### **KU** 01

### รหัสตัวเลข

การทดสอบความสามารถในการแก้ปัญหาโดยการเขียนโปรแกรม

ออนไลน์ รอบที่ 1 วันที่ 12 พ.ย. 2565

สำหรับข้อนี้ เราจะมาถอดรหัสลับกัน!

### ♥♥♥ หมายเหตุ: ข้อนี้โจทย์อาจจะยาวสักหน่อย แต่ไม่ยากเกินความพยายามของทุกคนแน่นอน! ♥♥♥

หน่วยงานแห่งหนึ่งมีข้อมูลความลับเป็นตัวเลขฐานสองจำนวน N ตัว จะแทนข้อมูลตัวที่ i สำหรับ 1<=i<=N ด้วย X<sub>i</sub> เพื่อที่จะปกป้องความลับนี้ไม่ให้รั่วไหลได้ง่ายจนเกินไป หน่วยงานจึงมีการเก็บความลับผ่านทางการประมวลผลแบบง่าย ๆ โดยจะมีการดำเนินการทั้งสิ้นได้สองขั้นตอนดังจะได้อธิบายต่อไป

คุณได้รับข้อมูลของความลับที่ผ่านการประมวลผลมาแล้ว และต้องการหาว่าความลับเริ่มต้น N ตัว มีค่าเป็น อย่างไร ในข้อนี้คุณอาจจะได้รับข้อมูลที่ผ่านการประมวลผลจากขั้นตอนแรก (มี 50% ของข้อมูลทดสอบ) หรืออาจจะ ผ่านการประมวลผลทั้งสองขั้นตอนแล้ว (มี 50% ของข้อมูลทดสอบ) นั่นคือ คุณสามารถจะได้คะแนน 50% จากข้อนี้ โดยพิจารณาแค่กรณีที่มีการประมวลผลแค่ขั้นตอนแรกอย่างเดียวเท่านั้น

ขั้นตอนการประมวลผลมีดังนี้ (หมายเหตุ: มีการอธิบายการประมวลผลโดยละเอียดหลังส่วนตัวอย่าง)

**ขั้นตอนที่ 1**: ในขั้นตอนนี้เราจะแปลงความลับจากข้อมูลที่เป็นฐานสอง เป็นลำดับตัวเลขที่เพิ่มขึ้นหรือลดลง ตามค่าของความลับ

ขั้นตอนนี้จะสร้างผลลัพธ์ Y<sub>1</sub>, Y<sub>2</sub>, ..., Y<sub>N</sub> โดยจะเริ่มด้วยตัวเลขตั้งต้นคือ N จากนั้นสำหรับความลับ X<sub>i</sub> ที่เป็น 1 เราจะนำ 1 ไปบวกกับตัวเลขดังกล่าว แต่ถ้าข้อมูล X<sub>i</sub> เป็น 0 เราจะนำ 1 ไปลบจากตัวเลขดังกล่าว

อธิบายอย่างเป็นทางการก็คือ ถ้า  $X_1 = 1$  เราจะให้  $Y_1 = N + 1$  และถ้า  $X_1 = 0$  เราจะให้  $Y_1 = N - 1$ 

ในการประมวลผลข้อมูลถัดจากนั้น สำหรับข้อมูลตัวที่ i ที่มากกว่า 1 ถ้า  $X_i = 1$  เราจะให้  $Y_i = Y_{i-1} + 1$  และ ถ้า  $X_i = 0$  เราจะให้  $Y_i = Y_{i-1} - 1$ 

พิจารณาตัวอย่างต่อไปนี้ สมมติ N = 10 และข้อมูลความลับเริ่มต้นเป็นดังนี้

0100101101

ผลลัพธ์ของการประมวลผลในขั้นตอนนี้คือ

9 10 9 8 9 8 9 10 9 10

ถ้าเขียน X, และ Y, เป็นตารางจะได้ดังตารางด้านล่าง

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
X <sub>i</sub>	0	1	0	0	1	0	1	1	0	1
Y <sub>i</sub>	9	10	9	8	9	8	9	10	9	10

