

T.C. ANKARA ÜNİVERSİTESİ MÜHENDİSLİK FAKÜLTESİ BİLGİSAYAR MÜHENDİSLİĞİ BÖLÜMÜ

2021-2022 BAHAR YARIYILI BULANIK MANTIK (BLM2536) DERSİ BULANIK SİSTEM TASARIMI ÖDEV RAPORU

Hazırlayanlar:

Tuğba Taluy 19291085

Erencan Tekin 19290273

Betül Öğmen 19290263

Dersi Veren Kişi:

Araştırma Görevlisi Murat OSMANOĞLU

Özet

Bu ödevde amacımız 2021-2022 bahar yarıyılı süresince almış olduğumuz "bulanık mantık" dersinin en önemli kazanımlarından biri olan bulanık mantık sistemi tasarlamaktır. Bu tasarımı yaparken hem bildiğimiz bir programlama dilini hem de bulanık mantık hesaplamalarında kullanılan matematiksel yaklaşımları uyguladık. Yani bir diğer deyişle tüm dönem boyunca öğrendiğimiz matematiğin, matematiksel yaklaşımların kodlanarak bilgisayar ortamına geçirilmesi ve mantıklı sonuçlar elde etmemiz temel amacımızdır diyebiliriz.

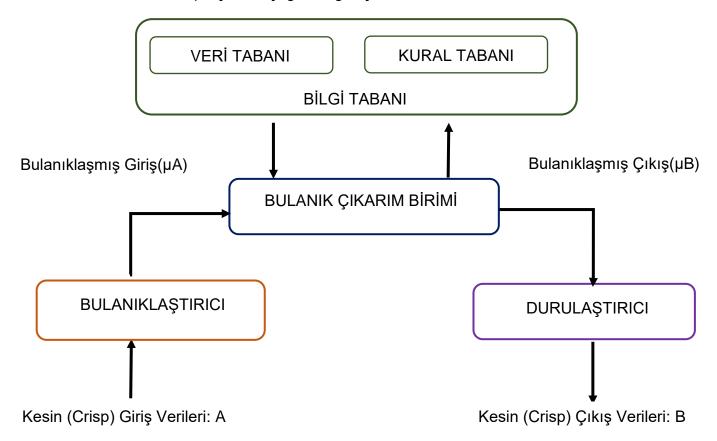
Bir bulanık mantık sistemi bulanıklaştırıcı (fuzzifier), çıkarım (inference), bilgi tabanı (knowledge base) ve durulaştırıcı (defuzzifier) olmak üzere 4 temel parçadan oluşur.

Bulanık mantık sistemleri gerçeğe daha yakın matematiksel sonuçlar ve bu sonuçlardan yola çıkarak daha gerçekçi yorumlar yapmamıza, eğer bu sonuç bir sistemin çalışma prensibini belirleyecekse sistemin daha verimli çalışmasına olanak sağlar.

GIRIŞ

Bulanık kümeler ve bu kümenin elemanlarının üyelik değer fonksiyonlarını kullanarak anlamlı çıktılar elde edebildiğimiz kontrol sistemlerine bulanık mantık sistemleri denmektedir. Her ne kadar elde edilen sonuç sistemin kendi içinde karar verebilmesinde kullanılsa da bulanık mantık sistemleri kendi kendilerine öğrenme eylemini gerçekleştirmezler yani elde edilen sonuç üzerinden herhangi bir öğrenme modeli oluşturma durumu söz konusu değildir. Diğer bir deyişle bulanık matık sistemleri anlamlı çıktı oluşturmayı sağlar ancak bu çıktıyı kullanarak kendini eğitebilme yeteneğine sahip değildir.

