots} = \in_1 \\ = Fy \mathbf{x})$$

Algorithme
de
prédition

mesures, images

$$N \\ \in RI$$

sources

$$\{ \}_K \\ = s_1, \dots, s_S$$

prédition/décision/action

caractéristiques

$$^d \mathbf{x} \in R$$

Etape « machine learning »

Exemples de caractéristiques en image

- Deux grandes classes: forme ou texture
- Forme
- Dépend d'une étape de séparation du fond (segmentation, saillance)
- Caractéristiques structurelles ou
- Texture
- Globales et/ou locales
- Plus difficiles à associer à un objet précis





Apprentissage Automatique -- Introduction -- 37

{ } $aaAy_L, \dots = \in_1$

Prédire & extraire en même temps =

$Fy(x)$ (

capteur
Prétraitement

extraction de
caractéristiques

Algorithme de
prédiction

mesures, images

N
 $\in RI$

sources

{ }_K

=_{1,...SSS}

prédition/décision/action

caractéristiques

$^d \mathbf{x} \in R$

***Etape « machine learning »
moderne***

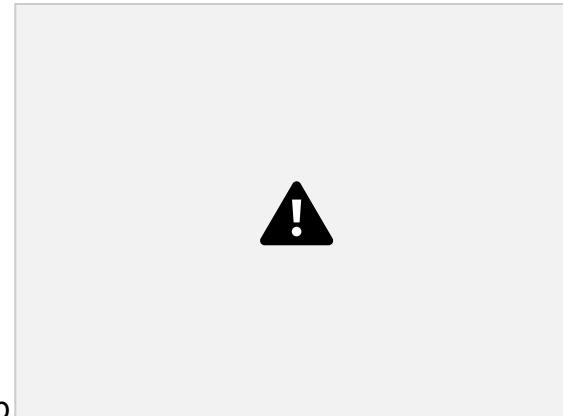


On peut apprendre les caractéristiques image
Réseaux convolutifs (cours DL)

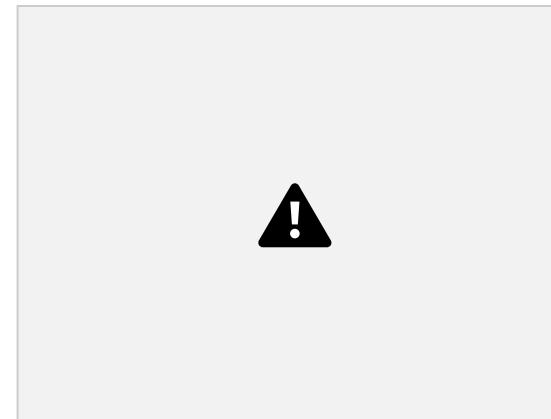
UN CONCEPT CENTRAL: LA GÉNÉRALISATION

carré entre les points vrais et le polynôme estimé.

- La courbe verte est la véritable fonction à estimer (non polynomiale)
- Les données sont uniformément échantillonnées en $\diamond\diamond$ mais bruitées en $\diamond\diamond$.
- L'erreur de régression est mesurée par la distance au



from Bishop



$x_{110}x_{22}w_xw_xw_wx_Fy$ w, $\varphi\varphi +++++ = \varphi_{MM}(\)()$...

)()

- Prédiction utilise des **fonctions de base** encodant les données source (« features »): $\diamond\diamond\diamond\diamond = \diamond\diamond\diamond\diamond$
- **Apprentissage** = Maximum de Vraisemblance:



- Que vaut cet apprentissage?

Régression polynomiale: ♦♦? ♦? =



from Bishop





Erreur de régression est calculée sur des données $\{ \text{?} \text{?}, \text{?} \text{?} \}$:

N

2

$y^T x$

$= E_{\text{ww}} \varphi$

$\text{RMS}))(.()$

$= \sum -$

$_{_i}^{ii}$

Mais quelles données?

