

#### **Exercice 1**

• Soit un projet constitué des huit (8) tâches décrites dans le tableau ci-dessous :

√° Tâche	Durée en jours	Tâches précédentes
1	2	-
2	3	-
3	7	-
4	4	2
5	10	1
6	6	1, 4
7	5	1, 3
8	2	5, 6, 7

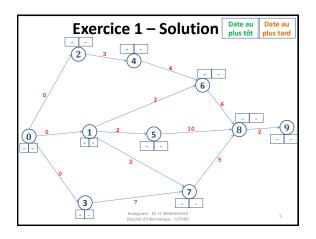
Enseignant : Dr. H. BENKAOUHA (Faculté d'Informatique - USTHB)

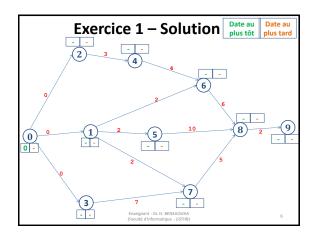
#### **Exercice 1 - Suite**

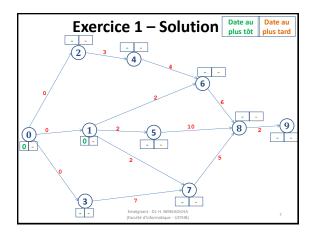
- 1. Modéliser le problème sous forme d'un graphe potentiel tâches (MPM).
- 2. Calculer les dates au plus tôt et les dates au plus tard de chaque tâche.
- 3. Calculer la marge totale pour chaque tâche et déduire les tâches critiques ainsi que le chemin critique.

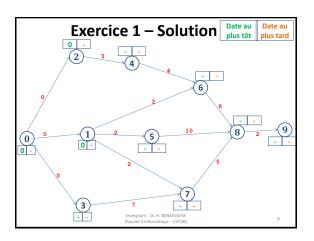
(Faculté d'Informatique - USTHB)

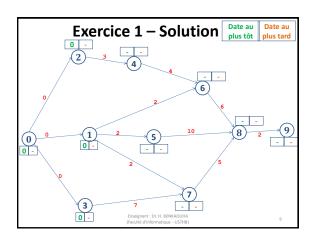
#### **Exercice 1 - Solution** $t_4 - t_2 \ge 3$ $t_5 - t_1 \ge 2$ Tâche fictive de début: 0 $t_6 - t_1 \ge 2$ $t_1 - t_0 \ge 0$ $t_6 - t_4 \ge 4$ $t_2 - t_0 \ge 0$ $t_7 - t_1 \ge 2$ $t_3 - t_0 \ge 0$ $t_7 - t_3 \ge 7$ $t_8 - t_5 \ge 10$ Tâche fictive de fin: 9 $t_9 - t_i \ge d_i \ \forall i \text{ de } 1 \text{ à } 8$ $t_8 - t_6 \ge 6$ $t_8 - t_7 \ge 5$