Bir bulanık sistemin parçaları aşağıdakı gibi şematize edilebilir:

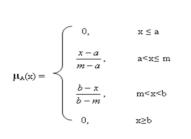


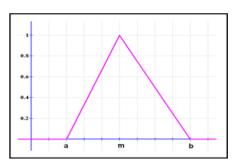
✓ Bulanık mantık sistemlerinde verinin işlenişi A noktasından B noktasına doğru ilerler. Giriş verilerinin üzerinde herhangi bir işlem yapılmak zorunda olmamakla beraber, bulanık kümeler, dilsel değişkenler ve bunlara bağlı olarak üyelik değer fonksiyonları bulanık sistem çalıştırılmadan önce tanımlanmış olmalıdır. Şimdi sistem elemanlarını kısaca tanıyalım:

Bulanıklaştırıcı (Fuzzifier):

Bulanıklaştırma (fuzzification) işleminin yapıldığı sistem elemanıdır. Bulanıklaştırma ise bilgi tabanında bulunan bilgilerin yardımıyla girdi olarak girilen verinin üyelik değeri [0,1] değer aralığında olan bulanık bir girdiye dönüştürüldüğü basamaktır. Bir diğer deyişle elimizdeki kurallar dahilinde kesin bir değeri, bir üyelik değer fonksiyonuna dönüştürmektir.

1. Üçgensel Üyelik Değer Fonksiyonu:



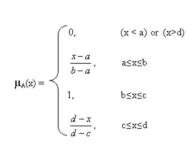


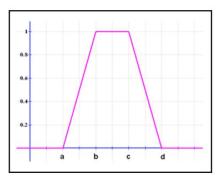
Üçgensel üyelik değer fonksiyonları temelde a≤m≤b şeklinde 3 sayı ve bu 3 sayı arasındaki tüm

reel sayıların [0,1] değer aralığına sahip üyelik değerlerinden oluşan parçalı fonksiyonlardır. Diğer bir deyişle;

M sayısı üçgensel sayının yükseklik değerinde görüntüye sahiptir (üyelik değeri 1'dir). Üçensel üyelik değer fonksiyonu min sol tarafında artan eğimli bir doğrudan, sağ tarafında azalan eğimli bir doğrunun ve bu değerler harici y=0 doğrusunun birleşimiden oluşur.

2. Yamuk Üyelik Değer Fonksiyonu





Yamuk üyelik değer fonksiyonları temelde a≤b≤c≤d şeklinde 4 sayı ve bu 4 sayı arasındaki tüm reel sayıların

[0,1] değer aralığına sahip üyelik değerlerinden oluşan parçalı fonksiyonlardır.

a ve d'nin görüntüleri 0, [b,c] kapalı aralığındaki tüm reel sayılar için görüntü değeri üyelik değer fonksiyonunun yüksekliğidir. [a,b] kapalı değer aralığında artan eğime sahip bir doğrudur. [b,c] aralığı y=1 doğrusudur, [c,d] aralığı azalan eğime sahip bir

doğrudur, bu tanım aralıkları y=0 değerini alır ve bu değerler yamuk üyelik değer fonksiyonunu oluşturur.

Bulanık Çıkarım Birimi (Fuzzy Inference):

Bilgi tabanıyla ortaklaşa çalışarak (özellikle kural tabanı kısmını kullanarak) bulanıklaştırıcının üretmiş olduğu değerden kurallara bağlı kalarak mantıklı sonuçlar elde edilen aşamadır. Kurallardan yararlanarak birtakım mantıksal işlemler sonucunda değer elde edilme işlemine çıkarım adı verilir. Çıkarımdan raporun ilerleyen kısımlarında daha ayrıntılı olarak bahsedeceğiz.

Bilgi Tabanı (Knowledge Base):

Bulanık kümeler, kümelere ilişkin bilgiler, kümelerin birbirleriyle olan ilişkileri ve bu ilişkilerin sonuçlarının bulunduğu sistem parçasıdır. Burada yer alan bilgiler doğrultusunda çıkarımın nasıl yapılacağı belirlenir. Bilgi tabanı veri tabanı ve kural tabanı olmak üzere 2 kısımdan oluşur:

- Veri tabanında giriş değerlerine ait üyelik değer fonksiyonları, dilsel değişkenler ve çıkışa ait üyelik değer fonksiyonları bulunur.
- Kural tabanında ise giriş değerlerinin dilsel değişkenler şeklinde ifade edilmiş sonuçlarına göre elde edilmesi beklenen çıkış değerleri (kurallar) yer alır.