สำหรับข้อนี้ ในข้อมูลทดสอบจำนวน 50% คุณจะได้รับรายการตัวเลข  $Y_1, Y_2, ..., Y_N$  และต้องคำนวณหา  $X_1, X_2, ..., X_N$  หมายเหตุ: มีคำอธิบายละเอียดหลังตัวอย่าง

**ขั้นตอนที่ 2**: จะสร้างผลลัพธ์  $Z_1$ ,  $Z_2$ , ...,  $Z_N$  โดยจะประมวลผลต่อจาก  $Y_1$ ,  $Y_2$ , ...,  $Y_N$  โดยมีขั้นตอนดังนี้ เราจะให้  $Z_1 = Y_1$  จากนั้น เราจะประมวลผลข้อมูลตัวถัดไป สำหรับ i ที่มากกว่า 1 ดังนี้

ถ้า 
$$Y_i < Y_{i-1}$$
 เราจะให้  $Z_i = Y_i + Y_{i-1}$   
แต่ถ้า  $Y_i > Y_{i-1}$  เราจะให้  $Z_i = Y_i + 2Y_{i-1}$ 

(คำอธิบายโจทย์มีต่อหน้าถัดไป)

นั่นคือถ้าค่าลดลงเราจะนำค่าเก่าไปบวก ถ้าค่าเพิ่มขึ้นเราจะนำค่าเก่าไปคูณสองแล้วบวก จากตัวอย่างข้อมูล ผลลัพธ์จากขั้นตอนแรกด้านบน คือ

9 10 9 8 9 8 9 10 9 10

ภายหลังการประมวลผลขั้นที่สองเราจะได้ผลลัพธ์เป็น

9 28 19 17 25 17 25 28 19 28

ถ้าเขียน X<sub>i</sub>, Y<sub>i</sub>, และ Z<sub>i</sub> เป็นตารางจะได้ดังตารางด้านล่าง

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
X <sub>i</sub>	0	1	0	0	1	0	1	1	0	1
Y <sub>i</sub>	9	10	9	8	9	8	9	10	9	10
Z <sub>i</sub>	9	28	19	17	25	17	25	28	19	28

้สำหรับข้อนี้ ในข้อมูลทดสอบจำนวน 50% คุณจะได้รับรายการตัวเลข  $Z_1$ ,  $Z_2$ , ...,  $Z_N$  และต้องคำนวณหา  $X_1$ ,  $X_2$ , ...,  $X_N$  หมายเหตุ: มีคำอธิบายละเอียดหลังตัวอย่าง

#### ข้อมูลนำเข้า

มี 1+N บรรทัด บรรทัดแรกระบุจำนวนเต็ม N และ T (1<=N<=50; 1<=T<=2) โดยที่ T จะระบุว่าคุณได้ข้อมูลที่ผ่าน การประมวลผลหนึ่งขั้น (นั่นคือได้ Y<sub>i</sub>) ถ้า T = 2 คุณจะได้ข้อมูล ที่ผ่านการประมวลผลหนึ่งขั้น (นั่นคือได้ Y<sub>i</sub>) ถ้า T = 2 คุณจะได้ข้อมูล ที่ผ่านการประมวลผลสองขั้น (นั่นคือได้ Z<sub>i</sub>)

จากนั้นอีก N บรรทัดระบุจำนวนเต็ม N จำนวน ถ้า T = 1 ข้อมูล N บรรทัดนี้จะระบุ  $Y_1$   $Y_2$  ...  $Y_N$  ถ้า T = 2 ข้อมูล N บรรทัดนี้จะระบุ  $Z_1$   $Z_2$  ...  $Z_N$ 

รับประกันว่าข้อมูลนำเข้านี้ถูกสร้างมาอย่างถูกต้อง นั่นคือเป็นผลลัพธ์จากการประมวลผลข้อมูลความลับที่เป็น เลขฐานสองจำนวน N ตัวจริง ผู้เข้าทดสอบไม่จำเป็นต้องตรวจสอบข้อมูลซ้ำ

