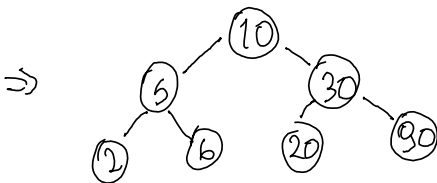
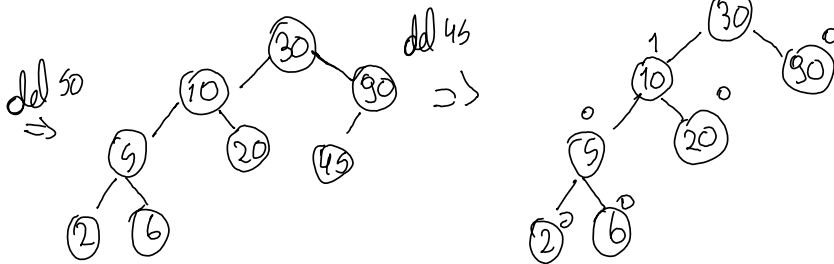
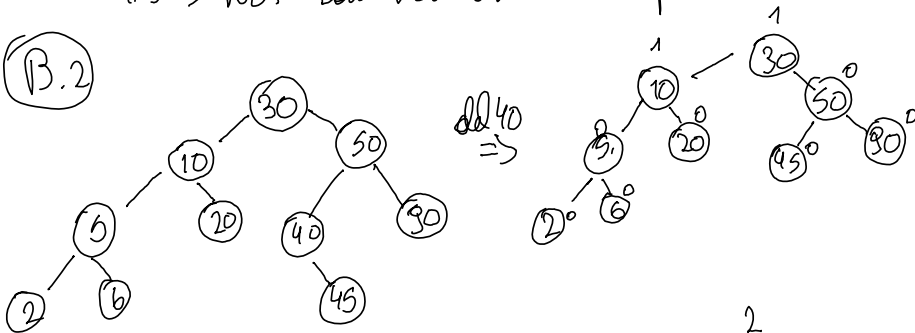


B.1

- #1 → A raiz é sempre preta
- #2 → Um pai de cor vermelha não pode ter filhos vermelhos
- #3 → Cada caminho a partir de um nó até uma folha tem o mesmo número de nós pretos
- #4 → Todos os nós nulos são pretos
- #5 → Nós não vermelhos ou pretos

B.2



(B.3)

00	10
01	
02	
03	32
04	
05	29
06	
07	18
08	19
09	20
10	21

$$h(k) = k \% 11$$

$$h_i(k) = (h(k) + i^2) \% 11, \quad i = 1, 2, 3, \dots$$

$$\begin{array}{ccccccc} \checkmark & \checkmark & \checkmark & \checkmark & \checkmark & \checkmark & \checkmark \\ 21, 10, 32, 18, 19, 20, 29 \end{array}$$

$$21 \% 11 = 10$$

$$10 \% 11 = 10 \rightarrow h_1(k) = (10 + 1) \% 11 = 0$$

$$32 \% 11 = 10 \rightarrow h_1(k) = 11 \% 11 = 0$$

$$\rightarrow h_2(k) = 14 \% 11 = 3$$

$$18 \% 11 = 7$$

$$19 \% 11 = 8$$

$$20 \% 11 = 9$$

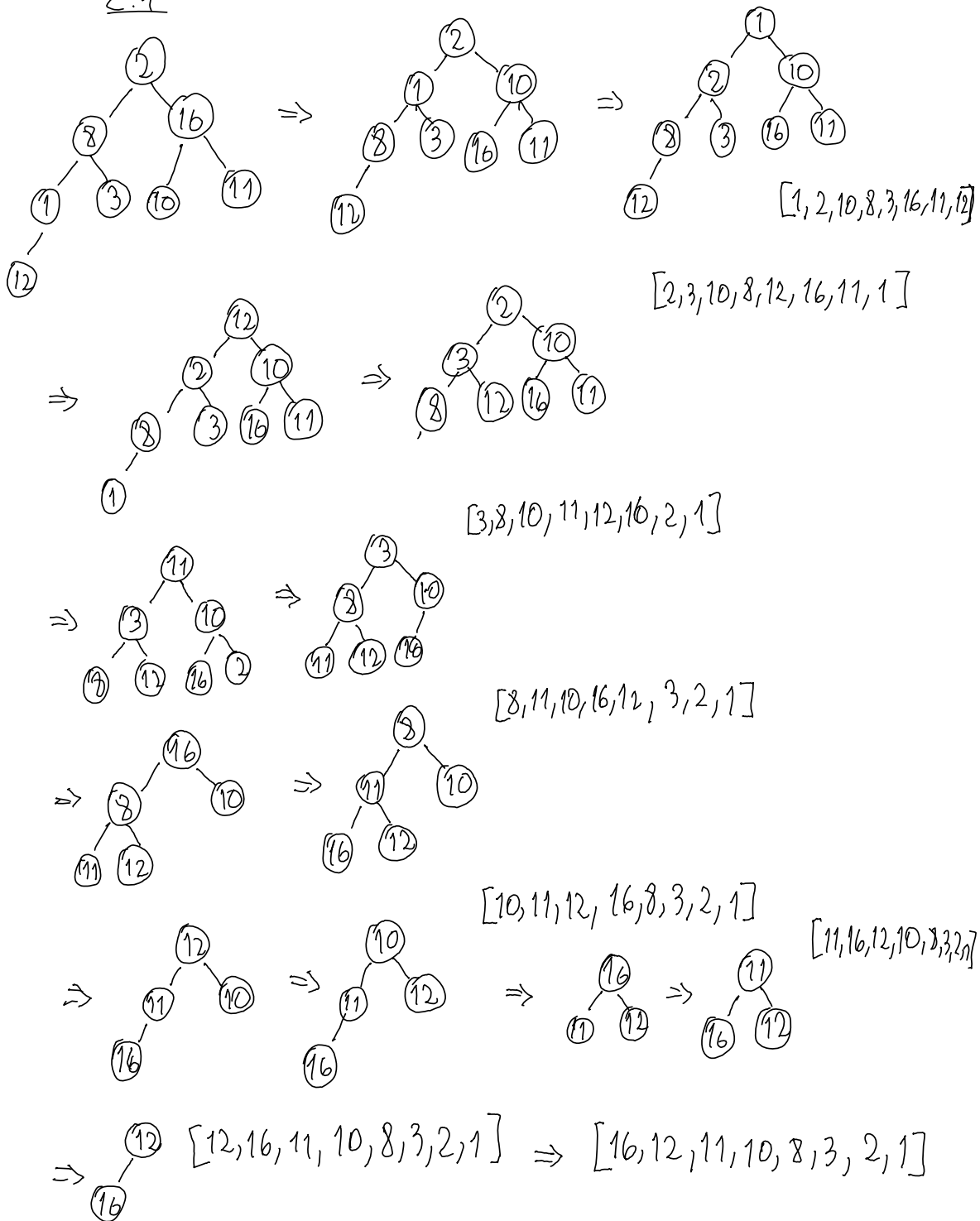
$$29 \% 11 = 7$$

$$\rightarrow h_1(k) = 8 \% 11 = 8$$

$$h_2(k) = 11 \% 11 = 0$$

$$h_3(k) = 16 \% 11 = 5$$

c.1



C.2 Mesmo de sempre