

BASES DE DONNÉES

COURS:

ALGÈBRE RELATIONNELLE & "SQL"

Licence 2

Présenté par: Dr.A BOUTORH

Informatique

- « L'algèbre relationnelle consiste en un ensemble d'opérations qui permettent de manipuler des relations, considérées comme des ensemble de tuples. »
- Une Requête est une expression algébrique qui s'applique à une ou un ensemble de relations en entrée (la base de données) et produit une relation finale en sortie (le résultat de la requête).
- On peut voir *l'algèbre relationnelle comme* un langage de programmation très simple qui permet d'exprimer des requêtes sur une base de données relationnelle.

ALGÈBRE RELATIONNELLE LES OPÉRATIONS

- La Sélection σ
- 2) La Projection □
- 3) L'Union U
- 4) L'Intersection ∩
- 5) La Différence -
- 6) La **Division ≑**
- 7) Le Produit Cartésien X
- 8) La Jointure

1- LA RESTRICTION « SÉLECTION »

- L'opération de la **Sélection** s'applique sur une relation **R1** et produit une relation **R2** de **même schéma** (même attributs) mais comportant seulement les tuples qui vérifient une condition spécifique (supprimer des lignes).
- La Sélection notée $\mathbf{O}_{\mathbf{F}}$ (**R**) extrait les tuples de la relation **R** qui satisfont le critère de sélection **F**.
- Le critère de sélection peut être :
- \triangleright La comparaison entre un attribut 'A' de la relation **R** et une Constante 'c'.
- \triangleright La comparaison entre deux attributs 'A1' et 'A2'.
- L'opérateur de comparaison peut appartenir à { =, >, <, >=, <=}
- La condition de sélection peut être une combinaison de critères avec les **opérateurs logiques { ET, OU, NON}**

SÉLECTION: EXEMPLE

Relation: Emprunt

Cote	Matricule	Date_Emprunt	Date_Remise
12	12345	05/09/2019	03/10/2019
5	53678	29/11/2019	01/01/2020
9	84302	20/12/2019	30/01/2020
17	53678	15/02/2020	15/03/2020

Les emprunts du matricule : 53678

Cote	Matricule	Date_Emprunt	Date_Remise
5	53678	29/11/2019	01/01/2020
17	53678	15/02/2020	15/03/2020

SÉLECTION: ALGÈBRE RELATIONNELLE ET SQL

Restriction en SQL:

SELECT *

FROM Table

WHERE Condition

Exemple: Donner les emprunts de la personne avec le matricule 53678

SELECT *

FROM Emprunt

WHERE Matricule = 53678

SÉLECTION: ALGÈBRE RELATIONNELLE ET SQL

- La condition de la clause « WHERE » peut être exprimée avec:
- ➤ Les opérateurs de Comparaison { =, >, <, >=, <=}
- Les opérateurs Logiques {AND, OR, NOT}
- Les Mots Clés:
- BETWEENE / (NOT BETWEEN) : pour tester si la valeur d'une expression est (n'est pas) comprise entre deux autres valeurs
- IN / (NOT IN): pour tester si la valeur d'une expression appartient (n'appartient pas) à une liste de valeurs
- LIKE / (NOT LIKE) : pour tester si une expression de type chaine de caractères contient (ne contient pas) une sous-chaine

• Table: Livre

Cote	Titre	Auteur
17	Bases de Données	Auteur_1
5	Langage SQL	Auteur_2
9	SQL de Base	Auteur_3

• Exemple: Sélectionner les livres dont la cote est entre 9 et 17.

