

LEI - Computação Gráfica

prof. André Perrotta, prof. Hugo Amaro

Frequência (mini-teste):

vetores & álgebra linear transformações geométricas projeção e visualização

NI	ome	
IN	ome	

Número:

Duração: 60min 30 de Outubro, 2024 valor max: 20 TIPO: A

Instruções

• Assinale apenas uma alternativa em cada questão.

• Não há descontos para questões erradas.

Formulário

sejam os vetores $\vec{A}(a_1,a_2,a_3)$ e $\vec{B}(b_1,b_2,b_3)$ produto escalar:

$$\vec{A} \bullet \vec{B} = \sum_{i=1}^{3} a_i b_i = |\vec{A}| |\vec{B}| \cos \theta$$

produto vetorial:

$$\vec{A} \times \vec{B} = \begin{vmatrix} \hat{x} & \hat{y} & \hat{z} \\ a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \end{vmatrix} = (a_2b_3 - b_2a_3)\hat{x} + (a_3b_1 - b_3a_1)\hat{y} + (a_1b_2 - b_1a_2)\hat{z}$$

transformações geométricas:

$$T = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & T_x \\ 0 & 1 & 0 & T_y \\ 0 & 0 & 1 & T_z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad S = \begin{bmatrix} S_x & 0 & 0 & 0 \\ 0 & S_y & 0 & 0 \\ 0 & 0 & S_z & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad R_z = \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta & 0 & 0 \\ \sin \theta & \cos \theta & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$Proj_{perspectiva_{openGl}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1/d & 0 \end{bmatrix} \quad Proj_{ortogonal} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

	0°	30°	45°	60°	90°
$\sin(\theta)$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
$\cos(\theta)$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{1}{2}$	0
$\tan(\theta)$	0	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	1	$\sqrt{3}$	undefined

Implementação das funções perspective(...) e lookat(...), rect() e axis() (implementação utilizada nas aulas PL)

```
void lookat (
void perspective (
GLfloat theta,
                                                                   GLfloat camX,
GLfloat alpha,
                                                                   GLfloat camY,
GLfloat beta,
                                                                   GLfloat camZ,
bool invertX = false,
                                                                   GLfloat\ targetX ,
bool invertY = false
                                                                   GLfloat targetY,
                                                                   GLfloat targetZ,
  glMatrixMode (GL\_PROJECTION);\\
                                                                   GLfloat\ upX,
  glLoadIdentity();
                                                                   GLfloat upY,
  GLfloat tan = tanf(theta*0.5 * PI / 180.0);
                                                                   GLfloat upZ
  GLfloat d = (gh() / 2.0) / tan;
                                                                     ofVec3f cam = ofVec3f(camX, camY, camZ);
  GLfloat nearClip = d / alpha;
  GLfloat farClip = d * beta;
                                                                     ofVec3f target = ofVec3f(targetX, targetY, targetZ);
  GLfloat ymax = nearClip * tan;
                                                                     ofVec3f up = ofVec3f(upX, upY, upZ);
  GLfloat xmax = (gw() / gh()) * ymax;
  if (invertX) {
                                                                     of Vec3f N = cam - target;
    xmax = -xmax:
                                                                     N = N. normalized();
  if (invertY) {
                                                                     of Vec3f U = cross(up, N);
    ymax = -ymax;
                                                                     U = U.normalized();
                                                                     of Vec3f V = cross(N, U);
  glFrustum(-xmax, xmax, -ymax, ymax, nearClip, farClip);
                                                                     V = V.normalized();
                                                                     GLfloat camTransformMatrix[4][4] = {
                                                                       \{U.x, V.x, N.x, 0\},\
                                                                       \left\{ U.\,y\,,\ V.\,y\,,\ N.\,y\,,\ 0\right\},
                                                                       \left\{ U.\,z\,\,,\  \  V.\,z\,\,,\  \  N.\,z\,\,,\  \  \, 0\,\right\} \,,
                                                                       \{-U. dot(cam), -V. dot(cam), -N. dot(cam), 1\}
                                                                     glMatrixMode (GL_MODELVIEW);
                                                                     glLoadIdentity();
                                                                     glMultMatrixf(&camTransformMatrix[0][0]);
```

```
void rect(){
                                                void axis() {
                                                  glBegin(GL_LINES);
  glBegin(GL_QUADS);
  glVertex3f(-0.5, 0.5, 0.);
                                                  glVertex3f(0, 0, 0);
  glVertex3f(-0.5, -0.5, 0.);
                                                  glVertex3f(1, 0, 0);
  glVertex3f(0.5, -0.5, 0.);
                                                  glVertex3f(0, 0, 0);
  glVertex3f(0.5, 0.5, 0.);
                                                  glVertex3f(0, 1, 0);
  glEnd();
                                                  glVertex3f(0, 0, 0);
}
                                                  glVertex3f(0, 0, 1);
                                                  glEnd();
                                                }
```

