



USTHB-Info |2023

# SÉRIE D'EXERCICES 3

## RÉSEAUX

### L3 ACAD

Par  
Dr. Khadidja CHAOUI



# Exercice N°1

**Q1)** Donner le message codé correspondant au message utile suivant, lorsque la technique VRC est utilisé pour le traitement des erreurs de transmission et que les caractères du message sont codés en BCD (4bits) :

*$M = 0011011101100100$*

# Exercice N°1

## Réponse

Message codé correspondant à  $M = 0011011101100100$  avec la *technique VRC* : La technique VRC consiste à coder un message d'une taille de  $k$  bits utiles en rajoutant un seul bit de parité. On suppose qu'on utilise la parité paire. Les caractères du message  $M$  sont codés en BCD (4bits), donc on isole chaque 4 bits du message  $M$  avant de coder :

$$M = 0011 \ 0111 \ 0110 \ 0100$$

On calcule la parité paire pour chaque 4 bits, on obtient :

0011 <b>0</b>	0111 <b>1</b>	0110 <b>0</b>	0100 <b>1</b>
---------------	---------------	---------------	---------------

Le message codé correspondant à  $M$  est :

$$M' = 00110011110110001001$$

# Exercice N°1

**Q2)** Refaites la même chose avec la technique VRC/LRC

# Exercice N°1

## Réponse

**Technique VRC/LRC :** On considère les 4 mots de 4 bits de **M**. On rajoute un bit de parité paire pour chaque mot de ce bloc, puis on rajoute une ligne de parité longitudinale comme suit :

0011 **0**

0111 **1**

0110 **0**

0100 **1**

**0110 0**

Le message codé correspondant à **M** est alors

**M'' = 00110 01111 01100 01001 01100.**

# Exercice N°1

**Q3 )** Vérifier si les messages suivants reçus par un récepteur sont corrects lorsque celui-ci utilise la technique VRC/LRC

$$M_1 = 00110011000100101110$$

$$M_2 = 01111011000100101010$$

# Exercice N°1

**Q3 )** Vérifier si les messages suivants reçus par un récepteur sont corrects lorsque celui-ci utilise la technique VRC/LRC

$$M_1 = 00110011000100101110$$

$$M_2 = 01111011000100101010$$

**Réponse :**

$M_1 =$

0011 **0**

0110 **0**

0100 **1**

**0111 0**

erreurs

$M_2 =$

0111 **1**

0110 **0**

0100 **1**

**0101 0**

correct

# Exercice N°1

**Q4 )** Peut-on faire la correction, dans le cas d'une erreur simple ?



# Exercice N°1

**Q4 )** Peut-on faire la correction, dans le cas d'une erreur simple ?

## Réponse

Dans le cas de la technique *VRC*, on ne peut faire la correction d'une erreur simple. Par contre, on peut faire la correction dans le cas de *VRC/LRC*.