SELECT *

FROM Livre

WHERE Cote >= 9 AND Cote <= 17

> En utilisant « BETWEEN »

SELECT *

FROM Livre

WHERE Cote BETWEEN 9 AND 17

• Exemple : Sélectionner les livres dont la cote n'est pas entre 9 et 17

SELECT *

FROM Livre

WHERE Cote >= 17 OR Cote <= 9

> En utilisant « NOT »

SELECT *

FROM Livre

WHERE NOT (Cote >= 9 AND Cote <= 17)

• Exemple : Sélectionner les livres dont la cote est 9, 17, 5

SELECT *

FROM Livre

WHERE Cote IN (9, 17, 5)

• Exemple : Sélectionner les livres dont le titre contient « BDD »

SELECT *

FROM Livre

WHERE Titre LIKE "*BDD*"

 Exemple: Sélectionner les livres dont le titre commence par « SQL »

SELECT *

FROM Livre

WHERE Titre LIKE "SQL*"

 Exemple: Sélectionner les livres dont le titre se termine par « SQL »

SELECT *

FROM Livre

WHERE Titre LIKE "*SQL"

• Exemple : Sélectionner les livres dont le titre commence par un caractère suivie par « SQL »

SELECT *

FROM Livre

WHERE Titre LIKE "?SQL*"

 Exemple: Sélectionner les livres dont le titre contient deux chiffres qui se suivent

SELECT *

FROM Livre

WHERE Titre LIKE "*##*"

2- LA PROJECTION

- L'opération de la **Projection** s'applique sur une relation **R1** et produit une relation **R2** en éliminant de **R1** tous les attributs non mentionnés (supprimer des colonnes) et en gardant toutes les lignes.
- La Projection notée $\Pi_{A1,A2,A3,...,Ak}$ (R) ne garde que les attributs A1, A2, A3, ..., Ak sans redondance.

- Exemple : Etudiant (Matricule, Nom, Prénom, Filière, Année)

Donner les noms et les années des étudiants.

$$R2 = \Pi_{Nom,Année}$$
 (Etudiant)

- R2 (Nom, Année) On obtient le résultat suivant, après suppression des colonnes Matricule, Prénom et Filière

2- LA PROJECTION

• Comme le résultat est une relation, en principe il ne peut pas y avoir deux lignes identiques, sachant que le nombre de lignes dans la relation résultante est le même que dans la relation initiale.

 Après une projection, on peut avoir deux lignes identiques qui étaient initialement distinctes, cela on raison de la suppression de l'attributs qui les distinguait.

Dans ce cas, une seule des deux lignes identiques est conservée.

 Exemple : on souhaite connaître toutes les filières où sont inscrit des étudiants.

Table Etudiant

Matricule	Nom	Prénom	Filière	Année
1234	Nom_I	Prénom_I	MI	2
5378	Nom_2	Prénom_2	SNV	I
9264	Nom_I	Prénom_3	MI	5
4294	Nom_3	Prénom_2	SM	2

Π_{Filière} (Etudiant)

Filière	
MI	
SNV	
SM	

La ligne MI était présente deux fois dans la table initiale « Relation Etudiant » et n'apparaît plus qu'en un seul exemplaire dans le résultat

PROJECTION : ALGÈBRE RELATIONNELLE ET SQL

Projection en SQL:

SELECT Attributs

FROM Table

Exemple: Donner le prénom et l'année de tous les étudiants

SELECT Prénom, Année

FROM Etudiant

Pour ne pas avoir des tuples en double, on utilise « DISTINCT »

SELECT DISTINCT Prénom

FROM Etudiant

COMBINER EN SQL

PROJECTION ET RESTRICTION

• Sélectionner d'une relation R certains Attributs des tuples vérifiant une Condition.

• Notation: $\Pi_{A1,A2,A3,...,Ak}$ ($\sigma_{Condition}$ (R))

- Syntaxe en SQL:

SELECT Attributs

FROM Table

WHERE Condition

• Exemple : Donner le matricule et l'année des étudiants de « MI »

SELECT Matricule, Année

FROM Etudiant

WHERE Filière = "MI"

 Exemple: Donner le nom, le prénom et la filière des étudiants dont le nom contient « Ben » et dont le prénom contient « ss »

SELECT Nom, Prénom, Filière

FROM Etudiant

WHERE Nom LIKE "*Ben*" AND Prénom LIKE "*ss*"

3- L'UNION

• L'Union est un opérateur binaire. L'expression R U S crée une relation comprenant tous les tuples existant dans l'une ou l'autre des deux relations R et S.

