



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
WIEN

DISSERTATION

Titel ggf. mehrzeilig

ausgeführt zum Zwecke der Erlangung des akademischen Grades
eines Doktors der Naturwissenschaften unter der Leitung von

Name des Betreuers

E101 – Institut für Analysis und Scientific Computing, TU Wien

eingereicht an der Technischen Universität Wien
Fakultät für Mathematik und Geoinformation

von

Name des Autors

Matrikelnummer: 12345678

Straße und Hausnummer

PLZ und Ort

Diese Dissertation haben begutachtet:

1. **Prof. Dr. X Y**
Institut für XY, Universität Z
2. **Prof. Dr. X Y**
Institut für XY, Universität Z
3. **Prof. Dr. X Y**
Institut für XY, Universität Z

Wien, am Datum

Kurzfassung

- auf Deutsch (auch wenn die Arbeit auf Englisch ist)
- ca. 250 Wörter, maximal 5000 Zeichen
 - Worum geht es?
 - Einordnung der Arbeit ins Forschungsfeld?
 - Was ist die Fragestellung?
 - Was sind die Ergebnisse?
 - Warum ist das wichtig?
- Möglichst nur Text und keine Formeln verwenden!
- Dieser Text wird auch in TISS und der WWW-Seite der TU-Bibliothek verwendet.

Abstract

- auf Englisch (auch wenn die Arbeit auf Deutsch ist)
- sollte die Übersetzung der Kurzfassung sein!
- ca. 250 Wörter, maximal 5000 Zeichen
 - Worum geht es?
 - Einordnung der Arbeit ins Forschungsfeld?
 - Was ist die Fragestellung?
 - Was sind die Ergebnisse?
 - Warum ist das wichtig?
- Möglichst nur Text und keine Formeln verwenden!
- Dieser Text wird auch in TISS und der WWW-Seite der TU-Bibliothek verwendet.

Danksagung

- auf Deutsch oder Englisch
- Die Danksagung (engl. *Acknowledgement*) ist optional und kann auch entfallen. Denken Sie ggf. an Ihre eigenen Eltern!
- Falls die Arbeit durch ein Forschungsprojekt finanziert wurde, so ist jedenfalls der Fördergeber (z.B. FWF oder WWTF) mit Projektnummer und Projektname zu nennen.

– siehe z.B. Dissertation von Michele Ruggeri:

https://publik.tuwien.ac.at/files/publik_252806.pdf

Bitte die Endversion als hartgebundenes Exemplar für den Betreuer. Auf dem Buchrücken bitte die folgende Prägung:

- Vorname Nachname (links)
- Jahr der Arbeit (mittig)
- Dissertation (rechts)

Dankeschön!

Eidesstattliche Erklärung

Ich erkläre an Eides statt, dass ich die vorliegende Dissertation selbstständig und ohne fremde Hilfe verfasst, andere als die angegebenen Quellen und Hilfsmittel nicht benutzt bzw. die wörtlich oder sinngemäß entnommenen Stellen als solche kenntlich gemacht habe.

Wien, am Datum

Name des Autors

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	1
2	Los geht's	2
2.1	Hier beginnt die Arbeit	2
2.2	Ein paar allgemeine Hinweise	2
2.3	Beweise	3
2.4	Bilder	5
2.5	Tabellen	7
2.6	Zitieren + Literaturverzeichnis	7
2.7	L ^A T _E X	8
2.8	Englisch vs. Deutsch	8
2.9	Iterationen	9
	Literaturverzeichnis	10

1 Einleitung

Die Kurzfassungen und die Einleitung sind unter Umständen die wichtigsten Teile der Arbeit, weil sie darüber entscheiden, ob jemand die Arbeit liest. Üblicherweise werden diese Abschnitte erst geschrieben, wenn der eigentliche Inhalt der Arbeit als Ganzes steht.

