

# BSM307 İşaretler ve Sistemler

Dr. Seçkin Arı

# İçerik

- Fark Denklemleri
- Doğal Çözüm
- Özel Çözüm
- Zorlanmış Çözüm
- Tam Çözüm

Dr. Ari

• 
$$a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N]$$
  
=  $b_0x[n] + b_1x[n-1] + \dots + b_Mx[n-M]$ 

• 
$$a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N]$$
  
=  $b_0x[n] + b_1x[n-1] + \dots + b_Mx[n-M]$ 

Blok Diyagram Temsilleri

Toplama	Çarpma	Birim Gecikme
$x_2[n]$ $x_1[n] \rightarrow x_1[n] + x_2[n]$	x[n] $ax[n]$	x[n] x[n-1]

Dr. Ari

- Birim darbe cevabı ile çözüm
  - ♦ Konvolüsyon toplamı
- Fark Denklemi ile çözüm

- Birim darbe cevabı ile çözüm
  - ♦ Konvolüsyon toplamı
- Fark Denklemi ile çözüm
  - ◆ Doğal Çözüm
  - ♦ Özel Çözüm
  - ♦ Zorlanmış Çözüm
  - ◆ Tam Çözüm

- Birim darbe cevabı ile çözüm
  - ♦ Konvolüsyon toplamı
- Fark Denklemi ile çözüm
  - ◆ Doğal Çözüm
    - Giriş işareti x[n] = 0 kabul edilir.
    - Başlangıç koşullarına (y[-1], y[-2], ...) göre çözüm,  $y_d[n]$
  - ♦ Özel Çözüm
  - ◆ Zorlanmış Çözüm
  - ◆ Tam Çözüm

- Birim darbe cevabı ile çözüm
  - ♦ Konvolüsyon toplamı
- Fark Denklemi ile çözüm
  - ◆ Doğal Çözüm
    - Giriş işareti x[n] = 0 kabul edilir.
    - Başlangıç koşullarına (y[-1], y[-2], ...) göre çözüm,  $y_d[n]$
  - ♦ Özel Çözüm
    - Giriş işareti x[n]' ye bağlı çözüm,  $y_{\ddot{0}}[n]$
  - ♦ Zorlanmış Çözüm
  - ◆ Tam Çözüm

- Birim darbe cevabı ile çözüm
  - ♦ Konvolüsyon toplamı
- Fark Denklemi ile çözüm
  - ◆ Doğal Çözüm
    - Giriş işareti x[n] = 0 kabul edilir.
    - Başlangıç koşullarına (y[-1], y[-2], ...) göre çözüm,  $y_d[n]$
  - ♦ Özel Çözüm
    - Giriş işareti x[n]' ye bağlı çözüm,  $y_{\ddot{0}}[n]$
  - ♦ Zorlanmış Çözüm
    - Başlangıç koşulları (y[-1] = y[-2], ... = 0) kabul edilir.
    - Giriş işareti x[n]' ye bağlı çözüm,  $y_z[n]$
    - Özel Çözüm, Zorlanmış Çözümün içerisinde
  - ◆ Tam Çözüm

- Birim darbe cevabı ile çözüm
  - ♦ Konvolüsyon toplamı
- Fark Denklemi ile çözüm
  - ◆ Doğal Çözüm
    - Giriş işareti x[n] = 0 kabul edilir.
    - Başlangıç koşullarına (y[-1], y[-2], ...) göre çözüm,  $y_d[n]$
  - ♦ Özel Çözüm
    - Giriş işareti x[n]' ye bağlı çözüm,  $y_{\ddot{0}}[n]$
  - ♦ Zorlanmış Çözüm
    - Başlangıç koşulları (y[-1] = y[-2], ... = 0) kabul edilir.
    - Giriş işareti x[n]' ye bağlı çözüm,  $y_z[n]$
    - Özel Çözüm, Zorlanmış Çözümün içerisinde
  - ◆ Tam Çözüm
    - Doğal Çözüm + Zorlanmış Çözüm,  $y_t[n] = y_d[n] + y_z[n]$

1. 
$$a_0y[n] + a_1y[n-1] + \cdots + a_Ny[n-N] = 0$$

- ♦ Fark denkleminde, giriş işaretine bağlı olan kısım 0 yapılır.
- N, sistem derecesi

12

- 1.  $a_0y[n] + a_1y[n-1] + \cdots + a_Ny[n-N] = 0$ 
  - ♦ Fark denkleminde, giriş işaretine bağlı olan kısım 0 yapılır.
- 2.  $y[n] = \lambda^n$  kabul edilir, fark denkleminde yerine konulur.

- 1.  $a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N] = 0$ 
  - ♦ Fark denkleminde, giriş işaretine bağlı olan kısım 0 yapılır.
- 2.  $y[n] = \lambda^n$  kabul edilir, fark denkleminde yerine konulur.
- 3.  $a_0 \lambda^n + a_1 y[n-1] + \dots + a_N y[n-N] = 0$

- 1.  $a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N] = 0$ 
  - ♦ Fark denkleminde, giriş işaretine bağlı olan kısım 0 yapılır.
- 2.  $y[n] = \lambda^n$  kabul edilir, fark denkleminde yerine konulur.
- 3.  $a_0 \lambda^n + a_1 \lambda^{n-1} + \dots + a_N \lambda^{n-N} = 0$

- 1.  $a_0y[n] + a_1y[n-1] + \cdots + a_Ny[n-N] = 0$ 
  - ♦ Fark denkleminde, giriş işaretine bağlı olan kısım 0 yapılır.
- 2.  $y[n] = \lambda^n$  kabul edilir, fark denkleminde yerine konulur.
- 3.  $a_0 \lambda^n + a_1 \lambda^{n-1} + \dots + a_N \lambda^{n-N} = 0$
- 4. En küçük dereceli terim parantezine alınır.
  - $\lambda^{n-N}(a_0\lambda^N + a_1\lambda^{N-1} + \dots + a_N) = 0$

- 1.  $a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N] = 0$ 
  - ♦ Fark denkleminde, giriş işaretine bağlı olan kısım 0 yapılır.
- 2.  $y[n] = \lambda^n$  kabul edilir, fark denkleminde yerine konulur.
- 3.  $a_0 \lambda^n + a_1 \lambda^{n-1} + \dots + a_N \lambda^{n-N} = 0$
- 4. En küçük dereceli terim parantezine alınır.
  - $\lambda^{n-N} \underbrace{(a_0 \lambda^N + a_1 \lambda^{N-1} + \dots + a_N)}_{\text{Karakteristik Denklem}} = 0$

- 1.  $a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N] = 0$ 
  - ♦ Fark denkleminde, giriş işaretine bağlı olan kısım 0 yapılır.
- 2.  $y[n] = \lambda^n$  kabul edilir, fark denkleminde yerine konulur.
- 3.  $a_0 \lambda^n + a_1 \lambda^{n-1} + \dots + a_N \lambda^{n-N} = 0$
- 4. En küçük dereceli terim parantezine alınır.
  - $\lambda^{n-N} \underbrace{(a_0 \lambda^N + a_1 \lambda^{N-1} + \dots + a_N)}_{\text{Karakteristik Denklem}} = 0$
- 5. Karakteristik denklem kökleri bulunur.

- 1.  $a_0y[n] + a_1y[n-1] + \cdots + a_Ny[n-N] = 0$ 
  - ♦ Fark denkleminde, giriş işaretine bağlı olan kısım 0 yapılır.
- 2.  $y[n] = \lambda^n$  kabul edilir, fark denkleminde yerine konulur.
- 3.  $a_0 \lambda^n + a_1 \lambda^{n-1} + \dots + a_N \lambda^{n-N} = 0$
- 4. En küçük dereceli terim parantezine alınır.

$$\lambda^{n-N} \underbrace{(a_0 \lambda^N + a_1 \lambda^{N-1} + \dots + a_N)}_{\text{Karakteristik Denklem}} = 0$$

- 5. Karakteristik denklem kökleri bulunur. Köklerin durumuna göre doğal çözüm yapısı seçilir.
- 6. Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$ ,  $\lambda_3$

- 1.  $a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N] = 0$ 
  - ♦ Fark denkleminde, giriş işaretine bağlı olan kısım 0 yapılır.
- 2.  $y[n] = \lambda^n$  kabul edilir, fark denkleminde yerine konulur.
- 3.  $a_0 \lambda^n + a_1 \lambda^{n-1} + \dots + a_N \lambda^{n-N} = 0$
- 4. En küçük dereceli terim parantezine alınır.

$$\lambda^{n-N} \underbrace{(a_0 \lambda^N + a_1 \lambda^{N-1} + \dots + a_N)}_{\text{Karakteristik Denklem}} = 0$$

- 5. Karakteristik denklem kökleri bulunur. Köklerin durumuna göre doğal çözüm yapısı seçilir.
- 6. Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$ ,  $\lambda_3$

- 1.  $a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N] = 0$ 
  - ♦ Fark denkleminde, giriş işaretine bağlı olan kısım 0 yapılır.
- 2.  $y[n] = \lambda^n$  kabul edilir, fark denkleminde yerine konulur.
- 3.  $a_0 \lambda^n + a_1 \lambda^{n-1} + \dots + a_N \lambda^{n-N} = 0$
- 4. En küçük dereceli terim parantezine alınır.

$$\lambda^{n-N} \underbrace{(a_0 \lambda^N + a_1 \lambda^{N-1} + \dots + a_N)}_{\text{Karakteristik Denklem}} = 0$$

- 5. Karakteristik denklem kökleri bulunur. Köklerin durumuna göre doğal çözüm yapısı seçilir.
- 6. Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$ ,  $\lambda_3$

$$y_{d}[n] = \begin{cases} C_{1}\lambda_{1}^{n} + C_{2}\lambda_{2}^{n} + C_{3}\lambda_{3}^{n}, & \lambda_{1} \neq \lambda_{2} \neq \lambda_{3} \\ C_{1}\lambda_{1}^{n} + C_{2}n\lambda_{2}^{n} + C_{3}\lambda_{3}^{n}, & \lambda_{1} = \lambda_{2} \neq \lambda_{3} \\ C_{1}\lambda_{1}^{n} + C_{2}n\lambda_{2}^{n} + C_{3}n^{2}\lambda_{3}^{n} & \lambda_{1} = \lambda_{2} = \lambda_{3} \end{cases}$$

6. Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3$ 

$$y_{d}[n] = \begin{cases} C_{1}\lambda_{1}^{n} + C_{2}\lambda_{2}^{n} + C_{3}\lambda_{3}^{n}, & \lambda_{1} \neq \lambda_{2} \neq \lambda_{3} \\ C_{1}\lambda_{1}^{n} + C_{2}n\lambda_{2}^{n} + C_{3}\lambda_{3}^{n}, & \lambda_{1} = \lambda_{2} \neq \lambda_{3} \\ C_{1}\lambda_{1}^{n} + C_{2}n\lambda_{2}^{n} + C_{3}n^{2}\lambda_{3}^{n}, & \lambda_{1} = \lambda_{2} = \lambda_{3} \end{cases}$$

- 7. Yapı belirlendikten sonra fark denklemi kullanılarak y değerleri bulunur.
  - N=1 ise, y[0] bulunur.  $a_0y[0] + a_1y[-1] = 0$

6. Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$ ,  $\lambda_3$ 

$$y_{d}[n] = \begin{cases} C_{1}\lambda_{1}^{n} + C_{2}\lambda_{2}^{n} + C_{3}\lambda_{3}^{n}, & \lambda_{1} \neq \lambda_{2} \neq \lambda_{3} \\ C_{1}\lambda_{1}^{n} + C_{2}n\lambda_{2}^{n} + C_{3}\lambda_{3}^{n}, & \lambda_{1} = \lambda_{2} \neq \lambda_{3} \\ C_{1}\lambda_{1}^{n} + C_{2}n\lambda_{2}^{n} + C_{3}n^{2}\lambda_{3}^{n}, & \lambda_{1} = \lambda_{2} = \lambda_{3} \end{cases}$$

7. Yapı belirlendikten sonra fark denklemi kullanılarak y değerleri bulunur.

N=1 ise, 
$$y[0]$$
 bulunur.  $a_0y[0] + a_1y[-1] = 0$   
N=2 ise,  $y[0]$ ,  $y[1]$  bulunur. 
$$a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = 0$$
$$a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = 0$$

6. Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3$ 

$$y_{d}[n] = \begin{cases} C_{1}\lambda_{1}^{n} + C_{2}\lambda_{2}^{n} + C_{3}\lambda_{3}^{n}, & \lambda_{1} \neq \lambda_{2} \neq \lambda_{3} \\ C_{1}\lambda_{1}^{n} + C_{2}n\lambda_{2}^{n} + C_{3}\lambda_{3}^{n}, & \lambda_{1} = \lambda_{2} \neq \lambda_{3} \\ C_{1}\lambda_{1}^{n} + C_{2}n\lambda_{2}^{n} + C_{3}n^{2}\lambda_{3}^{n}, & \lambda_{1} = \lambda_{2} = \lambda_{3} \end{cases}$$

7. Yapı belirlendikten sonra fark denklemi kullanılarak y değerleri bulunur.

N=1 ise, 
$$y[0]$$
 bulunur.  $a_0y[0] + a_1y[-1] = 0$ 

N=2 ise, 
$$y[0]$$
,  $y[1]$  bulunur. 
$$a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = 0$$

$$a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = 0$$

$$a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = 0$$
N=3 ise,  $y[0]$ ,  $y[1]$ ,  $y[2]$  bulunur. 
$$a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = 0$$

$$a_0y[2] + a_1y[1] + a_2y[0] = 0$$

7. Yapı belirlendikten sonra fark denklemi kullanılarak y değerleri bulunur.

N=1 ise, 
$$y[0]$$
 bulunur.  $a_0y[0] + a_1y[-1] = 0$ 

N=2 ise,  $y[0]$ ,  $y[1]$  bulunur. 
$$a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = 0$$

$$a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = 0$$

$$a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = 0$$
N=3 ise,  $y[0]$ ,  $y[1]$ ,  $y[2]$  bulunur. 
$$a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = 0$$

$$a_0y[2] + a_1y[1] + a_2y[0] = 0$$

- 8. y' ler belirlenen doğal çözüm yapısı ile eşleştirilir. C katsayıları bulunur.
  - N=1 ise,  $y[0] = y_d[0]$ ,  $C_1$  bulunur.

7. Yapı belirlendikten sonra fark denklemi kullanılarak y değerleri bulunur.

N=1 ise, 
$$y[0]$$
 bulunur.  $a_0y[0] + a_1y[-1] = 0$ 

N=2 ise,  $y[0]$ ,  $y[1]$  bulunur. 
$$a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = 0$$

$$a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = 0$$

N=3 ise,  $y[0]$ ,  $y[1]$ ,  $y[2]$  bulunur. 
$$a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = 0$$

$$a_0y[2] + a_1y[1] + a_2y[0] = 0$$

8. y' ler belirlenen doğal çözüm yapısı ile eşleştirilir. C katsayıları bulunur.

N=1 ise, 
$$y[0] = y_d[0]$$
,  $C_1$  bulunur.  
N=2 ise,  $y[0] = y_d[0]$   
 $y[1] = y_d[1]$ ,  $C_1$ ,  $C_2$  bulunur.

7. Yapı belirlendikten sonra fark denklemi kullanılarak y değerleri bulunur.

N=1 ise, 
$$y[0]$$
 bulunur.  $a_0y[0] + a_1y[-1] = 0$   
N=2 ise,  $y[0]$ ,  $y[1]$  bulunur. 
$$a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = 0$$

$$a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = 0$$

$$a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = 0$$
N=3 ise,  $y[0]$ ,  $y[1]$ ,  $y[2]$  bulunur. 
$$a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = 0$$

$$a_0y[2] + a_1y[1] + a_2y[0] = 0$$

8. y' ler belirlenen doğal çözüm yapısı ile eşleştirilir. C katsayıları bulunur.

N=1 ise, 
$$y[0] = y_d[0]$$
,  $C_1$  bulunur.  
N=2 ise,  $y[0] = y_d[0]$ ,  $y[1] = y_d[1]$ ,  $y[0] = y_d[0]$   
N=3 ise,  $y[1] = y_d[1]$ ,  $y[1] = y_d[1]$ ,  $y[2] = y_d[2]$ 

• 
$$y(n) + ay(n-1) = x(n)$$
 ise  $y_d(n) = ?$ 

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ise  $y_d(n) = ?$
- $\lambda^n + a\lambda^{n-1} = 0$ 
  - $\lambda^{n-1}(\lambda + a) = 0$
  - $\star \lambda = -a$
- $y_d(n) =$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ise  $y_d(n) = ?$
- $\lambda^n + a\lambda^{n-1} = 0$ 
  - $\lambda^{n-1}(\lambda + a) = 0$
  - $\lambda = -a$
- $y_d(n) = C_1(-a)^n$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ise  $y_d(n) = ?$
- $\lambda^n + a\lambda^{n-1} = 0$ 
  - $\lambda^{n-1}(\lambda + a) = 0$
  - $\star \lambda = -a$
- $y_d(n) = C_1(-a)^n$
- n = 0 için y(0) + ay(-1) = 0

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ise  $y_d(n) = ?$
- $\lambda^n + a\lambda^{n-1} = 0$ 
  - $\lambda^{n-1}(\lambda + a) = 0$
  - $\star \lambda = -a$
- $y_d(n) = C_1(-a)^n$
- n = 0 için y(0) + ay(-1) = 0
  - y(0) = -ay(-1)
- $y_d(0) = y(0)$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ise  $y_d(n) = ?$
- $\lambda^n + a\lambda^{n-1} = 0$ 
  - $\lambda^{n-1}(\lambda + a) = 0$
  - $\lambda = -a$
- $y_d(n) = C_1(-a)^n$
- n = 0 için y(0) + ay(-1) = 0
  - y(0) = -ay(-1)
- $y_d(0) = y(0)$
- $C_1 = -ay(-1)$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ise  $y_d(n) = ?$
- $\lambda^n + a\lambda^{n-1} = 0$ 
  - $\lambda^{n-1}(\lambda + a) = 0$
  - $\lambda = -a$
- $y_d(n) = C_1(-a)^n$
- n = 0 için y(0) + ay(-1) = 0
  - y(0) = -ay(-1)
- $y_d(0) = y(0)$
- $C_1 = -ay(-1)$
- $y_d(n) = -ay(-1)(-a)^n = y(-1)(-a)^{n+1}$

• 
$$y(n) - 2y(n-1) - 3y(n-2) = x(n)$$
 ve  $y(-1) = y(-2) = 2$  ise  $y_d(n) = ?$ 

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve y(-1) = y(-2) = 2 ise  $y_d(n) = ?$
- $\lambda^n 2\lambda^{n-1} 3\lambda^{n-2} = 0$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve y(-1) = y(-2) = 2 ise  $y_d(n) = ?$
- $\bullet \ \lambda^n 2\lambda^{n-1} 3\lambda^{n-2} = 0$ 
  - $\lambda^{n-2}(\lambda^2 2\lambda 3) = 0$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve y(-1) = y(-2) = 2 ise  $y_d(n) = ?$
- $\bullet \ \lambda^n 2\lambda^{n-1} 3\lambda^{n-2} = 0$ 
  - $\lambda^{n-2}(\lambda^2 2\lambda 3) = 0$
  - $\lambda_1 = -1, \lambda_2 = 3$
- $y_d(n) =$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve y(-1) = y(-2) = 2 ise  $y_d(n) = ?$
- $\bullet \ \lambda^n 2\lambda^{n-1} 3\lambda^{n-2} = 0$ 
  - $\lambda^{n-2}(\lambda^2 2\lambda 3) = 0$
  - $\lambda_1 = -1, \lambda_2 = 3$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve y(-1) = y(-2) = 2 ise  $y_d(n) = ?$
- $\bullet \ \lambda^n 2\lambda^{n-1} 3\lambda^{n-2} = 0$ 
  - $\lambda^{n-2}(\lambda^2 2\lambda 3) = 0$
  - $\lambda_1 = -1, \lambda_2 = 3$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- n = 0 için y(0) 2y(-1) 3y(-2) = 0
  - $y(0) = 2 \times 2 + 3 \times 2 = 10$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve y(-1) = y(-2) = 2 ise  $y_d(n) = ?$
- $\lambda^n 2\lambda^{n-1} 3\lambda^{n-2} = 0$ 
  - $\lambda^{n-2}(\lambda^2 2\lambda 3) = 0$
  - $\lambda_1 = -1, \lambda_2 = 3$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- n = 0 için y(0) 2y(-1) 3y(-2) = 0
  - $y(0) = 2 \times 2 + 3 \times 2 = 10$
  - $y_d(0) = C_1 + C_2$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve y(-1) = y(-2) = 2 ise  $y_d(n) = ?$
- $\lambda^n 2\lambda^{n-1} 3\lambda^{n-2} = 0$ 
  - $\lambda^{n-2}(\lambda^2 2\lambda 3) = 0$
  - $\lambda_1 = -1, \lambda_2 = 3$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- n = 0 için y(0) 2y(-1) 3y(-2) = 0
  - $y(0) = 2 \times 2 + 3 \times 2 = 10$
  - $y_d(0) = C_1 + C_2 = 10$
- n = 1 için y(1) 2y(0) 3y(-1) = 0
  - $y(1) = 2 \times 10 + 3 \times 2 = 26$
  - $y_d(1) = -C_1 + 3C_2 = 26$

- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- n = 0 için y(0) 2y(-1) 3y(-2) = 0
  - $y(0) = 2 \times 2 + 3 \times 2 = 10$
  - $y_d(0) = C_1 + C_2$
- $n = 1 i \sin y(1) 2y(0) 3y(-1) = 0$ 
  - $y(1) = 2 \times 10 + 3 \times 2 = 26$
  - $y_d(1) = -C_1 + 3C_2$
- $y_d(0) = y(0) \rightarrow C_1 + C_2 = 10$
- $y_d(1) = y(1) \rightarrow -C_1 + 3C_2 = 26$

- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $y_d(0) = y(0) \rightarrow C_1 + C_2 = 10$
- $y_d(1) = y(1) \rightarrow -C_1 + 3C_2 = 26$ 
  - $\bullet$   $C_2 = 9, C_1 = 1$
- $y_d(n) = (-1)^n + 9(3)^n$

- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $y_d(0) = y(0) \rightarrow C_1 + C_2 = 10$
- $y_d(1) = y(1) \rightarrow -C_1 + 3C_2 = 26$ 
  - $\bullet$   $C_2 = 9, C_1 = 1$
- $y_d(n) = (-1)^n + 9(3)^n = (-1)^n + (3)^{n+2}$

• 
$$y(n) - 3y(n-1) - 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1)$$
 ve  $y(-1) = 5$ ,  $y(-2) = 0$  ise  $y_d(n) = ?$ 

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve y(-1) = 5, y(-2) = 0 ise  $y_d(n) = ?$
- $\bullet \ \lambda^n 3\lambda^{n-1} 4\lambda^{n-2} = 0$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve y(-1) = 5, y(-2) = 0 ise  $y_d(n) = ?$
- $\bullet \ \lambda^n 3\lambda^{n-1} 4\lambda^{n-2} = 0$ 
  - $\lambda^{n-2}(\lambda^2 3\lambda 4) = 0$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve y(-1) = 5, y(-2) = 0 ise  $y_d(n) = ?$
- $\lambda^n 3\lambda^{n-1} 4\lambda^{n-2} = 0$ 
  - $\lambda^{n-2}(\lambda^2 3\lambda 4) = 0$
  - $\lambda_1 = -1, \lambda_2 = 4$
- $y_d(n) =$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve y(-1) = 5, y(-2) = 0 ise  $y_d(n) = ?$
- $\lambda^n 3\lambda^{n-1} 4\lambda^{n-2} = 0$ 
  - $\lambda^{n-2}(\lambda^2 3\lambda 4) = 0$
  - $\lambda_1 = -1, \lambda_2 = 4$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve y(-1) = 5, y(-2) = 0 ise  $y_d(n) = ?$
- $\lambda^n 3\lambda^{n-1} 4\lambda^{n-2} = 0$ 
  - $\lambda^{n-2}(\lambda^2 3\lambda 4) = 0$
  - $\lambda_1 = -1, \lambda_2 = 4$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- n = 0 için y(0) 3y(-1) 4y(-2) = 0
  - $varphi y(0) = 3 \times 5 + 4 \times 0 = 15$
  - $y_d(0) = C_1 + C_2 = 15$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve y(-1) = 5, y(-2) = 0 ise  $y_d(n) = ?$
- $\lambda^n 3\lambda^{n-1} 4\lambda^{n-2} = 0$ 
  - $\lambda^{n-2}(\lambda^2 3\lambda 4) = 0$
  - $\lambda_1 = -1, \lambda_2 = 4$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- n = 0 için y(0) 3y(-1) 4y(-2) = 0
  - $y(0) = 3 \times 5 + 4 \times 0 = 15$
  - $y_d(0) = C_1 + C_2$
- n = 1 için y(1) 3y(0) 4y(-1) = 0
  - $y(1) = 3 \times 15 + 4 \times 5 = 65$
  - $y_d(1) = -C_1 + 4C_2 = 65$

- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- n = 0 için y(0) 3y(-1) 4y(-2) = 0
  - $y(0) = 3 \times 5 + 4 \times 0 = 15$
  - $y_d(0) = C_1 + C_2$
- n = 1 için y(1) 3y(0) 4y(-1) = 0
  - $y(1) = 3 \times 15 + 4 \times 5 = 65$
  - $\bullet \ y_d(1) = -C_1 + 4C_2$
- $y_d(0) = y(0) \rightarrow C_1 + C_2 = 15$
- $y_d(1) = y(1) \rightarrow -C_1 + 4C_2 = 65$

- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_d(0) = y(0) \rightarrow C_1 + C_2 = 15$
- $y_d(1) = y(1) \rightarrow -C_1 + 4C_2 = 65$ 
  - $\bullet$   $C_2 = 16, C_1 = -1$
- $y_d(n) = -(-1)^n + 16(4)^n$

- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_d(0) = y(0) \rightarrow C_1 + C_2 = 15$
- $y_d(1) = y(1) \rightarrow -C_1 + 4C_2 = 65$ 
  - $\bullet$   $C_2 = 16, C_1 = -1$
- $y_d(n) = -(-1)^n + 16(4)^n = (-1)^{n+1} + (4)^{n+2}$

• Zorlanmış çözümün bir kısmıdır.

- Zorlanmış çözümün bir kısmıdır.
- 1. Giriş işaretine bağlı olarak aşağıdaki tablodan yapısı belirlenir.

Giriş İşareti, $x(n)$	Özel Çözüm Yapısı, $oldsymbol{y}_{\ddot{ ext{o}}}(oldsymbol{n})$
Au(n)	Ku(n)
$AB^nu(n)$	$KB^nu(n)$
$A\cos(\omega_0 n)$ ve/veya $A\sin(\omega_0 n)$	$K_1 \cos(\omega_0 n) + K_2 \sin(\omega_0 n)$

- Zorlanmış çözümün bir kısmıdır.
- 1. Giriş işaretine bağlı olarak aşağıdaki tablodan yapısı belirlenir.

Giriş İşareti, $x(n)$	Özel Çözüm Yapısı, $oldsymbol{y}_{\ddot{ ext{o}}}(oldsymbol{n})$
Au(n)	Ku(n)
$AB^nu(n)$	$KB^nu(n)$
$A\cos(\omega_0 n)$ ve/veya $A\sin(\omega_0 n)$	$K_1 \cos(\omega_0 n) + K_2 \sin(\omega_0 n)$

2. Yapı belirlendikten sonra fark denkleminde yerine konulur.

$$a_0 y_{\ddot{0}}[n] + a_1 y_{\ddot{0}}[n-1] + \dots + a_N y_{\ddot{0}}[n-N]$$

$$= b_0 x[n] + b_1 x[n-1] + \dots + b_M x[n-M]$$

- Zorlanmış çözümün bir kısmıdır.
- 1. Giriş işaretine bağlı olarak aşağıdaki tablodan yapısı belirlenir.

Giriş İşareti, $oldsymbol{x}(oldsymbol{n})$	Özel Çözüm Yapısı, $oldsymbol{y}_{\ddot{ ext{o}}}(oldsymbol{n})$
Au(n)	Ku(n)
$AB^nu(n)$	$KB^nu(n)$
$A\cos(\omega_0 n)$ ve/veya $A\sin(\omega_0 n)$	$K_1 \cos(\omega_0 n) + K_2 \sin(\omega_0 n)$

- 2. Yapı belirlendikten sonra fark denkleminde yerine konulur.
  - $a_0 y_{\ddot{0}}[n] + a_1 y_{\ddot{0}}[n-1] + \dots + a_N y_{\ddot{0}}[n-N]$   $= b_0 x[n] + b_1 x[n-1] + \dots + b_M x[n-M]$
- 3. K katsayıları bulunur.

• 
$$y(n) + ay(n-1) = x(n)$$
 ve  $x(n) = u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$ 

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $\lambda = -a$  ve  $x(n) = (1)^n u(n)$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $\lambda = -a \text{ ve } x(n) = (1)^n u(n)$
- $-a \neq 1$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $\lambda = -a \text{ ve } x(n) = (1)^n u(n)$
- $-a \neq 1$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$
- -a = 1 ise  $y_{\ddot{0}}(n) = Knu(n)$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) =$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$
- $Ku(n) + \cdots$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$
- $Ku(n) + aKu(n-1) = \cdots$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$
- Ku(n) + aKu(n-1) = u(n)

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$
- Ku(n) + aKu(n-1) = u(n)
- $n \ge 1$  için

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$
- Ku(n) + aKu(n-1) = u(n)
- $n \ge 1$  için  $K + aK = 1 \rightarrow$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$
- Ku(n) + aKu(n-1) = u(n)
- $n \ge 1$  için  $K + aK = 1 \to K = \frac{1}{a+1}$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$
- Ku(n) + aKu(n-1) = u(n)
- $n \ge 1$  için  $K + aK = 1 \rightarrow K = \frac{1}{a+1}$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{1}{a+1}u(n)$

• 
$$y(n) - 2y(n-1) - 3y(n-2) = x(n)$$
 ve  $x(n) = 10u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$ 

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve x(n) = 10u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $\lambda_1 = -1, \lambda_2 = 3 \text{ ve } x(n) = 10(1)^n u(n) \rightarrow y_0(n) = ?$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve x(n) = 10u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $\lambda_1 = -1, \lambda_2 = 3 \text{ ve } x(n) = 10(1)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = ?$ 
  - $\lambda_1 = -1 \neq 1$  ve  $\lambda_2 = 3 \neq 1$  olduğu için

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve x(n) = 10u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = 10u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve x(n) = 10u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = 10u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$
- *Ku(n)* ···

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve x(n) = 10u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = 10u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$
- $Ku(n) 2Ku(n-1) \cdots$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve x(n) = 10u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = 10u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$
- $Ku(n) 2Ku(n-1) 3Ku(n-2) = \cdots$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve x(n) = 10u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = 10u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$
- Ku(n) 2Ku(n-1) 3Ku(n-2) = 10u(n)

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve x(n) = 10u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = 10u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$
- Ku(n) 2Ku(n-1) 3Ku(n-2) = 10u(n)
- $n \ge 2$  için

Dr. Ari

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve x(n) = 10u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = 10u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$
- Ku(n) 2Ku(n-1) 3Ku(n-2) = 10u(n)
- $n \ge 2$  için  $K 2K 3K = 10 \rightarrow$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve x(n) = 10u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = 10u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$
- Ku(n) 2Ku(n-1) 3Ku(n-2) = 10u(n)
- $n \ge 2 \text{ için } K 2K 3K = 10 \rightarrow K = -\frac{5}{2}$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ve x(n) = 10u(n) ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = 10u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Ku(n)$
- Ku(n) 2Ku(n-1) 3Ku(n-2) = 10u(n)
- $n \ge 2 \text{ için } K 2K 3K = 10 \rightarrow K = -\frac{5}{2}$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{5}{2}u(n)$

• 
$$y(n) - 3y(n-1) - 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1)$$
 ve  $x(n) = (2)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$ 