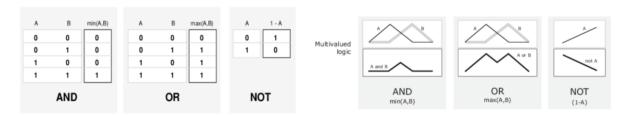
Durulaştırıcı (Defuzzifier):

Durulaştırma (defuzzification) işleminin yapıldığı sistem parçasıdır. Durulaştırma işlemi çıkarımın sonucunda elde edilen bulanık değerin problemin sonucunda daha anlamlı bir çözüm elde etmek için yapılan kırpma ve ölçeklendirme işlemlerini kapsar. Yani elimizde var olan sonucu problemin bizden ne istediğine bağlı olarak, kesinleştirmemizi sağlar. Basitçe elimizde var olan bulanık sonucun kesin (crisp) hale getirilmesi demektir.

Çıkarım:

Elimizde olan bilgileri, belirli kurallar dahilinde yeni bilgiler elde etmek amacıyla işlemeye çıkarım adı verilir.

Bir bulanık mantık sisteminde bir kümeye ait birden çok dilsel değişken ve birden çok bulanık küme kullanılarak sonuç elde etmek durumunda olabiliriz. Böyle bir durumda bu değerleri birbirine bağlayan mantıksal ifadelere diğer bir deyimle "kurallara" ihtiyaç duyarız. Bu kuralları oluştururken klasik mantıkta kullandığımız bağlaçların bulanık mantıktaki hallerini kullanırız.



Şekil 1 Klasik mantık işlemlerinin bulanık mantıktaki karşılıkları

Kurallar Nasıl Sunulur?

Bulanık mantik sistemlerinde çıkarımların kurallar dahilinde yapıldığını söylemiştik. Bu kuralların mantıksal olarak sisteme sunulması gereklidir ve şu şekilde sunulurlar:

Eğer hava yağmurluysa yanımıza şemsiye almak iyi bir fikirdir.

Eğer yemek lezzetliyse bahşiş yüksektir.

Eğer çalışan hevesli ve/veya donanımlıysa maaşı yüksektir.

Çıkarım Yöntemleri:

Bulanık mantık sistemlerinde birçok çıkarım yömtemi bulunmakla beraber en çok kullanılanları Mamdani ve Sugeno çıkarım yöntemleridir.

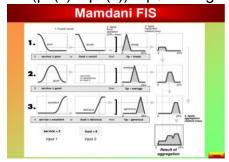
Mamdani Çıkarım Yöntemi

Bulanık mantık sistemlerinde en çok kullanılan çıkarım yöntemidir. Kullanılan matematiksel yakşalımlar insan mantığına daha kolay yattığından çok tercih edilir. Ayrıca elde edilen sonucu yorumlamak çok daha rahattır. 1975 yılında Londra Üniversitesi'nde çalışan matematik ve bilgisayar bilimci İbrahim Mamdani tarafından geliştirilmiştir.

Mamdani yönteminde giriş ve çıkış değerleri bulanık değerlerdir.

Belirlenen kurallara göre üyelik değerleri hesaplanır ve kuralda geçen mantıksal bağlaçlara göre min veya max işlemi uygulanır. Eğer bağlaç "or/veya" ise değerlerin max değerleri, "and/ve" ise değerlerin min değerleri alınır. A ve B giriş C çıkış değeri olsun:

(μ_A(x) λ μ_B(x)) ν μ_C ile değer durulaştırılır.



2.Larsen Çıkarım Yöntemi

Mamdani ile birlikte en çok kullanılan çıkarım yöntemlerinden biridir. Mamdaniden farklı olarak giriş değerlerini üyelik değerlerinin minimumu değil, değerlerin cebirsel çarpımları alınır ve çıkış değeri ile maksimumları alınır.