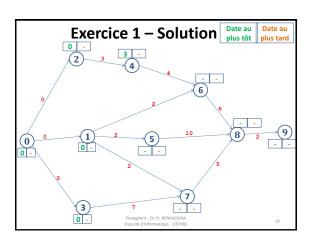


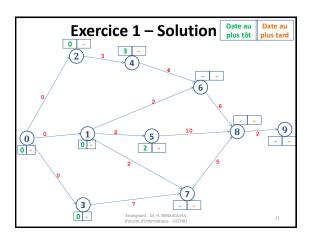


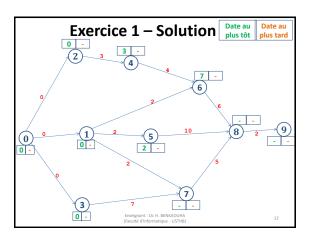


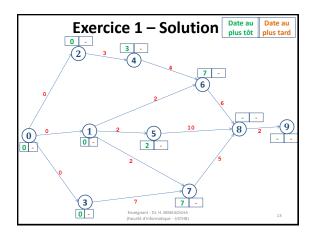


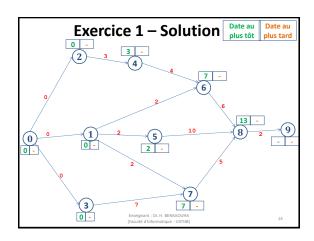


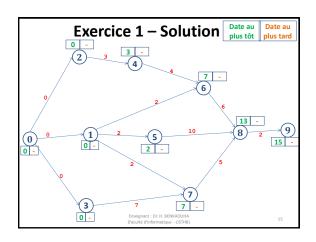


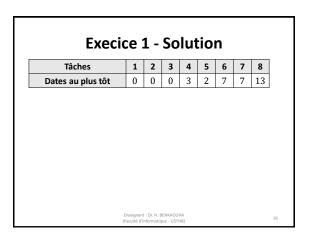


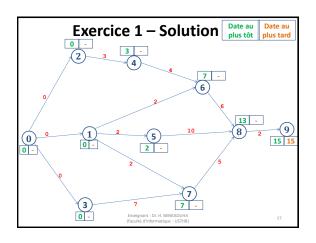


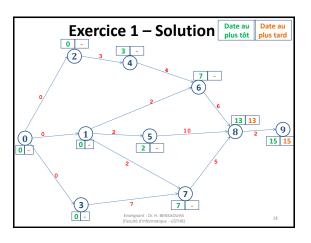


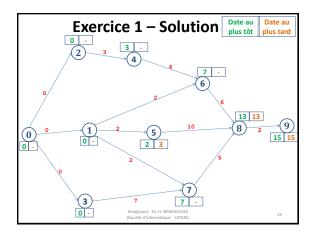


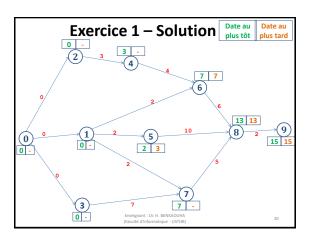


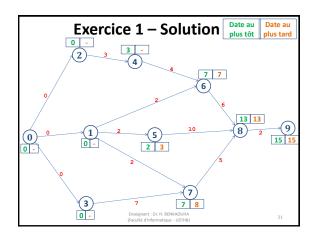


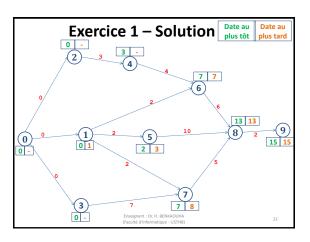


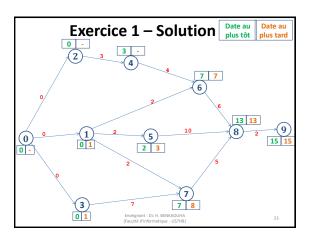


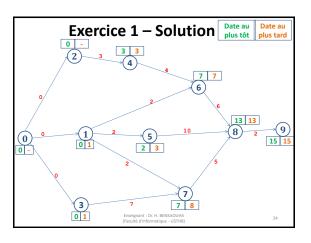


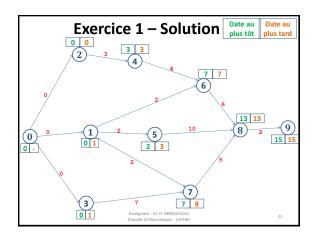


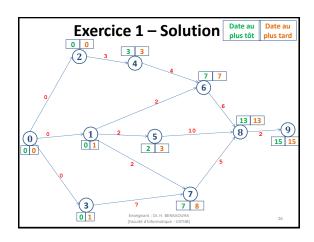












# 

Tâches	1	2	3	4	5	6	7	8
Dates au plus tôt	0	0	0	3	2	7	7	13
Dates au plus tard	1	0	1	3	3	7	8	13
Marge totale	1	0	1	0	1	0	1	0
Les tâches critiqu Le chemin critiqu		-	-					