- Données d'apprentissage (Training):
 - c'est un moyen de modélisation

- Données opérationnelles (Test):
 - c'est la situation réelle
 - Celles pour lesquelles on veut une bonne prédiction

Apprentissage Automatique -- Introduction -- 44

Comportement des erreurs

2

N

$y^T x$

$= E \sum_{\omega} \varphi$

$\text{RMS}) \circ (\cdot)()$

$= \sum -$

i

$_{\text{1}}^{ii}$



Prédicteur
pas assez précis
Bon régime

Sur apprentissage = « Overfitting »

Erreur de généralisation

- La mesure de bon fonctionnement est l'erreur sur des données nouvelles
généraliser ≠ mémoriser (par cœur)
- Problème: les données nouvelles sont par nature inconnues! (sinon, elles seraient utilisées)
 - Il est nécessaire de faire des hypothèses sur leur nature et sur le modèle de prédiction.

Deux phénomènes à contrôler (éviter)

- **Simplisme:** modélisation trop grossière pour rendre compte de la variété des données
 - Erreur d'apprentissage et de test importantes
- **Sur-apprentissage (« Overfitting »):** modèle trop complexe se spécialisant sur les données d'apprentissage

- Ecart entre erreur d'apprentissage et erreur de test

Apprentissage Automatique -- Introduction -- 46

Construire son chantier d'apprentissage

- Préparer les données
 - Simplifier/compléter/formater/homogénéiser/calibrer...
- Diviser en deux ensembles:
 - **Apprentissage** (“Train”) pour optimiser les paramètres du modèle.
 - **Test** pour estimer la qualité de l'apprentissage dans son contexte d'utilisation, i.e. **l'erreur de généralisation**.
- L'ensemble de test n'est jamais utilisé pour l'apprentissage (optimisation), seulement pour son

évaluation.

Apprentissage Automatique -- Introduction -- 47

DEUX APPROCHES ÉLÉMENTAIRES

Modélisation bayésienne
Plus proches voisins

Théorie Bayésienne de la décision

- On considère les données \mathbf{x}, \mathbf{y} comme des variables aléatoires.
- On les modélise par des lois de probabilités:
 - $p(\mathbf{x})$, $p(\mathbf{y})$: lois a priori (ou marginales)
 - $p(\mathbf{x}, \mathbf{y})$, $p(\mathbf{y} | \mathbf{x})$: loi jointe
 - $p(\mathbf{y} | \mathbf{x})$: vraisemblance conditionnelle
 - $p(\mathbf{x}, \mathbf{y})$: loi a posteriori
- Classification: $\mathbf{y} \in \{1, 2, \dots, n\}$ est une étiquette
- On

cherche à prédire une unique étiquette \hat{y}^* à partir de x

$$x \mapsto \hat{y}^*$$

- Théorie de la décision démontre que le meilleur choix est:

$$\hat{y}^* = \arg \max$$

$$P(y|x) | x$$

Théorie Bayésienne de la décision

- Deux questions:
 - Comment calculer $P(y|x)$ = apprentissage
 - Comment trouver le max = prédiction
- « Astuce »: utiliser la loi de Bayes

$$\text{P}(\text{Classe} | \text{Attribut}_1, \text{Attribut}_2) = \frac{\text{P}(\text{Attribut}_1, \text{Attribut}_2 | \text{Classe})}{\text{P}(\text{Attribut}_1, \text{Attribut}_2)}$$

- On connaît en général la fréquence d'occurrence des classes
- On sait plus facilement calculer la **vraisemblance**: $\text{P}(\text{Attribut}_1, \text{Attribut}_2 | \text{Classe})$
 - « Si je sais dans quelle classe je suis, je sais décrire le comportement/distribution de mes données »
- Le max sur $\text{P}(\text{Attribut}_1, \text{Attribut}_2 | \text{Classe})$ ne dépend que de $\text{P}(\text{Attribut}_1, \text{Attribut}_2 | \text{Classe})$
 et $\text{P}(\text{Classe} | \text{Attribut}_1, \text{Attribut}_2) = \arg \max_{\text{Classe}} \text{P}(\text{Attribut}_1, \text{Attribut}_2 | \text{Classe})$

- Calcul de la loi conditionnelle: Modèle multivarié
- Par ex. modèle gaussien décrivant $\mathbf{y} = \mu + \sigma \mathbf{z}$, $\mathbf{z} \sim \mathcal{N}(0, I)$

$$\mu \in \mathbb{R}^n: P(\mathbf{y}; \mu, \Sigma) = 1$$

$$(2\pi)^{n/2} \exp -\frac{1}{2} (\mathbf{y} - \mu)' \Sigma^{-1} (\mathbf{y} - \mu)$$

