

Proposition 1 : $G \rightarrow A$

Toute grammaire G régulière droite $\langle X, V, P, S_G \rangle$ il existe un automate d'état finis $A \langle X, S, S_0, \Pi \rangle$ tq $L(A) = L(G)$

Proposition 2 : $A \rightarrow G$

Tout automate d'état finis $A \langle X, S, S_0, \Pi \rangle$ il existe une grammaire G régulière droite $\langle X, V, P, S_G \rangle$ tq $L(A) = L(G)$

Proposition 3 :

Toute grammaire G régulière droite $\langle X, V, P, S_G \rangle$ il existe une grammaire G' régulière gauche $\langle X, V', P', S'_G \rangle$ tq $L(G) = L(G')$

Grammaire \rightarrow Automate

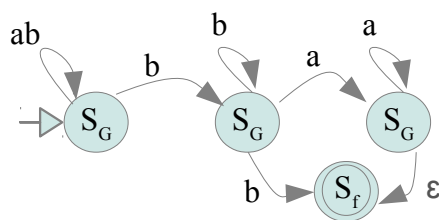
Exemple :

$S_G \rightarrow abS_G / bA$

$A \rightarrow bA / aB / b$

$B \rightarrow aB / \epsilon$

$S_G \vdash_G abS_G \vdash_G ababS_G \vdash_G (ab)^2bA \vdash_G \dots$



définie $A \langle X, S, S_0, \Pi \rangle$ $S = V, S_0 = S_G, \Pi = \emptyset$

procédure de construction de Π

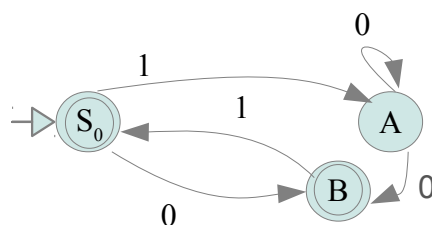
pour toute production de $P(\alpha, \beta)$ faire

Si $\beta = wB$ alors $\Pi = \Pi \cup \{(\alpha, w, B)\}$

Sinon si $\beta = w$ avec $w \in X^*$ alors $\Pi = \Pi \cup \{(\alpha, w, S_f)\}$

Automate \rightarrow Grammaire

Exemple :



$S_0 \rightarrow 1A / 0B / \epsilon$

$A \rightarrow 0A / 0B$

$B \rightarrow 1S_0 / \epsilon$

$G \langle X, V, P, S_G \rangle$ avec $V = S, S_G = S_0$

pour chaque (S_i, w, S_j) faire $S_i \rightarrow wS_j$

pour chaque $S_f \in F$ faire $S_f \rightarrow \epsilon$

$$\text{GRD} \rightarrow \text{GRG}$$

G (GRD)	G' (GRG)
$S \rightarrow 0S / A$	$S \rightarrow S0 / A$
$A \rightarrow 1A / \varepsilon$	$A \rightarrow A1 / \varepsilon$

$$L(G) = L \text{ et } L(G') = L^R$$

$$\begin{aligned} A &\rightarrow L \\ \text{GRD} &\rightarrow A \rightarrow L \\ \text{GRD} &\rightarrow A \rightarrow A^R \rightarrow L^R \\ \text{GRD} &\rightarrow A \rightarrow A^R \rightarrow \text{GRD} \rightarrow \text{GRG} \rightarrow (L^R)^R \end{aligned}$$