Vetores e álgebra linear

Q1(2 valores):

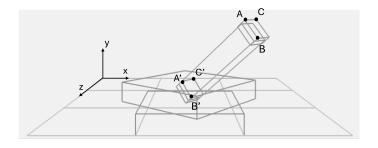
Considere um ponto A, definido em coordenadas cartezianas como A=(x,y,z). Assinale a alternativa que NÃO representa o ponto A em coordenadas homogênas.

(a)
$$A = (xw, yw, zw, w)$$

(b) $A = (x, y, z, 1)$
(c) $A = x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k} + \hat{w}$
(d) $A = [x y z 0]$
(e) $A = \begin{bmatrix} 4x \\ 4y \\ 4z \\ 4 \end{bmatrix}$

Q2(2 valores):

O tanque desenhado na figura abaixo foi implementado com Openframeworks/OpenGL. Conhecendo-se as coordendas (x, y, z) dos vértices A, B, C, A', B', C', queremos calcular a direção e sentido do vetor velocidade de um tiro que é disparado pelo canhão. Assinale a alternativa que contém uma forma possível de calcular o vetor velocidade.



hfill

(a)
$$\vec{vel} = \{(A-B) + (A-C) + (A'-B') + (A'-C')\}\frac{1}{2}$$

(b)
$$\vec{vel} = ||(A - B')||$$

(c)
$$\vec{vel} = (C - A) \times (C' - A')$$

(d)
$$\vec{vel} = \frac{(B-B')}{\sqrt{(B_x - B'_x)^2 + (B_y - B'_y)^2 + (B_z - B'_z)^2}}$$

(e)
$$\vec{vel} = (C - A) \bullet (B - A)$$

Transformações

Q3(2 valores):

A matriz ao lado representa uma combinação de transformações euclideanas (transformações de corpo rígido, que preservam os ângulos e distâncias entre vértices e arestas) em coordenadas homogêneas. Assinale a alternativa que descreve uma relação verdadeira entre os diversos elementos da matriz e que valha para qualquer combinação de transformações euclideanas.

$$M = \begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix}$$

(a)
$$a = b, -d = -e$$

(d)
$$a = e = i$$

(b)
$$g = h = i = 1$$

(e)
$$a = -e$$

(c)
$$g = h = 0$$

Q4(2 valores):

Uma aplicação desenvolvida em OF/OpenGl utiliza a função rect() (ver pág 2) e uma série de transformações para desenhar um retângulo. Conhecesendo-se o estado da matriz Modelview (M) no momento em que a função rect() é chamada, qual é a posição final da coordenada da origem do retângulo em coordenadas do mundo (x, y, z)?

$$M = \begin{bmatrix} 135.7 & -135.7 & 0.86 & -384 \\ 271.5 & 271.5 & 0 & 384 \\ -235.1 & 235.1 & 0.5 & -665.107 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

(a)
$$(x, y, z) = (0, 0, 0)$$

(d)
$$(x, y, z) = (384, -384, 665.107)$$

(b)
$$(x, y, z) = (135.7, -135.7, 0.86)$$

(e)
$$(x, y, z) = (-384, 384, -665.107)$$

(c)
$$(x, y, z) = (135.7, 271.5, 0.5)$$

Q5(2 valores):

Uma aplicação desenvolvida em OF/OpenGl utiliza a função rect() (ver pág 2) e uma série de transformações para desenhar um retângulo. Conhecesendo-se o estado da matriz Modelview (M) no momento em que a função rect() é chamada, qual é a posição final do primeiro vértice do retângulo em coordenadas do mundo (x, y, z)?

$$M = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 & 10 \\ 0 & 2 & 0 & 10 \\ 0 & 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

```
(a) (x, y, z) = (0, 0, 0) 

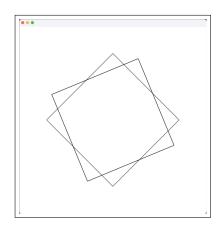
(b) (x, y, z) = (10, 10, -1) 

(c) (x, y, z) = (20, 20, -1) 

(e) (x, y, z) = (18, 22, -1)
```