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (2)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $\lambda_1 = -1, \lambda_2 = 4 \text{ ve } x(n) = (2)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = ?$ 
  - $\lambda_1 = -1 \neq 2 \text{ ve } \lambda_2 = 4 \neq 2$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (2)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (2)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = K(2)^n u(n)$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (2)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (2)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = K(2)^n u(n)$
- $K(2)^n u(n) \cdots$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (2)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (2)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = K(2)^n u(n)$
- $K(2)^n u(n) 3K(2)^{n-1} u(n-1) \cdots$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (2)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (2)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = K(2)^n u(n)$
- $K(2)^n u(n) 3K(2)^{n-1} u(n-1) 4K(2)^{n-2} u(n-2) =$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (2)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (2)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = K(2)^n u(n)$
- $K(2)^n u(n) 3K(2)^{n-1} u(n-1) 4K(2)^{n-2} u(n-2)$ =  $(2)^n u(n) + \cdots$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (2)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (2)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = K(2)^n u(n)$
- $K(2)^n u(n) 3K(2)^{n-1} u(n-1) 4K(2)^{n-2} u(n-2)$ =  $(2)^n u(n) + 2(2)^{n-1} u(n-1)$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (2)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (2)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = K(2)^n u(n)$
- $K(2)^n u(n) 3K(2)^{n-1} u(n-1) 4K(2)^{n-2} u(n-2)$ =  $(2)^n u(n) + 2(2)^{n-1} u(n-1)$
- $n \ge 2 \operatorname{için} K(2)^n 3K(2)^{n-1} 4K(2)^{n-2} = (2)^n + 2(2)^{n-1}$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (2)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (2)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = K(2)^n u(n)$
- $K(2)^n u(n) 3K(2)^{n-1} u(n-1) 4K(2)^{n-2} u(n-2)$ =  $(2)^n u(n) + 2(2)^{n-1} u(n-1)$
- $n \ge 2 \text{ için } K(2)^n 3K(2)^{n-1} 4K(2)^{n-2} = (2)^n + 2(2)^{n-1}$
- $K(2)^{n-2}(2^2-3\times 2-4)=(2)^{n-1}(2+2)$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (2)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (2)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = K(2)^n u(n)$
- $K(2)^n u(n) 3K(2)^{n-1} u(n-1) 4K(2)^{n-2} u(n-2)$ =  $(2)^n u(n) + 2(2)^{n-1} u(n-1)$
- $n \ge 2 \text{ için } K(2)^n 3K(2)^{n-1} 4K(2)^{n-2} = (2)^n + 2(2)^{n-1}$
- $K(2)^{n-2}(2^2-3\times 2-4)=(2)^{n-1}(2+2)$
- -6K = 8

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (2)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (2)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = K(2)^n u(n)$
- $K(2)^n u(n) 3K(2)^{n-1} u(n-1) 4K(2)^{n-2} u(n-2)$ =  $(2)^n u(n) + 2(2)^{n-1} u(n-1)$
- $n \ge 2 \text{ için } K(2)^n 3K(2)^{n-1} 4K(2)^{n-2} = (2)^n + 2(2)^{n-1}$
- $K(2)^{n-2}(2^2 3 \times 2 4) = (2)^{n-1}(2 + 2)$
- $-6K = 8 \rightarrow K = -\frac{4}{3}$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (2)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (2)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = K(2)^n u(n)$
- $K(2)^n u(n) 3K(2)^{n-1} u(n-1) 4K(2)^{n-2} u(n-2)$ =  $(2)^n u(n) + 2(2)^{n-1} u(n-1)$
- $n \ge 2 \operatorname{igin} K(2)^n 3K(2)^{n-1} 4K(2)^{n-2} = (2)^n + 2(2)^{n-1}$
- $K(2)^{n-2}(2^2 3 \cdot 2 4) = (2)^{n-1}4 \rightarrow -6K = 8 \rightarrow K = -\frac{4}{3}$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{4}{3}(2)^n u(n)$

• 
$$y(n) - 3y(n-1) - 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1)$$
 ve  $x(n) = (4)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$ 

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (4)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $\lambda_1 = -1, \lambda_2 = 4 \text{ ve } x(n) = (4)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = ?$ 
  - $\lambda_1 = -1 \neq 4$  ancak  $\lambda_2 = 4$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (4)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (4)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Kn(4)^n u(n)$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (4)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (4)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Kn(4)^n u(n)$
- $Kn(4)^nu(n)\cdots$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (4)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (4)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Kn(4)^n u(n)$
- $Kn(4)^n u(n) 3K(n-1)(2)^{n-1} u(n-1) \cdots$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (4)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (4)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Kn(4)^n u(n)$
- $Kn(4)^n u(n) 3K(n-1)(4)^{n-1}u(n-1)$ -4 $K(n-2)(4)^{n-2}u(n-2) =$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (4)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (4)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Kn(4)^n u(n)$
- $Kn(4)^n u(n) 3K(n-1)(4)^{n-1}u(n-1)$ -4 $K(n-2)(4)^{n-2}u(n-2) = (4)^n u(n) \cdots$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (4)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (4)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Kn(4)^n u(n)$
- $Kn(4)^n u(n) 3K(n-1)(4)^{n-1}u(n-1)$ -4 $K(n-2)(4)^{n-2}u(n-2) = (4)^n u(n) + 2(4)^{n-1}u(n-1)$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (4)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (4)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Kn(4)^n u(n)$
- $Kn(4)^n u(n) 3K(n-1)(4)^{n-1}u(n-1)$ -4 $K(n-2)(4)^{n-2}u(n-2) = (4)^n u(n) + 2(4)^{n-1}u(n-1)$
- $n \ge 2$  için  $Kn(4)^n 3K(n-1)(4)^{n-1} 4K(n-2)(4)^{n-2}$ =  $(4)^n + 2(4)^{n-1}$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (4)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (4)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Kn(4)^n u(n)$
- $Kn(4)^n u(n) 3K(n-1)(4)^{n-1}u(n-1)$ -4 $K(n-2)(4)^{n-2}u(n-2) = (4)^n u(n) + 2(4)^{n-1}u(n-1)$
- $n \ge 2$  için  $Kn(4)^n 3K(n-1)(4)^{n-1} 4K(n-2)(4)^{n-2}$ =  $(4)^n + 2(4)^{n-1}$
- $K(4)^{n-2}(n4^2 3(n-1)4 4(n-2)) = 4^{n-1}(4+2)$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (4)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (4)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Kn(4)^n u(n)$
- $Kn(4)^n u(n) 3K(n-1)(4)^{n-1} u(n-1)$ -4 $K(n-2)(4)^{n-2} u(n-2) = (4)^n u(n) + 2(4)^{n-1} u(n-1)$
- $n \ge 2$  için  $Kn(4)^n 3K(n-1)(4)^{n-1} 4K(n-2)(4)^{n-2}$ =  $(4)^n + 2(4)^{n-1}$
- $K(4)^{n-2}(n4^2 3(n-1)4 4(n-2)) = 4^{n-1}(4+2)$
- K(12 + 8) = 24

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (4)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (4)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Kn(4)^n u(n)$
- $Kn(4)^n u(n) 3K(n-1)(4)^{n-1} u(n-1)$ -4 $K(n-2)(4)^{n-2} u(n-2) = (4)^n u(n) + 2(4)^{n-1} u(n-1)$
- $n \ge 2$  için  $Kn(4)^n 3K(n-1)(4)^{n-1} 4K(n-2)(4)^{n-2}$ =  $(4)^n + 2(4)^{n-1}$
- $K(4)^{n-2}(n4^2 3(n-1)4 4(n-2)) = 4^{n-1}(4+2)$
- $K(12+8) = 24 \rightarrow K = \frac{6}{5}$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ve  $x(n) = (4)^n u(n)$  ise  $y_{\ddot{0}}(n) = ?$
- $x(n) = (4)^n u(n) \rightarrow y_{\ddot{0}}(n) = Kn(4)^n u(n)$
- $Kn(4)^n u(n) 3K(n-1)(4)^{n-1} u(n-1)$ -4 $K(n-2)(4)^{n-2} u(n-2) = (4)^n u(n) + 2(4)^{n-1} u(n-1)$
- $n \ge 2 \operatorname{için} Kn(4)^n 3K(n-1)(4)^{n-1} 4K(n-2)(4)^{n-2}$ =  $(4)^n + 2(4)^{n-1}$
- $K(4)^{n-2}(n4^2 3(n-1)4 4(n-2)) = 4^{n-1}(4+2)$
- $K(12+8) = 24 \rightarrow K = \frac{6}{5}$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$

- C katsayıları değiştirilmiş Doğal çözüm yapısı + Özel çözümdür.
- 1. Zorlanmış çözüm yapısı belirlenir
- 2. Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3$

2. Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3$ 

- 3. Yapı belirlendikten sonra fark denklemi kullanılarak y değerleri bulunur.
  - N=1 ise, y[0] bulunur.  $a_0y[0] + a_1y[-1] = \sum bx(0)$

2. Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3$ 

$$\star y_{z}[n] = \begin{cases} C_{4}\lambda_{1}^{n} + C_{5}\lambda_{2}^{n} + C_{6}\lambda_{3}^{n} + y_{\ddot{0}}(n), & \lambda_{1} \neq \lambda_{2} \neq \lambda_{3} \\ C_{4}\lambda_{1}^{n} + C_{5}n\lambda_{2}^{n} + C_{6}\lambda_{3}^{n} + y_{\ddot{0}}(n), & \lambda_{1} = \lambda_{2} \neq \lambda_{3} \\ C_{4}\lambda_{1}^{n} + C_{5}n\lambda_{2}^{n} + C_{6}n^{2}\lambda_{3}^{n} + y_{\ddot{0}}(n), & \lambda_{1} = \lambda_{2} = \lambda_{3} \end{cases}$$

3. Yapı belirlendikten sonra fark denklemi kullanılarak y değerleri bulunur.

N=1 ise, 
$$y[0]$$
 bulunur.  $a_0y[0] + a_1y[-1] = \sum bx(0)$   
N=2 ise,  $y[0]$ ,  $y[1]$  bulunur. 
$$a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = \sum bx(0)$$
$$a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = \sum bx(1)$$

2. Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$ ,  $\lambda_3$ 

3. Yapı belirlendikten sonra fark denklemi kullanılarak y değerleri bulunur.

N=1 ise, 
$$y[0]$$
 bulunur.  $a_0y[0] + a_1y[-1] = \sum bx(0)$ 

N=2 ise, 
$$y[0]$$
,  $y[1]$  bulunur. 
$$a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = \sum bx(0)$$
$$a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = \sum bx(1)$$
$$a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = \sum bx(0)$$

N=3 ise, y[0], y[1], y[2] bulunur.  $a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = \sum bx(1)$ 

$$a_0y[2] + a_1y[1] + a_2y[0] = \sum bx(2)$$

3. Yapı belirlendikten sonra fark denklemi kullanılarak y değerleri bulunur.

N=1 ise, 
$$y[0]$$
 bulunur.  $a_0y[0] + a_1y[-1] = \sum bx(0)$   
N=2 ise,  $y[0], y[1]$  bulunur. 
$$a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = \sum bx(0)$$

$$a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = \sum bx(1)$$

$$a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = \sum bx(0)$$
N=3 ise,  $y[0], y[1], y[2]$  bulunur. 
$$a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = \sum bx(1)$$

$$a_0y[2] + a_1y[1] + a_2y[0] = \sum bx(2)$$

- 4. y' ler belirlenen doğal çözüm yapısı ile eşleştirilir. C katsayıları bulunur.
  - N=1 ise, $y_z[0] = y[0]$ ,  $C_4$  bulunur.

3. Yapı belirlendikten sonra fark denklemi kullanılarak y değerleri bulunur.

N=1 ise, 
$$y[0]$$
 bulunur.  $a_0y[0] + a_1y[-1] = \sum bx(0)$   
N=2 ise,  $y[0], y[1]$  bulunur.  $a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = \sum bx(0)$   
 $a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = \sum bx(1)$   
 $a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = \sum bx(0)$   
N=3 ise,  $y[0], y[1], y[2]$  bulunur.  $a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = \sum bx(1)$   
 $a_0y[2] + a_1y[1] + a_2y[0] = \sum bx(2)$ 

4. y' ler belirlenen doğal çözüm yapısı ile eşleştirilir. C katsayıları bulunur.

