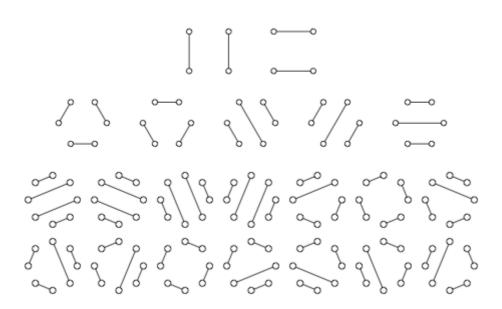
5/12/2560 <e>Judge

## Description



หลังจากคุณชื้ออาหารเสร็จ เมื่อคุณกลับไปยังห้องวิจัย นักวิจัยได้บอกกับคุณว่าพวกเขาทราบเรื่องของคุณแล้ว และจะหาทางช่วยเหลือคุณ มีตำนานกล่าวไว้ว่า มีนักคณิตศาสตร์คนหนึ่งนามว่า Eugène Charles Catalan ได้คิดคันลำดับเลขคณิตที่สามารถใช้เพื่อกลับโลกของคุณได้ เป็นจำนวนวิธีการที่ Node จะจับคู่กันได้พร้อมกันทั้งหมดบนกราฟ โดยที่เส้นไม่ตัดกัน 5/12/2560 <e>Judge



กล่าวถึงจำนวนคู่ที่จับได้ของ Node เมื่อพูดถึง 1 คู่ จะกล่าวได้ว่าบนกราฟมี 2 Nodes จะมีวิธีจับเพียงวิธีเดียวเท่านั้น ดังแสดงในบรรทัดที่ 1 ในรูปข้างบน (สรูปได้ว่า 1 คู่ มี 1 วิธี)

เมื่อเป็น 2 คู่ หมายความว่ามี 4 Nodes จะจับได้สองวิธี (อีกวิธีเป็นจับแบบทแยงมุม ซึ่งจะไม่นับรวม เพราะว่าเส้น ตัดกัน) ดังแสดงในบรรทัดที่ 2 ในรูปข้างบน (สรุปได้ว่า 2 คู่ มี 2 วิธี)

3 คู่มี 6 Nodes จะจับได้ 5 วิธี (โดยไม่มีเส้นตัดกัน) ดังแสดงในบรรทัดที่ 3 ในรูปข้างบน (สรุปได้ว่า 3 คู่ มี 5 วิธี)

และ 4 คู่มี 8 Nodes จะจับได้ 14 วิธี (โดยไม่มีเส้นตัดกัน) ดังแสดงในบรรทัดที่ 4 และ 5 ในรูปด้านบน (สรุปได้ ว่า 4 คู่ มี 14 วิธี)

คุณ Catalan นั้นไม่ได้บอกว่าจะต้องจับวิธีไหน จึงจะทำให้คุณกลับโลกได้ แต่ว่าคุณสามารถหาจำนวนวิธีการที่จะจับคู่ได้ เมื่อมี Node อยู่ 2N Nodes เมื่อ N คือจำนวนคู่ที่จับกันได้พร้อมกัน

ลำดับ Catalan สามารถเขียนเรียงกันได้ดังนี้ 1, 2, 5, 14, 42, ...

เมื่อ

ลำดับที่ 1 คือ C1 มีค่าเท่ากับ 1 ( C1 = 1 )

ลำดับที่ 2 คือ C2 มีค่าเท่ากับ 2 ( C2 = 2 )

ลำดับที่ 3 คือ C3 มีค่าเท่ากับ 5 ( C3 = 5 )

ลำดับที่ 4 คือ C4 มีค่าเท่ากับ 14 ( C4 = 14 )

ลำดับที่ 5 คือ C5 มีค่าเท่ากับ 42 ( C5 = 42)

- - -

ลำดับที่ N คือ CN

และถัดไปลำดับที่ N+1 คือ C(N+1) จะมีค่า C(N+1) = (4N+2)/(N+2) \* C(N)

5/12/2560 <e>Judge

$$C_1 = 1$$

$$C_{N+1} = \frac{4N+2}{N+2}C_N$$

นักวิจัยร้องขอให้คุณหาจำนวนวิธีการจับคู่ของ Node N คู่ หรือเรียกได้อีกอย่างว่า ลำดับที่ N เพื่อที่จะให้นักวิจัยนั้นทดลองเพื่อหาวิธีการให้คุณได้กลับโลก

by นายธนทรัพย์ เพิ่มพูล (https://ejudge.it.kmitl.ac.th/account/3)

15 November 2017, 11:09

Specification	
● Input Specification	Output Specification
บรรทัดเดียว หมายเลขลำดับของ Catalan N เป็นจำนวนนับ	บรรทัดเดียว เป็นค่าของลำดับที่ N ของ หมายเลขลำดับของ Catalan แสดงผลเป็นจำนวนเต็ม
≣ Sample Case	
€) Sample Input	Sample Output
1	1
2	2
3	5
4	14