## **Compiladores**

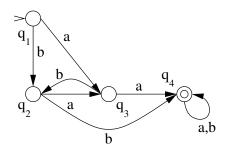
# Exercícios de revisão sobre linguagens regulares

### Licenciatura em Engenharia Informática Universidade de Coimbra

#### Ano Letivo 2024/25

- 1. Escreva expressões regulares e construa autómatos finitos determinísticos e não-determinísticos para as seguintes linguagens:
  - (a)  $L = \{w \in \{0,1\}^* : w \text{ tem uma e uma só ocorrência da substring } 11\}$
  - (b)  $L = \{w \in \{0,1\}^* : w \text{ tem exactamente duas ocorrências da substring } 11\}$
  - (c) O conjunto de todas as strings binárias com um número par de uns
  - (d) O conjunto de todas as strings em  $\{a,b\}^*$  com até 3 a [2]
- 2. Escreva expressões regulares e construa autómatos finitos determinísticos e não-determinísticos para as seguintes linguagens: [1]:
  - (a) O conjunto das strings binárias que não contêm a substring 101.
  - (b) O conjunto das strings binárias com igual número de uns e zeros tais que nenhum prefixo contém mais 2 zeros que uns, nem mais 2 uns que zeros.
  - (c) O conjunto das strings binárias cujo número de zeros é divisível por 5 e cujo número de uns é par.
- 3. Descreva por palavras as linguagens definidas pelas seguintes expressões regulares [1]:
  - (a)  $(1 \cup \bigcirc^*)(00^*1)^*0^*$
  - (b)  $(0^*1^*)^*000(0 \cup 1)^*$
  - (c)  $(0 \cup 10)^*1^*$
- 4. Construa autómatos finitos não-determinísticos e determinísticos que aceitem as linguagens da questão anterior.
- 5. Demonstre que a classe de linguagens aceites por autómatos é fechada sob intersecção, através da construção de um autómato adequado. Sugestão: considere um autómato cujo conjunto de estados corresponda ao produto Cartesiano dos conjuntos dos estados dos autómatos originais [2].

6. Considere o seguinte autómato M, definido para  $\Sigma = \{a,b\}$ :



- (a) Descreva informalmente a linguagem L(M).
- (b) Apresente uma expressão regular para L(M).

# Referências

- [1] John E. Hopcroft, Rajjev Motwani e Jeffrey D. Ullman, *Introduction to Automata Teory, Languages, and Computation*, Pearson, 2001.
- [2] Harry R. Lewis e Christos H. Papadimitriou, *Elements of the Theory of Computation*, Prentice-Hall, 1998.