- Il existe une condition impérative : les deux relations doivent avoir le même schéma, c'est-à-dire :
- même nombre d'attributs,
- mêmes noms
- mêmes types.

3- L'UNION

- L'union des relations R(A,B) et S (C,D) est interdit car R et S ne sont pas de même schéma (on ne saurait pas comment nommer les attributs dans le résultat).
- En modifiant les noms des attributs de la relation S par les noms de la relation R (opération de renommage)

$$S' = \rho_{C \to A, D \to B}(S)$$

il devient possible de calculer $\mathbb{R} \cup \mathbb{S}'$ avec le résultat suivant :

A	В		A	В		Λ	В
a	b		С	d		_A	D
x	у	U	u	٧		a	b
	/					X	У
	2		a	b	404	c	d
20			/	s' /		u	V

Comme pour la projection, il faut penser à éviter les doublons. Donc le tuple (x, y) qui existe à la fois dans R et dans S' ne figure qu'une seule fois dans le résultat.

• Exemple:

R1

Matricule	Depart
1234	МІ
5378	SNV
9264	MI
3274	SM

R2

Matricule	Année-Insc
1234	2018
6358	2019
9264	2015
4294	2018

 Donner les matricules des étudiants du département « MI » ou ceux qui sont inscrits en 2018.

$$[\Pi_{\text{Matricule}} (\sigma_{\text{Depart="MI"}} (R1))]$$

$$\mathbf{U} \left[\Pi_{\text{Matricule}} \left(\sigma_{\text{Ann\'ee-Insc=2018}} \left(\mathbf{R2} \right) \right) \right]$$

4- INTERSECTION

L'Intersection de deux relations R1 et R2 de même schéma est une relation R3 de même schéma dont les tuples sont ceux appartenant à la fois à R1 et à R2. $R3 = R1 \cap R2$

R1

Matricule	Nom	Prénom	Filière	Année
1234	Nom_3	Prénom_3	SNV	2
6789	Nom_7	Nom_7	MI	2

R2

Matricule	Nom	Prénom	Filière	Année
6789	Nom_7	Nom_7	MI	2



R3

Matricule	Nom	Prénom	Filière	Année
6789	Nom_7	Nom_7	MI	2

• Exemple:

R1

Matricule	Depart
1234	MI
5378	SNV
9264	МІ
3274	SM

R2

Matricule	Année-Insc
1234	2018
6358	2019
9264	2015
4294	2018

 Donner les matricules des étudiants du département « MI » et ceux qui sont inscrits en 2018.

$$\cap [\Pi_{\text{matricule}} (\sigma_{\text{Ann\'ee-Insc=2018}} (R2))]$$

5- LA DIFFÉRENCE

R

S

Matricule

1234

- Comme l'union et l'intersection, la Différence s'applique à deux relations qui ont le même schéma. L'expression R – S a alors pour résultat tous les tuples de R qui ne sont pas dans S
- La différence est le seul opérateur qui permet d'exprimer des requêtes comportant une négation (on veut 'rejeter' des lignes ayant/ n'ayant pas une propriété).

Nom

Nom 3

Matricule	Nom	Prénom	Filière	Année
1234	Nom_3	Prénom_3	SNV	2
6789	Nom_7	Nom_7	MI	2
Matricule	Nom	Prénom	Filière	Année
6789	Nom_7	Nom_7	MI	2
	1234 6789 Matricule	6789 Nom_7 Matricule Nom	1234 Nom_3 Prénom_3 6789 Nom_7 Nom_7 Matricule Nom Prénom	1234Nom_3Prénom_3SNV6789Nom_7Nom_7MIMatriculeNomPrénomFilière

Prénom

Prénom 3

Filière

SNV

Année

2

	100	
R.	- S :	
	11 11 11 11	 /

• Exemple:

Filière

Etudiant

Code	Nom_Fil
1	MI
2	SM
3	SNV

Matricule	Nom	Prénom	Année	Code_F
1234	Nom_3	Prénom_3	2	1
9876	Nom_9	Prénom_9	5	3

Donner les filières dont lesquelles aucun étudiant n'est inscrit

$$[\Pi_{\text{code}} (\text{Filière})] - [\Pi_{\text{code}} (\text{Etudiant})]$$

>SQL:

SELECT Code

FROM Filière, Etudiant

WHERE NOT (Code = Code_F)

6- LA DIVISION

• La Division de la relation R1(A1, A2, A3, ..., An) par la sous-relation R2(Ap+1, ..., An) est la relation R3(A1, A2, A3, ..., Ap) formées de tous les tuples qui concaténés à chaque tuple de R2 donne toujour un tuple de R1. $R3 = R1 \doteqdot R2$

Nom	Filière	Année
Nom_3	SNV	3
Nom_7	MI	2
Nom_5	MI	3
Nom_7	SNV	5
Nom_3	MI	2

Filière	Année
MI	2
SNV	5

Nom	
Nom_	7







• Exemple:

Etudiant

Matricule	Nom	Dep
5432	Yacine	3
2345	Ahmed	2
6789	Sarah	2
45677	Amel	2
3412	Yacine	2
9534	Sarah	3
341289	ILyes	3

Département

No_Dep	Nom_Dep
2	MI
3	SNV

 Donner les noms des étudiants qui existent dans tous les départements

 $[\Pi_{Nom,Dep}$ (Etudiant) $] \neq [\Pi_{No_Dep}$ (Département)]

Nom

Yacine

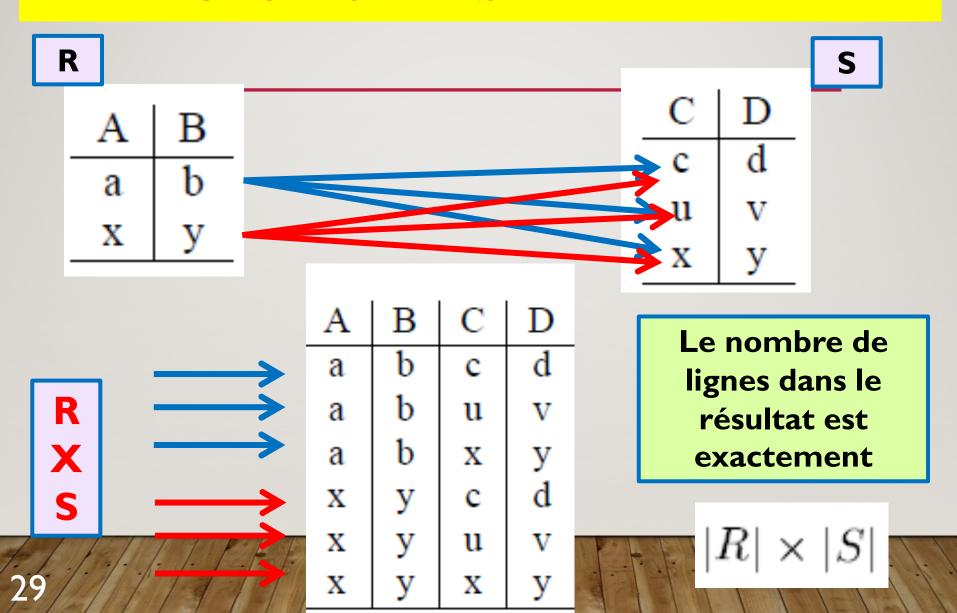
Sarah

7- LE PRODUIT CARTÉSIEN

- L'opération du Produit Cartésien s'applique sur deux relations
 R1 et R2 et produit une troisième relation R3 ayant pour:
- > Schéma: la concaténation de ces deux relations,
- Tuples: toutes les combinaisons des tuples des relations R1 et R2.