N=1 ise, 
$$y_z[0] = y[0]$$
,  $C_4$  bulunur.  
N=2 ise,  $y_z[0] = y[0]$ ,  $y_z[1] = y[1]$ ,  $y_z[1] = y[1]$ ,  $y_z[1] = y[1]$ 

3. Yapı belirlendikten sonra fark denklemi kullanılarak y değerleri bulunur.

N=1 ise, 
$$y[0]$$
 bulunur.  $a_0y[0] + a_1y[-1] = \sum bx(0)$ 

N=2 ise,  $y[0], y[1]$  bulunur. 
$$a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = \sum bx(0)$$

$$a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = \sum bx(1)$$

$$a_0y[0] + a_1y[-1] + a_2y[-2] = \sum bx(0)$$

N=3 ise,  $y[0], y[1], y[2]$  bulunur. 
$$a_0y[1] + a_1y[0] + a_2y[-1] = \sum bx(1)$$

$$a_0y[2] + a_1y[1] + a_2y[0] = \sum bx(2)$$

4. y' ler belirlenen doğal çözüm yapısı ile eşleştirilir. C katsayıları bulunur.

N=1 ise, 
$$y_z[0] = y[0]$$
,  $C_4$  bulunur.  
N=2 ise,  $y_z[0] = y[0]$   
 $y_z[1] = y[1]$ ,  $C_4$ ,  $C_5$  bulunur.  
 $y_z[0] = y[0]$   
N=3 ise,  $y_z[1] = y[1]$ ,  $C_4$ ,  $C_5$ ,  $C_6$  bulunur.  
 $y_z[2] = y[2]$ 

# Tam Çözüm

Zorlanmış Çözüm + Doğal Çözümdür.

# Tam Çözüm

- Zorlanmış Çözüm + Doğal Çözümdür.
- Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3$

• 
$$y_d[n] = \begin{cases} C_1 \lambda_1^n + C_2 \lambda_2^n + C_3 \lambda_3^n, & \lambda_1 \neq \lambda_2 \neq \lambda_3 \\ C_1 \lambda_1^n + C_2 n \lambda_2^n + C_3 \lambda_3^n, & \lambda_1 = \lambda_2 \neq \lambda_3 \\ C_1 \lambda_1^n + C_2 n \lambda_2^n + C_3 n^2 \lambda_3^n, & \lambda_1 = \lambda_2 = \lambda_3 \end{cases}$$

• 
$$y_{z}[n] = \begin{cases} C_{4}\lambda_{1}^{n} + C_{5}\lambda_{2}^{n} + C_{6}\lambda_{3}^{n} + y_{\ddot{0}}(n), & \lambda_{1} \neq \lambda_{2} \neq \lambda_{3} \\ C_{4}\lambda_{1}^{n} + C_{5}n\lambda_{2}^{n} + C_{6}\lambda_{3}^{n} + y_{\ddot{0}}(n), & \lambda_{1} = \lambda_{2} \neq \lambda_{3} \\ C_{4}\lambda_{1}^{n} + C_{5}n\lambda_{2}^{n} + C_{6}n^{2}\lambda_{3}^{n} + y_{\ddot{0}}(n), & \lambda_{1} = \lambda_{2} = \lambda_{3} \end{cases}$$

# Tam Çözüm

- Zorlanmış Çözüm + Doğal Çözümdür.
- Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3$

• 
$$y_d[n] = \begin{cases} C_1 \lambda_1^n + C_2 \lambda_2^n + C_3 \lambda_3^n, & \lambda_1 \neq \lambda_2 \neq \lambda_3 \\ C_1 \lambda_1^n + C_2 n \lambda_2^n + C_3 \lambda_3^n, & \lambda_1 = \lambda_2 \neq \lambda_3 \\ C_1 \lambda_1^n + C_2 n \lambda_2^n + C_3 n^2 \lambda_3^n, & \lambda_1 = \lambda_2 = \lambda_3 \end{cases}$$

• 
$$y_{z}[n] = \begin{cases} C_{4}\lambda_{1}^{n} + C_{5}\lambda_{2}^{n} + C_{6}\lambda_{3}^{n} + y_{\ddot{0}}(n), & \lambda_{1} \neq \lambda_{2} \neq \lambda_{3} \\ C_{4}\lambda_{1}^{n} + C_{5}n\lambda_{2}^{n} + C_{6}\lambda_{3}^{n} + y_{\ddot{0}}(n), & \lambda_{1} = \lambda_{2} \neq \lambda_{3} \\ C_{4}\lambda_{1}^{n} + C_{5}n\lambda_{2}^{n} + C_{6}n^{2}\lambda_{3}^{n} + y_{\ddot{0}}(n), & \lambda_{1} = \lambda_{2} = \lambda_{3} \end{cases}$$

•  $y_{t}[n] = \begin{cases} (C_{1} + C_{4})\lambda_{1}^{n} + (C_{2} + C_{5})\lambda_{2}^{n} + (C_{3} + C_{6})\lambda_{3}^{n} + y_{\ddot{0}}(n), & \lambda_{1} \neq \lambda_{2} \neq \lambda_{3} \\ (C_{1} + C_{4})\lambda_{1}^{n} + (C_{2} + C_{5})n\lambda_{2}^{n} + (C_{3} + C_{6})\lambda_{3}^{n} + y_{\ddot{0}}(n), & \lambda_{1} = \lambda_{2} \neq \lambda_{3} \\ (C_{1} + C_{4})\lambda_{1}^{n} + (C_{2} + C_{5})n\lambda_{2}^{n} + (C_{3} + C_{6})n^{2}\lambda_{3}^{n} + y_{\ddot{0}}(n), & \lambda_{1} = \lambda_{2} = \lambda_{3} \end{cases}$ 

• 
$$y(n) + ay(n-1) = x(n)$$
 ve  $x(n) = u(n)$  ise  $y_z(n) = ?$ 

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-a)^n = -ay(-1)(-a)^n = y(-1)(-a)^{n+1}$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{1}{a+1}u(n)$
- $y_z(n) =$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-a)^n = -ay(-1)(-a)^n = y(-1)(-a)^{n+1}$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{1}{a+1}u(n)$
- $y_z(n) = C_2(-a)^n + \frac{1}{a+1}u(n)$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-a)^n = -ay(-1)(-a)^n = y(-1)(-a)^{n+1}$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{1}{a+1}u(n)$
- $y_z(n) = C_2(-a)^n + \frac{1}{a+1}u(n)$
- n = 0 için y(0) + ay(-1) = x(0)

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-a)^n = -ay(-1)(-a)^n = y(-1)(-a)^{n+1}$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{1}{a+1}u(n)$
- $y_z(n) = C_2(-a)^n + \frac{1}{a+1}u(n)$
- n = 0 için y(0) + ay(-1) = x(0)
  - y(0) = 1

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-a)^n = -ay(-1)(-a)^n = y(-1)(-a)^{n+1}$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{1}{a+1}u(n)$
- $y_z(n) = C_2(-a)^n + \frac{1}{a+1}u(n)$
- n = 0 için y(0) + ay(-1) = x(0)
  - y(0) = 1
- $y_z(0) = y(0)$

- $y(n) + ay(n-1) = x(n) \text{ ve } x(n) = u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-a)^n = -ay(-1)(-a)^n = y(-1)(-a)^{n+1}$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{1}{a+1}u(n)$
- $y_z(n) = C_2(-a)^n + \frac{1}{a+1}u(n)$
- n = 0 için y(0) + ay(-1) = x(0)
  - y(0) = 1
- $y_z(0) = y(0)$
- $C_2 + \frac{1}{a+1} = 1$

- $y(n) + ay(n-1) = x(n) \text{ ve } x(n) = u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-a)^n = -ay(-1)(-a)^n = y(-1)(-a)^{n+1}$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{1}{a+1}u(n)$
- $y_z(n) = C_2(-a)^n + \frac{1}{a+1}u(n)$
- n = 0 için y(0) + ay(-1) = x(0)
  - y(0) = 1
- $\bullet \ y_z(0) = y(0)$
- $C_2 + \frac{1}{a+1} = 1 \rightarrow C_2 = \frac{a}{a+1}$

- $y(n) + ay(n-1) = x(n) \text{ ve } x(n) = u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-a)^n = -ay(-1)(-a)^n = y(-1)(-a)^{n+1}$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{1}{a+1}u(n)$
- $y_z(n) = C_2(-a)^n + \frac{1}{a+1}u(n)$
- n = 0 için y(0) + ay(-1) = x(0)
  - y(0) = 1
- $y_z(0) = y(0)$
- $C_2 + \frac{1}{a+1} = 1 \rightarrow C_2 = \frac{a}{a+1}$
- $y_z(n) = \frac{a}{a+1}(-a)^n + \frac{1}{a+1}u(n)$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-a)^n = -ay(-1)(-a)^n = y(-1)(-a)^{n+1}$
- $y_z(n) = \frac{a}{a+1}(-a)^n + \frac{1}{a+1}u(n)$
- $y_t(n) =$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-a)^n = -ay(-1)(-a)^n = y(-1)(-a)^{n+1}$
- $y_z(n) = \frac{a}{a+1}(-a)^n + \frac{1}{a+1}u(n)$
- $y_t(n) = y(-1)(-a)^{n+1} \frac{1}{a+1}(-a)^{n+1} + \frac{1}{a+1}u(n)$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ve x(n) = u(n) ise  $y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-a)^n = -ay(-1)(-a)^n = y(-1)(-a)^{n+1}$
- $y_z(n) = \frac{a}{a+1}(-a)^n + \frac{1}{a+1}u(n)$
- $y_t(n) = y(-1)(-a)^{n+1} \frac{1}{a+1}(-a)^{n+1} + \frac{1}{a+1}u(n)$
- $y_t(n) = \left( \left( y(-1) \frac{1}{a+1} \right) (-a)^{n+1} + \frac{1}{a+1} \right) u(n)$

• 
$$y(n) - 2y(n-1) - 3y(n-2) = x(n)$$
  
 $y(-1) = y(-2) = 2 \text{ ve } x(n) = 10u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$ 

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) $y(-1) = y(-2) = 2 \text{ ve } x(n) = 10u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{5}{2}u(n)$
- $y_z(n) =$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) $y(-1) = y(-2) = 2 \text{ ve } x(n) = 10u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{5}{2}u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(3)^n \frac{5}{2}u(n)$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) $y(-1) = y(-2) = 2 \text{ ve } x(n) = 10u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{5}{2}u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(3)^n \frac{5}{2}u(n)$
- n = 0 için y(0) 2y(-1) 3y(-2) = x(0)

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) $y(-1) = y(-2) = 2 \text{ ve } x(n) = 10u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{5}{2}u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(3)^n \frac{5}{2}u(n)$
- n = 0 için y(0) 2y(-1) 3y(-2) = x(0)
  - y(0) = 10