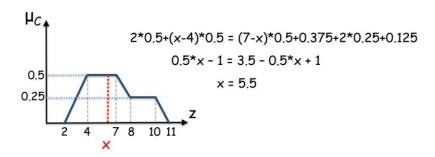
(μ_A(x).μ_B(x)) v μ_C ile değer durulaştırılır.

Durulaştırma Yöntemleri:

Elde edilen bulanık değerin kesin bir değere dönüştürülmesi işlemidir.

1.İkiye Bölme (Bisector) Yöntemi:

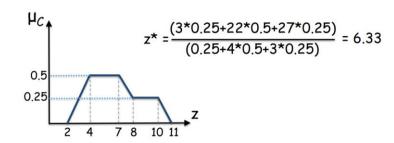
Kuralların uygulanışından sonra elde edilen grafikte grafiğin altnda kalan alanı iki eşit parçaya ayıran dikey eksendeki çizginin geçtiği x değerini sonuç kabul eden durulaştırma yöntemidir.



2. Alanların Merkezi-Ağırlık Merkezi (Center of Gravity) Yöntemi:

Kuralların uygulanışından sonra elde edilen üyelik değerinin girdi değeriyle çarpımlarının toplamının üyelik değerlerinin oranıyla kesin sonuç elde edilen yöntemdir. Eğer fonksiyon sürekli ise integral alınır. Ayrık kesitlerden oluşuyor ise toplam formülü

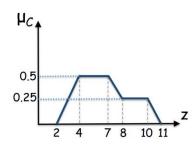
$$z^* = (\Sigma \; \mu_{\mathcal{C}}(z_i).z_i)/(\Sigma \; \mu_{\mathcal{C}}(z_i))$$



kullanılabilir.

3. Maximumun Ortası (Mean Of Maxima) Yöntemi:

Maksimumun ortası, en yüksek üyelik değerine sahip alan değerinin ortancasını döndürür.



Bu grafiğin en yüksek üyelik değerine sahip iki değeri var: 4 ve 7.

MOM ile durulaştırmanın sonucu:

(4+7)/2=5.5 olur.

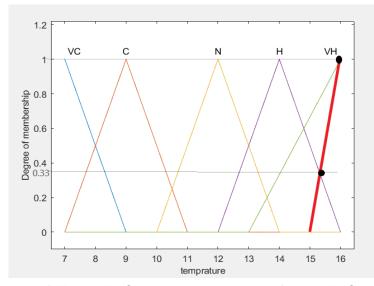
YAPI

Bulanık mantık sistemini oluştururken oluşturduğumuz algoritma aşağıda verilmiştir:

- Sistemi oluştur.
- 2. Girdileri (2 girişten oluşan bir sistem tasarlanacak) oluştur.
- 3. Girdilere ait dilsel değişkenleri tanımla.
- 4. Çıktıyı (tek çıktıdan oluşan bir sistem tasarlanacak) oluştur.
- 5. Çıktılara ait dilsel değişkenleri tanımla.
- 6. Kuralları tanımla.
- 7. Kuralları sisteme tanıt.
- 8. Giriş değerlerini al.
- 9. Kurallar dahilinde durulaştır (defuzzification) ve sonucu elde et.

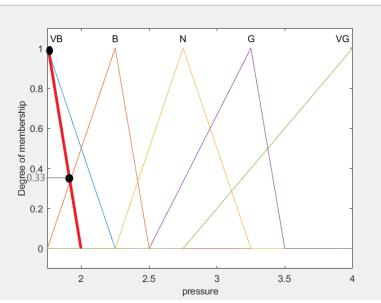
Sistemde Kullanılan Dilsel Değişkenler:

SICAKLIK	BASINÇ	CO ₂ SEVİYESİ				
VC = Very Cold	VB = Very Bad	VB = Very Bad				
C = Cold	B = Bad	B = Bad				
N = Normal	N = Normal	N = Normal				
H = Hot	G= Good	G = Good				
VH = Very Hot	VG = Very Good	VG= Very Good				