- Die Einleitung soll an das Thema der Arbeit heranzuführen und die Hauptergebnisse und Hauptmethoden der Arbeit enthalten. Sie sollen Ihre Arbeit in den Kontext der mathematischen Literatur einordnen und Ihre wichtigsten Quellen angeben.
- Die Einleitung enthält alle Informationen, die bereits in der Kurzfassung stehen, gibt aber viel mehr Details und darf / sollte insbesondere auch Formeln enthalten.
- Worum geht es?
- Einordnung der Arbeit ins Forschungsfeld?
- Was ist die Fragestellung?
- Warum ist das wichtig?
- Was gibt es für Resultate in der vorhandenen Literatur?
- In der Einleitung müssen Sie den eigenen Anteil der Arbeit kenntlich machen:
 - Was war meine Leistung?
 - Was sind die Beiträge der vorliegenden Arbeit?
 - Was ist besser als in bisherigen Arbeiten?
- Was sind die eigenen Resultate?
 - Ggf. Meta-Theoreme formulieren!
 - Für genauere Formulierung des Theorems nach hinten verweisen!
- Groben Aufbau der Arbeit skizzieren!
- Verweise auf Notationen / Resultate!

2 Los geht's

2.1 Hier beginnt die Arbeit

- Üblicherweise mit den benötigten Notationen und aus der Literatur bekannten Resultaten etc.
- Grundlegende Definitionen und Resultate der Mathematik-Grundvorlesungen (z.B. Eigenwerte, Satz von Taylor, Banach-Räume etc.) dürfen Sie voraussetzen. Resultate der höheren Vorlesungen (z.B. Lemma von Lax–Milgram, Definition der Sobolev-Räume) können Sie (mit Referenz und *ohne Beweis*) wiederholen.
- Wesentlich ist, dass Sie die benötigte Notation *eindeutig* einführen. Verwenden Sie z.B. *entweder* $W^{1,2}(\Omega)$ *oder* $H^1(\Omega)$ für den Sobolev-Raum.

2.2 Ein paar allgemeine Hinweise

- Regelmäßige Überprüfung der Rechtschreibung und Interpunktion!
- Schreiben Sie stets in vollständigen Sätzen und vermeiden Sie Abkürzungen. Verwenden Sie eine verständliche Sprache mit klaren, nicht zu langen Sätzen. Es ist üblich, im Deutschen die Wir-Form zu verwenden (z.B. *Im Folgenden beweisen wir...*).
- Achten Sie bei mathematischen Aussagen auf die sprachliche Reihenfolge etwaiger Quantoren (z.B. *Auf jeden Topf passt ein Deckel!* vs. *Es gibt einen Deckel, der auf jeden Topf passt!*).
- Achten Sie auf eine einheitliche Verwendung von Eigennamen: *Dirichlet-Rand* oder *Dirichletrand*!
- Saubere Trennung von mathematischer Aussage und Interpretation einer Aussage. Am besten vor jedem Satz einen kurzen Text über die Bedeutung dieses Ergebnisses.
- Jede „Section“ beginnt mit einer kurzen Einleitung, was das Ziel und was die Hauptergebnisse dieser „Section“ sind.
- Text sollte nie mit einer Formel beginnen.
 - Besser: *Es bezeichnet $\mathcal{S}^1(\mathcal{T}) := \{\dots\}$ den Raum ...*
 - Anstelle von: *$\mathcal{S}^1(\mathcal{T}) := \{\dots\}$ ist der Raum ...*
- In Texten sollte nie Formel auf Formel folgen. Bitte ggf. den Text umformulieren!
 - Besser: *Für eine Triangulierung \mathcal{T} definiere $\mathcal{S}^1(\mathcal{T}) := \dots$*

- Anstelle von: *Definiere für eine Triangulierung \mathcal{T} $\mathcal{S}^1(\mathcal{T}) := \dots$*
- Lemmata, Sätze, Proposition etc. sollten alle gemeinsam gezählt/nummeriert werden (d.h. es gibt in dem Dokument *nicht* Lemma 1 und Satz 1). Dadurch lassen sich Resultate im Dokument für den Leser leichter finden. Ggf. können Sie das Kapitel in den Zähler einbinden (z.B. Satz 3.5).
 - Am einfachsten ist dazu die Verwendung von `\newtheorem`.
- Nur wichtige Formeln kriegen eine Nummer. Das sind üblicherweise Formeln in Sätzen, Lemmata etc. sowie Formeln, auf die Sie im Beweis referenzieren.
- Vermeiden Sie die Verwendung von Quantoren und Folgt-Pfeilen im Fließtext, d.h. mischen Sie nicht logische Aussagen und Text (d.h. keine Verwendung von Quantoren zur Abkürzung von Text)! Quantoren und logische Symbole werden üblicherweise nur in abgesetzten Formeln verwendet.
 - z.B. *Damit haben wir die folgende Aussage gezeigt:*

$$\forall \varepsilon > 0 \exists h_0 > 0 \forall \mathcal{T}_h \text{ Triangulierung} : \left(\|h\|_{L^\infty(\Omega)} \leq h_0 \implies \|u - u_h\|_{H^1(\Omega)} \leq \varepsilon \right).$$