• Le Produit Cartésien est noté R1 x R2

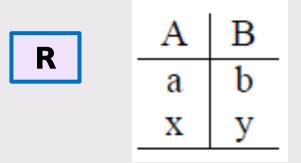
7- LE PRODUIT CARTÉSIEN

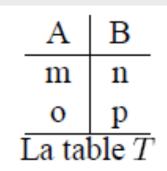


7- LE PRODUIT CARTÉSIEN

- Conflits de noms d'attributs
- ➤ Si les schémas des relations R et S sont complètement distincts, il n'y aura pas d'ambiguité sur la provenance des colonnes dans le résultat.
- Par exemple on sait que les valeurs de la colonne A dans R x S vient de la relation R.
- ➤ On peut tomber dans le cas où les deux relations aient des attributs qui ont le même nom. On doit alors distinguer l'origine des attributs dans la table résultat en donnant un nom distinct à chaque attribut.

Exemple: La table T a les mêmes noms d'attributs que la table R







- Le résultat du **Produit Cartésien R x T** a pour **Schéma (A, B, A, B)** et présente donc une *ambiguïté*, avec les colonnes A et B en double.
- La première solution pour lever l'ambiguité est de préfixer un attribut par le nom Ou la 1ére lettre de la table d'où il provient.

Exemple: Relation **Etudiant « E.A »**

Ou bien: « Etudiant.A »

Le résultat de R x T devient:

R.A	R.B	T.A	T.B
a	b	m	n
a	b	n	p
X	У	m	n
X	У	n	p

• Exemple:

Filière

Code	Nom_Fil
1	MI
2	SM
3	SNV

Etudiant

Matricule	Nom	Prénom	Année	Code_F
1234	Nom_3	Prénom_3	2	1
9876	Nom_9	Prénom_9	5	3

Filière x Etudiant

Code	Nom_Fil	Matricule	Nom	Prénom	Année	Code_F
1	MI	1234	Nom_3	Prénom_3	2	1
1	MI	9876	Nom_9	Prénom_9	5	3
2	SM	1234	Nom_3	Prénom_3	2	1
2	SM	9876	Nom_9	Prénom_9	5	3
3	SNV	1234	Nom_3	Prénom_3	2	1
3	SNV	9876	Nom_9	Prénom_9	5	3

PRODUIT CARTÉSIEN : ALGÈBRE RELATIONNELLE ET SQL

• Produit cartésien en SQL:

SELECT *

FROM Table_1, Table_2, Table_3, ..., Table_n

Exemple:

SELECT *

FROM Filière, Etudiant

8- LA JOINTURE

- En pratique, il existe d'autres opérations, très couramment utilisées, qui peuvent se construire par composition des opérations de base. La plus importante est la Jointure
- La Jointure notée R1 R2 consiste à combiner deux relations R1 et R2 (Tuple à Tuple, Lignes à Ligne) en vérifiant la concordance entre certains attributs (colonnes) des deux relations (en générale une clé primaire avec une clé étrangère)

8- LA JOINTURE

- La **Jointure** est une combinaison d'opérations, c'est une **Projection** d'une **Restriction** sur un **Produit Cartésien** entre plusieurs relations afin de séléctioner certains attributs des tuples de produit cartésien verifiant une **condition** donnée.
- Afin de comprendre l'intérêt de cet opérateur, regardons le résultat du Produit cartésien.
- Le résultat est énorme et comprend manifestement un grand nombre de lignes qui ne nous intéressent pas.

8- LA JOINTURE

• Si, on considère le produit cartésien comme un résultat intermédiaire, il génère avec une simple sélection des informations plus intéressantes.