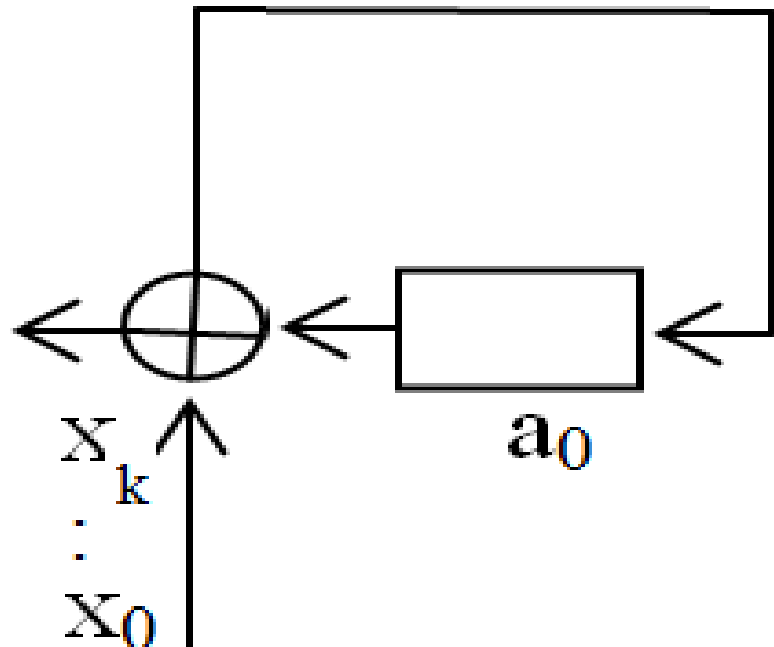
## Exercice N°2

**Q1 )** Soit un code polynomial avec comme polynôme générateur  $G(x) = x+1$ . Donner le circuit logique de division associé. Que fait ce code ?

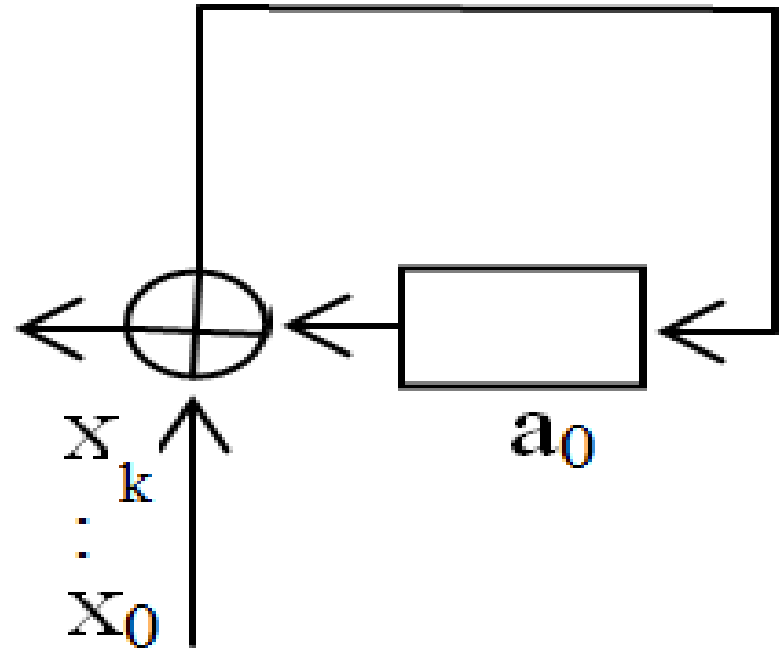
## Exercice N°2

**Q1 )** Soit un code polynomial avec comme polynôme générateur  $G(x) = x+1$ . Donner le circuit logique de division associé. Que fait ce code ?

Réponse



## Exercice N°2



### Réponse

Ce circuit calcule la somme des bits du mot à coder. Ce qui revient à calculer la *parité paire du mot*.

## Exercice N°3

Soit un code polynomial  $C(8,5)$  avec le polynôme générateur  $G(x) = x^3 + x^2 + 1$ .