- Binden Sie Formeln als Teile von Sätzen ein. Achten Sie insbesondere auf die Zeichensetzung nach Formeln!
 - Beispiel: *Insgesamt erhalten wir damit*
- $$\int_{\Omega} fg \, dx \leq \left(\int_{\Omega} f^p \, dx \right)^{1/p} \left(\int_{\Omega} g^q \, dx \right)^{1/q}. \quad (2.1)$$
- Falls Sie auf eine Formel in einem Beweis an einer Stelle außerhalb des Beweises referenzieren müssen, so sollten Sie diese Formel als eigenes Lemma formulieren.
 - Falls Ergebnisse/Argumente mehrfach verwendet werden, sollten Sie diese als eigenes Lemma formulieren.
 - Machen Sie Ihre wesentlichen Ergebnisse (vor allem Sätze, aber auch Lemmata) zitierbar:
 - alle Voraussetzungen hinschreiben (oder auf Generalvoraussetzung verweisen),
 - bei etwaigen Konstanten in Abschätzungen die Abhängigkeit möglichst genau formulieren.

2.3 Beweise

- Um die Lesbarkeit der Arbeit zu erhöhen, sollten Beweise deduktiv formuliert werden. Dadurch kann der Leser der Argumentation leichter folgen.
 - Besser: *Weil ..., gilt ...*
 - Anstelle von: *Es gilt ..., weil ...*

- Schreiben Sie kurze Sätze mit maximal ein bis zwei Nebensätzen anstelle von langen Satzgefügen.
 - Besser: *Es gilt ... Daraus folgt ... Mithilfe von ... ergibt sich ...*
 - Anstelle von: *Es gilt ..., woraus wir zunächst ... und dann schließlich mithilfe von ... auch ... erhalten.*
- Seien Sie eindeutig, aber nicht ausschweifend in Ihren Texten! Anders als bei einem Deutschaufsatz ist sprachliche Vielfalt nicht das Ziel und Wortwiederholung im Grunde OK! Dies gilt insbesondere dann, wenn ein formales Argument wiederholt wird (d.h. gleiche Argumente verwenden dieselben Worte).
- Arbeiten Sie die Beweise vollständig aus! Anders als in einem Paper gibt es in der Arbeit keine Begrenzung der Seitenzahl.
- Erklären Sie Rechnungen! Eine Rechnung, die über mehrere Zeilen geht, ist in der Regel nicht von alleine verständlich. Für jedes Argument gilt: Sie müssen es entweder zitieren oder beweisen. Standardargumente (z.B. Dreiecksungleichung, Hölder-Ungleichung) müssen lediglich genannt, aber nicht zitiert werden.
- Gliedern Sie längere Beweise *sichtbar* in mehrere Schritte und sagen Sie explizit, was in jedem Schritt gezeigt wird.
 - *Schritt 1.* Zunächst zeigen wir...
 - Verwenden Sie bitte keine `itemize`-Umgebung für die Beweisschritte!
- Erklären Sie, warum Sie „o.B.d.A.“ schreiben! Warum darf man das ohne Einschränkung annehmen?
- Vermeiden Sie die Einschüchterung des Lesers („elementare Rechnung zeigt“, „trivialerweise gilt“ etc.).
 - Elementare Rechnungen können Sie ggf. in einem Appendix sammeln, wenn diese den Lesefluss stören würden (d.h. in einem eigenen Abschnitt am Ende der Arbeit, der mit `\appendix vor` den folgenden Gliederungsbefehlen `\chapter{...}` bzw. `\section{...}` eingeleitet wird).
- Bei Abschätzungen können Sie z.B. mittels `\stackrel{\eqref{eq:formel}}{\le}` beziehungsweise dem vordefinierten Makro `\eqreff{eq:formel}{\le}` Hinweise geben, dass diese Abschätzung aus der Formel mit `\label{eq:formel}` folgt, z.B.

$$\text{LHS} \stackrel{(2.1)}{\leq} \text{RHS}.$$

Dies ist für den Leser eine wesentliche Erleichterung, um umfangreiche Abschätzungen nachzuvollziehen.