- On a donc effectué une composition de deux opérations (un Produit Cartésien et une Sélection) afin de rapprocher des informations réparties dans plusieurs tables, mais ayant des liens entre elles.
- Cette opération est Jointure

Filière



Etudiant

F.Code = E.Code_F

Filière

Etudiant

Code	Nom_Fil
1	MI
2	SM
3	SNV

Matricule	Nom	Prénom	Année	Code_F
1234	Nom_3	Prénom_3	2	1
9876	Nom_9	Prénom_9	5	3

Filière

M

Etudiant

F.Code = E.Code_F

Code	Nom_Fil	Matricule	Nom	Prénom	Année	Code_F
1	MI	1234	Nom_3	Prénom_3	2	1
3	SNV	9876	Nom_9	Prénom_9	5	3

Résultat :

- √ Autant d'attributs que le produit cartésien
- ✓ Moins de tuples



• Exemple:

Client

Numéro	Nom	Adresse	Tel
12	Ahmed	Alger	057391
100	ILyes	Oran	NULL
82	Amel	Alger	038143
34	Youcef	Setif	NULL

Vente

Numéro	Ref_Produit	No_Client	Date
6	P123	34	5/01/20
20	P38	100	3/02/20
15	P20	12	9/01/20
3	P259	100	7/02/20

Produit

Référence	Marque	Prix
P234	Audi	4000
P20	Toyota	3000
P259	Renault	2000
P123	BMW	5000
P 38	Nissan	2000

- Exemple:
- > Q1 Donner les noms des clients avec les dates de leurs achats.

Q2- Donner, pour le client numéro 12, le numéro de vente et la marque des produits achetés

• Exemple:

Q3 - Donner les références des produits dont le prix est supérieur au produit qui a pour référence P20

Q3 P1 =
$$\rho$$
 (Produit) opérateur de renommage

P2 = σ (P1)
P1.référence = P20

Res = π (Produit.référence (Produit.prix > P2. prix

OPÉRATEUR EQUIJOINTURE / JOINTURE NATURELLE

- > Equijointure : la condition fait appel à l'opérateur « = »
- ➤ Jointure Naturelle: notée aussi « * » , c'est une Equijointure dont la condition porte sur des attributs identiques (de même domaine et même nom)
- ✓ Un seul des deux attributs est conservé dans le résultat

Numéro	Nom	Adresse	Tel	Numéro	Ref_Produit	No	Client	Date
12	Ahmed	Alger	057391	6	P123	12		5/01/20
100	ILyes	Oran	NULL	20	P38	100	X	3/02/20
82	Amel	Alger	038143	15	P20	82		9/01/20
34	Youcef	Setif	NULL	3	P259	34		7/02/20

JOINTURE:

ALGÈBRE RELATIONNELLE ET SQL

• Jointure en SQL:

SELECT Attributs

FROM Table_1, Table_2, Table_3, ..., Table_n

WHERE Conditions_de_Jointure_et_de_Sélection

Jointure en SQL:

SELECT Attributs

FROM Table_i JOIN Table_j ON (Condition_Jointure)

WHERE Conditions_de_Sélection

- Exemple:
- Client (<u>Numéro</u>, Nom, Adresse, Tel)
- Vente (<u>Numéro</u>, Ref_Produit, No_Client, Date)
- Requête: Donner le numéro de vente, la référence du produit et l'adresse du client Ahmed
- **►** Algèbre Relationnelle:

> SQL:

SELECT Vente. Numéro, Ref_Produit, Adresse

FROM Client, Vente

WHERE Client.Numéro = Vente.No_Client AND NOM = 'Ahmed'

- Exemple:
- Client (<u>Numéro</u>, Nom, Adresse, Tel)
- Vente (<u>Numéro</u>, Ref_Produit, #No_Client, date)
- Requête: Donner le numéro de vente, la référence du produit et l'adresse du client Ahmed
- > Algèbre Relationnelle:

> SQL:

```
SELECT Vente. Numéro, Ref_Produit, Adresse
```

FROM Client JOIN Vente ON (Client.Numéro = Vente.No_Client)

WHERE NOM = 'Ahmed'

