



ANALIZA ZŁOŻONOŚCI OBLICZENIOWEJ

ALGORYTM SORTOWANIA BĄBELKOWEGO

<i>Pseudokod</i>		<i>Liczba powtórzeń</i>	<i>Koszt</i>																											
1. for i in range(n-1, 0, -1):	Dla n = 7 i: ?	n – 1 ?	c_1																											
2. for j in range(i): if T[j] > T[j+1]: zamień T[j], T[j+1]	<table><tr><th>i</th><th>j</th><th>suma</th></tr><tr><td>6</td><td>0,1,2,3,4,5</td><td>6</td></tr><tr><td>5</td><td>0,1,2,3,4</td><td>5</td></tr><tr><td>4</td><td>0,1,2,3</td><td>4</td></tr><tr><td>3</td><td>0,1,2</td><td>3</td></tr><tr><td>2</td><td>0,1</td><td>2</td></tr><tr><td>1</td><td>0</td><td>1</td></tr></table>	i	j	suma	6	0,1,2,3,4,5	6	5	0,1,2,3,4	5	4	0,1,2,3	4	3	0,1,2	3	2	0,1	2	1	0	1	<table><tr><td>n – 1</td></tr><tr><td>n – 2</td></tr><tr><td>...</td></tr><tr><td>3</td></tr><tr><td>2</td></tr><tr><td>1</td></tr></table>	n – 1	n – 2	...	3	2	1	c_2
i	j	suma																												
6	0,1,2,3,4,5	6																												
5	0,1,2,3,4	5																												
4	0,1,2,3	4																												
3	0,1,2	3																												
2	0,1	2																												
1	0	1																												
n – 1																														
n – 2																														
...																														
3																														
2																														
1																														

Pierwsza pętla: $(n - 1)$

Druga pętla: $S = 1 + 2 + \dots + (n - 1) = \frac{1+(n-1)}{2} \cdot (n - 1) = \frac{n \cdot n - n}{2} = \frac{1}{2}(n^2 - n)$

Suma ciągu arytmetycznego: $S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n$

$$T(n) = c_1(n - 1) + c_2 \left(\frac{1}{2}(n^2 - n) \right) = c_1 n - c_1 + \frac{c_2}{2} n^2 - \frac{c_2}{2} n = \frac{c_2}{2} n^2 + \left(c_1 - \frac{c_2}{2} \right) n - c_1 = an^2 + bn - c$$

Podczas **szacowania złożoności obliczeniowej** zazwyczaj nie jesteśmy zainteresowani dokładną liczbą operacji wykonywanych przez algorytm, ale raczej *rzędem wielkości złożoności*. W związku z tym, do szacowania *górnjej granicy* złożoności algorytmów, stosujemy notację O (czyt. "O duże"), która pozwala uprościć szacowanie poprzez pominięcie *stałych i wolniej rosnących składników wzoru* w trakcie obliczeń.

$$T(n) = an^2 + bn - c = O(n^2)$$

Algorithm	Time Complexity (Best)	Time Complexity (Average)	Time Complexity (Worst)	Space Complexity
Bubble Sort	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(1)$
Insertion Sort	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(1)$
Selection Sort	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(1)$