- Bei mehrzeiligen Formeln sollten Sie die Gleichheitszeichen untereinander ausrichten. Dies erreichen Sie mittels der vordefinierten `\eqreff*{eq:formel}{\le}`-Umgebung,

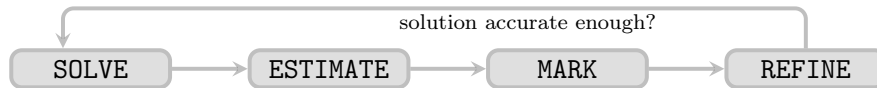


Abbildung 2.1: Die SOLVE-ESTIMATE-MARK-REFINE Schleife.

z.B.

$$\begin{aligned} \text{LHS} &\stackrel{(2.1)}{\leq} \text{RHS}_1 \\ &\stackrel{(2.1)}{\leq} \text{RHS}_2. \end{aligned}$$

Das ist insbesondere bei umfangreichen Abschätzungen sehr hilfreich. Sie müssen dann aber manuell Abstände vor und nach dem Gleichheitszeichen einfügen, z.B. `LHS \ \eqreff*{eq:hoelder}{\le} \ RHS_1`.

- Ein Beweis sollte nie mit einer Formel enden, sondern mit Text, z.B. *womit die Abschätzung (1.3) gezeigt ist*.

2.4 Bilder

- In den Bild-Unterschriften genau schreiben, was gezeigt wird, insbesondere zu welchem Abschnitt / Beispiel die Abbildung gehört.
 - am besten auch kurze beschreibende Schlagwörter.
 - Beispiel: *Abbildung 3.5. Numerische Resultate zur singulären Lösung auf dem L-Shape aus Abschnitt 3.1. Wir visualisieren den Fehler $\|u - u_h\|_{H^1(\Omega)}$ über der Anzahl N der Elemente.*
- Unterscheiden Sie bei der Beschreibung von Bildern, was Sie visualisieren, was Sie beobachten und wie Sie dies interpretieren (bzw. was dies belegt).
- Mathematische Grafiken können Sie leicht mithilfe von TikZ (siehe <https://tikz.dev/tikz>) erstellen. Dafür sind die wichtigsten Einstellungen schon geladen. Eine nützliche Grafik könnte zum Beispiel die bekannte SOLVE-ESTIMATE-MARK-REFINE Schleife in Abbildung 2.1 sein.
- In der Praxis ist es auch gut, wenn Sie die Grafiken in separate Dateien auslagern und diese dann in das Hauptdokument einbinden. Das erhöht die Übersichtlichkeit und erleichtert das Arbeiten an den einzelnen Kapiteln. Ein Beispiel dafür ist in Abbildung 2.2 gezeigt.
- Ein weiteres nützliches Tool für die Erzeugung von Grafiken ist pgfplots. Ein Manual dazu gibt es unter <https://mirror.kumi.systems/ctan/graphics/pgf/contrib/pgfplots/doc/pgfplots.pdf>. Nützliche Einstellungen sind bereits im Klassenfile enthalten. Ein Beispiel für die Verwendung von pgfplots ist in Abbildung 2.3 gezeigt.

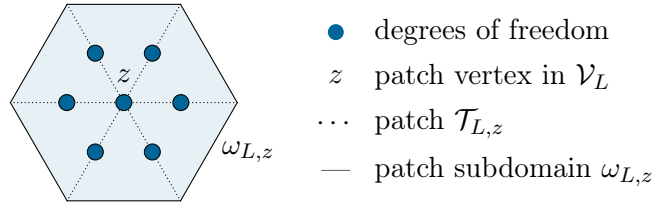


Abbildung 2.2: Ein Patch $\omega_{L,z}$ mit zugehörigen Freiheitsgraden.