Elimizdeki sıcaklık ve basınç değerlerine göre bir gazlı içecekteki karbondioksit yüzdesini bulmak için mamdani yöntemini kullandık. Eğer Sıcaklık girdisini 16 ve Basınç girdisini 1.75 olarak alırsak; Sıcaklık grafiğinde girdi üçgensel sayıya dönüştürülerek çizilir. Sayı, 'H' üyelik fonksiyonunu 0.33' de, 'VH' üyelik fonksiyonunu 1.0' de keser. Basınç grafiğinde de qirdi üçgensel olarak çizersek,

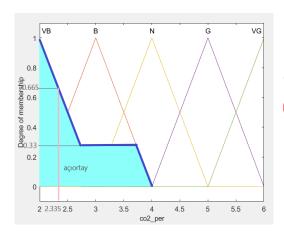
sayı; 'VB' üyelik fonksiyonunu 1.0 'da, 'B' üyelik fonksiyonunu 0.33' de keser. Kural matrisinde; Sıcaklık 'H' ve Basınç 'VB' ise Karbondioksit yüzdesi 'B' olduğu için 0.33 ve 1.0 değerlerinin minimumu (grafikte minimumum alanı), karbondioksit yüzdesi grafiğinde 'B' üyelik fonksiyonunda alınır.



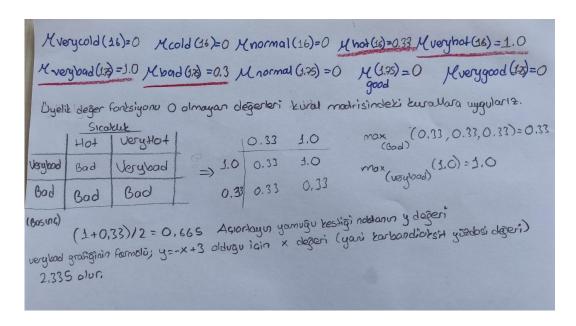
Sıcaklık 'VH' ve Basınç 'VB' ise Karbondioksit yüzdesi 'VB' olduğu için 1.0 ve 1.0 değerlerinin minimumu (grafikte minimumum alanı), karbondioksit yüzdesi grafiğinde 'VB' üyelik fonksiyonunda alınır.
Sıcaklık 'H' ve Basınç 'B' ise Karbondioksit yüzdesi 'B' olduğu için 0.33 ve 0.33 değerlerinin minimumu (grafikte minimumum alanı), karbondioksit yüzdesi grafiğinde 'B' üyelik değer

fonksiyonunda alınır. Sıcaklık 'VH' ve Basınç 'B' ise Karbondioksit yüzdesi 'B' olduğu için 0.33 ve 1.0 değerlerinin minimumu (grafikte minimumum alanı), karbondioksit yüzdesi grafiğinde 'B' üyelik fonksiyonunda alınır.

Bu sonuçların da minimumu alındıktan sonra oluşan şeklin (genelde iki yamuğun birleşimi şeklinde görünür) açıortayı bulunur. Açıortayın kestiği karbondioksit yüzdesi, girdilere göre gerekli olan karbondioksit yüzdesini vermektedir.



					0.33	1.0
	Rule Matrix	Verycold	Cold	Normal	Hot	Veryhot
1.0	Verybad	Normal	Bad	Bad	Bad	Verybad
0.3	Bad	Normal	Good	Normal	Bad	Bad
	Normal	Good	Good	Normal	Normal	Normal
	Good	Verygood	Good	Good	Normal	Normal
	Verygood	Verygood	Verygood	Verygood	Good	Good



Sistemde Kullanılan Kurallar:

- 1. Sıcaklık VC ve basınç VB ise CO₂ seviyesi N'dir.
- 2. Sıcaklık VC ve basınç B ise CO₂ seviyesi N'dir.
- 3. Sıcaklık VC ve basınç N ise CO₂ seviyesi G'dir.
- 4. Sıcaklık VC ve basınç G ise CO₂ seviyesi VG'dir.
- 5. Sıcaklık VC ve basınç VG ise CO₂ seviyesi VG'dir.
- 6. Sıcaklık C ve basınç VB ise CO₂ seviyesi B'dir.
- 7. Sıcaklık C ve basınç B ise CO₂ seviyesi G'dir.
- 8. Sıcaklık C ve basınç N ise CO₂ seviyesi G'dir.
- 9. Sıcaklık C ve basınç G ise CO₂ seviyesi G'dir.
- 10. Sıcaklık C ve basınç VG ise CO2 seviyesi VG'dir.
- 11. Sıcaklık N ve basınç VB ise CO₂ seviyesi B'dir.
- 12. Sıcaklık N ve basınç B ise CO₂ seviyesi N'dir.
- 13. Sıcaklık N ve basınç N ise CO₂ seviyesi N'dir.
- 14. Sıcaklık N ve basınç G ise CO2 seviyesi G'dir.
- 15. Sıcaklık N ve basınç VG ise CO₂ seviyesi VG'dir.
- 16. Sıcaklık H ve basınç VB ise CO₂ seviyesi B'dir.
- 17. Sıcaklık H ve basınç B ise CO₂ seviyesi B'dir.
- 18. Sıcaklık H ve basınç N ise CO₂ seviyesi N'dir.
- 19. Sıcaklık H ve basınç G ise CO₂ seviyesi N'dir.
- 20. Sıcaklık H ve basınç VG ise CO2 seviyesi G'dir.
- 21. Sıcaklık VH ve basınç VB ise CO₂ seviyesi VB'dir.
- 22. Sıcaklık VH ve basınç B ise CO₂ seviyesi B'dir.
- 23. Sıcaklık VH ve basınç N ise CO₂ seviyesi N'dir.
- 24. Sıcaklık VH ve basınç G ise CO₂ seviyesi N'dir.
- 25. Sıcaklık VH ve basınç VG ise CO₂ seviyesi G'dir.

Sistemi tasarlarken Matlab'i kullandık.

Şimdi sistemin implementasyonuna göz atalım:

Bulanık mantık sisteminde çalışacağımız için bu sistemi tanımlamamız gerekiyor. mamfis fonksiyonu ('mamdani fuzzy inference system') mamdani yöntemi için gerekli olan hazırlıkları tamamlar.

```
fis = mamfis('Name','fuzz system');
```

Sıcaklık ve Basınç isimli iki inputu addInput fonksiyonu ile tanımladık. Bu fonksiyonun 1. argümanına hangi bulanık sistemde çalışacağımızı, 2. argümanına tanımladığımız inputun hangi aralıkta değerler alacağını, 3. ve 4. argümanına grafiklerimizin isimlerini girdik.

```
fis = addInput(fis,[7 16],'Name',"temprature");
fis = addInput(fis,[1.75 4.00], 'Name', 'pressure');
```

Outputu tanımlamak için benzer şekilde addOutput fonksiyonunu kullanırız.

```
fis = addOutput(fis,[2 6],'Name',"co2 per");
```

Bulanık çıkarım sistemindeki üçgensel değer olan üyelik değer fonksiyonlarını 'fismf' fonksiyonu ile tanımladık, 1. argüman sayının tipini, 2. argüman sayının değerlerini, 3. ve 4. argüman sayının neyi temsil ettiği dilsel değişkeni tutar.

```
mf1 = fismf("trimf",[2 2 3],'Name',"VB");
mf2 = fismf("trimf",[2 3 4],'Name',"B");
mf3 = fismf("trimf",[3 4 5],'Name',"N");
mf4 = fismf("trimf",[4 5 6],'Name',"G");
mf5 = fismf("trimf",[5 6 6],'Name',"VG");
```