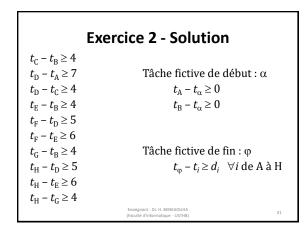
# • Un projet requiert la réalisation de huit (08) activités, le tableau suivant donne pour chaque activité, le temps (en jours) requis et les activités pré-requises.

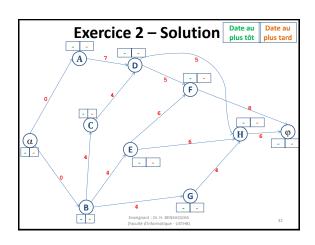
Activité	A	В	C	D	$\boldsymbol{E}$	F	G	H
Durée	7	4	4	5	6	8	4	6
Activités requises			В	A, C	В	D, E	В	D, E, G
			or. H. BENKA rmatique - I					29

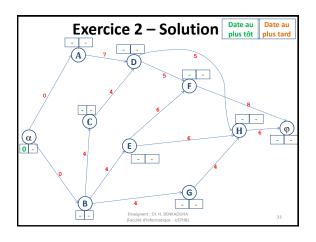
### **Exercice 2 - Suite**

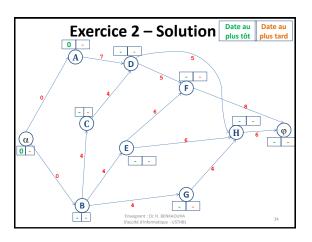
- 1. Donner la représentation du problème en graphe MPM (Potentiel-tâches).
- 2. Donner les dates de début au plus tôt de chaque tâche et la durée optimale du projet.
- 3. Donner les dates au plus tard, et déduire les taches critiques.
- 4. Si la tâche *E* commence avec 03 jours de retard et elle dure une journée de plus que prévu, quel est alors l'impact sur la durée optimale du projet ?