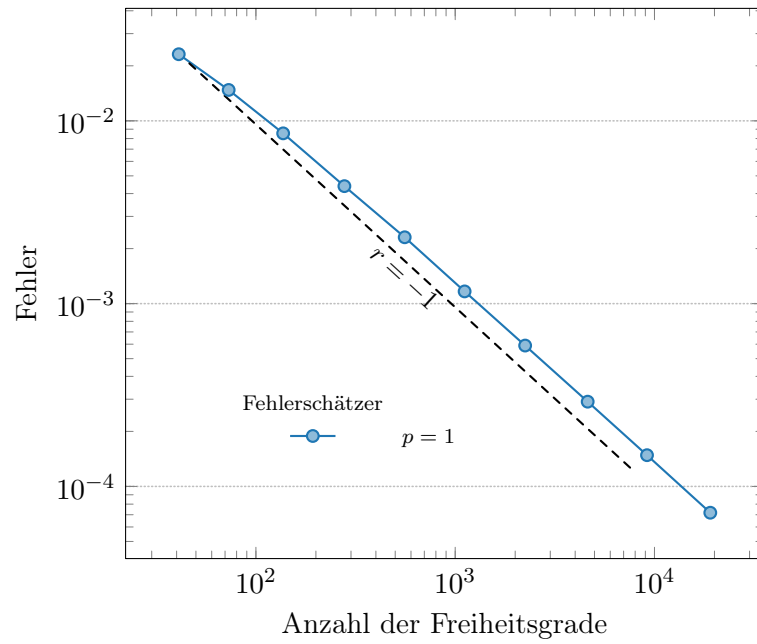


Abbildung 2.3: Numerische Resultate zur singulären Lösung auf dem L-Shape aus Abschnitt 3.1. Wir visualisieren den Fehlerschätzer η_ℓ über der Anzahl **ndof** der Freiheitsgrade.

	Checkerboard		Stripe	
	$p = 1$	$p = 2$	$p = 1$	$p = 2$
$k = 1$	-0.4961	-0.9877	-0.4956	-1.0116
$k = 2$	-0.4960	-0.9946	-0.4969	-0.9670
$k = 3$	-0.4960	-0.9826	-0.5095	-0.9766

Tabelle 2.1: Experimentelle Konvergenzraten des Fehlerschätzers aus Abschnitt 3.1.

2.5 Tabellen

- Bei Tabellen sollten Sie weder vertikale Linien noch doppelte horizontale Linien verwenden.
- Einen guten Überblick erhalten Sie in der Paketdokumentation von `booktabs` unter <https://www.namsu.de/Extra/pakete/Booktabs.html>.
- Tabellen sollten eine klare Struktur haben und die Einträge sollten übersichtlich sein. Ein Beispiel für eine Tabelle ist in Tabelle 2.1 gezeigt.

2.6 Zitieren + Literaturverzeichnis

- Um Ergebnisse aus Arbeiten zu zitieren, sollten Sie `\cite[Theorem~X]{workY}` nutzen und auch das konkrete Resultat angeben.
 - z.B. [FGH⁺16, Theorem 4]
- Wenn Sie ein Buch zitieren, geben Sie bitte mittels `\cite[Section~X]{buchY}` den Abschnitt an. Häufig ist es besser, Abschnitte zu zitieren als Seitennummern.
- Verwenden Sie BibTeX (siehe `literature.bib` in diesem Template)!
 - Alternativ können Sie auch die `thebibliography`-Umgebung verwenden. Achten Sie in diesem Fall darauf, dass Sie die vollständigen bibliographischen Daten angeben (Artikel: Autoren, Titel, Zeitschrift, Band, Jahr, Seiten; Buch: Autoren, Titel, Verlag, Verlagsort, Auflage, Jahr), alle Einträge *einheitlich* formatieren und alphabetisch sortieren.
- Die BibTeX-Einträge können Sie aus <http://www.ams.org/mathscinet/> mittels Copy'n'Paste übernehmen.
- Auch wenn Sie die BibTeX-Einträge aus <http://www.ams.org/mathscinet/> übernehmen, sollten Sie darauf achten, dass am Ende die Einträge *einheitlich* sind:
 - Bei Vornamen von Autoren entweder alle abkürzen oder alle ausschreiben.
 - Bei Journal-Namen entweder bei allen den vollständigen Namen angeben oder bei allen die offizielle Abkürzung gemäß <http://www.ams.org/mathscinet/> verwenden.

- siehe auch die Vorlesungsfolien auf <http://www.asc.tuwien.ac.at/compmath/>.