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) $y(-1) = y(-2) = 2 \text{ ve } x(n) = 10u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{5}{2}u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(3)^n \frac{5}{2}u(n)$
- n = 0 için y(0) 2y(-1) 3y(-2) = x(0)
  - y(0) = 10
  - $y_z(0) = C_3 + C_4 \frac{5}{2}$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) $y(-1) = y(-2) = 2 \text{ ve } x(n) = 10u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{5}{2}u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(3)^n \frac{5}{2}u(n)$
- n = 0 için y(0) 2y(-1) 3y(-2) = x(0)
  - y(0) = 10
  - $y_z(0) = C_3 + C_4 \frac{5}{2} = 10$
- $n = 1 i \sin y(1) 2y(0) 3y(-1) = x(1)$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) $y(-1) = y(-2) = 2 \text{ ve } x(n) = 10u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{5}{2}u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(3)^n \frac{5}{2}u(n)$
- n = 0 için y(0) 2y(-1) 3y(-2) = x(0)
  - y(0) = 10
  - $y_z(0) = C_3 + C_4 \frac{5}{2} = 10$
- n = 1 için y(1) 2y(0) 3y(-1) = x(1)
  - $y(1) = 10 + 2 \times 10 = 30$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) $y(-1) = y(-2) = 2 \text{ ve } x(n) = 10u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{5}{2}u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(3)^n \frac{5}{2}u(n)$
- n = 0 için y(0) 2y(-1) 3y(-2) = x(0)
  - y(0) = 10
  - $y_z(0) = C_3 + C_4 \frac{5}{2} = 10$
- n = 1 için y(1) 2y(0) 3y(-1) = x(1)
  - $y(1) = 10 + 2 \times 10 = 30$
  - $y_z(1) = -C_3 + 3C_4 \frac{5}{2}$

- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(3)^n \frac{5}{2}u(n)$
- n = 0 için y(0) 2y(-1) 3y(-2) = x(0)
  - y(0) = 10
  - $y_z(0) = C_3 + C_4 \frac{5}{2} = 10$
- n = 1 için y(1) 2y(0) 3y(-1) = x(1)
  - $y(1) = 10 + 2 \times 10 = 30$
  - $y_z(1) = -C_3 + 3C_4 \frac{5}{2} = 30$
- $y_z(0) = y(0) \rightarrow C_3 + C_4 \frac{5}{2} = 10$

• 
$$y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(3)^n - \frac{5}{2}u(n)$$

- n = 0 için y(0) 2y(-1) 3y(-2) = x(0)
  - y(0) = 10
  - $y_z(0) = C_3 + C_4 \frac{5}{2}$
- n = 1 için y(1) 2y(0) 3y(-1) = x(1)
  - $y(1) = 10 + 2 \times 10 = 36$
  - $y_z(1) = -C_3 + 3C_4 \frac{5}{2}$
- $y_z(0) = y(0) \rightarrow C_3 + C_4 \frac{5}{2} = 10$
- $y_z(1) = y(1) \rightarrow -C_3 + 3C_4 \frac{5}{2} = 30$

• 
$$y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(3)^n - \frac{5}{2}u(n)$$

• 
$$y_z(0) = y(0) \rightarrow C_3 + C_4 - \frac{5}{2} = 10$$

• 
$$y_z(1) = y(1) \rightarrow -C_3 + 3C_4 - \frac{5}{2} = 30$$

• 
$$C_4 = \frac{45}{4} \text{ ve } C_3 = \frac{5}{4}$$

• 
$$y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(3)^n - \frac{5}{2}u(n)$$

• 
$$y_z(0) = y(0) \rightarrow C_3 + C_4 - \frac{5}{2} = 10$$

• 
$$y_z(1) = y(1) \rightarrow -C_3 + 3C_4 - \frac{5}{2} = 30$$

• 
$$C_4 = \frac{45}{4} \text{ ve } C_3 = \frac{5}{4}$$

• 
$$y_z(n) = \frac{5}{4}(-1)^n + \frac{45}{4}(3)^n - \frac{5}{2}u(n)$$

- $y_d(n) = (-1)^n + 9(3)^n$
- $y_z(n) = \frac{5}{4}(-1)^n + \frac{45}{4}(3)^n \frac{5}{2}u(n)$
- $y_t =$

- $y_d(n) = (-1)^n + 9(3)^n$
- $y_z(n) = \frac{5}{4}(-1)^n + \frac{45}{4}(3)^n \frac{5}{2}u(n)$
- $y_t = \frac{9}{4}(-1)^n + \frac{81}{4}(3)^n \frac{5}{2}u(n)$

- $y_d(n) = (-1)^n + 9(3)^n$
- $y_z(n) = \frac{5}{4}(-1)^n + \frac{45}{4}(3)^n \frac{5}{2}u(n)$
- $y_t = \frac{9}{4}(-1)^n + \frac{81}{4}(3)^n \frac{5}{2}u(n)$
- $y_t = \left(\frac{9}{4}(-1)^n + \frac{81}{4}(3)^n \frac{5}{2}\right)u(n)$

Dr. Ari

• 
$$y(n) - 3y(n-1) - 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1)$$
  
 $y(-1) = 5, y(-2) = 0 \text{ ve } x(n) = (2)^n u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$ 

148

Dr. Ari

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) $y(-1) = 5, y(-2) = 0 \text{ ve } x(n) = (2)^n u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$

149

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) $y(-1) = 5, y(-2) = 0 \text{ ve } x(n) = (2)^n u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{4}{3}(2)^n u(n)$
- $y_z(n) =$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) $y(-1) = 5, y(-2) = 0 \text{ ve } x(n) = (2)^n u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{4}{3}(2)^n u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n \frac{4}{3}(2)^n u(n)$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) $y(-1) = 5, y(-2) = 0 \text{ ve } x(n) = (2)^n u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{4}{3}(2)^n u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n \frac{4}{3}(2)^n u(n)$
- n = 0 için y(0) 3y(-1) 4y(-2) = x(0) + 2x(-1)

BSM307 - İşaretler ve Sistemler

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) $y(-1) = 5, y(-2) = 0 \text{ ve } x(n) = (2)^n u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{4}{3}(2)^n u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n \frac{4}{3}(2)^n u(n)$
- n = 0 için y(0) 3y(-1) 4y(-2) = x(0) + 2x(-1)
  - y(0) = 1

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) $y(-1) = 5, y(-2) = 0 \text{ ve } x(n) = (2)^n u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{4}{3}(2)^n u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n \frac{4}{3}(2)^n u(n)$
- n = 0 için y(0) 3y(-1) 4y(-2) = x(0) + 2x(-1)
  - y(0) = 1
  - $y_Z(0) = C_3 + C_4 \frac{4}{3}$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) $y(-1) = 5, y(-2) = 0 \text{ ve } x(n) = (2)^n u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{4}{3}(2)^n u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n \frac{4}{3}(2)^n u(n)$
- n = 0 için y(0) 3y(-1) 4y(-2) = x(0) + 2x(-1)
  - y(0) = 1
  - $y_z(0) = C_3 + C_4 \frac{4}{3} = 1$
- $n = 1 i \sin y(1) 3y(0) 4y(-1) = x(1) + 2x(0)$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1)y(-1) = 5, y(-2) = 0 ve  $x(n) = (2)^n u(n)$  ise  $y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = -\frac{4}{3}(2)^n u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n \frac{4}{3}(2)^n u(n)$
- n = 0 için y(0) 3y(-1) 4y(-2) = x(0) + 2x(-1)
  - y(0) = 1
  - $y_z(0) = C_3 + C_4 \frac{4}{3} = 1$
- n = 1 için y(1) 3y(0) 4y(-1) = x(1) + 2x(0)
  - $y(1) = 2 + 2 \times 1 + 3 \times 1 = 7$
  - $y_z(1) = -C_3 + 4C_4 \frac{8}{3}$

- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n \frac{4}{3}(2)^n u(n)$
- n = 0 için y(0) 3y(-1) 4y(-2) = x(0) + 2x(-1)
  - y(0) = 1
  - $y_z(0) = C_3 + C_4 \frac{4}{3}$
- n = 1 için y(1) 3y(0) 4y(-1) = x(1) + 2x(0)
  - $y(1) = 2 + 4 + 3 \times 1 = 9$
  - $y_z(1) = -C_3 + 4C_4 \frac{8}{3}$
- $y_z(0) = y(0) \rightarrow C_3 + C_4 \frac{4}{3} = 1$
- $y_z(1) = y(1) \rightarrow -C_3 + 4C_4 \frac{8}{3} = 7$

• 
$$y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n - \frac{4}{3}(2)^n u(n)$$

• 
$$y_z(0) = y(0) \to C_3 + C_4 - \frac{4}{3} = 1$$

• 
$$y_z(1) = y(1) \rightarrow -C_3 + 4C_4 - \frac{8}{3} = 7$$

$$\bullet \ C_4 = \frac{12}{5}, C_3 = -\frac{1}{15}$$

• 
$$y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n - \frac{4}{3}(2)^n u(n)$$

• 
$$y_z(0) = y(0) \to C_3 + C_4 - \frac{4}{3} = 1$$

• 
$$y_z(1) = y(1) \rightarrow -C_3 + 4C_4 - \frac{8}{3} = 7$$

$$\bullet \ C_4 = \frac{12}{5}, C_3 = -\frac{1}{15}$$

• 
$$y_z(n) = -\frac{1}{15}(-1)^n + \frac{12}{5}(4)^n - \frac{4}{3}(2)^n u(n)$$

- $y_d(n) = -(-1)^n + 16(4)^n$
- $y_z(n) = -\frac{1}{15}(-1)^n + \frac{12}{5}(4)^n \frac{4}{3}(2)^n u(n)$
- $y_t(n) =$

• 
$$y_d(n) = -(-1)^n + 16(4)^n$$

• 
$$y_z(n) = -\frac{1}{15}(-1)^n + \frac{12}{5}(4)^n - \frac{4}{3}(2)^n u(n)$$

• 
$$y_t(n) = -\frac{16}{15}(-1)^n + \frac{92}{5}(4)^n - \frac{4}{3}(2)^n u(n)$$

- $y_d(n) = -(-1)^n + 16(4)^n$
- $y_z(n) = -\frac{1}{15}(-1)^n + \frac{12}{5}(4)^n \frac{4}{3}(2)^n u(n)$
- $y_t(n) = -\frac{16}{15}(-1)^n + \frac{92}{5}(4)^n \frac{4}{3}(2)^n u(n)$
- $y_t(n) = \left(-\frac{16}{15}(-1)^n + \frac{92}{5}(4)^n \frac{4}{3}(2)^n\right)u(n)$

Dr. Ari

• 
$$y(n) - 3y(n-1) - 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1)$$
  
 $y(-1) = 5, y(-2) = 0 \text{ ve } x(n) = (4)^n u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$ 

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) $y(-1) = 5, y(-2) = 0 \text{ ve } x(n) = (4)^n u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$

164

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) $y(-1) = 5, y(-2) = 0 \text{ ve } x(n) = (4)^n u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$
- $y_z(n) =$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) $y(-1) = 5, y(-2) = 0 \text{ ve } x(n) = (4)^n u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) $y(-1) = 5, y(-2) = 0 \text{ ve } x(n) = (4)^n u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$
- n = 0 için y(0) 3y(-1) 4y(-2) = x(0) + 2x(-1)

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) $y(-1) = 5, y(-2) = 0 \text{ ve } x(n) = (4)^n u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$
- n = 0 için y(0) 3y(-1) 4y(-2) = x(0) + 2x(-1)
  - y(0) = 1

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) $y(-1) = 5, y(-2) = 0 \text{ ve } x(n) = (4)^n u(n) \text{ ise } y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$
- n = 0 için y(0) 3y(-1) 4y(-2) = x(0) + 2x(-1)
  - y(0) = 1