Üyelik değer fonksiyonlarını (üçgensel sayıları) Output'a tanımlamak için Outputs.(1).MembershipFunctions fonksiyonunu kullanabiliriz. (Eğer iki outputumuz olsaydı ikinci outputu (2) olarak tanımlayacaktık. Tek outputumuz olduğu için sadece (1)'i kullandık.

```
fis.Outputs(1).MembershipFunctions = [mf1 mf2 mf3 mf4 mf5];
```

Sıcaklık ve Basınç grafiklerine dilsel değişkenlerin sayısal karşılıklarını eklemek için üçgensel sayılar tanımladık. addMF fonksiyonunda 2. argüman sayıyı hangi grafiğe eklediğimizi, 3. argüman tipini, 4. argüman sayının değerini, 5. ve 6. argümanlar sayının neyi temsil ettiğini tutar.

```
fis = addMF(fis,"temprature","trimf",[7 7 9],'Name',"VC");
fis = addMF(fis,"temprature","trimf",[7 9 11],'Name',"C");
fis = addMF(fis,"temprature","trimf",[10 12 14],'Name',"N");
fis = addMF(fis,"temprature","trimf",[12 14 16],'Name',"H");
fis = addMF(fis,"temprature","trimf",[13 16 16],'Name',"VH");
fis = addMF(fis,"pressure",'trimf',[1.75 1.75
2.25],'Name','VB');
fis = addMF(fis,"pressure",'trimf',[1.75 2.25
2.5],'Name','B');
fis = addMF(fis,"pressure",'trimf',[2.25 2.75
3.25],'Name','N');
fis = addMF(fis,"pressure",'trimf',[2.5 3.25 3.5],'Name','G');
```

```
fis = addMF(fis, "pressure", 'trimf', [2.75 4 4], 'Name', 'VG');
```

Kuralları bir kural listesinde aşağıdaki gibi tanımlayabiliriz.

- Her bir satırın birinci elemanı tanımladığımız ilk inputun indexi,
- İkinci elemanı tanımladığımız 2. inputun idexi,
- Üçüncü elemanı tanımladığımız outputun indexi,
- Dördüncü elemanı kuralın önem ağırlığı (1 ile 2 arasında değerler alır),
- Beşinci elemanı birinci ve ikinci eleman arasındaki ilişkiyi belirler.

Örneğin "İlk input(Verycold) ve ikinci input (Normal) olursa output(Good) olur" kuralı 've' bağlacı içerdiği için beşinci eleman '1' dir, 'veya' bağlacı için 2 kullanılır. Rule matrisinde AND operatörünü kullanırız çünkü mamdani çıkarım yönteminde iki input ve bir output olan sistemlerde inputların minimumunu alırız yani 'AND' operatörünü kullanılırız.

```
ruleList = [1 1 3 1 1;
1 2 3 1 1;
1 3 4 1 1;
1 4 5 1 1;
1 5 5 1 1;
2 1 2 1 1;
2 2 4 1 1;
2 3 4 1 1;
2 4 4 1 1;
2 5 5 1 1;
3 1 2 1 1;
3 2 3 1 1;
3 3 3 1 1;
3 4 4 1 1;
3 5 5 1 1;
4 1 2 1 1;
4 2 2 1 1;
4 3 3 1 1;
4 4 3 1 1;
4 5 4 1 1;
5 1 1 1 1;
5 2 2 1 1;
5 3 3 1 1;
5 4 3 1 1;
5 5 4 1 1];
```

Kuralları bulanık mantık sistemine addRule ile ekleyebiliriz.

```
fis = addRule(fis,ruleList);
```

Sisteme gireceğimiz input değerlerini evalfis fonksiyonuna yazarız ve bu fonksiyon arkaplanında hem inputların her dilsel değişken için üyelik değer fonksiyonu değerlerini hesaplar (fuzzification) hem de kesin sonucu ağırlık merkezi metodunu kullanarak bulur.

```
evalfis(fis,[16, 1.75]);
```

Bulanık sistemi görüntülemek istersek plotfis fonksiyonunu, inputları görüntülemek istersek plotmf fonksiyonunu kullanabiliriz.