- Permet de décrire les corrélations entre dimensions.
- Mais demande de connaître la forme des distributions + limitation à petites dimensions.
- Si modélisation gaussienne et deux classes, la prédiction se réduit à calculer une fonction de degré 2

$$f(x) = \sum_{ij} \begin{pmatrix} 90 & 0 & 1 & 10 & 0 & 9 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_i \\ x_j \end{pmatrix}$$

$$f(x) = \sum_{ij} R_{ij} x_i x_j$$

$$f(x) = \sum_{ij} R_{ij} x_i x_j$$

Approche gaussienne multivariée

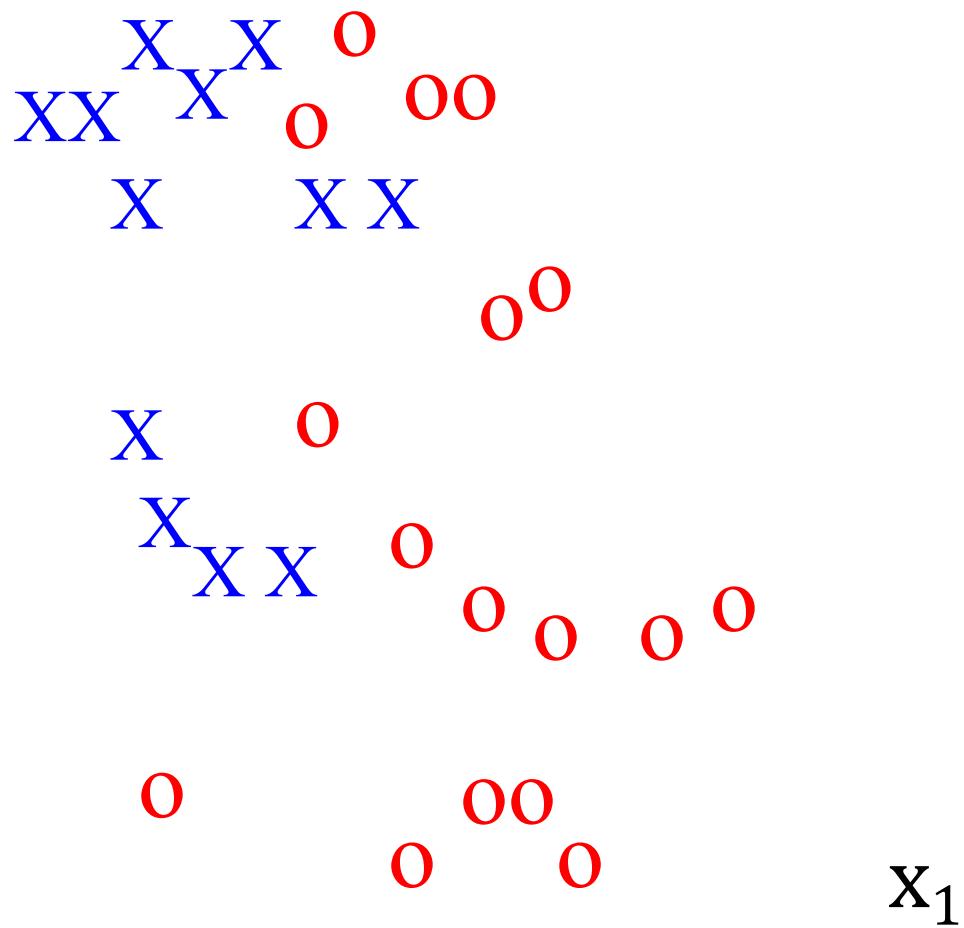
$$P \left(\mathbf{x}; \boldsymbol{\mu}, \boldsymbol{\Sigma} \right)$$

x_2

\mathbf{x}

\mathbf{x}_x^x

$$P \left(\mathbf{x}; \boldsymbol{\mu}, \boldsymbol{\Sigma} \right)$$



Séparatrice = Forme quadratique

$$(\mathbf{y} - \mathbf{y}_1)' \Sigma_1^{-1} (\mathbf{y} - \mathbf{y}_1) - \mathbf{y}' \Sigma_2^{-1} \mathbf{y} \geq 0$$

