ANÁLISIS NUMÉRICO I/ ANÁLISIS NUMÉRICO

Licenciatura en Matemática/ Ciencias de la Computación FAMAF, UNC — Año 2017

TRABAJO DE LABORATORIO N° 5

1. Programar una función en Octave que integre numéricamente usando las reglas compuestas del trapecio, punto medio y Simpson, nombrarla intenumcomp. La función deberá ejecutarse:

S=intenumcomp(@fun,a,b,N,regla)

donde ${\tt Qfun}$ es la función de ${\tt R}$ a ${\tt R}$ a ser integrada, $a,b\in{\tt R}$ son los extremos de integración, N es la cantidad de subintervalos a usar y regla debera ser 'trapecio', 'pm' o 'simpson'. La salida S debe ser un número real. Puede resultar útil el comando switch.

2. Ejecutar los comandos necesarios para mostrar en pantalla los errores absolutos de integrar numéricamente

$$\int_0^1 e^{-x} dx,$$

usando 4, 10 y 20 subintervalos con las 3 reglas compuestas del ejercicio 1.

3. Escribir una función en OCTAVE llamada senint que para cada $x \in \mathbb{R}^n$ retorne $y \in \mathbb{R}^n$ tal que y_i es la aproximación numérica de

$$\int_0^{x_i} \cos(t) dt,$$

usando la regla compuesta del trapecio con N_i subintervalos. La cantidad N_i de subintervalos debe ser escogida de forma que la longitud de los subintervalos sea menor o igual a 0,1 (ver comandos floor, ceil, round). Para x=0:0.5:2*pi grafique simultáneamente sin(x) y senint(x).

4. Calcular mediante la regla del trapecio compuesta y la regla de Simpson compuesta, las siguientes integrales, con una tolerancia de error de 10^{-5} :

a)
$$I = \int_0^1 x e^{-x} dx$$
.

$$b) \quad I = \int_0^1 x \sin(x) dx.$$

c)
$$I = \int_0^1 (1+x^2)^{3/2} dx$$
.

1