

Universidade de Brasília

RELATÓRIO DE ATIVIDADE DO MÓDULO 5 MÉTODOS NUMÉRICOS PARA ENGENHARIA

Integração Numérica

Aluno: Wilton Rodrigues

Matrícula: 13/0049212

20 de novembro de 2016

1 Introdução

O objetivo deste relatório é exercitar os conceitos aprendidos em aula, com relação ao tópico: Integração Numérica.

Em determinadas situações, integrais são difíceis, ou mesmo impossíveis de se resolver analiticamente. Para contornar esse obstáculo é possível, através da substituição da função f(x) por um polinômio que a aproxime razoavelmente num dado intervalo [a,b], encontrarovalordaintegral.

O problema a ser solucionado é o que trata da função seno integral, como é mostrado a seguir:

$$Si(x) = \int_0^x \frac{sen(t)}{t} dt \tag{1}$$

Onde o objetivo deste relatório será, através do método da regra do trapézio composta, plotar o gráfico da equação (1) com 100 valores de x no intervalo 0 < x < 10, além de calcular os valores de Si(0,5) e Si(5,5) com precisão de 6 casas decimais.

2 Metodologia

Baseando-se no método da Regra do Trapézio composta, como dito anteriormente, tem-se a seguinte relação:

$$\int_{x_0}^{x_n} f(x)dx = \sum_{i=0}^{n-1} \int_{x_i}^{x_{i+1}} f(x)dx = \sum_{i=0}^{n-1} \frac{h}{2} [f(x_i) + f(x_{i+1})]$$
 (2)

Onde podemos escrever a equação (2) como:

$$\int_{x_0}^{x_n} f(x)dx = \frac{h}{2} [f(x_0) + f(x_1) + \dots + f(x_{n-1}) + f(x_n)]$$
 (3)

Como o problema especifica uma quantidade mínimia de pontos a serem apresentados, a qual vamos chamar de N, o nosso h será calculado de acordo com a seguinte relação:

$$h = (x_n - x_0)/N \tag{4}$$

3 Diagrama esquemático de execução

Nesta seção, encontra-se o fluxo de execução utilizando a linguagem C. Que é apresentada na próxima sessão.

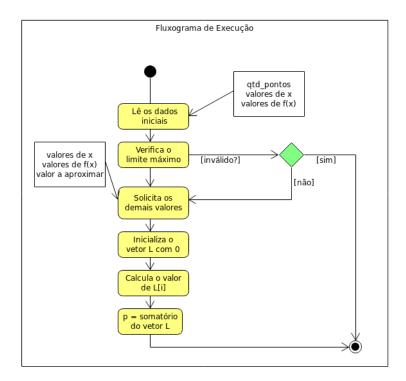


Figura 1: Fluxo de execução da solução

A solução elaborada neste relatório funciona da seguinte maneira. É necessário inserir a quantiade de pontos conhecidos. A quantidade máxima permitida é de 10 elementos, ou seja, funções de grau máximo 9. Após isso o programa solicitará a inserção do valor de cada ponto e em seguida o valor da função. Por fim, também é solicitado o valor de x que deseja aproximar. Então, o programa inicia o vetor L com zero em todas as suas posições e em seguida entra em um loop calculando o somatório do método de legrange, baseado no princípio de que os elementos $i\ e\ j$ não podem ser iguais, para que haja o cancelamento de todos os elementos. O resultado da divisão é então alocado na respectiva célula do vetor L. Por fim, há um loop para somar todos os valores de lagrange encontrados na variável p, que é então exibida ao usuário, estando preenchida com o valor em função do ponto x que o usuário inseriu.