Apprentissage Automatique -- Introduction -- 52

Approche Bayésienne Naïve

- Calcul de la loi conditionnelle: hypothèse d'indépendance.

$$\begin{aligned} \mathbf{y}_1 | \mathbf{x}_1, \mathbf{y}_2 | \mathbf{x}_2, \dots, \mathbf{y}_n | \mathbf{x}_n &= \mathbf{y}_1 | \mathbf{x}_1 \cdot \mathbf{y}_2 | \mathbf{x}_2 \cdot \dots \cdot \mathbf{y}_n | \mathbf{x}_n \\ \mathbf{y}_1 | \mathbf{x}_1, \mathbf{y}_2 | \mathbf{x}_2, \dots, \mathbf{y}_n | \mathbf{x}_n &= \mathbf{y}_1 | \mathbf{x}_1 \cdot \mathbf{y}_2 | \mathbf{x}_2 \cdot \dots \cdot \mathbf{y}_n | \mathbf{x}_n \\ &= \mathbf{y}_1 | \mathbf{x}_1 \cdot \mathbf{y}_2 | \mathbf{x}_2 \cdot \dots \cdot \mathbf{y}_n | \mathbf{x}_n \end{aligned}$$

- On calcule la vraisemblance globale dimension par dimension
 - Problème 1D, modèles plus faciles à estimer (gaussien, binomial, histogrammes, mélange de gaussiennes...)
 - Permet de traiter des problèmes de plus grande dimension

- En pratique, on calcule plutôt la log-vraisemblance pour des questions de stabilité numérique

$$\log \frac{\text{log } \Theta \Theta}{\Theta \Theta | \Theta \Theta} = \boxed{\Theta} \log \frac{\Theta \Theta}{\Theta \Theta | \Theta \Theta}$$

??

$$\Theta \Theta^* = \arg \max$$

$$\Theta \Theta \log \Theta \Theta \Theta \Theta | \Theta \Theta + \log \Theta \Theta (\Theta \Theta)$$