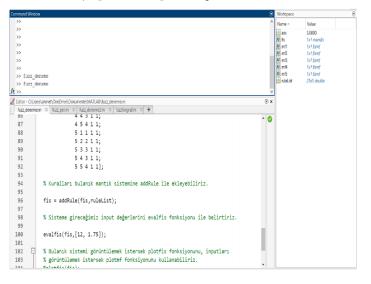
```
plotfis(fis);
plotmf(fis,'input',1) , plotmf(fis,'input',2);
plotmf(fis,'output',1);
```

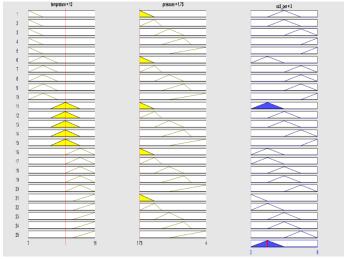
Oluşturduğumuz bulanık sistemde istediğimiz inputları girip sonuçlarını görmek için ruleview fonksiyonu kullanılabilir.

```
ruleview(fis);
```

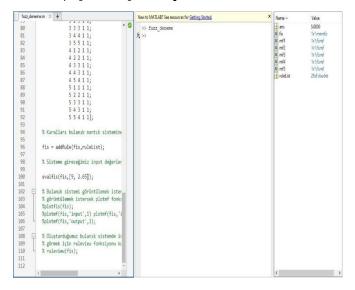
UYGULAMA

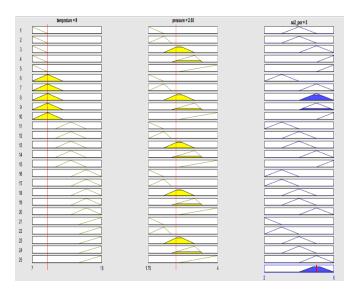
1) [12, 1.75] sonuç 3.0000



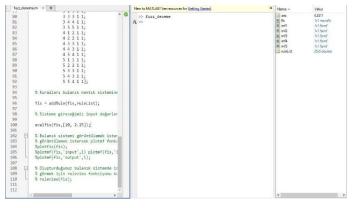


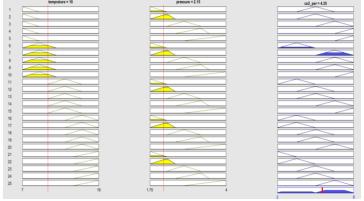
2) [9 2.65] sonuç 5.0000





3) [10 2.15] sonuç 4.3511





KAYNAKÇA

Kwang Hee Lee, First Course on Fuzzy Theory and Applications

George J. Klir and Bo Yuan, Fuzzy Sets and Fuzzy Logic Theory and Applications

https://www-liphy.univ-grenoblealpes.fr/pagesperso/bahram/biblio/ Zadeh_FuzzySetTheory_1965.pdf

https://www.massey.ac.nz/~nhreye s/MASSEY/159741/Lectures/Lec20 12-3-159741-FuzzyLogic-v.2.pdf https://www.techwonders.com/2010/08/membership -functions-and-its-features.html

https://www.omerfarukbay.com.tr/w p-content/uploads/2022/01/BMD-8_BulanikDenetleyiciModelleri.pdf

https://www.sciencedirect.com/topic s/engineering/fuzzification

https://www.mathworks.com/help/fu zzy/foundations-of-fuzzylogic.html#bp78l70-5

https://medium.com/deep-learning-turkiye/python-ile-bulan%C4%B1k-

mant%C4%B1k-modellemesi-74459dc27308

Fuzzy Inference Ders Slaytı

https://ahmetatasoglu98.medium.co m/bulan%C4%B1kmant%C4%B1k-3-bulan%C4%B1kkurallar-ve-%C3%A7%C4%B1kar%C4%B1m-8f9d411080c

https://ahmetatasoglu98.medium.co m/bulan%C4%B1kmant%C4%B1k-4-bulan%C4%B1ksistem-uygulamas%C4%B1f346d35af51