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1)y(-1) = 5, y(-2) = 0 ve  $x(n) = (4)^n u(n)$  ise  $y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$
- n = 0 için y(0) 3y(-1) 4y(-2) = x(0) + 2x(-1)
  - y(0) = 1
  - $y_z(0) = C_3 + C_4 = 1$
- n = 1 için y(1) 3y(0) 4y(-1) = x(1) + 2x(0)

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1)y(-1) = 5, y(-2) = 0 ve  $x(n) = (4)^n u(n)$  ise  $y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$
- n = 0 için y(0) 3y(-1) 4y(-2) = x(0) + 2x(-1)
  - y(0) = 1
  - $y_z(0) = C_3 + C_4 = 1$
- n = 1 için y(1) 3y(0) 4y(-1) = x(1) + 2x(0)
  - $y(1) = 2 + 4 + 3 \times 1 = 9$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1)y(-1) = 5, y(-2) = 0 ve  $x(n) = (4)^n u(n)$  ise  $y_z(n) = ?$
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $y_{\ddot{0}}(n) = \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$
- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$
- n = 0 için y(0) 3y(-1) 4y(-2) = x(0) + 2x(-1)
  - y(0) = 1
  - $\bullet$   $y_z(0) = C_3 + C_4 = 1$
- n = 1 için y(1) 3y(0) 4y(-1) = x(1) + 2x(0)
  - $y(1) = 2 + 4 + 3 \times 1 = 9$
  - $y_z(1) = -C_3 + 4C_4 + \frac{24}{5} = 9$

Dr. Ari

- $y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$
- n = 0 için y(0) 3y(-1) 4y(-2) = x(0) + 2x(-1)
  - y(0) = 1
- n = 1 için y(1) 3y(0) 4y(-1) = x(1) + 2x(0)
  - $y(1) = 2 + 4 + 3 \times 1 = 9$
  - $y_z(1) = -C_3 + 4C_4 + \frac{24}{5}$

• 
$$y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$$

• 
$$n = 0$$
 için  $y(0) - 3y(-1) - 4y(-2) = x(0) + 2x(-1)$ 

- y(0) = 1
- $y_z(0) = C_3 + C_4$
- n = 1 için y(1) 3y(0) 4y(-1) = x(1) + 2x(0)
  - $y(1) = 2 + 4 + 3 \times 1 = 9$
  - $y_z(1) = -C_3 + 4C_4 + \frac{24}{5}$
- $y_z(0) = y(0) \rightarrow C_3 + C_4 = 1$
- $y_z(1) = y(1) \rightarrow -C_3 + 4C_4 + \frac{24}{5} = 9$

• 
$$y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$$

• 
$$y_z(0) = y(0) \rightarrow C_3 + C_4 = 1$$

• 
$$y_z(1) = y(1) \rightarrow -C_3 + 4C_4 + \frac{24}{5} = 9$$

$$\bullet \ C_4 = \frac{26}{25}, \ C_3 = -\frac{1}{25}$$

• 
$$y_z(n) = C_3(-1)^n + C_4(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$$

• 
$$y_z(0) = y(0) \rightarrow C_3 + C_4 = 1$$

• 
$$y_z(1) = y(1) \rightarrow -C_3 + 4C_4 + \frac{24}{5} = 9$$

$$\bullet \ C_4 = \frac{26}{25}, \ C_3 = -\frac{1}{25}$$

• 
$$y_z(n) = -\frac{1}{25}(-1)^n + \frac{26}{25}(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$$

- $y_d(n) = -(-1)^n + 16(4)^n$
- $y_z(n) = -\frac{1}{25}(-1)^n + \frac{26}{25}(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$
- $y_t(n) =$

• 
$$y_d(n) = -(-1)^n + 16(4)^n$$

• 
$$y_z(n) = -\frac{1}{25}(-1)^n + \frac{26}{25}(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$$

• 
$$y_t(n) = -\frac{26}{25}(-1)^n + \frac{426}{25}(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$$

• 
$$y_d(n) = -(-1)^n + 16(4)^n$$

• 
$$y_z(n) = -\frac{1}{25}(-1)^n + \frac{26}{25}(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$$

• 
$$y_t(n) = -\frac{26}{25}(-1)^n + \frac{426}{25}(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n u(n)$$

• 
$$y_t(n) = \left(-\frac{26}{25}(-1)^n + \frac{426}{25}(4)^n + \frac{6}{5}n(4)^n\right)u(n)$$

#### Fark Denkleminin Birim Darbe Cevabi

4. Hafta sonu buraya kadar geldi hoca

• 
$$a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N] = b_0x[n] + b_1x[n-1] + \dots + b_Mx[n-M]$$

- $a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N] = b_0x[n] + b_1x[n-1] + \dots + b_Mx[n-M]$
- 1.  $x(n) = \delta(n) \text{ ve } y(n) = h(n)$

• 
$$a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N] = b_0x[n] + b_1x[n-1] + \dots + b_Mx[n-M]$$

1. 
$$x(n) = \delta(n) \text{ ve } y(n) = h(n)$$
  
 $a_0 h[n] + a_1 h[n-1] + \dots + a_N h[n-N]$   
 $= b_0 \delta[n] + b_1 \delta[n-1] + \dots + b_M \delta[n-M]$ 

- $a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N] = b_0x[n] + b_1x[n-1] + \dots + b_Mx[n-M]$
- 1.  $x(n) = \delta(n) \text{ ve } y(n) = h(n)$   $a_0 h[n] + a_1 h[n-1] + \dots + a_N h[n-N]$  $= b_0 \delta[n] + b_1 \delta[n-1] + \dots + b_M \delta[n-M]$
- 2. Doğal çözüm yapısına benzer h[n] belirlenir.

- $a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N] = b_0x[n] + b_1x[n-1] + \dots + b_Mx[n-M]$
- 1.  $x(n) = \delta(n) \text{ ve } y(n) = h(n)$   $a_0 h[n] + a_1 h[n-1] + \dots + a_N h[n-N]$  $= b_0 \delta[n] + b_1 \delta[n-1] + \dots + b_M \delta[n-M]$
- 2. Doğal çözüm yapısına benzer h[n] belirlenir.
- 3. Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3$

$$h[n] = \begin{cases} C_7 \lambda_1^n + C_8 \lambda_2^n + C_9 \lambda_3^n, & \lambda_1 \neq \lambda_2 \neq \lambda_3 \\ C_7 \lambda_1^n + C_8 n \lambda_2^n + C_9 \lambda_3^n, & \lambda_1 = \lambda_2 \neq \lambda_3 \\ C_7 \lambda_1^n + C_8 n \lambda_2^n + C_9 n^2 \lambda_3^n, & \lambda_1 = \lambda_2 = \lambda_3 \end{cases}$$

- $a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N] = b_0x[n] + b_1x[n-1] + \dots + b_Mx[n-M]$
- 1.  $x(n) = \delta(n) \text{ ve } y(n) = h(n)$   $a_0 h[n] + a_1 h[n-1] + \dots + a_N h[n-N]$  $= b_0 \delta[n] + b_1 \delta[n-1] + \dots + b_M \delta[n-M]$
- 2. Doğal çözüm yapısına benzer h[n] belirlenir.
- 3. Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$ ,  $\lambda_3$

$$h[n] = \begin{cases} C_7 \lambda_1^n + C_8 \lambda_2^n + C_9 \lambda_3^n, & \lambda_1 \neq \lambda_2 \neq \lambda_3 \\ C_7 \lambda_1^n + C_8 n \lambda_2^n + C_9 \lambda_3^n, & \lambda_1 = \lambda_2 \neq \lambda_3 \\ C_7 \lambda_1^n + C_8 n \lambda_2^n + C_9 n^2 \lambda_3^n, & \lambda_1 = \lambda_2 = \lambda_3 \end{cases}$$

4. 1'deki Fark denklemi kullanılarak h değerleri bulunur.

- $a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N] = b_0x[n] + b_1x[n-1] + \dots + b_Mx[n-M]$
- 1.  $x(n) = \delta(n) \text{ ve } y(n) = h(n)$   $a_0 h[n] + a_1 h[n-1] + \dots + a_N h[n-N]$  $= b_0 \delta[n] + b_1 \delta[n-1] + \dots + b_M \delta[n-M]$
- 2. Doğal çözüm yapısına benzer h[n] belirlenir.
- 3. Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$ ,  $\lambda_3$

$$h[n] = \begin{cases} C_7 \lambda_1^n + C_8 \lambda_2^n + C_9 \lambda_3^n, & \lambda_1 \neq \lambda_2 \neq \lambda_3 \\ C_7 \lambda_1^n + C_8 n \lambda_2^n + C_9 \lambda_3^n, & \lambda_1 = \lambda_2 \neq \lambda_3 \\ C_7 \lambda_1^n + C_8 n \lambda_2^n + C_9 n^2 \lambda_3^n, & \lambda_1 = \lambda_2 = \lambda_3 \end{cases}$$

4. 1'deki Fark denklemi kullanılarak h değerleri bulunur.

N=1 ise, 
$$h[0]$$
 bulunur.  $a_0h[0] + a_1h[-1] = b_0\delta[n] + b_1\delta[n-1]$ 

- $a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N] = b_0x[n] + b_1x[n-1] + \dots + b_Mx[n-M]$
- 1.  $x(n) = \delta(n) \text{ ve } y(n) = h(n)$   $a_0 h[n] + a_1 h[n-1] + \dots + a_N h[n-N]$  $= b_0 \delta[n] + b_1 \delta[n-1] + \dots + b_M \delta[n-M]$
- 2. Doğal çözüm yapısına benzer h[n] belirlenir.
- 3. Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$ ,  $\lambda_3$

$$h[n] = \begin{cases} C_7 \lambda_1^n + C_8 \lambda_2^n + C_9 \lambda_3^n, & \lambda_1 \neq \lambda_2 \neq \lambda_3 \\ C_7 \lambda_1^n + C_8 n \lambda_2^n + C_9 \lambda_3^n, & \lambda_1 = \lambda_2 \neq \lambda_3 \\ C_7 \lambda_1^n + C_8 n \lambda_2^n + C_9 n^2 \lambda_3^n, & \lambda_1 = \lambda_2 = \lambda_3 \end{cases}$$

4. 1'deki Fark denklemi kullanılarak h değerleri bulunur.

N=1 ise, 
$$h[0]$$
 bulunur.  $a_0h[0] + a_1h[-1] = b_0\delta[0] + b_1\delta[-1]$ 

N=2 ise, 
$$h[0]$$
,  $h[1]$  bulunur. 
$$a_0h[0] + a_1h[-1] + a_2h[-2] = b_0\delta[0] + b_1\delta[-1] + b_2\delta[-2]$$
  $a_0h[1] + a_1h[0] + a_2h[-1] = b_0\delta[1] + b_1\delta[0] + b_2\delta[-1]$ 

- $a_0y[n] + a_1y[n-1] + \dots + a_Ny[n-N] = b_0x[n] + b_1x[n-1] + \dots + b_Mx[n-M]$
- 1.  $x(n) = \delta(n) \text{ ve } y(n) = h(n)$   $a_0 h[n] + a_1 h[n-1] + \dots + a_N h[n-N]$  $= b_0 \delta[n] + b_1 \delta[n-1] + \dots + b_M \delta[n-M]$
- 2. Doğal çözüm yapısına benzer h[n] belirlenir.
- 3. Örneğin, N=3 için. Kökler:  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$ ,  $\lambda_3$

$$h[n] = \begin{cases} C_7 \lambda_1^n + C_8 \lambda_2^n + C_9 \lambda_3^n, & \lambda_1 \neq \lambda_2 \neq \lambda_3 \\ C_7 \lambda_1^n + C_8 n \lambda_2^n + C_9 \lambda_3^n, & \lambda_1 = \lambda_2 \neq \lambda_3 \\ C_7 \lambda_1^n + C_8 n \lambda_2^n + C_9 n^2 \lambda_3^n, & \lambda_1 = \lambda_2 = \lambda_3 \end{cases}$$

4. 1'deki Fark denklemi kullanılarak h değerleri bulunur.