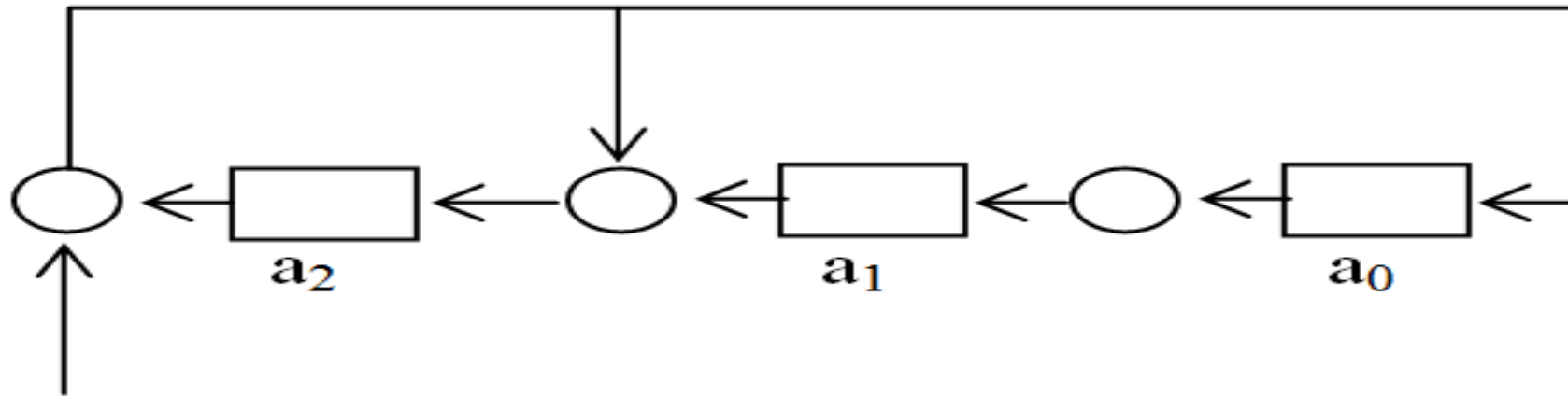
**Q1 )** Donner le circuit de division polynomiale correspondant à ce code.

## Exercice N°3

Soit un code polynomial  $C(8,5)$  avec le polynôme générateur  $G(x) = x^3 + x^2 + 1$ .

**Q1 )** Donner le circuit de division polynomiale correspondant à ce code.

**Réponse**



## Exercice N°3

**Q2 )** Donner le message transmis associe au message  
 $M=1011101011$  en utilisant 1)

## Exercice N°3

**Q2 )** Donner le message transmis associe au message  
 $M=1011101011$  en utilisant 1)

### Réponse

Il faut diviser le message en blocs de  $5 \text{ bits}$  et coder chaque bloc  
séparément : **10111 01011**

Codage du premier bloc : **10111**

$x_i$	$x_i + a_2$	$a_0$	$a_1$	$a_2$
		0	0	0
<b>1</b>	1	1	0	1
<b>0</b>	1	1	1	1
<b>1</b>	0	0	1	1
<b>1</b>	0	0	0	1
<b>1</b>	0	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>

Le code obtenu : **10111 000**



# Exercice N°3

## Réponse

Codage du second bloc : **01011**

$x_i$	$x_i + a_2$	$a_0$	$a_1$	$a_2$
		0	0	0
<b>0</b>	0	0	0	0
<b>1</b>	1	1	0	1
<b>0</b>	1	1	1	1
<b>1</b>	0	0	1	1
<b>1</b>	0	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>1</b>

Le code obtenu : **01011 100**

Donc le message codé est :  
**10111 000 01011 100**

## Exercice N°3

**Q3)** Vérifier à l'aide de 1) si le message reçu  $M' = 01011100$  est correct.

# Exercice N°3

**Q3)** Vérifier à l'aide de 1) si le message reçu  $M' = 01011100$  est correct.

$x_i$	$x_i + a_2$	$a_0$	$a_1$	$a_2$
		0	0	0
0	0	0	0	0
1	1	1	0	1
0	1	1	1	1
1	0	0	1	1
1	0	0	0	1
1	0	0	0	0
0	0	0	0	0
0	0	0	0	0

Il faudra vérifier si le reste de la division est égale à zéro. Donc le message est bien reçu.

# Exercice N°3

**Q4)** Etudier les propriétés de ce code.

## Exercice N°3

**Q4)** Etudier les propriétés de ce code.

### Réponse

Ce code détecte toutes les erreurs simple car  $G(x)$  possède plus d'un coefficient non nul.