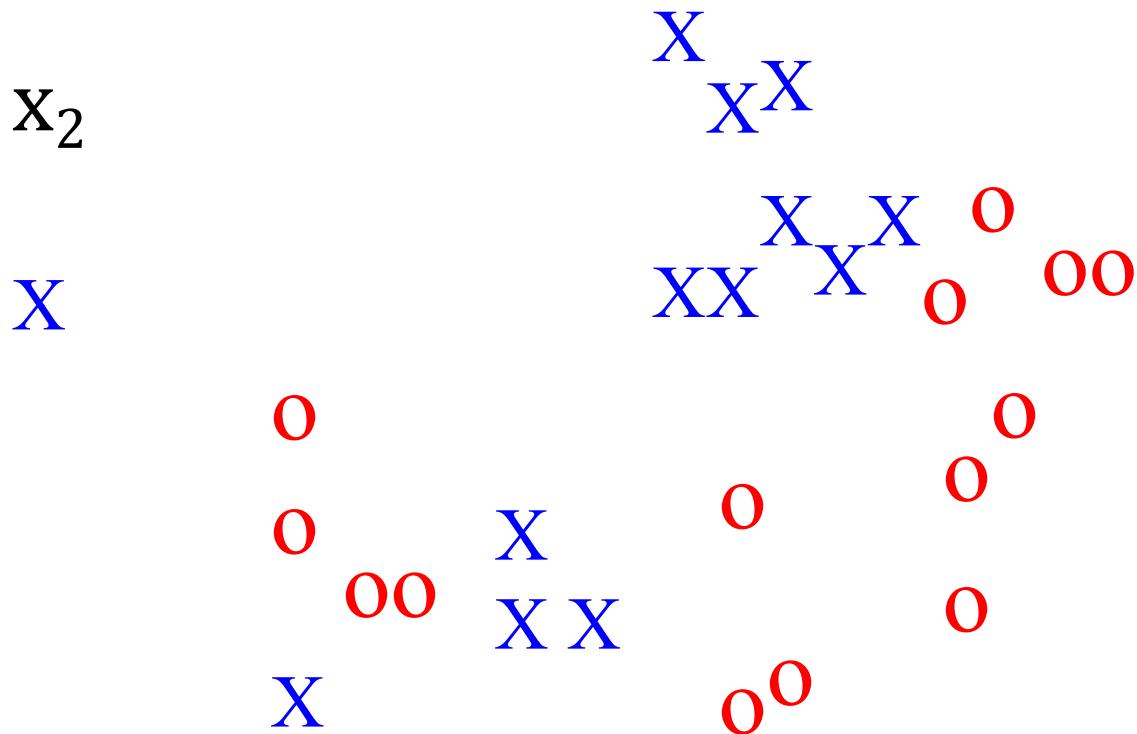
Approche bayésienne naïve

X_2
 X
 X
 $X X$

$XX^X X^X O^O O^O$

A scatter plot illustrating two classes of data points, represented by blue 'X' and red 'O' symbols. The X points are concentrated in the upper-left and middle-left regions of the plot. The O points form a distinct diagonal cluster, starting from the middle-left and extending towards the bottom-right.

Approche bayésienne naïve vs. multivariée



O O O
O O O
X X X O O O

1
x x

x_2

$\begin{matrix} XX \\ X \\ OO \\ X \quad O^O \\ O \end{matrix}$

$\begin{matrix} 1 \\ x \end{matrix} X$

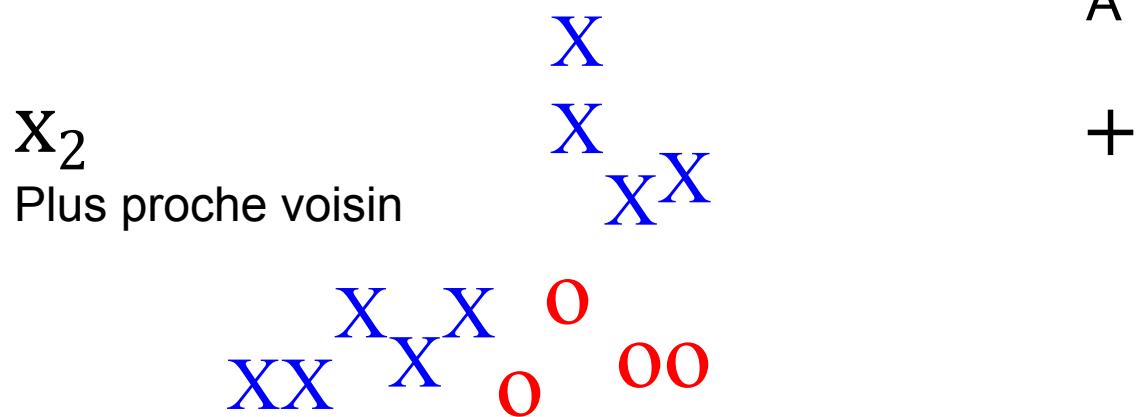
Approche bayésienne: résumé

- Théorie probabiliste de la décision ☐ calcul de la loi a posteriori
- Expression de la loi a posteriori:
 - Hypothèse d'indépendance conditionnelle.
 - Modèle gaussien multivarié
- Apprentissage
 - Estimation de lois paramétriques simples
- Prédiction
 - Calcul de log-vraisemblance et max sur hypothèses

- Quand l'utiliser? (limitations)
 - Petits problèmes bien modélisés (gaussien multivarié) •
 - Caractéristiques non corrélées (bayésien naïf, mais ça peut aussi marcher si c'est corrélé)