N=1 ise, 
$$h[0]$$
 bulunur.  $a_0h[0] + a_1h[-1] = b_0\delta[0] + b_1\delta[-1]$ 

N=2 ise, 
$$h[0]$$
,  $h[1]$  bulunur. 
$$a_0h[0] + a_1h[-1] + a_2h[-2] = b_0\delta[0] + b_1\delta[-1] + b_2\delta[-2] \\ a_0h[1] + a_1h[0] + a_2h[-1] = b_0\delta[1] + b_1\delta[0] + b_2\delta[-1]$$

$$a_0h[0] + \cdots + a_3h[-3] = b_0\delta[0] + \cdots + b_3\delta[-3]$$

N=3 ise, 
$$h[0]$$
,  $h[1]$ ,  $h[2]$  bulunur.  $a_0h[1] + \cdots + a_3h[-2] = b_0\delta[1] + \cdots + b_3\delta[-2]$ 

$$a_0 h[2] + \dots + a_3 h[-1] = b_0 \delta[2] + \dots + b_3 \delta[-1]$$

Dr. Arı

#### 4. 1'deki Fark denklemi kullanılarak h değerleri bulunur.

$$\begin{aligned} & \mathsf{N=1} \text{ ise, } h[0] \text{ bulunur. } a_0 h[0] + a_1 h[-1] = b_0 \delta[0] + b_1 \delta[-1] \\ & \mathsf{N=2} \text{ ise, } h[0], h[1] \text{bulunur.} & a_0 h[0] + a_1 h[-1] + a_2 h[-2] = b_0 \delta[0] + b_1 \delta[-1] + b_2 \delta[-2] \\ & a_0 h[1] + a_1 h[0] + a_2 h[-1] = b_0 \delta[1] + b_1 \delta[0] + b_2 \delta[-1] \\ & a_0 h[0] + \dots + a_3 h[-3] = b_0 \delta[0] + \dots + b_3 \delta[-3] \\ & \mathsf{N=3} \text{ ise, } h[0], h[1], h[2] \text{bulunur. } a_0 h[1] + \dots + a_3 h[-2] = b_0 \delta[1] + \dots + b_3 \delta[-2] \\ & a_0 h[2] + \dots + a_3 h[-1] = b_0 \delta[2] + \dots + b_3 \delta[-1] \end{aligned}$$

#### 5. C katsayıları bulunur

h' ler belirlenen birim darbe cevabı yapısı ile eşleştirilir,

• 
$$y(n) + ay(n-1) = x(n)$$
 ise  $h(n) = ?$ 

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-a)^n$
- h(n) =

Dr. Arı

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-a)^n$
- $h(n) = C_3(-a)^n$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-a)^n$
- $h(n) = C_3(-a)^n$
- $h(n) + ah(n-1) = \delta(n)$
- n=0 için

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-a)^n$
- $h(n) = C_3(-a)^n$
- $h(n) + ah(n-1) = \delta(n)$
- n = 0 için  $h(0) + ah(-1) = \delta(0)$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-a)^n$
- $h(n) = C_3(-a)^n$
- $h(n) + ah(n-1) = \delta(n)$
- n = 0 için  $h(0) + ah(-1) = \delta(0)$
- h(0) = 1

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-a)^n$
- $h(n) = C_3(-a)^n$
- $h(n) + ah(n-1) = \delta(n)$
- n = 0 için  $h(0) + ah(-1) = \delta(0)$
- $h(0) = 1 = C_3$

- y(n) + ay(n-1) = x(n) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-a)^n$
- $h(n) = C_3(-a)^n$
- $h(n) + ah(n-1) = \delta(n)$
- n = 0 için  $h(0) + ah(-1) = \delta(0)$
- $h(0) = 1 = C_3$
- $h(n) = (-a)^n u(n)$

• 
$$y(n) - 2y(n-1) - 3y(n-2) = x(n)$$
 ise  $h(n) = ?$ 

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- h(n) =

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(3)^n$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(3)^n$
- $h(n) 2h(n-1) 3h(n-2) = \delta(n)$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(3)^n$
- $h(n) 2h(n-1) 3h(n-2) = \delta(n)$
- n=0 için

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(3)^n$
- $h(n) 2h(n-1) 3h(n-2) = \delta(n)$
- n = 0 için  $h(0) 2h(-1) 3h(-2) = \delta(0)$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(3)^n$
- $h(n) 2h(n-1) 3h(n-2) = \delta(n)$
- n = 0 için  $h(0) 2h(-1) 3h(-2) = \delta(0)$ 
  - h(0) = 1

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(3)^n$
- $h(n) 2h(n-1) 3h(n-2) = \delta(n)$
- n = 0 için  $h(0) 2h(-1) 3h(-2) = \delta(0)$ 
  - $\bullet$   $h(0) = 1 = C_5 + C_6$
- $n = 1 \text{ için } h(1) 2h(0) 3h(-1) = \delta(1)$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(3)^n$
- $h(n) 2h(n-1) 3h(n-2) = \delta(n)$
- n = 0 için  $h(0) 2h(-1) 3h(-2) = \delta(0)$ 
  - $\bullet$   $h(0) = 1 = C_5 + C_6$
- $n = 1 \text{ için } h(1) 2h(0) 3h(-1) = \delta(1)$ 
  - h(1) = 2

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(3)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(3)^n$
- $h(n) 2h(n-1) 3h(n-2) = \delta(n)$
- n = 0 için  $h(0) 2h(-1) 3h(-2) = \delta(0)$ 
  - $\bullet$   $h(0) = 1 = C_5 + C_6$
- $n = 1 \text{ için } h(1) 2h(0) 3h(-1) = \delta(1)$ 
  - $\bullet$   $h(1) = 2 = -C_5 + 3C_6$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ise h(n) = ?
- $h(0) = 1 = C_5 + C_6$
- $h(1) = 2 = -C_5 + 3C_6$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ise h(n) = ?
- $h(0) = 1 = C_5 + C_6$
- $h(1) = 2 = -C_5 + 3C_6$ 
  - $\bullet \ C_6 = \frac{3}{4}, C_5 = \frac{1}{4}$

- y(n) 2y(n-1) 3y(n-2) = x(n) ise h(n) = ?
- $h(0) = 1 = C_5 + C_6$
- $h(1) = 2 = -C_5 + 3C_6$ 
  - $\bullet \ C_6 = \frac{3}{4}, C_5 = \frac{1}{4}$
- $h(n) = \left(\frac{1}{4}(-1)^n + \frac{3}{4}(3)^n\right)u(n)$

• 
$$y(n) - 3y(n-1) - 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1)$$
 ise  $h(n) = ?$ 

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- h(n) =

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(4)^n$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(4)^n$
- $h(n) 3h(n-1) 4h(n-2) = \delta(n) + 2\delta(n-1)$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(4)^n$
- $h(n) 3h(n-1) 4h(n-2) = \delta(n) + 2\delta(n-1)$
- n = 0 için  $h(0) 3h(-1) 4h(-2) = \delta(0) + 2\delta(-1)$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(4)^n$
- $h(n) 3h(n-1) 4h(n-2) = \delta(n) + 2\delta(n-1)$
- n = 0 için  $h(0) 3h(-1) 4h(-2) = \delta(0) + 2\delta(-1)$ 
  - h(0) = 1 =

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(4)^n$
- $h(n) 3h(n-1) 4h(n-2) = \delta(n) + 2\delta(n-1)$
- n = 0 için  $h(0) 3h(-1) 4h(-2) = \delta(0) + 2\delta(-1)$ 
  - $\bullet$   $h(0) = 1 = C_5 + C_6$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(4)^n$
- $h(n) 3h(n-1) 4h(n-2) = \delta(n) + 2\delta(n-1)$
- n = 0 için  $h(0) 3h(-1) 4h(-2) = \delta(0) + 2\delta(-1)$ 
  - $\bullet$   $h(0) = 1 = C_5 + C_6$
- n=1 için

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(4)^n$
- $h(n) 3h(n-1) 4h(n-2) = \delta(n) + 2\delta(n-1)$
- n = 0 için  $h(0) 3h(-1) 4h(-2) = \delta(0) + 2\delta(-1)$ 
  - $\bullet$   $h(0) = 1 = C_5 + C_6$
- n = 1 için  $h(1) 3h(0) 4h(-1) = \delta(1) + 2\delta(0)$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(4)^n$
- $h(n) 3h(n-1) 4h(n-2) = \delta(n) + 2\delta(n-1)$
- n = 0 için  $h(0) 3h(-1) 4h(-2) = \delta(0) + 2\delta(-1)$ 
  - $\bullet$   $h(0) = 1 = C_5 + C_6$
- $n = 1 \text{ için } h(1) 3h(0) 4h(-1) = \delta(1) + 2\delta(0)$ 
  - $h(1) = 2 + 3 \times 1 = 5$

- y(n) 3y(n-1) 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1) ise h(n) = ?
- $y_d(n) = C_1(-1)^n + C_2(4)^n$
- $h(n) = C_5(-1)^n + C_6(4)^n$
- $h(n) 3h(n-1) 4h(n-2) = \delta(n) + 2\delta(n-1)$
- n = 0 için  $h(0) 3h(-1) 4h(-2) = \delta(0) + 2\delta(-1)$ 
  - $\bullet$   $h(0) = 1 = C_5 + C_6$
- $n = 1 \text{ için } h(1) 3h(0) 4h(-1) = \delta(1) + 2\delta(0)$ 
  - $h(1) = 5 = -C_5 + 4C_6$

• 
$$y(n) - 3y(n-1) - 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1)$$
 ise

- $h(0) = 1 = C_5 + C_6$
- $h(1) = 5 = -C_5 + 4C_6$

• 
$$y(n) - 3y(n-1) - 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1)$$
 ise

- $h(0) = 1 = C_5 + C_6$
- $h(1) = 5 = -C_5 + 4C_6$

$$\bullet \ C_6 = \frac{6}{5}, C_5 = -\frac{1}{5}$$

• 
$$y(n) - 3y(n-1) - 4y(n-2) = x(n) + 2x(n-1)$$
 ise

- $h(0) = 1 = C_5 + C_6$
- $h(1) = 5 = -C_5 + 4C_6$ 
  - $\bullet \ C_6 = \frac{6}{5}, C_5 = -\frac{1}{5}$
- $h(n) = \left(-\frac{1}{5}(-1)^n + \frac{6}{5}(4)^n\right)u(n)$