Q6(2 valores):

A figura à seguir foi desenhada com uma aplicação implementada em OF/OpenGL utilizando as configuração de defeito do OF e tamanho de janela Wx W. Assinale a alternativa que completa corretamente os parâmetros (A, B, C, D) das transformações geométricas utilizadas na rotina de desenho implementada no método ofApp::draw().



```
void ofApp::draw(){
   glPushMatrix();
   glTranslatef(A, B, 0.);
   glRotatef(C, 0, 0, 1);
   glScalef(gw()*0.5, gh()*0.5, 1.);
   rect();
   glRotatef(D, 0, 0, 1);
   rect();
   glPopMatrix();
}
```

```
(A, B, C, D) =
```

- (a) (W, W, 90, 45)
- (b) (W/2, W/2, -45, 22.5)
- (c) (0,0,-45,45)
- (d) (W/2, -W/2, 0, 45)
- (e) (-W/2, -W/2, 30, 60)

Câmera, projeção e visualização

Q7(2 valores):

Considere uma aplicação desenvolvida em OF/OpenGL, configurada para uma janela de tamanho WxW, em que a matriz de projeção está configurada com a função perspective(60,10,1000), e a matriz Modelview está configurada utilizando a função $lookat(0,0,\frac{W}{tan(\frac{\pi}{6})},0,0,0,0,1,0)$. Após estas configurações, queremos utilizar a função rect() para desenhar um retângulo no centro da tela à ocupar exatamente toda a janela da aplicação. Para isto ser possível devemos escalar e transladar o retângulo. Assinale a alternativa que indica os valores corretos das operações de escala e translação.

```
(a) S(2,2,1), T(0,0,0)

(b) S(W/2,W/2,1), T(W/2,W/2,0)

(c) S(2W,2W,1), T(0,0,0)

(d) S(W/4,W/4,1), T(W/2,W/2,0)

(e) S(W/4,W/4,1), T(0,0,0)
```

Q8(2 valores):

O trecho de código à seguir é utillizado para desenhar uma vista ortográfica de um cubo em OF/OpenGl. Oual face do cubo será desenhada na tela?

```
void ofApp::draw(){
    glMatrixMode(GL_PROJECTION);
    glLoadIdentity();
    glOrtho(-1, 1, -1, 1, -2, 2);
    lookat(1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0);
    cube_unit();
}
```

- (a) face esquerda
- (b) face frontal
- (c) face de cima
- (d) face direita
- (e) n.d.a

Q9(2 valores):

Analise o trecho de código OF/OpenGl e assinale a alternativa correta.

```
void ofApp::draw(){
   glMatrixMode(GL_PROJECTION);
   glLoadIdentity();
   glOrtho(-1, 1, -1, 1, -2, 2);
   lookat(0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0);
   glTranslatef(0, 0, -10);
   cube_unit();
}
```

- (a) o cubo será desenhado no centro da tela.
- (b) o cubo será desenhado com seu centro no canto esquerdo superior da tela.
- (c) o cubo não será desenhado, pois a câmera definida com lookat está apontada na direção oposta.
- (d) o cubo não será desenhado, pois está transladado para fora do volume de projeção.
- (e) n.d.a

Q10(2 valores):

O código à seguir é parte de uma aplicação OF/OpenGL configurada para uma janela de tamanho 500x500 (parâmetro definido em ofMain.h). Analise o código e assinale a alternativa correta.

```
void ofApp::draw(){
  glViewport(200, 200, 100, 100);
  glMatrixMode(GL_PROJECTION);
  glLoadIdentity();
  glOrtho(-1, 1, -1, 1, -2, 2);
  lookat(0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0);
  glColor3f(1, 0, 0);
  glBegin(GL_LINES);
  glVertex3f(-1, 1, 0);
  glVertex3f(1, -1, 0);
  glEnd();
}
```

- (a) é desenhada uma linha de cor vermelha, do canto direito superior ao canto esquerdo inferior da janela.
- (b) a distância entre os vértices na janela da aplicação será de $100\sqrt{2}$ pixels.
- (c) a distância entre os vértices em coordenadas do mundo é 2.
- (d) é desenhada uma linha de cor azul, à partir do meio da tela até o canto direito inferior.
- (e) n.d.a