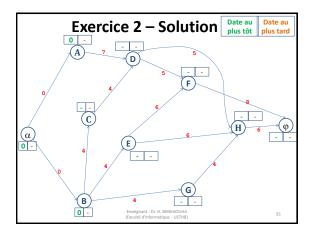
nseignant : Dr. H. BENKAOUHA

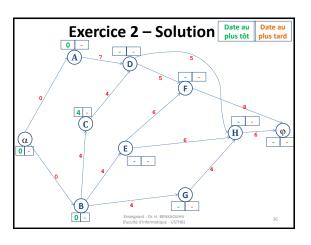


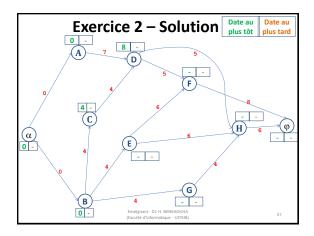


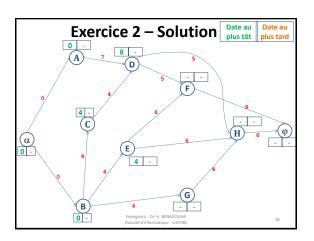


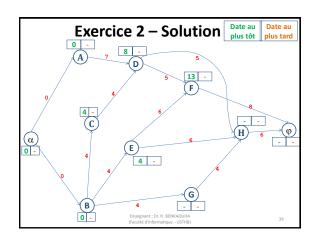


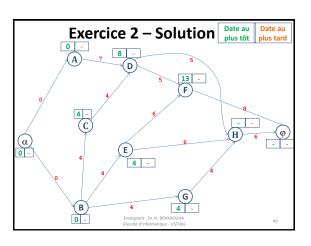


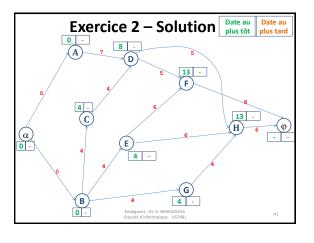


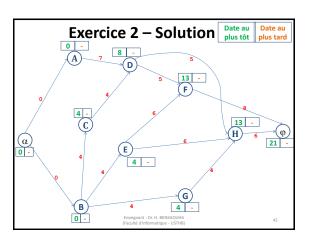


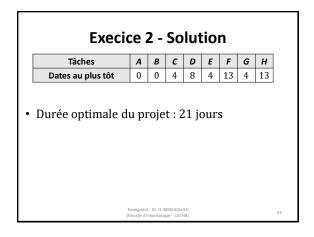


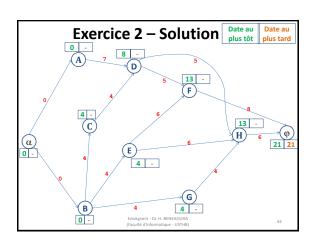


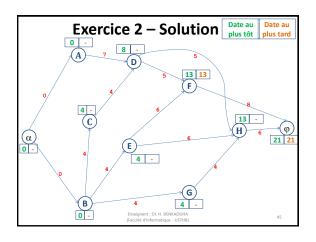


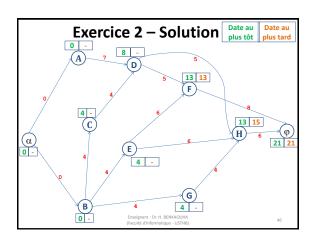


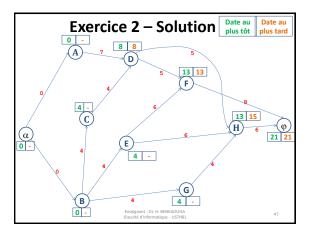


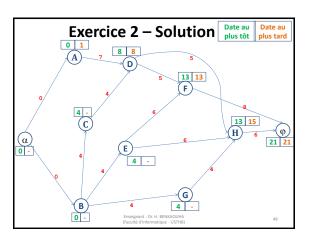


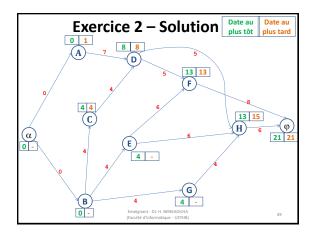


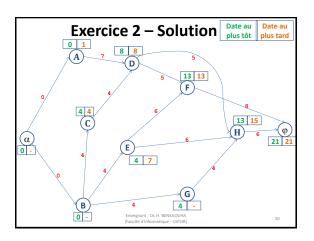


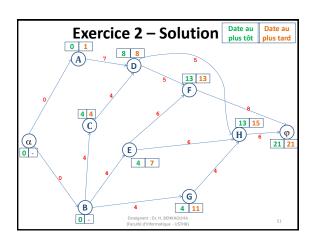


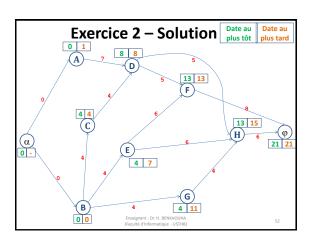


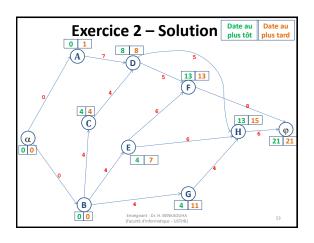












Execice 2 - Solution								
Tâches	Α	В	С	D	Ε	F	G	Н
Dates au plus tard	1	0	4	8	7	13	11	15
	Enseignan (Faculté d'I							