Apprentissage Automatique -- Introduction -- 57

Classification ppv



X X X

X
X X X

O O O
O O O O

O O O O
O O O

x₁

À classer

X

x₂

X
X X

Prédiction = Classe O

XX X X O O

X

X

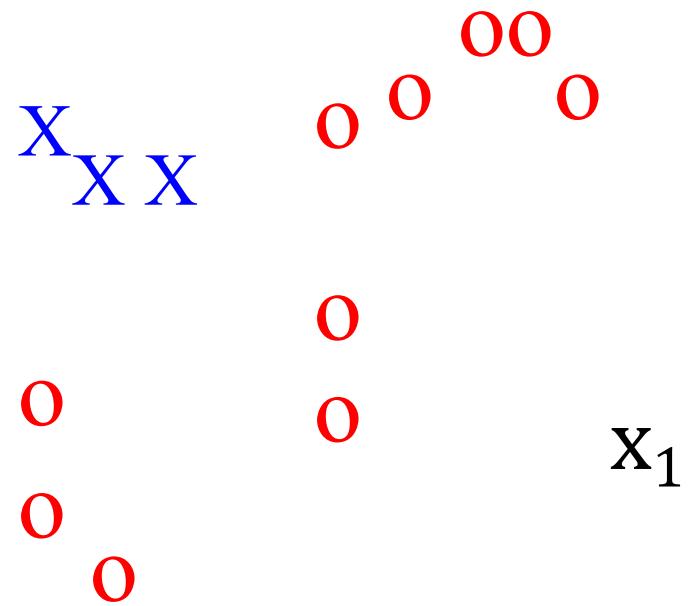
X X

+

O O O

Plus proche

voisin



Plus proche(s) voisin(s)

- Principe:
 - Deux échantillons **proches** dans l'espace de représentation ont les mêmes prédictions

- Pour prédire, il suffit de trouver l'exemple annoté **le plus** proche, et d'associer son annotation (étiquette, valeur...)
- Que veut dire « proche »?
 - Nécessite la définition d'une métrique ou mesure de similarité
 - Plusieurs métriques possibles: distance euclidienne (L2), city-block (L1), Minkowski, Mahalanobis...
 - On peut aussi « apprendre » la métrique ou mesure de similarité
- Que veut dire « le plus proche »?
 - Base d'échantillons annotés $\mathcal{L} = \{\langle \mathbf{x}_1, y_1 \rangle, \langle \mathbf{x}_2, y_2 \rangle, \dots, \langle \mathbf{x}_n, y_n \rangle\}$
 - Recherche de l'échantillon le plus proche: $\mathbf{x}^* = \arg \min_{\mathbf{x} \in \mathcal{L}} d(\mathbf{x}, \mathbf{x}^*)$
 - Assigne comme prédiction l'annotation du plus proche: $y^* = y_{\mathbf{x}^*}$

Valeur estimée

$= R \mathbf{x})($

y

\mathbf{x}

À estimer Plus proche voisin

Fonction de classification

Données bruitées ☐ Régions isolées ☐ mauvaise régularité des prédictions





Chaque échantillon
définit une région homogène de l'espace de représentation

k-plus proches voisins (« k-NN »)

- Principe: décision à partir de plusieurs exemples de la base de

données d'apprentissage

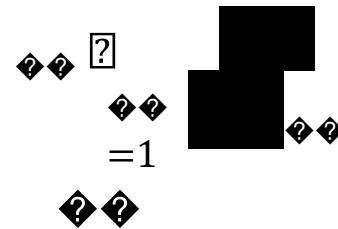
- On ordonne les échantillons d'apprentissage en fonction de leur distance à la donnée à classer:

$$\text{?} \text{?} \text{?} \text{?} \text{?} \text{?} \text{?}_1 \leq \text{?} \text{?} \text{?} \text{?} \text{?} \text{?} \text{?}_2 \leq \dots \leq \text{?} \text{?} \text{?} \text{?} \text{?} \text{?} \text{?}_{\text{?} \text{?}}$$

- On choisit les $\text{?} \text{?}$ plus proches
- On prédit en choisissant la classe recueillant le plus de votes

$\text{?} \text{?}$

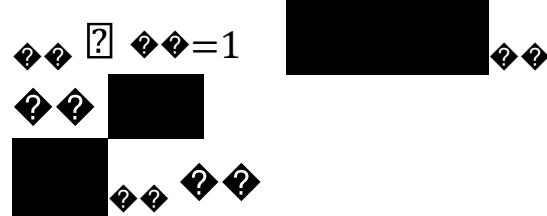
$$\text{?} \text{?}^* = \arg \min$$



Où $\text{?} \text{?}$ est la fonction de Kronecker (elle vaut 1 si égal, 0 sinon) • Si pas de max (ambiguïté sur la prédiction) on ne décide pas! • On peut aussi pondérer les votes:

$\text{?} \text{?}$

$$\hat{\theta}^* = \arg \min$$



Apprentissage Automatique -- Introduction -- 63

Fonction de classification 5 ppv Données

bruitées ☐ Régions isolées ☐ mauvaise régularité des prédictions







Chaque
échantillon définit une région homogène de l'espace de représentation

Propriétés statistiques

Bornes statistiques asymptotiques ($n \rightarrow \infty$)

$$\hat{\epsilon}_{\text{theorique}} \leq \hat{\epsilon}_{k-\text{NN}} \leq \frac{\hat{\epsilon}_{\text{theorique}}}{k-1} + \sqrt{\frac{\hat{\epsilon}_{\text{theorique}}(1-\hat{\epsilon}_{\text{theorique}})}{k}}$$

Où $\hat{\epsilon}_{\text{theorique}}$ est l'erreur théorique optimale (Bayes), k est le nombre de classes et $\hat{\epsilon}_{k-\text{NN}}$ est l'erreur des k-ppv.

« L'erreur du k-NN est au plus deux fois moins bonne que l'erreur minimale théorique. »

Coût de la prédiction du k-ppv

- Calcul de la prédiction dépend pour chaque exemple \mathbf{x}_i d'un calcul + tri par rapport aux \mathbf{x}_j exemples de la base:

$$\mathbf{x}_i \leq \mathbf{x}_1 \leq \mathbf{x}_2 \leq \dots \leq \mathbf{x}_{n_{\text{ex}}}$$

- Pour N et d grands, coût important de la recherche exhaustive $\mathcal{O}(N^d)$. Il existe:

- Des algorithmes efficaces de recherche pour problèmes de tailles moyennes (KDtree)

logarithmic expected time," *ACM Transaction on Mathematical Software*, vol. 3, no. 3, pp. 209–226, 1977.

- Des algorithmes d'approximation pour les grandes bases ($>10^6$).

Jegou, H., Douze, M., & Schmid, C. (2011). Product quantization for nearest neighbor search. *IEEE transactions on pattern analysis and machine intelligence*, 33(1), 117-128. • Autre manière: pré-calculer les surfaces de séparation entre classes. La complexité de prédiction est alors liée à la complexité de la surface et/ou de son approximation. On verra comment d'autres approches permettent de l'estimer directement.

La malédiction des grandes dimensions

- Lorsque la dimension $\diamond\diamond$ de l'espace de représentation augmente, les points sont tous aussi proches ou aussi loin.
- On peut montrer, pour une distribution quelconque de $\diamond\diamond$ points tirés de manière indépendante dans $[0,1]^{\diamond\diamond}$, que:

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f_n(x)}{f_0(x)} = 1$$

- Ce n'est plus vrai si les distributions sont structurées...heureusement!
- On peut interpréter les techniques de Machine Learning comme des moyens de repérer les bonnes corrélations entre données.
- Conséquence pour les approches « plus proches voisins »:
 - Ca ne marche que pour les faibles dimensions
 - Ou il faut **réduire** les dimensions de représentation avant de calculer les distances □ apprentissage non supervisé

- Avantages
 - Schéma flexible, facile à mettre en œuvre, dépendant de la définition d'une similarité entre données.
 - Bonnes propriétés statistiques ($\diamond\diamond \rightarrow \infty$)
- Mais...
 - Temps de calcul prohibitif pour grandes bases
 - Algorithmes efficaces de recherche optimaux ou sous-optimaux
 - Régularité dépend des données, pas de l'apprentissage
 - Le k-PPV (« kNN ») pour lisser et réduire le bruit
 - Malédiction des grandes dimensions (« Curse of dimensionality »)
 - Réduire la dimension de représentation

« Plus proches voisins »: résumé

- Hypothèse de régularité = Si observations proches, même comportement
- Deux questions:
 - Que veut dire « proche »?
 - Comment trouver les plus proches?
- Apprentissage
 - Aucun
- Prédiction
 - Tri des distances aux échantillons + vote

- Quand l'utiliser? (limitations)
 - Efficace sur petits problèmes (dimensions & nombre d'exemples)
 - Pb du « curse of dimensionality » + temps de calcul
 - Disposer d'une mesure de similarité adaptée aux données

A retenir

- « Programmer à partir des données »
 - Deux phases: apprentissage et prédiction
 - Plusieurs variétés de prédicteurs et d'apprentissage
- Démarche générique:
 - Constitution d'une base d'apprentissage
 - Analyse préliminaire des données + préparation
 - Conception du modèle