#### ข้อมูลส่งออก

มี N บรรทัด เป็นความลับที่ประกอบไปด้วยเลขฐานสอง N ตัวที่ถอดรหัสออกมาได้

**เงื่อนไขการทำงาน** โปรแกรมจะต้องทำงานภายใน 1 วินาที ใช้หน่วยความจำไม่เกิน 256 MB

#### ตัวอย่างที่ 1

Input	Output
10 1	0
9	1
10	0
9	0
8	1
9	0
8	1
9	1
10	0
9	1
10	

(มีตัวอย่างเพิ่มเติมอยู่หน้าถัดไป)

## ตัวอย่างที่ 2

Input	Output
10 2	0
9	1
28	0
19	0
17	1
25	0
17	1
25	1
28	0
19	1
28	

### ตัวอย่างที่ 3

Input	Output
5 1	1
6	1
7	1
8	1
9	1
10	

## ตัวอย่างที่ 4

Input	Output
5 2	1
6	1
19	1
22	1
25	1
25 28	

## ตัวอย่างที่ 5

Input	Output
5 1	0
4	0
3	0
2	0
1	0
0	

# ตัวอย่างที่ 6

Input	Output
5 2	0
4	0
7	0
5	0
3	0
1	

(มีคำอธิบายตัวอย่างการประมวลผลหน้าถัดไป)

# คำอธิบายตัวอย่างการประมวลผลโดยละเอียด

การประมวลผลขั้นตอนที่ 1

i i	X <sub>i</sub>	คำอธิบาย (เริ่มที่ N)	Yi	การคำนวณ
1	0	ลดค่าลง 1	9	Y <sub>1</sub> = N - 1
2	1	   เพิ่มขึ้น 1	10	$Y_2 = Y_1 + 1$
3	0	ลดค่าลง 1	9	$Y_3 = Y_2 - 1$
4	0	ลดค่าลง 1	8	Y <sub>4</sub> = Y <sub>3</sub> - 1
5	1	เพิ่มขึ้น 1	9	$Y_5 = Y_4 + 1$
6	0	ลดค่าลง 1	8	Y <sub>6</sub> = Y <sub>5</sub> - 1
7	1	เพิ่มขึ้น 1	9	$Y_7 = Y_6 + 1$
8	1	เพิ่มขึ้น 1	10	$Y_8 = Y_7 + 1$
9	0	ลดค่าลง 1	9	Y <sub>9</sub> = Y <sub>8</sub> - 1
10	1	เพิ่มขึ้น 1	10	$Y_{10} = Y_{19} + 1$

การประมวลผลขั้นตอนที่ 2

<u>แบรกระทาย</u>	าวบระมวิสผิสนินต่อนที่ 2							
i	X <sub>i</sub>	Y <sub>i</sub>	คำอธิบาย	Z <sub>i</sub>	การคำนวณ			
1	0	9	เริ่มต้น	9	$Z_1 = Y_1$			
2	1	10	Y เพิ่มขึ้น	28	$Z_2 = Y_2 + 2Y_1$			
3	0	9	Y ลดลง	19	$Z_3 = Y_3 + Y_2$			
4	0	8	Y ลดลง	17	$Z_4 = Y_4 + Y_3$			
5	1	9	Y เพิ่มขึ้น	25	$Z_5 = Y_5 + 2Y_4$			
6	0	8	Y ลดลง	17	$Z_6 = Y_6 + Y_5$			
7	1	9	Y เพิ่มขึ้น	25	$Z_7 = Y_7 + 2Y_6$			
8	1	10	Y เพิ่มขึ้น	28	$Z_8 = Y_8 + 2Y_7$			
9	0	9	Y ลดลง	19	$Z_9 = Y_9 + Y_8$			
10	1	10	Y เพิ่มขึ้น	28	$Z_{10} = Y_{10} + 2Y_{9}$			