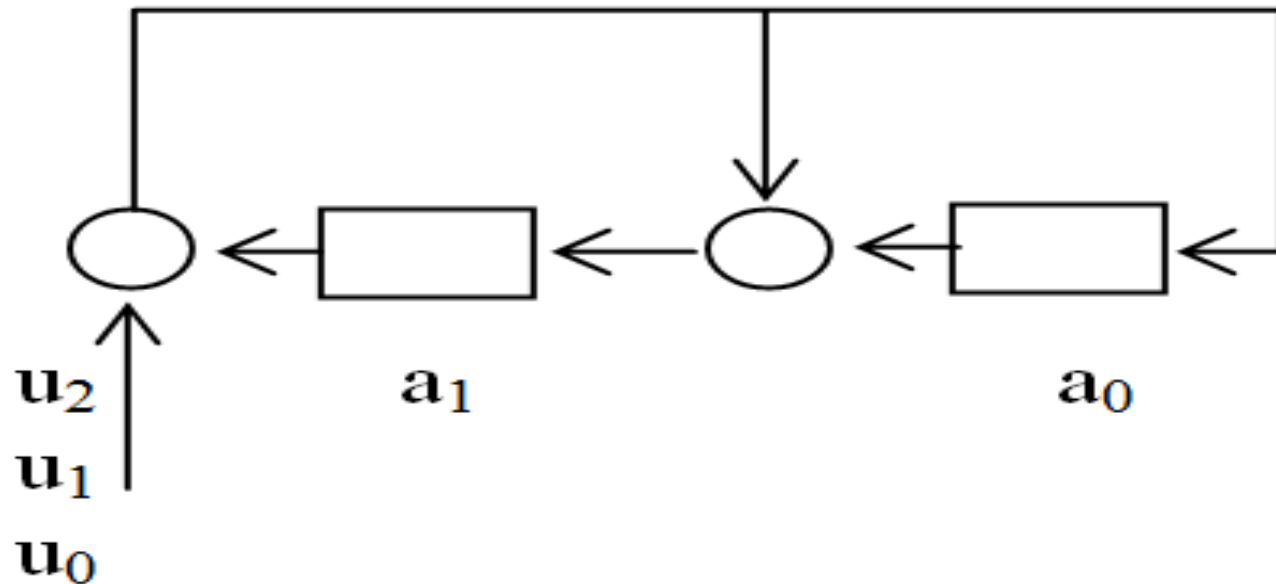
Ce code ne détecte pas toutes les erreurs doubles car  $x^7+1$  est divisible par  $G(x)$ .

Ce code ne détecte pas toutes les erreurs impaires car  $G(x)$  n'est pas divisible par  $x+1$ .

Ce code détecte toutes les salves d'erreurs de longueur  $r=3$ .

## Exercice N°4

Soit un code polynomial, utilisant le circuit logique suivant pour le traitement des erreurs :



**Q1)** Donner la taille de ce code

## Exercice N°4

**Q1)** Donner la taille de ce code

**Réponse :**

Ce code utilise un registre de longueur  $r=2$ .

La longueur des mots à coder  $k=3$ .

Donc,  $n = k+r=5$

Le code est un code  $C(5,3)$ .

# Exercice N°4

**Q2)** Donner le polynôme générateur.



## Exercice N°4

**Q2)** Donner le polynôme générateur.

**Réponse :**

Il suffit de vérifier l'existence de chaque branche verticale reliant chaque registre  $a_i$ . Pour déterminer les coefficients de  $G(x)$ . Si la branche existe alors  $g_i$  est égale à 1 sinon  $g_i=0$ .

Donc  $G(x) = 1+x+x^2$

## Exercice N°4

**Q3)** Donner le message codé correspondant au message *101010*.

## Exercice N°4

**Q3)** Donner le message codé correspondant au message *101010*.

**Réponse :**

Il faut diviser le message en blocs de *3 bits* et coder chaque bloc à part : *101 010*.

Codons le premier bloc : *101*

$x_i$	$x_i + a_1$	$a_0$	$a_1$
		0	0
1	1	1	1
0	1	1	0
1	1	1	0

Le mot codé obtenu est : *101 01*