- Optimisation
- Evaluation
- Objectif principal: minimiser l'erreur de généralisation •
 - Train vs. Test
- Deux approches élémentaires:
 - Modélisation bayésienne
 - Plus proches voisins

Références

- K. Fukunaga, *Introduction to Statistical Pattern Recognition* (Second Edition), Academic Press, New York, 1990.
- P.A. Devijver and J. Kittler, *Pattern Recognition, a Statistical Approach*, Prentice Hall, Englewood Cliffs, 1982)
- R.O. Duda and P.E. Hart, *Pattern classification and scene analysis*, John Wiley & Sons, New York, 1973.
- L. Breiman, J.H. Friedman, R.A. Olshen, and C.J. Stone, *Classification and regression trees*,

Wadsworth, 1984.

- S. Haykin, Neural Networks, a Comprehensive Foundation. (Macmillan, New York, NY., 1994) •
- L. Devroye, L. Györfi and G. Lugosi, A Probabilistic Theory of Pattern Recognition, (Springer Verlag 1996)
- V. N. Vapnik, The nature of statistical learning theory (Springer-Verlag, 1995) • C. Bishop, Pattern Recognition and Machine Learning, (<https://www.microsoft.com/en-us/research/uploads/prod/2006/01/Bishop-Pattern-Recognition-and-Machine-Learning-2006.pdf>). • Jerome H. Friedman, Robert Tibshirani et Trevor Hastie, The Elements of Statistical Learning: Data Mining, Inference, and Prediction (<https://web.stanford.edu/~hastie/ElemStatLearn/>). • Ian Goodfellow and Yoshua Bengio and Aaron Courville, Deep Learning, An MIT Press book (<http://www.deeplearningbook.org>)
- Kevin Murphy, Machine Learning: a Probabilistic Perspective, (MIT Press, 2013) •
- Hal Daumé III, A Course in Machine Learning (<http://ciml.info/>)

Bases de données

- UCI Repository: <http://www.ics.uci.edu/~mlearn/MLRepository.html> •
- UCI KDD Archive: <http://kdd.ics.uci.edu/summary.data.application.html> •

Statlib: <http://lib.stat.cmu.edu/>

- Delve: <http://www.cs.utoronto.ca/~delve/>
- Kaggle: <https://www.kaggle.com/>
- Benchmarks (Vision):
 - ImageNet: <http://image-net.org/>
 - MS COCO: <http://cocodataset.org/>
 - MNIST et plus:
http://rodrigob.github.io/are_we_there_yet/build/classification_datasets_results.html
 - CV on line: <https://computervisiononline.com/datasets>
 - Kitti: <http://www.cvlibs.net/datasets/kitti/>
 - Waymo: <https://waymo.com/open>

- Journal of Machine Learning Research www.jmlr.org •
Machine Learning
- Neural Computation
- Neural Networks
- IEEE Transactions on Neural Networks
- IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence •
Annals of Statistics
- Journal of the American Statistical Association
- ...

Conférences

- International Conference on Machine Learning (ICML) • European Conference on Machine Learning (ECML)
- Neural Information Processing Systems (NIPS)
- International Conference on Learning Representations (ICLR) • Uncertainty in Artificial Intelligence (UAI)
- International Joint Conference on Artificial Intelligence (IJCAI) • International Conference on Neural Networks (ICNN) • Conference of the American Association for Artificial Intelligence (AAAI) • IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition (CVPR) • European

Conference on Computer Vision (ECCV)

- International Conference on Computer Vision (ICCV)
- IEEE International Conference on Data Mining (ICDM) •

...

74

Apprentissage Automatique -- Introduction -- **74**

Cours & tutoriaux

- Des MOOC (Français et Anglais)
- Des tutoriaux associés aux conférences (orientés recherche)
- Des cours en français:
 - <https://gricad-gitlab.univ-grenoble-alpes.fr/talks/fidle>

- https://www.college-de-france.fr/site/stephane-mallat/_course.htm
- Des « cheat sheets »
 - <https://stanford.edu/~shervine/teaching/>

Logiciels

- Environnement génériques: Matlab, ScikitLearn

- Environnements Deep Learning: Tensor Flow, Pytorch, mxnet... • Beaucoup de codes sur GitHub



Apprentissage