- a)  $x(t) = 2 \sin(8\pi t) \frac{4}{2} (\sin(20\pi t) + \sin(4\pi t)) \Rightarrow \omega \in \{4\pi, 8\pi, 20\pi\}$   $f \in \{2, 4, 10\}$
- b) fo = mdc (2,4,10) = 2 => To = 1

$$\frac{1}{0} = \frac{1}{5} = \frac{(u(t-1)-u(t-5))=1}{5} = 1, 1 \le t \le 5$$

Limitando assimo sinal pelo que [1x(+)(u+++1)-u(+-5)] 200

Sinal de chergia com potência média nula.

d) 
$$\Omega_0 = \frac{2\pi f_0}{f_s} = \frac{4\pi}{40} = \frac{\pi}{10}$$
,  $T_s = \frac{1}{40}$ 

$$\approx [n] = \infty (+) \Big|_{t=nT_s} = 2 \sin \left[ 8\pi \frac{1}{40} n \right] - 2 \sin \left[ \frac{20\pi}{40} n \right] + \sin \left[ \frac{4\pi}{40} n \right] = \frac{1}{40} \sin \left[ \frac{$$

2. 
$$x[n] = -3 + 2\cos[0,2\pi n] \longrightarrow y[n] = -3 - 2\sin[0,6\pi n]$$
  
Sabemos que  $x[am-b] = y[m] = -3$   
 $x[am-b] = -3 + 2\cos[0,2\pi am - \frac{17}{5}b] \quad y[0,2\pi am = 0,6\pi m = )a = 3$   
 $y[m] = -3 - 2\sin[0,v\pi m] = -3 + 2\cos[0,6\pi m] = \frac{7}{5}b = \frac{7}{5}b = \frac{7}{5}b = -\frac{5}{2}$ 

b) Ambos são sincis sinusoideis, como tal, a potência média à ambos, apenas depende da amplitude, que é igual em ambos:

$$P = \frac{A^2}{2}$$

$$P = \frac{(-3)^2}{2} + \frac{2}{2} = 6,5 \text{ W}$$

Invanante no tempo pois yx [n] = yx [n-x] [n]

Não causal porque o termo - y[n+1] depende de valores

b) 
$$y[n] = 0.5y[n-1] + 0.4x[n-1] = 0$$
  
 $(\Rightarrow) Y(z) = 0.5z^{-1}Y(z) + 0.4z^{-1}X(z) = 0$   
 $(\Rightarrow) Y(z)(1-0.5z^{-1}) = 0.4z^{-1}X(z) = 0$   
 $(\Rightarrow) \frac{Y(z)}{X(z)} = H(z)|_{C.1.11} = G(z) = \frac{0.4z^{-1}}{1-0.5z^{-1}} = 0$ 

$$h[n] \times (n) = 0$$
 $0 \times (n) = 0$ 
 $0$ 

$$4 a) \frac{3}{54} (G(3)) = \frac{-3}{54} (1 - 0.8) (1 - 0.15)$$

Zeros: -3 & +3,3=0 (=> &=1,1

Polo de ordem 4 Polos: 8 = 0 ; 1-0,88 -1 = 0(=) 8 = 0,6 1-1 = 0 => 8 = K (=> 8 = K V8 = -K Polos simples b) Como 1=141(=> K12 e como o sistema é estével se tobos os polos estiverem contidos na cirrunferência unitária, o, sistema é estével se K for memor ou iquel en 2 c) · X(8) = 2 = 2 U(3) - 4 = 20 = 2 = 2 = 1 (1 - x - 1) - 4 = 70  $Y(z) = (-(z) \times (z) = \left(\frac{-3(1-1.1z^{-1})z^{-1}}{(1-0.25z^{-1})(1-0.25z^{-1})}\right) \left(\frac{2z^{-1}}{1-z^{-1}} - 4z^{-90}\right)$ Pelo T. valor final: prop y[n] = lim (1-8-1) Y(z) =  $= \left(\frac{-3(1-1.1)}{(1-0,8)(1-0,25)}\right)\left(2-4(1-1)\right) = \frac{-0,3.2}{0,15} = -4$ 10 1000 1001100 101/1/1/1 1010  $cost = \{4, 8, 5, 3\} \quad W = 10$ V = {5, 12 8 1} N = 4 dp[N+1][W+1] dp[i][w] max v with cost w among first i