2.7 L^AT_EX

- Alle `Overfull \hbox` und `Overfull \vbox` eliminieren!
 - `Overfull \hbox` eliminiert man durch geeignete `Sil\ben\tren\nung` oder geeignete `\linebreak`.
 - `Overfull \vbox` eliminiert man durch geeignete `\pagebreak`.
- Absätze macht man in L^AT_EX, indem man Leerzeilen verwendet. Üblicherweise wird dadurch auch das erste Wort des neuen Absatzes eingerückt, was die Lesbarkeit erhöht. Bitte also *nicht* `\\` oder `\newline` für einen neuen Absatz verwenden!
- Grundsätzlich machen Leerzeilen vor/nach Umgebungen (z.B. `\begin{theorem}` etc.) den Source-Code lesbarer.
- Das Tilde-Symbol verhindert einen Zeilenumbruch und wird deshalb vor `\ref`, `\cite` etc. verwendet, z.B. `Laut Satz~\ref{satz:xxx} gilt...`
- In Subscripts oder Superscripts verwendet man kein `\frac`, sondern schreibt den Bruch aus:
 - Also besser $\left(\sum_{T \in \mathcal{T}} \eta_T^2\right)^{1/2}$ anstelle von $\left(\sum_{T \in \mathcal{T}} \eta_T^2\right)^{\frac{1}{2}}$.
 - Also besser $m_h^{i+1/2}$ anstelle von $m_h^{i+\frac{1}{2}}$.
- Verwenden Sie im Fließtext möglichst kein `frac`!
 - Besser: $(n+1)^{-1}$ oder $1/(n+1)$.
 - Anstelle von: $\frac{1}{n+1}$.
- Falls Sie ggf. Abkürzungen verwenden, sollten Sie in L^AT_EX `ggf.\` schreiben, damit der Punkt nicht als Satzende (= größerer Abstand) interpretiert wird.
- Mittels Verwendung von `\input{kapitelX.tex}` können Sie Ihr Dokument auf mehrere Dateien aufteilen (z.B. kapitelweise).
- Damit in Formeln Konstanten und Klammern nicht aneinander picken, sollten Sie mittels `\`, händisch Abstände einfügen, z.B. `C \`, `h^\alpha`. Dasselbe gilt in Integranden, z.B. `\int_0^\Omega f^2 \`, `dx`. L^AT_EX ist an diesen Stellen sehr „knausrig“ mit Abständen.

2.8 Englisch vs. Deutsch

- Sie dürfen Ihre Arbeit sowohl auf Englisch als auch auf Deutsch verfassen!

- Bitte schreiben Sie nur auf Englisch, wenn Sie wissen, was Sie tun! Der Korrekturaufwand kann für beide Seiten immens sein! Insbesondere gelten für die Zeichensetzung im Englischen andere Regeln als im Deutschen.

2.9 Iterationen

- Üblicherweise erfolgt das Lesen und die Korrektur der Arbeit iterativ.
- Bitte verwenden Sie das Makro `\revision{...}`, um Änderungen **farbig hervorzuheben**. Dieses Makro kann bei der nächsten Iteration mithilfe von <https://aldadic.github.io/cleantex/> entfernt werden.

Literaturverzeichnis

- [FGH⁺16] M. Feischl, G. Gantner, A. Haberl, D. Praetorius und T. Führer. Adaptive boundary element methods for optimal convergence of point errors. *Numer. Math.*, 132(3):541–567, 2016. DOI: [10.1007/s00211-015-0727-4](https://doi.org/10.1007/s00211-015-0727-4).

Curriculum Vitae

Persönliche Daten

Name	Dirk Praetorius
Geburtsdatum	10.01.1974
Geburtsort	Neunkirchen / Saar
Nationalität	Deutsch
Email	dirk.praetorius@tuwien.ac.at
Homepage	https://www.tuwien.at/mg/asc/praetorius

Ausbildung

seit 09/2001	Universitätassistent am Institut für Angewandte und Numerische Mathematik, TU Wien, Österreich
02/2000–08/2001	DFG-Stipendiat am Lehrstuhl für Wissenschaftliches Rechnen, Christian-Albrechts-Universität zu Kiel, Deutschland
10/1996–06/2000	Diplomstudium Mathematik, Christian-Albrechts-Universität zu Kiel, Deutschland
10/1993–01/2000	Studium von Mathematik und Lateinischer Philologie für das gymnasiale Lehramt, Christian-Albrechts-Universität zu Kiel, Deutschland
06/1993	Abitur, Meldorfer Gelehrtenschule, Meldorf, Deutschland

Wissenschaftliche Publikationen

D. Praetorius: *Remarks and examples concerning distance ellipsoids*, Colloquium Mathematicum, 93 (2002), 41–53.

Wien, am Datum

Name des Autors