4 Código Fonte

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <assert.h>
4 #include <math.h>
5 #define QTD_POINTS 100
  int main(int argc, char *argv[]){
    double upper_limit , below_limit = 0.00000000001;;
9
    double x[QTD_POINTS], f[QTD_POINTS];
10
    double I;
11
    char file_name[]="in.dat";
    FILE *file;
13
    sscanf(argv[1], "%lf", &upper_limit);
    double h = upper_limit / QTD_POINTS;
16
17
    file = fopen(file_name, "w");
18
    if (file == NULL)
19
       printf("Erro, nao foi possivel abrir o arquivo\n");
20
21
       for (int i = 1; i \leftarrow QTD\_POINTS + 1; i++){
         x[i] = below_limit;
23
         below_limit += h;
         f[i] = \sin(x[i])/x[i];
25
         fprintf(file, "%lf %lf \n", x[i], f[i]);
26
27
       fclose (file);
28
    }
29
30
    double even\_sum = 0.0;
31
    for (int i = 2; i < QTD\_POINTS + 1; i += 2) {
32
       even_sum += f[i];
33
34
35
    double odd_sum = 0.0;
36
    for (int i = 3; i < QTD_POINTS + 1; i += 2) {
37
       odd_sum += f[i];
38
39
40
    I = (h/2)*(f[1]+(2*(odd\_sum + even\_sum)+f[QTD\_POINTS + 1]));
41
    printf("I=\%lf \setminus n", I);
42
    return EXIT_SUCCESS;
43
44
```

5 Resultados e discussões

Nesta seção discutiremos os resultados obtidos após a execução do programa apresentado na seção anterior.

Primeiramente, será apresentada a plotagem do gráfico da equação (1) para o intervalo [0, 10], como havia sido estabelecido no início do relatório. Para gerar estes pontos, basta executar o programa com o limite superior = 10. Um arquivo será gerado com todos os pontos e os respectivos valores. Então, através da ferramenta Gnuplot, foi feita a plotagem do gráfico.

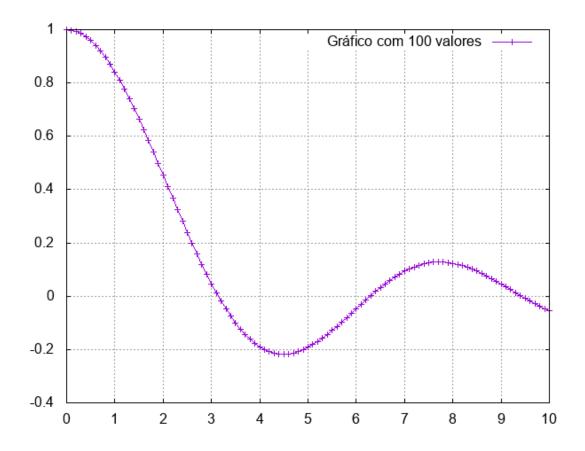


Figura 2: Plotagem de 100 valores no intervalo [0, 10]

Após isso, executou-se o programa para os valores Si(0,5) e Si(5,5):

```
[0][wilton@asus]~/Dropbox/UnB/Métodos Numéricos/solutions/m5/solution
$ ./a.out 0.5
I=0.493107
```

Figura 3: Resultado da execução do programa para Si(0,5)

```
[0][wilton@asus]~/Dropbox/UnB/Métodos Numéricos/solutions/m5/solution
$ ./a.out 5.5
I=1.468762
```

Figura 4: Resultado da execução do programa para Si(5,5)

Após a execução do programa foram obtidos os seguintes valores:

$$Si(0,5) = 0.493107 \ e \ Si(5,5) = 1.468762$$

Devido ao fato de o método utilizado ter sido a Regra do Trapézio Composto, para não cairmos em uma indeterminação ao aplicarmos o método ao primeiro elemento que resultaria em uma divisão por 0, substituiu-se este valor por 1×10^{-8} .

O resultado encontrado a partir da solução proposta é condizente. Pois ao fazermos a comparação dos valores obtidos com os resultados obtidos no site WolframAlpha (https://www.wolframalpha.com), chegamos ao mesmo resultado:

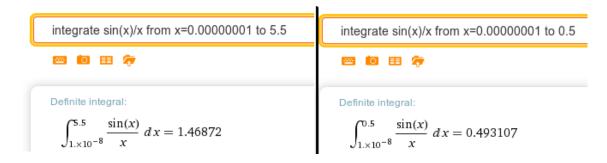


Figura 5: Resultados do WolframAlpha

Sendo assim, o objetivo proposto no início do relatório foi satisfatoriamente alcançado.

6 Ferramentas

Todas as ferramentas utilizadas neste relatório são ferramentas open source (software livre). Permitindo assim que qualquer um possa reproduzir e contestar as afirmações presentes neste documento.

- 1. Arch Linux (https://www.archlinux.org)
 - Sistema operacional utilizado.
- 2. GCC (https://gcc.gnu.org)
 - Compilador de C utilizado para compilar a solução.
- 3. Python (https://www.python.org)
 - Linguagem de programação utilizada para conferir os valores da solução.
- 4. vim (http://www.vim.org)
 - Editor de texto.
- 5. LATEX (https://www.latex-project.org)
 - Sistema tipográfico de alta qualidade (utilizado para elaborar o relatório).
- 6. Gnuplot (http://www.gnuplot.info)
 - Utilitário de representação gráfica (utilizado para plotagem do gráfico).
- 7. UMLet (http://www.umlet.com)
 - Ferramenta de UML (utilizado para criar o fluxo de execução).
- 8. Shutter (http://shutter-project.org)
 - Programa de captura de tela (utilizado para capturar os resultados).