5 a) 
$$X_{pet}[F] = f_s X_{et} (K \frac{2^n f_s}{N}) \Rightarrow 40 = f_s. 2. |\frac{6.2^n f_s}{2.40}|/4^n| \Leftrightarrow 40 = (\frac{n f_s}{N})/4^n| \Leftrightarrow 40 = f_s. 2. |\frac{6.2^n f_s}{2.40}|/4^n| \Leftrightarrow 4$$

Cm = 21cm => C3 = 1, Om = 4 cm => 03 = 0

A resolução temporal tem de ser um miliplo de indiluto, 2000]=5  $\Delta f = \frac{1}{Iw} \Rightarrow 5 = \frac{1}{Iw} = 1 \text{ in } 5$ 

$$\Delta f = \frac{f_s}{N} = 2.5$$
  $m = \frac{415}{2.5} = 166_{11}$ 

$$N = \frac{f_{2}}{\Delta f} = 200$$

$$C_{3} = \frac{X[3]}{200} = \frac{-50}{200} = \frac{-4}{4} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

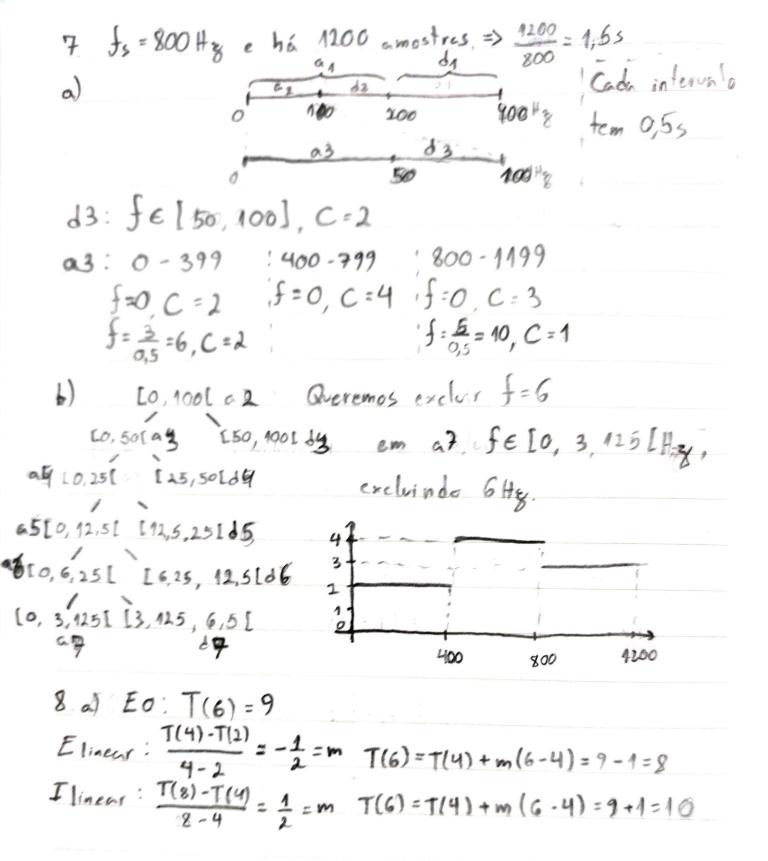
$$c_9 = \frac{\times [9]}{200} = \frac{25}{200} = \frac{1}{8} = \frac{1}{8}e^{i\theta} \Rightarrow C_9 = \frac{1}{4} \wedge \theta_9 = 0$$

$$\Omega_0 = \frac{2\pi}{N} = \frac{\pi}{100}$$

$$\frac{1}{2} \cos \left[ \frac{3\pi}{100} n - \frac{\pi}{2} \right] + \frac{1}{4} \cos \left[ \frac{9\pi}{100} n \right]$$

$$x[n] = \left[\frac{1}{2}\cos\left[\frac{3\pi}{100}n - \frac{\pi}{2}\right] + \frac{1}{4}\cos\left[\frac{9\pi}{100}n\right]\right]\left[u[n - 5N] - u[n - 6N]\right]$$

Restringir a expressão do sinal à 6º janela



b) 1º: Estacionarizar a séria, usanda, por exemplo, diferenciação ou remoção de tendências. 2º Usar funções de autocorrelação parais (PACF) pera comperer uma série com ela própria em diferencial en diferencial de la propria em diferencial de la pela dela que propria de la propr

 $\int T(6) = \alpha_1 T(4) + \alpha_2 T(2) + \alpha_3 T(0) =$  = 2.9 - 1.1.10 + 0.3.8 = 9.4