#### **Execice 2 - Solution**

Tâches	Α	В	С	D	Ε	F	G	Н
Dates au plus tôt	0	0	4	8	4	13	4	13
Dates au plus tard	1	0	4	8	7	13	11	15
Marge totale	1	0	0	0	3	0	7	2

• Les tâches critiques : B, C, D et F • Le chemin critique : αBCDFφ

## **Execice 2 - Solution**

Tâches					
Dates au plus tôt	4				
Dates au plus tard	7				
Marge totale	3				

- *E* démarre 3 jours en retard.
- *E* dure 1 jour de plus.
- Retard au total de 4 jours pour E
- Marge totale = 3
- Retard = Marge totale + 1 ⇒ Durée optimale du projet retardée d'une journée.

#### Exercice 3

- Un laboratoire doit effectuer une étude comprenant deux (02) groupes de travaux distincts A et B. A désigne les travaux de recherche et d'études préliminaires et *B* les travaux d'exécution. On se propose de minimiser la durée totale de cette étude.
- Les effectifs nA et nB affectés respectivement à A et B sont compris entre les limites :
- $3 \le nA \le 6$
- $6 \le nB \le 15$

#### Exercice 3 - Suite

- Par ailleurs, les durées de *A* et *B* sont respectivement estimées, en jours, à 600 /nA et 300 /nB.
- Il faut aussi signaler que B doit débuter au plus tôt à la date 10, et après que la moitié des travaux A soit accomplie. Il faut aussi s'assurer que la tâche B soit terminée avant que la tâche A ne soit accomplie.
- 1. Quelle est la condition pour que le problème soit réalisable?
- 2. Quelle est l'influence de *n* sur la durée minimale de réalisation de l'étude?

#### Exercice 3 - Solution

· Modélisation:

Tâche fictive de début :  $\alpha$ 

 $t_{\rm A} - t_{\alpha} \ge 0$ 

 $t_{\rm B}$  –  $t_{\alpha} \ge 10$  $t_{\rm B} \ge t_{\rm A} + (600 / nA)/2$ 

 $\Rightarrow t_{\rm B} - t_{\rm A} \ge 300 / nA$ 

 $t_{\rm B} + (300 / nB) \le t_{\rm A} + (600 / nA)$ 

 $\Rightarrow t_{A} - t_{B} \ge (300 / nB) - (600 / nA)$ 

Tâche fictive de fin :  $\phi$ 

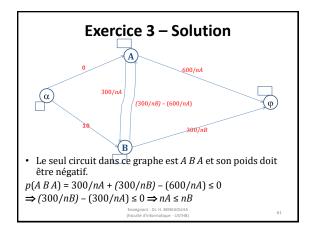
 $t_{\infty} - t_A \ge 600 / nA$ 

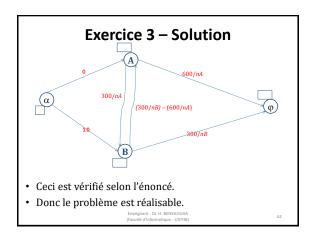
 $t_{\varphi} - t_B \ge 300 / nB$ 

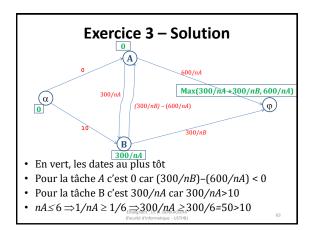
# Exercice 3 - Solution 600/nA 300/nA (a) $(\varphi)$ (300/nB) - (600/nA) 300/nB • Pour que ça soit réalisable, le graphe ne doit pas

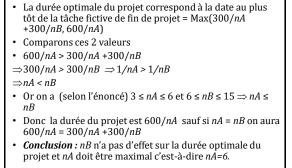
- contenir de circuit absorbant
- Ici, le circuit absorbant est un circuit de poids >0

Enseignant : Dr. H. BENKAOUHA (Faculté d'Informatique - USTHB









Exercice 3 – Solution