JOINTURE EXTERNE

- La jointure externe entre les relations R1 et R2 notée R1 R2:
- > est une jointure entre R1 R2
- \triangleright contient les tuples de $\mathbb{R}1$ et de $\mathbb{R}2$ ne participant pas à la jointure

Numéro	Nom	Adresse	Tel	Numéro	Ref_Produit	Date
12	Ahmed	Alger	057391	15	P20	9/01/20
100	ILyes	Oran	NULL	20	P38	3/02/20
100	ILyes	Oran	NULL	3	P259	7/02/20
82	Amel	Alger	038143	NULL	NULL	NULL
34	Youcef	Setif	NULL	6	P123	5/01/20

JOINTURE EXTERNE

- La jointure externe permet de retourner toutes les lignes d'une table, même si celle-ci ne possède pas de correspondances dans la table jointe
- Trois types de jointures externes :
 - Jointure Externe Gauche (LEFT OUTER JOIN)
 - Jointure Externe Droite (RIGHT OUTER JOIN)
 - Jointure Externe Gauche-Droite (FULL OUTER JOIN)

```
Syntaxe SQL:
SELECT Attributs
FROM Tab_1 [LEFT|RIGHT|FULL] OUTER JOIN Tab_2
ON Tab_1.col = Tab_2.col
```



Num	Nom	Adresse
12	Ahmed	Alger
100	llyes	Oran
45	Ahmed	Setif

Matr	Nom	Tel
23	Ahmed	057391
6	Amel	038143
90	Amel	046723

R1

R2

R1 🖰 R2

Num	Nom	Adresse	Matr	Tel
12	Ahmed	Alger	23	057391
100	llyes	Oran	NULL	NULL
45	Ahmed	Setif	23	057391
NULL	Amel	NULL	6	038143
NULL	Amel	NULL	90	046723

SEMI-JOINTURE

- La Semi-Jointure de deux relations R1 et R2 notée R1 R2 est une relation R3 dont le schéma est celui de R1 et les tuples sont ceux de R1 appartenant à la jointure entre R1 et R2
- Les tuples de R2 ne participent pas à la semi-jointure.

R1

Num	Nom	Adresse
12	Ahmed	Alger
100	llyes	Oran
45	Ahmed	Setif

R2

Matr	Nom	Tel
23	Ahmed	057391
6	Amel	038143
90	Amel	046723

R1 🔀 R	2
--------	---

	Num	Nom	Adresse
	12	Ahmed	Alger
-	45	Ahmed	Setif

R3

R



R1

COMPLEXITÉ DES OPÉRATIONS

Sélection : σ [condition] R

- Au plus: balayer la relation + tester la condition sur chaque tuple.
- Complexité = card (R).
- Taille du résultat : [0 : card (R)].

Projection : π [Ai, Ak...] R

- Balayer la relation + élimination doublons
- Complexité = card (R). 0 si inclut dans une sélection
- Taille du résultat : [1 : card (R)].

Jointure (naturelle ou thêta) entre R et S

- Balayer R et pour chaque tuple de R faire :
 Balayer S et comparer chaque tuple de S avec celui de R.
- Complexité = card (R) x card (S).
- Taille du résultat : [0 : card (R) x card (S)]

LIENS UTILES

► Algèbre Relationnelle: Division

https://www.youtube.com/watch?v=5kBUpHvYOZA

> Algèbre Relationnelle: Jointure avec boucles imbriquées

https://www.youtube.com/watch?v=4x5uFA_FqSA

➤ Algèbre Relationnelle: Jointure avec tri fusion

https://www.youtube.com/watch?v=nu6118ikpBE

BIBLIOGR APHIE

- GARDARIN, Georges. Bases de données. Editions Eyrolles, 2003.
- Sébastien Choplin, Chapitre 5: L'algèbre relationnelle. Enseignements à l'Université de Picardie Jules Verne.
- EL FADDOULI NOUR-EDDINE, Initiation aux Bases de Données. almohandiss.com
- Philippe LAHIRE Cours Base de Données L2I